Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського" Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра ІПІ

Звіт

з лабораторної роботи № 1 з дисципліни «Алгоритми та структури даних 2. Структури даних»

"Проектування і аналіз алгоритмів внутрішнього сортування"

Виконав(ла) *III-24 Харечко Олександр Іванович* 27<u>.02.2023</u> (шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Перевірив Соколовський Владислав Володимирович (прізвище, ім'я, по батькові)

Лабораторна робота №1

Мета: дослідити поведінку двох алгоритмів сортування: метод бульбашки та метод вставки.

Опис роботи:

У даній роботі досліджуються три методи сортування: метод бульбашки, покращений алгоритм бульбашки та метод включення. Хоча обидва методи мають однакову асимптотичну складність - O(n*n), де n - розмір вхідного масиву, проте вважається, що в реальності метод бульбашки працює достатньо повільніше за метод включення.

Завдання:

Виконати аналіз алгоритму внутрішнього сортування на відповідність наступним властивостям:

- стійкість;
- «природність» поведінки (Adaptability);
- базуються на порівняннях;
- необхідність додаткової пам'яті (об'єму);
- необхідність в знаннях про структуру даних.

Записати алгоритм внутрішнього сортування за допомогою псевдокоду (чи іншого способу по вибору).

Провести аналіз часової складності в гіршому, кращому і середньому випадках та записати часову складність в асимптотичних оцінках.

Виконати програмну реалізацію алгоритму на будь-якій мові програмування з фіксацією часових характеристик оцінювання (кількість порівнянь, кількість перестановок, глибина рекурсивного поглиблення та інше в залежності від алгоритму).

Провести ряд випробувань алгоритму на масивах різної розмірності (10, 100, 1000, 5000, 10000, 20000, 50000 елементів) і різних наборів вхідних даних (впорядкований масив, зворотно упорядкований масив, масив випадкових чисел) і побудувати графіки залежності часових характеристик оцінювання від розмірності масиву, нанести на графік асимптотичну оцінку гіршого і кращого випадків для порівняння.

Зробити порівняльний аналіз двох алгоритмів.

Зробити узагальнений висновок з лабораторної роботи.

Виконання

1. Аналіз алгоритму на відповідність властивостям

Аналіз алгоритму сортування бульбашкою, Insertion_sort на відповідність властивостям наведено в таблиці 3.1.

Таблиця 3.1 – Аналіз алгоритму на відповідність властивостям

Властивість	Bubble sort	Insertion sort
Стійкість	+	+
«Природність» поведінки	+	+
(Adaptability)		
Базуються на порівняннях	+	+
Необхідність в додатковій	-	+
пам'яті (об'єм)		(для тільки для ключа)
Необхідність у знаннях про	+	+
структури даних		

2. Псевдокод алгоритму

1) Сортування бульбашкою

START

REPEAT

SET swapped to false

FOR i = 1 to index of last element

IF elements at position i and i+1 are out of order

SWAP elements at position i and i+1

SET swapped to true

END IF

END FOR

UNTIL swapped is false

END

2) Модифіковане сортування бульбашкою

```
START
 REPEAT
  SET swapped to false
  SET lastSwap to index of last element
  FOR i = 1 to lastSwap
   IF elements at position i and i+1 are out of order
    SWAP elements at position i and i+1
    SET swapped to true
    SET lastSwap equal to i
   END IF
  END FOR
 UNTIL swapped is false
END
    3) Insertion sort
START
 FOR i = 1 to index of last element
  SET current element equal to elements at position i
  WHILE position of current element is greater than 0 AND elements at
position of current element - 1 is greater than current element
   SWAP elements at position of current element and position of current
element - 1
   SET current element equal to elements at position of current element - 1
  END WHILE
 END FOR
END
```

- 3. Аналіз часової складності
 - 1) Сортування бульбашкою

Загальна часова складність алгоритму $O(n^2)$.

Найгірший випадок — масив відсортований в зворотньому порядку. Найкращий — масив вже відсортований.

