Sujet 5 : On test 7 candidats à un jeu électronique et on relève pour chacune d'entre eux le nombre de tentative (variable X) et le nombre de commande (variable Y). Les résultats sont :

| Xi | 12 | 20 | 15 | 23 | 8 | 30 |
|----|----|----|----|----|---|----|
| Уi | 26 | 47 | 24 | 54 | 5 | 81 |

En utilisant la méthode de Lagrange :

$$f(x_0)l_0(x) = 26 \times \frac{(x-20)(x-15)(x-23)(x-8)(x-30)}{(12-20)(12-15)(12-23)(12-8)(12-81)}$$

$$f(x_1)l_1(x) = 47 \times \frac{(x-12)(x-15)(x-23)(x-8)(x-30)}{(20-12)(20-15)(20-23)(20-8)(20-81)}$$

$$f(x_2)l_2(x) = 24 \times \frac{(x-12)(x-20)(x-23)(x-8)(x-30)}{(15-12)(15-20)(15-23)(15-8)(15-81)}$$

$$f(x_3)l_3(x) = 54 \times \frac{(x-12)(x-20)(x-15)(x-8)(x-30)}{(23-12)(23-20)(23-15)(23-8)(23-81)}$$

$$f(x_4)l_4(x) = 5 \times \frac{(x-12)(x-20)(x-15)(x-23)(x-30)}{(8-12)(8-20)(8-15)(8-23)(8-81)}$$

$$f(x_5)l_5(x) = 81 \times \frac{(x-12)(x-20)(x-15)(x-23)(x-8)}{(30-12)(30-20)(30-15)(30-23)(30-8)}$$

$$P_{32}:$$

$$f(x_0)l_0(x) = 26 \times \frac{(32-20)(32-15)(32-23)(32-8)(32-30)}{(12-20)(12-15)(12-23)(12-8)(12-81)}$$

$$f(x_1)l_1(x) = 47 \times \frac{(32-12)(32-15)(32-23)(32-8)(32-30)}{(20-12)(20-15)(20-23)(20-8)(20-81)}$$

$$f(x_3)l_3(x) = 54 \times \frac{(32-12)(32-20)(32-15)(32-23)(32-8)(32-30)}{(23-12)(32-20)(32-15)(32-33)(32-8)(32-30)}$$

$$f(x_4)l_4(x) = 5 \times \frac{(32-12)(32-20)(32-15)(32-8)(32-30)}{(23-12)(23-20)(23-15)(32-8)(32-30)}$$

$$f(x_4)l_4(x) = 5 \times \frac{(32-12)(32-20)(32-15)(32-8)(32-30)}{(23-12)(32-20)(32-15)(32-23)(32-8)}$$

$$f(x_5)l_5(x) = 81 \times \frac{(32-12)(32-20)(32-15)(32-23)(32-8)}{(30-12)(30-20)(30-15)(30-23)(30-8)}$$

$$P_{38}:$$

$$f(x_0)l_0(x) = 26 \times \frac{(38-20)(38-15)(38-23)(38-8)(38-30)}{(30-12)(30-20)(30-15)(30-23)(20-8)(20-81)}$$

$$f(x_1)l_1(x) = 47 \times \frac{(38-12)(38-15)(38-23)(38-8)(38-30)}{(22-12)(20-15)(20-23)(20-8)(20-81)}$$

$$f(x_2)l_2(x) = 24 \times \frac{(38-12)(38-20)(38-23)(38-8)(38-30)}{(15-12)(15-20)(15-23)(15-8)(15-81)}$$

$$f(x_3)l_3(x) = 54 \times \frac{(38-12)(38-20)(38-15)(38-8)(38-30)}{(23-12)(23-20)(23-15)(23-8)(23-81)}$$

$$f(x_4)l_4(x) = 5 \times \frac{(38-12)(38-20)(38-15)(38-23)(38-30)}{(8-12)(8-20)(8-15)(8-23)(8-81)}$$

$$f(x_5)l_5(x) = 81 \times \frac{(38-12)(38-20)(38-15)(38-23)(x-8)}{(30-12)(30-20)(30-15)(30-23)(30-8)}$$

 P_{40} :

$$f(x_0)l_0(x) = 26 \times \frac{(40 - 20)(40 - 15)(40 - 23)(40 - 8)(40 - 30)}{(12 - 20)(12 - 15)(12 - 23)(12 - 8)(12 - 81)}$$

$$f(x_1)l_1(x) = 47 \times \frac{(40 - 12)(40 - 15)(40 - 23)(40 - 8)(40 - 30)}{(20 - 12)(20 - 15)(20 - 23)(20 - 8)(20 - 81)}$$

$$f(x_2)l_2(x) = 24 \times \frac{(40 - 12)(40 - 20)(40 - 23)(40 - 8)(40 - 30)}{(15 - 12)(15 - 20)(15 - 23)(15 - 8)(15 - 81)}$$

$$f(x_3)l_3(x) = 54 \times \frac{(40 - 12)(40 - 20)(40 - 15)(40 - 8)(40 - 30)}{(23 - 12)(23 - 20)(23 - 15)(23 - 8)(23 - 81)}$$

$$f(x_4)l_4(x) = 5 \times \frac{(40 - 12)(40 - 20)(40 - 15)(40 - 23)(40 - 30)}{(8 - 12)(8 - 20)(8 - 15)(8 - 23)(8 - 81)}$$

$$f(x_5)l_5(x) = 81 \times \frac{(40 - 12)(40 - 20)(40 - 15)(40 - 23)(x - 8)}{(30 - 12)(30 - 20)(30 - 15)(30 - 23)(30 - 8)}$$