

8. 高级搜索树

(a1) 伸展树：逐层伸展

我要一步一步往上爬
在最高点乘着叶片往前飞

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

局部性

- ❖ **Locality** : 刚被访问过的数据, 极有可能很快地再次被访问
这一现象在信息处理过程中屡见不鲜 //BST就是这样的例子
- ❖ **BST** : 刚刚被访问过的节点, 极有可能很快地再次被访问
下一将要访问的节点, 极有可能就在刚被访问过节点的附近
- ❖ **连续的m次查找** ($m \gg n = |BST|$), 采用AVL共需 $O(m \log n)$ 时间
- ❖ **利用局部性, 能否更快?** //仿效自适应链表
- ❖ **策略** : 节点一旦被访问, 随即调整至树根 //如此, 下次访问即可...
- ❖ **问题** : 如何实现这种调整? 调整过程自身的复杂度如何控制?

逐层伸展

❖ 节点v一旦被访问，随即转移至树根

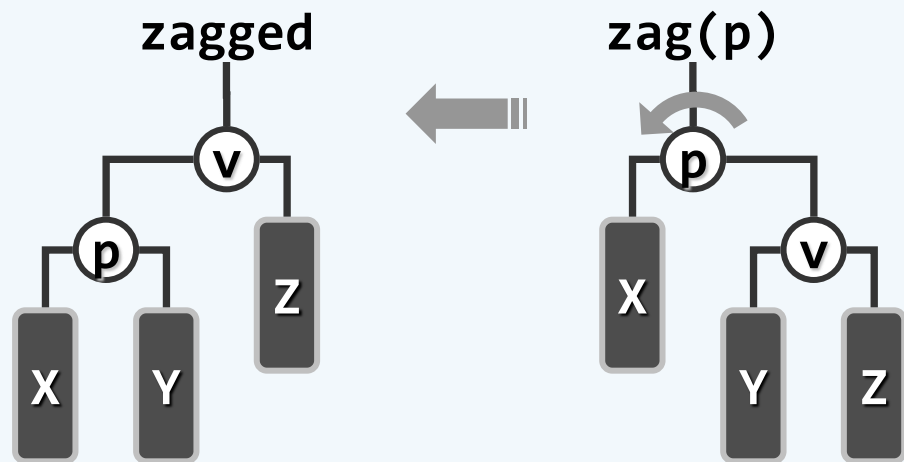
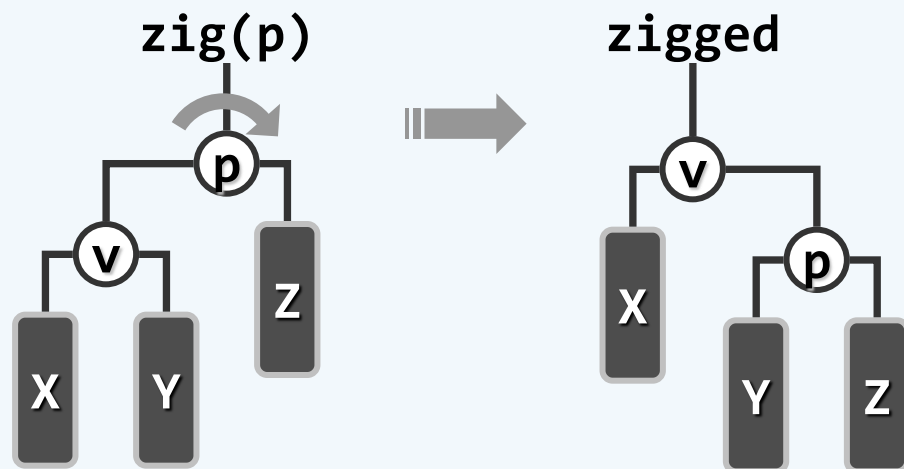
❖ 一步一步往上爬

