Podatkovno rudarjenje: zbirka vaj in nalog

Martin Stražar, Rok Gomišček, Tomaž Curk

12. marec 2019

Kazalo

D		o okol	
	Nan	nestitev	9
		Conda	,
		Virtua	<mark>lenv</mark>
		Docke	r
	Git	in GitH	[ub
		Nekaj	osnovnih ukazov
			s <mark>titev</mark>
1	Prip	prava p	oodatkov 11
	1.1	Knjižr	i <mark>ica numpy</mark>
		1.1.1	Pretvorba seznamov v večdimenzionalna polja
			Vprašanje 1-1-1
		1.1.2	Razlike med seznami in polji
		1.1.3	Uporaba polj
			1.1.3.1 Naslavljanje
			1.1.3.2 Rezanje
			1.1.3.3 Naslavljanje polja s pomočjo druge strukture
			Vprašanje 1-1-2
			1.1.3.4 Funkcije za ustvarjanje polj
		1.1.4	Osnovne računske operacije
			1.1.4.1 Operacije polja s skalarjem
			1.1.4.2 Operacije polje-polje (po elementih)
		1.1.5	Iteracija po elementih polja
	1.2		r: statistika temperatur v Stockholmu
			Vprašanje 1-2-1
		1.2.1	Procesiranje podatkov
			1.2.1.1 Povprečje, aritmetična sredina
			Vprašanje 1-2-2
			1.2.1.2 Standardni odklon in varianca
			Vprašanje 1-2-3
			1.2.1.3 Najmanjša in največja vrednost
			Vprašanje 1-2-4
			1.2.1.4 Vsota, produkt
		1.2.2	Globalno segrevanje?
		1.2.2	Vprašanje 1-2-5
			Vprašanje 1-2-6
			vprasanjo i 2 v
2	Pril	kazova	nje podatkov 27
	2.1	Knjižr	i <mark>ica matplotlib 27</mark>
			Vprašanje 2-1-1
		2.1.1	Objektno usmerjen način dela z matplotlib

		2.1.2	Barvanje	32
		2.1.3	Stili	33
		2.1.4	Vizualizacije različnih tipov podatkov	34
		2.1.5	Verjetnostne porazdelitve	35
			Vprašanje 2-1-2	36
			Vprašanje 2-1-3	36
		2.1.6	Toplotne karte in konture	36
		2.1.0	2.1.6.1 Funkcija pcolor	36
			2.1.6.2 Funkcija imshow	37
			·	$\frac{37}{37}$
		0.1.7	9	
		2.1.7	Nadzor nad velikostjo osi	38
			2.1.7.1 Domet	38
			2.1.7.2 Logaritemska lestvica	39
		2.1.8	Nastavitev oznak na oseh	40
		2.1.9	Velikost, razmerje in ločljivost	40
		2.1.10	Legenda, oznake in naslovi	41
		2.1.11	Shranjevanje slike	41
	2.2	Primer	r: zimske olimpijske igre, Soči 2014	42
		2.2.1	Predstavitev podatkov	43
			Vprašanje 2-2-1	43
			Vprašanje 2-2-2	44
		2.2.2	Programski paket Orange	44
		2.2.3	Izbira podmnožice vrstic	45
		2.2.4	Prikaz točk v prostoru	46
		2.2.4	Vprašanje 2-2-3	46
		2.2.5	Prikaz porazdelitev	47
		2.2.0		47
		2.2.6	Vprašanje 2-2-4	
			Nagrade za dosego najvišjih mest	48
		2.2.7	Spol udeležencev	49
			Vprašanje 2-2-5	50
			Vprašanje 2-2-6	50
		2.2.8	Najuspešnejše države	50
			Vprašanje 2-2-7	50
		2.2.9	Sestavljene vizualizacije	50
			Vprašanje 2-2-8	51
			Vprašanje 2-2-9	51
3	Por	azdelit	ve in osamelci	5 3
	3.1	Gausso	ova (normalna) porazdelitev	54
		3.1.1	Učenje parametrov	56
			Vprašanje 3-1-1	57
	3.2	Studer	ntova porazdelitev	57
	J	3.2.1	Učenje parametrov iz vzorca	58
		0.2.1	Vprašanje 3-1-2	58
	3.3	Dorogo	lelitev Beta	59
	ა.ა	rorazo		
		991	Vprašanje 3-1-3	60
		3.3.1	Učenje parametrov iz vzorca	60
	0.4	ъ.	Vprašanje 3-1-4	60
	3.4	Prime	r: iskanje neslanih šal	60
			Vprašanje 3-2-1	64
			Vprašanje 3-2-2	67
			Vprašanje 3-2-3	67
			Vprašanje 3-2-4	67

4		krivanje skupin 6	
	4.1	Metoda voditeljev	0
		Vprašanje 4-1-1	0
		Vprašanje 4-1-2	1
		4.1.1 Podatki	$^{\prime}2$
		Vprašanje 4-1-3	3
		4.1.2 Ocenjevanje uspešnosti odkrivanja skupin	3
			3
			3
		1 0	4
			4
	4.2	1 0	4
	1.2	· ·	6
			8
		1 3	8
			8
		V	
		• •	9
			80
			80
		1 0	80
			31
	4.3		31
		Vprašanje 4-3-1	3
			_
5		dzorovano učenje	
	5.1	· ·	35
	5.2		9
	5.3		1
			2
	5.4	1 0 0	2
		Vprašanje 5-1-2	3
	5.5	0 1	3
		Vprašanje 5-1-3	4
		Vprašanje 5-1-4	4
	5.6	Uporaba v praksi: analiza sentimenta	5
		Vprašanje 5-1-5	5
		Vprašanje 5-1-6	
	5.7	Naivni Bayesov klasifikator	
		5.7.1 Primer za ogrevanje	
	5.8	Bayesov obrazec	
	5.9	Implementacija Naivnega Bayesovega klasifikatorja	
	0.0	Vprašanje 5-2-1	
		5.9.1 Sklepanje o podatkih	
		5.9.2 Napovedovanje	
		5.9.3 Log-transformacija	
	5 10		
		Uporaba klasifikatorja	
	0.11	Ocenjevanje uspešnosti klasifikacije	
		5.11.1 Delež pravilno razvrščenih razredov (ang. classification accuracy)	
		5.11.2 Natančnost, priklic (ang. precision, recall)	4
6	Non	negativna matrična faktorizacija in priporočilni sistemi 14	7
U	6.1		
		Uvodne definicije	
	6.2	Definicija problema	
	6.3	Stohastični gradientni sestop	Ŏ

		Vprašanje 6-1-1
		Vprašanje 6-1-2
		Vprašanje 6-1-3
		Vprašanje 6-1-4
		Vprašanje 6-1-5
		Vprašanje 6-1-6
7	Om	rež <mark>ja</mark> 157
	7.1	Knjižnica networkx
		7.1.1 Gradnja grafa
		7.1.2 Prikaz grafa
		7.1.3 Segmentacija omrežja
	7.2	Primer: analiza in vizualizacija omrežja elektronskih sporočil
8	Zap	oredja 163
	8.1	Skriti Markovi modeli
		8.1.1 Generiranje zaporedij
		8.1.2 Učenje parametrov modela iz podatkov
		8.1.3 Viterbijev algoritem
	8.2	<u>Časovne vrste</u>
		8.2.1 Primerjava časovnih vrst
		8.2.2 Dinamična poravnava signalov
	8.3	Napovedovanje trendov
		8.3.1 Gaussovi procesi
		8.3.2 Primer
		8.3.3 Kovariančne funkcije
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
O	\mathbf{dgov}	
	1.1	Knjižnica numpy
		Odgovor 1-1-1
		Odgovor 1-1-2
	1.2	Primer: statistika temperatur na severu
		Odgovor 1-2-1
		Odgovor 1-2-2
		Odgovor 1-2-3
		Odgovor 1-2-4
		Odgovor 1-2-5
		Odgovor 1-2-6
	2.1	Knjižnica matplotlib
		Odgovor 2-1-1
		Odgovor 2-1-2
		Odgovor 2-1-3
	2.2	Primer: zimske olimpijske igre, Soči 2014
		Odgovor 2-2-1
		Odgovor 2-2-2
		Odgovor 2-2-3
		Odgovor 2-2-4
		Odgovor 2-2-5
		Odgovor 2-2-6
		Odgovor 2-2-7
		Odgovor 2-2-8
		Odgovor 2-2-9
	3 1	Pogoste verjetnostne porazdelitve
	0.1	Odgovor 3-1-1

Odgovor 3-1-2	
Odgovor 3-1-3	196
Odgovor 3-1-4	
3.2 Primer: iskanje neslanih šal	
Odgovor 3-2-1	
Odgovor 3-2-2	
Odgovor 3-2-3	
Odgovor 3-2-4	
4.1 Odkrivanje skupin	
Odgovor 4-1-1	
Odgovor 4-1-2	
Odgovor 4-1-3	
Odgovor 4-1-4	
Odgovor 4-1-5	
Odgovor 4-1-6	
4.2 Hierarhično gručenje	
Odgovor 4-2-1	
Odgovor 4-2-2	
Odgovor 4-2-3	
4.3 Primer: genomski podatki v obliki nizov znakov	
Odgovor 4-3-1	
5.1 Linearna regresija	
Odgovor 5-1-1	
Odgovor 5-1-2	
Odgovor 5-1-3	
Odgovor 5-1-4	
Odgovor 5-1-5	
Odgovor 5-1-6	
5.2 Naivni Bayesov klasifikator	
6 Nenegativna matrična faktorizacija in priporočilni sistemi	
7.1 Knjižica networkx	
7.2 Primer: analiza in vizualizacija omrežja elektronskih sporočil	
8.1 Skriti Markovi modeli	
8.2 Modeliranje časovnih vrst	
8.3 Neparametrična regresija ali napovedovanje trendov	215
Naloge	217
Priprava podatkov, osnovne statistike in vizualizacija	
Iskanje strukture v podatkih	
Napovedovanje vrednosti	
Uporaba matrične faktorizacije za napovedovanje	
Implementacija priporočilnega sistema	
July 10 to the comment of the commen	
Literatura	23 1

Delovno okolje

Namestitev

```
Načinov namestitve delovnega okolja je več. Izberite tisto, ki vam najbolj ustreza.
```

```
In [1]: !cat skripte/pip_install.sh
# !/bin/bash
# Essentials
pip install --upgrade numpy
pip install --upgrade scipy
pip install --upgrade Pillow
pip install --upgrade matplotlib
pip install --upgrade GPy
# Orange and requirements
pip install --upgrade Orange3
# Scikit-learn
pip install --upgrade sklearn
# iPython notebook and requirements
pip install --upgrade terminado
pip install --upgrade functools32
pip install --upgrade jupyter
pip install --upgrade jupyter_contrib_nbextensions
# Test installations
python -c "import Orange"
python -c "import sklearn"
python -c "import numpy"
python -c "import scipy"
python -c "import matplotlib"
python -c "import GPy"
python -c "import jupyter"
```

Conda

```
In [2]: !cat skripte/conda_install.sh
```

10 DELOVNO OKOLJE

conda install -c conda-forge jupyter_contrib_nbextensions

```
conda install -c conda-forge jupyter_nbextensions_configurator
jupyter contrib nbextension install --user
jupyter nbextensions_configurator enable --user

jupyter nbextension install https://rawgit.com/jfbercher/latex_envs/master/latex_envs.zip --user
jupyter nbextension enable latex_envs/latex_envs

pip install jupyter_latex_envs
jupyter nbextension install --py latex_envs
jupyter nbextension enable --py latex_envs

jupyter nbextension install https://rawgit.com/jfbercher/jupyter_nbTranslate/master/nbTranslate.zip --u
jupyter nbextension enable nbTranslate/main
```

Virtualenv

Docker

Git in GitHub

Git je sistem za upravljanje z različicami (Version Control System - VCS). Uporablja se ga tako za sodelovanje med razvijalci, kot za nadzor nad lastnim delom. Git upravlja z datotekami v repozitoriju - mapa, kjer se hrani zgodovina sprememb.

GitHub je spletna paltforma za gostovanje Git repozitorijev in omogoča sodelovanje več ljudi na istem projektu.

Več o osnovah Gita in GitHuba si lahko preberete na https://guides.github.com/

Nekaj osnovnih ukazov

- git init: inicializira nov repozitorij v izbrani mapi
- git clone: na disk skopiramo vsebino oddaljenega repozitorija
- git add: ukaz, s katerim povemo, katere spremenjene datoteke želimo shraniti
 - git add .: doda vse datoteke
 - git add datoteka.ipynb: doda določeno datoteko
- git commit -m šporočilo": ukaz, s katerim shranimo izbrane datoteteke
- git status: ukaz, ki nam pokaže, katere datoteke so bile spremenjene in katere spremenjene datoteke bomo shranili
- git pul1: osvežimo lokalni repozitorij s spremembani na oddaljenem repozitoriju
- git push: pošljemo svoje spremembe na oddaljen repozitorij
- git branch: pokaže lokalne veje, jih ustvari, ali zamenja aktivno vejo
- git merge: združevanje dveh vej

Celoten seznam ukazov in njihovih parametrov je dosegljiv na https://git-scm.com/docs.

Namestitev

Ob namestitvi Gita na Windows izberite opcijo Enable symbolic links.

Poglavje 1

Priprava podatkov

1.1 Knjižnica numpy

Knjižnica numpy [1] omogoča numerično računanje v jeziku Python. Vsebuje učinkovite implementacije podatkovnih struktur kot so vektorji, matrike in polja. Vse podatkovne strukture izhajajo iz podatkovnega tipa polje (array). Večina računsko zahtevnih operacij je implementiranih v nižjenivojskih jezikih (Fortran, C). Polje lahko ustvarimo na različne načine:

- s pretvorbo Pythonovih seznamov ali terk,
- z uporabo funkcij arange, linspace in podobnih,
- z branjem podatkov iz datotek.

```
In [1]: import numpy as np
```

1.1.1 Pretvorba seznamov v večdimenzionalna polja

Konstruktor array uporabimo neposredno tako, da podamo seznam. Če podamo seznam števil, dobimo vektor:

```
In [2]: v = np.array([1, 2, 3, 4])
v
Out[2]: array([1, 2, 3, 4])
Če podamo seznam seznamov, dobimo matriko:
In [3]: M = np.array([[1, 2], [3, 4]])
M
Out[3]: array([[1, 2], [3, 4]])
Neglede na obliko, sta objekta v in M tipa ndarray.
In [4]: type(v), type(M)
Out[4]: (numpy.ndarray, numpy.ndarray)
Razlika je v njunih dimenzijah. Objekt v je vektor s štirimi elementi, M pa matrika 2 x 2.
In [5]: v.shape
Out[5]: (4,)
```

```
In [6]: M.shape
Out[6]: (2, 2)
```

Podobno lahko izpišemo število elementov v celotnem seznamu.

```
In [7]: M.size
Out[7]: 4
```

Vprašanje 1-1-1 Sestavimo lahko polja poljubnih dimenzij. Poskusi sestaviti seznam-seznamov-seznamov(-seznamov, ...) in preveri, kakšne so njegove dimenzije!

```
In [8]: # Sestavi strukturo poljubnih dimenzij in preveri njeno dimenzijo in velikost # X =
```

Odgovor

1.1.2 Razlike med seznami in polji

Struktura numpy.ndarray še vedno izgleda kot seznam-seznamov(-seznamov, ...). V čem je razlika?

Nekaj hitrih dejstev: * Pythonovi seznami lahko vsebujejo poljuben tip objektov, ki se znotraj seznama lahko razlikujejo (dinamično tipiziranje). Ne podpirajo matematičnih operacij, kot so matrično množenje. Implementacija takih opracij nad seznamom bi bila zaradi dinamičnega tipiziranja zelo neučinkovita. * Polja so **statično tipizirana** in **homogena**. Podatkovni tip elementov je določen ob nastanku. * Posledično so polja pomnilniško učinkovita, saj zasedajo zvezen prostor v pomnilniku.

Ugotovimo tip elementov v trenutnem polju:

```
In [9]: M.dtype
Out[9]: dtype('int64')
```

In [10]: M[0,0] = "hello"

---> 1 M[0,0] = "hello"

Vstavljanje podatkov poljubnih tipov v polje lahko vodi do težav. Poskusi:

```
ValueError Traceback (most recent call last)
```

ValueError: invalid literal for int() with base 10: 'hello'

Nastavimo podatkovni tip ob ustvarjanju polja, n.pr., kompleksna števila:

Med izvanjanjem spremenimo tip zapisov v polju:

1.1. KNJIŽNICA NUMPY

/Users/tomazc/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/ipykernel_launcher.py:1: ComplexWarning: Casting complexWarning and IPython kernel.

```
Out[12]: array([[ 1., 2., 3.], [ 1., 4., 9.]])
```

Uporabimo lahko podatkovne tipe: int, float, complex, bool, object.

Velikosti, v bitih, lahko podamo eksplicitno: int64, int16, float128, complex128.

1.1.3 Uporaba polj

Najprej si oglejmo načine uporabe polj.

1.1.3.1 Naslavljanje

Elemente naslavljamo z uporabo oglatih oklepajev, podobno kot pri seznamih.

```
In [13]: # v je vektor; naslavljamo ga po njegovi edini dimenziji
v[0]
Out[13]: 1
In [14]: # matriko M naslavljamo z dvema podatkoma - naslov je sedaj terka
M[1,1]
Out[14]: 4.0
```

Naslavljanje po eni dimenziji vrne najprej vrstice.

```
In [15]: M[1]
Out[15]: array([ 1., 4., 9.])
```

Z uporabo : povemo, da bi radi vse elemente v pripadajoči dimenziji. Kako bi dostop do celotnega prvega stolpca implementirali s seznami? Potrebnih bi bilo nekaj zank for. Sintaksa naslavljanja to bistveno poenostavi.

```
In [16]: M[1, :] # Vrstica
Out[16]: array([ 1.,  4.,  9.])
In [17]: M[:, 1] # Stolpec, precej enostavno.
Out[17]: array([ 2.,  4.])
```

Posamezne elemente lahko spreminjamo s prireditvenimi stavki.

Lahko jih nastavljamo po celotni dimenziji.

```
In [20]: M[1, :] = 0
M[:, 2] = -1
```

```
In [21]: M
Out[21]: array([[ 9., 2., -1.],
                [0., 0., -1.]
1.1.3.2 Rezanje
Rezanje polj je pogost koncept. Poljubno pod-polje dobimo z naslavljanjem M[od:do:korak]:
In [22]: A = np.array([1, 2, 3, 4, 5])
Out[22]: array([1, 2, 3, 4, 5])
In [23]: A[1:3]
Out[23]: array([2, 3])
Naslovljena pod-polja lahko tudi spreminjamo.
In [24]: A[1:3] = [-2, -3]
Out[24]: array([1, -2, -3, 4, 5])
Katerikoli od parametrov rezanja je lahko tudi izpuščen.
In [25]: A[::] # Privzete vrednosti parametrov od:do:korak.
Out[25]: array([ 1, -2, -3, 4, 5])
In [26]: A[::2] # korak velikosti 2
Out[26]: array([ 1, -3, 5])
In [27]: A[:3] # prvi trije elementi
Out[27]: array([ 1, -2, -3])
In [28]: A[3:] # elementi od tretjega naprej
Out[28]: array([4, 5])
Negativni indeksi se nanašajo na konec polja:
In [29]: A = np.array([1, 2, 3, 4, 5])
In [30]: A[-1]
Out[30]: 5
Zadnji trije elementi:
In [31]: A[-3:]
Out[31]: array([3, 4, 5])
Rezanje deluje tudi pri večdimenzionalnih poljih.
In [32]: A = np.array([[n+m*10 for n in range(5)] for m in range(5)])
Out[32]: array([[ 0, 1, 2, 3, 4],
                 [10, 11, 12, 13, 14],
                 [20, 21, 22, 23, 24],
                 [30, 31, 32, 33, 34],
```

[40, 41, 42, 43, 44]])

1.1. KNJIŽNICA NUMPY 15

```
In [33]: # pod-polje izvirnega polja A
         A[1:4, 1:4]
Out[33]: array([[11, 12, 13],
                [21, 22, 23],
                [31, 32, 33]])
Elemente lahko preskakujemo.
In [34]: A[::2, ::2]
Out[34]: array([[ 0, 2, 4],
                [20, 22, 24],
                [40, 42, 44]])
1.1.3.3 Naslavljanje polja s pomočjo druge strukture
Polje naslavljamo tudi s pomočjo drugih polj ali seznamov.
In [35]: row indices = [1, 2, 3]
         A[row_indices]
Out[35]: array([[10, 11, 12, 13, 14],
                [20, 21, 22, 23, 24],
                [30, 31, 32, 33, 34]])
In [36]: col_indices = [1, 2, -1]
         A[row_indices, col_indices]
Out[36]: array([11, 22, 34])
Uporabljamo tudi maske. Le-te so strukture s podatki tipa bool, ki nakazujejo, ali bo element na pripada-
jočem mestu izbran ali ne.
In [37]: B = np.array([n for n in range(5)])
Out[37]: array([0, 1, 2, 3, 4])
In [38]: row_mask = np.array([True, False, True, False, False])
         B[row_mask]
Out[38]: array([0, 2])
Malenkost drugačen način določanja maske.
In [39]: row_mask = np.array([1, 0, 1, 0, 0], dtype=bool)
         B[row mask]
Out[39]: array([0, 2])
Način lahko uporabimo za pogojno naslavljanje elementov glede na njihovo vsebino.
In [40]: x = np.array([0, 4, 2, 2, 3, 7, 10, 12, 15, 28])
Out[40]: array([0, 4, 2, 2, 3, 7, 10, 12, 15, 28])
In [41]: mask = (5 < x) * (x < 12.3)
         mask
Out [41]: array([False, False, False, False, True, True, True, False, False], dtype=bool)
In [42]: x[mask]
```

```
Out[42]: array([ 7, 10, 12])
```

Vprašanje 1-1-2 Preizkusi kombinacije vseh do sedaj omenjenih načinov naslavljanja naenkrat. Hkrati naslavljaj, npr., vrstice z rezanjem, stolpce pa s pogojnim naslavljanjem. Ustvari več kot dvo-dimenzionalne strukture. Preveri, ali razumeš rezultat vsakega od naslavljanj.

Odgovor

1.1.3.4 Funkcije za ustvarjanje polj

Knjižica numpy vsebuje funkcije za ustvarjanje pogostih tipov polj. Poglejmo nekaj primerov.

Razpon arange

Razpona linspace in logspace

Pozor: začetna in končna točka sta tudi vključeni.

```
In [46]: np.linspace(0, 10, 25) # od, do, stevilo med sabo enako oddaljenih tock
Out[46]: array([ 0.
                                0.41666667,
                                               0.83333333,
                                                             1.25
                  1.66666667,
                                2.08333333,
                                               2.5
                                                             2.91666667,
                  3.33333333,
                                3.75
                                               4.16666667,
                                                             4.58333333,
                                5.41666667,
                                               5.83333333,
                                                             6.25
                  6.6666667,
                                7.08333333,
                                               7.5
                                                             7.91666667,
                                               9.16666667,
                  8.33333333,
                                8.75
                                                             9.58333333, 10.
                                                                                     ])
In [47]: np.logspace(0, 10, 11, base=np.e) # Poskusi z drugo osnovo (bazo): 2, 3, 10
Out[47]: array([ 1.00000000e+00,
                                    2.71828183e+00,
                                                       7.38905610e+00,
                  2.00855369e+01,
                                    5.45981500e+01,
                                                       1.48413159e+02,
                  4.03428793e+02,
                                    1.09663316e+03,
                                                       2.98095799e+03,
                  8.10308393e+03,
                                    2.20264658e+04])
```

Naključna polja, modul numpy.random

1.1. KNJIŽNICA NUMPY 17

Enakomerno (uniformno) porazdeljene vrednosti v intervalu [0,1]:

```
In [49]: random.rand(5, 5)
Out[49]: array([[ 0.37454012,
                               0.95071431,
                                            0.73199394,
                                                         0.59865848,
                                                                      0.15601864],
                [ 0.15599452,
                               0.05808361,
                                            0.86617615,
                                                         0.60111501,
                                                                       0.70807258],
                [ 0.02058449,
                               0.96990985,
                                            0.83244264,
                                                         0.21233911,
                                                                       0.18182497],
                [ 0.18340451,
                               0.30424224,
                                            0.52475643,
                                                         0.43194502,
                                                                      0.29122914],
                [ 0.61185289, 0.13949386,
                                            0.29214465,
                                                         0.36636184,
                                                                       0.45606998]])
```

Normalno porazdeljene vrednosti s povprečno vrednostjo 0 in odklonom 1:

Diagonalna matrika diag

Na diagonali naj bodo vrednosti 1, 2 in 3.

Diagonala naj bo odmaknjena od glavne diagonale za k mest. Pozor, dimenzija matrike se temu ustrezno poveča.

Out [54]: array([[1., 1., 1.],

1.1.4 Osnovne računske operacije

[1., 1., 1.], [1., 1., 1.]])

Ključno pri uporabi iterpretiranih jezikov je, da kar najbolj izkoriščamo vektorske operacije. Izogibajmo se odvečni uporabi zank. Karseda veliko operacij implementiramo kot operacije med matrikami in vektorji, npr., kot vektorsko ali matrično množenje.

1.1.4.1 Operacije polja s skalarjem

Uporabimo običajne aritmetične operacije za množenje, seštevanje in deljenje s skalarjem.

1.1.4.2 Operacije polje-polje (po elementih)

Operacije med več polji se privzeto obravnavajo po elementih. Na primer, množenje po elementih dosežemo z uporabo operatorja *.

```
In [59]: A * A
Out[59]: array([[
                    Ο,
                          1,
                                4,
                                      9,
                                           16],
                [ 100,
                       121,
                             144,
                                    169,
                                          196],
                [ 400,
                       441,
                             484,
                                   529, 576],
                [ 900, 961, 1024, 1089, 1156],
                [1600, 1681, 1764, 1849, 1936]])
In [60]: v1 * v1
Out[60]: array([ 0, 1, 4, 9, 16])
Pozor, dimenzije polj se morajo ujemati.
In [61]: A.shape, v1.shape
Out[61]: ((5, 5), (5,))
In [62]: A * v1
Out[62]: array([[ 0,
                             4,
                                  9, 16],
                       1,
                            24,
                                 39, 56],
                  Ο,
                      11,
                  Ο,
                       21,
                           44,
                                 69, 96],
                  0, 31,
                           64, 99, 136],
                [ 0, 41,
                           84, 129, 176]])
```

1.1. KNJIŽNICA NUMPY

1.1.5 Iteracija po elementih polja

Skušamo se držati načela, da se izogibamo uporabi zank preko elementov polja. Razlog je počasna implementacija zank v intepretiranih jezikih, kot je Python. Včasih pa se zankam ne moremo izogniti. Zanka for je smiselna rešitev.

Generator enumerate uporabimo kadar želimo iteracijo po elementih in morebitno spreminjanje njihovih vrednosti.

Dobimo polje, kjer je vsak element kvadrat prvotne vrednosti.

Več o knjižnici numpy lahko preberete v [1, 2, 3, 4].

1.2 Primer: statistika temperatur v Stockholmu

Knjižnico numpy uporabimo na primeru podatkov dnevne temperature v Stockholmu. Podatki obsegajo meritve za vsak dan med leti 1800 in 2011. Shranjeni so v datoteki, kjer vrstice predstavljajo meritve. Posamezni podatki - leto, mesec, dan in izmerjena temperatura - so ločeni z vejico.

```
In [1]: from csv import DictReader

fp = open('podatki/stockholm.csv', 'rt')
    reader = DictReader(fp)

for row in reader:
    print(row)
    break # izpisi samo prvo vrstico

OrderedDict([('Year', '1800'), ('Month', '1'), ('Day', '1'), ('Temp', '-6.1')])
```

Predstavitev podatkov v obliki slovarja je koristna zaradi svoje jasnosti, vendar bo računanje bistveno hitrejše, če podatke naložimo kot polje.

```
In [2]: import numpy as np
       np.set_printoptions(suppress=True)
       data = np.loadtxt('podatki/stockholm.csv', delimiter=",", skiprows=1)
       data
Out[2]: array([[ 1800. ,
                         1.,
                                  1.,
                                          -6.1],
                        1.,
1.,
              [ 1800. ,
                                 2.,
                                         -15.4],
              [ 1800. ,
                               3.,
                                         -15.],
                         12. ,
                                  29.,
              [ 2011. ,
                                          4.9],
              [ 2011. ,
                         12. ,
                                  30.,
                                           0.61.
                                          -2.6]])
              [ 2011. ,
                         12. ,
                                  31. ,
```

Preverimo velikost podatkov: število vrstic (meritve, vzorci) in število stolpcev (atributov).

```
In [3]: data.shape
Out[3]: (77431, 4)
```

Stolpci hranijo podatke v tem vrstnem redu: leto, mesec, dan in temperatura.

Poglejmo si vse meritve, ki so bile narejene v letu 2011. Ustvarimo binarni vektor data[:, 0] == 2011, ki vsebuje vrednost True nas ustreznih mestih ter ga uporabimo za naslavljanje podatkov.

```
In [4]: data[data[:, 0] == 2011]
Out[4]: array([[ 2011. ,
                                 1.,
                                         -2.3],
                      1., 2.,
1., 3.,
                                 2. ,
             [ 2011. ,
                                        -3.6],
             [ 2011. ,
                                        -6.9],
             [ 2011. ,
                      12., 29.,
                                        4.9],
             [ 2011. , 12. , 30. ,
                                         0.6],
             [ 2011. , 12. , 31. ,
                                      -2.6]])
```

Vprašanje 1-2-1 Izpišite temperaturo pred 200 leti, na primer, temperaturo dne 5. decembra 1817. Odgovor

1.2.1 Procesiranje podatkov

Na tej točki nastopijo operacije, ki nam povedo nekaj o podatkih. Izračunali bomo nekaj osnovnih statistik.

1.2.1.1 Povprečje, aritmetična sredina

Dnevna temperatura je v stolpcu z indeksom 3 (četrti stolpec). Izračunamo povprečje vseh meritev.

```
In [5]: np.mean(data[:, 3])
Out[5]: 6.1971096847515854
```

Ugotovimo, da je bila povprečna dnevna temperatura v Stockholmu v preteklih 200 letih prijetnih 6.2 C.

Vprašanje 1-2-2 Kakšna je povprečna temperatura januarja (mesec s številko 1)? Odgovor

1.2.1.2 Standardni odklon in varianca

```
In [6]: np.std(data[:,3]), np.var(data[:,3])
Out[6]: (8.2822716213405734, 68.596023209663414)
```

Vprašanje 1-2-3 V katerem mesecu je odklon temperature največji?

Odgovor

1.2.1.3 Najmanjša in največja vrednost

Poiščimo najnižjo dnevno temperaturo:

```
In [8]: data[:,3].min()
Out[8]: -25.80000000000001
Poiščimo najvišjo dnevno temperaturo:
```

In [9]: data[:,3].max()
Out[9]: 28.300000000000001

Vprašanje 1-2-4 Pošči mesec in leto, ko so zabeležili največjo temperaturo.

Odgovor

1.2.1.4 Vsota, produkt

```
Temperatur ponavadi ne seštevamo. Pa vendar, izkoristimo priložnost za prikaz funkcij vsote in produkta.
```

1.2.2 Globalno segrevanje?

Odgovorimo na še nekaj vprašanj. Po Stockholmu krožijo govorice, da se temperatura iz leta v leto povečuje.

```
In [15]: # Izračunajmo povprečno temperaturo za vsako leto posebej
letna_povprečja = dict()

for leto in range(1800, 2012):
    # Uporabimo pogojno naslavljanje polja
letna_povprečja[leto] = data[data[:, 0] == leto, 3].mean()
```

Vprašanje 1-2-5 Izpiši leta, ko je povprečna temperatura višja od prejšnjega leta.

```
In [16]: # Izpiši vsako leto, ki ima večjo povprečno temperaturo od prejšnjega #
```

Poišči 10 najtoplejših let.

```
In [17]: # Poišči 10 najtoplejših let
#
```

Odgovor

Zadnja leta so res sumljivo topla. Poskusimo prikazati podatke z uporabo knjižnice matplotlib.

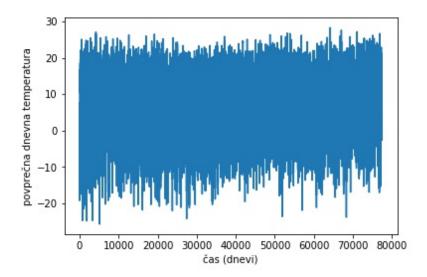
FileNotFoundError

Traceback (most recent call last)

```
~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
--> 113
                        rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
    114
                        _apply_style(rc)
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
   1028
-> 1029
            config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
   1030
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
    944
            rc_temp = {}
--> 945
            with _open_file_or_url(fname) as fd:
   946
                try:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
    80
                try:
---> 81
                    return next(self.gen)
     82
                except StopIteration:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
                    encoding = "utf-8"
--> 930
                with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
    931
                    yield f
   FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
During handling of the above exception, another exception occurred:
    OSError
                                              Traceback (most recent call last)
    <ipython-input-18-78ed3b6a1a07> in <module>()
           f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
      7 import matplotlib.pyplot as plt
---> 8 plt.style.use('PR.mplstyle')
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
                               "not a valid URL or path. See `style.available` for "
    117
                               "list of available styles.")
    118
--> 119
                       raise IOError(msg % style)
    120
    121
```

OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See

Naredimo novo sliko (figure) in nanjo narišemo povprečne temperature v odvisnosti od časa.



