

8. 高级搜索树

(xa1) 红黑树：动机

As she looks at the blood on the snow, she says to herself, "Oh, how I wish that I had a daughter that had skin WHITE as snow, lips RED as blood, and hair BLACK as ebony".

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

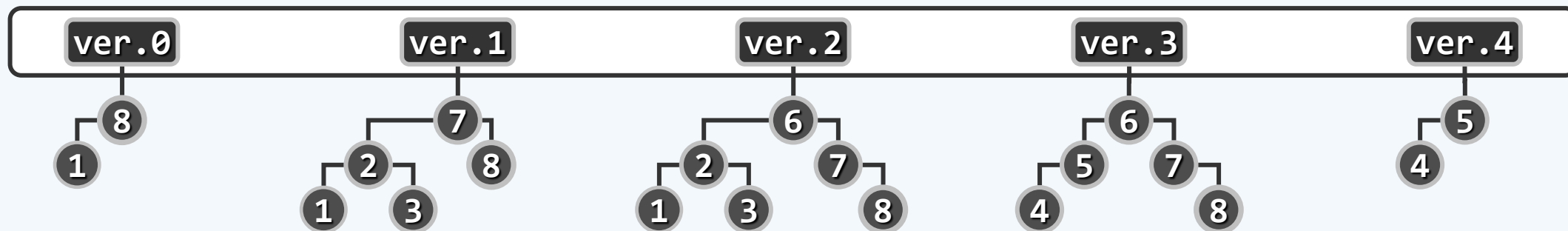
一致性结构

❖ **Persistent structure** : 支持对**历史**版本的访问

//ephemeral

$T.search(ver, key)$; $T.insert(ver, key)$; $T.remove(ver, key)$

❖ 蛮力实现：每个版本独立保存；各版本入口自成一个搜索结构



❖ 单次操作 $O(\log h + \log n)$ ，累计 $O(h \cdot n)$ 时间/空间

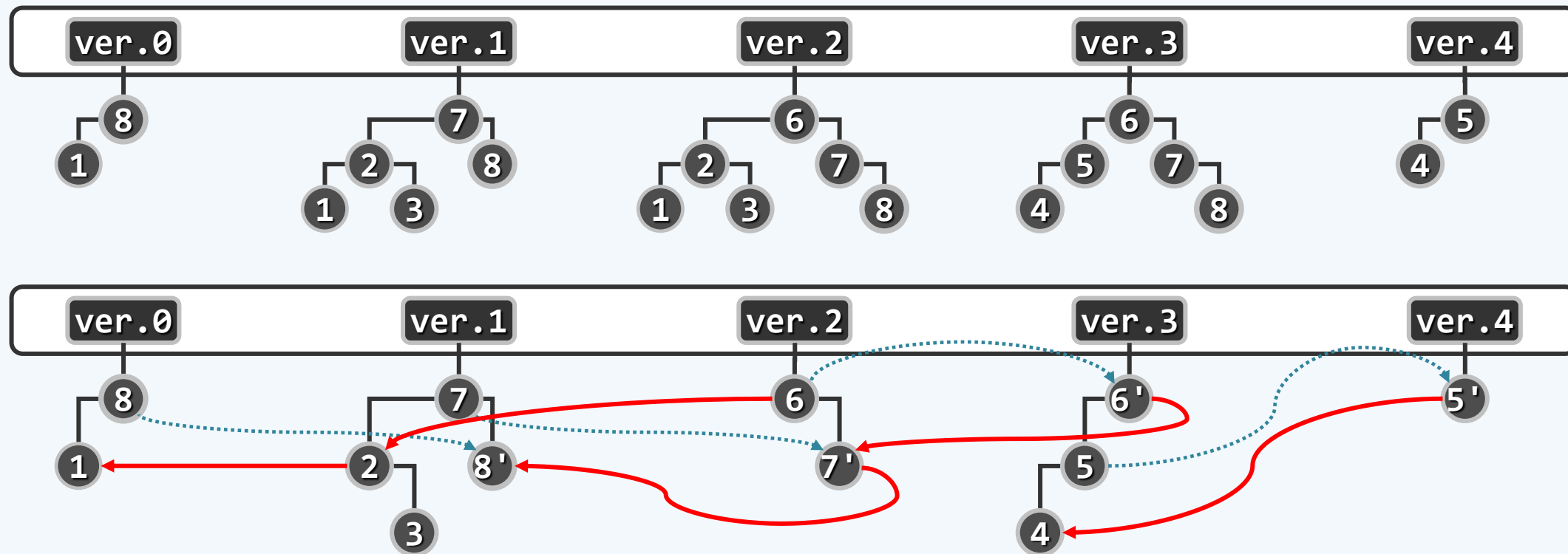
// $h = |history|$

❖ 挑战：可否将复杂度控制在 $O(n + h \cdot \log n)$ 内？

❖ 可以！为此需利用相邻版本之间的**关联性**...

