

# Planeamento Clássico



# Sumário

- O que é Planeamento (clássico)
- Linguagens Representação para Planeamento
- Planeamento com Procura em Espaço de Estados
  - Procura para a frente
  - Procura para trás
  - Heurísticas para planeamento
- Grafos de Planeamento
- Outras abordagens
  - SATPlan
  - POP Planning

# Relação com o livro

- Capítulo 10
  - 10.1,10.2,10.3,10.4.3

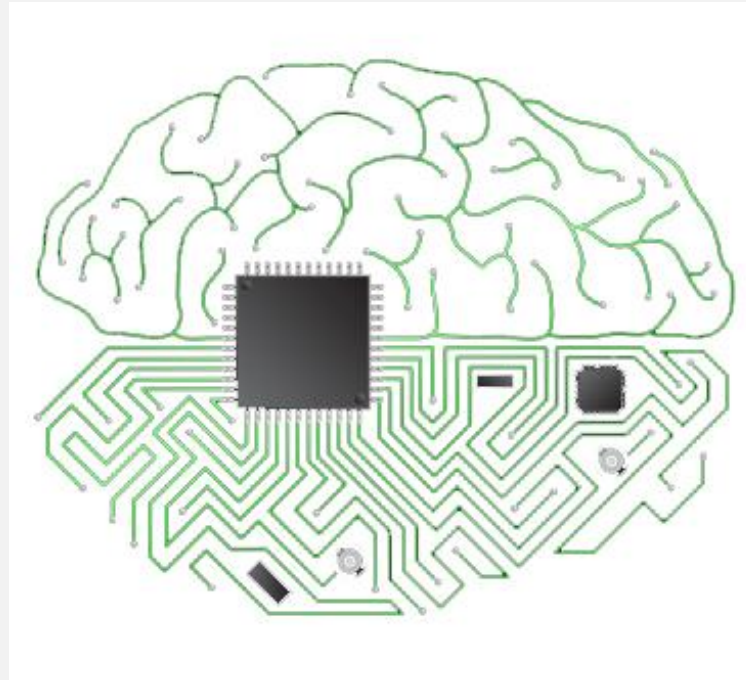
# As áreas de IA

Representação do  
Conhecimento  
e Raciocínio

Procura

Planeamento  
de acções

Robótica



Visão

Agentes

Língua Natural

Aprendizagem

Jogos

# As áreas de IA

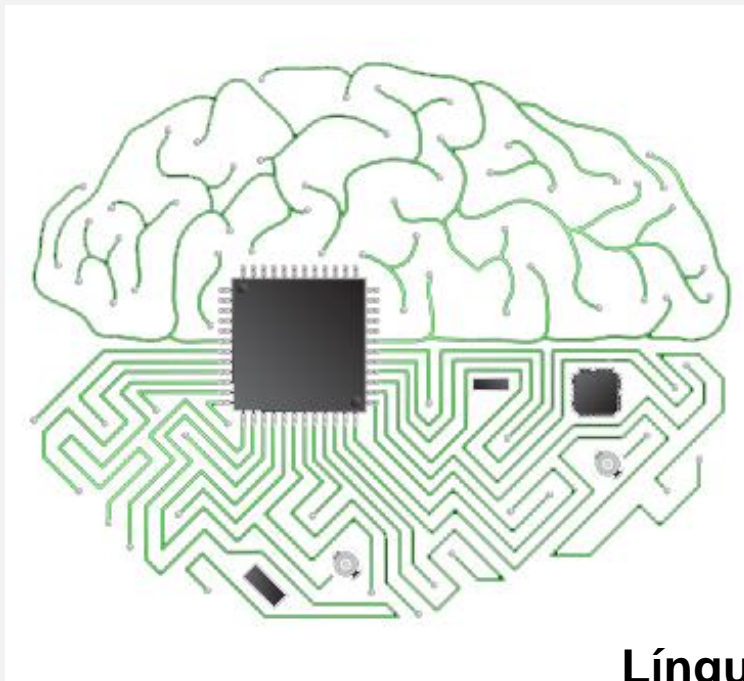
Representação do  
Conhecimento  
e Raciocínio

Procura

Planeamento  
de acções

Aprendizagem

Robótica



Visão

Agentes

Língua Natural

Jogos

# O que é Planeamento?

- Planeamento – construir um **plano de acções para atingir** um dado estado do mundo (**objectivo**)
  - Plano – sequência de acções
  - Tem em conta estados, acções e objectivos

# O que é Planeamento?

- Um sistema de **planeamento clássico** consiste num algoritmo que resolve **problemas** que são **representados por estados e acções em Lógica Proposicional** ou **Lógica de 1ª Ordem**
  - Lógica + Procura
  - Esta representação torna possível a criação de heurísticas eficientes e o desenvolvimento de algoritmos poderosos e flexíveis

# Linguagens Planeamento

- O que é uma boa linguagem?
  - Uma linguagem suficientemente expressiva para descrever uma grande variedade de problemas
  - Uma linguagem suficientemente restritiva para permitir que algoritmos eficientes operem sobre ela
  - Um algoritmo de planeamento deve ser capaz de explorar a estrutura lógica do problema



# Linguagens Planeamento

- Linguagem **STRIPS**
  - **ST**anford **R**earch **I**nstitute **P**roblem **S**olver
  - Uma das 1.<sup>a</sup> linguagens a ser usadas
  - Usada nas edições anteriores do livro
- Linguagem **PDDL**
  - **P**lanning **D**omain **D**efinition **L**anguage
  - Usada na 3.<sup>a</sup> edição livro
  - Menos restrita que STRIPS
    - Ex: STRIPS não permite literais negativos nas precondições de acções e objectivos
    - PDDL permite

# Linguagens Planeamento

- Representação de estados
- Representação de acções
- Representação de objectivos

# Características gerais da linguagem PDDL

- Representação de estados
  - Decomposição do mundo em condições lógicas e representação de um estado como uma conjunção de literais positivos
    - Literais proposicionais:
      - $Pobre \wedge Desconhecido$
    - Literais sem variáveis e sem funções:
      - $Em(Avião1, Melbourne) \wedge Em(Avião2, Sydney)$
  - Assumir que o mundo é fechado (**closed-world assumption**)
    - as condições que não são mencionadas são falsas
  - Assumir que nomes são únicos (**unique names assumption**)
    - dois nomes distintos correspondem a dois objectos distintos.

# Características gerais da linguagem PDDL

- Acções descritas em termos de pré-condições e efeitos
  - Précondições representam o que se tem de verificar para a acção poder ser executada
  - Efeitos representam os efeitos directos da acção
  - Ao contrário dos estados, podemos usar variáveis na sua representação
- Esquemas de acções ou Operadores
  - Um operador pode corresponder a várias instanciações de acções

# Características gerais da linguagem PDDL

- Representação Esquema de acção/Operador
  - Nome da acção e lista de parâmetros
  - Pré-condição (conj. de literais sem funções):
  - Efeito (conj. de literais sem funções):
    - o que é verdadeiro ( $P$ )
    - o que é falso ( $\neg P$ )
    - conjunção de literais pode ser separado em
      - lista de adições – Add List
      - lista de remoções – Delete List
    - restrição: qualquer variável no efeito deve aparecer também na pre-condição.

# Características gerais da linguagem PDDL

Acção(Voar(a,de,para),  
 PRÉ-CONDIÇÃO:  $\text{Em}(a,de) \wedge \text{Avião}(a) \wedge \text{Aeroporto}(de) \wedge \text{Aeroporto}(para)$   
 EFEITO:  $\neg \text{Em}(a,de) \wedge \text{Em}(a,para)$   
)

## Instanciação

Acção(Voar(TAP<sub>15</sub>,Lisboa,Paris),  
 PRÉ-CONDIÇÃO:  $\text{Em}(\text{TAP}_{15},\text{Lisboa}) \wedge \text{Avião}(\text{TAP}_{15}) \wedge \text{Aeroporto}(\text{Lisboa}) \wedge \text{Aeroporto}(\text{Paris})$   
 EFEITO:  $\neg \text{Em}(\text{TAP}_{15},\text{Lisboa}) \wedge \text{Em}(\text{TAP}_{15},\text{Paris})$   
)

# Características gerais da linguagem PDDL

- Representação de objectivos
  - Objectivo representado simplesmente como uma pre-condição.
    - Conjunção de literais positivos (podemos ter variáveis)
      - $Rico \wedge Famoso$
    - Variáveis são tratadas como se estivessem quantificadas existencialmente
      - $Em(a, Paris) \wedge Avião(a)$
      - Este objectivo corresponde a ter qualquer avião em Paris

# Características gerais da linguagem PDDL

- Função *accoes(s)*
  - Quais as acções que podem ser executadas num dado estado *s*?
  - Uma acção é aplicável em qualquer estado que satisfaça a pré-condição
  - Aplicabilidade de uma acção pode envolver uma substituição  $\theta$  para as variáveis na pré-condição
$$Em(A1,JFK) \wedge Em(A2,SFO) \wedge Avião(A1) \wedge Avião(A2) \wedge$$
$$Aeroporto(JFK) \wedge Aeroporto(SFO)$$

Satisfaz :  $Em(a,de) \wedge Avião(a) \wedge Aeroporto(de) \wedge Aeroporto(para)$

Por exemplo com  $\theta = \{a/A1, de/JFK, para/SFO\}$

Logo a acção  $Voar(A1,JFK,SFO)$  é aplicável.



# Características gerais da linguagem PDDL

- Função resultado( $s, a$ )
  - O resultado de executar uma acção  $a$  num estado  $s$  é um estado  $s'$
  - $s' = \text{Result}(a, s) = (s - \text{Del}(a) \cup \text{Add}(a))$
  - $s'$  é o mesmo que  $s$  excepto
    - Qualquer literal positivo  $P$  no efeito de  $a$  é adicionado a  $s'$
    - Qualquer  $P$  correspondente a um literal negativo no efeito ( $\neg P$ ) é removido de  $s'$
  - Em PDDL assume-se o seguinte: (para representar ausência de mudança)  
*Qualquer literal que NÃO esteja no efeito permanece inalterado*

# Características gerais da linguagem PDDL

- O problema é resolvido quando encontramos uma sequência de acções que acaba num estado  $s$ , correspondente a um estado objectivo
- Teste-objectivo( $s$ )
  - **Verifica** se a pré-condição correspondente ao **objectivo** definido **é consequência lógica de  $s$**
  - $s \models \text{obj}$
  - Por outras palavras, verifica se  $s$  verifica as condições do objectivo

# exemplo: transporte aéreo de carga

*Início*( $Em(C1, SFO) \wedge Em(C2, JFK) \wedge Em(A1, SFO) \wedge Em(A2, JFK) \wedge Carga(C1) \wedge Carga(C2) \wedge Avião(A1) \wedge Avião(A2) \wedge Aeroporto(JFK) \wedge Aeroporto(SFO)$ )  
*Objectivo*( $Em(C1, JFK) \wedge Em(C2, SFO)$ )

*Acção*(*Carregar*( $c, a, l$ ))

PRÉ-CONDIÇÃO:  $Em(c, l) \wedge Em(a, l) \wedge Carga(c) \wedge Avião(a) \wedge Aeroporto(l)$

EFEITO:  $\neg Em(c, l) \wedge Dentro(c, a)$

*Acção*(*Descarregar*( $c, a, l$ ))

PRÉ-CONDIÇÃO:  $Dentro(c, a) \wedge Em(a, l) \wedge Carga(c) \wedge Avião(a) \wedge Aeroporto(l)$

EFEITO:  $Em(c, l) \wedge \neg Dentro(c, a)$

*Acção*(*Voar*( $a, de, para$ ))

PRÉ-CONDIÇÃO:  $Em(a, de) \wedge Avião(a) \wedge Aeroporto(de) \wedge Aeroporto(para)$

EFEITO:  $\neg Em(a, de) \wedge Em(a, para)$

[*Possível solução*:

$Carregar(C1, A1, SFO), Voar(A1, SFO, JFK), Descarregar(C1, A1, JFK),$   
 $Carregar(C2, A2, JFK), Voar(A2, JFK, SFO), Descarregar(C2, A2, SFO)]$

# exemplo: pneu sobresselente

$Início(Em(Furado, Eixo) \wedge Em(Sobresselente, Bagageira) \wedge Pneu(Furado) \wedge Pneu(Sobressalente))$

$Objectivo(Em(Sobresselente, Eixo))$

$Acção(Remove(obj, loc)$

PRÉ-CONDIÇÃO:  $Em(obj, loc)$

EFEITO:  $\neg Em(obj, loc) \wedge Em(obj, Chão))$

$Acção(Colocar(p, Eixo)$

PRÉ-CONDIÇÃO:  $Pneu(p) \wedge Em(p, Chão) \wedge \neg Em(Furado, Eixo)$

EFEITO:  $Em(p, Eixo) \wedge \neg Em(p, Chão))$

$Acção(DeixarDuranteANoite$

PRÉ-CONDIÇÃO:

EFEITO:  $\neg Em(Sobresselente, Chão) \wedge \neg Em(Sobresselente, Eixo) \wedge$

$\neg Em(Sobresselente, Bagageira) \wedge \neg Em(Furado, Chão) \wedge \neg Em(Furado, Eixo)$

$\wedge \neg Em(Furado, Bagageira)$

# exemplo: mundo dos blocos

*Início*( $On(A, Table) \wedge On(B, Table) \wedge On(C, A) \wedge Block(A) \wedge Block(B) \wedge Block(C) \wedge Clear(B) \wedge Clear(C)$ )

*Objectivo*( $On(A, B) \wedge On(B, C)$ )

*Acção*(*Move*( $b, x, y$ ))

PRÉ-CONDIÇÃO:  $On(b, x) \wedge Clear(b) \wedge Clear(y) \wedge Block(b) \wedge Block(y) \wedge (b \neq x) \wedge (b \neq y) \wedge (x \neq y)$

EFEITO:  $On(b, y) \wedge Clear(x) \wedge \neg On(b, x) \wedge \neg Clear(y)$

*Acção*(*MoveToTable*( $b, x$ ))