Precej nepregledno. Poizkusite razširiti sliko tako da spremenite plt.figure(figsize=(sirina, visina)), kjer sta visina in sirina podani v palcih oz. inčah (privzeto (5, 3)).

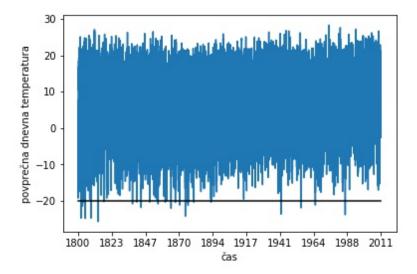
Vseeno pa opazimo, da se pogostost dni s temperaturo nižjo od -20.0 C zmanjšuje. Poglejmo.

```
In [20]: plt.figure()
    # Narišimo izvirne podatke
    plt.plot(data[:, 3])

# Z vodoravno črto označimo -20.0 C.
    plt.plot([0, len(data)], [-20, -20], color="black")

# Spremenimo še oznako x-osi. Dodajmo 10 enako oddaljenih kazalcev.
    ticks = np.arange(0, len(data), len(data)//9, dtype=int)
    plt.xticks(ticks)
    plt.gca().set_xticklabels(data[ticks, 0].astype(int))

# Vedno označimo osi.
    plt.xlabel("čas")
    plt.ylabel("povprečna dnevna temperatura")
    plt.show()
```



Od 80-tih let prejšnjega stoletja res nismo imeli kakšnega posebej hladnega dneva. Vseeno pa bi želeli še bolj poenostaviti prikaz. Prikažimo vsako leto z eno točko, ki naj prikazuje povprečno temperaturo leta.

Vprašanje 1-2-6 Nariši sliko povprečne letne temperature. Uporabi funkcijo plt.plot(x, y) kjer je x vektor let, y pa vektor pripadajočih povprečnih temperatur. Ali misliš, da se temperatura z leti res povečuje?

 ${\rm Odgovor}$

Poglavje 2

Prikazovanje podatkov

2.1 Knjižnica matplotlib

Matplotlib je knjižnica za 2D in 3D risanje v programskem jeziku Python. Vključuje:

- Nadzor nad posameznimi elementi slike.
- Izvoz rezultatov v obliki PNG, PDF, SVG, EPS, in PGF.
- Podpora sintaksi IAT_EX

Bistven del uporabnosti knjižnice je, da lahko slike v celoti zgradimo z uporabo ukazov, kar odstrani potrebo po ročnem urejanju. Slednje jo dela zelo primerno za uporabo v znanstvenem delu, kjer lahko generiramo kompleksne prikaze na različnih podatkih brez potrebe po spremembi programske kode.

Spletna stran knjižnice je tudi bogat vir dodatnih primerov: http://matplotlib.org/

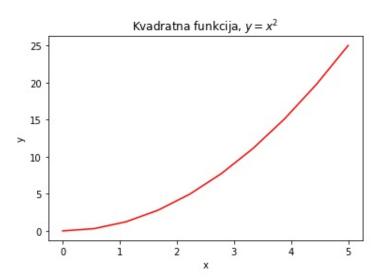
```
In [1]: %matplotlib inline
        import matplotlib
        %config InlineBackend.figure_format = 'jpg'
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
        matplotlib.__version__
       FileNotFoundError
                                                  Traceback (most recent call last)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
        112
                        try:
    --> 113
                            rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
                            _apply_style(rc)
        114
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
       1028
                config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
    -> 1029
```

1030

```
~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
            rc_temp = {}
--> 945
            with _open_file_or_url(fname) as fd:
    946
                try:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
                try:
---> 81
                    return next(self.gen)
     82
                except StopIteration:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
                    encoding = "utf-8"
    929
--> 930
                with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
   931
                    yield f
    FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
During handling of the above exception, another exception occurred:
    OSError
                                              Traceback (most recent call last)
    <ipython-input-1-6de4f0886ee3> in <module>()
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
      7 import matplotlib.pyplot as plt
----> 8 plt.style.use('PR.mplstyle')
     10 matplotlib.__version__
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
                               "not a valid URL or path. See `style.available` for "
    117
                               "list of available styles.")
    118
--> 119
                        raise IOError(msg % style)
    120
    121
    OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See
```

Enostavna slika v okolju matplotlib:

Funkcija plot sprejema parametre: * podatki na ordinati, * podatki na abscisi, * ostali parametri (oblikovanje, ...)

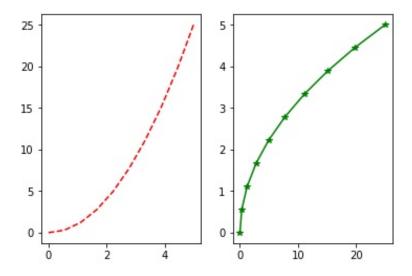


Vprašanje 2-1-1 Nariši funkcije x^{-3} , x^{-2} , x^{-1} , x^0 , x^1 , x^2 , x^3 na intervalu (0,5]. To dosežeš z večkratnim klicanjem funkcije **plot**, po enkrat za vsako krivuljo.

```
In [4]: # Nariši funkcije na isti graf
# ...
```

Odgovor

Z uporabo okolja subplot lahko ustvarimo sliko z več platni.



2.1.1 Objektno usmerjen način dela z matplotlib

V zgornjih primerih smo uporabljali vmesnik, kjer je bila vsaka slika del *globalnega* okolja. Ta način je uporaben za preprostejše slike. Zahtevnejše prikaze pa omogoča objektno usmerjen način, posebej v primerih, ko imamo opravka z več kot eno sliko naenkrat.

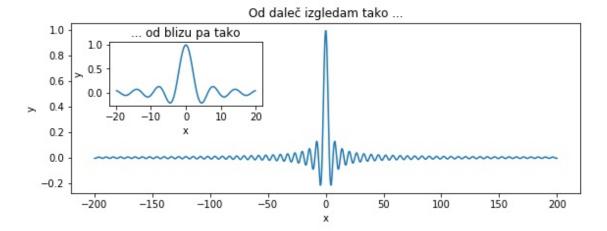
Bistveni del objektno-usmerjenega okolja sta objekta **slika** (ang. *figure*) in **os** (ang. *axis*). Ena slika vsebuje eno ali več osi. Os je vsebovalnik s koordinatnim sistemom, v katerega rišemo objekte (črte, stolpce, oblike, ...).

Ustvarimo novo sliko v spremenljivki fig ter ji dodajmo novo os, do katere dostopamo preko spremenljivke axes.



Sedaj imamo popoln nadzor nad vstavljanjem osi. Na sliko lahko dodamo poljubno število osi, ki se lahko tudi prekrivajo.

```
In [7]: fig = plt.figure(figsize=(9, 3))
        x = np.linspace(-200, 200, 1000)
       y = np.sin(x)/x
        axes1 = fig.add_axes([0.1, 0.1, 0.8, 0.8]) # glavna os
        axes2 = fig.add_axes([0.16, 0.51, 0.24, 0.3], facecolor='white') # os znotraj glavne osi.
        # pomemben je tudi vrstni red ustvarjanja!
        # Prikazi večji interval
        axes1.plot(x, y)
        axes1.set_xlabel('x')
        axes1.set_ylabel('y')
        axes1.set_title('Od daleč izgledam tako ...')
        # Prikaži okolico ničle
        axes2.plot(x[450:550], y[450:550])
        axes2.set_xlabel('x')
        axes2.set_ylabel('y')
        axes2.set_title('... od blizu pa tako');
```



Za osi razporejene v lepo urejeno mrežo lahko uporabljamo upravljalnik subplots.

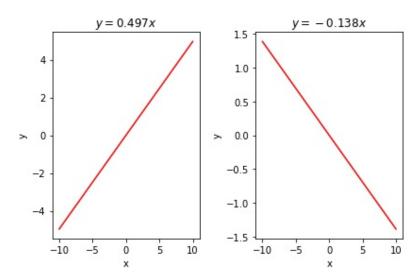
```
In [8]: fig, axes = plt.subplots(nrows=1, ncols=2)

x = np.linspace(-10, 10, 100)

for ax in axes:  # sprehodimo se po oseh
    k = np.random.randn(1, 1)[0]  # narišimo naključno premico
    y = k * x

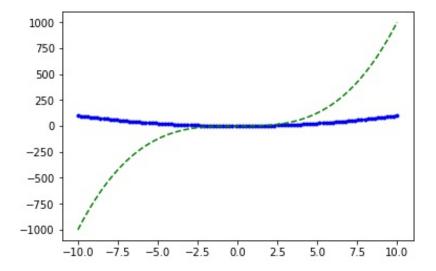
    ax.plot(x, y, 'r')
    ax.set_xlabel('x')
    ax.set_ylabel('y')
    ax.set_title('$y = %.3f x$'% k)
```



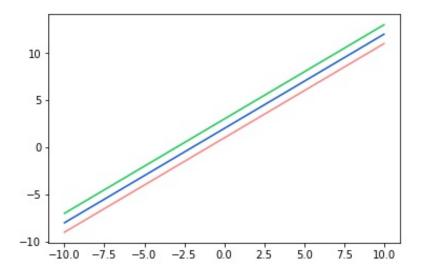


2.1.2 Barvanje

Najenostavnejši načina za nastavljanje barv je slog, podoben okolju MATLAB; g predstavlja zeleno barvo, b modro, r rdečo, itd.



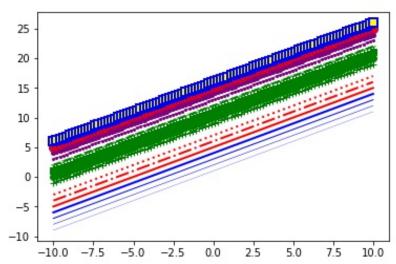
Lahko pa uporabimo argument color=..., kjer barvo podamo z njenim imenom oz. RGB kodo.



2.1.3 Stili

Poizkusimo spreminjati še ostale lastnosti: debelino črt in različne oznake za točke.

```
ax.plot(x, x+4, color="blue", linewidth=2.00)
# možnosti za izgled črte so '-', '--', '-.', ':', 'steps'
ax.plot(x, x+5, color="red", lw=2, linestyle='-')
ax.plot(x, x+6, color="red", lw=2, ls='-.')
ax.plot(x, x+7, color="red", lw=2, ls=':')
# oznake za točke: marker = '+', 'o', '*', 's', ',', '.', '1', '2', '3', '4', ...
ax.plot(x, x+ 9, color="green", lw=2, ls='--', marker='+')
ax.plot(x, x+10, color="green", lw=2, ls='--', marker='o')
ax.plot(x, x+11, color="green", lw=2, ls='--', marker='s')
ax.plot(x, x+12, color="green", lw=2, ls='--', marker='1')
# velikost in barva označb
ax.plot(x, x+13, color="purple", lw=1, ls='-', marker='o', markersize=2)
ax.plot(x, x+14, color="purple", lw=1, ls='-', marker='o', markersize=4)
ax.plot(x, x+15, color="purple", lw=1, ls='-', marker='o', markersize=8,
       markerfacecolor="red")
ax.plot(x, x+16, color="purple", lw=1, ls='-', marker='s', markersize=8,
       markerfacecolor="yellow", markeredgewidth=2, markeredgecolor="blue");
```



2.1.4 Vizualizacije različnih tipov podatkov

Oglejmo si še druge metode, ki so primerne za risanje različnih tipov podatkov. Seveda je način prikaza odvisen od vrste in lastnosti podatkov, ki jo z vizualizacijo želimo poudariti.

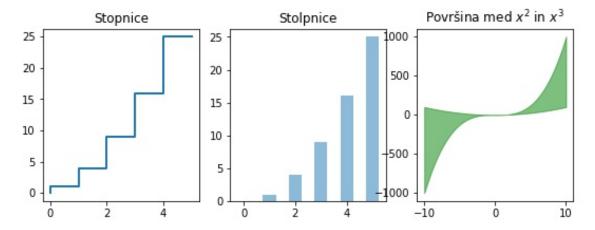
```
In [12]: n = np.array([0,1,2,3,4,5])
In [13]: fig, axes = plt.subplots(1, 3, figsize=(9, 3))

# Stopnice
    axes[0].step(n, n**2, lw=2)
    axes[0].set_title("Stopnice")

# Stolpični diagram
    axes[1].bar(n, n**2, align="center", width=0.5, alpha=0.5)
```

```
axes[1].set_title("Stolpnice")

# Površina med krivuljama kvadratne in kubične funkcije
axes[2].fill_between(x, x**2, x**3, color="green", alpha=0.5);
axes[2].set_title("Površina med $x^2$ in $x^3$");
```



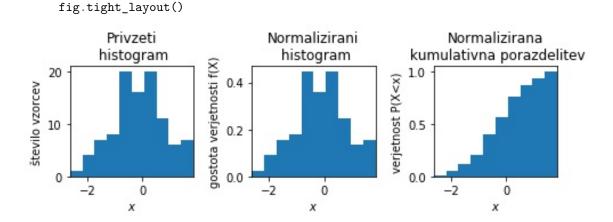
2.1.5 Verjetnostne porazdelitve

Verjetnosto porazdelitev končnega števila vzorcev pogosto predstavimo s histogramom - stolpičnim diagramom ki predstavlja število oz. verjetnost vrednosti spremenljivke.

Naj bo x naključna spremenljivka, porazdeljena po normalni (Gaussovi) porazdelitvi s sredino $\mu=0$ in standardnim odklonom $\sigma=1$.

Vzamimo N naključnih vzorcev spremenljivke x. Funkcija **hist** izriše stolpični diagram verjetnostne porazdelitve glede na izide vzorčenj.

```
In [14]: # Histogram verjetnostne porazdelitve števil
         data = np.random.randn(N) # vzorčimo N točk
         fig, axes = plt.subplots(1, 3, figsize=(7, 2.5))
         axes[0].hist(data, bins=10)
         axes[0].set_title("Privzeti\n histogram")
         axes[0].set_xlim((min(data), max(data)));
         axes[0].set_ylabel("število vzorcev")
         axes[0].set_xlabel("$x$")
         axes[1].hist(data, density=True, bins=10)
         axes[1].set_title("Normalizirani\n histogram")
         axes[1].set_xlim((min(data), max(data)));
         axes[1].set_ylabel("gostota verjetnosti f(X)")
         axes[1].set_xlabel("$x$")
         axes[2].hist(data, cumulative=True, bins=10, density=True)
         axes[2].set_title("Normalizirana\n kumulativna porazdelitev")
         axes[2].set_ylabel("verjetnost P(X<x)")</pre>
         axes[2].set_xlim((min(data), max(data)));
         axes[2].set_xlabel("$x$")
```



Vprašanje 2-1-2 Poizkusi spreminjati število vzorcev N in predalčkov bins. Ali so katere nastavitve primernejše od drugih v odvisnosti od števila vzorcev?

Odgovor

Vprašanje 2-1-3 Funkcija rand
n predpostavlja sredino $\mu=0$ in standardni odklon $\sigma=1$. Kako bi modeli
rali poljubno sredino in standardni odklon, npr. $\mu=5$ in $\sigma=0.5$?

Odgovor

2.1.6 Toplotne karte in konture

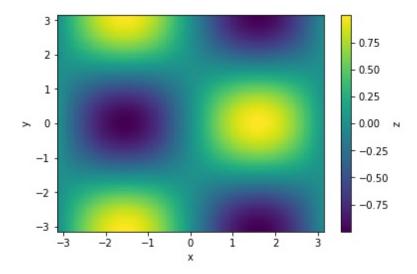
Toplotne karte (ang. heatmap) uporabljamo za prikazovanje funkcij dveh spremenljivk. Narišimo funkcijo dveh spremenljivk:

V matplotlib lahko izbiramo med več možnostmi.

2.1.6.1 Funkcija pcolor

```
In [17]: fig, ax = plt.subplots()

p = ax.pcolor(X, Y, Z,)
    cb = fig.colorbar(p, ax=ax, label="z")
    ax.set_xlabel("x")
    ax.set_ylabel("y")
    ax.set_xlim(-np.pi, np.pi)
    ax.set_ylim(-np.pi, np.pi);
```

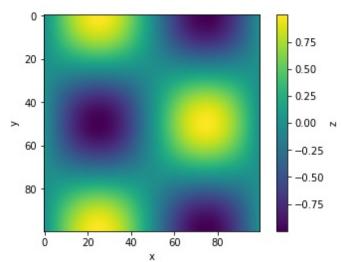


Modre vrednosti so vbočene v ekran, rumene pa izbočene.

2.1.6.2 Funkcija imshow

Dobimo čistejšo sliko tako, da uporabimo algoritem za interpolacijo.

```
In [18]: fig, ax = plt.subplots()
    im = ax.imshow(Z)
    im.set_interpolation('bilinear')
    cb = fig.colorbar(im, ax=ax, label="z")
    ax.set_xlabel("x")
    ax.set_ylabel("y");
```



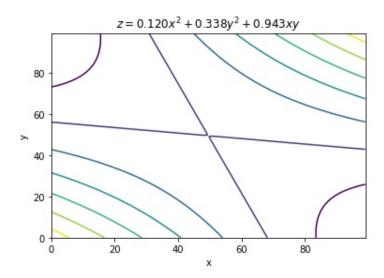
2.1.6.3 Funkcija contour

Konture uporabimo, da prikažemo točke z enako vrednostjo funkcije - podobno kot z izohipsami povežemo točke z isto višino na zemljevidu.

Narišimo naključno kvadratno funkcijo

$$z = a_1 x^2 + a_2 y^2 + a_3 x y$$

kjer koeficiente a_1, a_2, a_3 določimo naključno.



2.1.7 Nadzor nad velikostjo osi

V tem sklopu bomo spremenili velikost slike in nastavili razpon (interval) podatkov, ki bodo prikazani.

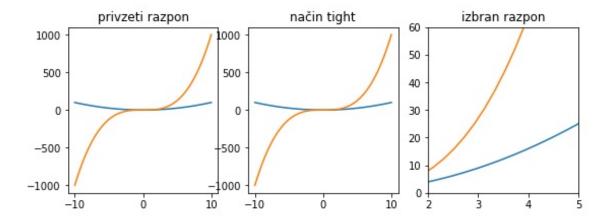
2.1.7.1 Domet

Za boljšo preglednost slike omejimo zgolj na domeno podatkov: ročno z uporabo set_ylim in set_xlim ali pa samodejno z axis('tight').

```
In [20]: x = np.linspace(-10, 10, 100)
    fig, axes = plt.subplots(1, 3, figsize=(9, 3))
    axes[0].plot(x, x**2, x, x**3)
    axes[0].set_title('privzeti razpon')
```

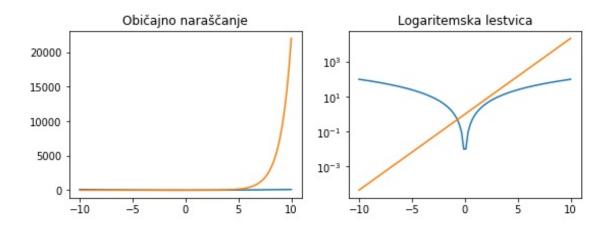
```
axes[1].plot(x, x**2, x, x**3)
axes[1].axis('tight')
axes[1].set_title('način tight')

axes[2].plot(x, x**2, x, x**3)
axes[2].set_ylim([0, 60])
axes[2].set_xlim([2, 5])
axes[2].set_title('izbran razpon');
```



2.1.7.2 Logaritemska lestvica

Enostavno nastavimo tudi logaritemsko naraščanje intervalov na posameznih oseh.



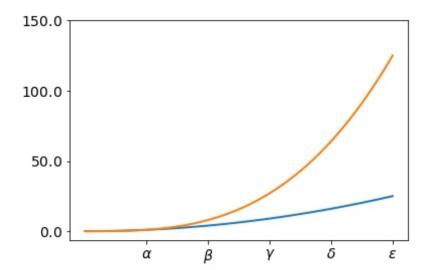
2.1.8 Nastavitev oznak na oseh

Z metodama set_xticks in set_yticks nastavimo lokacije oznak, nato pa z set_xticklabels in set_yticklabels eksplicitno določimo oznake.

```
In [22]: fig, ax = plt.subplots()
    x = np.linspace(0, 5, 100)
    ax.plot(x, x**2, x, x**3, lw=2)

ax.set_xticks([1, 2, 3, 4, 5])
    ax.set_xticklabels(
        [r'$\alpha$', r'$\beta$', r'$\gamma$', r'$\delta$', r'$\epsilon$'],
        fontsize=14
    )

    yticks = [0, 50, 100, 150]
    ax.set_yticks(yticks)
    ax.set_yticklabels(["$%.1f$" % y for y in yticks], fontsize=14);
```



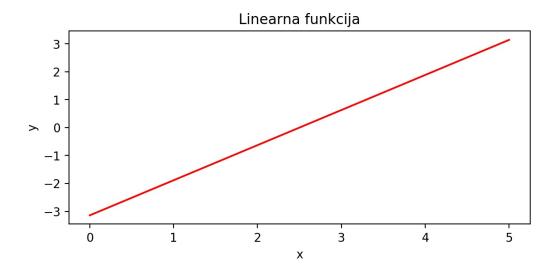
2.1.9 Velikost, razmerje in ločljivost

Velikost slike določamo s figsize v palcih (inčah, 1 in = 2.4 cm) ločljivost pa s parametrom dpi - število pik (pikslov) na palec. inch). Slednji ukaz ustvari sliko velikosti 1400x600 pik.

```
In [23]: fig, axes = plt.subplots(figsize=(7, 3), dpi=200)

x = np.linspace(0, 5, 100)
y = np.linspace(-np.pi, np.pi, 100)

axes.plot(x, y, 'r')
axes.set_xlabel('x')
axes.set_ylabel('y')
axes.set_title('Linearna funkcija');
```

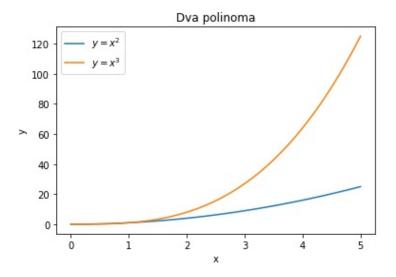


2.1.10 Legenda, oznake in naslovi

Za boljšo berljivost slike pogosto dodamo naslov, oznake osi in legendo. Na vseh mestih lahko uporabljamo IAT_FXsintakso. Kvalitetna slika vsebuje večino omenjenih elementov.

```
In [24]: fig, ax = plt.subplots()

ax.plot(x, x**2, label="$y = x^2$")
ax.plot(x, x**3, label="$y = x^3$")
ax.legend(loc=2) # upper left corner
ax.set_xlabel('x')
ax.set_ylabel('y')
ax.set_title('Dva polinoma');
```



2.1.11 Shranjevanje slike

Za shranjevanje uporabimo metodo savefig, kjer lahko izbiramo med formati PNG, JPG, EPS, SVG, PGF in PDF.

```
In [25]: fig.savefig('slika.png')
Ločljivost nastavimo v enotah DPI.
In [26]: fig.savefig('slika.png', dpi=200)
```

2.2 Primer: zimske olimpijske igre, Soči 2014

Na primeru podatkov o olimpijskih igrah bomo spoznali tabelarično predstavitev podatkov (atribut-vrednost) v paketu Orange. Preizkusili bomo nekatere pogoste načine grafičnega prikaza podatkov.

```
In [1]: %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.image as mpimg
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
       FileNotFoundError
                                                  Traceback (most recent call last)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
        112
    --> 113
                            rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
        114
                            _apply_style(rc)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
       1028
                config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
    -> 1029
       1030
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
                rc_temp = {}
    --> 945
                with _open_file_or_url(fname) as fd:
        946
                    try:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
                    try:
    ---> 81
                        return next(self.gen)
         82
                    except StopIteration:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
                        encoding = "utf-8"
    --> 930
                    with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
```

```
931
                    yield f
   FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
During handling of the above exception, another exception occurred:
    OSError
                                               Traceback (most recent call last)
    <ipython-input-1-f11bad626864> in <module>()
      8 import matplotlib.image as mpimg
      9 import matplotlib.pyplot as plt
---> 10 plt.style.use('PR.mplstyle')
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
                               "not a valid URL or path. See `style.available` for "
    117
                               "list of available styles.")
    118
--> 119
                        raise IOError(msg % style)
    120
    121
```

OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See

2.2.1 Predstavitev podatkov

Tokrat imamo opravka s športniki, ki so nastopali na zimskih olimpijskih igrah v ruskem letovišču Soči ob Črnem morju leta 2014.

Za vsakega nastopajočega športnika so na voljo naslednji podatki (atributi):

- ime in priimek,
- starost v letih,
- datum rojstva,
- spol,
- telesna višina,
- telesna teža,
- št. osvojenih zlatih medalj,
- št. osvojenih srebrnih medalj,
- št. osvojenih bronastih medalj,
- št. vseh osvojenih medalj,
- športna panoga,
- država, katero zastopa.

Vprašanje 2-2-1 S kakšnim podatkovnim tipom bi predstavil/a vsakega od atributov?

Odgovor

Do sedaj smo spoznali načine za shranjevanje numeričnih podatkov, kot so cela in decimalna števila. Nenumerične podatke, kot so država ter naziv tekmovalca, ne moremo enostavno predstaviti v numerični obliki.

Pomagali si bomo s knjižnjico Orange, ki skupaj s števili hrani naslednje tipe podatkov:

- [c]ontinuous ali zvezni atributi, s katerimi predstavimo številske podatke (tudi cela števila),
- [d]iscrete ali diskretni atributi imajo zalogo vrednosti iz končne množice. Npr. spol je element množice {moški, ženska} ali okusi sladoleda {čokolada, vanilija, jagoda}. Pomni, da za razliko od števil med elementi takih množic ne obstaja urejen vrstni red.
- [s]tring ali niz znakov, hrani nize znakov poljubne (končne) dolžine.

Vprašanje 2-2-2 Katerega od treh naštetih tipov podatkov bi uporabil za vsakega od atributov športnikov? Rešitev najdeš, če si ogledaš prvih nekaj vrstic datoteke athletes.tab.

Odgovor

2.2.2 Programski paket Orange

Podatke naložimo v objekt tabela, Table. Podatkovni tipi atributov so določeni v datoteki.

age ContinuousVariable
gender DiscreteVariable
height ContinuousVariable
weight ContinuousVariable
gold_medals ContinuousVariable
silver_medals ContinuousVariable
bronze_medals ContinuousVariable
total_medals ContinuousVariable
sport DiscreteVariable
country DiscreteVariable

Za diskretne atribute lahko dostopamo do zaloge vrednosti.

```
'Skeleton',
'Ski Jumping',
'Snowboard',
'Speed Skating']
```

Dostopamo lahko do posameznih vrstic:

```
In [6]: print(data[0])
       print()
       print(data[1:3])
[17, Male, 1.72, 68, 0, 0, 0, 0, Freestyle Skiing, United States] {1996-04-12, Aaron Blunck}
[[27, Male, 1.85, 85, 0, 0, 0, 0, Snowboard, Italy] {1986-05-14, Aaron March},
[21, Male, 1.78, 68, 0, 0, 0, 0, Short Track, Kazakhstan] {1992-06-30, Abzal Azhgaliyev}]
```

Dostopamo lahko do atributov posamezne vrstice. Navedeni načini so ekvivalentni za dostop do športa športnika v prvi vrstici:

```
In [7]: print(data[0, 8])
       print(data[0, data.domain['sport']])
       print(data[0, data.domain.index('sport')])
       print(data[0, 'sport']) # neposredno po imenu atributa
Freestyle Skiing
Freestyle Skiing
Freestyle Skiing
Freestyle Skiing
```

Dostopamo tudi do več stolpcev hkrati:

```
In [8]: print(data[0, ['sport', 'name', 'age']])
        print(data[0, [8, 0, -2]])
[[Freestyle Skiing, 17] {Aaron Blunck}]
[[Freestyle Skiing, 17] {Aaron Blunck}]
```

Številski podatki so shranjeni v numpyjevi tabeli znotraj objekta Table. Imena, datuma rojstva in države v tej matriki ne bomo našli. Zakaj?

```
In [9]: data.X
Out[9]: array([[ 17. , 1. , 1.72, ...,
                                    0.,
                                           5.,
                                                79.],
            [ 27. , 1. , 1.85, ...,
                                    0. , 12. , 36. ],
            [ 21. ,
                    1. , 1.78, ...,
                                    0.,
                                           9., 39.
            [ 28. ,
                     0., 1.68, ...,
                                    0. , 12. , 28. ],
            [ 22. ,
                     1. , 1.76, ...,
                                    1. , 5. , 16. ],
                     0.,
                                    0.,
                                          9. , 30. ]])
            [ 19. ,
                          1.58, ...,
```

2.2.3 Izbira podmnožice vrstic

Za izbiro podmnožice vrstic uporabimo filter. Naredimo objekt filter, ki vključuje pogoj ter ga pokličemo na podmnožici podatkov.

```
In [10]: # ustvarimo filter, SameValue(spremenljivka, vrednost)
         filt = SameValue(data.domain['sport'], 'Alpine Skiing')
```

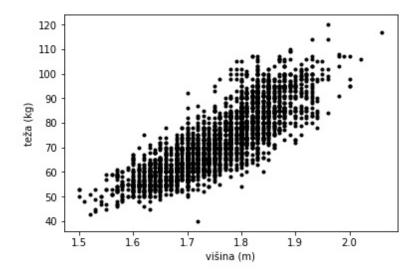
```
# izberi vse alpske smučarje
data_subset = filt(data)
data_subset

Out[10]: [[21, Male, 1.86, 82, 0, ...] {1992-07-30, Adam Barwood},
        [18, Male, 1.70, 76, 0, ...] {1995-04-22, Adam Lamhamedi},
        [23, Male, 1.78, 80, 0, ...] {1990-09-13, Adam Zampa},
        [21, Female, 1.62, 56, 0, ...] {1992-09-28, Adeline Baud},
        [29, Male, 1.82, 80, 0, ...] {1984-09-18, Adrien Theaux},
        ...
]
```

2.2.4 Prikaz točk v prostoru

Poglejmo, ali sta višina in teža športnikov povezani. Za vsakega športnika narišimo točko v prostoru dveh spremelnjivk - razsevni diagram (ang. scatter plot).

```
In [11]: plt.figure()
    x = data.X[:, 2]  # višina
    y = data.X[:, 3]  # teža
    plt.plot(x, y, "k.")
    plt.xlabel('višina (m)')
    plt.ylabel('teža (kg)');
```



Vprašanje 2-2-3 Videti je, da sta spremenljivki povezani. Ali sta višina in teža res povezani? Odgovor na to vprašanje lahko dobimo z merami korelacije. S pomočjo slednjih izmerimo, ali sta dve naključni spremenljivki povezani.

Pearsonova korelacija med spremenljivkama X in Y je definirana z naslednjim izrazom:

$$\rho = \frac{(x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sigma_x \sigma_y}$$

kjer sta x in y vektorja vzorcev naključnih spremenljivk X in Y, \bar{x} in \bar{y} povprečni vrednosti, σ_x , σ_y standardna odklona. Mera ρ zavzame vrednosti v intervalu [-1, 1], kjer vrednost -1 pomeni, da med spremenljivki velja

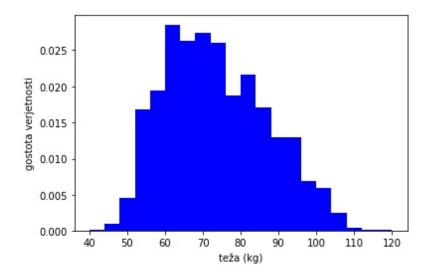
negativna korelacija - sta obratno sorazmerni, vrednost 1 pa da sta premo sorazmerni. Vrednost 0 nakazuje, da sta spremenljivki neodvisni.

2.2.5 Prikaz porazdelitev

Negotovost pri opazovanju naključne spremenljivke predstavimo s funkcijo porazdelitve. Pogost način, kako dobimo oceno za porazdelitev iz podatkov je uporaba histograma - preštejemo, koliko primerov spada v interval vrednosti spremenljivke. Poglejmo primer za telesno težo.

```
In [14]: # porazdelitev tež
    weights = data.X[:, 3]

plt.figure()
    plt.hist(weights, density=True, bins=20, color='blue')
    plt.xlabel('teža (kg)')
    plt.ylabel('gostota verjetnosti');
```



Vprašanje 2-2-4 Ali so porazdelitev teže med posameznimi športi razlikuje? Kaj pa višine? Izberi športnike nekaterih športov in med njimi primerjaj porazdelitve.

