ĐA THỰC

- Nguyễn Hoàng Yến Như
- Nguyễn Trần Phúc Nghi
- Nguyễn Trần Phúc An
- Nguyễn Đức Anh Phúc

- Trịnh Thị Thanh Trúc
- KS. Hồ Thái Ngọc
- KS. Cao Bá Kiệt
- KS. Lê Ngọc Huy
- CN. Bùi Cao Doanh
- CN. Nguyễn Trọng Thuận
- KS. Phan Vĩnh Long
- KS. Nguyễn Cường Phát
- ThS. Nguyễn Hoàng Ngân

- ThS. Đỗ Văn Tiến
- ThS. Nguyễn Hoàn Mỹ
- ThS. Dương Phi Long
- ThS. Trương Quốc Dũng
- ThS. Nguyễn Thành Hiệp
- ThS. Nguyễn Võ Đăng Khoa
- ThS. Võ Duy Nguyên
- ThS. Trần Việt Thu Phương
- TS. Nguyễn Tấn Trần Minh Khang





$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$$





$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$$

— Ví dụ 01:

$$g(x) = 9x^5 - 7x^4 + 2x^3 + 6x^2 - 15x + 4$$

- Đa thức g(x) có bậc bao nhiều?
- Đa thức g(x) có bao nhiều hệ số bao nhiều?





$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$$

− Ví dụ 02:

$$g(x) = 9x^{15} + 47$$

- Đa thức g(x) có bậc bao nhiều?
- Đa thức g(x) có bao nhiều hệ số bao nhiều?





$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$$

- Đa thức f(x) có bậc bao nhiều?
- Đa thức f(x) có bao nhiều hệ số?



Khai báo kiểu dữ liệu

```
- Khai báo kiểu dữ liệu
101.struct DaThuc
102.{
103. | int n;
104. | float a[100];
105.};
```



Nhập đa thức

```
101.void Nhap(DATHUC &f)
102.{
103.
         cout << "Nhap n: ";</pre>
         cin >> f.n;
104.
         for(int i=f.n; i>=0; i--)
105.
106.
              cout << "Nhap a[" << i << "]: ";</pre>
107.
              cin >> f.a[i];
108.
109.
                   f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0
110.}
```



Xuất đa thức

```
101.void Xuat(DATHUC f)
                       f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0
102.{
        for(int i=f.n; i>=1; i--)
103.
104.
             cout << setw(8) << "(" << f.a[i] << ")";
105.
             cout << "x^" << i << " + ";
106.
107.
        cout << setw(8) << "(" << f.a[0] << ") ";
108.
109.}
```



Đạo hàm cấp 1

- ─ Ví dụ:
 - + Dữ liệu vào: $f(x) = 9x^5 7x^4 + 2x^3 + 6x^2 15x + 4$.
 - + Dữ liệu ra: $f'(x) = 45x^4 28x^3 + 6x^2 + 12x 15$.
- Câu hỏi: về mặt kiểu dữ liệu, đạo hàm cấp 1 của một đa thức là gì?
- Trả lời: Đạo hàm cấp 1 của một đa thức là một đa thức.



Đạo hàm cấp 1

Ðịnh nghĩa hàm

```
101.DATHUC DaoHam (DATHUC f)
                            f(x) = 9x^5 - 7x^4 + 2x^3 + 6x^2 - 15x + 4
102.{
                           f'(x) = 45x^4 - 28x^3 + 6x^2 + 12x - 15
103.
        DATHUC temp;
        temp.n = f.n - 1;
104.
        for(int i=temp.n; i>=0; i--)
105.
             temp.a[i] = f.a[i+1] * (i+1);
106.
107.
         return temp;
108.}
```



Đạo hàm cấp k

```
    – Định nghĩa hàm

101.DATHUC DaoHam(DATHUC f, int k)
102.{
103.
         DATHUC temp = f;
         for(int i=1; i<=k; i++)
104.
              temp = DaoHam(temp);
105.
                              f(x) = 9x^5 - 7x^4 + 2x^3 + 6x^2 - 15x + 4
106.
         return temp;
                             f'(x) = 45x^4 - 28x^3 + 6x^2 + 12x - 15
107.}
                             f''(x) = 180x^3 - 84x^2 + 12x + 12
```