Часова складність найгіршого випадку:

- Кількість порівнянь (n-1) * n/2
- Кількість обмінів (n − 1) * n/2

Часова складність найкращого випадку:

- Кількість порівнянь (n-1) * n/2
- Кількість обмінів 0

2) Модифіковане сортування бульбашкою

Загальна часова складність алгоритму O(n²). Найгірший випадок — масив відсортований навпаки, найкращий — масив вже відсортований. Часова складність найгіршого випадку:

- Кількість порівнянь (n − 1) * n/2
- Кількість обмінів (n-1) * n/2 Часова складність найкращого випадку:
- Кількість порівнянь n 1
- Кількість обмінів 0

3) Insertion sort

Загальна часова складність алгоритму O(n²). Найгірший випадок — масив відсортований навпаки, найкращий — масив вже відсортований. Часова складність найгіршого випадку:

- Кількість порівнянь (n − 1) * n/2
- Кількість перестановок (n-1) * n/2

Часова складність найкращого випадку:

- Кількість порівнянь n 1
- Кількість перестановок 0

4. Програмна реалізація алгоритму

1) Сортування бульбашкою

```
def bubble_sort(list_a):
    number_of_comparison = 0
    number_of_permutation = 0

for i in range(len(list_a) - 1):
    for j in range(len(list_a) - i - 1):
        number_of_comparison += 1
        if list_a[j] > list_a[j + 1]:
            number_of_permutation += 1
            list_a[j], list_a[j + 1] = list_a[j + 1], list_a[j]
    return list_a, number_of_comparison, number_of_permutation
```

2) Модифіковане сортування бульбашкою

```
def upgraded_bubble_sort(array):
    number_of_comparison = 0
    number_of_permutation = 0
    for i in range(len(array)):
        swapped = False
    for j in range(0, len(array) - i - 1):
            number_of_comparison += 1
        if array[j] > array[j + 1]:
```

3) Insertion sort

```
def insertion_sort(array):
    number_of_comparison = 0
    number_of_permutation = 0
    for i in range(1, len(array)):
        key = array[i]
        j = i - 1
        while j >= 0 and key < array[j]:
            number_of_comparison += 1
            array[j + 1] = array[j]
            number_of_permutation += 1
            j -= 1
            array[j + 1] = key

return array, number_of_comparison, number_of_permutation</pre>
```

Вихідний код

```
arr = gen arr(i)
y axis[0].append(upgraded bubble sort(arr[:])[1]+upgraded bubble sort(arr[:])[2])
y axis[1].append(upgraded bubble sort(sorted(arr[:]))[1]+upgraded bubble sort(sorted(
arr[:]))[2])
        y_axis[2].append(upgraded bubble sort(sorted(arr[:],
        x axis.append(i)
        y axis[0].append(insertion sort(arr[:])[1]+insertion sort(arr[:])[2])
y axis[1].append(insertion sort(sorted(arr[:]))[1]+insertion sort(sorted(arr[:]))[2])
        y_axis[2].append(insertion_sort(sorted(arr[:],
    print(f"Sorted time for Bubble function on full-sorted array: \n{perf counter()}-
start} sec")
```

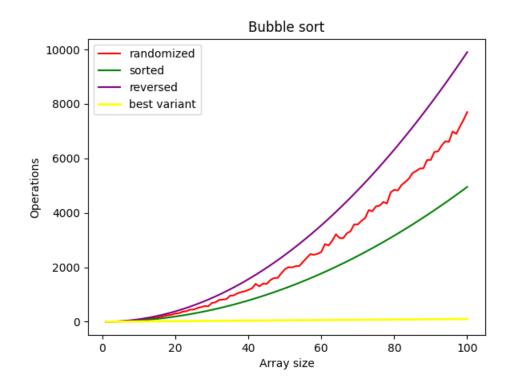
```
print("Number of comprasion: ", upgraded bubble sort(a[:])[1])
print("Number of permutation: ", upgraded_bubble_sort(sorted(a[:],
start = perf counter()
```

```
def upgraded bubble sort(array):
       swapped = False
               swapped = True
       if swapped == False:
   number_of_permutation = 0
       key = array[i]
           array[j + 1] = array[j]
       array[j + 1] = key
```

Приклад роботи

На рисунках 3.1 і 3.2,3.3 показані приклади роботи програми для трьох функцій сортування для масивів на 10, 100 і 1000 елементів відповідно.