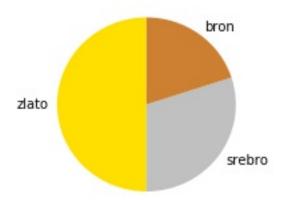
Odgovor

2.2.6 Nagrade za dosego najvišjih mest

startangle=90);

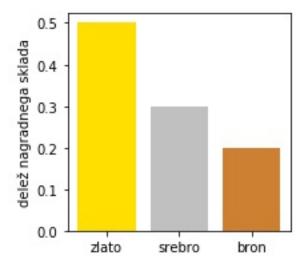
Še en način prikaza porazdelitev je tortni diagram. Prikažimo, kakšen kos pogače prinese vsaka od medalj (zlato \$25.000, srebro \$15.000, bron \$10.000).

```
In [16]: # prikaži primer slike in reprodukcija ; št medalj glede na državo
         # Nariši tortni diagram za vsako državo posebej
         # Denarni sklad; $25,000 za zlato, $15,000 za srebrno, $10,000 za bronasto medaljo
                  = 25 + 15 + 10
         total
         gold_ratio = 25 / total
         silv_ratio = 15 / total
         bron_ratio = 10 / total
         # barve medalj
         gold color = '#FFDF00'
         silv_color = '#COCOCO'
         bron_color = '#CD7F32'
         plt.figure(figsize=(3, 3))
         plt.pie((gold_ratio, silv_ratio, bron_ratio),
                 labels=('zlato', 'srebro', 'bron', ),
                 colors=(gold_color, silv_color, bron_color, ),
```



Lažje berljiv stolpični diagram:

In [18]: countries = data.domain['country'].values

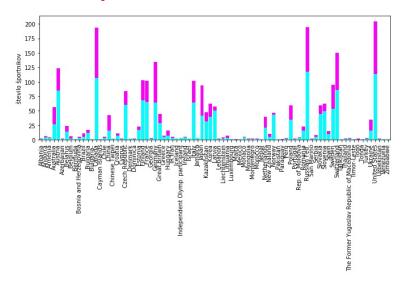


2.2.7 Spol udeležencev

Prikažimo še bolj informativno porazdelitev, ki pokaže število moških in ženskih udeležencev iger za posamezno državo. Najprej izračunamo porazdelitev.

```
gender_by_country = dict()
         for country in countries:
             # Filter by countries
                         = SameValue(data.domain['country'], country)
             data_subset = filt(data)
             # Filter males
                         = SameValue(data.domain['gender'], 'Male')
             data_subset_male = filt(data_subset)
             # Filter females
                         = SameValue(data.domain['gender'], 'Female')
             filt
             data_subset_female = filt(data_subset)
             # Store gender counts
             gender_by_country[country] = {
                 'Male': len(data_subset_male),
                 'Female': len(data_subset_female),
             }
Nato narišemo sliko z uporabo funkcijo bar:
In [19]: m = [gender_by_country[country]['Male'] for country in countries]
         f = [gender_by_country[country]['Female'] for country in countries]
         x = range(len(countries))
         plt.figure(figsize=(11, 4))
         plt.bar(x, m, color='cyan', align='center')
         plt.bar(x, f, bottom=m, color='magenta', align='center')
         plt.xlim(-0.5, len(countries)-0.5)
```

```
plt.xticks(x)
plt.gca().set_xticklabels(countries, rotation=90)
plt.ylabel('število športnikov');
```



Vprašanje 2-2-5 Grafu dodaj legendo.

Odgovor

Vprašanje 2-2-6 Zgornji graf uredi tako, da bodo države urejene po številu udeležencev in dodaj legendo. Odgovor

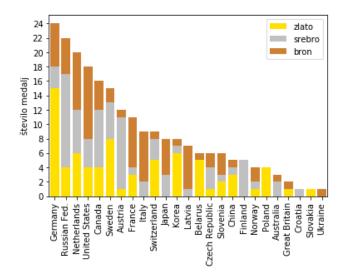
2.2.8 Najuspešnejše države

Vprašanje 2-2-7 Nariši sliko, podobno spodnji. Diagram prikazuje porazdelitev posameznih medalj po državah. Namig: najprej predpripravi podatke, nato pa nariši diagram. Zgleduj se po prejšnih primerih.

```
In [20]: # izračunaj distribucijo medalj
In [21]: # izriši distribucijo
Odgovor
```

2.2.9 Sestavljene vizualizacije

Namen dobre vizualizacije je prava mera podatkov na danem prostoru. Ta naj ne bo prevelika, vseeno pa želimo čimbolje izkoristiti prostor. Oglejmo si primer risanja porazdelitev podatkov o višini in teži glede na posamezno športno panogo.



```
filt = SameValue(data.domain['sport'], sport)
data_subset = filt(data)

w = data_subset[:, data.domain.index('weight')].X.ravel()
h = data_subset[:, data.domain.index('height')].X.ravel()
a = data_subset[:, data.domain.index('age')].X.ravel()

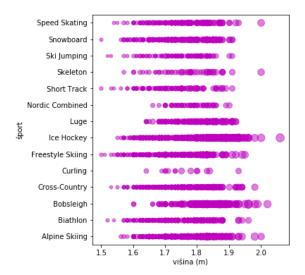
weights_by_sport[sport] = w
heights_by_sport[sport] = h
ages_by_sport[sport] = a
```

Vprašanje 2-2-8 Nariši sliko, podobno spodnji. Diagram prikazuje porazdelitev višine po športih. Za vsakega igralca narišimo točko, kjer bo velikost točke premo sorazmerna s težo športnika. Osi x in y bomo izkoristili tako, da na osi x narišemo višino, na osi y pa bo posamezna športna panoga.

```
In [23]: # napiši kodo za izris slike
Odgovor
```

Vprašanje 2-2-9 Uredi zgornji graf tako, da bodo športi urejeni po povprečni višini. Poizkusi tudi spreminjati količine na posameznih oseh (x, y, velikost pike).

Odgovor



Poglavje 3

Porazdelitve in osamelci

Verjetnostna porazdelitev P je funkcija nad naključno spremenljivko X, ki vsaki možni vrednosti spremenljivke priredi verjetnost - vrednost v intervalu [0,1]. Spremenljivka X je lahko zvezna, diskretna, eno- ali več dimenzionalna.

Vrednost P(X) je za vsako možno vrednost spremenljivke X (celotno definicijsko območje), vsota preko definicijskega območja pa mora biti enaka 1.

Za vsako verjetnostno porazdelitev, ki jo bomo spoznali v nadaljevanju, navedemo: * definicijsko območje (t.j. kakšna je spremnljivka X), * obliko (formulo, ki vsaki vrednosti X priredi verjetnost), * parametre (konstante, ki določajo vrednosti in/ali obliko funkcije)

Vodilo: Izbira porazdelitve za modeliranje je odvisna od narave podatkov.

```
In [1]: %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
        import numpy as np
        np.random.seed(42)
                                                  Traceback (most recent call last)
        FileNotFoundError
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
        112
    --> 113
                            rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
        114
                            _apply_style(rc)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
       1028
    -> 1029
                config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
       1030
```

```
~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
            rc_temp = {}
    944
--> 945
            with _open_file_or_url(fname) as fd:
    946
                try:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
---> 81
                    return next(self.gen)
     82
                except StopIteration:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
    929
                    encoding = "utf-8"
--> 930
                with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
    931
   FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
During handling of the above exception, another exception occurred:
    OSError
                                               Traceback (most recent call last)
    <ipython-input-1-9e9777efd08e> in <module>()
      8 import matplotlib.pyplot as plt
---> 9 plt.style.use('PR.mplstyle')
     10 import numpy as np
     11 np.random.seed(42)
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
    117
                               "not a valid URL or path. See `style.available` for "
    118
                               "list of available styles.")
--> 119
                        raise IOError(msg % style)
    120
    121
```

OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See

3.1 Gaussova (normalna) porazdelitev

Normalna (ali Gaussova) porazdelitev je porazdelitev na celotnem območju realnih števil. Je ena od najpogostejših porazdelitev, ki se uporabljao v praksi, saj ima veliko podatkov znano, zvonasto obliko. Funkcija je *simetrična* in podana z dvema parametroma, sredino in varianco.

Tip spremenljivke: eno- ali več dimenzionalna, zvezna.

Definicijsko območje: $(-\infty, +\infty)$

Oblika:

$$P(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{\frac{-(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Parametri: * μ sredina/upanje * σ^2 varianca

```
In [2]: from scipy.stats import multivariate_normal as mvn
```

```
# Parametri določajo obliko funkcije
mu = 0 # sredina
sigma2 = 1 # varianca
n = 500 # velikost vzorca
sample = mvn.rvs(mu, sigma2, size=n) # naključen vzorec n primerov
xr = np.linspace(-5, 5, 100)
                                           # interval X
P = [mvn.pdf(x, mu, sigma2) for x in xr] # porazdelitvena funkcija
# Histogram - porazdelitev naključnih VZORCEV x glede na <math>P(x)
plt.figure(figsize=(9, 3))
plt.subplot(1, 2, 1)
plt.title("vzorec")
plt.hist(sample) #
plt.xlabel("X")
plt.ylabel("število primerov")
# Graf porazdelitvene funkcije
plt.subplot(1, 2, 2)
plt.title("graf porazdelitve")
plt.plot(xr, P) # nariši P(x)
plt.ylabel("P(x)")
plt.xlabel("X");
```

```
NameError
```

Traceback (most recent call last)

```
<ipython-input-2-9a8f12c221c3> in <module>()
    8 sample = mvn.rvs(mu, sigma2, size=n) # naključen vzorec n primerov
9
---> 10 xr = np.linspace(-5, 5, 100) # interval X
    11 P = [mvn.pdf(x, mu, sigma2) for x in xr] # porazdelitvena funkcija
    12
```

NameError: name 'np' is not defined

3.1.1 Učenje parametrov

V praksi resničnih vrednosti parametrov ne poznamo. *Parametrov se naučimo iz vzorca*. Prednosti postopka so, da nato lahko sklepamo o novih vzorcih, t.j., vsaki možni vrednosti spremenljivke priredimo verjetnost.

Imamo vzorec naključne spremenljivke X velikosti n.

$$X_1, X_2, ..., X_n$$

Za normalno porazdelitev dobimo oceno za parametre na naslednji način:

$$\mu = E[X_i] = \bar{X}$$

$$\sigma^2 = \frac{n-1}{n} E[(X_i - \bar{X})^2] = \frac{n-1}{n} var[x]$$

Vrednost μ je povprečje vzorca. Vrednost σ^2 je popravljena varianca vzorca.

Ocenimo parametre iz vzorca:

Ocenjeni vrednosti parametrov sta podobni resničnim vrednostim ($\mu = 0$, $\sigma^2 = 1$).

Na eni sliki primerjamo porazdelitev z naučenimi parametri s pravo porazdelitvijo:

```
In [4]: P_fit = [mvn.pdf(x, mu_fit, sigma2_fit) for x in xr]

    plt.figure()
    plt.hist(sample, label="vzorec", normed=True)
    plt.plot(xr, P, label="P(X) resnična", linewidth=2.0)
    plt.plot(xr, P_fit, label="P(X) ocenjena", linewidth=2.0)
    plt.legend();

NameError Traceback (most recent call last)
```

```
<ipython-input-4-444fba6df4f3> in <module>()
----> 1 P_fit = [mvn.pdf(x, mu_fit, sigma2_fit) for x in xr]
    2
```

```
3 plt.figure()
4 plt.hist(sample, label="vzorec", normed=True)
5 plt.plot(xr, P, label="P(X) resnična", linewidth=2.0)
NameError: name 'xr' is not defined
```

Vprašanje 3-1-1 Preveri, kako se natančnost ocene parametrov spreminja z velikostjo vzorca n. Odgovor

3.2 Studentova porazdelitev

Studentova porazdelitev (ali t-porazdelitev) je porazdelitev na celotnem območju realnih števil. Njena oblika je simetrična in podobna normalni porazdelitvi. Je manj občutljiva na osamelce v majhnih vzorcih.

Tip spremenljivke: eno-dimenzionalna, zvezna.

Definicijsko območje: $x \in (-\infty, +\infty)$

Oblika:

$$P(x) = \frac{\Gamma[(\nu+1)/2]}{\sqrt{\nu\pi} \Gamma(\nu/2)} \left(1 + \frac{x^2}{\nu}\right)^{-(\nu+1)/2}$$

Parametri: * ν število prostostnih stopenj

```
In [5]: from scipy.stats import t as student
        # Parametri določajo obliko funkcije
        nu = 2 # prostostne stopnje
       n = 8 # velikost vzorca
        sample = student.rvs(nu, size=n) # naključen vzorec n primerov spremenljivke
        xr = np.linspace(-5, 5, 100) # interval X
       P = [student.pdf(x, nu) for x in xr] # porazdelitvena funkcija
        # Histogram - porazdelitev naključlnih VZORCEV x glede na <math>P(x)
        plt.figure(figsize=(9, 3))
       plt.subplot(1, 2, 1)
       plt.title("Vzorec")
        plt.hist(sample) #
        plt.xlabel("X")
       plt.ylabel("število primerov")
        # Graf porazdelitvene funkcije
        plt.subplot(1, 2, 2)
       plt.title("Graf porazdelitve")
                          # nariši P(x)
       plt.plot(xr, P)
        plt.ylabel("P(x)")
        plt.xlabel("X");
```

```
NameError

Traceback (most recent call last)

<ipython-input-5-5b4ee6bcbbcb> in <module>()
7 sample = student.rvs(nu, size=n) # naključen vzorec n primerov spremenljivke
8
----> 9 xr = np.linspace(-5, 5, 100) # interval X
10 P = [student.pdf(x, nu) for x in xr] # porazdelitvena funkcija
11

NameError: name 'np' is not defined
```

3.2.1 Učenje parametrov iz vzorca

Večina porazdelitve v knjižnici scipy vsebuje funkcijo fit, ki izračuna najverjetnejše vrednosti parametrov porazdelitve glede na vzorec.

Na eni sliki primerjamo porazdelitev z naučenimi parametri s pravo porazdelitvijo

Vprašanje 3-1-2 Generiraj vzorec z manjhnim številom (do 20) vzorcev iz normalne porazdelitve. Primerjaj ocene porazdelitve s pomočjo normalne in Studentove porazdelitve. Katera porazdelitev bolje oceni resnično porazdelitev?

```
In [7]: # Primerjaj Normalno in Studentovo porazdelitev pri majhnem vzorcu
# ...
```

Odgovor

Porazdelitev Beta

Beta porazdelitev je porazdelitev spremnljivke na omejenem intervalu [0,1]. Njena oblika je zelo prilagodljiva, lahko ima namreč en ali dva maksimuma. Porazdelitev lahko prevedemo na poljuben interval [a, b] s seštevanjem (translacija) in množenjem (širjenje/ožanje) intervala.

Tip spremenljivke: x, enodimenzionalna, zvezna, na omejenem intervalu.

Definicijsko območje: $x \in [0,1]$

Oblika:

$$P(x) = \frac{1}{B(\alpha, \beta)} x^{\alpha - 1} (1 - x)^{\beta - 1}$$

```
Parametri: *a*b
In [8]: from scipy.stats import beta
        # Parametri določajo obliko funkcije
        a, b = (3, 2) # parametra a, b
                                           # velikost vzorca
        n = 100
        sample = beta.rvs(a, b, size=n)
                                              # naključen vzorec n primerov spremenljivke
        xr = np.linspace(0, 1, 100)
                                                  # interval X
        P = [beta.pdf(x, a, b) for x in xr] # porazdelitvena funkcija
        # Histogram - porazdelitev naključlnih VZORCEV x glede na <math>P(x)
        plt.figure(figsize=(9, 3))
        plt.subplot(1, 2, 1)
        plt.title("Vzorec")
       plt.hist(sample) #
        plt.xlabel("X")
        plt.ylabel("Število primerov")
        # Graf porazdelitvene funkcije
        plt.subplot(1, 2, 2)
        plt.title("Graf porazdelitve")
        plt.plot(xr, P) # nariši P(x)
       plt.ylabel("P(x)")
        plt.xlabel("X");
        NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-8-0e4cc5111124> in <module>()
          7 sample = beta.rvs(a, b, size=n)
                                              # naključen vzorec n primerov spremenljivke
    ----> 9 \text{ xr} = \text{np.linspace}(0, 1, 100)
                                                      # interval X
```

10 P = [beta.pdf(x, a, b) for x in xr] # porazdelitvena funkcija

Odgovor

11

```
NameError: name 'np' is not defined
```

Vprašanje 3-1-3 Spreminjaj parametra a in b. Kako se oblika funkcije spreminja?

3.3.1 Učenje parametrov iz vzorca

Tudi za učenje parametrov porazelitve Beta uporabimo funkcijo fit.

Na eni sliki primerjamo porazdelitev z naučenimi parametri s pravo porazdelitvijo.

```
In [9]: parameters = beta.fit(sample)
       P_fit = [beta.pdf(x, *parameters) for x in xr ]
       plt.figure()
       plt.hist(sample,
                           label="Vzorec", normed=True)
       plt.plot(xr, P,
                           label="P(X) resnična", linewidth=2.0)
       plt.plot(xr, P_fit, label="P(X) ocenjena", linewidth=2.0) # ocenjena porazdelitev je model
       plt.legend();
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-9-1dd1df6971b7> in <module>()
         1 parameters = beta.fit(sample)
    ----> 2 P_fit = [beta.pdf(x, *parameters) for x in xr ]
          4 plt.figure()
         5 plt.hist(sample,
                               label="Vzorec", normed=True)
       NameError: name 'xr' is not defined
```

 ${f Vprašanje\ 3-1-4}$ Spreminjaj parametra a in b ter velikost vzorca n. Kako se spreminja kakovost prileganja? Odgovor

3.4 Primer: iskanje neslanih šal

Tokrat si bomo ogledali zbirko podatkov Jester, ki je dokaj podobna tisti pri domači nalogi. Gre za zbirko 100 šal (vicev), ki jih je ocenilo 23500 uporabnikov z oceno -10 (porazno) do 10 (odlično). Ocena je torej zvezna spremenljivka.

Naš glavni cilj bo modeliranje statistik v podatkovni zbirki z uporabo znanih porazdelitev. To nam bo omogočalo, da **med šalami poiščemo osamelce** in ocenimo njihovo statistično značilnost - verjetnost, da gre za osamelca ali ne.

Začnimo z naključno šalo iz podatkovne zbirke:

A mechanical, electrical and a software engineer from Microsoft were driving through the desert when the car broke down. The mechanical engineer said "It seems to be a problem with the fuel injection system, why don't we pop the hood and I'll take a look at it." To which the electrical engineer replied, "No I think it's just a loose ground wire, I'll get out and take a look." Then, the Microsoft engineer jumps in. "No, no, no. If we just close up all the windows, get out, wait a few minutes, get back in, and then reopen the windows everything will work fine."

```
In [1]: %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
        import numpy as np
        FileNotFoundError
                                                  Traceback (most recent call last)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
                        try:
    --> 113
                            rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
        114
                            _apply_style(rc)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
       1028
    -> 1029
                config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
       1030
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
        944
                rc_temp = {}
    --> 945
                with _open_file_or_url(fname) as fd:
        946
                    try:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
    ---> 81
                        return next(self.gen)
         82
                    except StopIteration:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
        929
                        encoding = "utf-8"
```

```
--> 930
                    with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
        931
                        yield f
        FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
   During handling of the above exception, another exception occurred:
        OSError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-1-779ea8d3610b> in <module>()
          8 import matplotlib.pyplot as plt
    ---> 9 plt.style.use('PR.mplstyle')
         10 import numpy as np
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
        117
                                   "not a valid URL or path. See `style.available` for "
        118
                                   "list of available styles.")
    --> 119
                            raise IOError(msg % style)
        120
        121
        OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See
Podatki so matrika velikosti 23500 \times 100 z zveznimi vrednosti. Vrednost 99 predstavlja neznano vrednost,
takih vrednosti zato ne smemo upoštevati.
In [2]: X = np.genfromtxt('podatki/jester-data.csv', delimiter=',',)[:, 1:]
        X[np.where(X == 99)] = float("nan") # neznanih vrednosti ne smemo upoštevati
        print("velikost:", X.shape)
        print("skupno število ocen:", X.size - np.sum(np.isnan(X)))
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-2-2286ff858560> in <module>()
    ----> 1 X = np.genfromtxt('podatki/jester-data.csv', delimiter=',',)[:, 1:]
          2 X[np.where(X == 99)] = float("nan")  # neznanih vrednosti ne smemo upoštevati
          4 print("velikost:", X.shape)
          5 print("skupno število ocen:", X.size - np.sum(np.isnan(X)))
        NameError: name 'np' is not defined
```

Poglejmo, kakšna je porazdelitev vseh veljavnih ocen.

Vidimo, da je večina ocen nevtralnih (okoli 0), veliko pozitivnih (med 3 in 10) ter nekaj zelo slabih (-10). Najmanj je srednje slabih (-9 do -1). Navkljub temu ima ta porazdelitev naslednje težave: * Vzorec ni nepristranski. Vsak uporabnik je ocenil različno število šal. * Porazdelitev ne spominja na nobeno od znanih.

Kako bi primerjali šale glede na njihove ocene?

Poglejmo najprej, koliko veljavnih ocen je prejela vsaka od šala:

```
In [4]: (np.isnan(X) == False).sum(axis=0) # vsota po posameznih šalah

NameError Traceback (most recent call last)

<ipython-input-4-12b9b805f100> in <module>()
----> 1 (np.isnan(X) == False).sum(axis=0) # vsota po posameznih šalah

NameError: name 'np' is not defined
```

Vsaka šala je dobila nekaj tisoč ocen, kar zadostuje za statistično primerjavo.

Zamislimo si dve novi naključni spremenljivki:

- X povprečje ocen posamezne šale,
- Y varianca ocen posamezne šale.

Pomembno: spremenljivki sta izpeljani iz dveh izračunljivih količih. Spremenljivki X in Y nista parametra normalne porazdelitve!

Za vsako od navedenih spremenljivk X in Y imamo torej vzorec velikosti 100, po en primer za vsako šalo. Pri izračunu pazimo, da preskočimo neznane vrednosti:

```
In [5]: means = []
    variances = []
    for i in range(X.shape[1]):
        s = np.mean(X[:, i][np.isnan(X[:, i]) == False])
```

Vprašanje 3-2-1 Kakšna je interpretacija spremeljivk X in Y? Kaj pomeni, če ima šala visoko varianco med vsemi ocenami? Kaj pomeni, če ima šala visoko povprečno oceno?

Odgovor

Izpišimo nekaj najbolje, najslabše ocenjenih šal ter nekaj takih z visoko oz. nizko varianco. Za zabavo jih lahko prebereš in primerjaš, n. pr., odpri datoteko podatki/jokes/init1.html:

A man visits the doctor. The doctor says "I have bad news for you. You have cancer and Alzheimer's disease". The man replies "Well, thank God I don't have cancer!"

```
In [6]: n = 3
        for data, name in [(means, "Povprečje (X)"), (variances, "Varianca (Y)")]:
            inxs = np.argsort(data)[:n]
           print("Kriterij: %s" % name)
           print("\tSpodnjih %d:" % n)
            for i in inxs:
                print("\t\tšala %d, povp.: %.2f, var.: %.2f" % (i+1, means[i], variances[i]))
            inxs = np.argsort(data)[::-1][:n]
            print("\tZgornjih %d:" % n)
            for i in inxs:
                print("\t\tšala %d, povp.: %.2f, var.: %.2f" % (i+1, means[i], variances[i]))
            print()
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-6-755b10deed5b> in <module>()
          1 n = 3
          2 for data, name in [(means, "Povprečje (X)"), (variances, "Varianca (Y)")]:
    ---> 3
              inxs = np.argsort(data)[:n]
               print("Kriterij: %s" % name)
```

print("\tSpodnjih %d:" % n)

```
NameError: name 'np' is not defined

Narišimo še porazdelitvi vzorcev X in Y.

In [7]: plt.figure(figsize=(9, 3))
    plt.subplot(1, 2, 1)
    plt.hist(means, normed=False, bins=12)
    plt.xlabel("povprečna ocena šale (X)")
    plt.ylabel("število vzorcev")
    plt.text(-3, 2, "< osamelci?", rotation=90, verticalalignment="bottom", color="red")

plt.subplot(1, 2, 2)
    plt.hist(variances, normed=False, bins=12)
    plt.xlabel("varianca ocene šale (Y)");
```

Tole izgleda že bolje. Večina šal je torej v povprečju ocenjenih pozitivno, zelo malo je negativnih. Porazdelitvi spominjata na znane porazdelitve, kjer je večina primerov (šal) porazdeljenih okoli srednje vrednosti, manj pa je ekstremnih vrednosti.

Poglejmo za trenutek porazdelitev povprečnih ocen. Izgleda, da imamo nekaj **osamelcev** - zelo slabih šal, ocenjenih z manj kot X = -2. Kako pomenljiv je padec od X = -2 navzdol? Da bi odgovorili na to vprašanje, spoznajmo osnove modeliranja podatkov s pomočjo verjetnostnih porazdelitev.

Povprečna ocena izgleda normalno porazdeljena. Kakšni so najbolj verjetni parametri porazdelitve?

```
In [8]: from scipy.stats import multivariate_normal as mvn
```

```
data = means

# Ocenimo parametre normalne (Gaussove) porazdelitve
n = len(data)
mu = np.mean(data)  # ocena sredine
sigma2 = (n-1)/n * np.var(data) # ocena variance

plt.figure()
counts, bins, _ = plt.hist(data, normed=True, label="vzorec", bins=10)  # dobimo razpon
pdf = [mvn.pdf(x, mu, sigma2) for x in bins]  # pdf: [p]robability
```

Na oko lahko ocenimo, da se porazdelitev kar dobro ujema z vzorcem. Kako statistično značilne so šale, ki imajo vrednost meritve manjšo od X=-2.0? Kako nenavadno slabe so v resnici te šale? Za odgovor na to vprašanje bomo izračunali t.i. p-vrednost. S pomočjo p-vrednosti ocenimo nenavadnost meritve, v našem primeru povprečne ocene šale.

Definicija. P-vrednost je verjetnost, da pri vzorčenju ene vrednosti naključne spremenljivke dobimo dano ali manjšo (oz. večjo) vrednost.

Definicijo si najlažje ogledamo grafično. Oglejmo si funkcijo porazdelitve, dobljeno z ocenjenima parametroma μ in σ^2 .

```
In [9]: # Meritev, ki bi jo radi statisticno ocenili
       qx = -2
        # Izračunamo P(x) za dovolj velik interval
             = np.linspace(-5, 5, 100)
       width = xr[1] - xr[0] # sirina intervala
       Px = [mvn.pdf(x, mu, sigma2) * (xr[1]-xr[0]) for x in xr]
        # Vse vrednosti, ki so manjše ali enake od qx
       ltx
               = xr[xr \ll qx]
        # Množimo s širino intervala, da dobimo ploščino pod krivuljo
       P_ltx = [mvn.pdf(x, mu, sigma2) * width for x in ltx]
        # p-vrednost: ploscina pod krivuljo P(x) za vse vrednosti, manjse od qx
       p_value = np.sum(P_ltx)
        # Graf funkcije
       plt.figure()
       plt.plot(xr, Px, linewidth=2.0)
       plt.fill_between(ltx, 0, P_ltx, alpha=0.2)
```

```
plt.text(qx, mvn.pdf(qx, mu, sigma2) * width,
             "p=%f" % p_value,
            horizontalalignment="right",
            verticalalignment="center",
   plt.xlabel("X - povprečna ocena šale.")
   plt.ylabel("P(X)")
   plt.legend()
    # Poqlejmo, ali je meritev statistično značilna pri danem pragu alpha (0.05, 0.01, 0.001 ...)
    alpha = 0.05
    if p_value < alpha:</pre>
           sig = "JE"
    else:
           sig = "NI"
    # Rezultat statističnega testa
   print("Verjetnost šale z oceno %.3f ali manj: " % qx + "%.3f" % (100 * p_value) + " %")
   print("Nenavadnost šale %s statistično značilna (prag = %.3f" % (sig, 100*alpha), "%)")
   NameError
                                              Traceback (most recent call last)
    <ipython-input-9-e30847b2d35c> in <module>()
      5 # Izračunamo P(x) za dovolj velik interval
---> 6 xr = np.linspace(-5, 5, 100)
     7 width = xr[1] - xr[0] # sirina intervala
     8 Px = [mvn.pdf(x, mu, sigma2) * (xr[1]-xr[0]) for x in xr]
   NameError: name 'np' is not defined
```

Sedaj lahko za vsako ekstremno vrednost v podatkih (bodisi visoko ali nizko) statistično ocenimo vrednost njene nenavadnosti. Pri postavljenem pragu npr. $\alpha=0.05$ lahko sprejmemo odločitev, ali je neka meritev osamelec ali ne.

Vprašanje 3-2-2 Izpiši vse šale osamelce, katerih povprečna ocena X je statistično značilna, pri pragu $\alpha = 0.05$. Poišči tudi osamelce med *dobro ocenjenimi* šalami.

Odgovor

Vprašanje 3-2-3 Poizkusi porazdelitev modelirati z drugimi porazdelitvami (Student, Beta). Je katera od teh porazdelitev bolj primerna?

Odgovor

Vprašanje 3-2-4 Ponovi analizo za spremenljivko Y - varianca ocen šale. Odgovori na vprašanja: * Katera od porazdelitev (normalna, Student, Beta) se najbolje prilega vzorcu? * Katere so statistično značilne šale

(z visoko ali nizko varianco)? * Kaj pomeni, če ima šala visoko ali nizko vrednostY? Odgovor

Poglavje 4

946

try:

Odkrivanje skupin

Z metodami *nenadzorovanega modeliranja* odkrivamo strukturo v podatkih, ki jo ne poznamo. Osrednja predpostavka tovrstnih metod je, da v podatkih obstajajo podmnožice podobnih primerov.

```
In [1]: import numpy as np
       np.random.seed(42)
        %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
       FileNotFoundError
                                                  Traceback (most recent call last)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
        112
                        try:
    --> 113
                            rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
        114
                            _apply_style(rc)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
       1028
    -> 1029
                config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
       1030
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
        944
                rc_temp = {}
    --> 945
                with _open_file_or_url(fname) as fd:
```

```
~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
    80
                    return next(self.gen)
---> 81
    82
                except StopIteration:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
                    encoding = "utf-8"
   929
--> 930
                with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
   931
                    yield f
   FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
During handling of the above exception, another exception occurred:
   OSError
                                              Traceback (most recent call last)
    <ipython-input-1-4b7405d91cad> in <module>()
     11 import matplotlib.pyplot as plt
---> 12 plt.style.use('PR.mplstyle')
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
                               "not a valid URL or path. See `style.available` for "
    117
                               "list of available styles.")
    118
                        raise IOError(msg % style)
--> 119
    120
    121
```

OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See

4.1 Metoda voditeljev

Metoda K voditeljev (ang. K-means clustering) sodi med enostavnejše in pogosto uporabljene metode nenadzorovanega algoritma. Pomembna prednost je tudi računska učinkovitost. Dodatne podrobnosti najdeš v literaturi.

Vprašanje 4-1-1 Implementiraj algoritem za odkrivanje skupin z metodo K voditeljev. Pomagaj si z naslednjo psevdokodo:

```
Naključno izberi *K* točk - centrov. 
**ponavljaj**

Vsaki točki določi najbližji center.

Izračunaj nove centre - središča pripadajočih skupin. 
**dokler** se centri ne spreminjajo več. 
Razdaljo med točkama \vec{x} = (x_1, x_2, ... x_p) in \vec{y} = (y_1, y_2, ... y_p) izračunaj s pomočjo evklidske razdalje:
```

$$\|\vec{x} - \vec{y}\| = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + (x_2 - y_2)^2 + \dots + (x_p - y_p)^2}$$

Odgovor

Vprašanje 4-1-2 Kakšna je časovna zahtevnost algoritma v odvisnosti od števila primerov in števila atributov?

prostor za odgovor

Odgovor

In [2]: class KMeans:

```
def __init__(self, k=10, max_iter=100):
    Initialize KMeans clustering model.
    :param k
       Number of clusters.
    :param max_iter
       Maximum number of iterations.
    self.k
                 = k
    self.max_iter = max_iter
def fit(self, X):
    11 11 11
    Fit the Kmeans model to data.
    :param X
        Numpy array of shape (n, p)
        n: number of data examples
        p: number of features (attributes)
    : return
        labels: array of shape (n, ), cluster labels (0..k-1)
        centers: array of shape (k, p, )
           = X.shape
   n, p
    labels = np.random.choice(range(self.k), size=n, replace=True)
    # Choose k random data points for initial centers
    centers = np.array([X[i] for i in np.random.choice(range(X.shape[0]),
                                               size=self.k)])
    i = 0
    while i < self.max_iter:
        # Find nearest cluster
        for j, x in enumerate(X):
            ki = np.argmin(np.sum((centers - x) ** 2, axis=1))
            labels[j] = ki
        # Store previous centers
```

```
previous_centers = centers.copy()

# Move centroid
for ki in range(self.k):
    centers[ki] = X[labels == ki].mean(axis=0)
i += 1

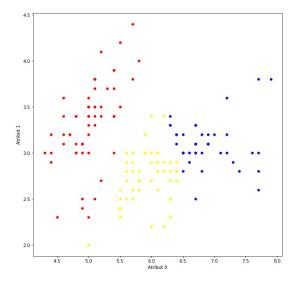
return labels, centers
```

Rešitev je dosegljiva v resitve/voditelji.py.

```
In [3]: %run 204-1.ipynb
ERROR:root:File `'204-1.ipynb.py'` not found.
```

4.1.1 Podatki

Metodo testiramo na podatkovni zbirki Iris, kjer za cvetlice v treh razredih merimo različne dimenzije cvetnih oz. venčnih listov. V podatkih najdemo tri gruče, približno takole. V rešitvi sta prikazana samo prva dva atributa, zato se gruče navidez prekrivajo.



