磁滯曲線測量

作者 2009: 陳顥、余祥鳴

修訂 2010:梁玄翰、賴明昱

Objective:

測量並繪出不同鐵磁性材料之磁滯曲線,由磁滯曲線比較其磁性的差異,並試著以物理的 方式解釋造成此差異之原因。

PRE-LAB READING:

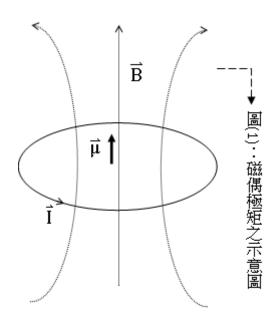
Introduction:

磁滯現象是鐵磁性物質具有的特性,內部磁田(本身具有磁偶極矩)在受到外加磁場時,因為磁田之間存在摩擦力,使磁偶極矩之方向不易與外加磁場同向(由於彼此牽制的結果),此即為磁滯現象之構成因素。鐵磁性材料在被磁化後,既使移除外加磁場,仍能保持一定的磁性,此特性使得磁性物質的應用相當廣泛,如生活中常見的磁鐵即為一例。這次實驗中會提供不同種類的鐵磁性物質,為了瞭解其個別的磁滯特性,需要利用一些實驗儀器來測量外加磁場(由電流控制)所造成待測物磁化的水平磁場分量,並在此實驗中了解其背後所應用的基本物理。

Requisite Concepts:

在介紹磁滯現象前,先引入一些本實驗所需的原理及概念,以下分述之:

想像一通以電流的環狀電路(參考右圖(1)的磁偶極矩示意圖),根據電流方向會產生某方向的磁場,則可稱此物件有磁偶極矩。磁偶極矩之規模大可至通以電流之線圈,小可至原子中運行的電子,只要電流的環繞具有一定的規律性並產生某方向的磁場,即可將其概括於內。磁偶極矩 μ 與電偶極矩 \vec{P} ($\vec{P} \equiv q\vec{d}$)有著類似的特性,下面分別比較力矩以及位能:



 $\label{eq:tau_B} \text{I.} \qquad \text{Torque:} \qquad \vec{\tau}_B \, = \, \vec{\mu} \, \times \, \vec{B} \qquad ; \quad \vec{\tau}_B = \, \vec{P} \, \times \, \vec{E}$

II. Potential: $V_B = -\vec{\mu} \cdot \vec{B}$; $V_E = -\vec{P} \cdot \vec{E}$

經比較後可發現兩種公式除在符號以外,電場與磁場的表現型式完全相同。

2. 鐵磁性物質簡介(Ferromagnetism):

鐵磁性物質原子本身具有磁偶極矩,各磁偶極矩之間存在耦合作用,使某區域內的磁偶極矩受彼此的磁場影響而同向排列,由同向磁偶極矩所組成的區塊被稱為磁田。鐵磁性物質在從未受到外加磁場磁化的情形下不具有磁性,因為其內部各個磁田的磁偶極矩方向呈散亂的排列,並沒有偏向任一方向。若外加一磁場於此物質,各個磁田的排列會趨向磁場的方向(使磁位能達最小),由於受到周圍磁田所產生磁場的影響,使得磁田之磁偶極矩轉向受阻礙,因而在外加磁場不夠大的情況下無法將各磁偶極矩同向排列,只能使磁偶極趨向磁場的方向,此即磁滯現象。不同種類的鐵磁性物質在受到外加磁場作用時,其內部磁偶極矩的偏轉效果會隨著鐵磁性材料的不同而有所差異。也就是說,其「殘磁」的程度不同。

為了更清楚的表示外加磁場對鐵磁性材料內部磁田的作用,下面示意圖為某鐵磁性材料在 受到不同強度之外加磁場作用時內部的磁偶極矩排列方式:

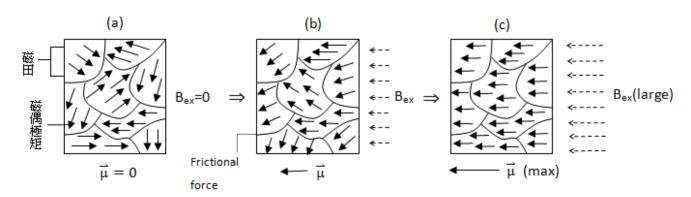
3. 磁滯曲線:

右圖(三)為磁滯曲線之示意圖,H施加於樣品的外加磁場大小,B為被此外加磁場磁化的樣品所產生之磁場大小,Br為飽和磁場大小(此時內部磁偶極矩均與外加磁場同向,且磁偶極矩已達最大值,情況如同圖(2)之(c)的飽和磁性狀態)。

本實驗之外加磁場是由通以電流之螺線圈 H 產生(把樣品至於其中即可將樣品磁化),且螺

線圈中心均勻磁場與電流的關係為:
$$H(Oersted) = \frac{1000}{4\pi} \cdot n \left(\frac{B}{m}\right) \cdot I(A)$$
,其中 n 為單位長度

之線圈匝數,由此可知外加磁場與螺線管之電流呈正比關係。圖(三)將曲線分為五個步驟(由 1 至 5),曲線由原點開始出發(材料尚未被磁化的狀態,與圖(2)之(a)的情形相同),最終回到 B=-B_r的位置(情況如同圖(2)之(c)的飽和磁性狀態),各步驟的細節在接下來的內容中會有較詳盡的解說。



圖(2): 鐵磁性物質受外加磁場之內部磁偶極矩排列方式示意圖

- (a)無外加磁場的時候,磁田呈散亂分布,此時材料不具有磁性。
- (b)當施加一外加磁場時,因為磁滯現象,內部磁田磁矩不會完全朝向同一方向,此時磁場未達飽和,會 隨著外加磁場的增加而增加。
- (c)當外加磁場達一定量值時,材料內磁矩全部朝向同一方向,此時內部磁場達最大值。

在圖(3),當 H=0 時,外加磁場已不存在,但 B 此時並不為零,這現象(殘磁)即為磁滯現象的特徵,另一方面,圖(3)之H = ±Hc位置可發現材料本身沒有磁性(B=0)的情況事發生在外加磁場 H 不為零時,因此,要將鐵磁性物質消磁的最好辦法並非靠將外加磁場去除。既使外加磁場已消失且有熱運動的影響,但於磁田間的摩擦力會將各磁偶極矩固著,使各磁偶極矩仍偏於原來的方向,因而從整體材料看來仍具有磁性。殘磁的例子可從圖(2)的逆操作來闡釋(由(c)圖開始),當外加磁場回到零時,磁偶極矩的排列並不會如圖(2)的(a)那般散亂排列,而是像(b)中趨於某方向,因而具有殘留的磁性。

Formulas for experiment:

一、計算磁偶極矩產生之磁場:

下圖(4)含測量點(\mathbf{R} 點,亦為實驗中之磁針位置)及細長磁棒(長 $\overline{\mathbf{PQ}}$),兩者位於同一平面上。根據資料,空間中由位於 \mathbf{r} (場源)之單一磁偶極矩所產生於 \mathbf{r} (測量點)之磁場為:

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{3\hat{\rho} \cdot (\hat{\rho} \cdot \vec{\mu}) - \vec{\mu}}{\rho^3} \tag{1}$$

 $\vec{\mu}$:磁偶極矩(實驗中方向為 \hat{z});

ρ: 從磁偶極矩到測量點的單位向量;

$$\rho = \sqrt{\overline{QR}^2 + z^2};$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m \cdot A^{-1} \ \vdots \ \ \circ$$

圖(4)中細棒上一小段 dz 所產生之磁場為:

$$d\vec{B} = \frac{N}{V} \cdot A(dz) \cdot \frac{3\hat{\rho} \cdot (\hat{\rho} \cdot \vec{\mu}) - \vec{\mu}}{\rho^3} \tag{2}$$

V: 細棒體積;

N:細棒之磁偶極總數

A:細棒截面積

⇒取dB之 X 軸向分量:

$$dB_{x} = \frac{N}{V} \cdot A(dz) \cdot \frac{-3\overline{QR}z\mu}{(\overline{QR}^{2} + z^{2})^{5/2}}$$
(3)

