1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3\sqrt[8]{x^3} - 3x^9 - 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x-5) e^x dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5x^2 - 23x + 20}{(x-3)^2 (x+1)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{(\sin 7x - 1)} \cos 7x \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2,$$
  
$$y = 2x - 3$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 5 м, верхним основанием 14 м и высотой 3 м.

# Билет № 2

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt{x} - 2x^3 - 3x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x+1)\sin 5x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 + 9x - 5}{2(x+3)^2(x-2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{\left(5x^3+9\right)}x^2\,dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 + 2x - 2,$$
  
$$y = x - 4$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 16 м и высотой 7 м.

### Билет № 3

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3\sqrt[5]{x^4} - 4x^6 - 3x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int xe^{3x} dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x^2 + 5x - 6}{(x^2 + 2x + 2)(x + 4)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\cos 7x}{e^{(\sin 7x - 2)}} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 - 4x + 5,$$
  
$$y = 5$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 24 м и высотой 4 м.

# Билет № 4

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3\sqrt{x} - 4x^3 - 3x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x+2) e^{2x} dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x^2 + 5x + 5}{3(x+3)^2(x+2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sin 3x}{e^{(\cos 3x + 4)}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 3x^2 - 12x + 15,$$
  
$$y = 6$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 22 м и высотой 6 м.

### Билет № 5

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3\sqrt[4]{x^3} - 2x^5 - 2x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x+4)\sin 4x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5x^2 - 35x + 56}{(x-3)(x-2)(x-5)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{\left(8x^2+7\right)}x\,dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 + 4x + 5,$$
$$y = 11$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 7 м, верхним основанием 16 м и высотой 3 м.

# Билет № 6

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sqrt[5]{x^3} + 4x^6 + 3x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x-3)\cos 3x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-5x^2 - 24x - 19}{(x+3)^2 (x-1)} dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{(\sin 7x + 5)} \cos 7x \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 3x^2 + 3,$$
$$y = -3x + 21$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 5 м, верхним основанием 20 м и высотой 6 м.

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt[6]{x} + 4x^7 + 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x+5) e^{5x} dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 - 21x + 30}{(x-4)(x-1)(x-3)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x^2}{e^{(4x^3+8)}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 + 8x + 9,$$
  
 $y = 9$ 

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 12 м и высотой 2 м.

# Билет № 8

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4\sqrt[5]{x^3} - 3x^6 - 2x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x-1) e^{3x} dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4x^2 + 5x - 66}{3(x+3)(x-2)(x-6)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{(\sin 4x + 8)} \cos 4x \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 + 4x + 5,$$
  
 $y = 2x + 5$ 

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 7 м, верхним основанием 16 м и высотой 5 м.

#### Билет № 9

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt{x} - 4x^3 - 3x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x-2)\cos 3x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-x^2 + 14x - 43}{(x-3)^2 (x+2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x}{e^{(4x^2+2)}} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -3x^2 + 12x - 14,$$
  
$$y = 6x - 38$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 18 м и высотой 4 м.

# Билет № 10

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt[8]{x^3} - 4x^9 - 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int (x-4) \ln x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{6x^2 - 43x + 74}{2(x-4)(x-2)(x-5)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sin 3x}{e^{(\cos 3x+9)}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 - 8x - 9,$$
  
$$y = -3$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 24 м и высотой 3 м.

#### Билет № 11

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4\sqrt[9]{x^4} - 2x^{10} - 2x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \sin 8x \sin x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3x^2 + 7x - 32}{(x+3)(x-2)(x-5)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{\left(5x^2+2\right)}x\,dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 - 4x - 4,$$
  
$$y = 2x + 1$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 7 м, верхним основанием 16 м и высотой 4 м.

# Билет № 12

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-\sqrt[3]{x^2} + 4x^7 + 3x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \sin 10x \sin 8x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-6-x}{2(x^2-4x+5)(x-4)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sin 8x}{e^{(\cos 8x - 2)}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 - 8x - 11,$$
  
$$y = 2x - 3$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 5 м, верхним основанием 20 м и высотой 3 м.

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3\sqrt[5]{x^3} + 3x^6 + 2x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \cos 11x \cos 6x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 + 15x + 7}{2(x+4)^2(x-1)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sin x}{e^{\cos x}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = x^2 - 2x + 1,$$
$$y = x - 1$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 7 м, верхним основанием 16 м и высотой 7 м.

# Билет № 14

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5\sqrt[7]{x^3} - x^8 - 2x^4}{x^5} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \cos 2x \cos x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5x^2 - 28x + 35}{(x-3)^2 (x-1)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{(\cos 7x + 4)} \sin 7x \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -3x^2 - 6x - 5,$$
  
$$y = 3x - 17$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 18 м и высотой 3 м.

### Билет № 15

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4\sqrt[5]{x^4} + 3x^6 + 3x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \cos 9x \sin 13x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-x^2 + 17x - 37}{3(x-3)^2(x+2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x}{e^{(7x^2-4)}} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 - 4x - 3,$$
  
$$y = -9$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 18 м и высотой 2 м.