Tính giá trị

- Tính giá trị của đa thức f tại vị trí $x = x_0$.
 - + Dữ liệu vào

$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$$

•
$$x = x_0$$

+ Dữ liệu ra:
$$f(x_0) = a_n x_0^n + a_{n-1} x_0^{n-1} + \dots + a_1 x_0 + a_0$$



Tính giá trị

- Ví dụ: Tính giá trị đa thức $f = 2x^2 + 5x + 3$ tại vị trí $x = x_0 = 3$.
 - + Dữ liệu vào

$$f(x) = 2x^2 + 5x + 3$$

•
$$x = x_0 = 3$$

+ Dữ liệu ra: $f(3) = 2(3)^2 + 5(3) + 3 = 3(9) + 15 + 3 = 45$



Tính giá trị

```
101.float TinhGiaTri(DATHUC f, float x0)
102.{
103.
         float s = f.a[0];
         float t = 1;
104.
          for(int i=1; i<=f.n; i++)
105.
106.
             t = t * x0;
s = s + f.a[i] * t;
107.
108.
109.
110.
          return s;
                            f(x_0) = a_n x_0^n + a_{n-1} x_0^{n-1} + \dots + a_1 x_0 + a_0
111.}
```



TỔNG HAI ĐA THỰC



— Ví dụ 01:

+ Dữ liệu vào:

$$f(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

$$h(x) = 10x^4 + x^3 + 5x^2 + 13x + 6$$



− Ví dụ 02:

+ Dữ liệu vào:

$$\bullet f(x) = 5x^3 - 3x^2 + 4x - 9$$

•
$$g(x) = 19x^5 + 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

$$h(x) = 19x^5 + 10x^4 + x^3 + 5x^2 + 13x + 6$$



– Định nghĩa hàm 101.int LonNhat(int a,int b) 102.{ 103. int lc = a;if(b>lc) 104. 1c = b;105. 106. return lc; 107.}



— Giải thuật:

+ Dữ liệu vào:

•
$$f(x) = 15x^5 + 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

•
$$temp(x) = 0x^5 + 0x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 0x + 0$$

•
$$temp(x) = (15)x^5 + (10)x^4 + (-4)x^3 + (8)x^2 + (9)x + (15)$$

•
$$temp(x) = (15)x^4 + (10)x^4 + (1)x^3 + (5)x^2 + (13)x + (6)$$



— Giải thuật:

+ Dữ liệu vào:

$$f(x) = 5x^3 - 3x^2 + 4x - 9$$

$$g(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

- $\bullet \ temp(x) = 0x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 0x + 0$
- $temp(x) = (0)x^4 + (5)x^3 + (-3)x^2 + (4)x + (-9)$
- $temp(x) = (10)x^4 + (1)x^3 + (5)x^2 + (13)x + (6)$



```
101.DATHUC Tong(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
           DATHUC temp;
104.
            temp.n = LonNhat(f.n,g.n);
105.
            for(int i=temp.n; i>=0; i--)
                                            + Dữ liệu vào:
                 temp.a[i] = 0;
106.
                                                 f(x) = 5x^3 - 3x^2 + 4x - 9 
                                               \bullet g(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15
                                             + Dữ liệu ra:
                                               \bullet temp(x) = 0x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 0x + 0
                                               • temp(x) = (0)x^4 + (5)x^3 + (-3)x^2 + (4)x + (-9)
                                               • temp(x) = (10)x^4 + (1)x^3 + (5)x^2 + (13)x + (6)
```



```
101.DATHUC Tong(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
            •••
           for(int i=f.n; i>=0; i--)
104.
                 temp.a[i] += f.a[i];
105.
           for(int i=g.n; i>=0; i--)
106.
                 temp.a[i] += g.a[i + Dữ liệu vào:

f(x) = 5x^3 - 3x^2 + 4x - 9
107.
                                              \bullet g(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15
108.
           return temp;
                                            + Dữ liệu ra:
109.}
                                               \bullet temp(x) = 0x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 0x + 0
                                               • temp(x) = (0)x^4 + (5)x^3 + (-3)x^2 + (4)x + (-9)
                                               • temp(x) = (10)x^4 + (1)x^3 + (5)x^2 + (13)x + (6)
```



