

Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого
Институт прикладной математики и механики
Кафедра «Прикладная математика»

**ОТЧЁТ ПО ЛАБОРАТОРНЫМ РАБОТАМ
ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ВЫЧИСЛИТЕЛЬНЫЕ
КОМПЛЕКСЫ»**

Выполнил
студент группы 3630102/70201

Кузин А.В.

Проверил
к. ф.-м. н., доцент

Баженов Александр Николаевич

Санкт-Петербург
2020

Содержание

1	Задачи	2
2	Решение	2
2.1	Задача 1	2
2.2	Задача 2	3
2.2.1	1 вариант	3
2.2.2	2 вариант	5
3	Приложения	7

Список иллюстраций

1 Задачи

- Решить пример из лекции с треугольной матрицей и неправильными интервалами в правой части.
- Решить более масштабную задачу в 2 вариантах, относящуюся к компьютерной малоракурсной томографии.

2 Решение

2.1 Задача 1

Для решения задачи возьмём следующую треугольную точечную матрицу A и неправильными интервалами в правой части \mathbf{b} :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0.1 \end{pmatrix}; \mathbf{b} = \begin{pmatrix} [2.1, 1.9] \\ [0.5, 0.8] \end{pmatrix} \quad (1)$$

Для начала разделяем \mathbf{b} на компоненты левой и правой границ:

$$b_{inf} = \begin{pmatrix} 2.1 \\ 0.5 \end{pmatrix}; b_{sup} = \begin{pmatrix} 1.9 \\ 0.8 \end{pmatrix} \quad (2)$$

Теперь приступаем к решению.

Генерируем погружение sti для найденных границ \mathbf{b} :

$$\text{sti}(\mathbf{b}) = \begin{pmatrix} -2.1 \\ -0.5 \\ 1.9 \\ 0.8 \end{pmatrix} \quad (3)$$

Далее конструируем знаково-блочную матрицу:

$$A^{\sim} = \left(\begin{array}{c|c} A^+ & A^- \\ \hline A^- & A^+ \end{array} \right) = \left(\begin{array}{cc|cc} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0.1 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0.1 \end{array} \right) \quad (4)$$

Умножаем обратную матрицу к знаково-блочной (4) на (3):

$$(A^{\sim})^{-1} \begin{pmatrix} -2.1 \\ -0.5 \\ 1.9 \\ 0.8 \end{pmatrix} = \left(\begin{array}{cc|cc} 1 & -10 & 0 & 0 \\ 0 & 10 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 1 & -10 \\ 0 & 0 & 0 & 10 \end{array} \right) \begin{pmatrix} -2.1 \\ -0.5 \\ 1.9 \\ 0.8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2.9 \\ -5 \\ -6.1 \\ 8 \end{pmatrix} \quad (5)$$

Тогда формальное решение для системы ИСЛАУ равно:

$$\text{sti}^{-1} \begin{pmatrix} 2.9 \\ -5 \\ -6.1 \\ 8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} [-2.9, -6.1] \\ [5, 8] \end{pmatrix} \quad (6)$$

Проверка:

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0.1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} [-2.9, -6.1] \\ [5, 8] \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} [-2.9, -6.1] + [5, 8] \\ [0.5, 0.8] \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} [2.1, 1.9] \\ [0.5, 0.8] \end{pmatrix} \quad (7)$$

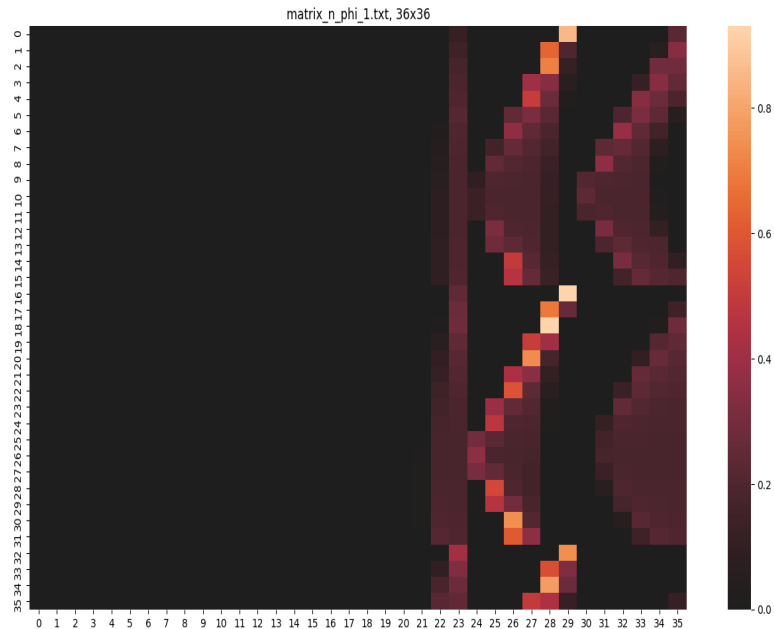
Получен верный результат.