### Билет № 16

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5\sqrt[8]{x^3} - x^9 - 2x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \cos 9x \sin 12x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 + 10x - 7}{(x+3)^2 (x-2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\cos 4x}{e^{(\sin 4x - 5)}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 - 8x - 10,$$
  
$$y = -4$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 18 м и высотой 5 м.

#### Билет № 17

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt[3]{x} - 3x^4 - 2x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \cos 5x \sin 13x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 - 5x - 6}{(x^2 - 2x + 3)(x - 3)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{\sin 6x} \cos 6x \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 3x^2 - 6x + 5,$$
  
$$y = 5$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 24 м и высотой 5 м.

# Билет № 18

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5\sqrt[7]{x^3} - 4x^8 - 3x^4}{x^5} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \cos 9x \sin 15x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3x^2 - 15x - 19}{(x+3)^2 (x+2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int e^{(\sin 8x - 1)} \cos 8x \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 + 4x + 4,$$
  
$$y = -2x + 4$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 5 м, верхним основанием 14 м и высотой 5 м.

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4\sqrt[6]{x} + 3x^7 + 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \sin 13x \sin 5x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{7x^2 - 22x + 3}{3(x-3)(x+1)(x-3)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sin x}{e^{(\cos x + 2)}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 - 8x + 11,$$
  
$$y = 11$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 18 м и высотой 7 м.

# Билет № 20

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5\sqrt[5]{x^4} - 4x^6 - 3x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \cos 2x \sin 6x \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5x^2 + 35x + 57}{2(x+4)^2(x+1)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\cos 5x}{e^{(\sin 5x+1)}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -3x^2 + 6x - 5,$$
  
$$y = -5$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 16 м и высотой 3 м.

#### Билет № 21

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3\sqrt[5]{x^2} + 3x^6 + 3x^3}{x^4} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{5+4x^2} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 - 22x + 44}{2(x-4)(x-2)(x-5)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{(1+64x^2)\arctan^6 8x} dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 + 4x,$$
$$y = -2x^2 + 8$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 5 м, верхним основанием 14 м и высотой 4 м.

### Билет № 22

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4\sqrt[5]{x} - 4x^6 - 3x^4}{x^5} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{8x^2 + 5}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3-x}{3(x^2-4x+6)(x-3)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sqrt{\arcsin 2x}}{\sqrt{1-4x^2}} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 - 3,$$
  
$$y = x^2 - 2x - 7$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 24 м и высотой 6 м.

#### Билет № 23

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4\sqrt[3]{x^2} + 2x^7 + 2x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{4-8x^2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x^2 + 11x - 66}{2(x+3)(x-2)(x-6)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{7}{(1+81x^2) \arctan 9x} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 - 4x - 3,$$
  
$$y = 2x^2 - 11$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 7 м, верхним основанием 10 м и высотой 5 м.

#### Билет № 24

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3\sqrt[3]{x^4} - 2x^8 - 2x^3}{x^4} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{3-5x^2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x^2 + 11x + 1}{3(x^2 - 2x + 3)(x + 4)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{2}{(1+49x^2)\arctan 7x} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2,$$
  
$$y = x^2 - 2x - 4$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 18 м и высотой 6 м.

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-5\sqrt{x} + 2x^9 + 2x^4}{x^5} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{6x^2 - 4} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x^2 - 11x + 22}{(x - 4)(x - 1)(x - 3)} dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\arccos^2 9x}{\sqrt{1 - 81x^2}} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 - 4x - 4,$$
  
$$y = 2x^2 - 12$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 22 м и высотой 2 м.

# Билет № 26

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-\sqrt[9]{x^4} + 2x^{10} + 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{3+6x^2} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3x^2 - 15x - 7}{(x+4)^2 (x-1)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл

$$\int \frac{1}{\sqrt{1 - 81x^2} \arccos^4 9x} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 - 12x + 15,$$
  
$$y = -2x^2 + 20x - 13$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 24 м и высотой 7 м.

#### Билет № 27

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-2\sqrt[4]{x^3} - x^5 - 2x}{x^2} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{4-7x^2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-7x^2 - 13x + 18}{3(x+4)(x+1)(x-3)} dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\arctan^7 9x}{1 + 81x^2} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 + 6x - 10,$$
  
$$y = x^2 - 10x + 4$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 18 м и высотой 5 м.

## Билет № 28

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-\sqrt[3]{x^2} + 3x^7 + 3x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{4x^2 + 5}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5x^2 - 23x + 4}{(x-3)(x+2)(x-5)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sqrt{\arccos^3 3x}}{\sqrt{1 - 9x^2}} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = x^2 - 4,$$
  
$$y = -x^2 + 2x$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 12 м и высотой 4 м.