Vprašanje 4-1-3 Nariši stanje oznak in sredine skupin v vsaki iteraciji algoritma.

In [5]: # ...

4.1.2 Ocenjevanje uspešnosti odkrivanja skupin

Ocenjevanje uspešnosti odkrivanja skupin je eden od nerešenih izzivov strojnega učenja. Poznamo mere kot sta silhueta ali metoda naključnih indeksov.

Druga možnost je, da poznamo resnične razrede, v katere spadajo podatki. To drži za podatkovno zbirko iris, kjer so cvetlice razporejene v tri razrede.

Vprašanje 4-1-4 Preveri, kako dobro se rezultat tvoje metode ujema z resničnimi razredi? Na kakšen način boš izmeril/a ujemanje? Ali naletiš pri tem na kakšno težavo?

Vprašanje 4-1-5 Preizkusi metodo na spodnjih, sintetičnih primerih podatkov. Kako se obnese metoda KMeans? Zakaj?

```
axes[0].plot(noisy_circles[:, 0], noisy_circles[:, 1], "r.")
axes[1].plot(noisy_moons[:, 0], noisy_moons[:, 1], "g.")
axes[2].plot(blobs[:, 0], blobs[:, 1], "b.")
fig.tight_layout()
plt.show()
1.0
                             1.00
                                                            10
                             0.75
0.5
                             0.50
                             0.25
0.0
                             0.00
                             -0.25
                            -0.50
-1.0
                                                                                   10
         -0.5
                       1.0
```

4.1.3 Metoda DBSCAN

Vprašanje 4-1-6 Preizkusi metodo DBSCAN. Ali se ta metoda na istih podatkih obnese kaj bolje? Zakaj? Odgovor najdeš v opisu metode.

```
In [8]: from sklearn.cluster import DBSCAN
    # model = DBSCAN(...)
    # model.fit(X)
    # labels = model.predict(X)
```

4.2 Hierarhično gručenje

Na predavanjih smo spoznali algoritem hieraričnega gručenja. Njegova glavna značilnost je, da omogoča primerjavo objektov zgolj na podlagi poznavanja mere razdalje med njimi. Predstavitev podatkov torej ni nujno omejena na vektorske prostore.

Algoritem je determinističen in ne predpostavlja števila gruč. Rezultat gručenja bo izračunan naenkrat za vsa možna števila gruč v intervalu [1, n], odločitev o številu pa bo sprejeta po izračunu.

Razmisli. Kakšna je časovna zahtevnost algoritma za hierarhično gručenje? Kako se primerja z metodo K-means?

```
f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
        f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
    import matplotlib.pyplot as plt
    plt.style.use('PR.mplstyle')
    import Orange
    import scipy.cluster.hierarchy as sch
    import scipy
                                              Traceback (most recent call last)
   FileNotFoundError
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
                    try:
--> 113
                        rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
    114
                        _apply_style(rc)
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
   1028
-> 1029
            config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
   1030
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
   944
            rc_temp = {}
--> 945
            with _open_file_or_url(fname) as fd:
    946
                try:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
    80
               try:
---> 81
                    return next(self.gen)
     82
                except StopIteration:
    ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
   929
                    encoding = "utf-8"
--> 930
                with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
   931
                    yield f
   FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
During handling of the above exception, another exception occurred:
                                              Traceback (most recent call last)
    OSError
    <ipython-input-1-a65c3d83fbbe> in <module>()
```

OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See

4.2.1 Podatki

Današnji podatki spominjajo na (starejši generaciji dobro znani) album sličic z živalmi. Vsebuje 59 živalskih vrst ter 16 atributov, ki opisuje pripadajoče anatomske značilnosti. Živali so razdeljene v 7 razredov.

```
In [2]: data = Orange.data.Table('podatki/zoo.tab')
        print(data.domain)
        print(data[:2])
        print(np.linalg.norm(data.X[0]-data.X[1]))
        print(np.linalg.norm(data.X[0]-data.X[1], ord=1))
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-2-09d556922ece> in <module>()
    ----> 1 data = Orange.data.Table('podatki/zoo.tab')
          2 print(data.domain)
          3 print(data[:2])
          5 print(np.linalg.norm(data.X[0]-data.X[1]))
        NameError: name 'Orange' is not defined
Zanimala nas bo predvsem matrika X, ki podatke hrani v številski obliki.
In [3]: X = data.X
        Y = data.Y
```

print(X.shape)
print(X)

<Figure size 1800x432 with 0 Axes>

```
NameError
                                               Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-3-8fe55c01bd25> in <module>()
   ----> 1 X = data.X
         2 Y = data.Y
         3 print(X.shape)
         4 print(X)
       NameError: name 'data' is not defined
Rezultat gručenja dobimo z uporabo modula scipy.cluster.hierarchy in metode linkage. Slednja izra-
čune povezave v drevesu (dendrogramu) glede na dano mero razdalje (metric) in načinom merjenja razdalj
med gručami (method).
In [4]: L = sch.linkage(X, method="average", metric="cityblock")
       ______
       NameError
                                               Traceback (most recent call last)
       {\rm ipython-input-4-f9b3263f20b0>\ in\ <module>()}
   ----> 1 L = sch.linkage(X, method="average", metric="cityblock")
       NameError: name 'sch' is not defined
Z uporabo funkcije dendrogram narišemo drevo in mu priredimo oznake. Funkcija deluje v navezi z že znano
knjižnico matplotlib.
In [5]: plt.figure(figsize=(25, 6))
       labels = [row["name"].value for row in data]
             = sch.dendrogram(L, labels=labels, leaf_font_size=15)
       plt.ylabel("Razdalja")
       plt.show()
       ______
       NameError
                                               Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-5-08bf720563cc> in <module>()
         1 plt.figure(figsize=(25, 6))
   ----> 2 labels = [row["name"].value for row in data]
             = sch.dendrogram(L, labels=labels, leaf_font_size=15)
         4 plt.ylabel("Razdalja")
         5 plt.show()
       NameError: name 'data' is not defined
```

V redu, za prvi poizkus. Vseeno izgleda dendrogram nekoliko sploščen. Preveri, kako na graf vplivajo različne

4.2.2 Metode povezovanja

Metode povezovanja določajo način, kako izračunati razdaljo med dvema poljubno velikima gručama točk. * Posamično povezovanje (method=šingle"); Razdalja med gručama je razdalja med najbližjima točkama gruč. * Povprečna razdalja (method="average"); Povprečna razdalja med vsemi pari točk. * Razdalja med središčema (method=čentroid"); Izračuna središči gruč v prostoru ter njuno medsebojno razdaljo. Mera razdalje je nujno evklidska.

Vprašanje 4-2-1 Preizkusi različne oblike dendrograma glede na izbrano mero razdalje.

Odgovor

Ali je evklidska razdalja res najbolj primeren način primerjanja atributov, ki so diskretni? Ne vedno.

4.2.3 Mere razdalje

Način določanja interpretacije razdalje med točkama $\vec{x} = (x_1, x_2, ..., x_p)$ in $\vec{y} = (y_1, y_2, ..., y_p)$ vpliva na rezultat hierarhičnega gručenja. Izbira ustrezne mere je odvisna od narave podatkov in čimbolje odgovarja na vprašanje: kaj pomeni, da sta dva primera podobna?

Na izbiro ustrezne mere lahko vplivajo: * Prisotnost manjkajočih vrednosti * Predstavitev podatkov (vektorji, nizi znakov, slike, ...) * Tip atributov in interpretacija vrednosti

Nekaj pogostih mer razdalje: * Evklidska razdalja (metric="euclidean")

$$d(\vec{x}, \vec{y}) = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + (x_2 - y_2)^2 + \dots + (x_p - y_p)^2}$$

Manhattanska razdalja (metric=čityblock")

$$d(\vec{x}, \vec{y}) = |x_1 - y_1| + |x_2 - y_2| + \dots + |x_p - y_p|$$

• Kosinusna razdalja (metric=čosine")

Predstavlja kosinus kota med vektorjema \vec{x} in \vec{y} - manjši kot pomeni večjo podobnost. Uporabna za primerjavo podobnosti med vektorji, neupoštevajoč absolutnih velikosti.

$$d(\vec{x}, \vec{y}) = 1 - \frac{\vec{x} \cdot \vec{y}}{\|\vec{x}\| \|\vec{y}\|}$$

• Jaccardov index (metric="jaccard")

Izmeri delež ujemanj med pari soležnih komponent (x_i, y_i) , kjer je vsaj ena izmed vrednosti x_i ali y_i večja od nič. Primerna za uporabo v primerih, ko imamo opravka z manjkajočimi vrednostmi ali diskretnimi atributi.

Popoln spisek razdalj najdeš v dokumentaciji.

Razmisli. Poizkusi se spomniti vrste podatkov, kjer bi bilo smiselno uporabiti vsako posamezno mero.

4.2.4 Določanje števila gruč

Koliko gruč je v podatkih? Na to vprašanje je težko odgovoriti in tudi sicer velja za odprto vprašanje na področju storjnega učenja. Vseeno poznamo nekaj kazalcev, ki jih v grobem delimo na * nadzorovane (znani so resnični razredi podatkov) * nenadzorovane (znane so samo značilke in/ali razdalje med primeri)

Za določitev pripadnosti primerov gručam uporabimo funkcijo fcluster. Slednja prejme parameter t, ki določa razdaljo pri kateri odsekamo dendrogram, t.j. odstranimo vse povezave, ki so daljše od dane dolžine. Preostale povezane komponente grafa dendrograma tako tvorijo skupine.

```
In [7]: L = sch.linkage(X, method="average", metric="cityblock")
       t = 3.5
       predictions = sch.fcluster(L, t=t, criterion="distance").ravel()
                  = data.Y.ravel() # resnicni razredi
       print("Primer", "Resnični razred", "Gruča")
       for row, category, prediction in list(zip(data, classes, predictions))[2:10]:
               print("%s\t%d\t%d" % (row["name"], category, prediction))
       NameError
                                                 Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-7-fcc7194cb2fb> in <module>()
    ----> 1 L = sch.linkage(X, method="average", metric="cityblock")
         2 t = 3.5
         3 predictions = sch.fcluster(L, t=t, criterion="distance").ravel()
          4 classes = data.Y.ravel() # resnicni razredi
          5
       NameError: name 'sch' is not defined
```

Ponovno narišemo dendrogram in ga odsekamo pri dani razdalji. V nadaljevanju si bomo ogledali številske ocene uspešnosti gručenja.

```
In [8]: D = sch.dendrogram(L, labels=labels)
    plt.plot([0, 1000], [t, t], "k--")
    plt.ylabel("Razdalje")
    plt.show()
```

```
NameError

Traceback (most recent call last)

<ipython-input-8-1311667edc45> in <module>()
----> 1 D = sch.dendrogram(L, labels=labels)
        2 plt.plot([0, 1000], [t, t], "k--")
        3 plt.ylabel("Razdalje")
        4 plt.show()

NameError: name 'sch' is not defined
```

4.2.4.1 Skupna deljena informacija

Mera skupne deljene informacije je uporabna, ko so na voljo informacije o resničnih razredih, v katere spadajo primeri. Pri tem ni odveč poudariti, da resnični razredi ne smejo biti uporabljeni pri deljenju primerov v skupine.

Naključne dodelitve oznak gruč imajo vrednost skupne deljene informacije blizu 0.0 za vsako vrednost števila skupin in števila primerov. Popolno ujemanje gruč z obstoječimi razredi ima vrednost 1. Mera ni odvisna od predstavitve podatkov, t.j. ni potrebno da so podatki v vektorskem prostoru, saj je odvisna samo od oznak.

4.2.4.2 Koeficitent silhuete

Koeficient silhuete je nenadzorovana mera v območju med -1 (napačno dodeljene skupine) in 1 (zelo goste, dobro ločene skupine). Večja notranja gostota znotraj skupin in večja razdalja sta premosorazmeni s koeficientom. Tudi ta mera ne predpostavlja, da so podatki v vektorskem prostoru, je pa odvisna od izbrane mere razdalje.

Vprašanje 4-2-2 Preveri, kako se ocena spreminja glede na izbrano mero razdalje. Katera mera razdalje najbolje oceni gručenje? Ali je rezultat smiseln?

```
In [10]: from sklearn.metrics import silhouette_score
```

Odgovor

Vprašanje 4-2-3 Izvedi analizo gručenja na podatkih o živalih tako, da izbereš ustrezno metodo povezovanja, mero razdalje in število gruč. Uporabi eno od predstavljenih mer podobnosti ter poišči tako kombinacijo omenjenih nastavitev, da bo rezultat gručenja karseda visok.

```
In [11]: # ...
Odgovor
```

4.3 Primer: genomski podatki

Stopnja razvoja na področju biotehnologije omogoča pridobivanje bistveno več podatkov o organizmih. Eden pogostih podatkovnih tipov, s katerimi primerjamo vrste so genske zapisi. Ti so pripravni za predstavitev v računalništvu, saj jih lahko posplošimo na zaporedna štirih nukleotidov: A, C, G, T. Celoten genski zapis ki določa vse, od vaše barve oči do nagnjenosti do določenih bolezni je podano z nekaj več kot 3×10^{12} dolgim zaporednjem DNK.

Pri razmoževanju prihaja do prepisovanja in kombiniranja DNA zapisov staršev. Ta proces seveda ni popoln, zato prihaja do napak - mutacij. Dolgoročna posledica mutacij pa je natanek različnih živalskih vrst, kar pomeni, da imajo sorodnejše vrste bolj podobne genske zapise.

Iz baze genskih zapisov smo naložili zaporednja mitohondrijskega gena za 13 vrst: 'Gorilla gorilla', 'Homo sapiens', 'Carassius auratus auratus', 'Delphinus capensis', 'Chamaeleo calyptratus', 'Canis lupus familiaris', 'Homo sapiens neanderthalensis', 'Rattus norvegicus', 'Equus caballus', 'Daboia russellii', 'Pan troglodytes', 'Takifugu rubripes', 'Pongo abelii', 'Sus scrofa'.

Podatke najprej pridobimo iz spleta.

```
In [1]: from Bio import Entrez
    from Bio import SeqIO
    import json

species = [
        ("Homo sapiens", "NC_012920.1"),
        ("Pan troglodytes", "NC_001643.1"),
        ("Equus caballus", "NC_001640.1"),
```

```
("Chamaereo car, "NC_012001.1 ,, "NC_004299.1"), "NC_004299.1"),
             ("Chamaeleo calyptratus",
                                          "NC_012420.1"),
             ("Canis lupus familiaris , No_002111, ("Gorilla gorilla", "NC_001645.1"), ("Pongo abelii", "NC_002083.1"), "NC_000845.1"),
             ("Daboia russellii", "NC_011391.1"),
             ("Carassius auratus auratus", "NC_006580.1"),
             ("Rattus norvegicus", "AC_000022.2"),
             ("Homo sapiens neanderthalensis", "NC_011137.1"),
        ]
        # Data loading
        infile = "podatki/seqs.json"
        seqs = dict()
        for name, sid in species:
            print("Loading ...", name)
            t = False
             while not t:
                 try:
                     handle = Entrez.efetch(db="nucleotide", rettype="gb", id=sid,
                                     email="a@gmail.com")
                     rec = SeqIO.read(handle, "gb")
                     handle.close()
                     t = True
                 except:
                     continue
             seqs[name] = str(rec.seq)
        json.dump(seqs, open(infile, "w"))
Loading ... Homo sapiens
Loading ... Pan troglodytes
Loading ... Equus caballus
Loading ... Chamaeleo calyptratus
Loading ... Delphinus capensis
Loading ... Takifugu rubripes
Loading ... Canis lupus familiaris
Loading ... Gorilla gorilla
Loading ... Pongo abelii
Loading ... Sus scrofa
Loading ... Daboia russellii
Loading ... Carassius auratus auratus
Loading ... Rattus norvegicus
Loading ... Homo sapiens neanderthalensis
In [2]: import json
        sequences = json.load(open("podatki/seqs.json"))
        print(sequences["Homo sapiens"])
        print(len(sequences["Homo sapiens"]))
```

GATCACAGGTCTATCACCCTATTAACCACTCACGGGAGCTCTCCATGCATTTGGTATTTTCGTCTGGGGGGGTATGCACGCGATAGCATTGCGAGACGCTGGAG
16569

Vprašanje 4-3-1 Kako bi lahko primerjali živalske vrste glede na zapise, ki so podani kot nizi znakov? Prva ideja je, da podatke pretvorimo v vektorski prostor, v katerem bomo računali razdalje. Namig: zaporedja lahko razbiješ na manjše dele in prešteješ število pojavitev posameznih znakov, parov, trojk, ... k-terk. ahko upoštevaš tudi položaj v zaporedju.

Dopolni in si pomagaj s funkcijo seq_to_kmer_count, ki pretvori niz znako v vektor števila pojavitev vseh mogožnih k-terk.

Prevedi podatke v ustrezno obliko, izvedi hierarhično gručenje in prikaži rezultate. Ali so vrste na dendrogramu postavljene smiselno? Dobiti morate sliko:

```
In [3]: from itertools import product
       def seq_to_kmer_count(seq, k=4):
            Pretvori zaporedje seq v vektor x.
                AAAA AAAC AAAG AAAT ... TTTG TTTT
            x = [ 1 \ 1 \ 2 \ 10 \dots \ 12 \ 7]
            len(x) == len(seq) - k + 1
           ktuples = list(zip(*[seq[i:] for i in range(k)])) # razbijemo trenutni niz seq na k-ter
                   = list(product(*(k*[["A", "C", "T", "G"]])))  # vse mozne k-terke
           x = np.zeros((len(kmers), ))
            ### Your code here ###
            # for i, kmer in enumerate(kmers)
            # ...
           return x
In [4]: # ...
        # Za vsako zaporedje (organizem), izračunaj x
        \# X = np.array([x1, x2, ..., x13]) - matrika 13 x 256 (k=4)
        # pozeni gručenje
Odgovor
```

Poglavje 5

Nadzorovano učenje

Scenarij pri metodah nadzorovanega modeliranja je pogosto naslednji. Podatki so predstavljeni s pari

$$(\vec{x}_1, y_1), (\vec{x}_2, y_2), ... (\vec{x}_n, y_n)$$

kjer \vec{x}_i imenujemo neodvisne, y_i pa odvisne spremenljivke. Zanima nas preslikava $h(\vec{x})$, ki vrednosti neodvisne spremenljivke slika v odvisne, z napako ϵ_i . Torej,

$$y_i = h(\vec{x}_i) + \epsilon_i$$

Spremenljivke \vec{x}_i , y so v splošnem lahko zvezne, diskretne in druge. Preslikava $h(\vec{x})$ predstavlja model podatkov. Preslikava je lahko poljubna matematična funkcija (ali tudi algoritem, program), ki je odvisna od enega ali več parametrov.

Strojno učenje pogosto pojmujemo kot iskanje parametrov (ali kar funkcije same) tako, da bo napaka ϵ_i karseda majhna.

5.1 Linearna regresija

Linearna regresija je primer enostavnega modela, kjer predpostavljamo: * tako odvisne kot neodvisne spremenljivke so realna števila * odvisna spremljivka je linearna kombinacija neodvisnih * napaka ϵ je normalno porazdeljena z upanjem $\mu_{\epsilon}=0$ in neznano varianco

Odvisne spremenljivke so v splošnem vektorji v p-dimenzionalnem prostoru realnih števil, $\vec{x}=(x_1,x_2,...x_p)$.

Model je oblike

$$h(\vec{x}) = \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + ... + \beta_v x_v + \beta_0$$

kjer vektor $\vec{\beta} = (\beta_0, \beta_1, ... \beta_p)$ predstavlja neznane parametre oz. koeficiente. Model je torej premica (pri p = 1) oz. ravnina v p-dimenzionalnem prostoru.

Učenje predstavlja iskanje (optimizacijo) parametrov $\vec{\beta}$ s ciljem zmanjšanja povprečne napake v podatkih.

$$\min_{\beta} \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - h(\vec{x}_i))^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \epsilon^2$$

Vrednost zgornjega izraza se imenuje **srednja kvadratična napaka** (ang *mean squared error* ali MSE). Iz statističnega vidika pa predstavlja **nepojasnjeno varianco**.

Algoritmov za minimizacijo zgornjega izraza tokrat ne bomo izpeljevali, temveč se raje osredotočimo na praktično uporabo. Več napotkov je na voljo tukaj.

```
In [1]: %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
        import numpy as np
        from sklearn.linear_model import LinearRegression, Lasso, Ridge
        from sklearn.metrics import mean_squared_error
       FileNotFoundError
                                                  Traceback (most recent call last)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
        112
    --> 113
                            rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
        114
                            _apply_style(rc)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
       1028
   -> 1029
                config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
       1030
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
        944
                rc temp = {}
    --> 945
                with _open_file_or_url(fname) as fd:
        946
                    try:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
         80
    ---> 81
                        return next(self.gen)
         82
                    except StopIteration:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
                        encoding = "utf-8"
        929
    --> 930
                    with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
        931
                        yield f
```

3 у

5 print(x.shape)

= -data[:, [1]]

FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle' During handling of the above exception, another exception occurred: OSError Traceback (most recent call last) <ipython-input-1-e5cae4941953> in <module>() 8 import matplotlib.pyplot as plt ---> 9 plt.style.use('PR.mplstyle') 11 import numpy as np ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style) "not a valid URL or path. See `style.available` for " 118 "list of available styles.") --> 119 raise IOError(msg % style) 120 121 OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See Začnimo s preprostim primerom z eno neodvisno spremenljivko x ter odvisno spremenljivko y. In [2]: data = np.loadtxt("podatki/sintetični/data_A.txt") = data[:, [0]] = -data[:, [1]] print(x.shape) print(y.shape) plt.figure() plt.plot(x, y, "k.") plt.xlabel("x") plt.ylabel("y") plt.show() NameError Traceback (most recent call last) <ipython-input-2-aed59bb829e1> in <module>() ----> 1 data = np.loadtxt("podatki/sintetični/data_A.txt") 2 x = data[:, [0]]

```
NameError: name 'np' is not defined
```

Podatki kar dobro spominjajo na premico.

Poizkusimo poiskati linearni model, ki bo zmanjšal srednjo kvadratično napako.

Na levi sliki prikazujemo vrednosti modela za vse vrednosti x na danem intervalu.

Desna slika pa prikazuje vrednost ostankov $y_i - h(\vec{x}_i)$. Bolje, kot se model prilega podatkom, manj povezana bosta odvisna spremenljivka in ostanek.

```
In [3]: from scipy.stats import pearsonr
       def plot_fit_residual(x, y, yp):
           # Model
           fig, axes = plt.subplots(nrows=1, ncols=2, figsize=(15, 4))
           axes[0].plot(x.ravel(), y.ravel(), "k.", label="Podatki")
           axes[0].plot(x.ravel(), yp.ravel(), "g-", label="Model h(x)")
           axes[0].set_xlabel("x")
           axes[0].set_ylabel("y")
           axes[0].legend(loc=4)
           # Ostanki
           r = pearsonr(y.ravel(), y.ravel()-yp.ravel())[0]
           axes[1].plot(y.ravel(), y.ravel()-yp.ravel(), "k.", label="Ostanek")
           axes[1].set_xlabel("y")
           axes[1].set_ylabel("y-h(x)")
           axes[1].set_title("Graf ostankov, R=%.3f" % r)
           axes[1].legend(loc=4)
           plt.show()
In [4]: # Ucenje modela
       model = LinearRegression()
       model.fit(x, y)
       print(model.intercept_,model.coef_)
       # Napoved vrednosti za podatke
       hx = model.predict(x)
       plot_fit_residual(x, y, hx)
       ______
       NameError
                                               Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-4-2f0316d70b18> in <module>()
         1 # Ucenje modela
   ----> 2 model = LinearRegression()
         3 model.fit(x, y)
         5 print(model.intercept_,model.coef_)
```

```
NameError: name 'LinearRegression' is not defined
Izmerimo srednjo kvadratično napako...
In [5]: mean_squared_error(hx, y)
                                                   Traceback (most recent call last)
        NameError
        <ipython-input-5-91031a8d16e9> in <module>()
    ---> 1 mean_squared_error(hx, y)
        NameError: name 'mean_squared_error' is not defined
... ki je enaka varianci razlike.
In [6]: np.var(hx-y)
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-6-320614238b73> in <module>()
    ----> 1 np.var(hx-y)
        NameError: name 'np' is not defined
Tako lahko dobimo delež pojasnene variance. Delež v odstotkih si lažje intutivno razlagamo.
In [7]: explained_var = 100.0 * ( np.var(y) - np.var(hx-y) ) / np.var(y)
        print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-7-d7f1e86fae41> in <module>()
    ---> 1 explained_var = 100.0 * ( np.var(y) - np.var(hx-y) ) / np.var(y)
          2 print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
        NameError: name 'np' is not defined
```

5.2 Polinomska regresija

Oglejmo si naslednji motivacijski primer.

Traceback (most recent call last)

Že na prvi pogled je jasno, da model premice ne bo zadostoval. Če skozi podatke potegnemo premico, vidimo, da na nekaterih mesti pošteno zgreši podatke. To vidimo tudi na grafu ostankov, saj je napaka očitno odvisna od velikosti y, česar si ne želimo.

NameError

5.3 Model polinomske regresije

Z pomočjo linearnih modelov lahko modeliramo tudi nelinearne odvisnoti, kar je glede na začetne predpostavke nekoliko preseneneljivo. Vrednost x je v tem primeru enodimenzionalna spremenljivka (p=1).

Model polinomske regresije v eni dimenziji je polinom stopnje D:

$$h(\vec{x}) = \beta_1 x + \beta_2 x^2 + \dots + \beta_D x^D + \beta_0$$

Učinek dosežemo z ustrezno priredbo prostora. Spremenljivko x preslikamo v vektor tako, da izračunamo ustrezne potence:

$$x \to (x, x^2, x^3, ... x^D) = \vec{x}$$

V tako sestavljenem prostoru ni polinom nič drugega kot linearna preslikava!

```
In [11]: # Iz 1-D sestavimo nov 2-D prostor
         X = np.zeros((len(x), 2))
         X[:, 0] = x.ravel()
         X[:, 1] = x.ravel()**2
         # Učenje
         model = LinearRegression()
         model.fit(X, y)
         # Napoved
         hx = model.predict(X)
         plot_fit_residual(x, y, hx)
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-11-18e49aed2024> in <module>()
          1 # Iz 1-D sestavimo nov 2-D prostor
    ----> 2 X = np.zeros((len(x), 2))
          3 X[:, 0] = x.ravel()
          4 X[:, 1] = x.ravel()**2
```

```
NameError: name 'np' is not defined
```

NameError: name 'np' is not defined

```
Vprašanje 5-1-1 Primerjaj pojasnjeno varianco linearnega in polinomskega modela.
```

```
In [12]: # ...
Odgovor
```

5.4 Pretirano prileganje

Optimalnega modela seveda pogosto ne poznamo. Uporaba pretirano kompleksnih modelov (kompleksnost si lahko predstavljamo kot velikost družine funkcij), lahko vodi v pretirano prileganje (ang. overfitting).

Oglejmo si primer polinoma stopnje 20:

```
In [13]: def plot_coefficients(coef):
             coef=coef.ravel()
             D = len(coef)
             plt.title("Parametri modela")
             plt.bar(np.arange(D), coef)
             plt.xticks(np.arange(D))
             plt.grid()
             plt.ylabel("beta")
             plt.xlabel("d")
             plt.show()
In [14]: D = 20 \# stopnja polinoma
         X = np.zeros((len(x), D))
         for d in range(0, D):
             X[:, d] = x.ravel()**d
         model = LinearRegression()
         model.fit(X, y)
         hx = model.predict(X)
         plot_fit_residual(X[:, 1], y, hx)
         plot_coefficients(model.coef_)
                                                   Traceback (most recent call last)
        NameError
        <ipython-input-14-1e1e1a76f177> in <module>()
          1 D = 20 # stopnja polinoma
    ----> 2 X = np.zeros((len(x), D))
          3 for d in range(0, D):
                X[:, d] = x.ravel()**d
          5
```

Model se na videz odlično prilega podatkom. Tudi graf ostankov kaže spodbudno sliko. Težava pretiranega prileganja se pojavi pri **napovedovanju novih podatkov**.

Vprašanje 5-1-2 Izmeri pojasnjeno varianco polinomskega modela.

```
In [15]: # ...
Odgovor
```

5.5 Rešitev: kaznovanje pretirano kompleksnih modelov

Poleg minimizacije srednje kvadratične napake lahko pri iskanju rešitve tudi kaznujemo kompleksnost modelov. Želimo torej, da so najdeni parametri v geometrijskem smislu čim manjši. Ta postopek je znan tudi kot regularizacija. Stopnjo regularizacije nadzoruje parameter α , ki ga določimo kot uporabniki. Dve najpogostejši različici modelov sta: * Regresija Lasso

"Kaznovanje manhattanske razdalje vektorja $\vec{\beta}$ od izhodišča"

$$\min_{\beta} \sum_{1}^{n} (y_i - h(\vec{x}_i))^2 + \alpha ||\vec{\beta}||_1$$

Prednost: vrača **redke** vektorje parametrov $\vec{\beta}$. Večina komponent β_j bo enaka 0 - ZELO ZAŽELENO! Slabost: zahtevno načrtovanje algoritmov za optimizacijo

• Regresija Ridge "Kaznovanje evklidske razdalje vektorja $\vec{\beta}$ od izhodišča"

$$\min_{\beta} \sum_{1}^{n} (y_i - h(\vec{x}_i))^2 + \alpha ||\vec{\beta}||_2$$

Prednost: Enostaven izračun

Slabost: V splošnem ne vrača redkih vrednosti parametrov.

```
In [16]: D = 20 # stopnja polinoma

# Ustvarimo ustrezen prostor
X = np.zeros((len(x), D))
for d in range(0, D):
          X[:, d] = x.ravel()**d

model = Lasso(alpha=0.1)
model.fit(X, y)

hx = model.predict(X)

plot_fit_residual(X[:, 1], y, hx)
plot_coefficients(model.coef_)
model.coef_
```

NameError

Traceback (most recent call last)

```
<ipython-input-16-ac4ca0212785> in <module>()
```

```
2
3 # Ustvarimo ustrezen prostor
----> 4 X = np.zeros((len(x), D))
5 for d in range(0, D):
6 X[:, d] = x.ravel()**d
```

NameError: name 'np' is not defined

Vprašanje 5-1-3 Kakšen je vpliv parametra alpha na a) kvaliteto prileganja b) koeficiente modela ? Poizkusi podatke modelirati z regresijo Ridge.

```
In [17]: # ...
```

Odgovor

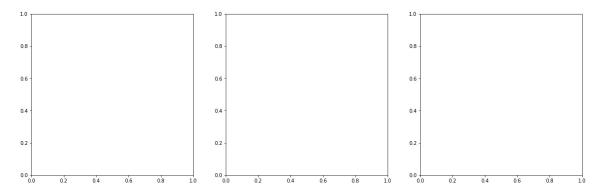
Funkcija izgleda "ravno pravi" model za podatke. Na grafu koeficientov (parametrov) vidimo, da so večino teže dobili koeficienti nižjih stopenj polinoma, kar predstavlja manj kompleksen model.

Vprašanje 5-1-4 Poišči modele polinomske regresije za spodnje tri nabore podatkov. Izberi stopnjo polinoma ter morda vrsto regularizacijskega modela. Nariši graf funkcije in diagram ostankov. Komentiraj rezultate.