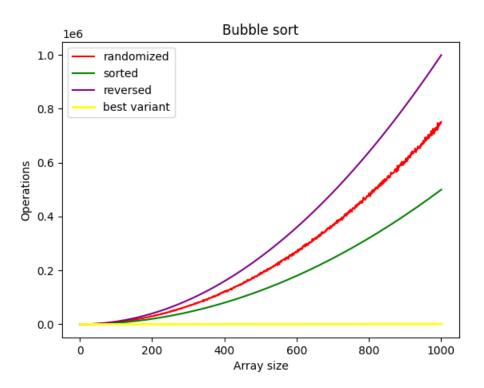
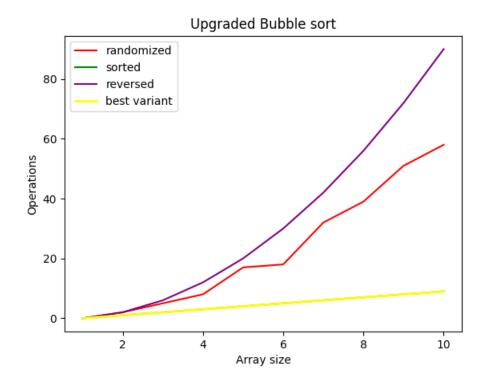


Рисунок 3.1 – Сортування масиву алгоритмом bubble sort



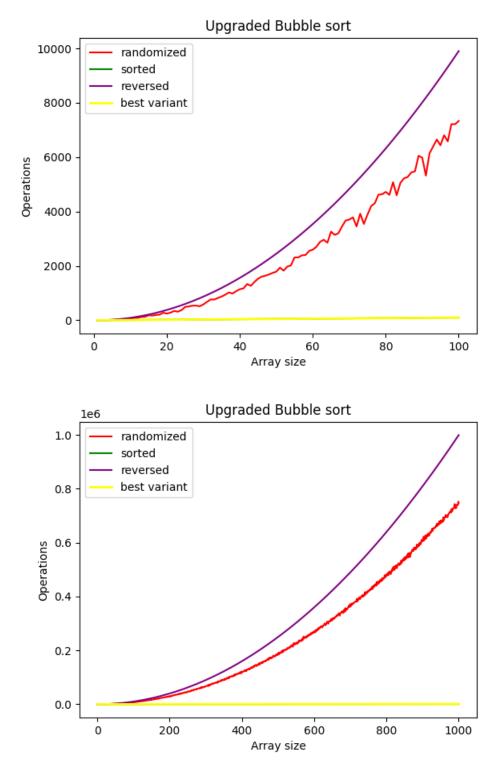
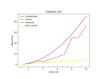
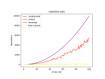


Рисунок 3.2 — Сортування масиву алгоритмом upgraded bubble sort





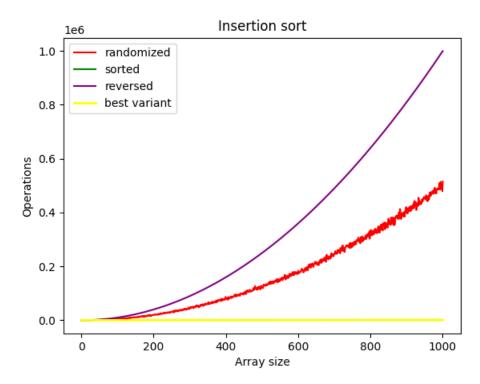


Рисунок 3.3 – Сортування масиву алгоритмом insertion sort

Тестування алгоритму Часові характеристики оцінювання

В таблиці 3.2 наведені характеристики оцінювання числа порівнянь і числа перестановок алгоритму сортування бульбашки, модифікованого алгоритму та Insertion_sort для масивів різної розмірності, коли масив містить упорядковану послідовність елементів.

Таблиця 3.2 – Характеристики оцінювання алгоритму сортування buble sort, upgraded buble sort та insertion sort для упорядкованої послідовності елементів у масиві.

Розмірність масиву	Число порівнянь	Число перестановок
10	45 9 9	000
100	4950 99 99	000
1000	499500 999 999	000
5000	12497500 4999 4999	000
10000	49995000 9999 9999	000
20000	199990000 19999 19999	000
50000	1249975000 49999 49999	000

В таблиці 3.3 наведені характеристики оцінювання числа порівнянь і числа перестановок алгоритму сортування бульбашки, модифікованого алгоритму та Insertion_sort для масивів різної розмірності, коли масиви містять зворотно упорядковану послідовність елементів.