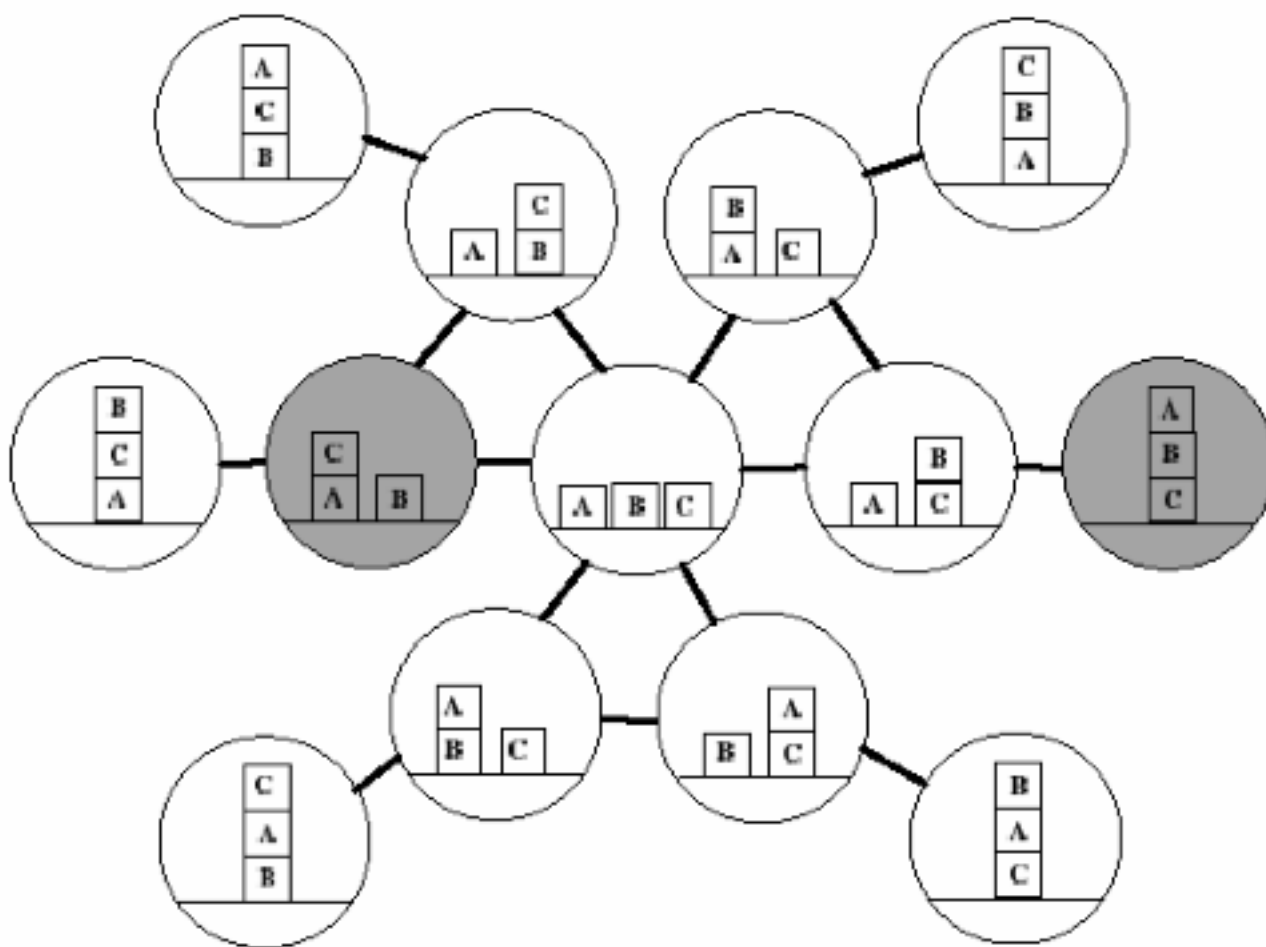
PRÉ-CONDIÇÃO:  $On(b, x) \wedge Clear(b) \wedge Block(b) \wedge (b \neq x)$

EFEITO:  $On(b, Table) \wedge Clear(x) \wedge \neg On(b, x)$

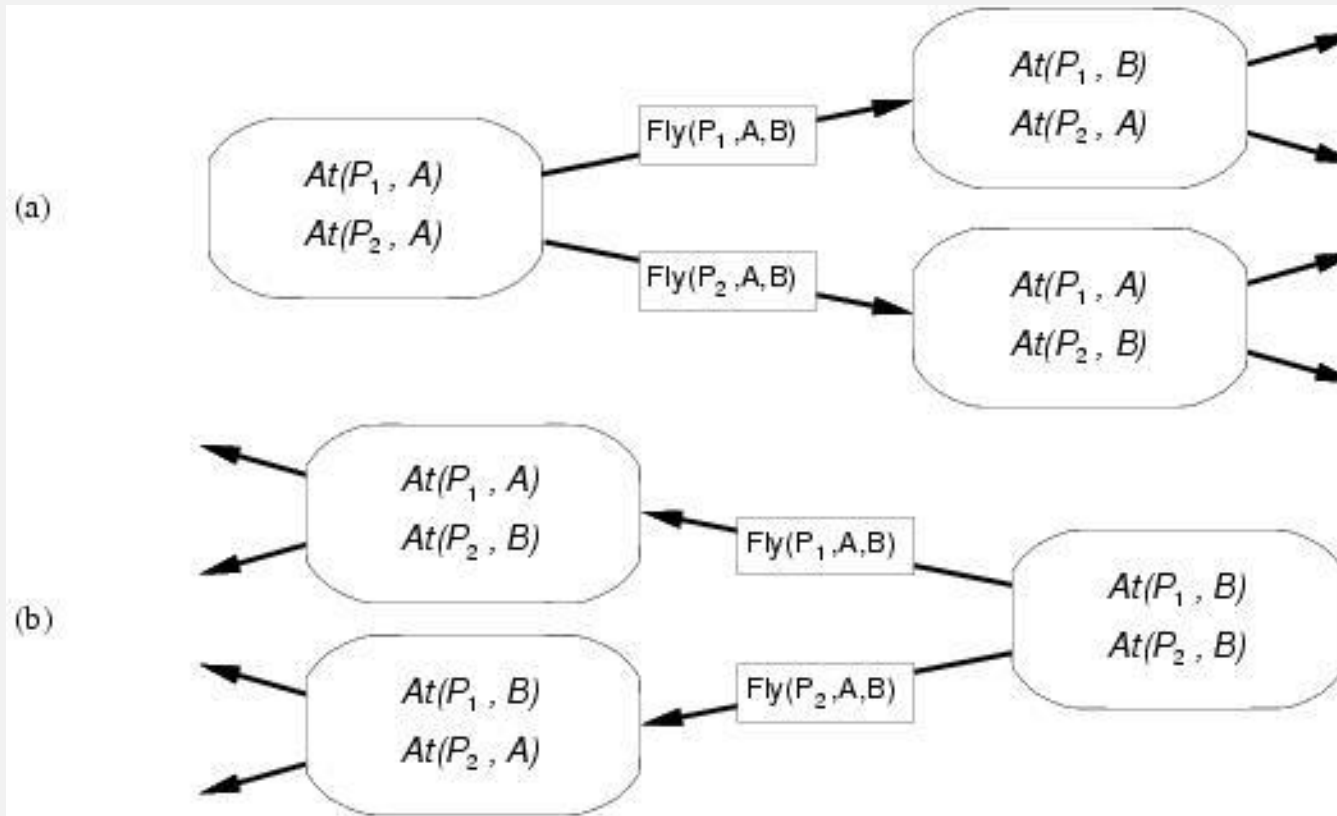
# Planeamento com procura em espaço de estados

- Podemos ver um problema de planeamento como um problema de procura em espaço de estados
  - Devido à representação declarativa de acções
    - Possibilidade de fazer procura progressiva ou regressiva
- Planeadores progressivos
  - Procura progressiva em espaço de estados
  - Considerar o efeito de todas as acções possíveis num dado estado
- Planeadores regressivos
  - Procura regressiva em espaço de estados
  - Para alcançar um objectivo, considerar o que tem de ser verdadeiro no estado anterior

# Exemplo: espaço de estados para mundo dos blocos



# Progressão e regressão





# Procura Progressiva

- Procura Progressiva (forward state-space search)
- Formulação como um problema de procura progressiva num espaço de estados:
  - Estado inicial = estado inicial do problema de planeamento
    - Literais que não aparecem são falsos
  - Acções = aquelas cujas pré-condições são satisfeitas
    - Adicionar efeitos positivos, remover efeitos negativos
  - Teste objectivo = se o estado verifica o objectivo
  - Custo de transição = cada acção tem custo 1

# Procura Progressiva

- Não há funções ... logo qualquer procura em grafo completa é uma algoritmo de planeamento completo
- No entanto este tipo de procura sofre com:
  - Acções irrelevantes
    - Ex. Objectivo Ter(AIMA)
    - Acções: Comprar(livro)
      - Compra de um livro com 10 dígitos de ISBN → 10 biliões de nós!!!
  - Factores de ramificação muito elevados
- Eficiência muito dependente de uma boa heurística
  - Felizmente existem boas heurísticas independentes do domínio

# Procura Regressiva

- Procura Regressiva (Backward relevant-states search)
  - Procura trabalha com descrições de conjuntos de estados
    - Ex.  $\neg \text{Pobre} \wedge \text{Famoso}$
    - Representa os estados em que Pobre é Falso, Famoso é Verdade, e qualquer outra proposição pode ser verdadeira ou falsa
  - Começamos do objectivo
  - Aplicamos as acções de trás para a frente
  - Até encontrarmos uma sequência de acções que nos leve até ao estado inicial
- Apenas considera acções relevantes para o objectivo
  - Se o objectivo é  $\text{Ter}(\text{ISBN0137903952})$ , e considerando que  $\text{Comprar}(x) \rightarrow \text{Ter}(x)$  então é necessário  $\text{Comprar}(\text{ISBN0137903952})$

# Procura Regressiva

- Como determinar as acções relevantes?
  - Deve contribuir para o objectivo
    - Pelo menos um dos efeitos (positivo ou negativo) deve unificar com uma das condições do objectivo
    - Não pode ter nenhum efeito que negue uma condição do objectivo
      - Porque se assim fosse, não poderia ser a última acção de uma solução

# Procura Regressiva

- Formalmente
  - Considerem
    - descrição de um objectivo  $g$  que contem um literal  $g_i$
    - Acção  $A$  normalizada de modo a produzir  $A'$
  - Se
    - $A'$  tem um efeito  $e'_j$  tal que  $\text{Unify}(g_i, e'_j) = \theta$
    - $a' = \text{subst}(\theta, A')$
    - não existe nenhum efeito em  $a'$  que é a negação de um literal de  $g$
  - Então
    - $a'$  é uma acção relevante para  $g$

# Procura Regressiva

- Exemplo

Objectivo: Ter(0136042597)

Acção(Comprar(i),

Pré-condição:ISBN(i),

Efeito:Ter(i))

1) Normalização

Acção (Comprar( $i_1$ ),

Pré-condição:ISBN( $i_1$ ),

Efeito:Ter( $i_1$ ))

2) Unificação

$\theta = \{i_1/0136042597\}$

3) Substituição

$a' = \text{Acção(Comprar(0136042597),$

Pré-condição:ISBN(0136042597)

Efeito:Ter(0136042597))

Normalização é necessário para considerarmos acções com variáveis não especificadas e podermos usar a mesma variável/acção mais que uma vez.  
Ex: comprar dois livros quaisquer

# Procura Regressiva

- Como obter os predecessores de um estado objectivo?
  - Dado um objectivo  $g$
  - Dada uma acção  $a$  que é relevante (para alcançar objectivos) e consistente (não invalida objectivos já alcançados)

$$g' = (g - \text{Add}(a) \cup \text{Precond}(a))$$

- Quaisquer efeitos positivos de  $a$  que aparecem em  $g$  são removidos
- Cada pré-condição de  $a$  é adicionada ao objectivo  $g'$ , a não ser que já lá esteja
- Reparem que  $\text{Del}(a)$  não é utilizado
  - Sabemos que os literais em  $\text{Del}(a)$  não são verdade depois da acção  $a$  ser executada
  - Mas não sabemos se são verdade ou não antes de ser executada

# Procura Regressiva

- Exemplo

Estado objectivo =  $Em(C1, B) \wedge Em(C2, B) \wedge \dots \wedge Em(C20, B)$

Acção que tem o primeiro objectivo como efeito:

$Descarregar(C1, a, B)$

Funciona apenas se as pré-condições são satisfeitas

Estado anterior =  $Em(C1, a) \wedge Em(a, B) \wedge Em(C2, B) \wedge \dots \wedge Em(C20, B)$

Sub-objectivo  $Em(C1, B)$  já não está presente neste estado



# Procura Regressiva

- Propriedades:
  - Apenas considera acções relevantes para o objectivo
    - Tipicamente factor de ramificação muito inferior ao da procura progressiva
  - No entanto, devido à descrição representar conjunto de estados em vez de estados individuais
    - Faz com que seja muito mais difícil construir boas heurísticas
  - Por esta razão, hoje em dia a Procura Progressiva é preferida à Procura Regressiva

# Heurísticas para procura em espaço de estados

- As procuras progressiva e regressiva não são eficientes sem uma boa heurística
  - Custo de caminho
    - Número de acções para atingir o objectivo
  - Como estimar este custo?
    - Uma solução óptima para um problema relaxado

# Heurística de ignorar pré-condições

- Heurística de ignorar pré-condições
  - Ignore preconditions heuristic
  - Considerar problema de planeamento relaxado onde as acções não têm pré-condições
    - Todas as acções são aplicáveis em qualquer estado
    - Qualquer literal objectivo pode ser atingido com um único passo

# Heurística de ignorar pré-condições

- O número de acções necessárias para resolver o problema relaxado é **quase** o número de literais objectivo ainda não atingidos
  1. Uma acção pode atingir mais que um literal objectivo
  2. Uma acção pode desfazer o efeito de outras
- Para muitos problemas, considerar 1) e ignorar 2) é uma boa heurística

# Heurística de ignorar pré-condições

- Começamos por simplificar as acções
  - Remover as precondições
  - Remover todos os efeitos que não sejam um literal objectivo
  - Como heurística conta-se o número mínimo de acções necessárias de modo a que a união dos efeitos dessas acções satisfaça o objectivo
    - Problema: fazer isto é NP-difícil
    - Existe um algoritmo ganancioso que consegue calcular este valor rapidamente
    - Mas perde garantia de admissibilidade

# Heurística de ignorar pré-condições

- Podemos remover apenas algumas pre-condições
  - Ex: 8-puzzle  
Acção(Mover(p,pos1,pos2),  
Pré-cond:  $\text{Em}(p,\text{pos1}) \wedge \text{Peça}(p) \wedge \text{Vazia}(\text{pos2}) \wedge \text{Adjacente}(\text{pos1},\text{pos2})$   
Efeito:  $\text{Em}(p,\text{pos2}) \wedge \text{Vazia}(\text{pos1}) \wedge \neg \text{Em}(p,\text{pos1}) \wedge \neg \text{Vazia}(\text{pos2})$
  - Se removermos pré-cond Vazia(pos2), obtemos a heurística da distância de Manhattan.
  - **Heurística derivada automaticamente** do esquema de acção.
  - É a grande vantagem da representação utilizada para planeamento.

