### 2020 哈工大 (深圳) 春季数据结构考试

## 一、选择题

1.

- 5. 以下关于数据结构的说法中, 正确的是()。
  - A. 数据的逻辑结构独立于其存储结构
  - B. 数据的存储结构独立于其逻辑结构
  - C. 数据的逻辑结构唯一决定了其存储结构
  - D. 数据结构仅由其逻辑结构和存储结构决定
  - 5. A

数据的逻辑结构是从面向实际问题的角度出发的,只采用抽象表达方式,独立于存储结构, 数据的存储方式有多种不同的选择;而数据的存储结构是逻辑结构在计算机上的映射,它不能独 立于逻辑结构而存在。数据结构包括三个要素,缺一不可。

2.

- 5. 设线性表中有 2n 个元素,() 在单链表上实现要比在顺序表上实现效率更高。
  - A. 删除所有值为 x 的元素
  - B. 在最后一个元素的后面插入一个新元素
  - C. 顺序输出前 k 个元素
  - D. 交換第 i 个元素和第 2n-i-1 个元素的值 (i=0,...,n-1)
  - 5. A

对于 A,在单链表和顺序表上实现的时间复杂度都为 O(n),但后者要移动很多元素,因此在单链表上实现效率更高。对于 B 和 D,顺序表的效率更高。C 无区别。

3.

10. 【2014 统考真题】循环队列放在一维数组 A[0...M-1]中, end1 指向队头元素, end2 指向队尾元素的后一个位置。假设队列两端均可进行入队和出队操作, 队列中最多能容纳M-1 个元素。初始时为空。下列判断队空和队满的条件中, 正确的是()。

#### 10. A

end1 指向队头元素,可知出队操作是先从 A[end1] 读数,然后 end1 再加 1。 end2 指向队尾元素的后一个位置,可知入队操作是先存数到 A[end2],然后 end2 再加 1。若用 A[0] 存储第一个元素,队列初始时,入队操作是先把数据放到 A[0] 中,然后 end2 自增,即可知 end2 初值为 0;而 end1 指向的是队头元素,队头元素在数组 A 中的下标为 0,所以得知 end1 的初值也为 0,可知 队空条件为 end1==end2;然后考虑队列满时,因为队列最多能容纳 M-1 个元素,假设队列存储在下标为 0 到 M-2 的 M-1 个区域,队头为 A[0],队尾为 A[M-2],此时队列满,考虑在这种情况下 end1 和 end2 的状态,end1 指向队头元素,可知 end1=0,end2 指向队尾元素的后一个位置,可知 end2=M-2+1=M-1,所以可知队满的条件为 end1== (end2+1) mod M,选 A。

注意:考虑这类具体问题时,用一些特殊情况判断往往比直接思考问题能更快地得到答案, 并可以画出简单的草图以方便解题。 12. 【2014 统考真题】假设栈初始为空,将中缀表达式 a/b+(c\*d-e\*f)/g 转换为等价的后缀表达式的过程中,当扫描到 f 时,栈中的元素依次是()。

A. + (\*-

B. + (-\*

C. /+(\*-\*

D. /+-\*

#### 12. B

将中缀表达式转换为后缀表达式的算法思想如下:

从左向右开始扫描中缀表达式:

in Bancott between a contra

遇到数字时,加入后缀表达式;

遇到运算符时:

- a. 若为'(', 入栈;
- b. 若为')',则依次把栈中的运算符加入后缀表达式,直到出现'(',从栈中删除'(';
- c. 若为除括号外的其他运算符,当其优先级高于除 ( ' 外的栈顶运算符时,直接入栈。否则从栈顶开始,依次弹出比当前处理的运算符优先级高和优先级相等的运算符,直到一个比它优先级低的或遇到了一个左括号为止。

