6.图

(f) 优先级搜索

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

通用算法

❖ 各种遍历算法的区别,仅在于选取顶点进行访问的 次序

广度 / 深度:优先访问与 更早 / 更晚 被发现的顶点相邻接者

• • •

- ❖ 不同的遍历算法,取决于顶点的 选取策略
- ❖ 不同的顶点选取策略,取决于存放和提供顶点的数据结构——Bag
- ❖ 此类结构,为每个顶点v维护一个优先级数 priority(v)
 每个顶点都有初始优先级数;并可能随算法的推进而调整
- ❖ 通常的习惯是,优先级数越大/小,优先级越低/高 特别地,priority(v) == INT_MAX,意味着v的优先级最低

统一框架

```
❖ template <typename Tv, typename Te> //顶点类型、边类型
 template <typename PU> //优先级更新器(函数对象)
 void <u>Graph</u><Tv, Te>::<u>pfs</u>( int s, PU prioUpdater ) { //PU的策略,因算法而异
    priority(s) = 0; status(s) = VISITED; parent(s) = -1; //起点s加至PFS树中
    while (1) { //将下一顶点和边加至PFS树中
       /* ... 依次引入n - 1个顶点(和n - 1条边) ... */
    } //while
 } //如何推广至非连通图?
```

统一框架

```
while (1) { //依次引入n - 1个顶点(和n - 1条边)
  for ( int w = firstNbr(s); -1 < w; w = nextNbr(s, w) ) //对s各邻居w
     prioUpdater (this, s, w); //更新顶点w的优先级及其父顶点
  for ( int shortest = INT MAX, w = 0; w < n; w++ )
     if ( |UNDISCOVERED | == status(w) ) //从尚未加入遍历树的顶点中
        if ( shortest > priority(w) ) //选出下一个
          { shortest = priority(w); s = w; } //优先级最高的顶点s
  if ( VISITED == status(s) ) break; //直至所有顶点均已加入
  status(s) = VISITED; type( parent(s), s ) = TREE; //将s加入遍历树
} //while
```

复杂度

- ❖ 执行时间主要消耗于内、外两重循环;其中两个内循环前、后并列
- ❖ 前一内循环的累计执行时间: 若采用邻接矩阵,为 (n²);若采用邻接表,为 (n + e)
 后一循环中,优先级更新的次数呈算术级数变化{ n, n 1, ..., 2, 1 },累计为 (n²)
 两项合计,为 (n²)
- ◇ 后面将会看到:若采用 优先队列 ,以上两项将分别是 Ø(elogn) 和 Ø(nlogn) //保持兴趣两项合计 ,为 Ø((e + n) * logn)
- ❖ 这是很大的改进——尽管对于稠密图而言,反而是倒退 //已有接近于 ♂(e + nlogn) 的算法
- ❖ 基于这个统一框架,如何解决具体的应用问题...