# Heurística de ignorar lista de remoções

- Heurística de ignorar lista de remoções
  - Ignore delete lists heuristic
  - Assumir que não existem precondições com literais negativos
  - Remover todos os literais negativos dos efeitos
  - Problema relaxado
    - Nenhuma acção vai desfazer o progresso feito por outra
    - Uma solução aproximada para este problema pode ser encontrada em tempo polinomial usando Hill-climbing

# Heurísticas de decomposição

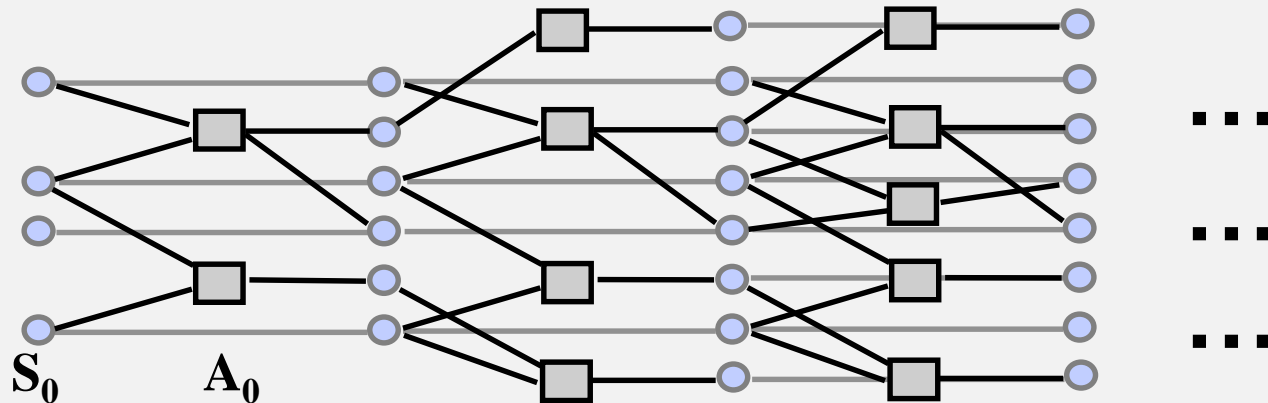
- Heurísticas de decomposição
  - Decompor o objectivo em vários subobjectivos  $g_1, g_2, \dots, g_n$
  - $H = \text{Max}(c(g_1), c(g_2), \dots, c(g_n))$ 
    - Heurística admissível
  - $H = c(g_1) + c(g_2) + \dots + c(g_n)$ 
    - Boa estimativa
    - Mas não garante admissibilidade
      - $c(g_1) + c(g_2) > h^*$  quando a solução para  $g_1$  tem acções redundantes com a solução para  $g_2$
      - A não ser para subobjectivos  $g_1, g_2, \dots, g_n$  independentes



# Grafos de planeamento

- Estrutura de dados usada para obter estimativas mais precisas para as heurísticas
  - Estimativa **admissível** de quantos passos são necessários para atingir um estado objectivo  $g$
- Solução também pode ser directamente extraída a partir de um grafo de planeamento usando o algoritmo GRAPHPLAN

# Grafos de planeamento

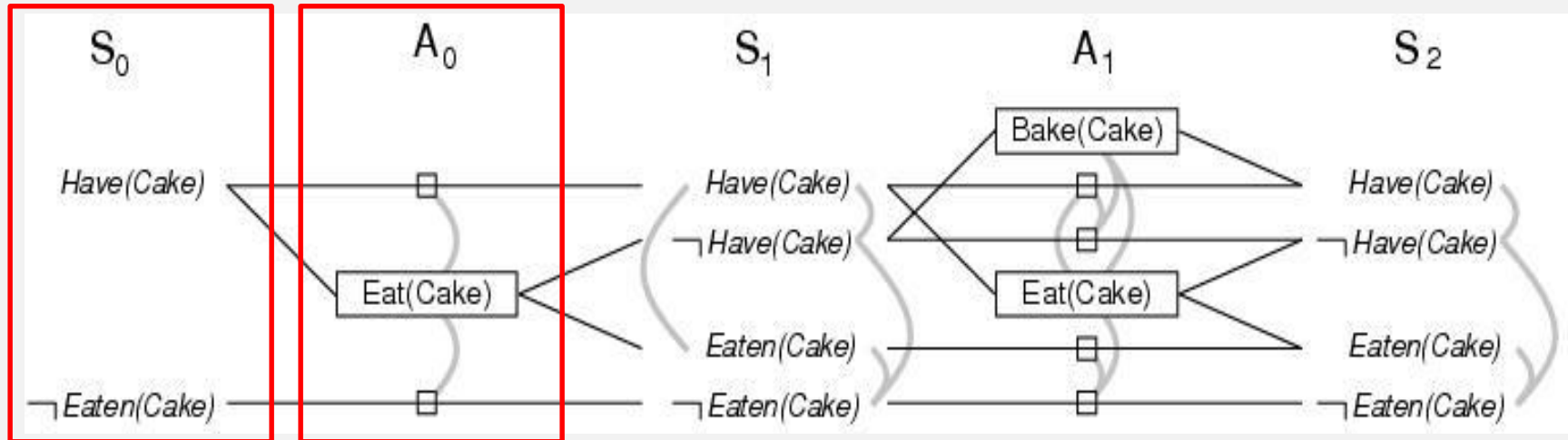


- Consiste numa sequência de níveis que correspondem a instantes de tempo no plano
  - $S_0$  é o estado inicial
  - Cada nível ( $S_i + A_i$ ) consiste num conjunto de literais e num conjunto de acções
    - $S_i = \text{Literais } (\bullet) =$  todos os literais que *podem* ser verdadeiros nesse instante de tempo, dependendo das acções executadas no instante de tempo anterior
    - $A_i = \text{Acções } (\square) =$  todas as acções que *podem* ter as suas pré-condições satisfeitas nesse instante de tempo, dependendo dos literais verdadeiros nesse instante

# Grafos de planeamento

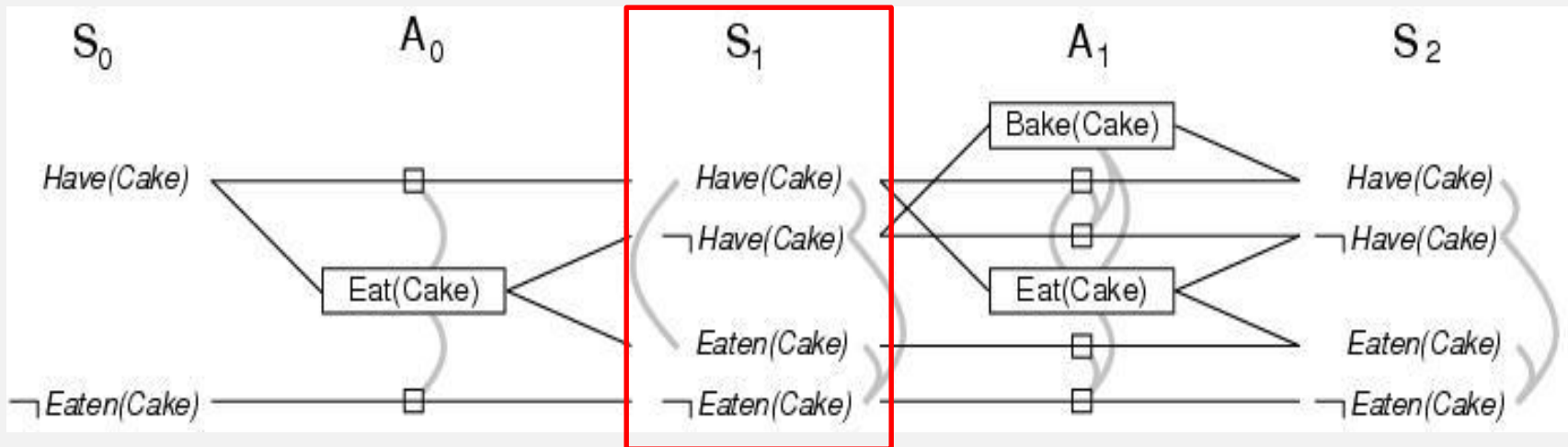
- Significado de “podem”?
  - Registo de apenas um sub-conjunto restrito de possíveis interacções negativas entre acções
- Funciona apenas para problemas proposicionais
  - Isto é, sem variáveis
- Exemplo em PDDL:
  - Init(Have(Cake))
  - Goal(Have(Cake)  $\wedge$  Eaten(Cake))
  - Action(Eat(Cake),
    - PRECOND: Have(Cake)
    - EFFECT:  $\neg$ Have(Cake)  $\wedge$  Eaten(Cake))
  - Action(Bake(Cake),
    - PRECOND:  $\neg$ Have(Cake)
    - EFFECT: Have(Cake))

# Exemplo do bolo



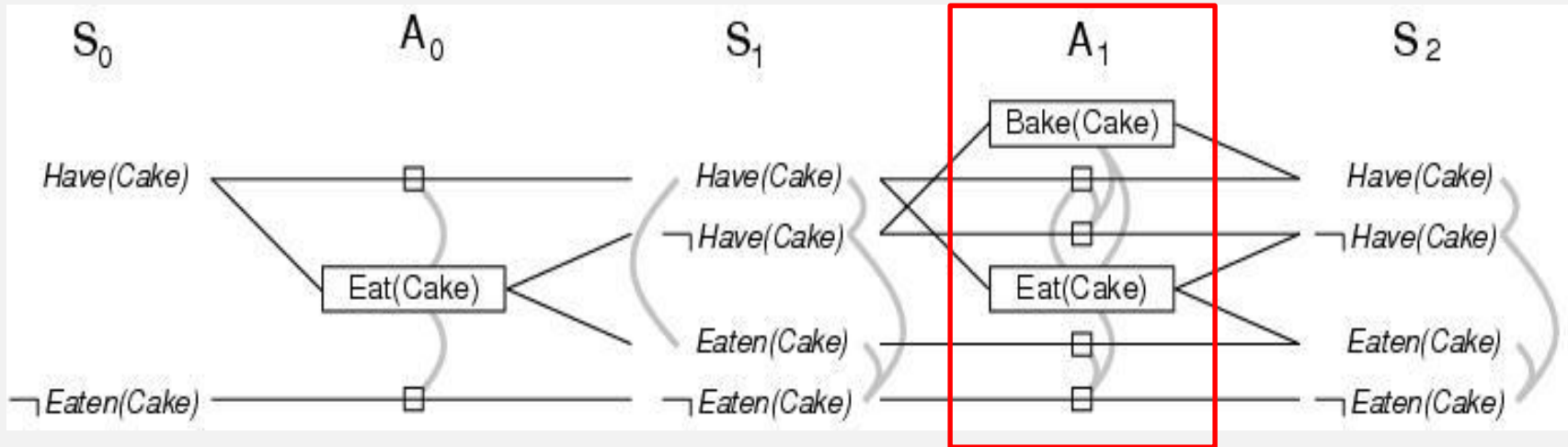
- Início em  $S_0$ 
  - Representa o estado inicial
- $A_0$  contém as acções cujas pré-condições são satisfeitas por  $S_0$ 
  - **Inacção é representada pela persistência de acções ( $\square$ )**
  - Para cada condição  $c$  em  $S$  criar acção com pré-condição e efeito  $c$
- Conflitos entre acções são representadas por relações *mutex*
  - Representadas pelas linhas curvas a cinzento
  - Representam **exclusividade mútua**: neste caso acção  $Eat(Cake)$  tem como efeitos  $\neg Have(Cake) \wedge Eaten(Cake)$

# Exemplo do bolo



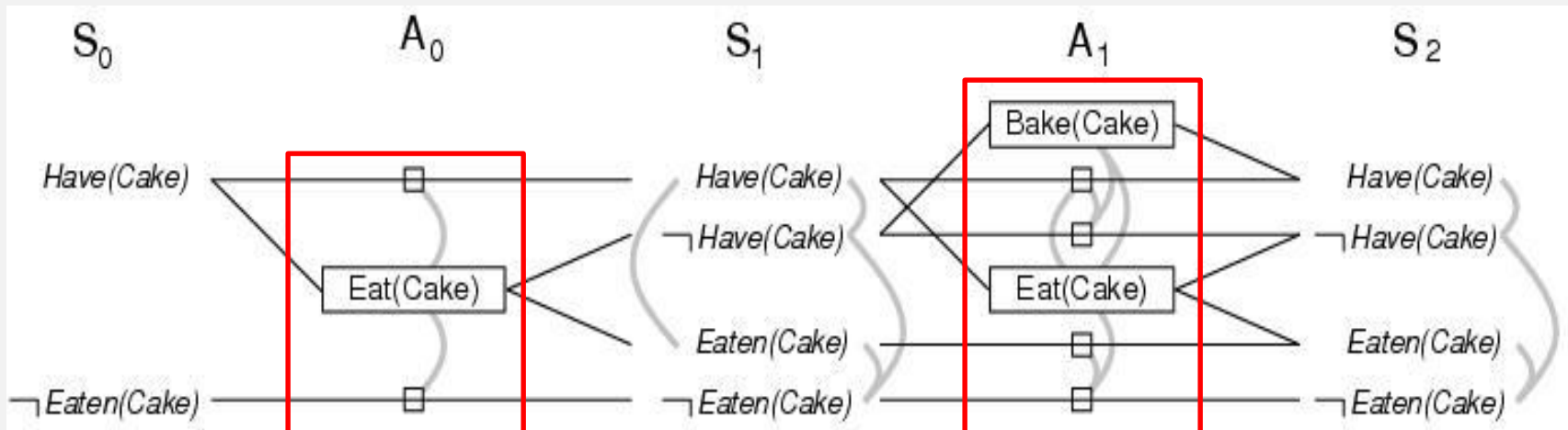
- $S_1$  contém todos os literais resultantes das acções em  $A_0$
- $S_1$  contém também relações mutex
  - Contradições:  $\neg Have(Cake)$  e  $Have(Cake)$ ,  $\neg Eaten(Cake)$  e  $Eaten(Cake)$
  - Outros casos:  $Have(Cake)$  e  $Eaten(Cake)$ ,  $\neg Have(Cake)$  e  $\neg Eaten(Cake)$ 
    - Consequência de só poder ser escolhida uma acção em  $A_0$

# Exemplo do bolo



- Em  $A_1$  podem ter lugar as duas acções
- Relações *mutex* em  $A_1$ 
  - **Contradições:**  $\neg Have(Cake)$  e  $Have(Cake)$ ,  $\neg Eaten(Cake)$  e  $Eaten(Cake)$
  - **Outros casos:**  $Bake(Cake)$  e  $\neg Have(Cake)$ ,  $Bake(Cake)$  e  $Eat(Cake)$ ,  $\neg Eaten(Cake)$  e  $Eat(Cake)$