Таблиця 3.3 – Характеристики оцінювання алгоритму сортування бульбашки, модифікованого алгоритму та Insertion_sort для зворотно упорядкованої послідовності елементів у масиві.

Розмірність	Число порівнянь	Число перестановок
10	45 45 45	45 45 45
100	4950 4950 4950	4950 4950 4950
1000	499500 499500 499500	499500 499500 499500
5000	12497500 12497500 12497500	12497500 12497500 12497500
10000	49995000 49995000 49995000	49995000 49995000 49995000
20000	199990000 199990000 199990000	199990000 199990000 199990000
50000	1249975000 1249975000 124975000	1249975000 1249975000 124975000

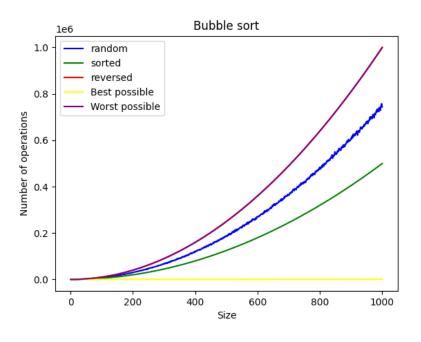
У таблиці 3.4 наведені характеристики оцінювання числа порівнянь і числа перестановок алгоритму сортування бульбашки, модифікованого алгоритму та Insertion_sort для масивів різної розмірності, масиви містять випадкову послідовність елементів.

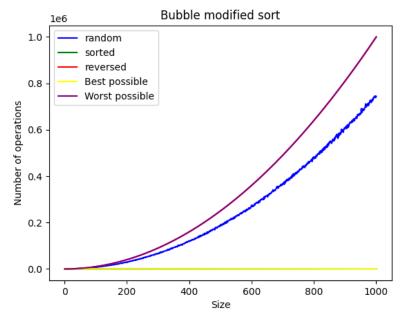
Таблиця 3.4 — Характеристика оцінювання алгоритму сортування бульбашки, модифікованого алгоритму та Insertion_sort для випадкової послідовності елементів у масиві.

Розмірність	Число порівнянь	Число перестановок
10	45 44 32	26 26 26
100	4950 4949 2818	2725 2725 2725
1000	499500 499247 246652	245659 245659 245659
5000	12497500 12497004 6295835	6290845 6290845 6290845
10000	49995000 49964865 24958691	24972046 24972046 24972046
20000	199990000 199984644 99483125	99871274 99871274 99871274
50000	1249975000 1249904005 628530999	628480578 628480578 628480578

3.1.1 Графіки залежності часових характеристик оцінювання від розмірності масиву

На рисунку 3.3 показані графіки залежності часових характеристик оцінювання від розмірності масиву для випадків, коли масиви містять упорядковану послідовність елементів (зелений графік), коли масиви містять зворотно упорядковану послідовність елементів (червоний графік), коли масиви містять випадкову послідовність елементів (синій графік), також показані асимптотичні оцінки гіршого (фіолетовий графік) і кращого (жовтий графік) випадків для порівняння.





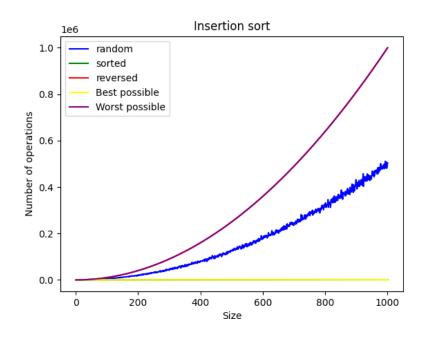


Рисунок 3.3 – Графіки залежності часових характеристик оцінювання

ВИСНОВОК

На цій лабораторній работі ми дослідили роботу алгоритмів сортування, а саме: сортування бульбашки, покращений алгоритм сортування бульбашки та сортування вставками. За ходом лабараторної роботи я дослідив час роботи кожного алгоритму та обчислив складність алгоритмів. В найгіршому випадку складність кожного з них є квадратичною O(n²). Я знайшов спосіб покращити сортування бульбашкою додавши перевірку на те, що масив вже відсортований, це дозволили значно зменшити час виконання алгоритму. Також я побудував графіки залежностей часових характеристик від розміру масиву, з яких можна наглядно бачити складності кожного з алгоритмів в конкретних випадках.