# Mật mã & Ứng dụng

*Trần Đức Khánh* Bộ môn HTTT – Viện CNTT&TT ĐH BKHN

#### Chủ đề

- ☐ Hệ mật mã cổ điển
- ☐ Hệ mật mã khóa bí mật (đối xứng)
- Hệ mật mã khóa công khai (bất đối xứng)
- □ Hàm băm, chữ ký số
- □ Quản lý khóa, giao thức mật mã,...

#### Nhu cầu toàn vẹn thông tin

- Các ứng dụng chú trọng mục tiêu Toàn vẹn
  - Tài liệu được sử dụng giống hệt tài liệu lưu trữ
  - Các thông điệp trao đổi trong một hệ thống an toàn không bị thay đổi/sửa chữa
- "Niêm phong" tài liệu/thông điệp
  - "Niêm phong" không bị sửa đổi/phá hủy đồng nghĩa với tài liệu/thông điệp toàn vẹn
  - "Niêm phong": băm (hash), tóm lược (message digest), đặc số kiểm tra (checksum)
  - Tạo ra "niêm phong": hàm băm

#### Hàm băm

- Mục tiêu an toàn
  - Toàn vẹn (Integrity)

#### Hàm băm có khóa

Đầu vào là một chuỗi có chiều dài biến thiên, và đầu ra có chiều dài cố định

$$h: \sum^* \times K \to \sum^n$$

- $\square$  Tin:  $\sum^*$
- $\square$  Cốt (Digest):  $\sum^{n}$
- □ Khóa: **K**
- □ h là hàm một chiều (one way function)
  - biết y, rất khó tìm x sao cho h(x,k)=y nhưng rất khó tính
- $\square$  h có tính phi đụng độ lỏng (weak collision resistence)
  - cho x, rất khó tìm y /= x sao cho h(x,k) = h(y,k)
- $\Box$  h có tính phi đụng độ chặt (strong collision resistence)
  - rất khó tìm được x /= y sao cho h(x,k) = h(y,k)

### Hàm băm không khóa

Đầu vào là một chuỗi có chiều dài biến thiên, và đầu ra có chiều dài cố định

$$h: \sum^* \to \sum^n$$

- $\square$  Tin:  $\sum_{i=1}^{\infty}$
- $\square$  Cốt (Digest):  $\sum_{n=1}^{n}$
- □ h là hàm một chiều (one way function)
  - biết y, rất khó tìm x sao cho h(x)=y nhưng rất khó tính
- $\Box$  h có tính phi đụng độ lỏng (weak collision resistence)
  - cho x, rất khó tìm y /= x sao cho h(x) = h(y)
- □ *h* có tính phi đụng độ chặt (strong collision resistence)
  - rất khó tìm được x /= y sao cho h(x) = h(y)

#### Kỹ thuật tạo hàm băm

- Dùng các hàm mã hóa
  - CBC
  - RMDP
  - DM
- Dùng các phép toán số học đồng dư
  - QCMDC
  - DP
- Dùng các hàm thiết kế đặc biệt
  - MD4/5
  - SHA/SHS

#### Kỹ thuật tạo hàm băm

- Dùng các hàm mã hóa
  - CBC
  - RMDP
  - DM
- Dùng các phép toán số học đồng dư
  - QCMDC
  - DP
- Dùng các hàm thiết kế đặc biệt
  - MD4/5
  - SHA/SHS

#### CBC - Chaining Block Cipher

- Mật mã đối xứng
  - Hàm mã hóa E
  - Khóa *K*
- □ Hàm băm
  - M = M1M2...Mn
  - $\blacksquare$  Hi = E(K,Mi xor Hi-1)
  - $\blacksquare$  H = Hn

# RMDP – Rabin, Matyas, Davise, Price

- Mật mã đối xứng
  - Hàm mã hóa E
  - Khóa là các khối của tin
- □ Hàm băm
  - M = M1M2..Mn
  - $H0 = r (r \text{ ng} \tilde{a} \text{u nhien})$
  - $\blacksquare$  Hi = E(Mi, Hi-1)
  - H= Hn

#### DM – Davies, Meyer

- Mật mã đối xứng
  - Hàm mã hóa E
  - Khóa là các khối của tin
- □ Hàm băm
  - M = M1M2..Mn
  - $\blacksquare$   $H0 = r (r ng \tilde{a} u nhi \hat{e} n)$
  - $\blacksquare$  Hi = E(Mi,Hi-1) xor Hi-1
  - $\blacksquare$  H = Hn

#### Kỹ thuật tạo hàm băm

- Dùng các hàm mã hóa
  - CBC
  - RMDP
  - DM
- Dùng các phép toán số học đồng dư
  - QCMDC
  - DP
- Dùng các hàm thiết kế đặc biệt
  - MD4/5
  - SHA/SHS

#### QCMDC – Quadratic Congruential Manipulation Dectection Code

- $\square M = M1M2...Mn$ 
  - Mi khối n bit
- □ N là số nguyên tố sao cho
  - $N >= 2^{(n-1)}$
- □ Hàm băm
  - $\blacksquare$   $H0 = r (r ng \tilde{a} u nhi \hat{e} n)$
  - $\blacksquare$   $Hi = (Hi-1+Mi)^2 \mod N$
  - $\blacksquare$  H = Hn