Pravilne rešitve (koeficiente in stopnjo polinomov najdeš v podatki/sintetični/coefficients_*.txt

```
In [18]: fig, axes = plt.subplots(nrows=1, ncols=3, figsize=(20, 6))
         for example, ax in zip(["C", "D", "E"], axes):
             data = np.loadtxt("podatki/sintetični/data_%s.txt" % example)
                  = data[:, [0]]
                  = data[:, [1]]
             У
             ax.plot(x, y, "k.")
             ax.set xlabel("x")
             ax.set_ylabel("y")
             ax.set_title("Primer %s" % example)
             # ...
        NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-18-28eb6e4a7e29> in <module>()
          3 for example, ax in zip(["C", "D", "E"], axes):
    ---> 4
                data = np.loadtxt("podatki/sintetični/data_%s.txt" % example)
          5
                    = data[:, [0]]
                     = data[:, [1]]
          6
                У
```

NameError: name 'np' is not defined



Odgovor

5.6 Uporaba v praksi: analiza sentimenta

Za konec si oglejmo povsem praktičen primer uporabe regresijskih modelov. V podatkovni zbirki imamo 1101 recenzij knjig. Vsaka recenzija je sestavljena iz besedila (niz znakov, besed) in ocene med 1 in 5 (1-porazno, 5-odlično). Izvirna podatkovna zbirka in članek sta na voljo tukaj.

Primer pozitivne recenzije ene izmed knjig (ocena = 5).

I'm a little late in reading this book. I am trying to pace myself between the movies and the books so I think Goblet of Fire is the best in the series, so naturally it would be pretty difficult for Phoen I didn't mind the length of the book, but it did seem to drag in a couple of places. The gang spent My biggest problem with the book was Dumbledore's secrecy. Good stories have real roadblocks to keep Don't get me wrong. I love the Harry Potter series. And, perhaps my expectations have risen too high

Primer negativne recenzije ene izmed knjig (ocena = 2).

This book was horrible. If it was possible to rate it lower than one star i would have. I am an avid

I wish i had the time spent reading this book back so i could use it for better purposes. This book wa

Vsako recenzijo predstavimo v prostoru 4000 najpogostejših besed oz. parov besed v podatkovni zbirki (predstavitev bag-of-words). Vsaka komponenta vrstice x (vektorja) šteje, kolikorat se beseda/par besed pojavi v določeni recenziji.

```
In [19]: from pickle import load
    from os.path import join

def load_data(dset):
    data = dict()

    indir = "podatki/%s/" % dset

    for name in "data", "target", "data_test", "target_test":
        fname = join(indir, name + ".pkl")
        data[name] = load(open(fname, "rb"))

    fname = join(indir, "features.txt")
        fp = open(fname, "rt")
        data["features"] = list(map(lambda l: l.strip(), fp.readlines()))

    return data
```

```
books = load_data("books")
         X = books["data"]
         y = books["target"]
         print(str(books['features'][:3]) + '...' + str(books['features'][-3:]))
         print(X.todense())
         print(y)
         print(X.shape, y.shape)
['the', 'a', 'and']...['colors', 'and_most', 'introduced']
[[3 4 0 ..., 0 0 0]
[1 1 1 ..., 0 0 0]
[0 0 2 ..., 0 0 0]
[4 2 1 ..., 0 0 0]
[10 2 5 ..., 0 0 0]
[7 3 3 ..., 0 0 0]]
[1 2 2 ..., 4 5 2]
(1101, 4000) (1101,)
Vrstni red stolpcev v matriki X:
In [20]: features = books["features"]
         features
Out[20]: ['the',
          'a',
          'and',
          'to',
          'of',
          'this',
          'book',
          'is',
          'in',
          'i',
          'it',
          'for',
          'that',
          'this_book',
          'with',
          'but',
          'on',
          'not',
          'are',
          'have',
          'as',
          'of_the',
          'was',
          'be',
          'you',
          'in_the',
          'an',
          'all',
```

```
'read',
'from',
'if',
'about',
'one',
'or',
'by',
'at',
'is_a',
'more',
'the_book',
'what',
'very',
'my',
'who',
'so',
'has',
'like',
'some',
'good',
'would',
'his',
'there',
'<num>',
'to_the',
'how',
'they',
'he',
'it_is',
'out',
'just',
'other',
'book_is',
'will',
'much',
'can',
'great',
'this_is',
'do',
'no',
'your',
'when',
'up',
'only',
'which',
'and_the',
'than',
'on_the',
'to_be',
'even',
'many',
'had',
'me',
```

'get',

```
'time',
'also',
'well',
'their',
"it's",
'into',
'for_the',
'if_you',
'them',
'really',
'first',
'were',
'books',
'most',
'reading',
'then',
'any',
"don't",
'been',
'with_the',
'author',
'as_a',
'because',
'way',
'know',
'in_a',
'could',
'these',
'people',
'in_this',
'story',
'too',
'life',
'is_the',
'little',
'through',
'i_was',
'think',
'of_a',
'make',
'i_have',
'her',
'want',
'its',
'those',
'for_a',
'work',
'better',
'written',
'we',
'does',
'that_the',
'after',
```

'while',

```
'to_read',
'own',
'the_author',
'should',
'new',
'is_not',
'such',
'did',
'from_the',
'found',
'she',
'information',
'find',
'best',
'one_of',
'it_was',
'am',
'a_good',
'never',
'at_the',
'there_is',
'being',
'few',
'over',
'interesting',
'why',
'of_this',
'every',
'say',
'years',
'there_are',
'made',
'and_i',
'writing',
'two',
'that_i',
'see',
'real',
'with_a',
'use',
'another',
'a_book',
'a_great',
'i_am',
'have_been',
'however',
'same',
'want_to',
'i_would',
'each',
'all_the',
'world',
'now',
```

'still',

```
'before',
'love',
'go',
'without',
'book_i',
'recommend',
'about_the',
'where',
'the_same',
'may',
'by_the',
'looking',
'give',
'us',
'history',
'something',
'money',
'here',
'was_a',
'down',
'book_and',
'to_get',
'things',
'need',
'the_first',
'a_very',
"i'm",
'characters',
'thought',
'help',
'back',
'as_the',
'actually',
'some_of',
'excellent',
'book_for',
'though',
'our',
'must',
'take',
'ever',
'different',
'be_a',
'and_a',
'you_are',
"doesn't",
'nothing',
'both',
'book_to',
"didn't",
'thing',
'him',
'the_story',
'have_to',
```

```
'understand',
'to_make',
'a_few',
'off',
'pages',
'used',
'look',
'rather',
'lot',
'makes',
'buy',
'seems',
'reader',
'long',
'but_i',
'between',
'book_was',
'is_an',
'to_do',
'how_to',
'man',
'to_a',
'anyone',
'that_is',
'of_his',
'a_lot',
'they_are',
'but_the',
'times',
'someone',
'yet',
'old',
'would_be',
'might',
'far',
'stories',
'but_it',
'again',
'the_best',
'i_found',
'series',
'fact',
'easy',
'have_a',
"i've",
'chapter',
'quite',
'point',
'all_of',
'bought',
'example',
'you_can',
'others',
```

'out_of',

```
'the_most',
'i_think',
'least',
'around',
'last',
'true',
'a_little',
'bad',
'style',
'part',
'is_that',
'right',
'highly',
'end',
'believe',
'come',
'going',
'that_it',
'as_well',
'always',
'almost',
'short',
'since',
'i_had',
"can't",
'page',
'hard',
'would_have',
'enough',
'read_the',
'useful',
'into_the',
'said',
'put',
'the_way',
'authors',
'novel',
'to_say',
'the_other',
'making',
'readers',
'having',
'learn',
'instead',
'review',
'feel',
'anything',
'character',
"i_don't",
'read_this',
'bit',
'should_be',
'the_only',
```

'such_as',

```
'trying',
"that's",
'got',
'through_the',
'you_want',
'once',
'works',
'in_my',
'has_a',
'i_read',
'not_a',
'on_a',
'<year>',
'interested',
'when_i',
'given',
'the_reader',
'does_not',
'this_one',
'idea',
'worth',
'book_that',
'looking_for',
'lot_of',
'already',
'high',
'is_very',
'course',
'place',
'done',
'trying_to',
'person',
'along',
'more_than',
'reason',
'left',
'difficult',
'which_is',
'words',
'takes',
'mind',
'american',
'big',
'you_have',
'and_then',
'especially',
'often',
'in_his',
'ideas',
'that_are',
'experience',
'those_who',
'will_be',
'like_the',
```

```
'keep',
'comes',
'away',
'that_this',
'at_least',
'do_not',
'with_this',
'perhaps',
'sure',
'maybe',
'try',
'that_he',
'simply',
'case',
'past',
'plot',
'and_his',
'need_to',
'tell',
'wanted',
'important',
'start',
'although',
'school',
'sense',
'to_have',
'of_all',
'text',
'everything',
'reviews',
'probably',
'and_it',
'human',
'book_the',
'problem',
'children',
'a_bit',
'part_of',
'less',
'the_world',
'whole',
'goes',
'are_not',
'it_to',
'full',
'did_not',
'disappointed',
'knowledge',
'pretty',
'getting',
'and_how',
'wonderful',
'interested_in',
'next',
```

```
'subject',
'clear',
'are_a',
"you're",
'second',
'become',
'based',
'but_this',
'i_thought',
'young',
'most_of',
'home',
'using',
'title',
"it's_a",
'who_is',
'could_have',
'i_bought',
'to_see',
'came',
'interest',
'poor',
'was_the',
'year',
'word',
'personal',
'called',
'well_as',
'unfortunately',
'lives',
'simple',
'easy_to',
'enjoy',
'over_the',
'book_but',
'to_know',
'examples',
'like_a',
'day',
'sometimes',
'not_the',
'that_they',
'kind',
'today',
'the_end',
'as_i',
'seem',
'let',
"isn't",
"author's",
'question',
'family',
'he_is',
'small',
```

```
'chapters',
'write',
'lack',
'order',
'it_would',
'guide',
'points',
'to_find',
'as_it',
'the_last',
'can_be',
'going_to',
'this_was',
'is_one',
'general',
'i_can',
'of_them',
'i_did',
'what_i',
'shows',
'truly',
'able',
'it_i',
'issues',
'three',
'truth',
'business',
'doing',
'so_much',
'enjoyed',
'the_characters',
'to_learn',
'from_a',
'main',
'able_to',
'with_his',
"there's",
'god',
'had_to',
'etc',
'gives',
'is_to',
'bought_this',
'study',
'is_no',
'may_be',
'great_book',
'many_of',
'problems',
'that_you',
'various',
'are_the',
'reference',
'provides',
```

```
'change',
'class',
'has_been',
'seems_to',
'the_time',
'rather_than',
'an_excellent',
'historical',
'of_what',
'name',
'myself',
'ways',
'good_book',
'follow',
'against',
'disappointing',
'his_own',
'basic',
'i_could',
'loved',
'level',
'approach',
'several',
'beautiful',
'but_not',
'for_those',
'age',
'you_will',
'himself',
'view',
'living',
'number',
'of_their',
'else',
'book_in',
'john',
'of_how',
'job',
'say_that',
'of_her',
'ago',
'practical',
'get_a',
'material',
'possible',
'pictures',
'mr',
'started',
'insight',
'either',
'the_whole',
'stars',
'together',
'hand',
```

```
'students',
'cannot',
'large',
'complete',
'detail',
'themselves',
'says',
'recommended',
'set',
'i_will',
'of_course',
'to_go',
'throughout',
'gave',
'read_it',
'yourself',
'show',
'advice',
'to_use',
'he_has',
'parts',
'needs',
'lack_of',
'to_this',
'expect',
"i_didn't",
'writer',
'friends',
'fan',
'woman',
'liked',
'nice',
'for_you',
'<num>_years',
'present',
'because_i',
'within',
'waste',
'helpful',
'late',
'hope',
'seen',
'as_an',
'book_on',
'modern',
'to_help',
'it_has',
"the_author's",
'questions',
'boring',
'for_example',
'<num>_pages',
'introduction',
```

'fun',

```
'collection',
'hard_to',
'book_as',
'such_a',
'and_that',
'by_a',
'taking',
'extremely',
'because_of',
'much_better',
'to_me',
'tells',
'was_not',
'book_with',
'at_all',
'we_are',
'to_take',
'child',
'look_at',
'during',
'from_this',
'entire',
'people_who',
'for_my',
'way_to',
'reading_this',
'research',
'mostly',
'the_fact',
'kind_of',
'mean',
'understanding',
'covers',
'theory',
'so_many',
'for_me',
'full_of',
'war',
'perfect',
'when_the',
'form',
'lots',
'details',
'wanted_to',
'care',
'in_which',
'everyone',
'book_it',
'clearly',
'power',
'up_with',
'tried',
'based_on',
'save',
```

```
'beyond',
'lost',
'told',
'the_authors',
'up_to',
'and_this',
'history_of',
'social',
'finally',
'certainly',
'because_it',
'you_know',
'friend',
'he_was',
'what_the',
'kids',
'version',
'who_are',
'and_not',
'wrong',
'suggest',
'value',
'wants',
'took',
'number_of',
'quality',
'head',
'until',
'to_give',
'wish',
'gets',
'story_of',
'not_only',
'much_more',
'uses',
'later',
'talking',
'about_a',
'my_own',
"you_don't",
'fine',
'including',
'the_main',
'original',
'under',
'was_very',
'early',
'not_be',
'went',
'of_it',
'time_and',
'certain',
'upon',
```

'means',

```
'culture',
'writers',
'someone_who',
'book_has',
'college',
'science',
'what_you',
'complex',
'of_these',
'facts',
'lots_of',
'is_also',
'section',
'perspective',
'the_subject',
'resource',
'to_understand',
'for_an',
'working',
'too_much',
'matter',
'if_i',
'so_i',
'pick',
'very_good',
'rest',
'among',
'major',
'christian',
'fact_that',
'after_reading',
'it_and',
'piece',
'overall',
'side',
'attention',
'have_the',
'is_in',
'ones',
'it_does',
'stuff',
'fascinating',
'yes',
'couple',
'a_new',
'of_us',
'their_own',
'completely',
'century',
"won't",
'could_be',
'i_know',
'novels',
'writes',
```

```
'line',
'thinking',
'have_read',
'and_her',
'felt',
'of_my',
'topic',
'the_plot',
'development',
'wife',
'due',
'at_a',
'and_to',
'itself',
'about_this',
'for_all',
'society',
'the_writing',
'not_for',
'expected',
'there_were',
'half',
'white',
'system',
'and_was',
'what_they',
'practice',
'volume',
'analysis',
'know_what',
'i_really',
'for_this',
'due_to',
'end_of',
'they_were',
'and_he',
'death',
'events',
'strong',
'recommend_this',
'ending',
'reality',
'black',
'single',
'live',
'process',
'in_fact',
'known',
'huge',
'is_so',
'of_our',
'and_is',
'whose',
```

'reviewers',

```
'days',
'to_his',
'type',
'what_a',
'on_this',
'described',
'the_title',
'saying',
'country',
'as_much',
'what_is',
'the_<num>',
'language',
'and_other',
'cover',
'light',
'to_keep',
'had_a',
'in_order',
'serious',
'instead_of',
'imagine',
'art',
'on_how',
'the_rest',
'explain',
'be_the',
'which_i',
'giving',
'entertaining',
'opinion',
'finished',
'how_the',
"i'd",
'to_buy',
'women',
'much_of',
'the_truth',
'current',
'is_just',
'include',
'despite',
'agree',
'particular',
'read_and',
'than_the',
'four',
'deal',
'i_do',
'men',
'but_in',
'indeed',
'written_by',
'should_have',
```

```
'out_the',
'better_than',
'and_even',
'otherwise',
'guy',
'the_great',
'there_was',
'edition',
'knows',
'it_will',
'what_he',
'respect',
'taken',
'they_have',
'focus',
'fiction',
'needed',
'even_though',
"if_you're",
'sort_of',
'sense_of',
'like_this',
'the_real',
'and_in',
'a_real',
'likely',
'and_what',
'america',
"you'll",
'if_the',
'seemed',
'decided',
'up_the',
'particularly',
'starting',
'like_to',
'source',
'political',
'nor',
'successful',
'try_to',
'a_must',
'get_the',
'available',
'turn',
'library',
'call',
"wasn't",
'nature',
'design',
'the_point',
'worst',
'tale',
'reading_the',
```

...]

Priložena je tudi podatkovna zbirka testnih primerov, kjer lahko testiramo napovedno točnost modela na novih podatkih.

Vprašanje 5-1-5 Uporabi omenjene linearne modele za modeliranje podatkov pri problemu analize sentimenta. Izmeri srednjo kvadratično napako in pojasnjeno varianco na testnih primerih.

```
In [22]: # ...
Odgovor
```

Vprašanje 5-1-6 Ali lahko ugotoviš, katere besedne zveze močno pozitivno in močno negativno vplivajo na končno oceno recenzije? Namig: pomagaj si z vrednostjo koeficientov za posamezni stolpec.

```
In [23]: # ...
Odgovor
```

5.7 Naivni Bayesov klasifikator

5.7.1 Primer za ogrevanje

V letniku športne gimnazije imamo 20 učencev. Vsak od njih sodeluje pri enem od športov: kosarka, nogomet, gimnastika. Njihovo višino smo ocenili "na oko"in vsakemu učencu pripisali eno od možnih vrednosti: nizek, srednji ali visok.

Kako bi novemu učencu Marku, ki je srednje rasti predlagali najprimernejši šport?

Za začetek poglejmo kako popularni so posamezni športi:

```
In [5]: for sport in data.domain["sport"].values:
            subset = SameValue(data.domain["sport"], sport)(data)
            print(sport)
            print(subset)
            print()
                   = len(subset) / len(data)
            print("Sport (Y): %s, število: %d, verjetnost P(Y): %f" % (sport, len(subset), py))
gimnastika
[[nizek | gimnastika],
 [nizek | gimnastika],
 [nizek | gimnastika],
 [srednji | gimnastika],
 [srednji | gimnastika]]
Sport (Y): gimnastika, število: 5, verjetnost P(Y): 0.250000
kosarka
[[visok | kosarka],
 [visok | kosarka],
 [visok | kosarka],
 [visok | kosarka],
 [srednji | kosarka],
 [srednji | kosarka],
 [nizek | kosarka],
 [visok | kosarka]]
Sport (Y): kosarka, število: 8, verjetnost P(Y): 0.400000
nogomet
[[srednji | nogomet],
 [srednji | nogomet],
 [srednji | nogomet],
 [visok | nogomet],
 [visok | nogomet],
 [nizek | nogomet],
 [nizek | nogomet]]
Sport (Y): nogomet, število: 7, verjetnost P(Y): 0.350000
```

Najpopularnejši šport je košarka, s katerim se ukvarja 8 oz. 40učencev. Naš prvi predlog je torej, naj se Marko ukvarja s košarko. S tem rezultatom nismo najbolj zadovoljni, saj vidimo da med košarkaši ni veliko športnikov srednje višine. Razlog? Pri izračunu nismo upoštevali verjetnosti lastnosti oz. atributa o Markovi višini.

Splošnim verjetnostmi razredov, ki smo jih izračunali pravimo apriorne verjetnosti.

Označimo jih s P(Y), kjer je Y spremenljivka razreda.

V našem primeru Y zavzame vrednostmi {kosarka, nogomet, gimnastika}.

Zanimivo! Verjetnost srednje višine je največja med nogometaši. Ali podatek zadošča za spremembo prvotne odločitve?

Verjetnosti P(X|Y) pravimo pogojna verjetnost spremenljivke X pri znanem Y. Opredeljuje verjetnost, da je v primerih razreda Y atribut X zavzame določeno vrednost.

Katera verjetnost pa nas v resnici zanima? Želimo, da izračun upošteva Markovo višino in oceni verjetnost vsakega od športov. To je verjetnost

oz. v Markovem primeru

$$P(Y|X = srednji)$$

Za izračun te verjetnosti uporabimo

5.8 Bayesov obrazec

Da bi izračunali verjetno razreda pri danih atributih P(Y|X), potrebujemo verjetnost za vse možne kombinacije razreda Y in atributov X, ki jo označimo z P(X,Y). Iz pravil o pogojni verjetnosti sledi:

$$P(X,Y) = P(X|Y) \cdot P(Y) = P(Y|X) \cdot P(X)$$

Iz česar sledi Bayesov obrazec za izračun P(Y|X):

$$P(Y|X) = \frac{P(X|Y) \cdot P(Y)}{P(X)}$$

Izračun verjetnosti razreda Y pri znanih atributih X je torej odvisen od apriorne verjetnosti razreda P(Y), pogojne verjetnosti P(X|Y) in apriorne verjetnosti atributov P(X). V Markovem primeru torej:

$$P(Y|X = srednji) = \frac{P(X = srednji|Y) \cdot P(Y)}{P(X = srednji)}$$

Če verjetnost ocenimo za vsako možno vrednost razreda Y, torej {kosarka, nogomet, gimnastika}, dobimo odgovor na prvotno vprašanje.

5.9 Implementacija Naivnega Bayesovega klasifikatorja

Naivni Bayesov klasifikator predpostavlja, da so atributi neodvisni med seboj, pri znanem razredu.

$$P(Y|X_1, X_2, ..., X_p) = \frac{P(Y) \cdot P(X_1|Y) \cdot P(X_2|Y) \cdot ... \cdot P(X_p|Y)}{P(X)}$$

Vprašanje 5-2-1 Dopolni implementacijo naivnega Bayesovega klasifikatorja, ki je definiran v spodnjem odseku. Dopolniti je potrebno del kode, kjer izračunamo * verjetnostne porazdelitev razredov P(Y) * verjetnostne porazdelitve atributov pri znanem razredu P(X|Y)

5.9.1 Sklepanje o podatkih

V primeru diskretnih atributov lahko obe porazdelitvi dobimo s preštevanjem. * P(Y) Kolikokrat se v podatkih pojavi razred Y? * P(X|Y) Kolikokrat se v podatkih, ki spadajo v razred Y, pojavi atribut X?

Kaj pa P(X)? Ta verjetnost je včasih težko izračunljiva, posebej pri visoko dimenzionalnih podatkih, saj ni nujno, da bodo v podatki prisotne vse kombinacije atributov. Na srečo ta vrednost ne vpliva na izbiro najverjetnejšega razreda za posamezen primer!

5.9.2 Napovedovanje

Za nov primer $X^* = (X_1^*, X_2^*, ..., X_p^*)$ med vsemi vrednostmi razreda Y = y, izberi tisto, ki maksimizira naslednji izraz:

$$\arg \max_{y} P(Y = y) \cdot P(X_{1}^{*}|Y = y) \cdot P(X_{2}^{*}|Y = y) \cdots P(X_{n}^{*}|Y = y)$$

5.9.3 Log-transformacija

Težava pri zgornjem pristopu je praktične narave; množenje velikega števila verjetnosti hitro privede do zelo majhnih števil, ki lahko presežejo strojno natančnost. Najenostavnejša rešitev, ki privede do enake izbire razreda je naslednja

$$\arg \max_{y} \log P(Y = y) + \log P(X_1|Y = y) + \log P(X_2|Y = y) + ... + \log P(X_p|Y = y)$$

Pri implementaciji si pomagaj s podatki potnikov ladje Titanic.

Podatke najprej razdelimo na učno in testno množico.

```
In [8]: from Orange.data import Table
       from numpy import random
        random.seed(42) # zagotovi ponovljivost naključnih rezultatov
        data = Table('titanic')
        inxs = list(range(len(data)))
        n = len(inxs)
        random.shuffle(inxs)
        data_training = data[inxs[:n//2]]
                   = data[inxs[n//2:]]
        data\_test
        data_training.save('podatki/titanic-training.tab')
        data_test.save('podatki/titanic-test.tab')
Naložimo učne podatke in izračunamo verjetnosti.
In [9]: data = Table('podatki/titanic-training.tab')
        print(data.domain.class_var)
        print(data.domain.class_var.values)
        \# P(X=child \mid Y = yes)
        filt_child = SameValue(data.domain["age"], "child")
        filt_survived = SameValue(data.domain["survived"], "yes")
       p_xy = len(filt_survived(filt_child(data))) / len(filt_survived(data))
       p_xy
survived
['no', 'yes']
Out[9]: 0.08379888268156424
```

```
In [10]: class NaiveBayes:
             Naive Bayes classifier.
             :attribute self.probabilities
                 Dictionary that stores
                     - prior class probabilities P(Y)
                     - attribute probabilities conditional on class P(X|Y)
             : attribute \ self.class\_values
                 All possible values of the class.
             :attribute self.variables
                 Variables in the data.
             :attribute self.trained
                Set to True after fit is called.
             def __init__(self):
                self.trained
                                   = False
                 self.probabilities = dict()
             def fit(self, data):
                 Fit a NaiveBayes classifier.
                 :param data
                     Orange data Table.
                 class_variable
                                    = data.domain.class_var # class variable (Y)
                 self.class_values = class_variable.values # possible class values
                 self.variables
                                   = data.domain.attributes # all other variables (X)
                n = len(data) # number of all data points
                 # Compute P(Y)
                 for y in self.class_values:
                     # A not too smart quess (INCORRECT)
                     self.probabilities[y] = 1/len(self.class_values)
                     # <your code here>
                     # Compute class probabilities and correctly fill
                     \# probabilities[y] = ...
                     \# Select all examples (rows) with class = y
                     # </your code here>
                 # Compute P(X/Y)
                 for y in self.class_values:
                     \# Select all examples (rows) with class = y
```

```
filty = SameValue(class_variable, y)
        for variable in self.variables:
            for x in variable.values:
                # A not too smart guess (INCORRECT)
                p = 1 / (len(self.variables) * len(variable.values) * len(self.class_value
                # P(variable=x/Y=y)
                self.probabilities[variable, x, y] = p
                # <your code here>
                # Compute correct conditional class probability
                   probabilities[x, value, c] = ...
                # Select all examples with class == y AND
                # variable x == value
                # Hint: use SameValue filter twice
                # </your code here>
    self.trained = True
def predict_instance(self, row):
    Predict a class value for one row.
    :param row
        Orange data Instance.
    :return
        Class prediction.
    curr_p = float("-inf") # Current highest "probability" (unnormalized)
    curr_c = None
                             # Current most probable class
    for y in self.class_values:
        p = np.log(self.probabilities[y])
        for x in self.variables:
            p = p + np.log(self.probabilities[x, row[x].value, y])
        if p > curr_p:
            curr_p = p
            curr_c = y
    return curr_c, curr_p
def predict(self, data):
    11 11 11
    Predict class labels for all rows in data.
```

5.10 Uporaba klasifikatorja

Primer uporabe na podatkih potnikov ladje Titanic.

```
In [12]: model = NaiveBayes()
      model.fit(data)
      model.probabilities
Out[12]: {(DiscreteVariable(name='age', values=['adult', 'child']),
        (DiscreteVariable(name='age', values=['adult', 'child']),
        'adult',
        (DiscreteVariable(name='age', values=['adult', 'child']),
        'child',
        (DiscreteVariable(name='age', values=['adult', 'child']),
        (DiscreteVariable(name='sex', values=['female', 'male']),
        'female',
        (DiscreteVariable(name='sex', values=['female', 'male']),
        'female',
        (DiscreteVariable(name='sex', values=['female', 'male']),
        'male',
        (DiscreteVariable(name='sex', values=['female', 'male']),
```

```
'male',
           (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'crew',
           'no'): 0.04166666666666664,
          (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'crew',
           'yes'): 0.0416666666666664,
          (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'no'): 0.04166666666666664,
          (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'yes'): 0.04166666666666664,
          (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'second',
           'no'): 0.04166666666666664,
          (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'second',
           'yes'): 0.0416666666666664,
          (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'no'): 0.04166666666666664,
          (DiscreteVariable(name='status', values=['crew', 'first', 'second', 'third']),
           'yes'): 0.04166666666666664,
          'no': 0.5,
          'yes': 0.5}
In [13]: predictions, confidences = model.predict(data)
         for row, p, c in zip(data, predictions, confidences):
            print("Row=%s, predicted class=%s confidence=%.5f" % (row, p, c))
Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101
Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101
```

Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 $\label{local_confidence} \mbox{Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101}$ Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 ${\tt Row=[crew,\ adult,\ male\ |\ no],\ predicted\ class=no\ confidence=-8.84101}$ Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 ${\tt Row=[crew,\ adult,\ male\ |\ no],\ predicted\ class=no\ confidence=-8.84101}$ Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101

Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[second, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[first, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[crew, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, child, female | yes], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | no], predicted class=no confidence=-8.84101 Row=[third, adult, male | yes], predicted class=no confidence=-8.84101

5.11 Ocenjevanje uspešnosti klasifikacije

Za ocenjevanje uspešnosti klasifikacije vsak napovedani primer primerjamo s pripadajočim resničnim razredom. Štirje možni izidi primerjave so naslednji:

TP: True positives (pravilno napovedani pozitivni primeri)

FP: False positives (napačno napovedani negativni primeri)

TN: True negatives (pravilno napovedani negativni primeri)

FN: False negatives (napačno napovedani pozitini primeri)

5.11.1 Delež pravilno razvrščenih razredov (ang. classification accuracy)

$$ca = \frac{TP + TN}{TP + TN + FP + FN}$$

Prednosti: * Enostaven izračun, jasna interpretacija * Uporabna mera za poljubno število razredov

Slabosti: * Lahko zavaja pri neuravnoteženih porazdelitvah razredov

5.11.2 Natančnost, priklic (ang. precision, recall)

$$p = \frac{TP}{TP + FP}$$

$$r = \frac{TP}{TP + FN}$$

Prednosti: * Enostaven izračun, jasna interpretacija * Ločitev obeh tipov napak (napačno pozitivni in napačno negativni primeri) * Uporabna tudi pri neuravnoteženih porazdelitvah razredov

Slabosti: * Uporabno pretežno za klasifikacijo v dva razreda * Težko povzeti obe meri ; približek je F1-vrednost (ang. F1-score)

$$F1 = 2\frac{p \cdot r}{p+r}$$

Naredi sam/a. Napovej razrede na testni množici. Napovedane razrede primerjaj z resničnimi in izmeri klasifikacijsko točnost, natančnost, priklic in F1-vrednost.

```
In [14]: from sklearn.metrics import accuracy_score
    from sklearn.metrics import precision_score
    from sklearn.metrics import recall_score
    from sklearn.metrics import f1_score

# uporaba metod:
test_data = Table('podatki/titanic-test.tab')
predictions, _ = model.predict(test_data)
truth = [row["survived"].value for row in test_data]
accuracy_score(truth, predictions)
```

Out[14]: 0.67938237965485926

Izziv. Nekateri atributi imajo verjetnost 0 pri posameznem razredu. Kako bi popravili klasifikator?

Razmisli. Kako bi dopolnili klasifikator, če bi bili nekateri atributi lahko tudi zvezni? Namig: spomni se vaj, ko smo spoznali *verjetnostne porazdelitve* zveznih spremenljivk.

Poglavje 6

Nenegativna matrična faktorizacija in priporočilni sistemi

Do sedaj smo obravnavali modele, ki so iz *več neodvisnih* napovedovali *eno* odvisno spremenljivko. V scenariju priporočilnega sistema smo tako za vsakega uporabnika zgradili svoj model.

Glavna motivacija metod za priporočilne sisteme je, da modeli uporabnikov med sabo *niso neodvisni*. Želimo enoten model, ki bo ovrednotil poljubno kombinacijo uporabnika in izdelka, ter implicitno izkoriščal medsebojno informacijo med različnimi modeli uporabnikov.

Eden od modelov, ki se zelo pogosto uporabljajo v praksi je model matrične faktorizacije. Ta predpostavlja matriko uporabnikov in izdelkov, ki ji predstavimo kot produkt dveh matrik *nižjega ranga*. Slednja lastnost omogoča stiskanje informacije in sklepanje o novih (ne-videnih, manjkajočih vrednosti) v izvirni matriki.

6.1 Uvodne definicije

Matriko podatkov \mathbf{X} , ki vsebuje manjkajoče vrednosti, z modelom matrične faktorizacije predstavimo na naslednji način:

$$\mathbf{X} = \mathbf{W}\mathbf{H}^T + \mathbf{E}$$

,

torej kot produkt matrike \mathbf{W} , ki predstavlja prostor vrstic, \mathbf{H} predstavlja prostor stolpcev, \mathbf{E} pa ostanek oz. napako. Matriki \mathbf{W} , \mathbf{H} si včasih predstavljamo kot hkratno gručenje stolpcev in vrstic. Matrike so naslednjih velikosti:

$$\mathbf{X} \in \mathbb{R}^{m \times n}, \mathbf{W} \in \mathbb{R}^{m \times r}, \mathbf{H} \in \mathbb{R}^{n \times r}, \mathbf{E} \in \mathbb{R}^{m \times n}$$

Predostavljamo, da sta matriki **W,H** *nizkega ranga*, kar v praksi pomeni da celotno informacijo iz **X** predstavljamo v stisnjeni obliki, torej

$$r < m, r < n$$

.

Predpostavljamo tudi, da so matrike X, W in H nenegativne. Tedaj govorimo o **nenegativni matrični** faktorizaciji (NMF).

$$x_{i,j} > 0, w_{i,k} > 0, h_{j,k} > 0, \forall i, j, k$$

Matrika napake E te omejitve nima (razmisli: zakaj?).