自下而上，逐层单旋

`zig(v->parent)`

`zag(v->parent)`

直到v最终被推送至根



实例

❖ 伸展过程的效率

是否足够地高？

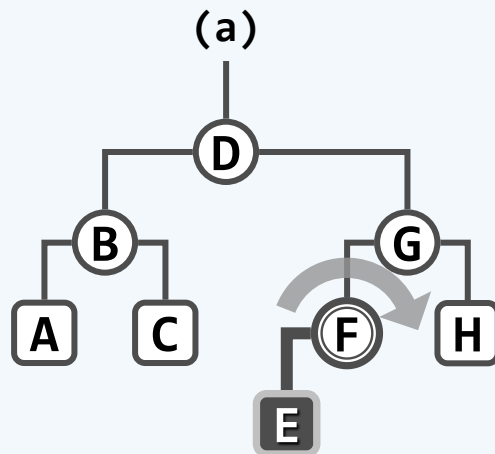
❖ 就逐层伸展的策略而言

这取决于

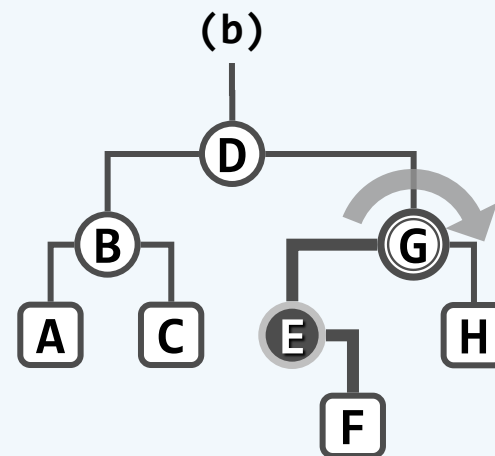
树的初始形态和

节点的访问次序

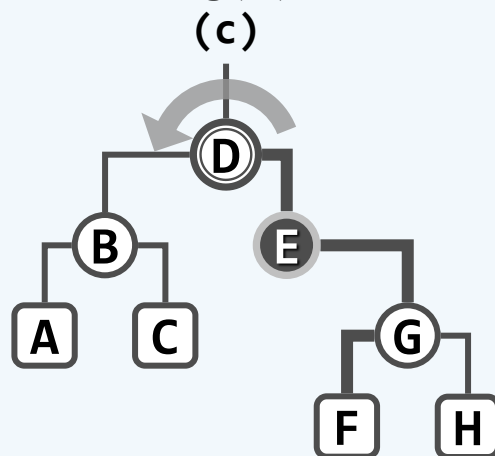
访问E之后，做zig(F)



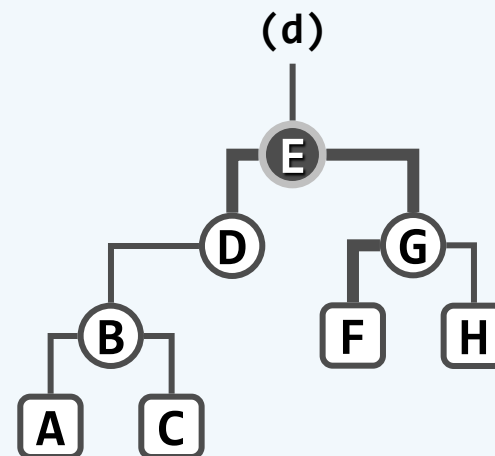
zig(G)



zag(D)