# Exemplo do bolo

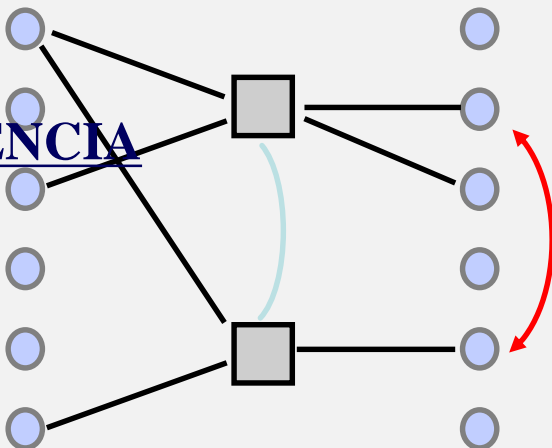


- Uma relação *mutex* é estabelecida entre **duas acções** quando:
  - *Inconsistência*: uma acção nega o efeito da outra e.g. acções  $Eat(Cake)$  e  $Have(Cake)$
  - *Interferência*: um dos efeitos de uma acção é a negação da pré-condição de outra e.g. acções  $Eat(Cake)$  e  $Have(Cake)$
  - *Competição*: uma das pré-condições de uma acção é mutuamente exclusiva em relação à pré-condição de outra e.g. acções  $Eat(Cake)$  e  $Bake(Cake)$

# Relações mutex: resumo

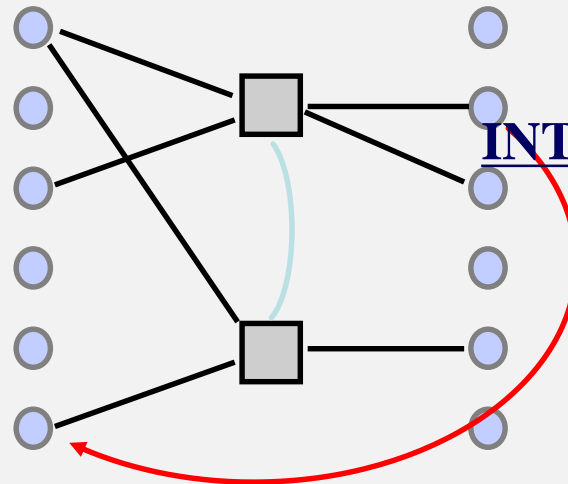
## INCONSISTÊNCIA

uma acção  
nega o efeito  
da outra



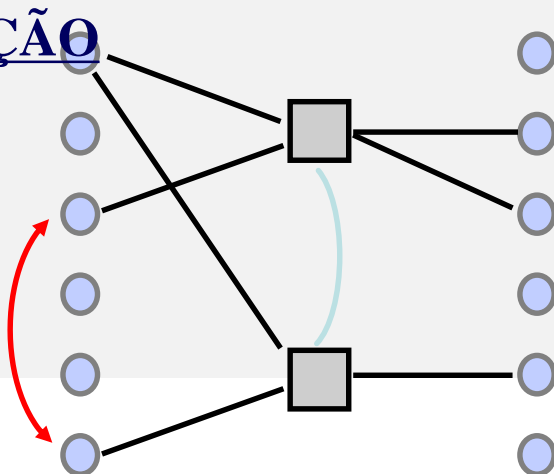
## INTERFERÊNCIA

um efeito  
nega uma  
pré-condição



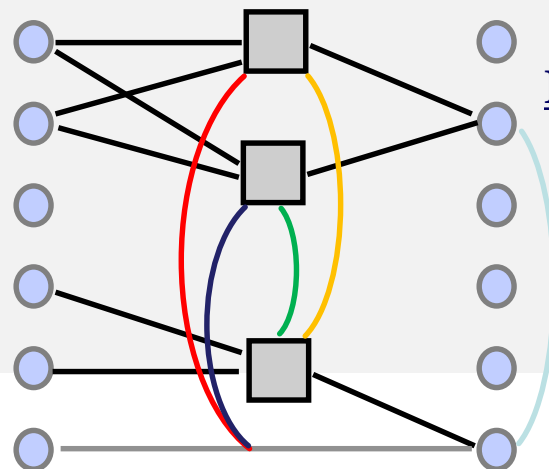
## COMPETIÇÃO

uma  
pré-condição  
nega outra



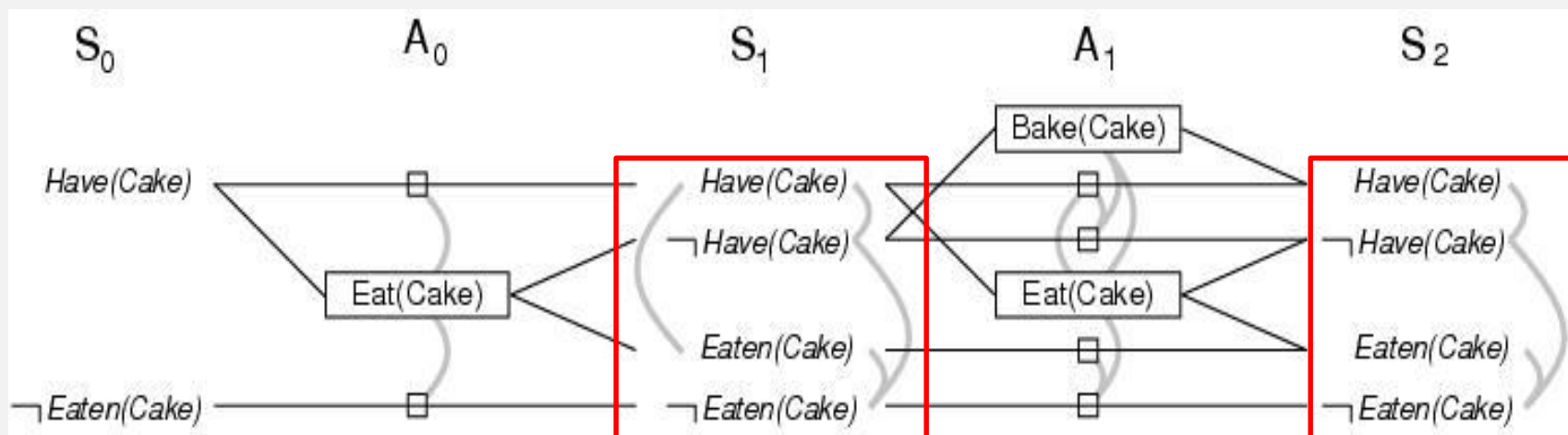
## SUPORTE INCONSISTENTE

literais são  
efeito de  
pares de acções  
mutex



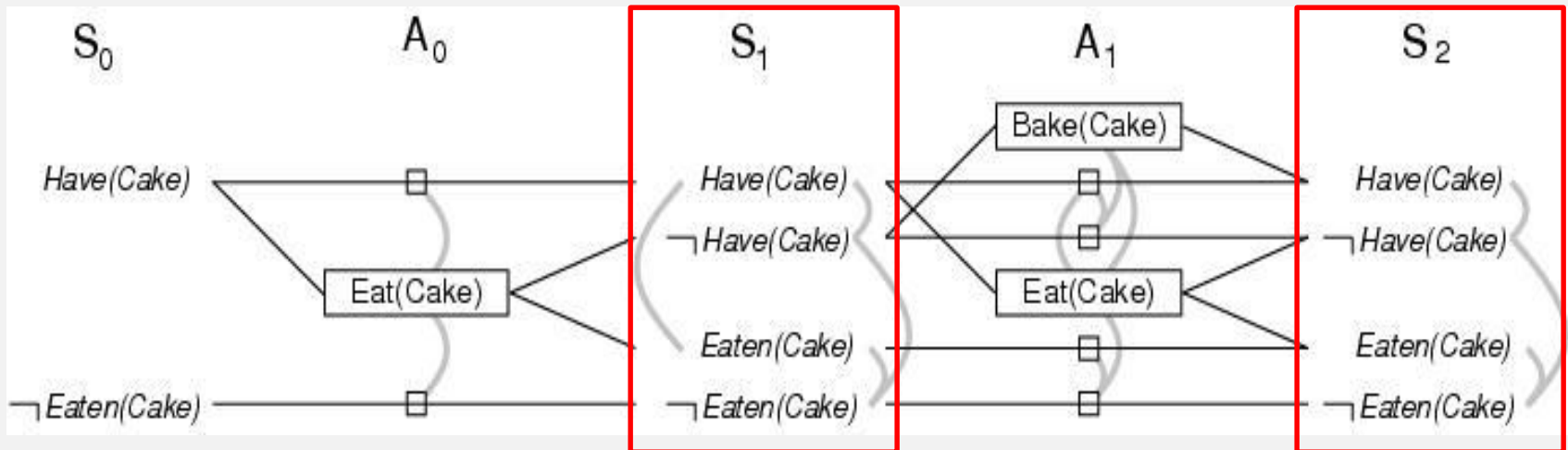


# Exemplo do bolo



- Relação *mutex* entre **dois literais** (*suporte inconsistente*) quando:
  - Um é a negação do outro
  - Cada par de acções possível que podia produzir esses literais é mutex
  - Em  $S_1$ : literais  $Have(Cake)$  e  $Eaten(Cake)$  não são possíveis porque a única forma de obter  $Have(Cake)$  (acção  $Have(Cake)$   $\square$ ) é incompatível com a única forma de obter  $Eaten(Cake)$  (acção  $Eat(Cake)$ )
  - Em  $S_2$ : literais  $Have(Cake)$  e  $Eaten(Cake)$  já são possíveis porque podem ser adquiridos por duas acções compatíveis ( $Bake(Cake)$  e  $Eaten(Cake)$ )

# Exemplo do bolo



- Continuar até que dois níveis consecutivos tenham os mesmos literais: grafo está **leveled off**
  - Significa que expansão adicional é desnecessária

# Grafos de planeamento e heurísticas

- Planeamento com grafos disponibiliza informação sobre o problema
  - Um literal que não aparece no nível final do grafo não pode ser alcançado por nenhum plano
  - Custo de atingir um literal do objectivo  $g_i$ 
    - Estimado como o nível onde o literal  $g_i$  aparece no grafo de planeamento
    - Chamado custo de nível de  $g_i$
  - Estimativa é admissível

# Grafos de planeamento e heurísticas

- Estimativa custo de nível
  - Não é correcta sempre
  - Num grafo de planeamento podem ocorrer várias acções por nível (se não forem mutex)
  - Estimativa apenas conta o nível e não o número de acções
- Grafos de Planeamento em série
  - Um grafo em série garante que só pode ocorrer uma acção por nível
  - Adicionar ligações mutex entre cada par de acções, excepto para acções persistentes
  - Custos de níveis extraídos de grafos em série são estimativas bastante razoáveis dos custos reais

# Grafos de planeamento e heurísticas

- Como estimar o custo de uma conjunção de literais objectivo?
  - Heurística de máximo nível (max-level heuristic)
    - Máximo do custo de nível de um objectivo
    - Admissível, mas não necessariamente a mais correcta
  - Heurística de soma de níveis (level-sum heuristic)
    - Soma do custo de nível de cada objectivo
    - Não é admissível
    - Mas devolve valores muito próximos do real
  - Heurística de nível de conjunto (set-level heuristic)
    - Encontrar o nível onde todos os literais objectivo aparecem no grafo de planeamento sem qualquer par deles ser mutex
    - Admissível
    - Domina heurística máximo nível

# Planeamento de ordem parcial

- Planeamento com procura progressiva e regressiva resulta em planos de procura totalmente ordenados
  - Não é possível obter as vantagens da decomposição de problemas
    - Decisões devem ser feitas de modo a encontrar sequências de acções para todos os sub-problemas
- Estratégia do compromisso mínimo
  - Adiar decisões durante a procura

# Planeamento de ordem parcial

- Planeamento de ordem parcial
  - Procura espaço de estados
    - Mas **estados são planos**

# Exemplo dos sapatos

Goal(RightShoeOn  $\wedge$  LeftShoeOn)

Init()

Action(RightShoe, PRECOND: RightSockOn, EFFECT: RightShoeOn)

Action(RightSock, PRECOND: , EFFECT: RightSockOn)

Action(LeftShoe, PRECOND: LeftSockOn, EFFECT: LeftShoeOn)

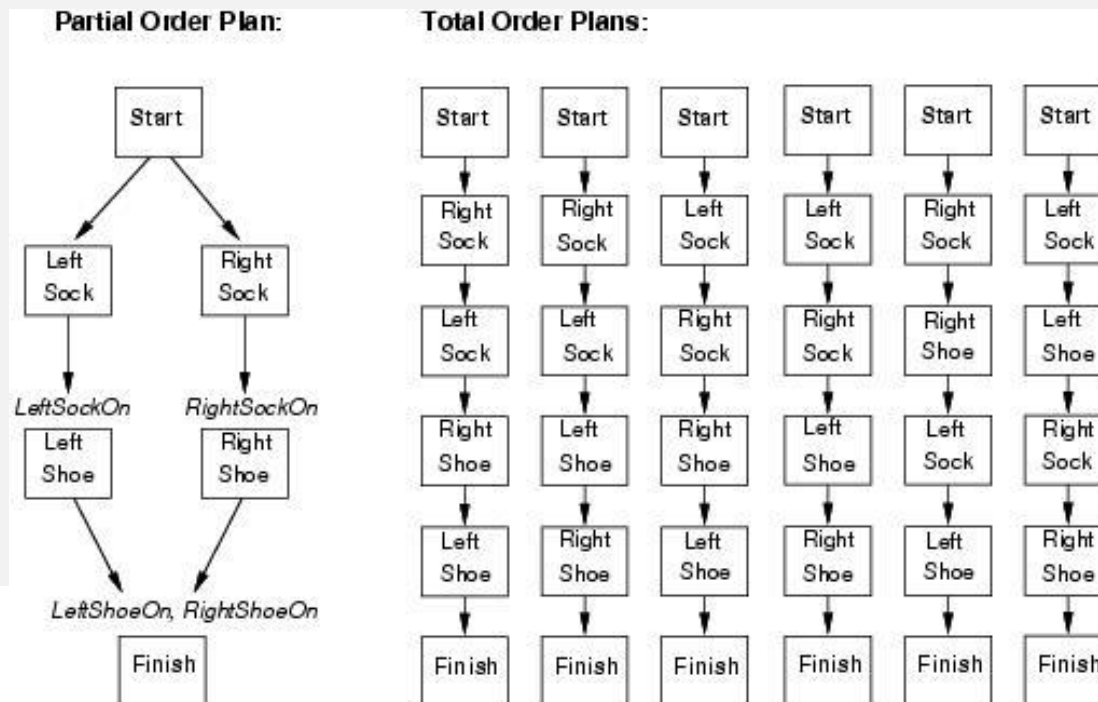
Action(LeftSock, PRECOND: , EFFECT: LeftSockOn)

Plano: combinar duas sequências de  
acções (1) leftsock, leftshoe (2) rightsock,  
rightshoe



# Planeamento de ordem parcial(POP)

- Acções num plano com ordem de execução não determinada; planos com ordem total são uma linearização da ordem parcial