6.2 Definicija problema

 \check{Z} elimo torej poiskati matriki W in H, tako da vrednost napake karseda nizka. To lahko zapišemo kot naslednji optimizacijski problem:

$$\min_{\mathbf{W},\mathbf{H}} \|\mathbf{X} - \mathbf{W}\mathbf{H}^T\|_F^2 = \min_{\mathbf{W},\mathbf{H}} J$$

Oznaka $\|\mathbf{A}\|_F = \sqrt{\sum_{i,j} a_{i,j}^2}$ predstavlja *Frobeniusovo normo* matrike **A**. (razmisli: Opaziš podobnost s srednjo kvadratično napako, ki smo jo spoznali v kontekstu linearne regresije?)

Vrednost J imenujemo kriterijska funkcija, problem iskanja minimuma pa optimizacijski oz. minimizacijski problem. **Posebnost** priporičilnih sistemov je ta, da napako računamo samo na vrednostih v X, ki so znane. Kriterijska funkcija je torej:

$$J = \sum_{i,j|x_{i,j} \neq 0} (x_{i,j} - \sum_{l=1}^{r} w_{i,l} h_{j,l})^{2}$$

Za ta konkreten problem velja, da nima globalno optimalne rešitve za spremenljivke \mathbf{W} , \mathbf{H} . Vseeno ga lahko rešimo npr. z odvajanjem kriterijske funkcije in premikanjem v negativni smeri gradienta. Dobimo pravila za posodabljanje vrednosti v \mathbf{W} , \mathbf{H} :

Vse vrednosti $w_{i,k}$ in $h_{j,k}$ popravimo tako, da vrednost v prejšnji iteraciji popravimo v negativni smeri gradienta, s korakom η :

$$w_{i,k}^{(t+1)} = w_{i,k}^{(t)} - \eta \frac{\delta J}{\delta w_{i,k}} = w_{i,k}^{(t)} + \eta \sum_{j \mid x_{i,j} \neq 0} (x_{i,j} - \sum_{l=1}^{r} w_{i,l} h_{j,l})(w_{i,k}^{(t)})$$

$$h_{j,k}^{(t+1)} = h_{j,k}^{(t)} - \eta \frac{\delta J}{\delta h_{j,k}} = h_{j,k}^{(t)} + \eta \sum_{i \mid x_{i,j} \neq 0} (x_{i,j} - \sum_{l=1}^{r} w_{i,l} h_{j,l}) (h_{j,k}^{(t)})$$

6.3 Stohastični gradientni sestop

Stohastični gradientni sestop (SGD) je postopek za reševanje optimizcijskih problemov, ki niso globalno rešljivi, za vse nastopajoče spremenljivke (v našem primeru vse $w_{i,k}$ in $h_{j,k}$) pa znamo izračunati odvod glede na kriterijsko funkcijo. To smo storili v prešnjem delu. Postopek za iskanje lokalnega minimuma je naslednji.

- 1. Naključno nastavi vrednosti vseh spremenljivk $w_{i,k}$ in $h_{i,k}$. V našem primeru velja $w_{i,k} > 0$ in $h_{i,k} > 0$.
- 2. V iteraciji t = 1...T:
 - 2.1 V naključnem vrstnem redu posodabljaj $\forall i,k,j$

$$w_{i,k}^{(t+1)} = w_{i,k}^{(t)} - \eta \frac{\delta J}{\delta w_{i,k}}$$

$$h_{j,k}^{(t+1)} = h_{j,k}^{(t)} - \eta \frac{\delta J}{\delta h_{j,k}}$$

Shematski prikaz gradientnega sestopa za hipotetični spremenljivki w, h in kriterijsko funkcijo J(w, h).

Vprašanje 6-1-1 Dopolni spodnjo implementacijo algoritma NMF, tako da uporabiš posodobitvena pravila v več iteracijah stohastičnega gradientnega sestopa. **Namig.** Pri računanju gradienta upoštevaj samo vrednosti $x_{i,j}$, ki so znane (različne od 0). Za učinkovito implementacijo izračuna vsot $\sum_{i \mid x_{i,j} \neq 0}$ in $\sum_{j \mid x_{i,j} \neq 0}$ najprej (pred začetkom iteracij): * za vsako vrstico i shranimo neničelne stolpce * za vsak stolpec j shranimo neničelne vrstice

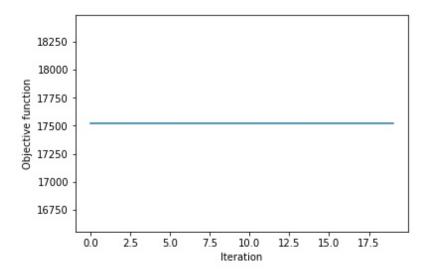
```
In [1]: import numpy as np
        import itertools
        np.random.seed(42)
        class NMF:
            Fit a matrix factorization model for a matrix X with missing values.
            such that
                X = W H.T + E
            where
                X is of shape (m, n) - data matrix
                W is of shape (m, rank) - approximated row space
                H is of shape (n, rank) - approximated column space
                E is of shape (m, n) - residual (error) matrix
            def __init__(self, rank=10, max_iter=100, eta=0.01):
                :param rank: Rank of the matrices of the model.
                :param max_iter: Maximum nuber of SGD iterations.
                :param eta: SGD learning rate.
                n n n
                self.rank = rank
                self.max_iter = max_iter
                self.eta = eta
            def fit(self, X, verbose=False):
                Fit model parameters W, H.
                :param X:
                    Non-negative data matrix of shape (m, n)
                    Unknown values are assumed to take the value of zero (0).
                m, n = X.shape
                W = np.random.rand(m, self.rank)
                H = np.random.rand(n, self.rank)
                # Indices to model variables
                w_vars = list(itertools.product(range(m), range(self.rank)))
```

h_vars = list(itertools.product(range(n), range(self.rank)))

```
# Indices to nonzero rows/columns
                nzcols = dict([(j, X[:, j].nonzero()[0]) for j in range(n)])
                nzrows = dict([(i, X[i, :].nonzero()[0]) for i in range(m)])
                # nzrows[i] \leftarrow vrni stolpce j, tako da x ij > 0
                # Errors
                self.error = np.zeros((self.max_iter,))
                for t in range(self.max_iter):
                    np.random.shuffle(w_vars)
                    np.random.shuffle(h_vars)
                    for i, k in w_vars:
                        # TODO: your code here
                         # Calculate gradient and update W[i, k]
                    for j, k in h_vars:
                        # TODO: your code here
                         # Calculate gradient and update H[j, k]
                        pass
                    self.error[t] = np.linalg.norm((X - W.dot(H.T))[X > 0])**2
                    if verbose: print(t, self.error[t])
                self.W = W
                self.H = H
            def predict(self, i, j):
                Predict score for row i and column j
                :param i: Row index.
                :param j: Column index.
                11 11 11
                return self.W[i, :].dot(self.H[j, :])
            def predict_all(self):
                Return approximated matrix for all
                columns and rows.
                return self.W.dot(self.H.T)
Rešitev najdete v 206-1.ipynb.
In [2]: %run 206-1.ipynb
ERROR:root:File `'206-1.ipynb.py'` not found.
```

Testirajmo metodo na matriki naključnih podatkov.

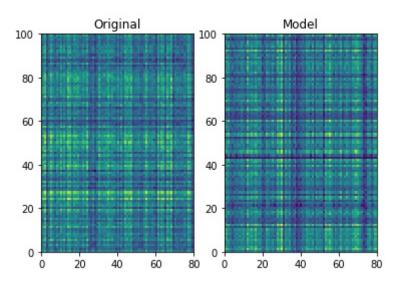
```
In [3]: m = 100
                      # St. vrstic
                      # St. stolpcev
        n = 80
        rank = 5
                      # Rang model
        error = 0.1 # Nakljucni šum
        A = np.random.rand(m, rank*2)
        B = np.random.rand(n, rank*2)
        X = A.dot(B.T) + error * np.random.rand(m, n) # generiramo podatke
Poženemo iskanje parametrov W, H.
In [4]: model = NMF(rank=rank, max_iter=20, eta=0.001)
        model.fit(X, verbose=True)
0 17520.902048
1 17520.902048
2 17520.902048
3 17520.902048
4 17520.902048
5 17520.902048
6 17520.902048
7 17520.902048
8 17520.902048
9 17520.902048
10 17520.902048
11 17520.902048
12 17520.902048
13 17520.902048
14 17520.902048
15 17520.902048
16 17520.902048
17 17520.902048
18 17520.902048
19 17520.902048
Napaka modela pada s številom iteracij.
In [5]: %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.figure()
        plt.plot(model.error)
        plt.xlabel("Iteration")
        plt.ylabel("Objective function")
Out[5]: Text(0,0.5,'Objective function')
```



Primerjajmo model in izvirne podatke.

```
In [6]: fig, ax = plt.subplots(nrows=1, ncols=2)
    ax[0].pcolor(X)
    ax[0].set_title("Original")

ax[1].pcolor(model.predict_all())
    ax[1].set_title("Model")
    plt.show()
```



Izračunamo pojasnjeno varianco.

Vprašanje 6-1-2 Kako se pojasnjena varianca spreminja z rangom modela, št. iteracij?

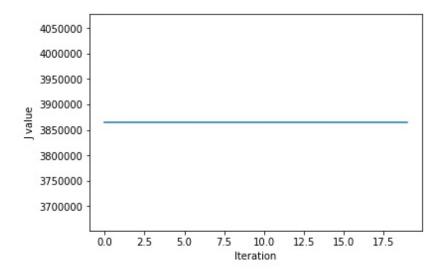
Vprašanje 6-1-3 Preizkusi metodo NMF na podatkovni zbirki Jester. Podatki so razdeljeni na učno in testno množico, kjer je v učni množici prisoten delež p ocen. Poženi model na učni množici in izračunaj testno napako (RMSE, pojasnjeno varianco) na ocenah, ki niso bile uporabljene za učenje. Izračunaj, kako se testna napaka spreminja v odvisnosti od: * delež učnih ocen p, * ranga matrik modela (število r, parameter rank)

```
In [9]: # Naložimo podatkovno zbirko Jester z 1% upoštevanih ocen
        def load_jester(p=0.05):
            :param p: Probability of rating appearing in the training set.
                X training grades (retining with probability p)
                Y test grades (whole dataset)
            Y = np.genfromtxt("podatki/jester-data.csv", delimiter=",", dtype=float, )
            Y = Y[:, 1:]
            Y[Y == 99] = 0
           Y[Y != 0] = Y[Y!=0] + abs(Y[Y!=0].min())
            # Separate data in test/train with probability p
           M = np.random.rand(*Y.shape)
           M_tr = M < p
           M_te = M > p
            X = Y * M_tr
           Y = Y * M_te
            return X, Y
        # X: 1% podatkov, Y ostalih 99%
        X, Y = load_jester(p=0.5)
        X = X[:1000, :]
        Y = Y[:1000, :]
        print("X shape:", X.shape)
        print("Y shape:", Y.shape)
        print("X, Nonzeros:", np.sum(X>0), "Total:", X.shape[0]*X.shape[1])
```

```
print("Y, Nonzeros:", np.sum(Y>0), "Total:", Y.shape[0]*Y.shape[1])
```

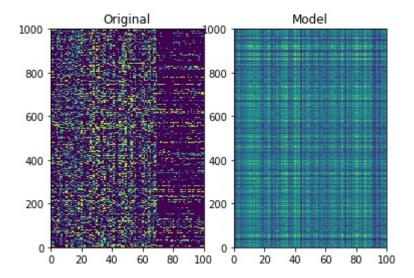
plt.ylabel("J value")

plt.show()



```
In [12]: fig, ax = plt.subplots(nrows=1, ncols=2)
    ax[0].pcolor(Y)
    ax[0].set_title("Original")

ax[1].pcolor(Yp)
    ax[1].set_title("Model")
    plt.show()
```



-0.00695500063601

Vprašanje 6-1-4 Na podatkovni zbirki Jester izberite eno celico z vrednostjo različno od 0 in jo nastavite na 0. Matriko faktorizirajte in napovejte vrednost te celice.

Vprašanje 6-1-5 Poiščite celice, kjer je razlika med aproksimirano in originalno matriko največja.

Vprašanje 6-1-6 Ustvarite priporočilni sistem. Izberite nekaj uporabnikov in za vsakega izpišite pet še neocenjenih šal, ki mu bodo najbolj všeč, glede na napoved.

Poglavje 7

Omrežja

7.1 Knjižnica networkx

Enostavno opravljanje z omrežnimi podatki v Pythonu.

```
In [1]: import networkx as nx
    import numpy as np
    import matplotlib.pyplot as plt
    %matplotlib inline
    %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
    import matplotlib
    matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
        f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
    f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
```

7.1.1 Gradnja grafa

```
Ustvarimo enostaven graf.
```

```
In [2]: G = nx.Graph()  # Undirected
    # G = nx.DiGraph()  # Directed

G.add_node("Ana")
G.add_nodes_from(["Bojan", "Cene", "Danica"])

G.add_edge("Ana", "Bojan")
G.add_edge("Ana", "Cene")
G.add_edge("Ana", "Danica")
G.add_edge("Bojan", "Danica")

In [3]: G.nodes

Out[3]: NodeView(('Ana', 'Bojan', 'Cene', 'Danica'))

In [4]: G.edges

Out[4]: EdgeView([('Ana', 'Bojan'), ('Ana', 'Cene'), ('Ana', 'Danica'), ('Bojan', 'Danica')])

Graf zapišemo v datoteko.

In [5]: nx.write_pajek(G, 'podatki/mreza-primer.net')
```

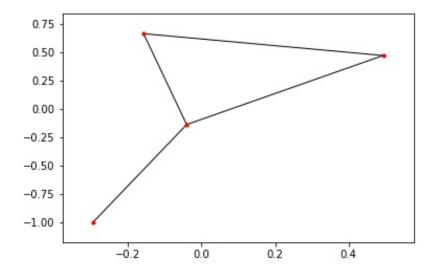
Preberemo .net datoteko v Graph strukturo.

```
In [6]: G = nx.read_pajek('podatki/mreza-primer.net')
```

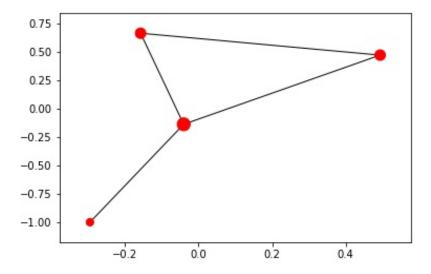
7.1.2 Prikaz grafa

Narišite strukturo grafov z uporabo matplotlib.

Za več možnosti glejte the documentation.



Izračunamo velikosti vozlišč sorazmerno s številom povezav vozlišča. Rišite z uporabo draw.networkx(...,node_size=node_size)



7.1.3 Segmentacija omrežja

Iskanje močno povezanih komponent v omrežju.

Najprej, naložimo podatke. Ker je to mreža e-poštnih dopisnikov za določen naslov, odstranimo osrednje vozlišče (zakaj?).

```
In [9]: H = nx.read_pajek("podatki/email.net")
       H = nx.Graph(H)
        # Remove central node
        myself = "rok0"
        H.remove_node(myself)
                                                  Traceback (most recent call last)
       FileNotFoundError
        <ipython-input-9-fe2cbc88c35d> in <module>()
    ----> 1 H = nx.read_pajek("podatki/email.net")
          2 H = nx.Graph(H)
          4 # Remove central node
          5 myself = "rok0"
        <decorator-gen-482> in read_pajek(path, encoding)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/networkx/utils/decorators.py in _open_file(func, *args,
        200
                    if is_string_like(path):
        201
                        ext = splitext(path)[1]
    --> 202
                        fobj = _dispatch_dict[ext](path, mode=mode)
        203
                        close_fobj = True
        204
                    elif hasattr(path, 'read'):
```

```
FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'podatki/email.net'
```

Nato najdemo k-povezanih komponent. k-komponent je povezani podgraf, za katerega moramo odstraniti vsaj k vozlišč, da jih razbijemo v več komponent. Intuitivno, podgrafi z veliko vrednostjo k težje razbijemo in so posledično močneje povezani.

```
In [10]: from networkx.algorithms import approximation as apxa
         k_components = apxa.k_components(H)
         k components
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-10-593d9d9e0cd7> in <module>()
          1 from networkx.algorithms import approximation as apxa
    ----> 2 k components = apxa.k components(H)
          4 k_components
       NameError: name 'H' is not defined
Oglejmo si rešitve za določen k in poglejmo število vozlišč na vsaki povezani komponenti.
In [11]: k = 2
                                 # Subgraphs of connectivity k
         sol = k_components[k] # Multiple solutions of k_components
         list(map(len, sol)) # Each component breaks a graph
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-11-eec503e45b4e> in <module>()
         1 k = 2
                     # Subgraphs of connectivity k
    ----> 2 sol = k_components[k] # Multiple solutions of k_components
          3 list(map(len, sol))  # Each component breaks a graph
       NameError: name 'k_components' is not defined
Za vsako povezano komponento dodelite črno barvo ustreznim vozliščem in belo za vsa druga vozlišča.
In [12]: colors_groups = list()
         for gi, group in enumerate(sol):
             colors_arr = ["red" if (n in group) else "gray" for n in H.node]
             colors_groups.append(colors_arr)
```

```
NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-12-8dab3a9a22b1> in <module>()
          1 colors_groups = list()
    ---> 2 for gi, group in enumerate(sol):
               colors_arr = ["red" if (n in group) else "gray" for n in H.node]
                colors_groups.append(colors_arr)
        NameError: name 'sol' is not defined
Narišite izbrano komponento.
In [13]: comp_index = 1
         plt.figure()
         nx.draw_networkx(H, with_labels=False,
                          node_color=colors_groups[comp_index],)
         plt.show()
        NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-13-a60994b2ce76> in <module>()
          1 comp_index = 1
          2 plt.figure()
    ----> 3 nx.draw_networkx(H, with_labels=False,
                           node_color=colors_groups[comp_index],)
          5 plt.show()
        NameError: name 'H' is not defined
<Figure size 432x288 with 0 Axes>
```

7.2 Primer: analiza in vizualizacija omrežja elektronskih sporočil

V tej kratki vaji bomo spoznali osnove analize omrežij, format .net in funkcionalnosti modula Orange - Networks.

Pripravili smo funkcijo, ki iz email računa (protokol IMAP) prebere vse naslovnike sporočil. Tako zgradimo omrežje so-naslovnikov danega računa.

NameError: name 'generate_addressee_network' is not defined

Uporabimo programski paket Orange oz. dodatek "Networks".

Podatke naložimo z vtičnikom Network File, ki prebere podatke o vozliščih in povezavah.

Z uporabo algoritmov v vtičniku Network Clustering poiščemo močno povezane komponente v omrežju.

Naredi sam/a. Ponovi zgornjo analizo za podatke iz svojega e-poštnega računa.

```
In [3]: # ...
```

Naredi sam/a. Zgradi omrežje igralcev v podatkovni zbirki MovieLens.

```
In [4]: # ...
```

Naredi sam/a. Zgradi omrežje uporabnikov v podatkovni zbirki MovieLens.

```
In [5]: # ...
```

Poglavje 8

Zaporedja

8.1 Skriti Markovi modeli

Skriti markov model (ang. Hidden Markov model - HMM) je generativni model, ki ponazarja zaporedje diskretnih podatkov. Je razširitev Markovih verig (ang. Markov chain), na način da so opazovane spremenljivke odvisne od trenutnega skritega stanja.

Denimo, da opazujemo mete kovanca, ki jih izvaja druga oseba. Na voljo ima dva kovanca: pošten (F - fair) in utežen (L - loaded). Pri vsakem metu lahko opazujemo le izid (o ali -), ne pa tudi kovanca. Skriti Markov model je zapis tovrstnega problema, s poljubnim končnim številom tako skritih stanj in kot tudi opazovanih spremenljivk (abecede).

Primer zaporedja skritih stanj in opazovanih spremenljivk:

S: FFFFFFLLLLLFFFFFLL...

X: -o-o-ooooo-o-o-ooo...

Celoten model je podan z naborom verjetnosti. Te predstavljajo parametre modela.

Verjenosto opazovanih spremenljivk X v koraku i glede trenutno stanje S:

$$P(X_i = o \mid S_i = F) = \frac{1}{2}, \ P(X_i = - \mid S_i = F) = \frac{1}{2}$$

$$P(X_i = o \mid S_i = L) = \frac{19}{20}, \ P(X_i = - \mid S_i = L) = \frac{1}{20}$$

Za vsako skrito stanje je torej definirana verjetnostna porazdelitev opazovanih spremenljivk.

V praktičnih primerih uporabe HMM se stanja ohranjajo. Verjetnost ohranitve stanja je torej navadno večja od zamenjave stanja. Verjetnosti prehodov podajajo drugo skupino parametrov.

$$P(S_{i+1} = F | S_i = F) = \frac{19}{20}, \ P(S_{i+1} = L | S_i = F) = \frac{1}{20}$$

$$P(S_{i+1} = L | S_i = L) = \frac{19}{20}, \ P(S_{i+1} = F | S_i = L) = \frac{1}{20}$$

Navadno definiramo tudi začetne verjetnosti skritih stanj (verjetnost v koraku i=0):

$$P(S_0 = F) = \frac{1}{2}, \ P(S_0 = L) = \frac{1}{2}$$

Tako definiran model uporabljamo za praktične naloge, kot so: * generiranje zaporedij iz danega modela,

- učenje parametrov modela iz danih podatkov:
 - podana so skrita stanja in opazovane spremenljivke (štetje pojavitev)
 - podane so samo opazovanje spremenljivke in število skritih stanj (algoritem Baum-Welch)
- napoved skritih stanj za dano zaporedje opazovanih spremeljivk pri danem modelu (algoritma Viterbi ter Posterior-decoding)

Primeri praktičnih problemov, ki jih rešujemo z uporabo Skritih Markovih modelov: * prepoznavanje in generiranje govora, * strojno prevajanje, * prepoznavanje pisave, * segmentacija besedil (prepoznavanje besednih vrst), * analiza biološki zaporedij (iskanje genov, poravnava zaporedij), * kriptoanaliza, * ...

Model lahko zapišemo s slovarjem slovarjev. Na primer, za metanje kovancev:

8.1.1 Generiranje zaporedij

Naredi sam/a. Zapiši funkcijo generate_hmm_sequence, ki sprejme skriti Markov model in vrne zaporedje dolžine n (skrito in vidno zaporedje).

Še prej zapišite funkcijo weighted_choice, ki na podlagi uteži (v vrednosti) naključno izbere vrednost (v ključu slovarja).

Zdaj pa funkcijo generate_hmm_sequence:

```
In [3]: def generate_hmm_sequence(h, T, E, n):
    """
    h: given start state,
    T: transition probabilities
    E: emission probabilities
    n: sequence length

return:
    hidden_sequence
    observable_sequence
```

```
11 11 11
            pass
Rešitev lahko pogledate v 208-1.ipynb.
In [4]: %run '208-1.ipynb'
ERROR:root:File `'208-1.ipynb.py'` not found.
Generiraj nekaj zaporedij različnih dolžin.
In [5]: list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 5))
                                                    Traceback (most recent call last)
        TypeError
        <ipython-input-5-b7ac19a359e0> in <module>()
    ---> 1 list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 5))
        TypeError: 'NoneType' object is not iterable
In [6]: list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 20))
        TypeError
                                                    Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-6-d419da9b7f30> in <module>()
    ----> 1 list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 20))
        TypeError: 'NoneType' object is not iterable
Model poskusite uporabiti tudi na primeru goljufive igralnice. Kovanec smo zamenjali z igralno kocko, ki
vrača vrednosti 1-6.
In [7]: # Alphabet
        A = ["1", "2", "3", "4", "5", "6"]
        # Emission probabilities
        E = {"F": {a: 1/6. for a in A},}
             "L": {a: 1/10. if a != "6" else 0.5 for a in A}}
```

Transition probabilities

start = "F"

 $T = \{0: \{0: 0, "F": 0.5, "L": 0.5\},$

In [8]: list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 5))

"F": {0: 0, "F": 0.95, "L": 0.05}, "L": {0: 0, "F": 0.1, "L": 0.9}}

```
TypeError Traceback (most recent call last)

<ipython-input-8-b7ac19a359e0> in <module>()
----> 1 list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 5))

TypeError: 'NoneType' object is not iterable

In [9]: list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 20))

TypeError Traceback (most recent call last)

<ipython-input-9-d419da9b7f30> in <module>()
----> 1 list(generate_hmm_sequence('F', T, E, 20))

TypeError: 'NoneType' object is not iterable
```

8.1.2 Učenje parametrov modela iz podatkov

In [11]: %run '208-1.ipynb'

Napišite funkcijo learn_hmm, ki bo sprejela vidno in skrito zaporedje, ter vrnila parametre skritega Markovega modela (slovarja T in E).

```
In [10]: from collections import Counter

def normalize(dic, eps=1e-8):
    """
    Normalize probabilities of items in a dictionary `dic`.
    Correct probabilities with a small constant to prevent probability 0.

dic = {"o": 90, "-": 10}

return
    dic = {"o": 0.9, "-": 0.1}
    """
    pass

def learn_hmm(h, x):
    """
    h: hidden sequence
    x: observable sequence
    """
    return T, E

Rešitev lahko pogledate v 208-1.ipynb.
```

```
ERROR:root:File `'208-1.ipynb.py'` not found.
In [12]: n = 40
       h, x = zip(*list(generate_hmm_sequence('F', T, E, n)))
      TypeError
                                         Traceback (most recent call last)
      <ipython-input-12-731639424f0c> in <module>()
        1 n = 40
   ----> 2 h, x = zip(*list(generate_hmm_sequence('F', T, E, n)))
      TypeError: 'NoneType' object is not iterable
In [13]: # Estimated parameters from data
       T_est, E_est = learn_hmm(h, x)
      ______
      NameError
                                         Traceback (most recent call last)
      <ipython-input-13-88a310a8e988> in <module>()
        1 # Estimated parameters from data
   ----> 2 T_{est}, E_{est} = learn_{hmm}(h, x)
      NameError: name 'h' is not defined
In [14]: T_est
            ______
      NameError
                                         Traceback (most recent call last)
      <ipython-input-14-86299011f15e> in <module>()
   ----> 1 T_est
      NameError: name 'T_est' is not defined
In [15]: E_est
          ______
      NameError
                                         Traceback (most recent call last)
      <ipython-input-15-865fe85fe9c1> in <module>()
   ----> 1 E_est
```

NameError: name 'E_est' is not defined

Primerjamo z dejanskimi:

8.1.3 Viterbijev algoritem

Algoritem za iskanje najverjetnejšega zaporedja skritih stanj (Viterbi).

Zaporedja, s katerimi delamo, so lahko zelo dolga. Množenje (majhnih) verjetnosti nas lahko hitro privede do napake *underflow*. Težavi se izognemo tako, da namesto množenja verjetnosti, seštevamo logaritme verjetnosti.

```
In [18]: import math
         def logmv(a):
             min_val = 0.000000001
             return math.log(max(a, min_val))
         def viterbi_log(s, hmm):
             t, e = hmm
             # seznam skritih stanj
             zh = set()
             for h, tmpd in e.items():
                 zh.add(h)
             zh = [0] + list(zh)
             # Create table V
             V = [\{\} \text{ for i in range(len(s)+1)}]
             ptr = [{} for i in range(len(s)+1)]
             # Initialize i = 0; V(0, 0) = 1; V(k, 0) = 0 for k > 0
             for k in zh:
                 V[0][k] = logmv(0.0) #t[0][k]*e[k][s[0]]
             V[0][0] = logmv(1.0)
             # for 1 = 1 : n, compute
             for i in range(1, len(s)+1):
                 for 1 in zh:
```

```
vals = [(V[i-1][k] + logmv(t[k].get(1, 0.0)), k) for k in zh]
                     max_val, max_k = max(vals)
                     V[i][1] = logmv(e.get(1, {}).get(s[i-1], 0.0)) + max_val
                     ptr[i][1] = max_k
             # trace back
             pi = []
             pi_L = max([(V[-1][k], k) for k in zh])[1]
             pi.append(pi_L)
             for p in ptr[-1:1:-1]:
                 pi.append(p[pi[-1]])
             pi.reverse()
             return V, zh, ptr, "".join(pi)
Pokliči funkcijo, ki za dano zaporedje x in za dani model (T in E) vrne najbolj verjetno skrito pot (h_najv).
Primerjaj jo z dejansko skrito potjo.
In [19]: # Alphabet
         A = ["1", "2", "3", "4", "5", "6"]
         # Emission probabilities
         E = {"F": {a: 1/6. for a in A},}
              "L": {a: 1/10. if a != "6" else 0.5 for a in A}}
         # Transition probabilities
         T = \{0: \{0: 0, "F": 0.5, "L": 0.5\},
              "F": {0: 0, "F": 0.95, "L": 0.05},
              "L": {0: 0, "F": 0.1, "L": 0.9}}
         hmm = (T, E)
         #s = "12335162666666666666635612536123365611213231524112666666666611666666666612"
         random.seed(442)
         skrito, vidno = zip(*generate_hmm_sequence('L', T, E, 71))
         skrito = "".join(skrito)
         vidno = "".join(vidno)
         _, _, _, napoved = viterbi_log(vidno, hmm)
         print(vidno)
         print(skrito)
         print(napoved)
        TypeError
                                                    Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-19-7ee266dc12ce> in <module>()
         16
         17 random.seed(442)
    ---> 18 skrito, vidno = zip(*generate_hmm_sequence('L', T, E, 71))
```

```
19 skrito = "".join(skrito)
20 vidno = "".join(vidno)

TypeError: type object argument after * must be an iterable, not NoneType

Izračunaj delež ujemanja:

In [20]: sum(pi == pj for pi, pj in zip(skrito, napoved))/len(skrito)

NameError

Traceback (most recent call last)

<ipython-input-20-f814a227f9fd> in <module>()
----> 1 sum(pi == pj for pi, pj in zip(skrito, napoved))/len(skrito)

NameError: name 'skrito' is not defined
```

8.2 Časovne vrste

Modeliranje časovnih vrst je pomeben del ekonomskih modelov, borznega posredništva, analize časovnih meritev v fiziki, biologiji, kemiji, ipd.

Podatki v obliki časovnih vrst se od dosedanjih scenarijev razlikujejo po pomebni lastnosti: vzorci niso neodvisni med seboj. Podatke predstavlja vektor časovnih točk (ki niso nujno enako oddaljene):

$$\mathbf{t} = (t_1, t_2, ..., t_n)$$

Običajno nas zanima funkcija oz. signal v vsaki časovni točki.

```
x(\mathbf{t}) = (x(t_1), x(t_2), ..., x(t_n))
In [1]: import os
        import sys
        import mlpy
        %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
        import matplotlib.cm as cm
        import numpy as np
        import scipy
        import os
```

8.2. ČASOVNE VRSTE 171

```
import GPy
        np.random.seed(42)
       ModuleNotFoundError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-1-86e0c314098b> in <module>()
          1 import os
          2 import sys
    ---> 3 import mlpy
          5 get_ipython().run_line_magic('matplotlib', 'inline')
        ModuleNotFoundError: No module named 'mlpy'
8.2.1 Primerjava časovnih vrst
Oglejmo si preprost primer dveh podobnih signalov x(\mathbf{t}) in y(\mathbf{t}).
In [2]: resolution = 100
        t = np.linspace(-5, 5, resolution)
                       * np.cos(2*t) + 0.2*np.random.rand(1, resolution).ravel()
        x = np.sin(t)
        y = -np.sin(t-2) * np.cos(2*t + 4) + 0.2*np.random.rand(1, resolution).ravel()
        from sklearn.linear_model import LinearRegression
        model = LinearRegression()
        model.fit(t.reshape((len(t), 1)), x)
        z = model.predict(t.reshape((len(t), 1)))
       plt.figure()
        plt.plot(x, "b.-", label="$x(t)$")
        # plt.plot(z, "r-", label="$x(t)$")
       plt.plot(y, "r.-", label="$y(t)$")
       plt.gca().set_xticklabels(np.linspace(-5, 5, 6))
       plt.xlabel("t")
       plt.legend()
       plt.show()
       NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-2-14cb7c2528c3> in <module>()
         1 resolution = 100
    ----> 2 t = np.linspace(-5, 5, resolution)
          3 x = np.sin(t)
                           * np.cos(2*t) + 0.2*np.random.rand(1, resolution).ravel()
          4 y = -np.sin(t-2) * np.cos(2*t + 4) + 0.2*np.random.rand(1, resolution).ravel()
```

NameError: name 'np' is not defined

Opazimo, da sta si signala zelo podobna, vendar so vrhovi zelo oddaljeni med seboj. Kako izmeriti to razdaljo (npr. za potrebe hierarhičnega gručenja)? Evklidska razdalja vrne navidez zelo visoko vrednost.