⇒沿 Z 軸做積分:

$$B_x = \int_0^{\overline{PQ}} \left(\frac{N\mu}{V}\right) \cdot A \cdot \frac{-3\overline{QR}z \cdot dz}{\left(\overline{QR}^2 + z^2\right)^{5/2}} = \frac{MA}{\overline{QR}^2} \cdot \left[\frac{\overline{QR}^3}{\left(\overline{QR}^2 + \overline{PQ}^2\right)^{3/2}} - 1\right] \tag{4}$$

 $M = \frac{N\mu}{V}$: 單位體積之磁偶極矩總數

得到之Bx即為磁棒於該測量點之磁場水平分量

註:或許有人會懷疑垂直磁場分量是否會應用在實驗中,其實不然,相反地,垂直磁場的 存在會影響到水平磁場的測量,為了避免此情形,下面內容會提到如何修正垂直磁場的影響。

二、計算造成磁針偏角之外加磁場強度:

圖(6)為偏轉磁力計之簡圖。

磁針(圖中較短的菱形)因為具有磁性,因此在磁場中會受到力矩而順於磁場的方向。 指針(較長之菱形)則不具磁性,其功能為指向與磁針垂直之方向,且其長度也較便於觀察, 用來讀取位於刻度盤上的角度。

BE為原本即存在之地磁。

Bex為由鐵磁性物質所產生的磁場。

圖中虛線部分表示只存在地磁情況下的指

針方位。φ角為加入鐵磁性物質磁場後與

指針與原方位相較的偏角。

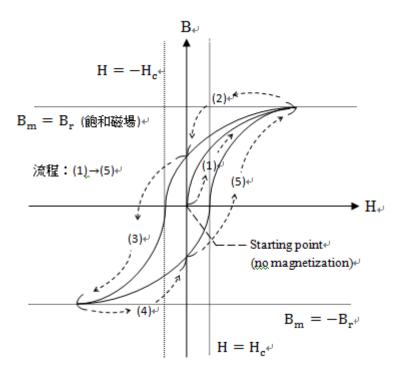
圖(7)表相互垂直磁場 B_E 及 B_{ex} 所造成磁針之偏角 φ ,

若以正切值表式即可得到兩磁場之比例關係:

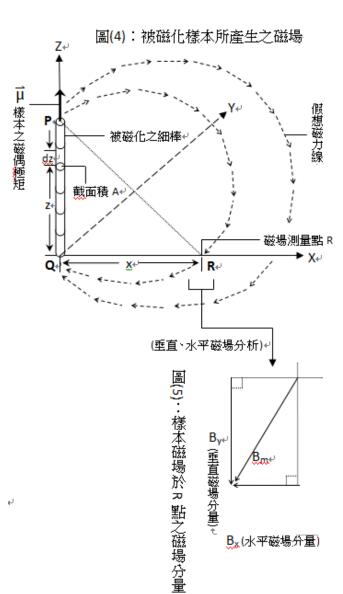
$$\tan \varphi = \frac{B_{ex}}{B_{E}} \tag{5}$$

B_E為(水平地磁強度)≅0.36Gauss

將 B_{ex} 待入公式(4)之 B_x 得:



圖(3):磁滯曲線示意圖



$$M = \frac{B_E \overline{QR}^2}{A \left[1 - \frac{\overline{QR}^3}{(\overline{QR}^2 + \overline{PQ}^2)^{3/2}} \right]} \cdot \tan \varphi = \alpha \tan \varphi$$
 (6)

為了方便表示,在此定義:

$$\alpha = \frac{B_{\text{E}}\overline{Q}\overline{R}^2}{A\left[1 - \frac{\overline{Q}\overline{R}^3}{(\overline{Q}\overline{R}^2 + \overline{P}\overline{Q}^2)^{3/2}}\right]} \tag{7}$$

(三)螺線管中心之均勻磁場計算 (Unit: A/m, or Oersted 厄斯特):