当扫描的中缀表达式结束时,栈中的所有运算符依次出栈加入后缀表达式。

待处理序列	栈	后缀表达式	当前扫描元素	动作			
a/b+(c*d-e*f)/g			a	a 加入后缀表达式			
/b+(c*d-e*f)/g		a /		/入栈			
b+(c*d-e*f)/g /		a	b	b 加入后缀表达式			
+(c*d-e*f)/g /		ab	+	+优先级低于栈顶的/, 弹出/			
+(c*d-e*f)/g		ab/	+	+入桟			
(c*d-e*f)/g	+	ab/	(	(入栈			
c*d-e*f)/g	+ (	ab/	С	c加入后缀表达式			
*d-e*f)/g	+ (	ab/c	*	栈顶为(,*入栈			
d-e*f)/g	+(*	ab/c	d	d 加入后缀表达式			
-e*f)/g	+(*	ab/cd	-	-优先级低于栈顶的*,弹出*			
-e*f)/g	/g +( ab/cd*			栈顶为(,-入栈			
e*f)/g +(- ab/cd*		ab/cd*	e	e 加入后缀表达式			
*f)/g +(- ab/cd		ab/cd*e	*	*优先级高于栈顶的-,*入栈			
f)/g	E)/g +(-* ab/cd*e		f	f 加入后缀表达式			
)/g	+(-*	ab/cd*ef	)	把栈中(之前的符号加入表达式			
/g	+	ab/cd*ef*=	1	/优先级高于栈顶的+,/入栈			
g	+/	ab/cd*ef*-	g	g加入后缀表达式			
	+/	ab/cd*ef*-g		扫描完毕,运算符依次退栈加入表达式			
		ab/cd*ef*-g/+		完成			

由此可知, 当扫描到 f 时, 栈中的元素依次是+(-\*, 选 B。

在此,以上面给出的中缀表达式为例,给出中缀表达式转换为前缀或后缀表达式的手工做法。 步骤 1:按照运算符的优先级对所有的运算单位加括号。

式子变成((a/b)+(((c\*d)-(e\*f))/g))。

步骤 2: 转换为前缀或后缀表达式。

前缀: 把运算符号移动到对应的括号前面,式子变成+(/(ab)/(-(\*(cd)\*(ef))g))。 把括号去掉: +/ab/-\*cd\*efg 前缀式子出现。

后缀: 把运算符号移动到对应的括号后面, 式子变成((ab)/(((cd)\*(ef)\*)-g)/)+。

把括号去掉: ab/cd\*ef\*-g/+后缀式子出现。

当题目要求直接求前缀或后缀表达式时,这种方法会比上一种方法快捷得多。

8. 【2015 统考真题】已知字符串 S 为'abaabaabacacaabaabcc', 模式串 t 为'abaabc'。 采用 KMP 算法进行匹配,第一次出现"失配"( $s[i] \neq t[j]$ )时,i=j=5,则下次开始匹配时,i 和 j 的值分别是( )。

A. 
$$i=1, j=0$$

B. 
$$i=5, j=0$$

C. 
$$i=5, j=2$$

D. 
$$i=6, j=2$$

8. C

由题中"失配  $s[i] \neq t[j]$ 时,i=j=5",可知题中的主串和模式串的位序都是从 0 开始的 (要注意灵活应变)。按照 next 数组生成算法,对于 t 有

编号	0	1	2	3	4	5
t	a	b	а	а	b	С
next	-1	0	0	1	1	2

发生失配时,主串指针 i 不变,子串指针 j 回退到 next[j] 位置重新比较,当  $s[i] \neq t[j]$  时,i=j=5,由 next 表得知 next[j] = next[5] = 2(位序从 0 开始)。因此,i=5、j=2。

6.

- 27. 在线索二叉树中,下列说法不正确的是()。
  - A. 在中序线索树中, 若某结点有右孩子, 则其后继结点是它的右子树的最左下结点
  - B. 在中序线索树中, 若某结点有左孩子, 则其前驱结点是它的左子树的最右下结点
  - C. 线索二叉树是利用二叉树的 n+1 个空指针来存放结点的前驱和后继信息的
  - D. 每个结点通过线索都可以直接找到它的前驱和后继

27. D

不是每个结点通过线索都可以直接找到它的前驱和后继。在先序线索二叉树中查找一个结点的先序后继很简单,而查找先序前驱必须知道该结点的双亲结点。同样,在后序线索二叉树中查找一个结点的后序前驱也很简单,而查找后序后继也必须知道该结点的双亲结点,二叉链表中没有存放双亲的指针。

7.

- 12. 判断有向图中是否存在回路,除可以利用拓扑排序外,还可以利用()。 A. 求关键路径的方法 B. 求最短路径的 Dijkstra 算法
- C. 深度优先遍历算法
- D. 广度优先遍历算法

12. C

利用深度优先遍历可以判断图 G 中是否存在回路。对于无向图来说,若深度优先遍历过程中遇到了回边,则必定存在环;对于有向图来说,这条回边可能是指向深度优先森林中另一棵生成树上的顶点的弧;但是,从有向图的某个顶点v 出发进行深度优先遍历时,若在 DFS(v)结束之前出现一条从顶点u 到顶点v 的回边,且u 在生成树上是v 的子孙,则有向图必定存在包含顶点v 和顶点u 的环。