Korelacija med signaloma je nizka oz. celo obratna.

```
In [4]: scipy.stats.pearsonr(x, y)[0]

NameError Traceback (most recent call last)

<ipython-input-4-f38797f4b1fb> in <module>()
----> 1 scipy.stats.pearsonr(x, y)[0]
```

NameError: name 'scipy' is not defined

8.2.2 Dinamična poravnava signalov

V splošnem imamo dva različno dolga signala:

$$x(\mathbf{t}) = (x(t_1), x(t_2), ..., x(t_n))$$

$$y(\mathbf{t}) = (y(t_1), y(t_2), ..., y(t_m))$$

Dinamična poravnava signalov (ang. Dynamic time warping, DTW) je algoritem dinamičnega programiranja, ki poišče signala $x_w(\mathbf{t})$ in $y_w(\mathbf{t})$, tako, da je razdalja med vrednostmi signalov $|x_w(t_k) - y_w(t_k)|$ čim manjša. Dovoljeno je lokalno raztezanje in krčenje obeh signalov.

Algoritem DTW sestavi matriko \mathbf{W} velikosti $m \times n$ ki hrani razdalje, tako da

$$w_{ij} = |x(t_i) - y(t_j)|$$

Cilj algoritma DTW je iskanje poti dolžine max(m,n), ki gre iz levega spodnjega v desni zgornji kot matrike \mathbf{W} , tako da zmanjšamo skupno razdaljo

8.2. ČASOVNE VRSTE 173

$$\min \sum_{k} \sqrt{w_k}$$

```
Rezultat algoritma je matrika poravnave, optimalna pot in skupna razdalja med signaloma.
```

```
In [5]: dist, cost, path = mlpy.dtw_std(x, y, dist_only=False)
       print("Oddaljenost med x in y", dist)
       ______
                                                Traceback (most recent call last)
       NameError
       <ipython-input-5-68b036f3cefd> in <module>()
   ----> 1 dist, cost, path = mlpy.dtw_std(x, y, dist_only=False)
         2 print("Oddaljenost med x in y", dist)
       NameError: name 'mlpy' is not defined
In [6]: fig = plt.figure(2)
       ax = fig.add_subplot(111)
       plot1 = plt.imshow(cost.T, origin='lower', cmap=cm.gray, interpolation='nearest')
       plot2 = plt.plot(path[0], path[1], 'y', label="Pot w_k")
       xlim = ax.set_xlim((-0.5, cost.shape[0]-0.5))
       ylim = ax.set_ylim((-0.5, cost.shape[1]-0.5))
       plt.xlabel("Indeks $y$")
       plt.ylabel("Indeks $x$")
       plt.title("Optimalna matrika poravnave",)
       plt.legend( loc=4)
       plt.show()
       NameError
                                                Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-6-6b4a84ec98cc> in <module>()
   ----> 1 fig = plt.figure(2)
         2 ax = fig.add_subplot(111)
         3 plot1 = plt.imshow(cost.T, origin='lower', cmap=cm.gray, interpolation='nearest')
         4 plot2 = plt.plot(path[0], path[1], 'y', label="Pot w_k")
         5 \text{ xlim} = ax.set_xlim((-0.5, cost.shape[0]-0.5))
       NameError: name 'plt' is not defined
Poravnana signala dobimo s poravnavo vrednosti na ustreznih mestih v zaporedju.
In [7]: xw = x[path[0]]
       yw = y[path[1]]
```

```
NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-7-8f2a52d1f936> in <module>()
    ---> 1 xw = x[path[0]]
          2 yw = y[path[1]]
        NameError: name 'x' is not defined
Korelacija med signaloma je bistveno večja!
In [8]: scipy.stats.pearsonr(xw, yw)[0]
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-8-edc467517e3d> in <module>()
    ----> 1 scipy.stats.pearsonr(xw, yw)[0]
        NameError: name 'scipy' is not defined
Oba signala sta lokalno deformirana.
In [9]: plt.figure()
        plt.plot(xw, label="$x_w(t)$")
        plt.plot(yw, label="$y_w(t)$")
        plt.legend()
        plt.show()
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-9-d80ac1b5a14f> in <module>()
    ----> 1 plt.figure()
          2 plt.plot(xw, label="$x_w(t)$")
          3 plt.plot(yw, label="$y_w(t)$")
          4 plt.legend()
          5 plt.show()
        NameError: name 'plt' is not defined
```

Naredi sam/a. Poišči slovenske občine s podobnimi trendi spreminjanja gostote prebivalstva. Oglej si trende nekaj najpodobnejših krajev.

```
NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-10-875ce3b25d70> in <module>()
    ----> 1 x = np.loadtxt('podatki/ages/Maribor_starost-20-24_let.txt')
          2 y = np.loadtxt('podatki/ages/Ljubljana_starost-20-24_let.txt')
        NameError: name 'np' is not defined
In [11]: # ... load all cities and store them into a matrix
         import glob
         labels = []
         X = []
         for f in glob.glob('podatki/ages/* starost-20-24 let.txt'):
             city = os.path.basename(f).split("_")[0]
             labels.append(city)
             data = np.loadtxt(f)
             d = scipy.stats.zscore(data)
             X.append(d)
         X = np.array(X)
         X.shape
       NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-11-c3983a4792d4> in <module>()
               city = os.path.basename(f).split("_")[0]
          7
                labels.append(city)
          8
    ---> 9
            data = np.loadtxt(f)
                d = scipy.stats.zscore(data)
         10
                X.append(d)
         11
        NameError: name 'np' is not defined
Namig. Uporabi hierarhično razvšanje, kjer namesto funkcije za razdaljo (sch.linkage(metric=...)) po-
daš razdaljo izmerjeno po DTW.
In [12]: import scipy.cluster.hierarchy as sch
         # TODO: your code here
```

8.3 Napovedovanje trendov

8.3.1 Gaussovi procesi

Gaussovi procesi so paradni konj družine modelov, ki ji pravimo neparametrična regresija. Napovedni model tokrat ne bo predstavljen kot vektor uteži, temveč bo vsa informacija za napovedovanje vsebovana v učnem

vzorcu. Prednosti pristopa sta: * predpostavka, da so primeri neodvisni med seboj ne drži več, * model se posodobi, ko se pojavijo novi primeri.

Glana predpostavka je naslednja. Funkcija $x(\mathbf{t})$ je porazdeljena po multivariatni normalni porazdelitvi. To ne pomeni, da je vsaka vrednost $(x(t_i))$ porazdeljena normalno, temveč da celoten vektor $x(\mathbf{t})$ prihaja iz skupne noramalne porazdelitve, kjer so posamezne vrednosti $(x(t_i))$ lahko odvisne med sabo!

Torej:

$$x(\mathbf{t}) \sim \mathcal{N}(m(\mathbf{t}), k(\mathbf{t}, \mathbf{t}))$$

Funkcija $m(\mathbf{t})$ je funkcija povprečja, funkcija $k(\mathbf{t}, \mathbf{t})$ pa funkcija kovariance. Večinoma funkcijo povprečja nastavimo na 0. na obliko modela pa bistveno vpliva struktura kovariance. Zapišemo

$$x(\mathbf{t}) \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, k(\mathbf{t}, \mathbf{t}))$$

V praksi to pomeni, da za vsak končen učni vzorec $(x(t_1), x(t_2), ..., x(t_n))$ lahko statistično sklepamo o vsaki drugi časovni točki. Ob predpostavki normalne porazdelitve tako lahko analitično izračunamo naslednjo pogojno verjetnost

$$p(x(t_*)|x(t_1),x(t_2),...,x(t_n))$$

Za vsako časovno točko t_* . Kje je torej skrita informacija o podobnosti med primeri? V kovariančni funkciji!

8.3.2 Primer

Oglejmo si spreminjanje bruto državnega proizvoda v Združenih državah amerike med leti 1970 in 2012.

NameError: name 'np' is not defined

Uporabili bomo tipično funkcijo kovariance, eksponentno-kvadratno funkcijo (ang. "Exponentiated-quadratic"oz. "RBF"), dano z izrazom

$$k(t,t') = exp\{-\frac{\|t-t'\|^2}{2\ell^2}\}$$

kjer parametru ℓ pravimo dolžina vpliva (ang. lengthscale).

```
In [2]: resolution = 10
       t = np.linspace(-5, 5, resolution)
       t = t.reshape((len(t), 1))[0::1]
       x = x.reshape((len(x), 1))[0::1]
       x = x - x.mean()
       # Gaussian kernel, RBF, sq exp, exponentiated quadratic, stationary kernel
       kernel = GPy.kern.RBF(input_dim=1, lengthscale=1)
       model = GPy.models.GPRegression(t, x, kernel, noise_var=0.1) # noise_var=10.0
       # model.optimize(messages=True)
       model.plot(lower=5, upper=95)
       plt.gca().set_xlabel("t")
       plt.gca().set_ylabel("GDP($)")
       plt.xlim(-5, 10)
       plt.show()
       NameError
                                              Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-2-0a9721c61fe7> in <module>()
         1 \text{ resolution} = 10
   ----> 3 t = np.linspace(-5, 5, resolution)
         4 x = np.sin(t) * np.cos(2*t) + 0.2*np.random.rand(1, resolution).ravel()
       NameError: name 'np' is not defined
```

Dobimo model neparametrične regresije, ki nam omogoča ekstrapolacijo v naslednja leta. Opazimo, da se negotovost (varianca) napovedi povečuje, s tem ko se oddaljujemo od podatkov.

8.3.3 Kovariančne funkcije

Kovariačne funkcije bistveno vplivajo na obliko družine funkcij, ki jih vzorčimo iz Gaussovega Procesa. Oglejmo si nekaj tipičnih primerov kovariačnih funkcij. Bodite pozorni na lastnosti družine funkcij.

```
fig, axes = plt.subplots(nrows=2, ncols=5, figsize=(14, 4))
        for i, k, name in zip(range(5), kernels, names):
            # Narisi funkcijo kovariance
            knl = k(input_dim=1)
            knl.plot(x=1, ax=axes[0][i])
            axes[0][i].set_xlabel("t, t'")
            axes[0][i].set_ylabel("k(t, t')")
            axes[0][i].set_title(name)
            # Narisi vzorce iz druzine funkcij
            X = np.linspace(0, 10, 100).reshape((100, 1))
            mu = np.zeros((100, ))
            C = knl.K(X,X)
            Z = np.random.multivariate_normal(mu,C,5)
            for z in Z:
                axes[1][i].plot(z)
        fig.tight_layout()
       plt.show()
       NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-3-0549116d34f6> in <module>()
    ----> 1 kernels = [ GPy.kern.Linear, GPy.kern.RBF, GPy.kern.Brownian, GPy.kern.PeriodicExponential,
          2 names = ["linear", "exp", "brownian", "per_exp", "poly"]
          4 fig, axes = plt.subplots(nrows=2, ncols=5, figsize=(14, 4))
          5 for i, k, name in zip(range(5), kernels, names):
        NameError: name 'GPy' is not defined
Oglejmo si nekoliko bolj zanimiv signal. Spodnji podatki prikazujejo koncentracijo ogljikovega diosksida
(CO_2) v ozračju od leta 1960.
In [4]: co2 = np.genfromtxt("podatki/co2.csv", delimiter=",", skip_header=1)
       n = len(co2)
       t = co2[:, 0].reshape((n, 1))
       x = co2[:, 2].reshape((n, 1))
       x = x - x.mean()
        co2
        NameError
                                                   Traceback (most recent call last)
```

```
<ipython-input-4-0a9320767844> in <module>()
    ----> 1 co2 = np.genfromtxt("podatki/co2.csv", delimiter=",", skip_header=1)
          3
          4 n = len(co2)
       NameError: name 'np' is not defined
Opazimo sezonsko periodično spreminjanje signala, v kombinaciji z naraščajočim trendom.
In [5]: plt.figure(figsize=(10, 4))
       plt.plot(t, x, ".")
       plt.ylabel("$CO_2$")
       plt.xlabel("t (mesec)")
       plt.show()
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-5-f3205e50f927> in <module>()
    ----> 1 plt.figure(figsize=(10, 4))
          2 plt.plot(t, x, ".")
          3 plt.ylabel("$CO_2$")
          4 plt.xlabel("t (mesec)")
          5 plt.show()
       NameError: name 'plt' is not defined
Naredi sam/a. S seštevanjem kovariančnih funkcij poizkušaj modelirati podatke o koncetraciji CO_2. Poizkusi
najto kombinacijo funkcij, ki najbolje ekstrapoli<br/>rajo koncentracijo {\cal C}{\cal O}_2 v prihodnja leta.
In [6]: kernel = GPy.kern.RBF(1, lengthscale=1)
       model = GPy.models.GPRegression(t, x, kernel, noise_var=0.1)
       model.optimize(messages=True)
       model.plot()
       plt.gca().set_xlim(200, 600)
        ______
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-6-be96130dff9b> in <module>()
    ----> 1 kernel = GPy.kern.RBF(1, lengthscale=1)
```

2 model = GPy.models.GPRegression(t, x, kernel, noise_var=0.1)

3 model.optimize(messages=True)

5 plt.gca().set_xlim(200, 600)

4 model.plot()

NameError: name 'GPy' is not defined

Odgovori

1.1 Knjižnica numpy

```
Odgovor 1-1-1
In [1]: import numpy as np
        X = np.array([
            [[1, 2, 3, 4], [2, 3, 4, 5]],
            [[3, 4, 5, 6], [4, 5, 6, 7]],
            [[5, 6, 7, 8], [6, 7, 8, 9]]
        ])
        Х
Out[1]: array([[[1, 2, 3, 4],
                 [2, 3, 4, 5]],
                [[3, 4, 5, 6],
                 [4, 5, 6, 7]],
                [[5, 6, 7, 8],
                 [6, 7, 8, 9]]])
In [2]: X.shape
Out[2]: (3, 2, 4)
In [3]: X.size
Out[3]: 24
Odgovor 1-1-2
In [4]: A = np.array([[n+m*10 \text{ for n in range}(5)] \text{ for m in range}(5)])
Out[4]: array([[ 0,  1,  2,  3,  4],
                [10, 11, 12, 13, 14],
                [20, 21, 22, 23, 24],
                [30, 31, 32, 33, 34],
                [40, 41, 42, 43, 44]])
In [5]: A[A[:, 0]>10, 0:2]
```

ODGOVORI ODGOVORI

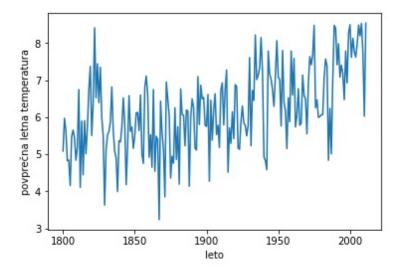
Out[6]: (21.532258064516132, (1994, 7))

1.2 Primer: statistika temperatur na severu

```
Naložimo podatke o dnevnih temperaturah v Stockholmu.
In [1]: import numpy as np
        data = np.loadtxt('podatki/stockholm.csv', delimiter=",", skiprows=1)
Odgovor 1-2-1
In [2]: data[(data[:, 0] == 1817) * (data[:, 1] == 12) * (data[:, 2] == 5), :]
Out[2]: array([[ 1817. , 12. , 5. , -5.8]])
Odgovor 1-2-2
In [3]: np.mean(data[(data[:, 1] == 1), 3])
Out[3]: -3.0447656725502132
Odgovor 1-2-3
In [4]: odkloni = [(np.std(data[(data[:, 1] == mesec), 3]), mesec) for mesec in range(1, 13)]
        odkloni
Out[4]: [(4.9892658658329561, 1),
         (5.0903907687662713, 2),
         (4.2923064618199263, 3),
         (3.76783651629394, 4),
         (4.029747854809286, 5),
         (3.5320797349808082, 6),
         (2.995916472129954, 7),
         (2.8473127640895139, 8),
         (3.0389674027350599, 9),
         (3.4875394481813999, 10),
         (3.8200293557907226, 11),
         (4.5026210415550008, 12)
In [5]: max(odkloni)
Out[5]: (5.0903907687662713, 2)
Največji odklon znaša 5.1 C, pojavi se v februarju.
Odgovor 1-2-4
In [6]: povprečja = []
        for leto in range(1800, 2012):
            for mesec in range(1, 13):
                t = np.mean(data[(data[:, 1] == mesec) * (data[:, 0] == leto), 3])
                povprečja.append((t, (leto, mesec)))
        max(povprečja)
```

Odgovor 1-2-5

```
In [7]: # Izračunajmo povprečno temperaturo za vsako leto posebej
        letna_povprečja = dict()
        for leto in range(1800, 2012):
            # Uporabimo pogojno naslavljanje polja
            letna_povprečja[leto] = data[data[:, 0] == leto, 3].mean()
In [8]: # Izpiši vsako leto, ki ima večjo povprečno temperaturo od prejšnjega
        leto_t = sorted(letna_povprečja.items())
        večji_od_lani = [leto_t[i][0] for i in range(1, len(leto_t)) if leto_t[i-1][1] < leto_t[i][1]]</pre>
        večji_od_lani[-10:] # izpišimo le nekaj letnic
Out[8]: [1992, 1994, 1997, 1999, 2000, 2002, 2005, 2006, 2008, 2011]
In [9]: # Poišči 10 najtoplejših let
        t_leto = sorted(((t, leto) for leto, t in leto_t))
        t_leto[-10:]
Out[9]: [(8.2189041095890421, 1934),
         (8.2657534246575342, 1999),
         (8.3997260273972589, 1990),
         (8.4134246575342466, 1822),
         (8.4797260273972608, 1975),
         (8.4808219178082194, 1989),
         (8.4882191780821916, 2006),
         (8.4978142076502738, 2000),
         (8.5330601092896181, 2008),
         (8.5394520547945199, 2011)]
Odgovor 1-2-6
In [10]: %matplotlib inline
         %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
         import matplotlib
         matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
             f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
             f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
         import matplotlib.pyplot as plt
In [11]: # Pomagaj si s letna_povprečja.
         # Os x: leto
         # Os y: povprečna letna temperatura
         plt.figure()
         # Narišimo izvirne podatke
         leta, temperature = zip(*sorted(letna_povprečja.items()))
         plt.plot(leta, temperature)
         # Vedno označimo osi.
         plt.xlabel("leto")
         plt.ylabel("povprečna letna temperatura")
         plt.show()
```



2.1 Knjižnica matplotlib

```
In [1]: %matplotlib inline
        import matplotlib
        %config InlineBackend.figure_format = 'jpg'
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        plt.style.use('PR.mplstyle')
        import numpy as np
        np.random.seed(42)
       FileNotFoundError
                                                  Traceback (most recent call last)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
        112
                        try:
    --> 113
                            rc = rc_params_from_file(style, use_default_template=False)
        114
                            _apply_style(rc)
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in rc_params_from_file(fname, fa
       1028
    -> 1029
                config_from_file = _rc_params_in_file(fname, fail_on_error)
       1030
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _rc_params_in_file(fname, fai
        944
                rc_temp = {}
    --> 945
                with _open_file_or_url(fname) as fd:
        946
                    try:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/contextlib.py in __enter__(self)
    ---> 81
                        return next(self.gen)
        82
                    except StopIteration:
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py in _open_file_or_url(fname)
                        encoding = "utf-8"
        929
    --> 930
                    with io.open(fname, encoding=encoding) as f:
        931
                        yield f
       FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'PR.mplstyle'
```

During handling of the above exception, another exception occurred:

OSError

Traceback (most recent call last)

```
<ipython-input-1-4709b06cc9e5> in <module>()
               f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
         7 import matplotlib.pyplot as plt
    ----> 8 plt.style.use('PR.mplstyle')
        10 import numpy as np
        ~/anaconda3/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/style/core.py in use(style)
                                   "not a valid URL or path. See `style.available` for "
                                   "list of available styles.")
       118
   --> 119
                           raise IOError(msg % style)
       120
       121
       OSError: 'PR.mplstyle' not found in the style library and input is not a valid URL or path. See
Odgovor 2-1-1
In [2]: plt.figure()
       x = np.linspace(1, 5, 10)
       for exp in range(-3, 4):
           y = x ** exp
           plt.plot(x, y)
       plt.xlabel('x')
       plt.ylabel('y');
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-2-ad75e5174fb6> in <module>()
         1 plt.figure()
   ----> 2 x = np.linspace(1, 5, 10)
         4 for exp in range(-3, 4):
         5 y = x ** exp
       NameError: name 'np' is not defined
<Figure size 432x288 with 0 Axes>
```

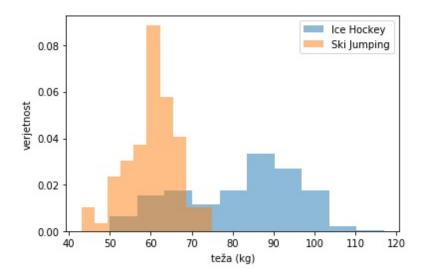
Odgovor 2-1-2

```
In [3]: N = 10000
      data = np.random.randn(N)
      plt.hist(data, bins=25);
       ______
      NameError
                                            Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-3-203c78b08417> in <module>()
        1 N = 10000
   ----> 2 data = np.random.randn(N)
        4 plt.hist(data, bins=25);
      NameError: name 'np' is not defined
Odgovor 2-1-3
In [4]: data = np.random.randn(1000) / 2 + 5
      plt.hist(data, bins=10);
                                            Traceback (most recent call last)
      NameError
       <ipython-input-4-4c0984270b17> in <module>()
   ----> 1 data = np.random.randn(1000) / 2 + 5
        2 plt.hist(data, bins=10);
      NameError: name 'np' is not defined
```

2.2 Primer: zimske olimpijske igre, Soči 2014

```
In [1]: %matplotlib inline
        %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
        import matplotlib
        matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
            f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
            f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
        import matplotlib.pyplot as plt
        import Orange
        from Orange.data.filter import SameValue
        from Orange.data import Table
        data = Table('podatki/athletes.tab')
        # barve medalj
        gold_color = "#FFDF00"
        silv_color = "#COCOCO"
        bron_color = "#CD7F32"
        sports = data.domain["sport"].values
Odgovor 2-2-1
Odgovor 2-2-2
Odgovor 2-2-3
In [2]: import numpy as np
        def pearson(x, y):
            return np.mean(((x - np.mean(x))*(y-np.mean(y)))/(np.std(x)*np.std(y)))
In [3]: x = data.X[:, 2]
                            # višina
       y = data.X[:, 3]
                            # teža
       pearson(x, y)
Out[3]: 0.83074658486272401
Odgovor 2-2-4
In [4]: filt = SameValue(data.domain['sport'], 'Ice Hockey')
        data_subset = filt(data)
        weights = data_subset.X[:, 3]
        plt.hist(weights, normed=True, bins=10, label="Ice Hockey", alpha=0.5)
       filt = SameValue(data.domain['sport'], 'Ski Jumping')
        data_subset = filt(data)
        weights = data_subset.X[:, 3]
       plt.hist(weights, normed=True, bins=10, label="Ski Jumping", alpha=0.5)
       plt.xlabel('teža (kg)')
```

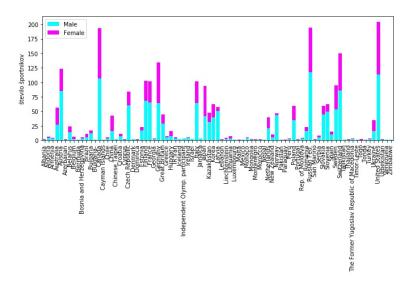
```
plt.ylabel('verjetnost')
plt.legend();
```



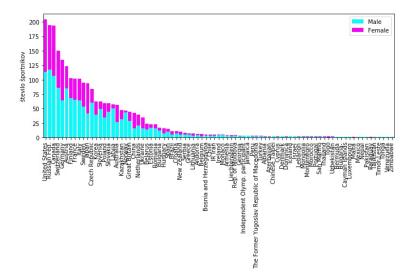
Odgovor 2-2-5

```
In [5]: countries = data.domain['country'].values
        gender_by_country = dict()
        for country in countries:
            # Filter by countries
                      = SameValue(data.domain['country'], country)
            data_subset = filt(data)
            # Filter males
                        = SameValue(data.domain['gender'], 'Male')
            data_subset_male = filt(data_subset)
            # Filter females
                        = SameValue(data.domain['gender'], 'Female')
            data_subset_female = filt(data_subset)
            # Store gender counts
            gender_by_country[country] = {
                'Male': len(data_subset_male),
                'Female': len(data_subset_female),
            }
In [6]: m = [gender_by_country[country]['Male'] for country in countries]
        f = [gender_by_country[country]['Female'] for country in countries]
        x = range(len(countries))
        plt.figure(figsize=(11, 4))
       plt.bar(x, m, color='cyan', align='center', label="Male")
       plt.bar(x, f, bottom=m, color='magenta', align='center', label="Female")
        plt.xlim(-0.5, len(countries)-0.5)
       plt.xticks(x)
       plt.gca().set_xticklabels(countries, rotation=90)
```

```
plt.ylabel('število športnikov')
plt.legend();
```



Odgovor 2-2-6



Odgovor 2-2-7 Najprej izračunamo distribucijo vrednosti.

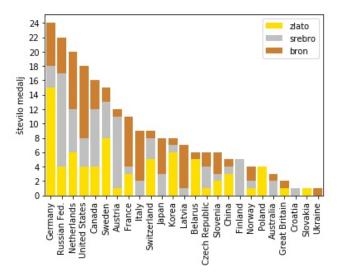
```
In [8]: # poišči indekse
        gold_inx = data.domain.index("gold_medals")
        silv_inx = data.domain.index("silver_medals")
        bron_inx = data.domain.index("bronze_medals")
        # pripravi podatke ; shrani št. medalj za vsako državo in šport
        countries = data.domain["country"].values
        # preštej medalje
        medals_by_country = dict()
        for country in countries:
            medals_by_country[country] = dict()
                        = SameValue(data.domain["country"], country)
            data_subset = filt(data)
            medals_by_country[country] = {
                "gold": data_subset.X[:, gold_inx].sum(),
                "silver": data_subset.X[:, silv_inx].sum(),
                "bronze": data_subset.X[:, bron_inx].sum(),
        }
Nato distribucijo narišemo.
```

```
In [9]: import numpy
```

```
countries = filter(lambda c: sum([medals_by_country[c][m] for m in medals_by_country[c].keys()]
countries = sorted(countries, key=lambda c: -sum([medals_by_country[c][m] for m in medals_by_co
gx = numpy.array([medals_by_country[c]["gold"] for c in countries])
sx = numpy.array([medals_by_country[c]["silver"] for c in countries])
bx = numpy.array([medals_by_country[c]["bronze"] for c in countries])
x = range(len(countries))

plt.bar(x, gx, align="center", color=gold_color, label="zlato")
plt.bar(x, sx, align="center", bottom=gx, color=silv_color, label="srebro")
plt.bar(x, bx, align="center", bottom=gx+sx, color=bron_color, label="bron")
```

```
plt.xlim(-0.5, len(x)-0.5)
plt.legend()
plt.xticks(x)
plt.yticks(range(0, 25, 2))
plt.gca().set_xticklabels(countries, rotation=90)
plt.ylabel("število medalj")
plt.savefig('slike/odgovori/2-2-7.png', bbox_inches='tight')
```

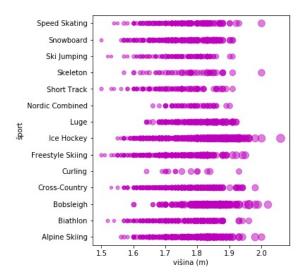


Odgovor 2-2-8 Priprava podatkov - teža in višina glede na sport (sport se nahaja v 8 stolpcu)

```
In [10]: sports = data.domain["sport"].values
         weights_by_sport = dict()
         heights_by_sport = dict()
         ages_by_sport = dict()
         for sport in sports:
             filt = SameValue(data.domain["sport"], sport)
             data_subset = filt(data)
             w = data_subset[:, data.domain.index("weight")].X.ravel()
             h = data_subset[:, data.domain.index("height")].X.ravel()
             a = data_subset[:, data.domain.index("age")].X.ravel()
             weights_by_sport[sport] = w
             heights_by_sport[sport] = h
             ages_by_sport[sport]
In [11]: plt.figure(figsize=(5, 6))
         for si, sport in enumerate(sports):
             xs = heights_by_sport[sport]
                                             # x os
             ys = [si for x in xs]
                                             # y os je v visini sporta
             zs = weights_by_sport[sport]
                                             # velikost točke je premosorazmerna s tezo
             for x, y, z in zip(xs, ys, zs): # rišemo točko po točko
                 plt.plot(x, y, "m.", alpha=0.5, markersize=z/5)
```

```
plt.yticks(range(len(sports)))
plt.ylim(-0.5, len(sports)-0.5)
plt.gca().set_yticklabels(sports)

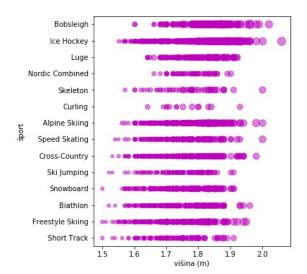
plt.xlabel("višina (m)")
plt.ylabel("šport");
plt.savefig('slike/odgovori/2-2-8.png', bbox_inches='tight')
```



Odgovor 2-2-9

```
In [12]: plt.figure(figsize=(5, 6))
         sport_order = []
         for si, sport in enumerate(sports):
             xs = heights_by_sport[sport]
                                             # x os
             sport_order.append((numpy.average(xs), si))
         sport_order.sort()
         sport_label = []
         for nsi, (avg_xs, si) in enumerate(sport_order):
             sport = sports[si]
             sport_label.append(sport)
             xs = heights_by_sport[sport]
                                             # x os
             ys = [nsi for x in xs]
                                             # y os je v visini sporta
             zs = weights_by_sport[sport]
                                             # velikost točke je premosorazmerna s tezo
             for x, y, z in zip(xs, ys, zs): # rišemo točko po točko
                 plt.plot(x, y, "m.", alpha=0.5, markersize=z/5)
             plt.plot(avg_xs, nsi, 'k', markersize=1)
         plt.yticks(range(len(sports)))
         plt.ylim(-0.5, len(sports)-0.5)
         plt.gca().set_yticklabels(sport_label)
```

plt.xlabel("višina (m)")
plt.ylabel("šport");



3.1 Pogoste verjetnostne porazdelitve

Odgovor 3-1-1

Odgovor 3-1-2

Odgovor 3-1-3

Odgovor 3-1-4

3.2 Primer: iskanje neslanih šal

Odgovor 3-2-1

Odgovor 3-2-2

Odgovor 3-2-3

Odgovor 3-2-4

4.1 Odkrivanje skupin

Odgovor 4-1-1

```
In [1]: import numpy as np
       np.random.seed(42)
        class KMeans:
            def __init__(self, k=10, max_iter=100):
                Initialize KMeans clustering model.
                :param k
                   Number of clusters.
                :param max_iter
                    Maximum number of iterations.
                self.k
                         = k
                self.max_iter = max_iter
            def fit(self, X):
                11 11 11
                Fit the Kmeans model to data.
                :param X
                    Numpy array of shape (n, p)
                    n: number of data examples
                    p: number of features (attributes)
                :return
                    labels: array of shape (n, ), cluster labels (0..k-1)
                    centers: array of shape (p, )
                       = X.shape
                labels = np.random.choice(range(self.k), size=n, replace=True)
                centers = np.random.rand(self.k, p)
                ### Your code here ###
                centers = np.min(X, axis=0) + centers * (np.max(X, axis=0) - np.min(X, axis=0))
                i = 0
                while i < self.max_iter:</pre>
                    # Find nearest cluster
                    for j, x in enumerate(X):
                        ki = np.argmin(np.sum((centers - x) ** 2, axis=1))
                        labels[j] = ki
                    # Move centroid
                    for ki in range(self.k):
                        centers[ki] = X[labels == ki].mean(axis=0)
                    i += 1
```

Your code here
return labels, centers

Odgovor 4-1-2

Odgovor 4-1-3

Odgovor 4-1-4

Odgovor 4-1-5

Odgovor 4-1-6

4.2 Hierarhično gručenje

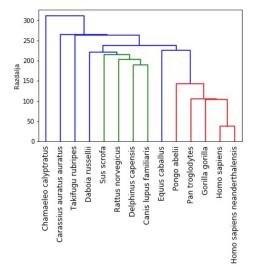
Odgovor 4-2-1

Odgovor 4-2-2

Odgovor 4-2-3

4.3 Primer: genomski podatki v obliki nizov znakov

```
In [1]: import json
       sequences = json.load(open("podatki/seqs.json"))
Odgovor 4-3-1
In [2]: from itertools import product
       import numpy as np
       import scipy.cluster.hierarchy as sch
       %matplotlib inline
       %config InlineBackend.figure_formats = ['jpg']
       import matplotlib
       matplotlib.figure.Figure.__repr__ = lambda self: (
           f"<{self.__class__.__name__} size {self.bbox.size[0]:g}"
           f"x{self.bbox.size[1]:g} with {len(self.axes)} Axes>")
       import matplotlib.pyplot as plt
       def seq_to_kmer_count(seq, k=4):
           ktuples = list(zip(*[seq[i:] for i in range(k)])) # razbijemo niz na k-terke
           kmers = list(product(*(k*[["A", "C", "T", "G"]]))) # use mozne k-terke
           x = np.zeros((len(kmers), ))
           for ki, kmer in enumerate(kmers):
               x[ki] = ktuples.count(kmer)
           return x
In [3]: \# \dots k = 4
       k = 4
       keys = sequences.keys()
          = np.zeros((len(keys), 4**k))
       for ki, ky in enumerate(keys):
           seq = sequences[ky]
           X[ki] = seq_to_kmer_count(seq, k=k)
       print(X)
       print(X.shape)
       H = sch.linkage(X)
       D = sch.dendrogram(H, labels=list(sequences.keys()), leaf_rotation=90)
       plt.ylabel("Razdalja")
       plt.show()
[[ 182. 157. 110. ..., 22. 18.
                                   15.]
[ 187. 149. 120. ..., 14.
                              13.
                                    12.]
 [ 174. 159. 124. ..., 18. 13. 14.]
[ 158. 125. 120. ..., 22. 31. 27.]
 [ 238. 160. 158. ..., 12. 18.
                                    14.]
 [ 184. 156. 110. ..., 25. 18. 19.]]
(14, 256)
```