#### Билет № 29

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{4\sqrt[6]{x} - 4x^7 - 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{3-2x^2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{2x^2 - 6x - 24}{3(x+3)(x+1)(x-3)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл

$$\int \frac{1}{(1+9x^2)\operatorname{arcctg}^6 3x} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 + 4x - 5,$$
  
$$y = 2x^2 - 12x - 25$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 6 м, верхним основанием 12 м и высотой 7 м.

# Билет № 30

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3\sqrt[9]{x^4} - x^{10} - 2x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{3-6x^2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5x^2 - 34x + 60}{2(x-4)^2(x-2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл

$$\int \frac{\sqrt{\arccos 9x}}{\sqrt{1 - 81x^2}} \, dx$$

 Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 + 2x - 1,$$
  
$$y = x^2 - 6x - 11$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 22 м и высотой 5 м.

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sqrt[6]{x} + 2x^7 + 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{2-x^2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{30 + 7x}{2(x+3)(x+2)(x-6)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5}{\sqrt{1 - 25x^2} \arcsin 5x} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2,$$
  
$$y = -2x^2 + 4x + 8$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 16 м и высотой 5 м.

# Билет № 32

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{2\sqrt[5]{x^2} - 2x^6 - 3x^3}{x^4} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{2+x^2} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-2x^2 - 17x - 54}{(x+4)(x+2)(x-5)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{(1+9x^2)\operatorname{arcctg}^4 3x} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 - 2x - 1,$$
  
$$y = x^2 - 5$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 5 м, верхним основанием 20 м и высотой 5 м.

#### Билет № 33

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{2\sqrt[3]{x^2} - 3x^7 - 3x^2}{x^3} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-33 + 7x}{(x-4)(x+1)(x-3)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{(1+36x^2)\arctan^5 6x} dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 + 12x - 19,$$
  
$$y = 2x^2 - 20x + 9$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 18 м и высотой 6 м.

### Билет № 34

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5\sqrt[5]{x^2} - 4x^6 - 3x^3}{x^4} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{6x^2+4}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-3x^2 + 15x - 22}{(x-4)(x+1)(x-3)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{5}{\sqrt{1-36x^2}\arccos 6x} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 + 8x - 5,$$
  
$$y = 2x^2 - 16x - 5$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 18 м и высотой 4 м.

#### Билет № 35

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt[4]{x} - 3x^5 - 3x^3}{x^4} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{2-3x^2}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-2x^2 + 9x - 11}{2(x-3)(x-1)(x-2)} dx$$

4) Вычислить интеграл

$$\int \frac{\sqrt{\arccos 5x}}{\sqrt{1-25x^2}} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 + 4x - 4,$$
  
$$y = x^2 - 8x - 4$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 16 м и высотой 6 м.

## Билет № 36

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{2\sqrt[6]{x} + x^7 + 2x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{x^2 - 2} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 + 14x - 4}{(x+4)^2 (x-2)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{6}{(1+16x^2)\operatorname{arcctg} 4x} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -2x^2 + 4x + 2,$$
  
$$y = 2x^2 - 8x + 2$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 3 м, верхним основанием 24 м и высотой 2 м.

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt[9]{x^4} + 2x^{10} + 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{8x^2 - 5} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-5x^2 - 33x - 55}{2(x+4)^2(x+1)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{7}{(1+9x^2) \operatorname{arcctg} 3x} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = x^2 - 4x + 6,$$
  
$$y = -x^2 + 8x + 6$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 4 м, верхним основанием 22 м и высотой 7 м.

# Билет № 38

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-2\sqrt[5]{x} - 4x^6 - 3x^4}{x^5} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{3+5x^2} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-2x^2 + 11x + 22}{(x+4)(x-2)(x-5)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\sqrt{\arctan^3 3x}}{1 + 9x^2} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = x^2 - 2x + 2,$$
  
$$y = -x^2 + 4x + 2$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 7 м, верхним основанием 16 м и высотой 2 м.

### Билет № 39

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3\sqrt[8]{x^3} - 4x^9 - 3x^5}{x^6} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{\sqrt{9x^2 + 5}} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{3x^2 + 15x + 16}{2(x+3)^2(x+1)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{\operatorname{arcctg}^4 7x}{1 + 49x^2} \, dx$$

Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = -x^2 - 2x,$$
$$y = x^2 - 4$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 7 м, верхним основанием 10 м и высотой 3 м.

### Билет № 40

1) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{-4\sqrt[3]{x} + 2x^7 + 3x^4}{x^5} \, dx$$

2) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{4+3x^2} \, dx$$

3) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{x^2 + 13x + 10}{3(x^2 - 2x + 2)(x + 4)} \, dx$$

4) Вычислить интеграл.

$$\int \frac{1}{(1+81x^2)\operatorname{arctg}^7 9x} \, dx$$

5) Найти площадь фигуры, ограниченной линиями.

$$y = 2x^2 + 4x + 4,$$
  
$$y = -2x^2 + 12$$

6) Вычислить силу, с которой вода давит на платину, имеющую форму равнобокой трапеции с нижним основанием 5 м, верхним основанием 20 м и высотой 2 м.