下面為本實驗適用的參考公式:

$$H(A/m) = I(A) \cdot n$$
 (turns/m) in SI units or

H (Oersted) =
$$\frac{4\pi}{1000}$$
 · I · n = 23.9 I (8)

Ref. http://en.wikipedia.org/wiki/Oersted

n = 1900 turns/m:每單位長度之線圈匝數(turns per meter)

I: 通過螺線管之電流

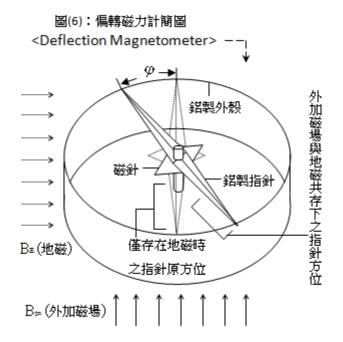
(此公式與以高斯為單位之公式極相似: $B_0 = \mu_0 \cdot I \cdot n$)

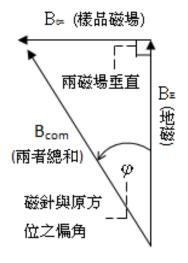
又, $B(G) = \mu_r * H(Oe)$, μ_r 為相對磁導率,故在真空中,1G=1Oe

Apparatus:

- (a). 螺線管 H(用來置入並磁化待測鐵磁性物質)、線圈 C(用以抵銷螺線管 H 所產生之磁場)
- (b). 偏轉磁力計(Deflection Magnetometer)
- (c). 固定用底座(長條狀附有軌道及直尺之木板,用已承載(a)、(b)之元件)
- (d). 電流供應器(使用定電流)
- (e). 去磁用儀器組(變壓器、去磁用螺線管、於電流檔之三用電表)
- (f). 待測樣品(軟鐵、鋼、mu-metal、鎳)

apparatus 中的儀器可由下面的圖(8)至圖(10)加以對照⇒





圖(7): 由樣品產生之 磁場所造成的偏角

QUANTITY	SYMBOL	SI UNIT	SI EQUATION	CGS	CGS EQUATION	CONVERSION FACTOR
Magnetic induction	В	tesla (T)	B=µ₀(H+M)₽	gauss (G) ²	B = H+4πM <i>₽</i>	1 T = 10 ⁴ G
Magnetic field strength	Н	ampere/meter (A/m)	H = NxI/Ic (Ic - magnetic path, m)	oersted (Oe)	H = 0.4πN×I/Ic (Ic - magnetic · path, cm) ₄ ³	1 A/m = 4 π×10 ⁻³ Oe
Magnetic flux	Φ	weber (Wb)	Φ = B×Ac (Ac - area, m ²)	maxwell (M)	Φ = B×Ac (Ac - area, cm ²)	1 Wb = 10 ⁸ M
Magnetization	М	ampere/meter (A/m)	M=m/V (m- total magnetic moment, V- volume, m³)	emu/cm ³ +	M=m/V↓ (m- total magnetic moment, V- volume, cm³)	1 A/m = 10 ⁻³ emu / cm ³
Magnetic permeability of vacuum	μο	newton/ampere ²	μ ₀ = 4π×10 ⁻⁷	1	-	4π×10 ⁻⁷



圖(8):基本儀器對照圖

註:由圖可知此四樣儀器可藉由底座固定再一起 並排成一線,此設計在實驗中是必要的。



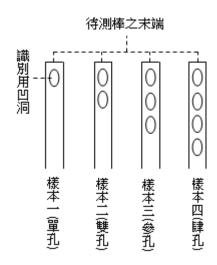
圖(9):去磁用儀器組共含去磁用螺線管、變壓器 及三用電表

註:去磁用儀器使用的是交流電,如此便可用螺線管中不斷變換的磁場「擾亂」欲去磁樣品的磁偶極排列,如此便可達到去磁的目的。

Generalized Procedure:

- 1.取一待測細棒,並將其置入消磁儀器中以去磁。
- 2.開啟電源,將已消磁之細棒置入螺線管中。
- 3.調整電流,依照步驟測量磁針偏角隨電流的變化。完成此樣品的測量。
- 4.依所得之數據,繪製本實驗之磁滯曲線。

