3.列表

（d）选择排序

当下又选了几样果菜与凤姐送去，
凤姐儿也送了几样来。

- 红楼梦·第六十二回

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

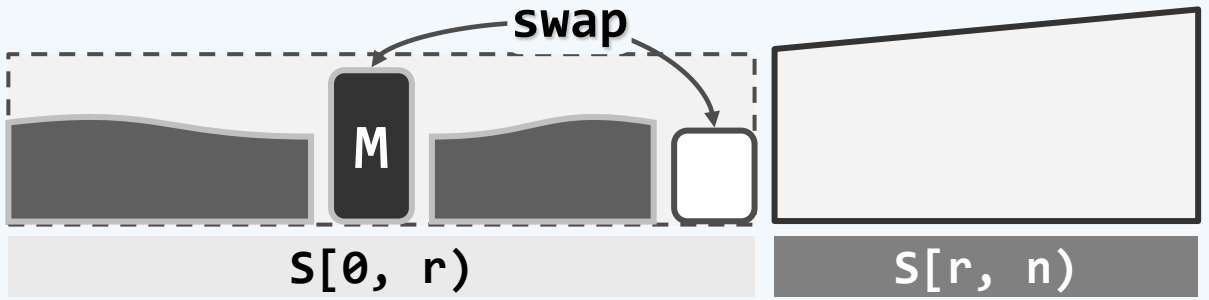
构思

- 回忆起泡排序...
- 每经一趟扫描交换，当前的最大元素必然就位 //实质效果等同于...

  从未排序的元素中挑选出最大者，并使之就位 //选择排序！不过...
- 起泡排序之所以需要$O(n^2)$时间，是因为

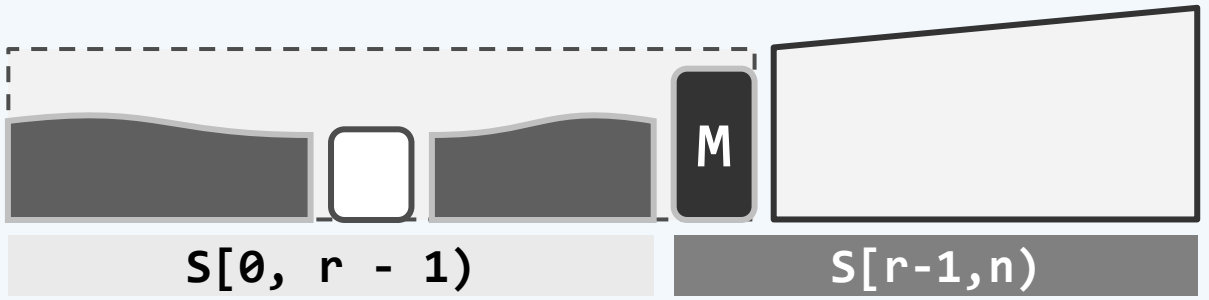
  为挑选每个最大元素M，需做

  $O(n)$次比较和$O(n)$次交换



- $O(n)$次比较或许无可厚非，但

  $O(n)$次交换绝对没有必要



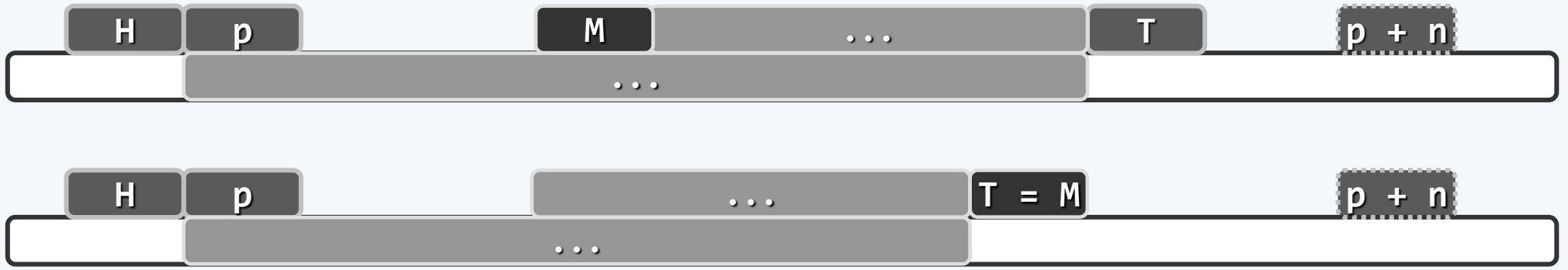
- 经$O(n)$次比较确定M之后，一次交换足矣

实例

迭代轮次	前缀无序子序列	后缀有序子序列
0	5 2 **7** 4 6 3 1	^
1	5 2 4 **6** 3 1	7
2	**5** 2 4 3 1	6 7
3	2 **4** 3 1	5 6 7
4	2 **3** 1	4 5 6 7
5	**2** 1	3 4 5 6 7
6	**1**	2 3 4 5 6 7
7	^	1 2 3 4 5 6 7

实现：selectionSort()

```
//对列表中起始于位置p的连续n个元素做选择排序，valid(p) && rank(p) + n <= size
template <typename T> void List<T>::selectionSort( Posi(T) p, int n ) {
   Posi(T) head = p->pred; Posi(T) tail = p; //待排序区间(head, tail)
   for ( int i = 0; i < n; i++ ) tail = tail->succ; //head/tail可能是头/尾哨兵
   while ( 1 < n ) { //反复从（非平凡）待排序区间内找出最大者，并移至有序区间前端
      insertB( tail, remove( selectMax( head->succ, n ) ) );
      tail = tail->pred; n--; //待排序区间、有序区间的范围，均同步更新
   }
}
```



实现：selectMax()

```
❖ template <typename T> //从起始于位置p的n个元素中选出最大者，1 < n
  Posi(T) List<T>::selectMax( Posi(T) p, int n ) { //Θ(n)
     Posi(T) max = p; //最大者暂定为p
     for ( Posi(T) cur = p; 1 < n; n-- ) //后续节点逐一与max比较
        if ( !lt( ( cur = cur->succ )->data, max->data ) ) //若 >= max
           max = cur; //则更新最大元素位置记录
     return max; //返回最大节点位置
  }
```

❖ 稳定性：在有重复元素时，采用比较器 `!lt()` 或 `ge()` 等效于 **后者优先**

2 6a 4 6b 3 0 6c 1 5 7 8 9

2 6a 4 6b 3 0 1 5 6c 7 8 9

性能

- 共迭代n次，在第k次迭代中

  selectMax()为Θ(n - k)

  remove()和insertB()均为O(1)

  故总体复杂度应为Θ(n²)

- 尽管如此，元素移动操作远远少于起泡排序 //实际更为费时

  也就是说，Θ(n²)主要来自于元素比较操作 //成本相对更低

- 可否...每轮只做o(n)次比较，即找出当前的最大元素？

- 可以！...利用高级数据结构，selectMax()可改进至O(logn) //稍后分解

  当然，如此立即可以得到O(nlogn)的排序算法 //保持兴趣