

9. 词典

(xb3) 位图：快速初始化

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

$O(1)$ 初始化

❖ Bitmap的构造函数中，通过 `memset(M, 0, N)` 统一清零

这一步只需 $O(1)$ 时间？不，实际上仍等效于诸位清零， $O(N) = O(n)$ ！

❖ 尽管这并不会影响上例的渐进复杂度，但并非所有问题都是如此

❖ 有时，对于大规模的散列表，初始化的效率直接影响到 实际 性能

例如：第11章中 `bc[]` 表的构造算法，需要 $O(|\Sigma| + m) = O(s + m)$ 时间

若能省去 `bc[]` 表各项的初始化，则可严格地保证是 $O(m)$

❖ 有时，甚至会影响到算法的 整体 渐进复杂度

例如，为从 $n = 10^8$ 个 32 位整数中找出重复者，可仿造 剔除 算法... // 但这里无需 回收

因此，若能省去 Bitmap 的初始化，则只需 $O(n)$ 时间

$O(1)$ 初始化

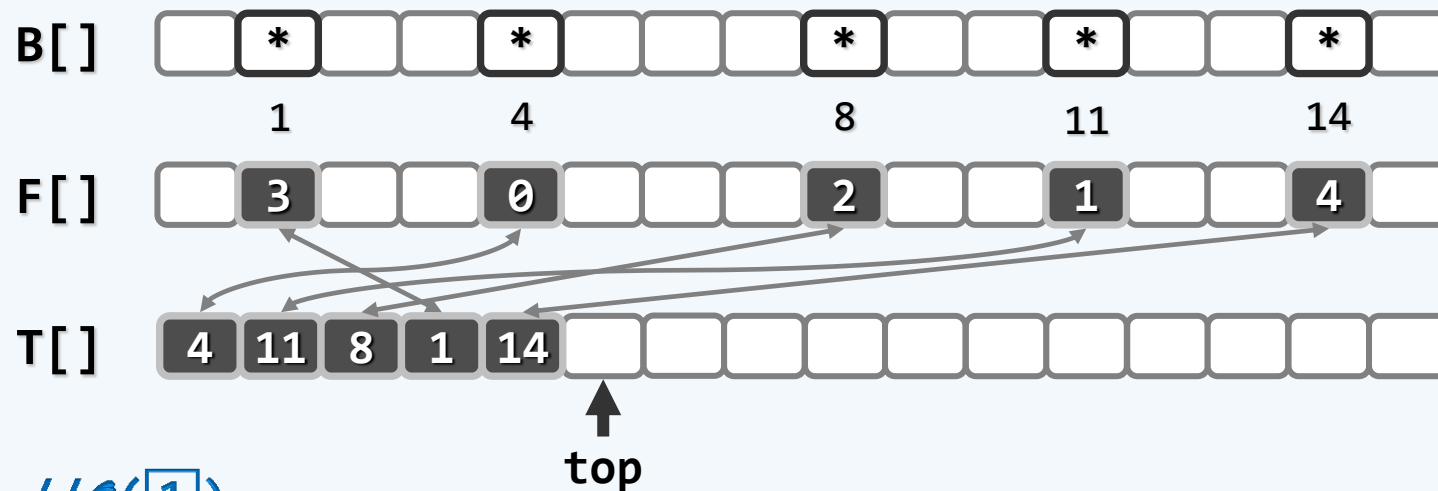
❖ // [J. Hopcroft, 1974] 为 $B[m]$ 增设一对等长的 Rank 型向量

Rank $F[m]$; // 向量 from

Rank $T[m]$; // 向量 (栈) to

Rank $top = 0$; // to 的栈顶

// 总体空间复杂度仍为 $O(m)$



❖ `bool Bitmap::test(int k)` // $O(1)$

```
{ return  $0 \leq F[k]$  &&  $F[k] < top$  &&  $T[F[k]] == k$ ; }
```

❖ `void Bitmap::set(int k)` // $O(1)$

```
{ if ( ! B.test( k ) ) {  $T[top] = k$ ;  $F[k] = top++$ ; } }
```

`void Bitmap::clear(int k)` { /* 更为复杂, 习题[2-34] */ } // $O(1)$