※注意事項:實驗前注意四周磁場環境(可發現將指南針放在不同位置其指向不同),基本上 領遠離電器用品、柱子(柱子中的鋼筋相當於電磁鐵)。



圖(10): 樣本辨別方法

由於藉由樣品的表面色澤難以直接判斷其差異,所以另外在各樣品上打洞,藉著孔洞之數量來表示各樣品

的類別。以下為各樣品所內含的材料:

樣品一:軟鐵 樣品二:鋼 樣品三:mu-metal 樣品四:鎳



圖(11): 儀器擺設圖(未通電流) (含螺線管 H、偏轉磁力計、C 線圈)

註:磁針的部分可能不太清楚, 可以參考下面圖(10)的構造分析。



圖(12):偏轉磁力計之構造簡介 圖中為只存在地磁的情況,注意磁針為南北 向,鋁製指針因其材料不具磁性,因此並不受 地磁影響,因方便所以設計成與磁針垂直。

Pre-Lab Questions:

1.詳細敘述 $tan\phi \, \cdot \, B_x \, \cdot \, B_E \, \cdot \, M \, \cdot \, H \, \cdot \, I$ 間的關係。

2.如今若給定條件: 螺線管單位長度之匝數 n=1.5 turns·cm $^{-1}$; 通過螺線管之電流大小 I=1.6 A;樣品長度=25cm;螺線管中心軸至磁針中心的距離 =5cm;樣品直徑 =2mm、水平地磁強度 $B_E\approx 0.36$ gauss;磁針偏角 $=45^\circ$,根據上面所提供的公式,求出其 H (Oe)及 M 值。

- 3.根據上面的介紹,若將去磁用儀器的電源改接直流電,是否能將物品去磁?為什麼?
- 4.為什麼圖(6)中需要強調除了磁針之外其他材料都是鋁材質?
- 5.閱讀完上面的內容後,根據你的了解,什麼是磁滯現象?簡述其原因。

IN-LAB ACTIVITY:

Set up Apparatus:

一、儀器基本擺設(螺線管 H、偏轉磁力計、C 線圈):

將儀器於置於平面上並沿「指針」方向擺設,也就是呈東西向擺設(與地磁之南北向垂直),參照下圖(11)、圖(12)。注意圓盤中之「磁針」與「指針」並不相同,磁針為較短粗的磁棒,於外加磁場中會受一力矩;細長的指針僅用來標示目前之旋轉角度,本身不具有磁性。旋轉刻度盤使「指針」讀數為零,此時三種儀器應立於同一直線上。

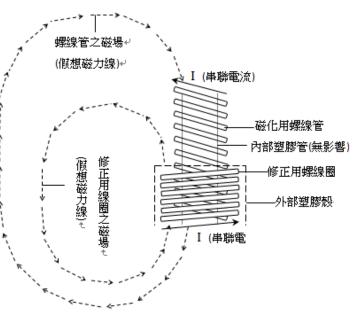
(二)C線圈與磁偏轉磁力計之距離調整(固定螺線管 H 與磁針之距離):

將螺線管 H(內部未放置待測物)與偏轉磁力計之距離取為 8cm(此距離甚短,目的在於使後面的步驟有利於觀察,但並不會產生明顯的誤差),此距離在本實驗中可固定,無論用何種待測樣本。將螺線管 H 與 C 線圈以串聯後通以電流 2A(較大的電流可使修正效果更精確),此時磁針應會偏轉(若沒偏轉,代表螺線管磁場水平磁場分量已恰好被線圈磁場抵銷),調整 C 線圈與偏轉磁強針之距離,直到「指針」讀數再度回到零,經修正後指針方位應回到圖(b)的情形,也就達到消除兩線圈水平向磁場的目的。



圖(13):修正用線圈位置標示

註:從外表難以看出內部的結構(被塑膠外殼保護),但其中實存在一線圈,詳細的情形請參考下圖(14)。螺線管 H 包在裡面,包在外部可見的較疏線圈也是校正用線圈



圖(14):修正用線圈與螺線管之配置示意圖

(三)抵銷鉛垂向的磁場分量(沒有操作,但建議閱讀):