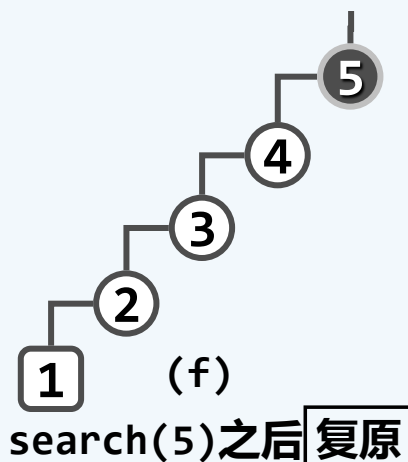
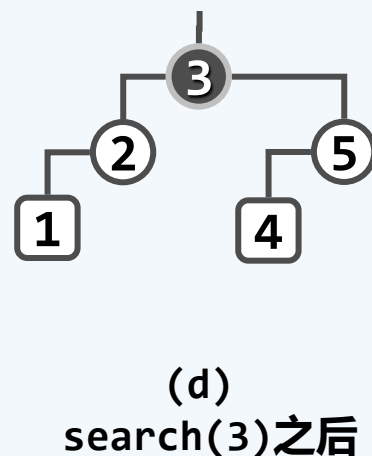
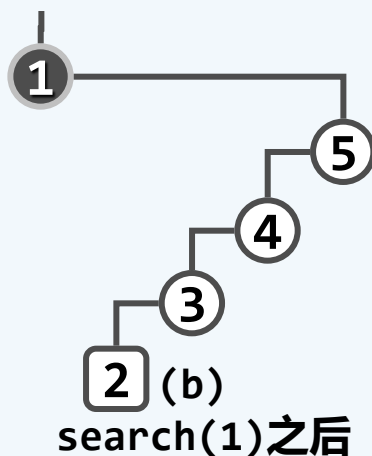
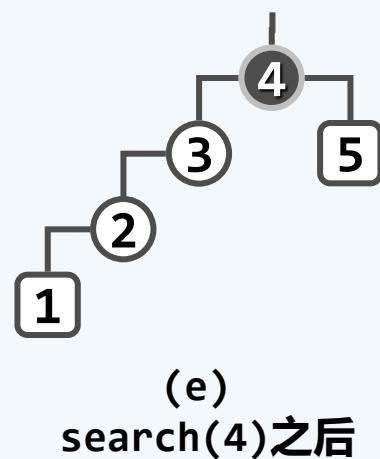
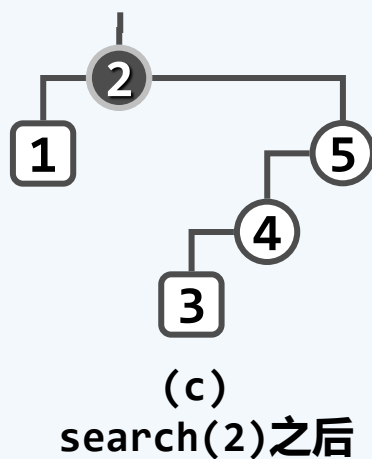
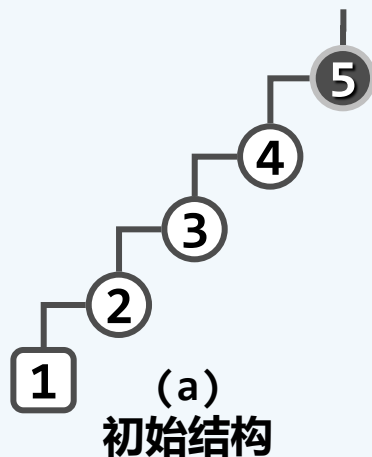


等价变换：经3次旋转，E调整至树根



最坏情况

❖ 旋转次数呈**周期性**的**算术级数**演变：每一周期累计 $\Omega(n^2)$ ，分摊 $\Omega(n)$ ！



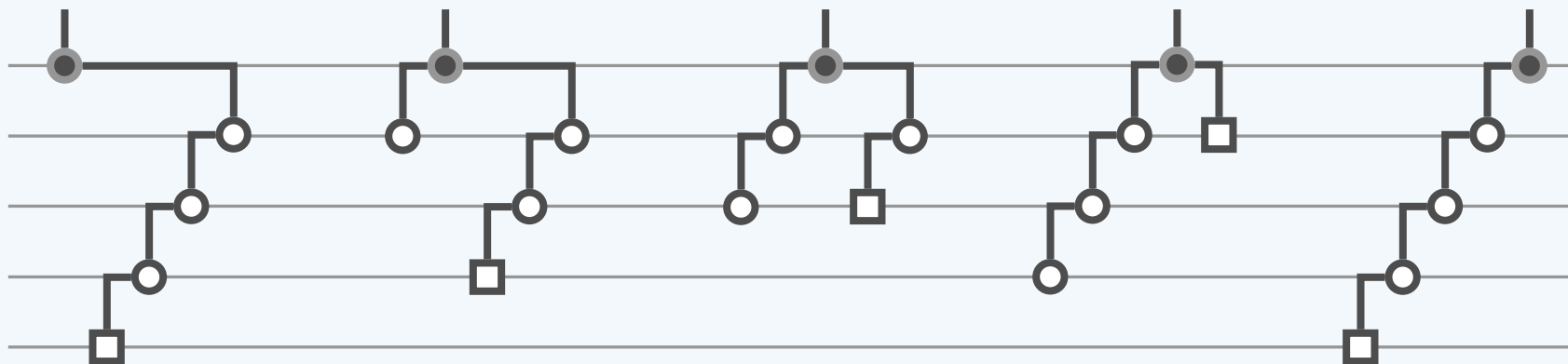
低效率的根源

❖ 最坏情况，问题出在哪里？

1) 全树拓扑始终呈单链条结构，等价于一维列表

2) 被访问节点的深度，呈周期性的算术级数演变，平均为 $\Omega(n)$ ：

$n - 1, n - 2, n - 3, \dots, 3, 2, 1; n - 1, \dots$



❖ 问题的症结既已确定，便可针对性地改进...