# POP como problema de procura

- Estados são (tipicamente) planos inacabados
  - Plano vazio contém apenas acções iniciar e terminar
- Cada plano tem 4 componentes:
  - Um conjunto de acções (etapas do plano)
  - Um conjunto de restrições de ordem:  $A < B$ 
    - A tem que ser executado antes de B
    - Ciclos representam contradições
  - Um conjunto de ligações causais  $A \xrightarrow{p} B$ 
    - Representa que a acção A atinge a precondição p para B
    - Ligação protegida
      - Não podemos adicionar nenhuma acção entre A e B que tenha como efeito  $\neg p$
  - Um conjunto de pré-condições abertas
    - Pré-condições que ainda não foram alcançadas através de uma acção

# POP como problema de procura

- Um plano é *consistente* se e só se não existem ciclos nas restrições de ordem e não existem conflitos com as *ligações causais*
- Um plano consistente sem pré-condições abertas é uma *solução*
- Um plano de ordem parcial é executado ao executar repetidamente qualquer uma das próximas acções possíveis
  - Esta flexibilidade é vantajosa em ambientes não cooperativos

# Algoritmo POP

- Considerar problemas de planeamento proposicionais:
  - O plano inicial contém *Iniciar* e *Terminar*, a restrição de ordem  $Iniciar < Terminar$ , não há ligações causais, todas as pré-condições em *Terminar* estão abertas
  - Função sucessores:
    - Escolher uma pré-condição  $p$  de uma acção  $B$
    - Gerar um plano sucessor para todas as formas consistentes de satisfazer  $p$
  - Teste objectivo
    - Plano consistente sem precondições abertas

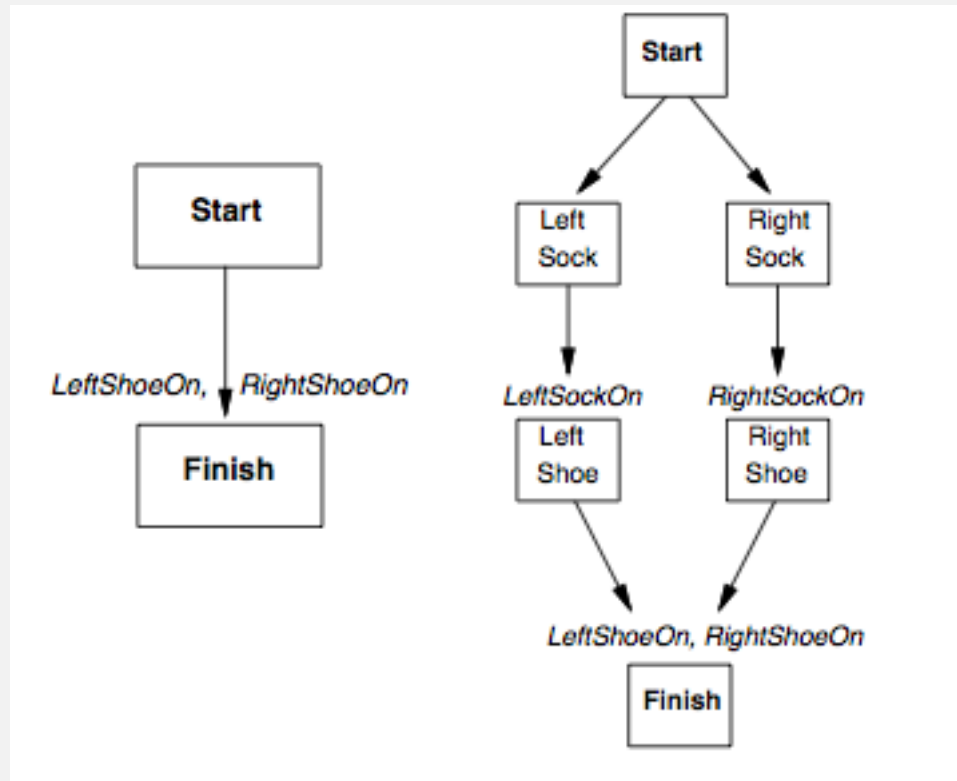
# Algoritmo POP

- Satisfazer uma precondição  $p$ 
  1. Verificar se a precondição  $p$  já é verificada no estado inicial
  2. Tentar encontrar uma acção do plano que satisfaça  $p$
  3. Adicionar uma nova acção ao plano que satisfaça  $p$

# Consistência

- Ao gerar um plano sucessor:
  - A relação causal  $A \xrightarrow{p} B$  e a restrição de ordem  $A < B$  é adicionada ao plano
    - Se A é novo então adicionar também  $\text{Start} < A$  e  $A < \text{Finish}$  ao plano
  - Precondições de A são adicionadas como precondições abertas ao plano
  - Resolver conflitos entre novas ligações causais e as acções existentes
  - Resolver conflitos entre a acção A (se for nova) e todas as ligações causais existentes

# Exemplo: sapatos e peúgas

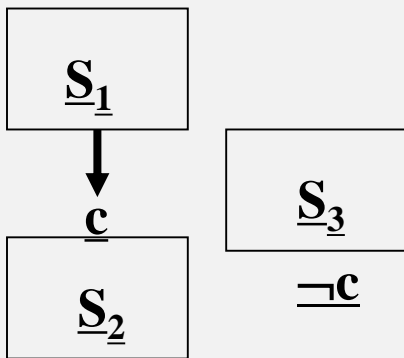


# Resolução de conflitos

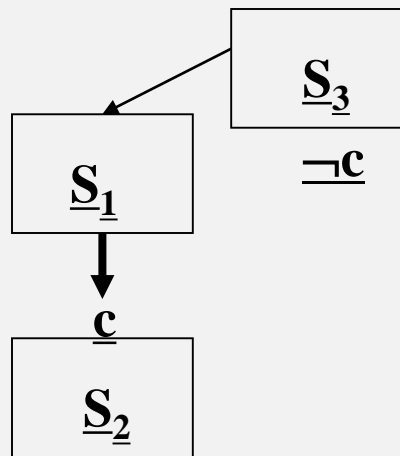
- Conflito:
  - Existe uma acção C no plano com  $\neg p$  que entra em conflito com a ligação causal
$$A \xrightarrow{p} B$$
  - Se C poder ser executado entre A e B
- Conflictos são resolvidos com restrições de ordem ( $<$ )
  - **Demoção** da ligação causal:  $C < A$
  - **Promoção** da ligação causal:  $B < C$



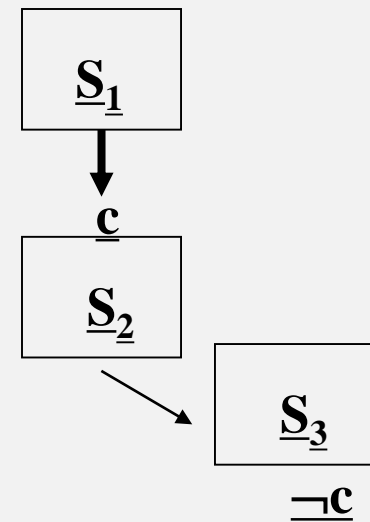
# Promoção e Demoção



(a)



(b)  
Demotion



(c)  
Promotion

# Algoritmo POP

```
function POP(initial, goal, operators) returns plan
```

```
  plan  $\leftarrow$  MAKE-MINIMAL-PLAN(initial, goal)
```

```
  loop do
```

```
    if SOLUTION?(plan) then return plan
```

```
    Sneed, c  $\leftarrow$  SELECT-SUBGOAL(plan)
```

```
    CHOOSE-OPERATOR(plan, operators, Sneed, c)
```

```
    RESOLVE-THREATS(plan)
```

```
  end
```

---

```
function SELECT-SUBGOAL(plan) returns Sneed, c
```

```
  pick a plan step Sneed from STEPS(plan)
```

```
    with a precondition c that has not been achieved
```

```
  return Sneed, c
```

# Algoritmo POP (cont.)

**procedure** CHOOSE-OPERATOR( $plan, operators, S_{need}, c$ )

**choose** a step  $S_{add}$  from  $operators$  or  $STEPS(plan)$  that has  $c$  as an effect

**if** there is no such step **then fail**

  add the causal link  $S_{add} \xrightarrow{c} S_{need}$  to  $LINKS(plan)$

  add the ordering constraint  $S_{add} \prec S_{need}$  to  $ORDERINGS(plan)$

**if**  $S_{add}$  is a newly added step from  $operators$  **then**

    add  $S_{add}$  to  $STEPS(plan)$

    add  $Start \prec S_{add} \prec Finish$  to  $ORDERINGS(plan)$

---

**procedure** RESOLVE-THREATS( $plan$ )

**for each**  $S_{threat}$  that threatens a link  $S_i \xrightarrow{c} S_j$  in  $LINKS(plan)$  **do**

**choose** either

*Demotion:* Add  $S_{threat} \prec S_i$  to  $ORDERINGS(plan)$

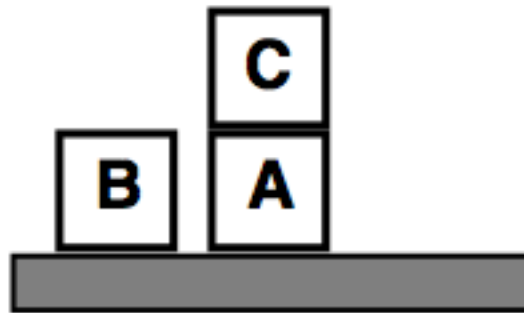
*Promotion:* Add  $S_j \prec S_{threat}$  to  $ORDERINGS(plan)$

**if not** CONSISTENT( $plan$ ) **then fail**

**end**

# Exemplo: mundo dos blocos

"Sussman anomaly" problem

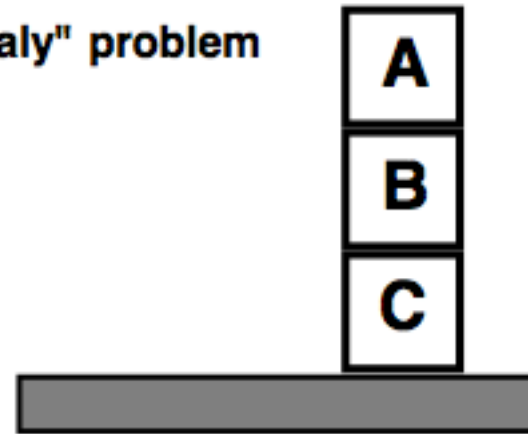


Start State

*Clear(x) On(x,z) Clear(y)*

PutOn(x,y)

*~On(x,z) ~Clear(y)  
Clear(z) On(x,y)*



Goal State

*Clear(x) On(x,z)*

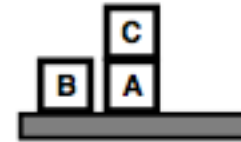
PutOnTable(x)