### 考试是反过来问的

- 8. 没找到一样的 但考试那题选 A (B 树的每个结点有 m 个子树)
  - 2. 下列关于 m 阶 B 树的说法中, 错误的是 ( )。
    - A. 根结点至多有 m 棵子树
    - B. 所有叶结点都在同一层次上
    - C. 非叶结点至少有 m/2 (m) 为偶数) 或(m+1)/2 (m) 奇数) 裸子树
    - D. 根结点中的数据是有序的
  - 3. 以下关于 m 阶 B 树的说法中, 正确的是()。
    - I. 每个结点至少有两棵非空子树
    - II. 树中每个结点至多有 m-1 个关键字
    - III. 所有叶结点在同一层
    - IV. 插入一个元素引起 B 树结点分裂后,树长高一层

A. I. II

B. II, III

C. III, IV

- D. I. II. IV
- 4. 【2009 统考真题】下列叙述中,不符合 m 阶 B 树定义要求的是()。
  - A. 根结点至多有 m 棵子树
- B. 所有叶结点都在同一层上
- C. 各结点内关键字均升序或降序排列 D. 叶结点之间通过指针链接

2. C

除根结点外的所有非终端结点至少有 $\lceil m/2 \rceil$ 棵子树。对于根结点,最多有 m 棵子树,若其不 是叶结点,则至少有2棵子树。

3. B

每个非根的内部结点必须至少有 $\lceil m/2 \rceil$ 棵子树,而根结点至少要有两棵子树,所以I不正确。 II、III 显然正确。对于 IV, 插入一个元素引起 B 树结点分裂后, 只要从根结点到该元素插入位置 的路径上至少有一个结点未满, B 树就不会长高, 所以 IV 不正确。

m 阶 B 树不要求将各叶结点之间用指针链接。选项 D 描述的实际上是 B+树。

9.

- 9. 数据序列 F = {2, 1, 4, 9, 8, 10, 6, 20} 只能是下列排序算法中的 ( ) 两趟排序后的结果。
  - A. 快速排序

B. 冒泡排序

C. 选择排序

D. 插入排序

9. A

若为插入排序,则前三个元素应该是有序的,显然不对。而冒泡排序和选择排序经过两耥排 序后应该有两个元素处于最终位置(最左/右端),无论是按从小到大还是从大到小排序,数据序 列中都没有两个满足这样的条件的元素, 因此只可能选 A。

另解: 先写出排好序的序列, 并和题中的序列做对比。

题中序列: 2 1 4 9 8 10 6 20

已排好序序列: 1 2 4 6 8 9 10 20

在已排好序的序列中,与题中序列相同元素的有4、8和20,最左和最右两个元素与题中的 序列不同,故不可能是冒泡排序、选择排序或插入排序。

INDOMESTIC

- 5. 设二叉排序树中关键字由1到1000的整数构成,现要查找关键字为363的结点,下述关键字序列中,不可能是在二叉排序树上查找的序列是()。
  - A. 2, 252, 401, 398, 330, 344, 397, 363
  - B. 924, 220, 911, 244, 898, 258, 362, 363
  - C. 925, 202, 911, 240, 912, 245, 363
  - D. 2, 399, 387, 219, 266, 382, 381, 278, 363

5. C

在二叉排序树上查找时,先与根结点值进行比较,若相同,则查找结束,否则根据比较结果,沿着左子树或右子树向下继续查找。根据二叉排序树的定义,有左子树结点值  $\leq$  根结点值  $\leq$  右子树结点值。C 序列中,比较 911 关键字后,应转向其左子树比较 240,左子树中不应出现比 911 更大的数值,但 240 竟有一个右孩子结点值为 912,所以不可能是正确的序列。

## 二、填空题

1.

【2009 統考真題】设栈 S 和队列 Q 的初始状态均为空,元素 abcdefg 依次进入栈 S。若每个元素出栈后立即进入队列 Q,且 7 个元素出队的顺序是 bdcfeag,则栈 S 的容量至少是 ( )。

#### 答案 3

- 2.层次遍历二叉树需要使用 队列
- 3. 先序序列 1, 2, 3, 4 对应的二叉树有多少种 14
- 4.n 个结点二叉树用三叉链表存储, 有多少个空指针域 n+2
- 5.高度为6的平衡二叉树,除了叶节点每个平衡因子都是1,共有几个结点 20
- 6. 有 2015 个结点的完全二叉树的叶结点数 1008
- 7.好像是问 n 个结点二路归并的趟数 ceil(log2n)

8.