— Ví dụ 03:

+ Dữ liệu vào:

$$f(x) = -10x^4 + 4x^3 - 3x^2 + 4x - 9$$

$$g(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

$$temp(x) = 0x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 0x + 0$$

•
$$temp(x) = (-10)x^4 + (4)x^3 + (-3)x^2 + (4)x + (-9)$$

•
$$temp(x) = (0)x^4 + (0)x^3 + (5)x^2 + (13)x + (6)$$



```
101.DATHUC Tong(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        DATHUC temp;
104.
        temp.n = LonNhat(f.n,g.n);
        for(int i=temp.n; i>=0; i--)
105.
            temp.a[i] = 0;
106.
```



```
101.DATHUC Tong(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        •••
        for(int i=f.n; i>=0; i--)
104.
             temp.a[i] += f.a[i];
105.
        for(int i=g.n; i>=0; i--)
106.
             temp.a[i] += g.a[i];
107.
108.
        GiamBac(temp);
109.
        return temp;
110.}
```



```
    – Định nghĩa hàm
```

```
101.void GiamBac(DATHUC &f)
102.{
103. | while(f.a[f.n]==0)
104. | f.n--;
105.}
```

$$temp(x) = (0)x^4 + (0)x^3 + (5)x^2 + (13)x + (6)$$



HIỆU HAI ĐA THỰC



Hiệu hai đa thức

— Ví dụ 01:

+ Dữ liệu vào:

$$f(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

$$h(x) = 10x^4 - 9x^3 + 11x^2 + 5x + 24$$



Hiệu hai đa thức

- Giải thuật

+ Dữ liệu vào:

$$f(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

$$f(x) = 10x^4 - 4x^3 + 8x^2 + 9x + 15$$

$$\bullet -g(x) = -5x^3 + 3x^2 - 4x + 9$$

$$h(x) = 10x^4 - 9x^3 + 11x^2 + 5x + 24$$



Hiệu hai đa thức



TOÁN TỬ CỘNG HAI ĐA THỰC



Toán tử cộng (operator +)

```
101.DATHUC operator+(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        DATHUC temp;
        temp.n = LonNhat(f.n,g.n);
104.
        for(int i=temp.n; i>=0; i--)
105.
            temp.a[i] = 0;
106.
```



Toán tử cộng (operator +)

```
101.DATHUC operator+(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        •••
        for(int i=f.n; i>=0; i--)
104.
            temp.a[i] += f.a[i];
105.
        for(int i=g.n; i>=0; i--)
106.
            temp.a[i] += g.a[i];
107.
108.
        GiamBac(temp);
109.
        return temp;
110.}
```



Toán tử cộng (operator +)

```
- Dinh nghĩa hàm
101.void GiamBac(DATHUC &f)
102.{
103. | while(f.a[f.n]==0)
104. | f.n--;
105.}
```



TOÁN TỬ HIỆU HAI ĐA THỰC



Toán tử trừ (operator -)

– Định nghĩa hàm



TÍCH HAI ĐA THỰC



─ Ví dụ:

+ Dữ liệu vào:

$$f(x) = 5x^3 - 3x^2 + 4x - 9$$

•
$$g(x) = 8x^2 + 9x + 15$$

+ Dữ liệu ra:

•
$$temp(x) = 40x^5 + 21x^4 + 80x^3 - 81x^2 - 21x - 135$$



$$40x^5 + 21x^4 + 80x^3 - 81x^2 - 21x - 135$$



$$40x^5 + 21x^4 + 80x^3 - 81x^2 - 21x - 135$$



```
101.DATHUC Tich(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        DATHUC temp;
        temp.n = f.n + g.n;
104.
        for(int i=temp.n; i>=0; i--)
105.
            temp.a[i] = 0;
106.
107.
        for(int i=0; i<=g.n; i++)
            for(int j=0; j<=f.n; j++)
108.
                temp.a[i+j] += g.a[i] * f.a[j];
109.
110.
        return temp;
```



Toán tử tích (operator*)

```
101.DATHUC operator*(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        DATHUC temp;
        temp.n = f.n + g.n;
104.
        for(int i=temp.n; i>=0; i--)
105.
            temp.a[i] = 0;
106.
107.
        for(int i=0; i<=g.n; i++)
108.
            for(int j=0; j<=f.n; j++)
                temp.a[i+j] += g.a[i] * f.a[j];
109.
110.
        return temp;
```



THƯƠNG HAI ĐA THỰC



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x + \frac{2}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



```
101. DATHUC Thuong (DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        DATHUC bichia = f;
104.
        DATHUC chia = g;
105.
        DATHUC temp;
106.
        temp.n = f.n - g.n;
        for(int i=temp.n; i>=0; i--)
107.
            temp.a[i] = 0;
108.
109.
110.
        return temp;
111.}
```

```
101. DATHUC Thuong (DATHUC f, DATHUC g)
102.{
        while(bichia.n >= c.n)
103.
104.
105.
             DATHUC tg;
             tg.n = bichia.n - chia.n;
106.
             for(int i=tg.n; i>=0; i--)
107.
                 tg.a[i] = 0;
108.
             tg.a[tg.n] = bichia.a[bichia.n] / chia.a[chia.n];
109.
110.
             DATHUC tru = tg * chia;
             bichia = bichia - tru;
111.
112.
             temp = temp + tg;
113.
114.
        return temp;
115.}
```



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2 \\
 \hline
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x \\
 \hline
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x + \frac{2}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x + \frac{2}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2 \\
 \hline
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x \\
 \hline
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x + \frac{2}{3}
 \end{array}$$

$$\frac{3x+1}{5x^2-3x+\frac{7}{3}}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x + \frac{2}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2 \\
 \hline
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x \\
 \hline
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x + \frac{2}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2 \\
 \hline
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x \\
 \hline
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x + \frac{2}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2 \\
 \hline
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x \\
 \hline
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$





Toán tử thương hai đa thức

```
101. DATHUC operator/(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
103.
        DATHUC bichia = f;
104.
        DATHUC chia = g;
105.
        DATHUC temp;
106.
        temp.n = f.n - g.n;
        for(int i=temp.n; i>=0; i--)
107.
            temp.a[i] = 0;
108.
109.
110.
        return temp;
111.}
```

```
101.DATHUC operator/(DATHUC f, DATHUC g)
102.{
        while(bichia.n >= chia.n)
103.
104.
105.
            DATHUC tg;
            tg.n = bichia.n - chia.n;
106.
            for(int i=tg.n; i>=0; i--)
107.
                 tg.a[i] = 0;
108.
            tg.a[tg.n] = bichia.a[bichia.n] / chia.a[chia.n];
109.
110.
            DATHUC tru = tg * chia;
111.
            bichia = bichia - tru;
112.
            temp = temp + tg;
113.
114.
        return temp;
115.}
```



MOD HAI ĐA THỰC



Mod hai đa thức

$$\begin{array}{r}
 +15x^3 - 4x^2 + 4x + 3 \\
 +15x^3 + 5x^2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^3 - 9x^2 + 4x + 3 \\
 -9x^2 - 3x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0x^2 + 7x + 3 \\
 +7x + \frac{7}{3}
 \end{array}$$

$$3x + 1$$

$$5x^2 - 3x + \frac{7}{3}$$



Mod hai đa thức



Toán tử mod hai đa thức



Chúc các bạn học tốt TRƯỜNG ĐẠI HỌC CÔNG NGHỆ THÔNG TIN TP.HCM

Nhóm UIT-Together Nguyễn Tấn Trần Minh Khang