

Tarea 3: Supuestos en el modelo de regresión lineal

KEVIN STEVEN GARCÍA^a, ALEJANDRO VARGAS^b

1. Introducción

En este trabajo evaluaremos el supuesto de independencia en los errores del modelo lineal ajustado para los 500 datos seleccionados de la base de datos 'cadata'. Se dará una presentación formal del supuesto de independencia de los errores y se mostrará la consecuencia que tiene el incumplimiento de este, además, se aplicarán pruebas tanto gráficas como estadísticas para verificar el incumplimiento o cumplimiento de este supuesto en nuestro modelo lineal ajustado y finalmente, se concluirá acerca de nuestro modelo teniendo en cuenta los resultados de las pruebas aplicadas.

2. Modelo ajustado

El modelo ajustado sobre el cuál se va a validar el supuesto de independencia en los errores, es el modelo que se ajustó en la tarea 1, que pretendía explicar la variable Y = 'Valor mediano de las viviendas' con las variables explicativas X_1 = 'Ingreso mediano', X_2 = 'Edad mediana de la vivienda', X_3 = 'Total de habitaciones', X_4 = 'Total de dormitorios', X_5 = 'Población' y X_6 = 'Hogares'. El modelo ajustado para estas variables, sin hacer transformación ni selección de estas es:

$$Y = 57720.52 + 24261.20X_1 + 3443.94X_2 + 19.09X_3 - 67.72X_4 - 121.66X_5 + 315.92X_6$$

3. Punto 1: Supuesto de independencia (no correlación) en los errores

El supuesto de independencia o de no correlación de los errores establece que $COV(\varepsilon_i, \varepsilon_j) = 0 \forall i \neq j$. Esto en palabras quiere decir que todos los valores en posiciones diferentes a la diagonal de la matriz de varianzas y covarianzas deben ser igual a cero.

$$V[E] = \begin{pmatrix} \sigma^2 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \sigma^2 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & \sigma^2 \end{pmatrix}$$

^aCódigo: 1533173. E-mail: kevin.chica@correounivalle.edu.co

^bCódigo: 1525953. E-mail: jose.alejandro.vargas@correounivalle.edu.co

El efecto que produce la correlación entre errores en el modelo de regresión, es que tiende a cambiar la matriz de varianzas y covarianzas $\sigma^2 I$ por $\sigma^2 V$, y esto tiene como consecuencia la pérdida de la optimalidad del estimador de mínimos cuadrados ordinarios (MCO), es decir, los estimadores obtenidos por este método de estimación ya no son estimadores óptimos. La solución a este problema es utilizar mínimos cuadrados generalizados para tratar de recuperar la optimalidad de los estimadores, pero, este método nos exige conocer la matriz V , la cuál nunca conocemos, y estimarla resulta muy complicado en la práctica.

El efecto de la dependencia puede ser un problema muy grave y difícil de corregir, por ello es importante prevenirlo cuando los datos se están recopilando. El método más eficaz para prevenir la dependencia es realizar un procedimiento apropiado de aleatorización.

Para evaluar el cumplimiento o incumplimiento de este supuesto nos vamos a basar en una prueba gráfica y en dos pruebas estadísticas. La prueba gráfica consiste básicamente en realizar un gráfico de las parejas residuales (e_{t-1}, e_t) y observar la existencia de algún tipo de relación. Las pruebas estadísticas que vamos a aplicar son dos, la prueba de rachas y la prueba de Durbin-Watson.

4. Punto 2: Aplicación de las pruebas para evaluar el supuesto

- Prueba gráfica:
- Prueba de Rachas:
- Prueba de Durbin - Watson:

5. Punto 3: Descripción de las pruebas:

6. Punto 4: Conclusiones del modelo ajustado con respecto al supuesto

? ?

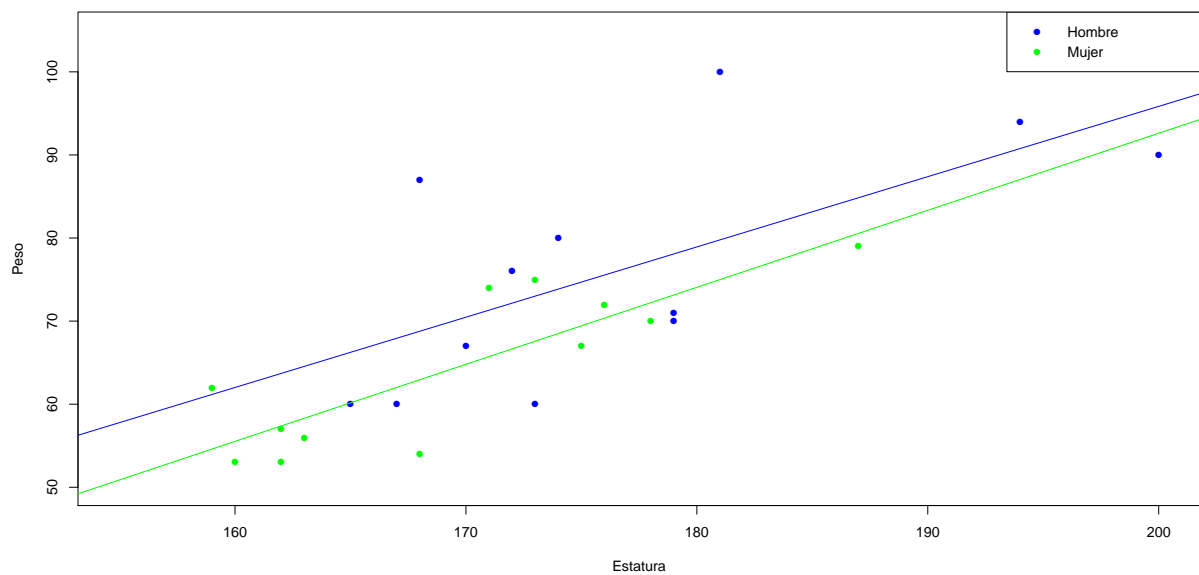


FIGURA 1: Gráfica de dispersión con la recta de regresión ajustada por sexo