

11. 串

(c5) KMP算法：分摊分析

邓俊辉

失之东隅，收之桑榆

deng@tsinghua.edu.cn

$\Omega(n * m)$?

❖ 观察：KMP算法的确可以节省多次比对

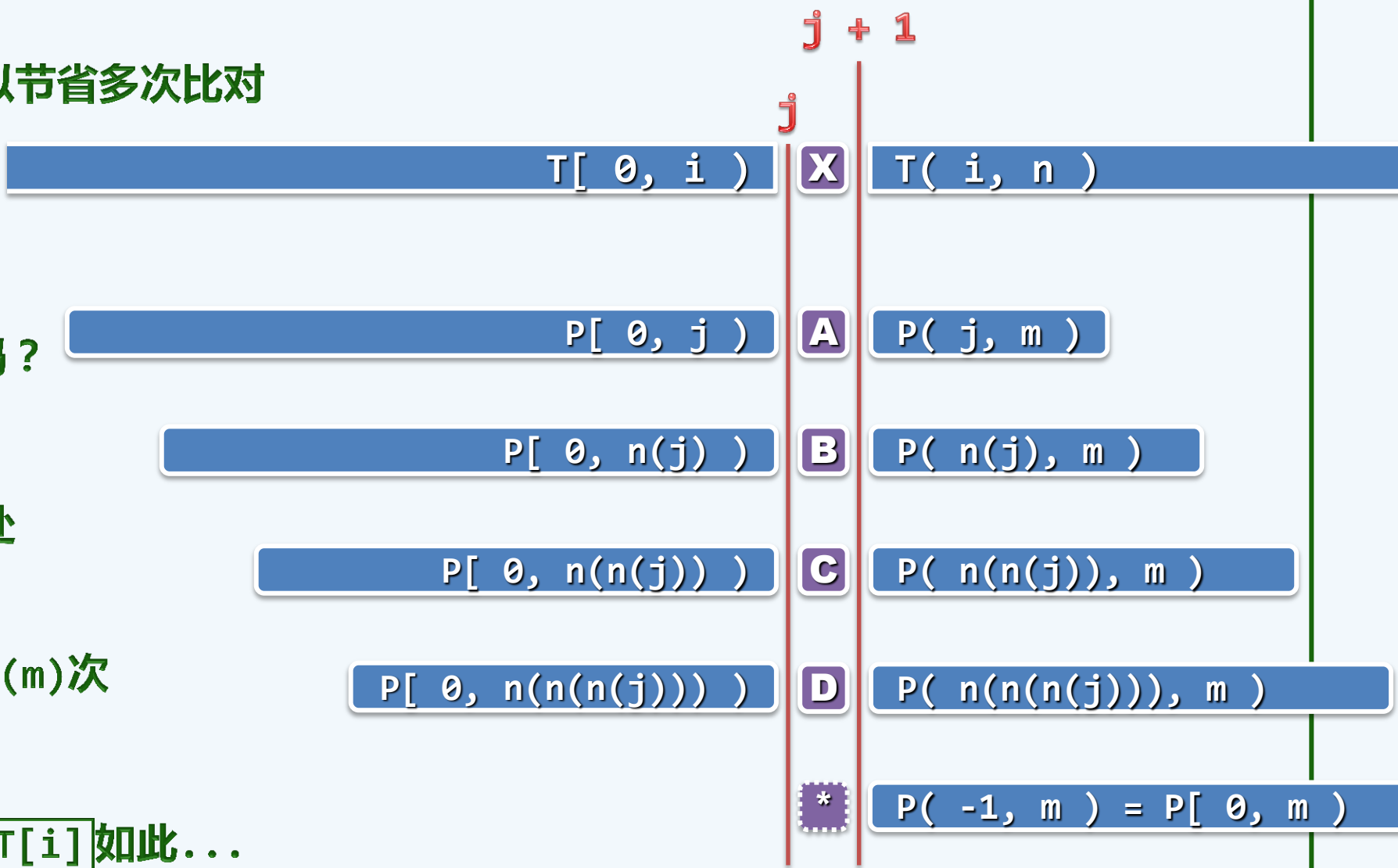
❖ 然而：就渐进意义而言

有[实质]的节省吗？

❖ 观察：在每一个 $T[i]$ 处

[P]都[可能]比对 $\Omega(m)$ 次

❖ 于是，倘若有 $\Omega(n)$ 个 $T[i]$ 如此...



$\Omega(n * m)$?

❖ 难道，总体复杂度还是

$\Omega(n * m)$?

