7. 二叉搜索树

(a) 概述

There's nothing in your head the sorting hat can't see. So try me on and I will tell you where you ought to be.



- Harry Potter and the Sorcerer's Stone

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

查找

- ❖ 按照事先约定的规则,从数据集合中找出符合 特定条件 的对象
- ❖ 对于算法的构建而言,属于最为基本而重要的静态操作
-)。 很遗憾,基本的数据结构并不能 高效 地 兼顾 静态查找与动态修改

基本结构	查找	插入/删除
无序向量	⊘ (n)	Ø(n)
有序向量	Ø(logn)	Ø(n)
无序列表	⊘ (n)	0(1)
有序列表	Ø(n)	Ø(n)

❖ 那么,能否 综合 现有方法的优点?如何做到?

循关键码访问

❖ 数据项之间,依照各自的 关键码 彼此区分

call-by-key

❖ 条件:关键码之间支持

大小比较与

相等比对

❖ 数据集合中的数据项

统一地表示和实现为词条entry形式

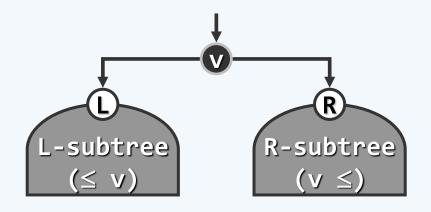


词条

```
❖ template <typename K, typename V> struct <u>Entry</u> { //词条模板类
   K key; V value; //关键码、数值
   <u>Entry(</u> K k = K(), V v = V() ) : key(k), value(v) {}; //默认构造函数
   Entry( Entry<K, V> const & e ) : key(e.key), value(e.value) {}; //克隆
// 比较器、判等器(从此,不必严格区分词条及其对应的关键码)
   bool operator< ( Entry<K, V> const & e ) { return key < e.key; } //小于
   bool operator> ( Entry<K, V> const & e ) { return key > e.key; } //大于
   bool operator==( Entry<K, V> const & e ) { return key == e.key; } //等于
   bool operator!=( Entry<K, V> const & e ) { return key != e.key; } //不等
};
```

顺序性

❖ Binary Search Tree : 节点 ~ 词条 ~ 关键码



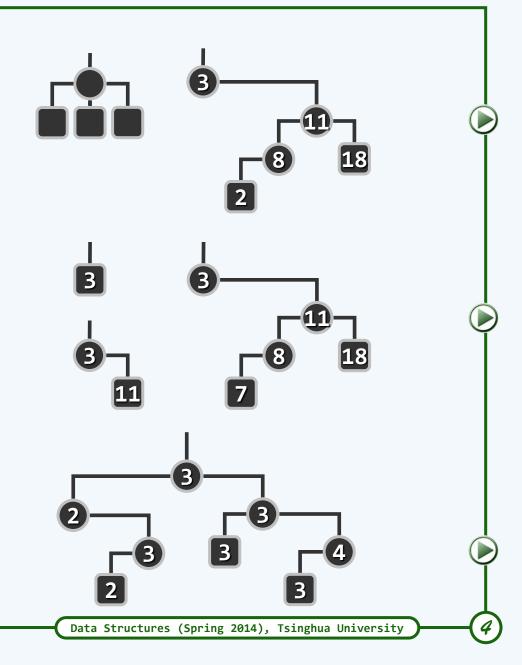
❖ 顺序性:任一节点均不小于/不大于其左/右后代

❖ 等效?:任一节点均不小于/不大于其左/右 孩子

❖ 为简化起见,禁止重复词条

❖ 这种简化:应用中不自然,算法上无必要

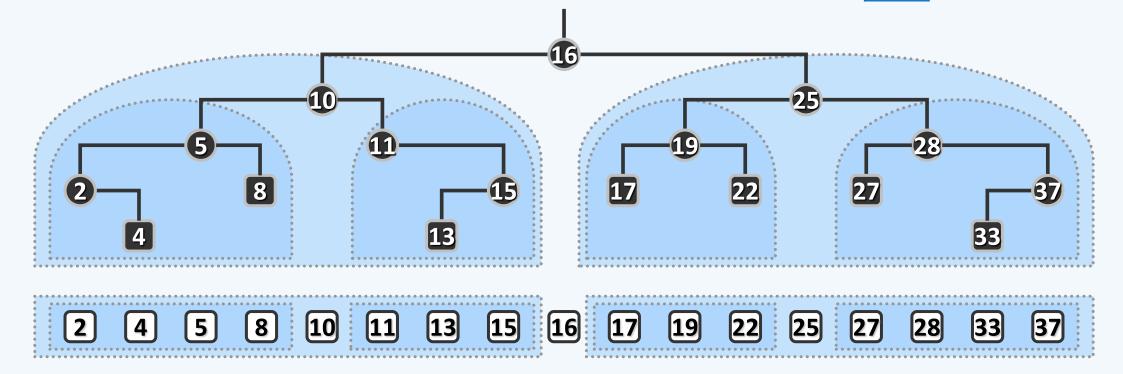
习题解析: [7-10] + [7-13] + [8-3]



单调性

- ❖顺序性虽然只是对局部特征的刻画,但由此却可导出某种全局特征...
- ❖ 单调性:BST的中序遍历序列,必然 单调 非降
- ❖ 这一性质, 也是BST的充要条件

//对 树高 做数学归纳...



BST模板类

```
❖ template <typename T> class <u>BST</u> : public <u>BinTree</u><T> { //由BinTree派生
public: //以virtual修饰,以便派生类重写
    | virtual BinNodePosi(T) & <u>search(</u> const T & ); //查找
    |virtual BinNodePosi(T) <u>insert(</u> const T & ); //插入
    |virtual bool remove( const T & ); //删除
protected:
   BinNodePosi(T) _hot; // 命中 节点的父亲
    BinNodePosi(T) connect34( //3 + 4 重构
       BinNodePosi(T), BinNodePosi(T), BinNodePosi(T),
       BinNodePosi(T), BinNodePosi(T), BinNodePosi(T), BinNodePosi(T));
    BinNodePosi(T) <u>rotateAt( BinNodePosi(T) ); //旋转调整</u>
```