对关键码序列 $\{23, 17, 72, 60, 25, 8, 68, 71, 52\}$ 进行堆排序,输出两个最小关键码后的剩余堆是()。

筛选法初始建堆为{8, 17, 23, 52, 25, 72, 68, 71, 60}, 输出 8 后重建的堆为{17, 25, 23, 52, 60, 72,

68,71},输出17后重建的堆为{23,25,68,52,60,72,71}。

- 9. n 个顶点的无向图各顶点最大度 n-1
- 10. n 个元素, 折半查找, 失败结点数 n+1

## 三、简答题

1. n 个结点, e 条边。邻接矩阵存储,问有多少个非零元素。

若用邻接表存储,有奇数个表结点,该图一定是有向图还是无向图,为什么。

2. 森林与二叉树的转换

## 四、应用题

1.如果一棵非空 k (k≥2) 叉树 T 中每个非叶结点都有 k 个孩子,则称 T 为正则 k 叉树。请回答下列问题并给出推导过程。

- (1) 若 T 有 m 个非叶结点,则 T 中的叶结点有多少个?
- (2) 若 T 的高度为 h (单结点的树 h=1) ,则 T 的结点数最多为多少个? 最少为多少个?

#### 解答:

- (1) 根据定义,正则k叉树中仅含有两类结点;叶结点(个数记为 $n_0$ )和度为k的分支结点(个数记为 $n_1$ )。树T中的结点总数 $n=n_0+n_k=n_0+m$ 。树中所含的边数e=n-1,这些边均为m个度为k的结点发出的,即 $e=m\times k$ 。整理得: $n_0+m=m\times k+1$ ,故 $n_0=(k-1)\times m+1$ 。(3分)
- (2) 高度为h的正则k叉树T中,含最多结点的树形为:除第h层外,第1到第h-1层的结点都是度为k的分支结点;而第h层均为叶结点,即树是"满"树。此时第j(1≤j≤h)层结点数为k<sup>j-1</sup>,结点总数M<sub>1</sub>为:

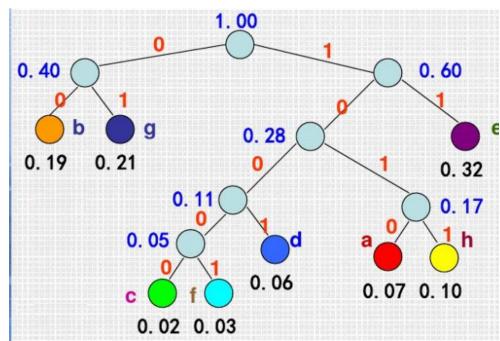
$$M_1 = \sum_{i=1}^{h} k^{j-1} = \frac{k^h - 1}{k - 1}$$
 (35)

含最少结点的正则k叉树的树形为: 第1层只有根结点,第2到第h-1层仅含1个分支结点和k-1个叶结点,第h层有k个叶结点。即除根外第2到第h层中每层的结点数均为k,故T中所含结点总数M<sub>2</sub>为:

 $M_2=1+(h-1)\times k$  (2分)

例: 设通信用的电文由字符集 {a, b, c, d, e, f, g, h} 中的字母构成, 这8个字母在电文中出现的概率分别为 { 0.07, 0.19, 0.02, 0.06, 0.32, 0.03, 0.21, 0.10 }, 试为这8个字母设计哈夫曼编码。

- 1) 画出哈夫曼树
- 2) 最长编码与对应字母, 最短编码与对应字母
- 3) 传输 "ABCDEFG",原先传输一个字母需要 8bit,求使用哈夫曼编码后的压缩率



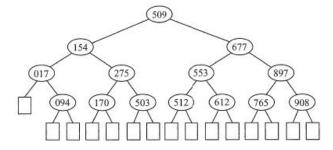
答案: 1)

2)

3) 28/64=0.4375

设有序顺序表中的元素依次为 017, 094, 154, 170, 275, 503, 509, 512, 553, 612, 677, 765, 897, 908。

- 1) 试画出对其进行折半查找的判定树。
- 2) 若查找 275 或 684 的元素,将依次与表中的哪些元素比较?
- 3) 计算查找成功的平均查找长度和查找不成功的平均查找长度。
- 2. 解答:
- 1) 判定树如下图所示。



- 2) 若查找 275, 依次与表中元素 509, 154, 275 进行比较, 共比较 3 次。若查找 684, 依次与表中元素 509, 677, 897, 765 进行比较, 共比较 4 次。
- 3) 在查找成功时,会找到图中的某个圆形结点,其平均查找长度为