*~On(x,z) Clear(z) On(x,Table)*

# Exemplo: mundo dos blocos

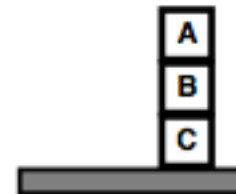
START

*On(C,A) On(A,Table) Cl(B) On(B,Table) Cl(C)*

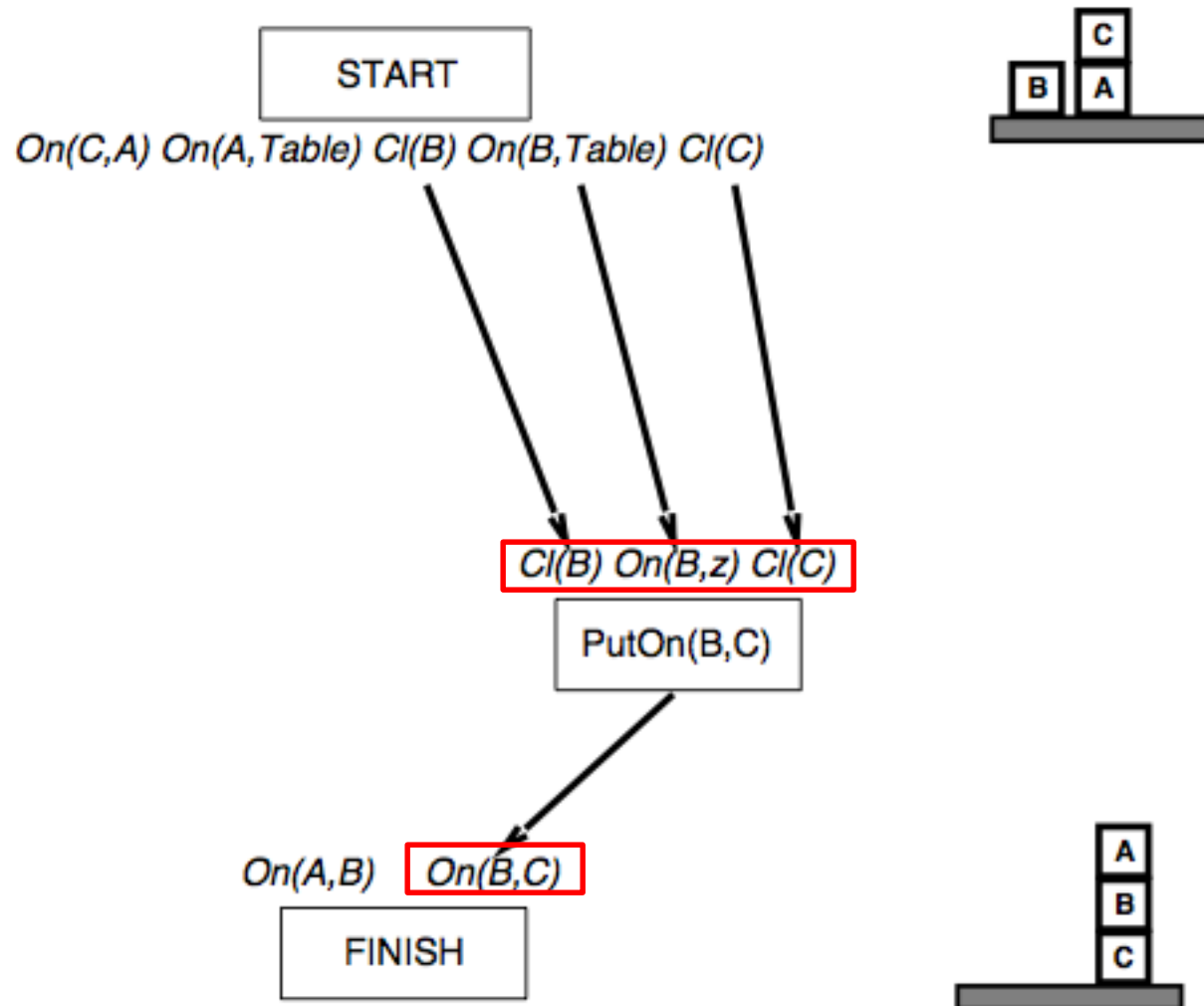


*On(A,B) On(B,C)*

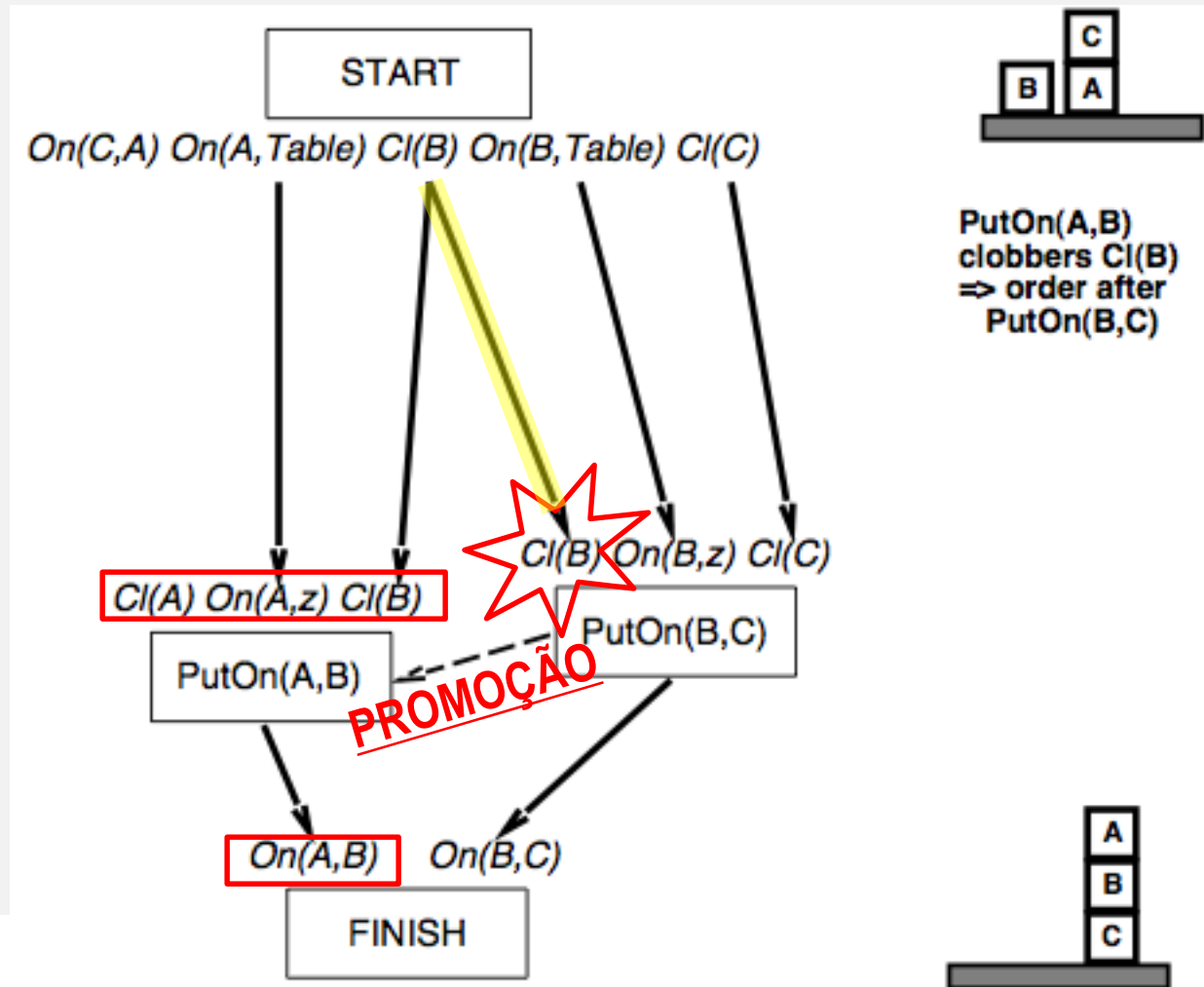
FINISH



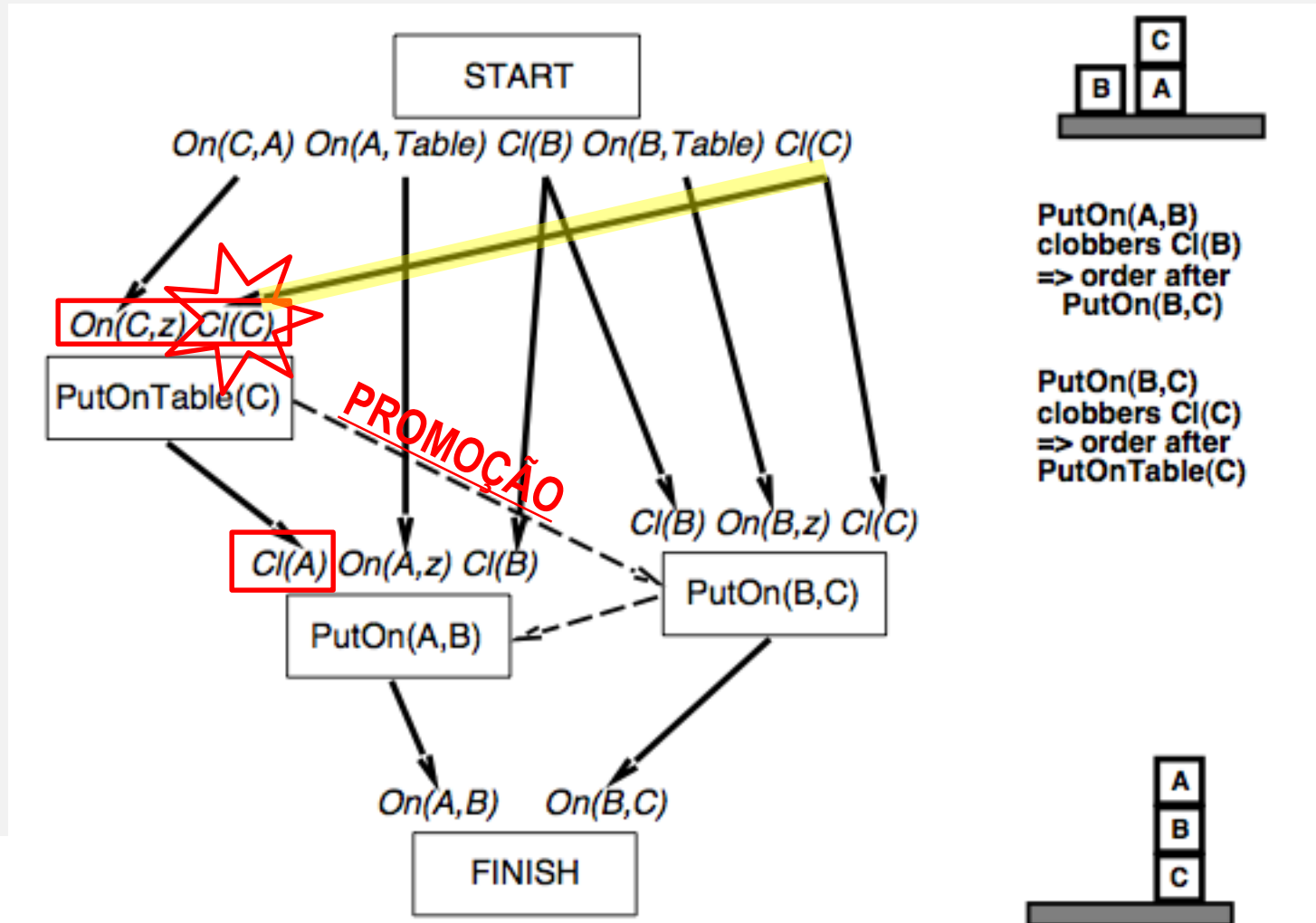
# Exemplo: mundo dos blocos



# Exemplo: mundo dos blocos



# Exemplo: mundo dos blocos





# Exemplo: Pneu sobresselente

*Init*( $At(Flat, Axle) \wedge At(Spare, Trunk)$ )

*Goal*( $At(Spare, Axle)$ )

*Action*(*Remove*(*Spare*, *Trunk*))

PRECOND:  $At(Spare, Trunk)$

EFFECT:  $\neg At(Spare, Trunk) \wedge At(Spare, Ground)$

*Action*(*Remove*(*Flat*, *Axle*))

PRECOND:  $At(Flat, Axle)$

EFFECT:  $\neg At(Flat, Axle) \wedge At(Flat, Ground)$

*Action*(*PutOn*(*Spare*, *Axle*))

PRECOND:  $At(Spare, Ground) \wedge \neg At(Flat, Axle)$

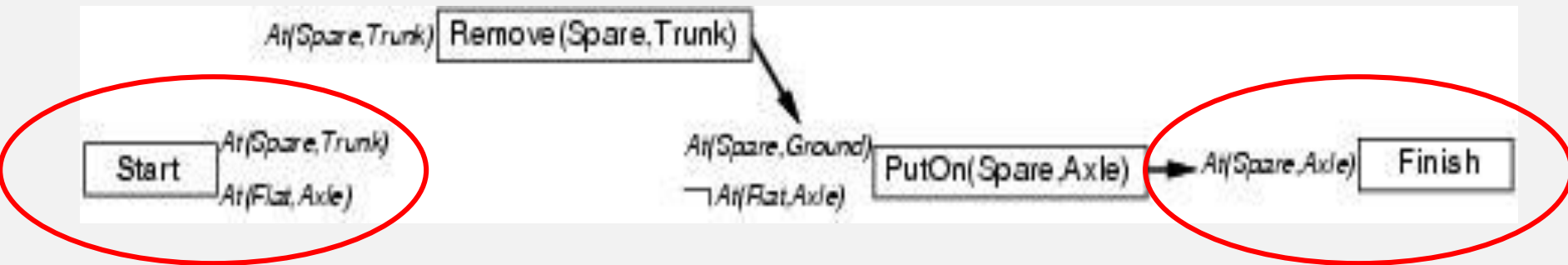
EFFECT:  $At(Spare, Axle) \wedge \neg At(Spare, Ground)$

*Action*(*LeaveOvernight*

PRECOND:

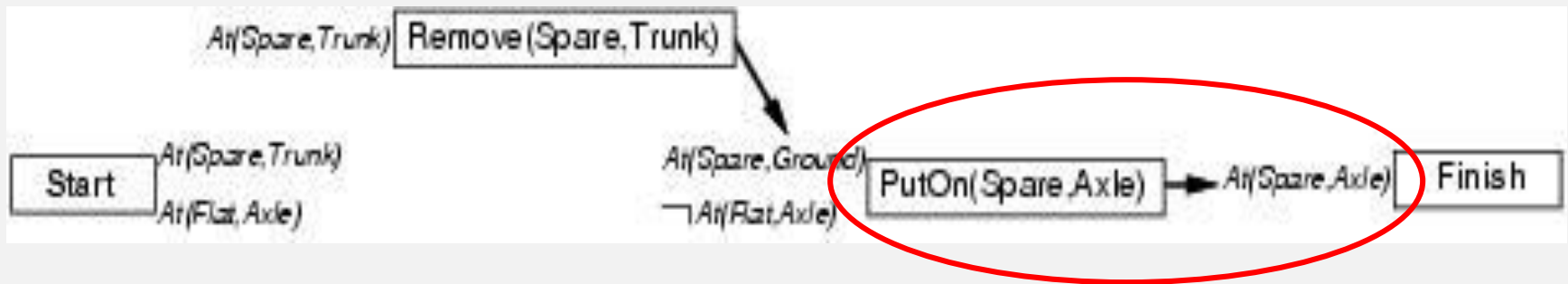
EFFECT:  $\neg At(Spare, Ground) \wedge \neg At(Spare, Axle) \wedge \neg At(Spare, Trunk) \wedge \neg At(Flat, Ground) \wedge \neg At(Flat, Axle)$  )

# Resolução do problema



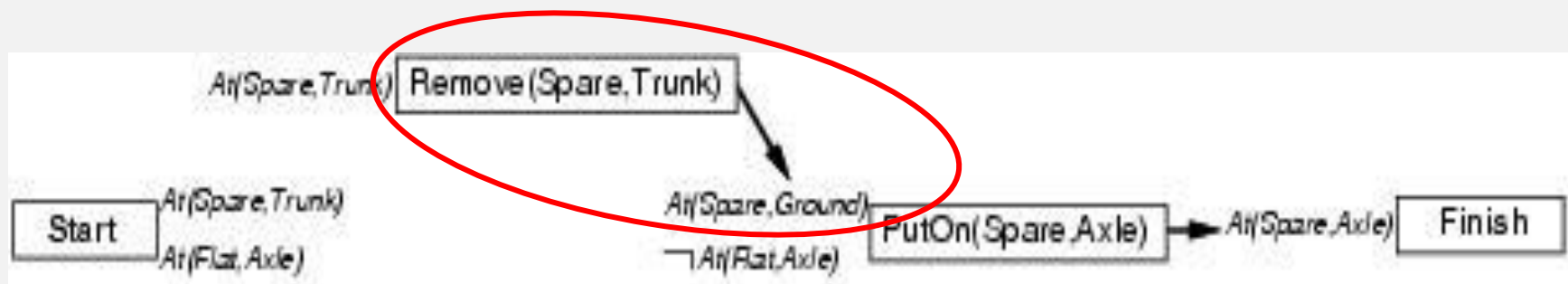
- Plano inicial:
  - *START* com EFEITO = Estado Inicial
  - *Finish* com PRÉ-CONDIÇÃO = Objectivo

# Resolução do problema



- Plano inicial: *Start* com EFEITO e *Finish* com PRÉ-CONDIÇÃO
- Escolher uma pré-condição aberta:  $At(Spare, Axle)$
- Somente a acção  $PutOn(Spare, Axle)$  é aplicável
- Adicionar ligação causal:  $PutOn(Spare, Axle) \xrightarrow{At(Spare, Axle)} Finish$
- Adicionar restrição de ordem:  $PutOn(Spare, Axle) < Finish$