2.2 Задача 2

2.2.1 1 вариант

Из файла *matrix_n_phi_1.txt* загружаем матрицу и приводим её к квадратной, так как в файле прямоугольная.

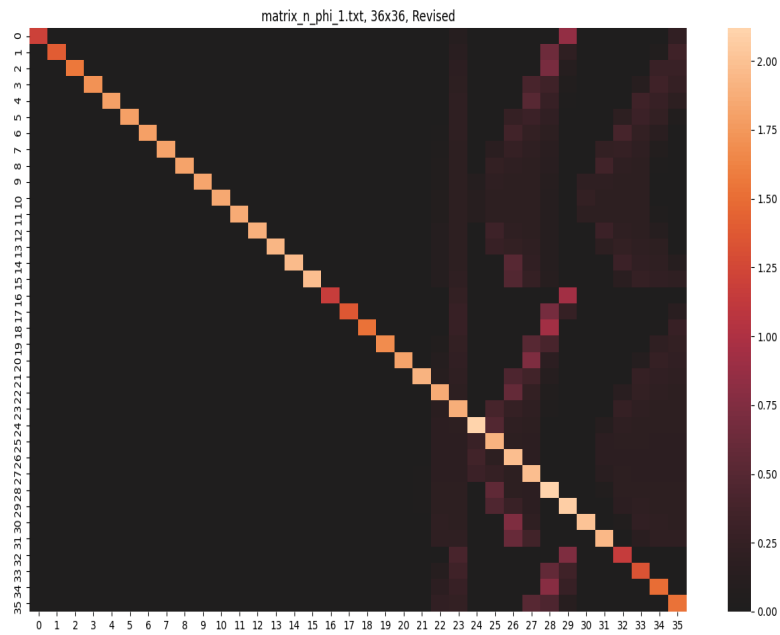
Квадратная матрица имеет следующую карту величин:



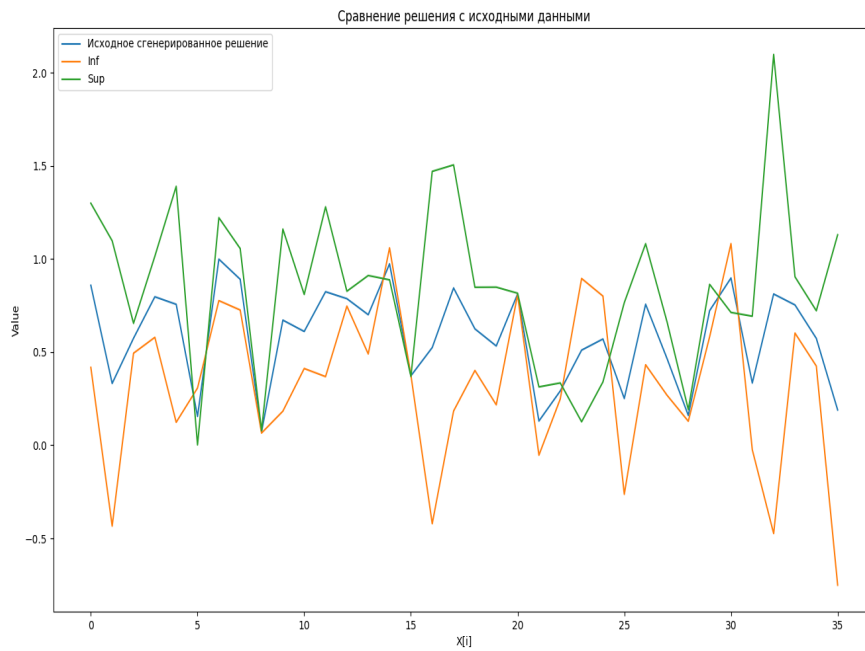
Так как дальнейшая интервальность заключена только в правой части, требуем от матрицы абсолютной неособенности. Для этого проверяем определитель матрицы и определитель матрицы из модулей её элементов на отличие от нуля. Оба равны нулю.

Исправим это добавлением к матрице свойства диагонального преобладания.

Тогда карта величин станет следующей:



Сгенерируем x и $\text{rad}b$ с помощью равномерного распределения и получим b .
 Далее всё аналогично примеру из 1 задачи.
 График сравнения решения с исходными данными:

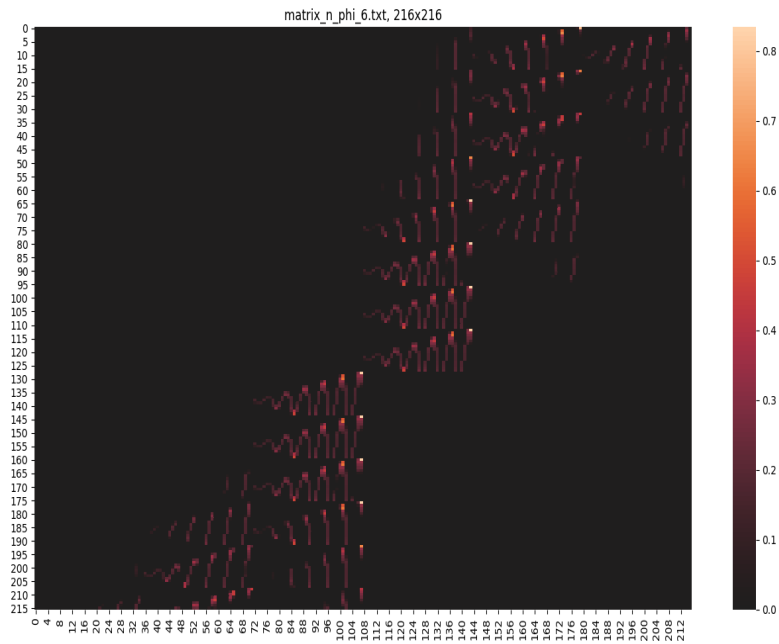


Как видим, \mathbf{x} содержит все реальные решения внутри себя.

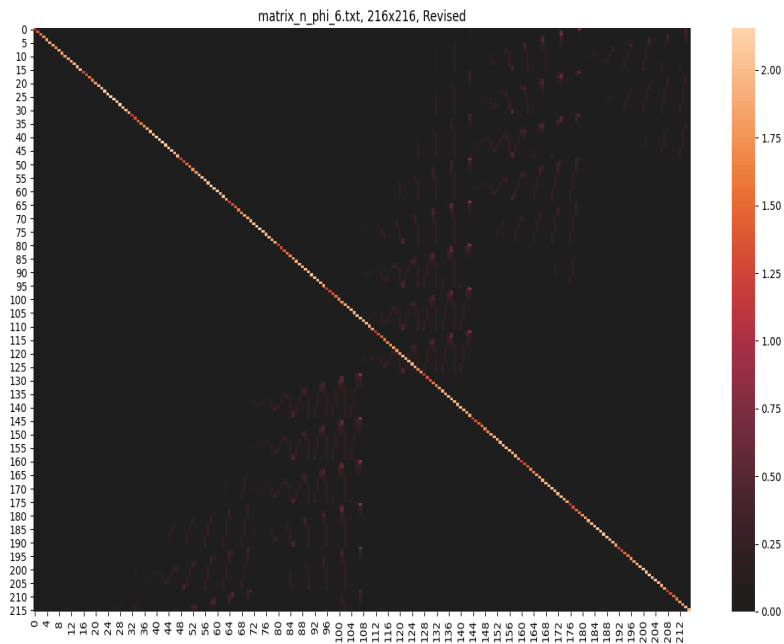
2.2.2 2 вариант

Загружаем данные из файла *matrix_n_phi_6.txt* и всё аналогично предыдущим решениям.

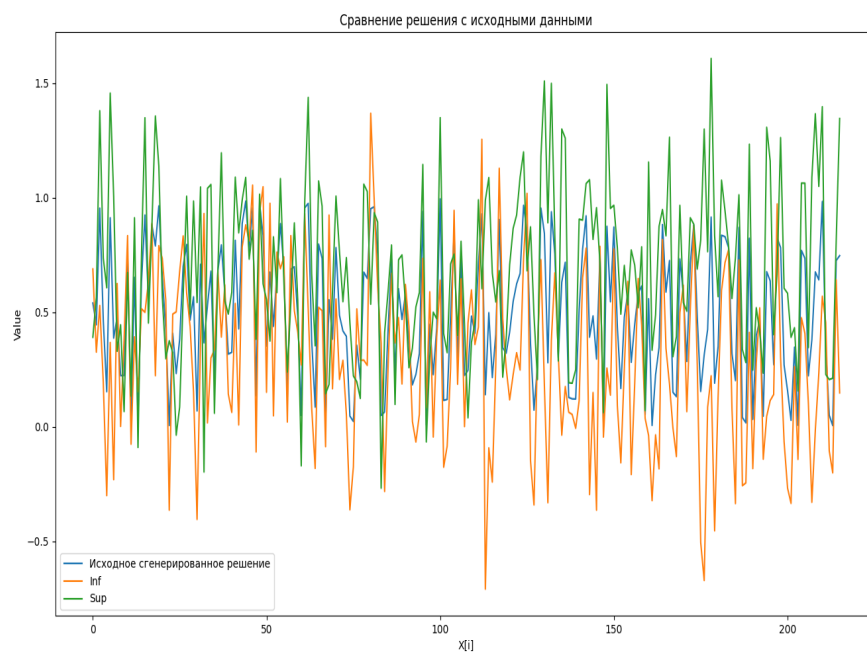
Первоначальная карта величин для матрицы:



Так как определители равны нулю, изменённая матрица и её карта величин:



После генерации данных и решения получаем следующее сравнение решения с данными:



Из-за большой размерности задачи сложно разглядеть, но видно, что вершины

ломанных всё также находятся между границами интервалов.

3 Приложения

Код программы на GitHub, URL: https://github.com/Kexon5/Comp_complex.git