5.1 Linearna regresija

model.coef_

```
Odgovor 5-1-1
In [1]: explained_var = 100.0 * (np.var(y) - np.var(hx-y)) / np.var(y)
       print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-1-d7f1e86fae41> in <module>()
    ----> 1 explained_var = 100.0 * ( np.var(y) - np.var(hx-y) ) / np.var(y)
          2 print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
       NameError: name 'np' is not defined
Odgovor 5-1-2
In [2]: explained_var = 100.0 * (np.var(y) - np.var(hx-y)) / np.var(y)
       print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-2-d7f1e86fae41> in <module>()
    ----> 1 explained_var = 100.0 * ( np.var(y) - np.var(hx-y) ) / np.var(y)
          2 print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
       NameError: name 'np' is not defined
Odgovor 5-1-3
In [3]: D = 20 \# stopnja polinoma
        # Ustvarimo ustrezen prostor
       X = np.zeros((len(x), D))
       for d in range(0, D):
           X[:, d] = x.ravel()**d
       model = Ridge(alpha=0.1)
       model.fit(X, y)
       hx = model.predict(X)
       plot_fit_residual(X[:, 1], y, hx)
       plot_coefficients(model.coef_)
```

```
Traceback (most recent call last)
       NameError
        <ipython-input-3-8e0a57f74d20> in <module>()
         3 # Ustvarimo ustrezen prostor
    ----> 4 X = np.zeros((len(x), D))
         5 for d in range(0, D):
              X[:, d] = x.ravel()**d
       NameError: name 'np' is not defined
Odgovor 5-1-4
In [4]: explained_var = 100.0 * ( np.var(y) - np.var(hx-y) ) / np.var(y)
       print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
       <ipython-input-4-d7f1e86fae41> in <module>()
    ----> 1 explained_var = 100.0 * ( np.var(y) - np.var(hx-y) ) / np.var(y)
          2 print("Explained variance: %.2f " % explained_var + "%" )
       NameError: name 'np' is not defined
Odgovor 5-1-5
In [5]: model = Lasso(alpha=0.1)
       model.fit(X, y)
       hx = model.predict(X_test)
       print("MSE: %.2f " %mean_squared_error(hx, y_test))
        explained_var = 100.0 * ( np.var(y_test) - np.var(hx-y_test) ) / np.var(y_test)
       print("Explained variance: %.2f" % explained_var + "%" )
       NameError
                                                  Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-5-748a51cac842> in <module>()
    ----> 1 model = Lasso(alpha=0.1)
         2 model.fit(X, y)
         4 hx = model.predict(X_test)
```

5

NameError: name 'Lasso' is not defined

Odgovor 5-1-6

5.2 Naivni Bayesov klasifikator

```
In [1]: class NaiveBayes:
            Naive Bayes classifier.
            :attribute self.probabilities
                Dictionary that stores
                    - prior class probabilities P(Y)
                    - attribute probabilities conditional on class P(X|Y)
            : attribute \ self.class\_values
                All possible values of the class.
            :attribute self.variables
                Variables in the data.
            :attribute self.trained
                Set to True after fit is called.
            def __init__(self):
               self.trained
                                 = False
               self.probabilities = dict()
            def fit(self, data):
                Fit a NaiveBayes classifier.
                :param data
                   Orange data Table.
                class_variable
                                   = data.domain.class_var # class variable (Y)
                self.class_values = class_variable.values # possible class values
                self.variables = data.domain.attributes # all other variables (X)
               n = len(data) # number of all data points
                # Compute P(Y)
                for y in self.class_values:
                    # A not too smart quess (INCORRECT)
                   self.probabilities[y] = 1/len(self.class_values)
                    # <your code here>
                    # Compute class probabilities and correctly fill
                    \# probabilities[y] = ...
                   # Select all examples (rows) with class = y
                   filt = SameValue(data.domain.class_var, y)
                   data_subset = filt(data)
                   m = len(data_subset)
                   self.probabilities[y] = m/n
```

```
# </your code here>
    # Compute P(X|Y)
    for y in self.class_values:
        # Select all examples (rows) with class = y
        filty = SameValue(class_variable, y)
        for variable in self.variables:
            for x in variable.values:
                # A not too smart quess (INCORRECT)
                p = 1 / (len(self.variables) * len(variable.values) * len(self.class_values
                # P(variable=x/Y=y)
                self.probabilities[variable, x, y] = p
                # <your code here>
                # Compute correct conditional class probability
                # probabilities[x, value, c] = ...
                # Select all examples with class == y AND
                # variable x == value
                # Hint: use SameValue filter twice
                filtx = SameValue(variable, x)
                data_subset = filtx(filty(data))
                m = len(data_subset)
                data_subset = filty(data)
                p = len(data_subset)
                self.probabilities[variable, x, y] = m/p
                # </your code here>
    self.trained = True
def predict_instance(self, row):
    Predict a class value for one row.
    :param row
       Orange data Instance.
    :return
        Class prediction.
    curr_p = float("-inf") # Current highest "probability" (unnormalized)
                             # Current most probable class
    curr_c = None
    for y in self.class_values:
        p = np.log(self.probabilities[y])
        for x in self.variables:
           p = p + np.log(self.probabilities[x, row[x].value, y])
        if p > curr_p:
```

```
curr_p = p
            curr_c = y
    return curr_c, curr_p
def predict(self, data):
    Predict class labels for all rows in data.
    :param data
       Orange data Table.
    :return y
       NumPy vector with predicted classes.
    n = len(data)
    predictions = list()
    confidences = np.zeros((n, ))
    for i, row in enumerate(data):
       pred, cf = self.predict_instance(row)
       predictions.append(pred)
       confidences[i] = cf
    return predictions, confidences
```

6 Nenegativna matrična faktorizacija in priporočilni sistemi

```
In [1]: import numpy as np
        import itertools
        import time
       np.random.seed(42)
        class NMF:
            Fit a matrix factorization model for a matrix X with missing values.
            such that
                X = W H.T + E
            where
                X is of shape (m, n) - data matrix
                \ensuremath{\text{W}} is of shape (m, rank) - approximated row space
                H is of shape (n, rank) - approximated column space
                E is of shape (m, n) - residual (error) matrix
            def __init__(self, rank=10, max_iter=100, eta=0.01):
                :param rank: Rank of the matrices of the model.
                :param max_iter: Maximum nuber of SGD iterations.
                :param eta: SGD learning rate.
                self.rank = rank
                self.max_iter = max_iter
                self.eta = eta
            def fit(self, X, verbose=False):
                Fit model parameters W, H.
                :param X:
                    Non-negative data matrix of shape (m, n)
                    Unknown values are assumed to take the value of zero (0).
                m, n = X.shape
                W = np.random.rand(m, self.rank)
                H = np.random.rand(n, self.rank)
                # Indices to model variables
                w_vars = list(itertools.product(range(m), range(self.rank)))
                h_vars = list(itertools.product(range(n), range(self.rank)))
                # Indices to nonzero rows/columns
                nzcols = dict([(j, X[:, j].nonzero()[0]) for j in range(n)])
                nzrows = dict([(i, X[i, :].nonzero()[0]) for i in range(m)])
                # Errors
                self.error = np.zeros((self.max_iter,))
```

```
for t in range(self.max_iter):
        t1 = time.time()
        np.random.shuffle(w_vars)
        np.random.shuffle(h_vars)
        for i, k in w_vars:
            wgrad = sum([(X[i, j] - W[i, :].dot(H[j, :]))*W[i, k] for j in nzrows[i]])
            W[i, k] = max(0, W[i, k] + self.eta * wgrad)
        for j, k in h_vars:
            \label{eq:hgrad} \textit{hgrad} = \textit{sum}([(X[i, j] - W[i, :].dot(H[j, :]))*H[j, k] for i in nzcols[j]])
            H[j, k] = max(0, H[j, k] + self.eta * hgrad)
        self.error[t] = sum([sum([(X[i, j] - W[i, :].dot(H[j, :]))**2 for j in nzrows[i]])
                             for i in range(X.shape[0])])
        if verbose: print(t, self.error[t])
    self.W = W
    self.H = H
def predict(self, i, j):
    Predict score for row i and column j
    :param i: Row index.
    :param j: Column index.
    return self.W[i, :].dot(self.H[:, j])
def predict_all(self):
    Return approximated matrix for all
    columns and rows.
    return self.W.dot(self.H.T)
```

7.1 KNJIŽICA NETWORKX 211

7.1 Knjižica networkx

7.2 Primer: analiza in vizualizacija omrežja elektronskih sporočil

8.1 Skriti Markovi modeli

```
In [1]: import random
        random.seed(42)
        def weighted_choice(weighted_items):
            """Random choice given the list of elements and their weights"""
            rnd = random.random() * sum(weighted_items.values())
            for i, w in weighted_items.items():
                rnd -= w
                if rnd < 0:</pre>
                    return i
        def generate_hmm_sequence(h, T, E, n):
            HMM sequence given start state,
            transition, emission matrix and sequence length
            return zip(hidden_path, visible_sequence)
            s = weighted_choice(E[h])
            yield h, s
            for _ in range(n-1):
                h = weighted_choice(T[h])
                yield h, weighted_choice(E[h])
        from collections import Counter
        def normalize(dic):
            s = sum(dic.values())
            return {k: dic[k]/s for k in dic}
        def learn_hmm(h, x):
            t = \{\}
            for (i, j), cn in Counter(zip(h, h[1:])).items():
                t.setdefault(i, {}).setdefault(j, cn)
            T = \{\}
            for i, d in t.items():
                T[i] = normalize(d)
            c = Counter(zip(h, x))
            E = \{\}
            for h in T.keys():
                E[h] = normalize({xi: c[(pi, xi)] for pi, xi in c if pi == h})
            return T, E
```

8.2 Modeliranje časovnih vrst

8.3 Neparametrična regresija ali napovedovanje trendov

Naloge

Priprava podatkov, osnovne statistike in vizualizacija

Podatkovno rudarjenje, naloga, <VPIŠI DATUM ODDAJE> <VPIŠI Ime in priimek>

Neizogiben del vsakega projekta na področju podatkovnega rudarjenja je iskanje, urejanje in priprava podatkov. V tej nalogi boste spoznali primer podatkovne zbirke in uporabili postopke za pretvorbo podatkov v ustrezno obliko ter pregled in prikaz osnovnih statistik.

Oddaja

Zapišite kodo in odgovore v spodnje celice. Tako pripravljen notebook shranite v vaš repozitorij za domače naloge na *github*. V učilnici oddajte le povezavo do notebooka v vašem repozitoriju, n.pr.: https://github.com/PR-ULFRI/dn19-1-vašeuporabniškoime/n1_priprava_pregled.ipynb.

Za bolj podrobna navodila, glejte razdelek "Domače naloge" v spletni učilnici predmeta.

Podatki

V nalogi boste pregledali in pripravili podatke gledanosti Hollywoodskih filmov zbirke MovieLens v obdobju 1995-2016. Podatki so v mapi /podatki/ml-latest-small.

Iste podatke boste uporabili v vseh domačih nalogah, zato jih dodobra spoznajte. Gre za podatkovno zbirko za vrednotenje priporočilnih sistemov, ki vsebuje gledalce ter njihove ocene za posamezni film na lestvici 1 do 5.

Poleg osnovne matrike uporabnikov in ocen vsebuje še dodatne podatke o filmih (npr. žanr, datum, oznake, igralci).

Podatkovna zbirka vsebuje naslednje datoteke:

- ratings.csv: podatki o uporabnikih in ocenah,
- movies.csv: podatki o žanrih filmov,
- cast.csv: podatki o igralcih,
- tags.csv: podatki o oznakah (ang. tags),
- links.csv: povezave na sorodne podatkovne zbirke.

Pred pričetkom reševanja naloge si dobro oglejte podatke in datoteko **README.txt**. Podrobnosti o zbirki lahko preberete na spletni strani.

Pripravite metode za nalaganje podatkov v ustrezne podatkovne strukture. Te vam bodo prišle prav tudi pri nadaljnjih nalogah. Bodite pozorni na velikost podatkov.

Zapišite kodo za branje datotek in pripravo ustreznih matrik (in drugih struktur) podatkov, ki jih boste uporabi pri odgovarjanju na spodnja vprašanja.

Kodo lahko razdelite v več celic.

Vprašanja

Glavni namen podatkovnega rudarjenja je *odkrivanje znanj iz podatkov*, torej odgovarjanje na vprašanja z uporabo računskih postopkov.

Z uporabo principov, ki ste jih spoznali na vajah in predavanjih, odgovorite na spodnja vprašanja. Pri vsakem vprašanju dobro premislite, na kakšen način boste najbolje podali, prikazali oz. utemeljili odgovor. Bistven del so odgovori na vprašanja in ne implementacija vaše rešitve.

219

1. vprašanje (15Kateri filmi so v povprečju najbolje ocenjeni? Pripravite seznam

filmov ter njihovih povprečnih ocen in izpišite po 10 filmov z vrha seznama. Opazite pri takem ocenjevanju kakšno težavo? Kako bi jo lahko rešili? Kakšni so rezultati tedaj?

Kodo lahko razdelite v več celic.

Odgovor: zapišite odgovor

2. vprašanje (15Posamezni film pripada enemu ali več žanrom.

Koliko je vseh žanrov? Prikaži porazdelitev žanrov z uporabo ustrezne vizualizacije.

Kodo lahko razdelite v več celic.

Odgovor: zapišite odgovor

3. vprašanje (20Število ocen (ogledov) se za posamezni film razlikuje. Ali

obstaja povezava med gledanostjo in povprečno oceno filma? Opišite postopek, ki ste ga uporabili pri odgovarjanju na vprašanje.

Kodo lahko razdelite v več celic.

Odgovor: zapišite odgovor

4. vprašanje (30Vsaka ocena je bila vnešena na določen datum (stolpec

timestamp). Ali se popularnost posameznih filmov s časom spreminja? Problem reši tako, da za dani film ocene razporediš po času ter v vsaku časovni točki izračunaš povprečje za zadnjih 30, 50, ali 100 ocen. Nariši graf, kako se ocena spreminja in ga prikaži za dva zanimiva primera filmov.

Kodo lahko razdelite v več celic.

Odgovor: zapišite odgovor

5. vprašanje (20Kako bi ocenili popularnost posameznih igralcev? Opišite postopek

ocenitve ter izpišite 10 najbolj popularnih igralcev.

Kodo lahko razdelite v več celic.

Odgovor: zapišite odgovor

bonus vprašanje (5

Kateri je tvoj najljubši film? Zakaj?

Odgovor: zapišite odgovor

Zapiski

Za nalaganje podatkov lahko uporabite vgrajen modul csv. Mapa s podatki ml-latest-small se v tem primeru mora nahajati v isti mapi kot notebook.

```
In [1]: from csv import DictReader
        reader = DictReader(open('podatki/ml-latest-small/ratings.csv', 'rt', encoding='utf-8'))
        for row in reader:
            user = row["userId"]
            movie = row["movieId"]
            rating = row["rating"]
            timestamp = row["timestamp"]
Podatki v zadnji vrstici datoteke:
In [2]: user, movie, rating, timestamp
Out[2]: ('671', '6565', '3.5', '1074784724')
Pretvorba časovnega formata (Unix time). Kode za oblikovanje so navedene v dokumentaciji modula
datetime.
In [3]: from datetime import datetime
        t = 1217897793 \# Unix-time
        ts = datetime.fromtimestamp(t).strftime('%Y-%m-%d %H:%M')
Out[3]: '2008-08-05 02:56'
```

Iskanje strukture v podatkih

Podatkovno rudarjenje, naloga, <VPIŠI DATUM ODDAJE> <VPIŠI Ime in priimek>

Z modeliranjem skušamo poiskati strukturo v podatkih. Z metodami nenadzorovanga modeliranja skušamo poiskati skupine podobnih podatkov oz. skupine primerov.

V nalogi boste uporabili modeliranje verjetnostnih porazdelitev za iskanje osamelcev ter metode za iskanje skupin podobnih primerov (gručenje).

Podatki

Opis podatkovne zbirke MovieLens ostaja enak prvi nalogi.

Vprašanja

Z uporabo principov, ki ste jih spoznali na vajah in predavanjih, odgovorite na spodnja vprašanja. Pri vsakem vprašanju dobro premislite, na kakšen način boste najbolje podali, prikazali oz. utemeljili odgovor. Bistven del so odgovori na vprašanja in ne toliko implementacija vaše rešitve.

1. Iskanje osamelcev (50O ocenah katerih filmov so si uporabniki najmanj enotni? Povedano drugače, za katere filme so pripadajoče ocene najbolj razpršene?

Formuliraj problem kot modeliranje verjetnostne porazdelitve. Premisli o naslednjih vprašanjih, naredi ustrezne poizkuse in odgovori.

In [1]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

1.1. vprašanje:

Katera je ustrezna naključna spremenljivka (količina) v podatkih, ki odgovarja na vprašanje?

In [2]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

1.2. vprašanje:

Nariši njeno porazdelitev, npr., s pomočjo histograma.

In [3]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

1.3. vprašanje:

Ali porazdelitev spominja na kakšno znano porazdelitev? Ali je porazdelitev morda normalna ali katera druga?

```
In [4]: # kodo lahko razdelite v več celic
```

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

1.4. vprašanje:

Oceni parametre te porazdelitve s pomočjo postopkov, ki smo jih spoznali na vajah. Izmed porazdelitev, ki smo jih spoznali na vajah, izberi tisto, ki se podatkom najbolj prilega.

In [5]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

1.5. vprašanje:

Izpiši filme z vrednostjo naključne spremenljivke, ki spada v zgornjih 5% statistično značilnih primerov.

In [6]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

2. Gručenje filmov (50

Priporočilni sistemi pogosto odkrivajo skupine predmetov (v našem primeru filme), za katere velja visoka podobnost.

Poiščite 100 najbolj gledanih filmov. Ali med njimi obstajajo skupine? Uporabite ustrezen algoritem za gručenje. Na film lahko gledamo kot vektor, kjer je število komponent enako številu uporabnikov.

Vektorji vsebujejo tudi neznane vrednosti. Primer vektorjev za deset filmov prikazuje spodnja tabela.

Algoritme gručenja lahko izvajamo v izvornem prostoru (koordinatni sistem filmi-uporabniki) ali pa filme primerjamo z merami podobnosti, ki smo jih spoznali na vajah. Premisli, kateri način je primernejši glede na obliko podatkov.

x	Movie	u_0	u_1	u_2	
$\vec{x_0}$	Fight Club (1999)	?	?	?	
$\vec{x_1}$	Twelve Monkeys (a.k.a. 12 Monkeys) (1995)	?	?	2.5	
$\vec{x_2}$	Independence Day (a.k.a. ID4) (1996)	?	?	?	
$\vec{x_3}$	Dances with Wolves (1990)	4.0	?	?	
$\vec{x_4}$	Fargo (1996)	?	?	?	
$\vec{x_5}$	Speed (1994)	?	?	?	
$\vec{x_6}$	Apollo 13 (1995)	?	2.0	?	
$\vec{x_7}$	Seven (a.k.a. Se7en) (1995)	?	?	?	
$\vec{x_8}$	Sixth Sense, The (1999)	3.0	?	4.0	
$\vec{x_9}$	Aladdin (1992)	?	?	?	
	•••				

Pri tem odgovori na naslednja vprašanja.

2.1. vprašanje:

Utemelji izbiro algoritma in mere podobnosti.

In [7]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

2.2. vprašanje:

Koliko skupin filmov je med izbranimi? Ali poznamo kvantitativne ocene za različne možnosti razvrščanja v skupine?

In [8]: # kodo lahko razdelite v več celic Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

2.3. vprašanje:

Prikaži rezultate z uporabo ustrezne vizualizacije.

In [9]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

2.4. vprašanje:

Komentiraj smiselnost dobljenih rezultatov.

In [10]: # kodo lahko razdelite v več celic

Odgovor: odgovor lahko zapišete v več celic

Napovedovanje vrednosti

```
Podatkovno rudarjenje, naloga, <VPIŠI DATUM ODDAJE> <VPIŠI Ime in priimek>
```

Spoznali bomo praktično uporabo enostavnih metod nadzorovanega modeliranja oz. napovedovanja. Skupna lastnost vseh omenjenih metod je, da s pomočjo naključnih spremenljivk (atributov) modelirajo vrednosti posebne spremenljivke, ki ji pravimo *razred* (v kontekstu uvrščanja v razrede, klasifikacije) ali *odziv* (v kontekstu regresije). Osnovne razlike med kontekstoma smo spoznali na predavanjih in vajah.

Praktična cilja, ki ju bomo zasledovali sta: * modeliranje ocen posameznega uporabnika (odziva) s pomočjo vseh ostalih uporabnikov, * primerjava metod nadzorovanega modeliranja.

Podatki

Opis podatkovne zbirke MovieLens 1996-2016 ostaja enak prvi nalogi.

Predpriprava podatkov

Za potrebe te naloge bomo podatke pripravili na naslednji način: 1. Izberi m filmov z vsaj 100 ogledi. 2. Izberi n uporabnikov, ki si je ogledalo vsaj 100 filmov. 3. Pripravi matriko X velikosti $m \times n$, kjer vrstice predstavljajo filme, stolpci pa uporabnike. Neznane vrednosti zamenjaj z 0.

Za vsakega od izbranih n uporabnikov bo zgrajen regresijski model, katerega cilj bo napoved ocen za filme.

```
<
$y^{(0)}$
$X^{(0)}$
Film/uporabnik
$u_0$
$u 1$
$u 2$
$\cdots$
${f_1}$
Twelve Monkeys (a.k.a. 12 Monkeys) (1995) 
0
0
2.5
$\cdots$
${f_2}$
Dances with Wolves (1990) 
4
0
0
$\cdots$
```

```
<t.r>
 ${f_3}$
 Apollo 13 (1995)
 0
2
 0
 $\cdots$
${f_4}$
 Sixth Sense, The (1999)<td style="border-right: 1px solid #000; border-left: 1px solid #00
 0
 4
 $\cdots$
$\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
<
 $y^{(1)}$
 $X^{(1)}$
Film/uporabnik
 $u_1$
 $u_0$
 $u 2$
 $\cdots$
${f_1}$
 Twelve Monkeys (a.k.a. 12 Monkeys) (1995)
 0
0
 2.5
 $\cdots$
${f_2}$
 Dances with Wolves (1990) 
 0
 4
 0
 $\cdots$
```

```
<t.r>
 ${f_3}$
 Apollo 13 (1995)
 2
 0
 0
 $\cdots$
${f_4}$
 Sixth Sense, The (1999)<td style="border-right: 1px solid #000; border-left: 1px solid #00
 3
 4
 $\cdots$
$\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
 $\cdots$
```

Razdelitev podatkov za model uporabnika u_0 (zgoraj) in uporabnika u_1 (spodaj).

Vprašanja

(100
regresijski model. Uporabite eno ali več metod za učenje regresijskih modelov (linearna regresija, Ridge, Lasso, itd.). Za vsakega od n uporabnikov izberite ustrezni stolpec v matriki podatkov. Za uporabnika i imamo torej

```
Vektor odziva $y^{(i)}$,
Matriko podatkov $X^{(i)}$, ki vsebuje vse stolpce *razen* $i$.
```

Za lažjo predstavo si oglej zgornji tabeli. Nekajkrat (npr. trikrat) ponovite postopek preverjanja s pomočjo učne in testne množice:

Oceno vrednotenja nato delite s številom poizkusov, da dobite končno oceno.

Poročajte o uspešnosti vašega modela. Pri tem se osredotočite na naslednja vprašanja:

```
Utemeljite ustrezno mero vrednotenja. Ali model dobro napoveduje ocene?
Z izbrano mero ocenite modele za vseh $n$ uporabnikov.
```

(Bonus 15ocene filmov. Ocenite nekaj filmov po lastnem okusu in preverite, kako modeli ocenijo neizbrane filme. Ali se vam zdijo napovedi primerne?

Zapiski

Implementacijo, opis in vrednotenje metod za nadzorovanjo učenje vsebujejo knjižnice sklearn ali Orange.

Uporaba matrične faktorizacije za napovedovanje

Podatkovno rudarjenje, naloga, <VPIŠI DATUM ODDAJE> <VPIŠI Ime in priimek>

V prejšnji domači nalogi smo uporabili metode nadzorovanega modeliranja na problemu napovedovanja ocen neocenjenih filmov. Ker smo za vsakega od m uporabnikov zgradili svoj model, dobimo m modelov, ki si med seboj ne delijo nobene informacije.

Metode matrične faktorizacije so pomemben gradnik sodobnih priporočilnih sistemov. Omogočajo nam, da vsakega uporabnika in vsak izdelek (film) modeliramo s pomočjo r regresijskih modelov, kar vodi v enoten model, ki omogoča napoved ocene za poljubno kombinacijo uporabnika in filma.

Model matrične faktorizacije matriko podatkov $X \in \mathbb{R}^{m \times n}$ oceni s produktov dveh matrik nižjega ranga $W \in \mathbb{R}^{m \times r}$ in $H \in \mathbb{R}^{n \times r}$, tako da

$$X = WH^T + E \tag{8.1}$$

kjer je $E \in \mathbb{R}^{m \times n}$ matrika napak oz. ostankov. Matriki modela W in H lahko poiščemo tudi, če nekatere vrednosti vX niso znane, kar velja za priporočilne sisteme. Model omogoča napoved vseh omenjenih neznanih vrednosti.

Vrednotenje priporočilnih sistemov se razlikuje od običajnih regresijskih modelov, saj na napovedne vrednosti gledamo kot na *seznam priporočil*, kjer nas zanima samo nekaj vrhnjih elementov tega seznama oz. ali se med njimi nahajajo relevantna priporočila.

Podatki

Opis podatkovne zbirke MovieLens 1996-2016 ostaja enak prvi nalogi.

Predpriprava podatkov

Za potrebe te naloge podatke pripravite na naslednji način:

- 1. Izberite n filmov, ki imajo vsaj 20 ocen.
- 2. Izberite m uporabnikov, ki je ocenilo vsaj 20 filmov. Upoštevajte samo filme, izbrane v prejšnjem koraku.
- 3. Sestavite matriko X velikosti $m \times n$ (v vsaki vrstici vsebuje vsaj 20 ocen).

Nato sestavite učno in testno množico, kot je prikazano na sliki. Za vsakega uporabnika (vrstico v X) izberite k (npr. k = 5) visoko ocenjenih filmov (z ocenami 5 ali 4). Učno matriko X_U sestavite tako, da izbrane filme odstranite, in jih shranite v testno matriko X_T .

Vprašanja

- 1. (30 NMF, predstavljenega na laboratorijskih vajah. Pri izračunu gradienta (odvoda) za vsako spremenljivko upoštevajte samo znane ocene. Na kratko opišite, kateri parametri vplivajo na učenje modela in kako? Kakšne kompromise predstavljajo?
- 2. (50 testno množico v skladu z opisom na Sliki~??a. Za vsakega uporabnika naključno odstranite k = 5 visoko ocenjenih filmov (z ocenami 4 ali 5). Omenjeni filmi predstavljajo testno množco.

S pomočjo algoritma poiščite matriki W in H, ki modelirata učno matriko X_U , kot je prikazano na Sliki~\ref{f:nmf-shema}b.

Za vsakega uporabnika \$i\$ nato napovejte ocene za vse neocenjene filme. Vektor ocen pretvorite v seznam priporočil tako, da ocene uredite po padajočem vrstnem redu (višje napovedane ocene se nahajajo v vrhu seznama). Postopek je prikazan na Sliki~\ref{f:nmf-shema}c.

Ocenite, ali se filmi, ki ste jih odstranili za uporabnika \$i\$ v povprečju pojavljajo bližje vrhu seznama, kot bi to pričakovali po naključju. Na ta način ugotovite, ali model smiselno priporoča filme. Opišite, kako ste izvedli postopek vrednotenja in komentirajte rezultate.

\item (20 \%) Kako parametri modela NMF vplivajo na uspešnost napovedi? Preizkusite
 npr. nekaj različnih vrednosti za rang (\$r\$) matrik \$W\$ in \$H\$ in preverite,
kako različne nastavitve vplivajo na napoved.

\item (Bonus 10 \%) Ustvarite novega uporabnika, ki predstavlja vaše ocene filmov. Ocenite nekaj filmov po lastnem okusu in ponovite analizo.

Komentirajte ustreznost predlogov.

Zapiski

Pri implementaciji, uporabi in opisu algoritma za reševanje matrične faktorizacije si lahko pomagate z zapiski laboratorijskih vaj, ki jih najdete na spletni učilnici.

Viri

1. Y. Koren, R. Bell, and C. Volinsky, "Matrix factorization techniques for recommender systems," Computer (Long. Beach. Calif)., no. 8, pp. 30–37, 2009. [Povezava].

Implementacija priporočilnega sistema

Podatkovno rudarjenje, naloga, <VPIŠI DATUM ODDAJE> <VPIŠI Ime in priimek>

Aplikacija naj združuje vse pridobljeno znanje. Implementirana naj bo implementirana s poljubno tehnologijo in omogočala prijavo novega uporabnika, ocenjevanje filmov ter priporočanje še ne ocenjenih filmov.

Podatki

Opis podatkovne zbirke MovieLens 1995-2016 ostaja enak prvi nalogi.

Vprašanja

- (100Pri tem lahko uporabite poljubne metode podatkovnega rudarjenja, ki ste jih spoznali pri predmetu in drugje. Povsod, kjer implementacija funkcijskih zahteve ni natančno določena, sami sprejmite odločitve, potrebne za implementacijo.
 - Aplikacija naj omogoča naslednje funkcionalnosti:
- Uporabniški vmesnik. Po lastni izbiri načrtujte preprost uporabniški vmesnik. Vmesnik je lahko ukazna vrstica, grafični vmesnik ali spletni vmesnik. Sistem naj bo možno enostavno zagnati oz. naj bo dostopen za uporabo. Vmesnik omogoča komunikacijo med uporabnikom in priporočilnim sistemom.
- Prijava novega uporabnika. Sistem naj omogoča dodajanje novih uporabnikov in vnos ocen preko uporabniškega vmesnika. Uporabnike lahko identificirate npr. z uporabniškimi imeni, številkami, ipd. Vnesene ocene se ob izhodu iz sistema shranijo in so upoštevane pri ponovnem zagonu. Uporabnik filme, ki so v podatkih, oceni z ocenami med 1 (nezadostno) in 5 (odlično).
- Na zahtevo uporabnika generirajte spisek petih uporabniku najbolj ustreznih filmov, ki jih uporabnik še ni ocenil. Metoda za priporočanje filmov je lahko izbrana iz množice metod, ki smo jih spoznali v okviru predmeta (metode nadzorovanega modeliranja, matrična faktorizacija, ...) ali drugih. V poročilu opišite, katero metodo uporabljate.
- 2. (Bonus 20podatkov, ki jih je mogoče zagnati iz uporabniškega vmesnika. To lahko vključuje gruče uporabnikov, trende različnih žanrov skozi čas, porazdelitve (povprečnih ocen), trenutno najpopularnejše filme, ipd.

V poročilu opišite primere za uporabo vaše aplikacije - slike zaslona s spremnim besedilom oz. ukaze in rezultate, če je vmesnik ukazna vrstica. Pri tem prikažite najmanj en primer za vsako funkcionalnost, ki ste jo implementirali.

Rezultati

Delovanje aplikacije na kratko predstavite v poročilu.

Rezultati naloge so: * poročilo, ki ga sestavljajo kratka navodila za uporabo aplikacije. Oddajte datoteko .tex in .pdf poročila, * izvorna koda programov (datoteke .ipynb, .py, ...).

Literatura

- [1] S. van der Walt, S. C. Colbert, and G. Varoquaux. The numpy array: A structure for efficient numerical computation. *Computing in Science Engineering*, 13(2):22–30, March 2011.
- [2]
- [3]
- [4]