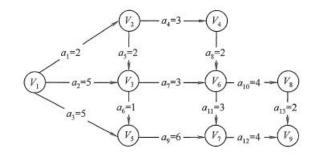
$$ASL_{j\bar{g},\bar{y}_{1}} = \frac{1}{14} \sum_{i=1}^{14} C_{i} = \frac{1}{14} (1 + 2 \times 2 + 3 \times 4 + 4 \times 7) = \frac{45}{14}$$

在查找失败时,会找到图中的某个方形结点,但这个结点是虚构的,最后一次的比较元 素为其父结点(圆形结点),故其平均查找长度为

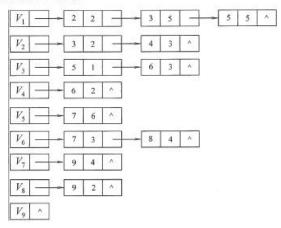
$$\mathrm{ASL}_{\pi_{\mathrm{IR}}\mathfrak{B}} = \frac{1}{15} \sum_{i=0}^{14} C_i' = \frac{1}{15} (3 \times 1 + 4 \times 14) = \frac{59}{15}$$

4.

- 7. 下图所示为一个用 AOE 网表示的工程。
  - 1) 画出此图的邻接表表示。
  - 2) 完成此工程至少需要多少时间?
  - 3) 指出关键路径。
  - 4) 哪些活动加速可以缩短完成工程所需的时间?



- 7. 解答:
- 1) 该图的邻接表表示如下图所示。

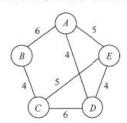


#### 求关键路径的算法如下:

- ① 输入 e 条弧 <j, k>, 建立 AOE 网的存储结构。
- ② 从源点  $v_1$  出发, 令  $v_e(1) = 0$ , 求  $v_e(j)$ ,  $2 \le j \le n$ .
- ③ 从汇点  $v_n$  出发,令  $v_i(n) = v_e(n)$ ,求  $v_i(i)$ , $1 \le i \le n-1$ 。
- ④ 根据各项点的  $v_e$ 和  $v_l$ 值, 求每条弧 s (活动) 的最早开始时间 e(s)和最晚开始时间 l(s),其中 e(s) = l(s)为关键活动。
- 2) 根据以上算法可以得到至少需要时间 16。
- 3) 关键路径为(V1, V3, V5, V7, V9)。
- 4) 活动  $a_2, a_6, a_9, a_{12}$  加速,可以缩短工程所需的时间。

## 5.Prim 求最小生成树 (大概就下面这样吧 图不一样)

- 5. 【2017 统考真题】使用 Prim 算法求带权连通图的最小(代价)生成树 (MST)。请回答下列问题:
  - 1) 对下列图 G, 从顶点 A 开始求 G 的 MST, 依次给出按算法选出的边。
  - 2) 图 G的 MST 是唯一的吗?
  - 3) 对任意的带权连通图,满足什么条件时,其 MST 是唯一的?



- 1) Prim 算法属于贪心策略。算法从一个任意的顶点开始,一直长大到覆盖图中的所有顶点为止。算法的每一步在连接树集合 S 的顶点和其他顶点的边中,选择一条使得树的总权重增加最小的边加入集合 S。当算法终止时,S 就是最小生成树。
  - ① S 中顶点为 A, 候选边为(A, D), (A, B), (A, E), 选择(A, D)加入 S。
  - ② S中顶点为 A, D, 候选边为(A, B), (A, E), (D, E), (C, D), 选择(D, E), 加入 S。
  - ③ S中顶点为 A, D, E, 候选边为(A, B), (C, D), (C, E), 选择(C, E)加入 S。
  - ④ S 中顶点为 A, D, E, C, 候选边为(A, B), (B, C), 选择(B, C)加入 S。
  - ⑤ S 就是最小生成树。

依次选出的边为

(A, D), (D, E), (C, E), (B, C)

- 2) 图 G 的 MST 是唯一的。第一小题的最小生成树包括了图中权值最小的 4 条边,其他边都 比这 4 条边大,所以此图的 MST 唯一。
- 3) 当带权连通图的任意一个环中所包含的边的权值均不相同时,其 MST 是唯一的。此题不要求回答充分必要条件,所以回答一个限制边权值的充分条件即可。

# 五、算法题

新冠传播,每个人与密切接触者形成边,构成有向图,寻找0号感染者到其他任意感染者之间的最短距离。

Dijkstra 算法

2. 数组, 偶数放偶数位, 奇数放奇数位

双指针, 快排思想

By: 20 级 kuwernv(xzy)、糖矿 (wzk) 、CH3CHOHCH3 (ybc)

基本上王道考研上都有,很多题也是课本习题册上的,懂得都懂