2.向量

(b) 可扩充向量

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

静态空间管理

❖ 开辟内部数组_elem[]并使用一段地址连续的物理空间

_capacity**:总容**量

_size __capacity

_size:当前的实际规模n

elem

- ❖ 若采用静态空间管理策略,容量_capacity固定,则有明显的不足
 - 1.上溢(overflow):_elem[]不足以存放所有元素 尽管此时系统仍有足够的空间
 - 2.下溢(underflow):_elem[]中的元素寥寥无几 装填因子(load factor) λ = _size/_capacity << 50%
- **❖** 更糟糕的是,一般的应用环境中难以准确预测空间的需求量
- ❖ 可否使得向量可随实际需求动态调整容量,并同时保证高效率?

动态空间管理

❖蝉的哲学: 身体每经过一段时间的生长,以致无法为外壳容纳

即蜕去原先的外壳,代之以...

❖ 在即将发生 上溢 时

适当扩大 内部数组的容量

(a) A[]

(b) A[] full

A[] full
(c)
B[] allocated

A[] full
(d) B[] copied free

A[] released
(e)
B[] copied e free

扩容算法实现

```
❖ template <typename T> void Vector<T>::expand() { //向量空间不足时扩容
    if ( _size < _capacity ) return; //尚未满员时,不必扩容
   _capacity = max( _capacity, DEFAULT_CAPACITY ); //不低于最小容量
   T* oldElem = _elem; _elem = new T[ _capacity <<= 1 ];//容量加倍
    for (int i = 0; i < _size; i++) //复制原向量内容
      _elem[i] = oldElem[i]; //T为基本类型,或已重载赋值操作符'='
   delete [] oldElem; //释放原空间
 } //得益于向量的封装,尽管扩容之后数据区的物理地址有所改变,却不致出现野指针
```

❖ 为何必须采用容量加倍策略呢?其它策略是否可行?

容量递增策略

- ❖ T* oldElem = _elem; _elem = new T[_capacity += INCREMENT]; //追加固定增量
- ❖最坏情况:在初始容量 0的空向量中,连续插入n = m*I >> 2个元素...
- ❖ 于是,在第1、I + 1、2I + 1、3I + 1、...次插入时,都需扩容
- ❖ 即便不计申请空间操作,各次扩容过程中复制原向量的时间成本依次为

$$0, I, 2I, \ldots, (m-1)*I$$

//算术级数

总体耗时 = I * (m-1) * m/2 = O(n²), 每次扩容的 分摊成本 为O(n)

1 INCREMENT

I + 1

2*I

容量加倍策略

- ❖ T* oldElem = _elem; _elem = new T[_capacity <<= 1]; //容量加倍
- ❖ 最坏情况:在初始容量 1的 满 向量中,连续插入n = 2^m >> 2个元素...
- ❖ 于是,在第1、2、4、8、16、...次插入时都需扩容
- ❖ 各次扩容过程中复制原向量的时间成本依次为

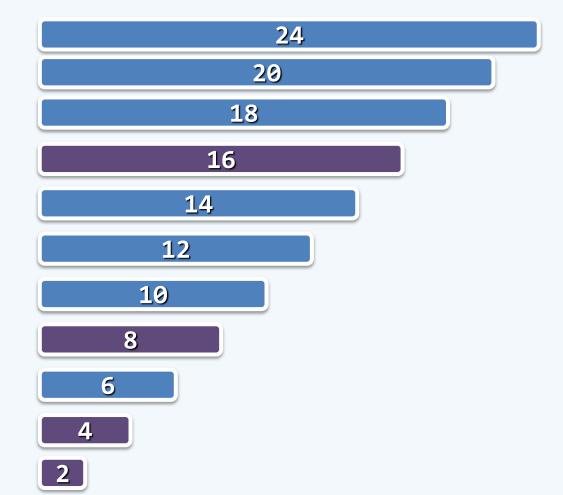
1, 2, 4, 8, ...,
$$2^m = n$$

//几何级数

总体耗时 = O(n),每次扩容的分摊成本为O(1)

- •••
 - 4 8
 - 2 4
 - 1 2
 - 0 1





	递增策略	倍增策略
累计 增容时间	0(n ²)	Ø(n)
分摊 增容时间	Ø(n)	0(1)
装填因子	≈ 100 %	> 50%

平均分析 vs. 分摊分析

- ❖ 平均复杂度 或 期望复杂度 (average/expected complexity) 根据数据结构各种操作出现概率的分布,将对应的成本加权平均各种可能的操作,作为 独立事件分别考查 割裂了操作之间的相关 性和 连贯 性 往往 不能准确 地评判数据结构和算法的真实性能
- ❖ 分摊复杂度 (amortized complexity)

对数据结构 连续 地实施 足够多 次操作,所需 总体 成本分摊至 单次 操作 从实际可行的角度,对一系列操作做整体的考量

更加忠实地刻画了可能出现的操作序列

更为精准 地评判数据结构和算法的真实性能

❖ 后面将看到更多、更复杂的例子