# Resolução do problema

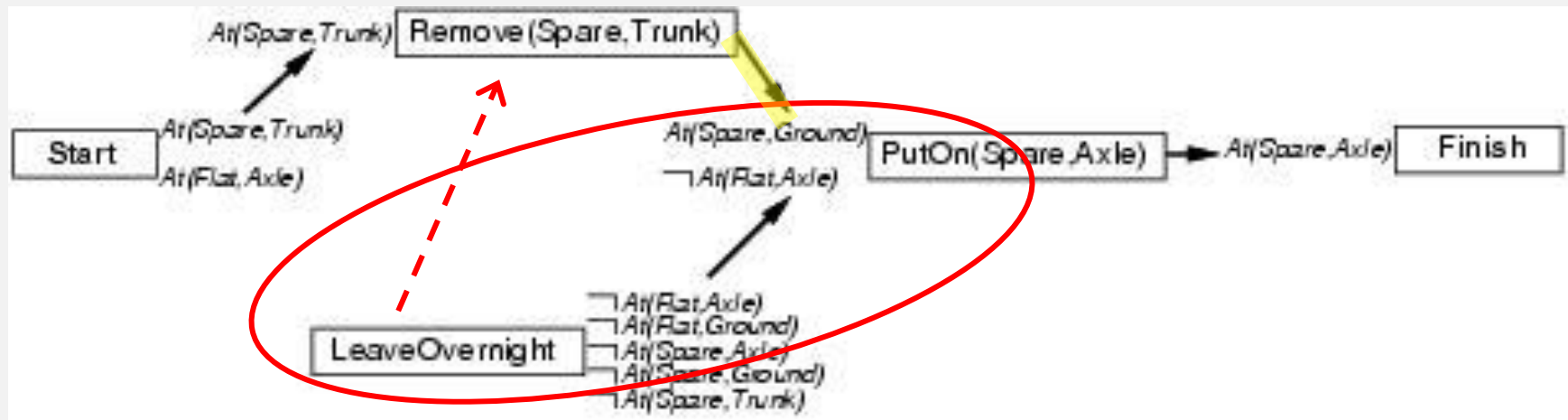


- Escolher uma pré-condição aberta:  $At(Spare, Ground)$
- Somente  $Remove(Spare, Trunk)$  é aplicável
- Adicionar ligação causal:

$$Remove(Spare, Trunk) \xrightarrow{At(Spare, Ground)} PutOn(Spare, Axle)$$

- Adicionar restrição de ordem:  
 $Remove(Spare, Trunk) < PutOn(Spare, Axle)$

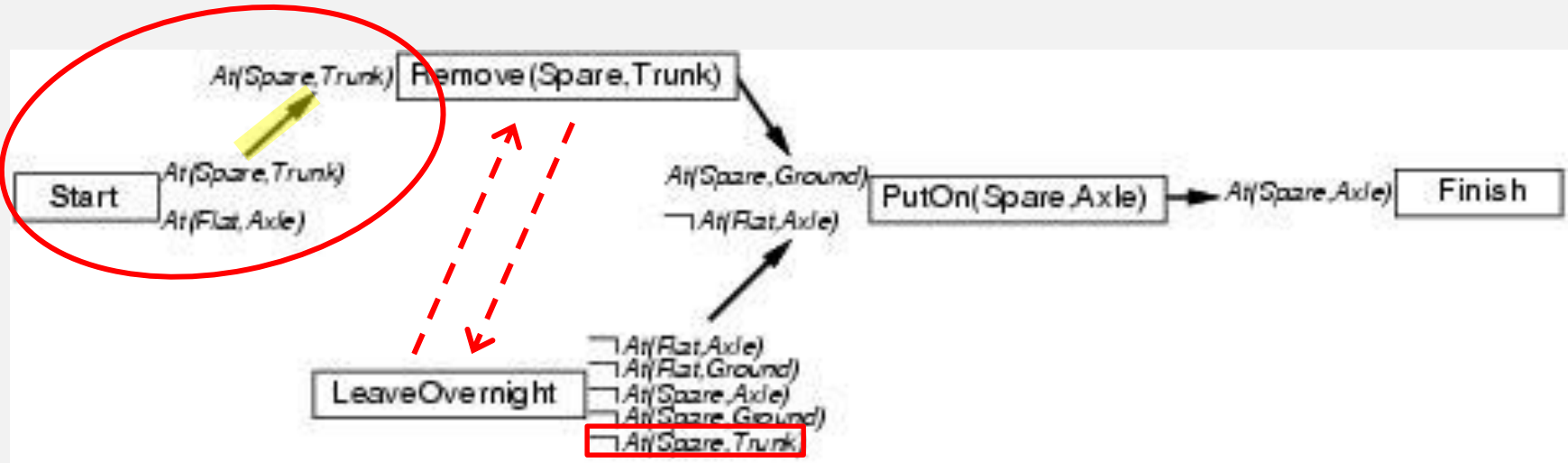
# Resolução do problema



- Escolher uma pré-condição aberta:  $\neg At(Flat, Axle)$
- *LeaveOverNight* é aplicável
- Conflito:  $Remove(Spare, Trunk) \xrightarrow{At(Spare, Ground)} PutOn(Spare, Axle)$
- Para o resolver, adicionar restrição (**DEMOÇÃO**):  $LeaveOverNight < Remove(Spare, Trunk)$
- Adicionar ligação causal:  

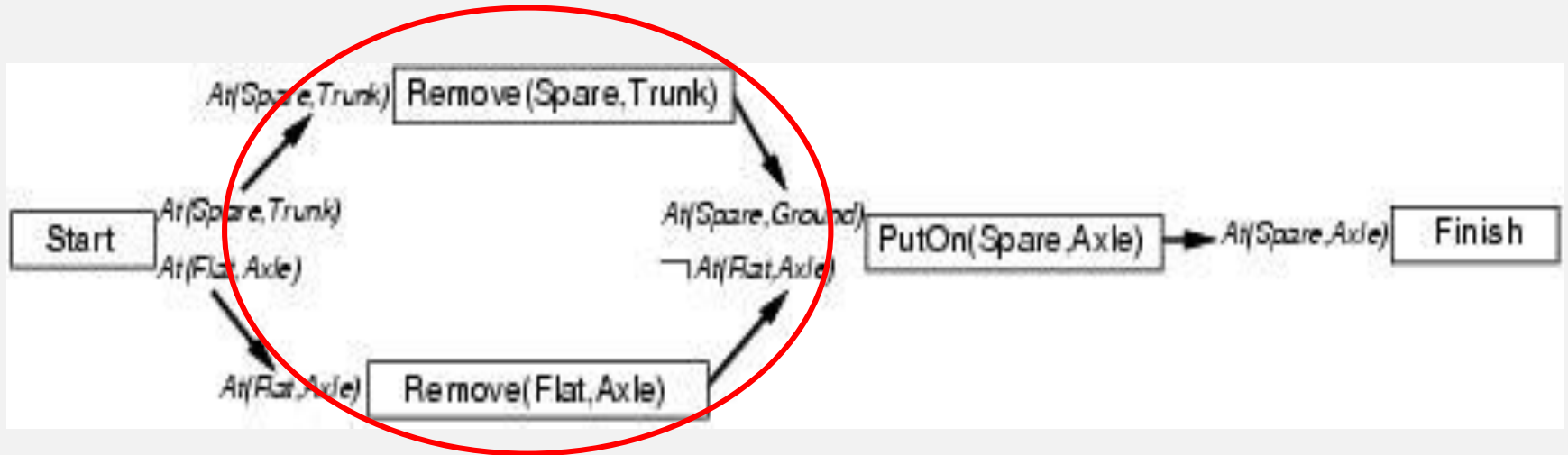
$$LeaveOverNight \xrightarrow{\neg At(Flat, Axle)} PutOn(Spare, Axle)$$

# Resolução do problema



- Escolher uma pré-condição aberta :  $At(Spare, Trunk)$
- Somente *Start* é aplicável
- Adicionar ligação causal:  $Start \xrightarrow{At(Spare, Trunk)} Remove(Spare, Trunk)$
- Conflito: da ligação causal com o efeito  $At(Spare, Trunk)$  em *LeaveOverNight*
  - Não é possível encontrar uma solução mesmo com restrições de ordem
- Retrocesso é a única saída!

# Resolução do problema



- Remover *LeaveOverNight*, *Remove(Spare, Trunk)* e ligações causais
- Repetir passo com *Remove(Spare, Trunk)*
- Adicionar também *Remove(Flat, Axle)*

# Mais um exemplo

Op(ACTION: Go(there),

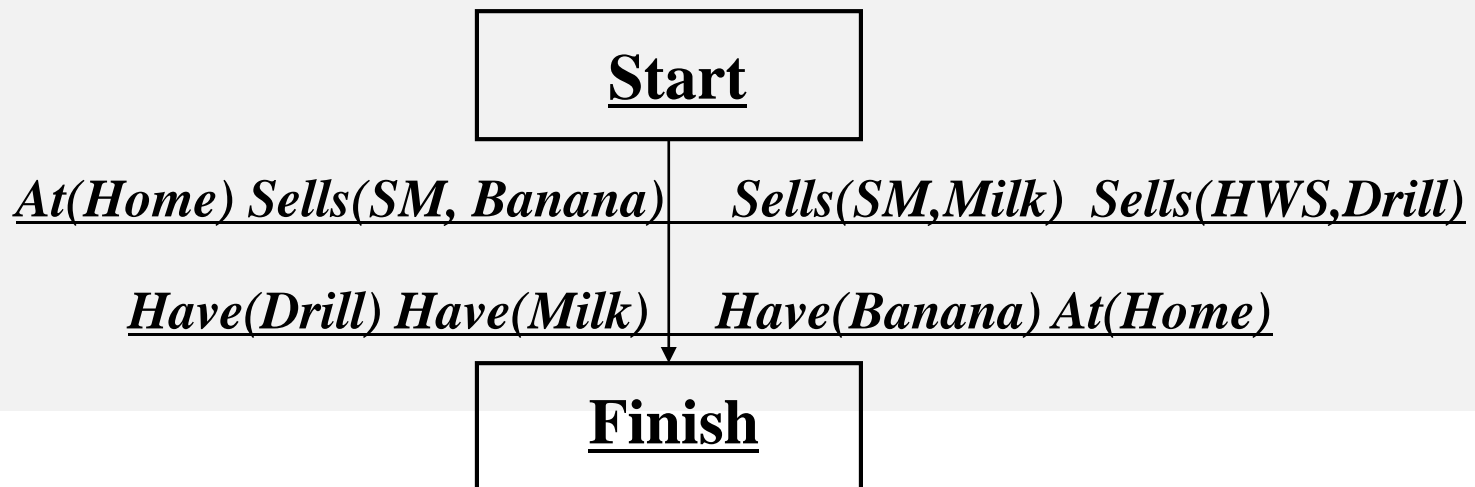
PRECOND: At(there),

EFFECT: At(there)  $\wedge$   $\neg$ At(here))

Op(ACTION: Buy(x),

PRECOND: At(store)  $\wedge$  Sells(store,x)

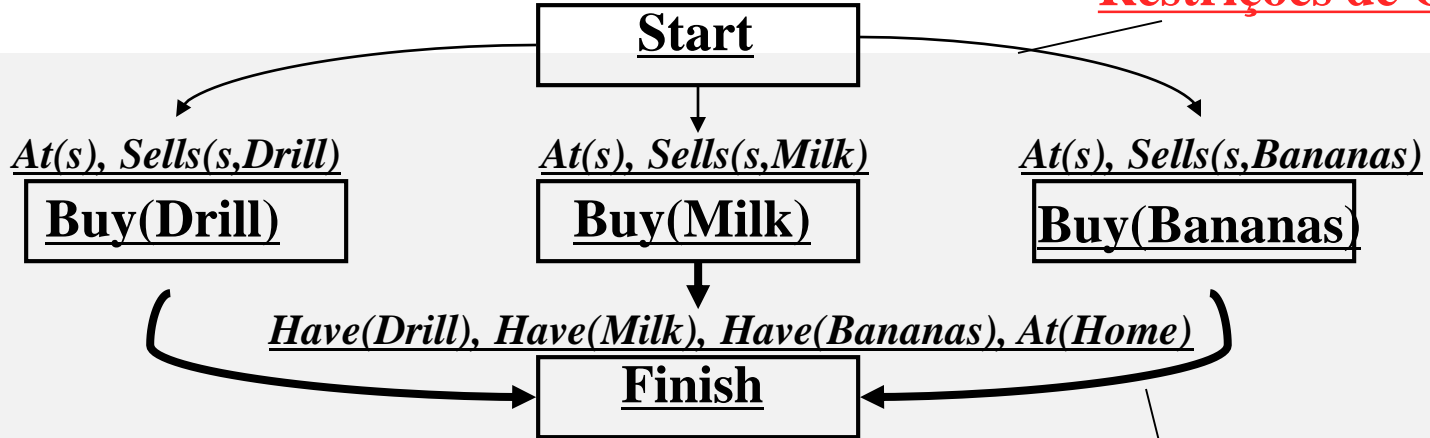
EFFECT: Have(x))