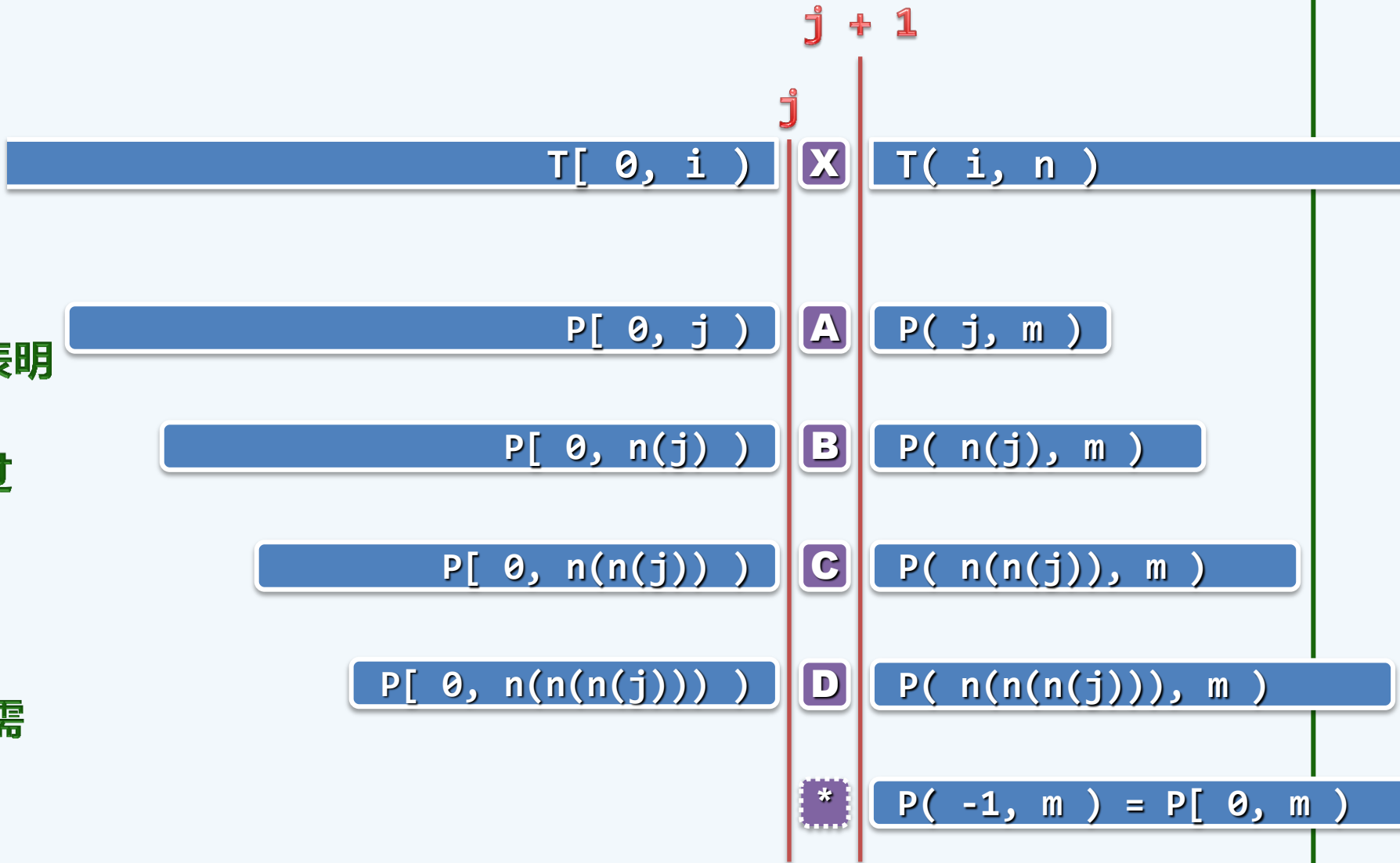
❖ 然而，更细致的分析将表明

即便是最坏情况，也不过

$\mathcal{O}(n)$ 时间

❖ 同理，建立next[]也只需

$\mathcal{O}(m)$ 时间



$O(n + m)!$

❖ 令 $k = 2*i - j$

//具体含义，详见习题[11-4]

while ($j < m \ \&\& \ i < n$) // k 必随迭代而单调递增，故也是迭代步数的上界

if ($0 > j$ || $T[i] == P[j]$)

{ $i++$; $j++$; } // i 、 j 同时加1，故 k 恰好加1

else

$j = \text{next}[j]$; // i 不变， j 至少减1，故 k 至少加1

❖ k 的初值为0；算法结束时，必有：

$$k = 2*i - j \leq 2(n - 1) - (-1) = 2n - 1$$