$O(1)$ 重构

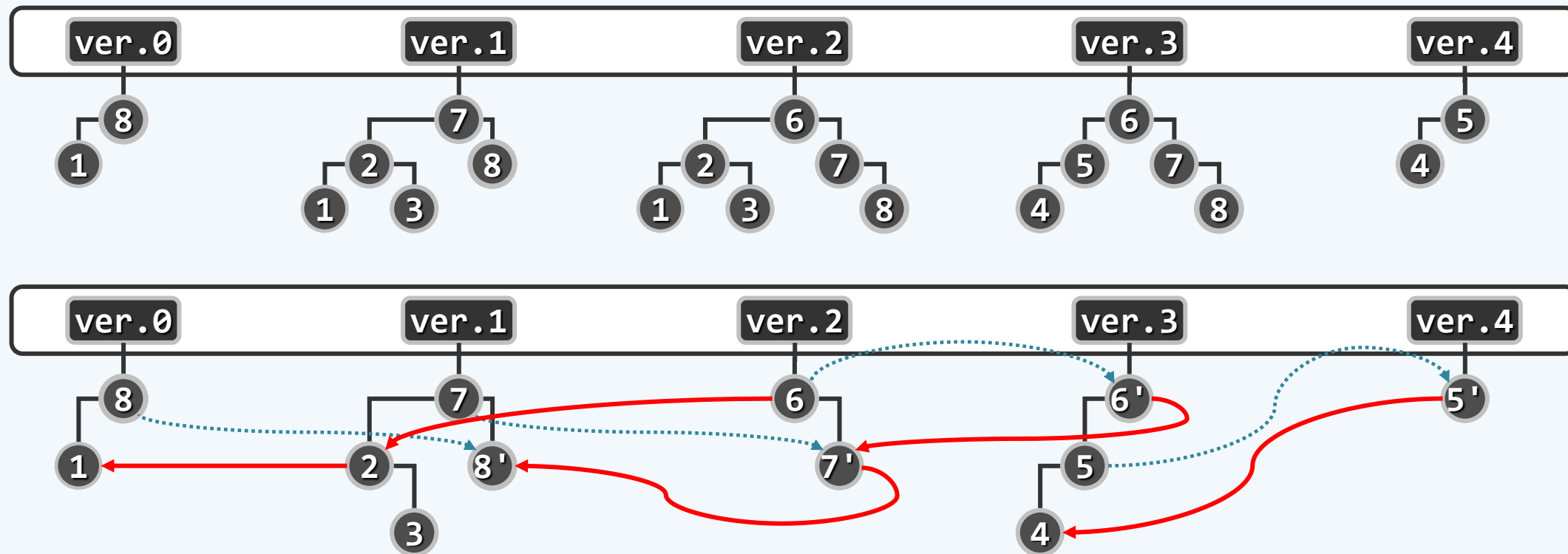
❖ 大量共享，少量更新：每个版本的新增复杂度，仅为 $O(\log n)$



❖ 能否进一步提高，比如总体 $O(n + h)$ 、单版本 $O(1)$ ？可以！

$O(1)$ 重构

❖ 为此，就树形结构的拓扑而言，相邻版本之间的差异不能超过 $O(1)$



❖ 很遗憾，AVL、Splay等BBST均不具备这一性质；须另辟蹊径...

java.util.TreeMap

```
import java.util.*;

public class TestTreeMap {
    public static void main( String[] args ) {
        TreeMap scarborough = new TreeMap();
        scarborough.put( "P", "parsley" );
        scarborough.put( "S", "sage" );
        scarborough.put( "R", "rosemary" );
        scarborough.put( "T", "thyme" );
        System.out.println( scarborough );
    }
}
```