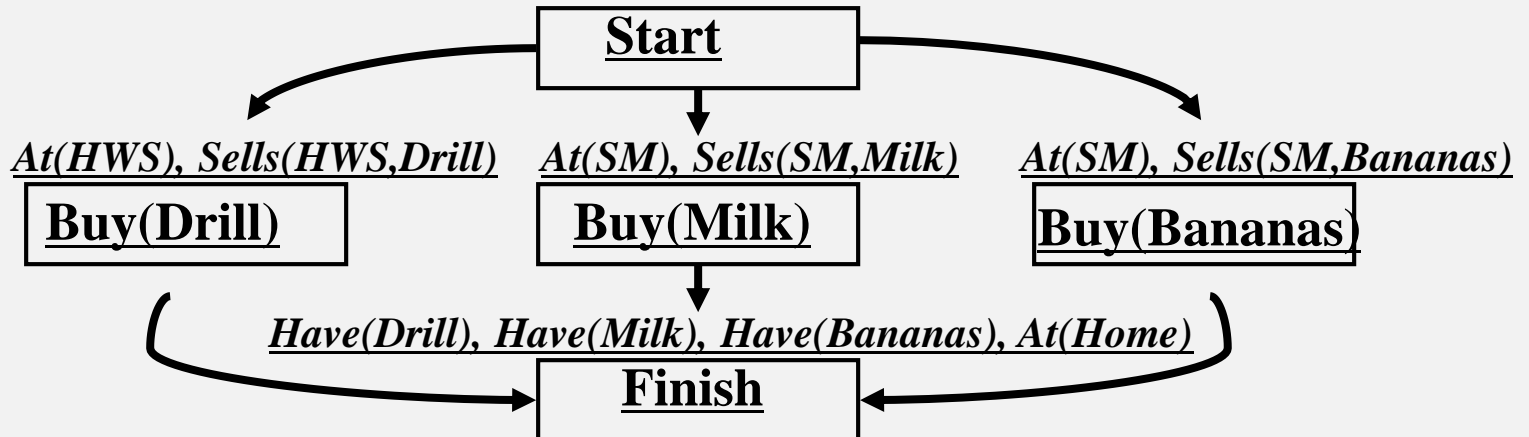


# Mais um exemplo

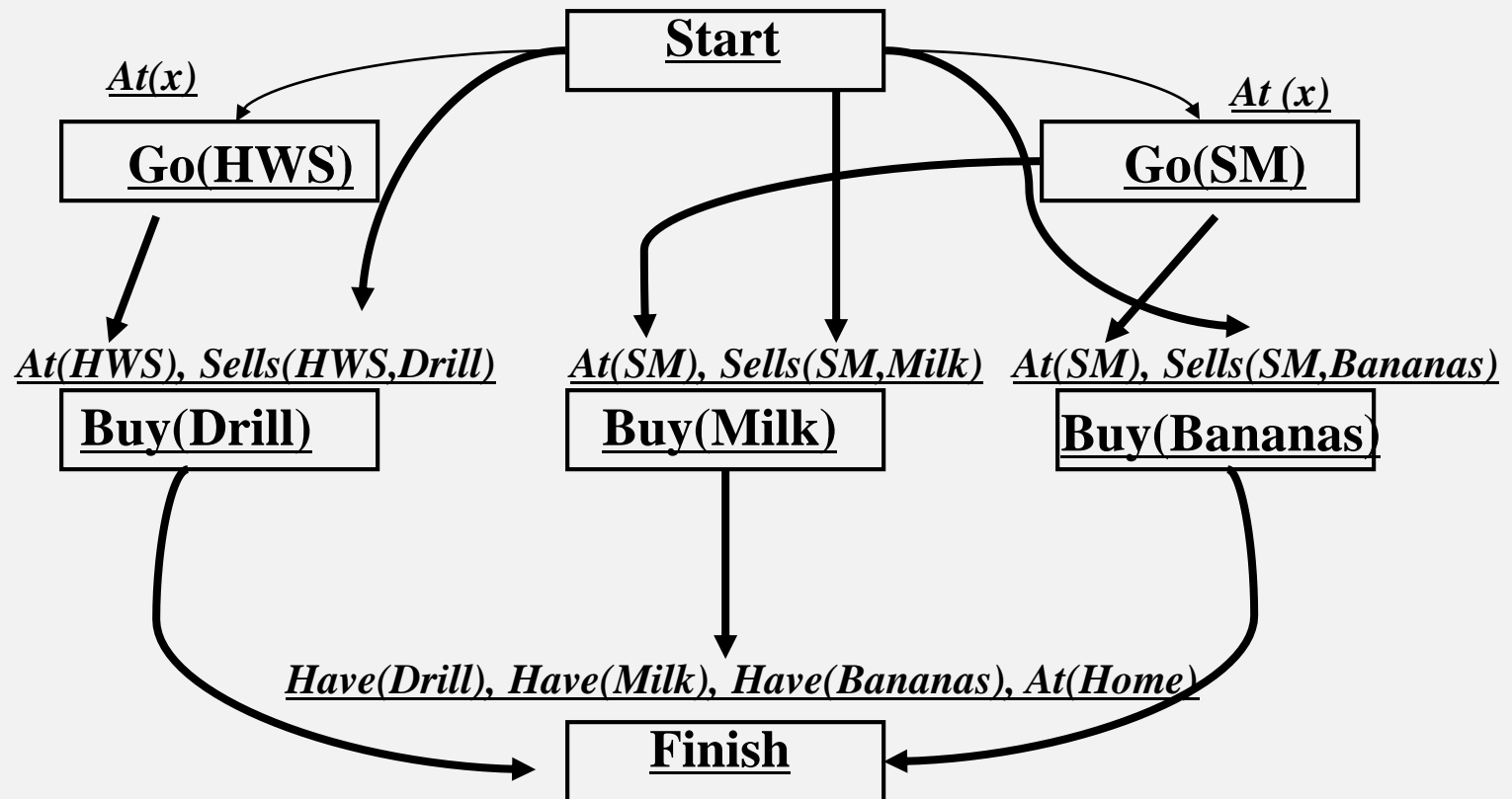
Restrições de Ordem



Relações Causais  
(incluem restrições de ordem)

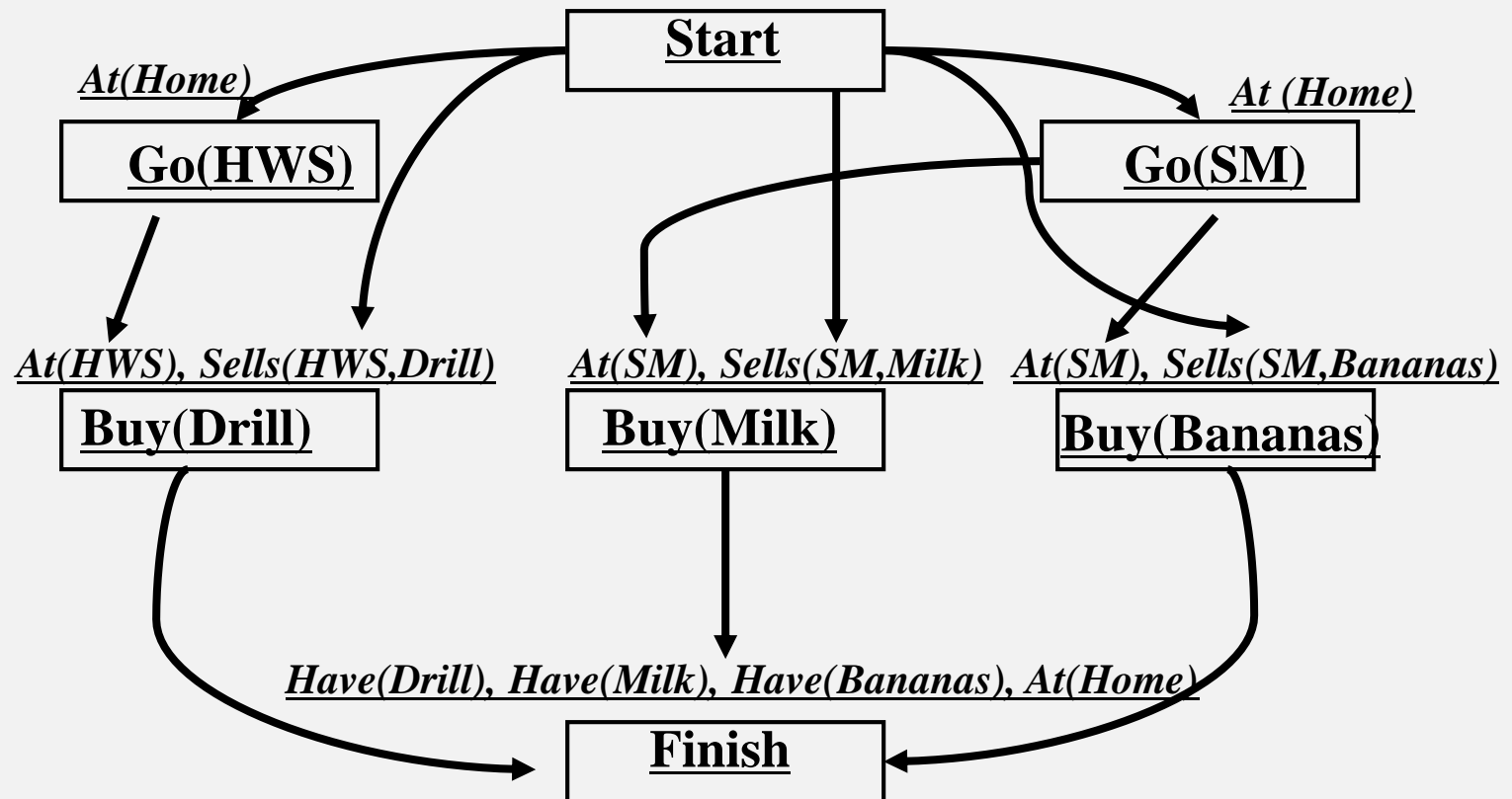


# Mais um exemplo



# Mais um exemplo

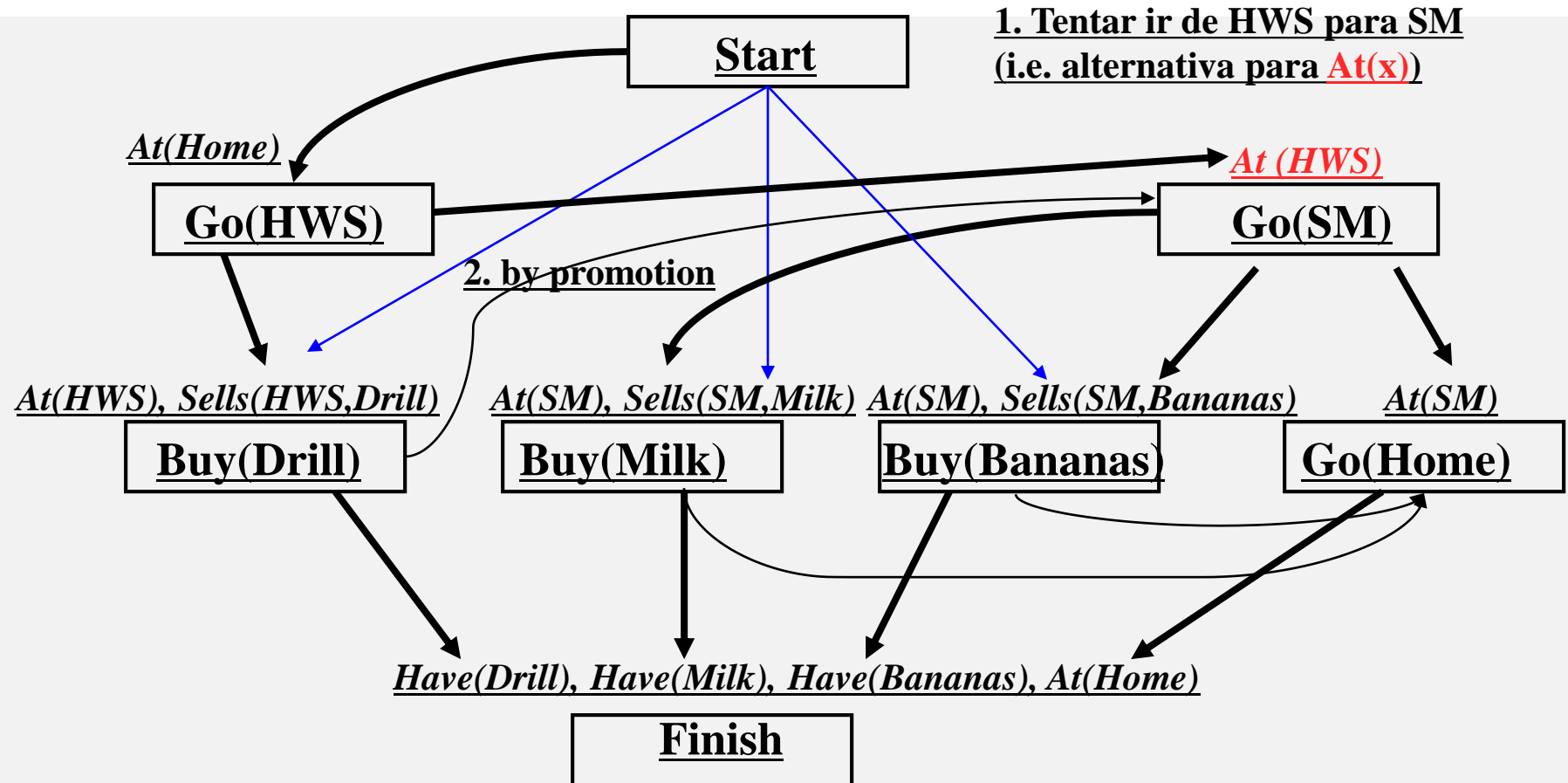
Conflito não se resolve → retroceder e fazer outra escolha





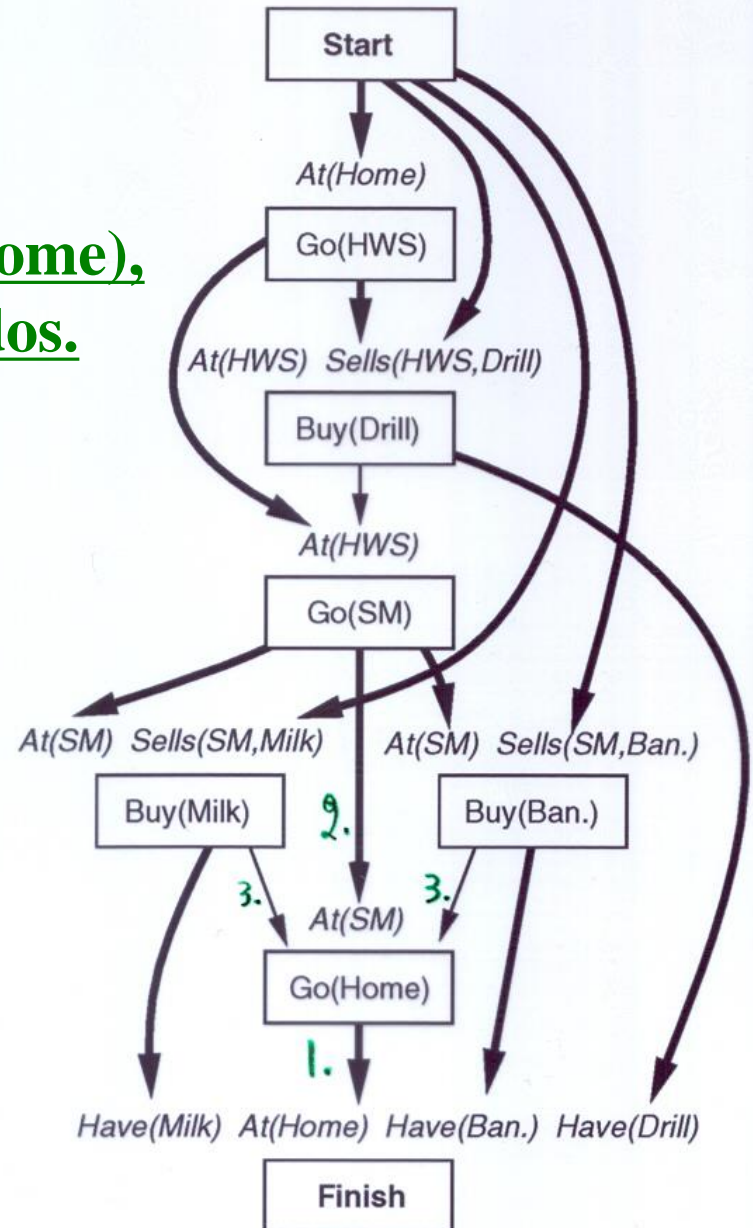
TÉCNICO  
LISBOA

# Mais um exemplo



# Mais um exemplo

Se em 2 usássemos  $At(HWS)$  ou  $At(Home)$ ,  
os conflitos não poderiam ser resolvidos.



# Alguns pormenores ...

- O que acontece quando é usada uma representação em LPO que inclui variáveis?
  - Complica o processo de detectar e resolver conflitos
  - Podem ser solucionados introduzindo restrições de desigualdade
- CSPs: heurística da variável com mais restrições pode ser usada para os algoritmos de planeamento seleccionarem uma PRÉ-CONDIÇÃO