由於地磁的鉛垂分量很小,其影響於本實驗中可被忽略,但須注意的是螺線圈 H 所產生的磁場也具有鉛垂分量,當電流夠大時,其垂直像磁場有可能會干擾到磁針的運轉。所幸, 儀器當初的設計有將此納入考量,由下圖(13)中可看到螺線圈 H 底部有一小型的裝置,其 內部為一線圈,可用來抵銷由螺線圈 H 所產生之鉛垂向的磁場分量。

註:由圖(14)可知兩線路的電流相同(因為兩者串聯)但方向相反(由於電線的盤繞方向相反), 使得產生之磁場於水平之分量會互相抵消,如果能準確地掌握兩線圈單位長度之匝數的比 例,便能恰將水平面上的垂直磁場分量消去(垂直的磁場分量會影響實驗的測量準確度)。

(四)設定磁針最大偏轉角:

先固定螺線圈 H 與偏轉磁力計的距離,將四個待測物各別放入螺線管 H 中,通以 2A 電流後,若磁針偏轉有超過 60 度的情形,則須增加螺線管 H 與偏轉磁力計之距離使偏角小於 60 度(建議在 60 度以下即可,角度不可太小,以免造成觀察上的困難)。放大。若上述距離 有修改,則必須再重複 SET UP(二)之步驟以抵銷螺線圈 H 所產生於偏轉磁強針上的水平磁 場。

注意事項:

本實驗所提供之待測物飽和磁場強度並不高,因此既使將磁針貼近螺線管亦不會有任一磁 化之樣品能使其偏角大於 60 度,雖然於本實驗中不需擔心最大偏角之問題,但仍須了解偏 角之大小對於實驗誤差的影響。

(五)待測樣品去磁(待測樣品要使用時再去磁,以免在使用前又被它物磁化):

1.參考下圖(15),旋轉變壓器之電壓扭,將電流調至最小,再把欲去磁之待測樣本放入去磁用的螺線管中。把電流調至 2~3A 之間(勿超過 3A,以免燒壞線路),接著逐漸將電流調回最小值(不要調降太快)。

2.待調回最小電流後,將待測樣品以從另一端放入螺線管中,重複同樣步驟,即完成樣品的去磁。



圖(15):去磁用儀器組標示

註:儀器大致上沒有操作的問題(根據上述步驟),但須注意的是去磁用螺線管外型有些歪斜,導致其扭曲的原因是線圈在長時間通已較大電流時,高熱的線圈將內部的塑膠管軟化, 所以請操作者勿將電流調太大,為的不但是避免燒壞電路,也是保護內部塑膠管不致融斷。

Measurement:

※測量樣本說明:

不同樣本的隨外加磁場的磁化反應不同,其中每種樣本的磁場變化在某些電流大小附近時會有劇烈的變化(磁滯現象的影響),以下列舉出不同樣本測量中所需注意的電流範圍,此範圍內之測量應以更小的電流間隔單位(由平常的 0.2A 改為 0.1A):

表 1.: 各材料測量中需細調(0.1A)之電流範圍調整時注意以電流微調紐(1 mA 為間隔)慢調較好。(電流調整方向可參考圖(3)之箭頭方向)

樣本種類	須細調之電流範圍
軟鐵(樣本一)	$-0.4A$ \sim $0.4A$
鋼(樣本二)	$+0.2A \sim -2.0A$
Mu-Metal(樣本三	$+0.2A \sim -2.0A$
)	
鎳(樣本四)	$+0.6A \sim -0.6A$

上面的範圍可供參考,但若在此電流範圍外有大幅之磁場變化,仍須縮小電流之間距。

(因為在原點附近 tan 值會驟降, , 需要較多的點來形成完整的圖, 建議每一開始能慢調電流, 以指針轉動一格作記錄, 而不以電流值座間隔)

因為這樣測量出的詞滯曲線較平滑。)

※註:流程可參考圖(3),其圖形僅為參考,樣品實際之磁滯曲線可能與其相差甚遠。

一、測量&記錄數據:

1.先完成 Set Up 的步驟。接著把電源供應器(其上所顯示的準確度與三用電表相當,所以不需再接三用電表)、螺線圈 H&線圈 C 以串聯方式連接,將電源供應器的電流鈕轉至零,電壓旋鈕大小不為零,使供應器處於 CC 模式。

2.完成步驟 2.的電源調整後(保持電源開啟的狀態,直到全部測量結束再關閉即可),取已去磁之待測樣品一,將其放入螺線管 H,完成準備工作。

注意:過程中若電流不小心轉太多,勿將電流往回調,否則會導致最後得到的磁滯曲線形狀會有問題。

下 Step (1)至 Step (5)為樣品一的測量,其餘樣品的測量採用與其相同的步驟:

Step(1):

將電流由 0.0A 調至 0.1A, 待電流穩定後記錄偏角,繼續調增電流(參考表 1., 注意電流的間距)並計錄穩定時的偏角,直到偏角不再隨著電流增加而上升,此時待測物的磁性已飽合,即可停止增加電流(此時電流約 2.0A)。

Step(2):

調降電流(從上一步驟飽和時之電流),以相同方式記錄電流&偏角,直到電流為零。

Step(3):

不要關電源(此時電流為零),直接將線圈 \mathbb{C} 、螺線管 \mathbb{H} 的電流反接,重複步驟 \mathbb{S} tep(1)之方法,調增電流並記錄偏角,直至磁性再度達飽和。

Step(4):

重複步驟 Step(2)之方法,調降電流並記錄偏角,使電流大小再度回到零。

Step(5):

再次將電流反接(回到當初的電流方向),重複 Step(1)之方法調增電流並記錄偏角,直至待測樣品再度達到飽和磁性,已完成樣品一的測量。

- 1.將電源調回零(已完成該樣本之測量),並將樣本一抽出。將下一個欲測之樣本去磁並置入 螺線管 H 中,準備測量。**※注意**:樣本四必測量,樣本二、三取一測量即可。
- 2.樣本二、三、四的測量方法重複上述樣本一之步驟。(同時參考表 1.之注意電流範圍。)

二、繪圖:

- 1.將各樣本測量中所對應到電流之磁針偏角換算成正切值(tangent),並根據各樣本之成對的 I(電流)、 $\tan \varphi$ 值於 X-Y 平面上繪出磁滯曲線(X 軸:電流 I; Y 軸: $\tan \varphi$),並試著將 各材料之磁滯曲線疊合,比較其之間的差異(此圖作用在於了結初步數據)。
- 2.透過 I&H(Oe)關係式及 $\tan \varphi$ &M(或 B)關係式(參考 formulas for experiment),於 X-Y 平面上繪出磁滯曲線(X 軸:H(Oe);Y 軸:M 值(或 B 值)),並試著將各材料之磁滯曲線疊合,比較其間的差異。

繪圖基本要求:

- a.各磁滯曲線圖形中之 X 軸與 Y 軸座標的最大與最小值應固定,規格統一能讓各材料之磁滯曲線更容易相互比較,避免產生誤判的情形。
- b.磁滯曲線繪圖的表示方法採連續平滑曲線的方式,平滑曲線比較能幫助觀察各材料的磁場變化。

Report Questions:

- 1.螺線管 H 與線圈 C 串聯的用意何在?
- 2.觀察並分析四種樣本的磁滯曲線,想想造成曲線差異的可能因素。
- 3.測量過程中可能會發現不同樣本的去磁效果並不同,有些樣本會殘留較多的磁性,試說明 此現象。Hint:可參考各樣本之磁滯曲線,並與去磁效果相對照。
- 4.為什麼偏轉磁力計的磁針要設計成短狀?Hint:注意本實驗測量乃為 R「點」之磁場。
- 5.樣品去磁除了用實驗提供之儀器外,仍存在其他方法,試舉例說明。(參考:熱運動)
- 6.為什麼將兩塊家用磁鐵同極相抵並不會讓彼此消磁?
- 7.估算磁滯曲線中的面積並探討其所代表的意義為何?其與磁滯曲線繞行一圈所消耗/獲得的能量有何關聯?