#### DP - Davies, Price

- $\square M = M1M2...Mn$
- N là số nguyên tố sao cho
  - $N >= 2^r$
- □ Hàm băm
  - $\blacksquare$  H0 = 0
  - $\blacksquare$  Hi = (Hi-1 xor Mi)^2 mod N
  - $\blacksquare$  H = Hn

#### Kỹ thuật tạo hàm băm

- Dùng các hàm mã hóa
  - CBC
  - RMDP
  - DM
- □ Dùng các phép toán số học đồng dư
  - QCMDC
  - DP
- Dùng các hàm thiết kế đặc biệt
  - SHA/SHS
  - MD4/5

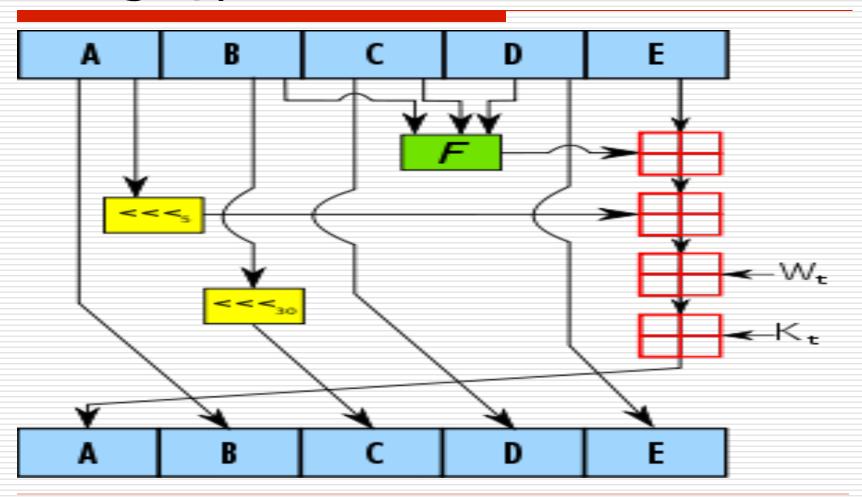
#### SHA-1

- ☐ SHA = Secure Hash Algorithm
- □ Được đề xuất và bảo trợ bởi NIST
- Dùng trong hệ DSS (Digital Signature Standard) của NIST
- Dược sử dụng rộng rãi
  - SSL, PGP, SSH, S/MIME, IPSec

#### SHA-1

- □ Đầu vào bội số của 512 bit
- ☐ Giá trị băm 160 bit
- □ 80 vòng lặp tính toán

# Vòng lặp SHA-1



#### Vòng lặp SHA-1

- □ A,B,C,D,E khối 32 bit
- Kt hằng số của vòng lặp t
- Wt được tính từ các khối của Tin
- <<< dịch chuyển các bit sang trái</p>
- □ <del>- </del> cộng modulo 32
- ☐ F là hàm kết hợp các phép toán logic
  - not, and, or, xor

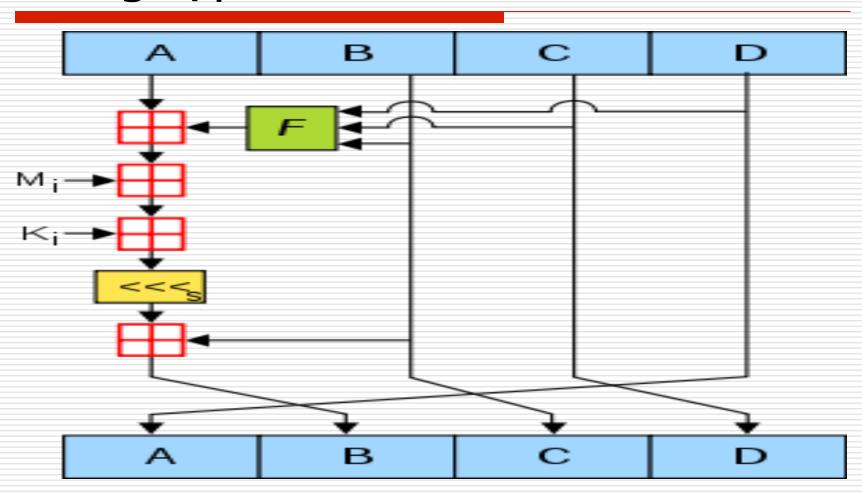
#### MD5

- MD = Message Digest
- MD5 được đề xuất bởi Rivest vào năm 1991
- Được sử dụng rộng rãi
  - Truyền tập tin
  - Lưu trữ mật khẩu

#### MD5

- □ Đầu vào 512 bit
- ☐ Giá trị băm 128 bit
- 64 vòng lặp tính toán

# Vòng lặp MD5



#### Vòng lặp MD5

- □ A,B,C,D khối 32 bit
- ☐ Ki hằng số của vòng lặp i
- Mi khối 32 bit của Tin
- <<< dịch chuyển các bit</p>
- ☐ F là hàm kết hợp các phép toán logic
  - not, and, or, xor

### Tấn công Hàm băm

- Đe dọa/mối nguy
  - Nghịch lý sinh nhật
    - Trong một nhóm 23 người, xác suất để có hai người có cùng một sinh nhật là không nhỏ hơn 1/2
  - Tấn công dạng "sinh nhật"
    - Tính N giá trị băm trong thời gian và không gian cho phép
    - Lưu trữ các giá trị băm để tìm ra đụng độ
    - ☐ Xác suất đụng độ
      - Nếu N > 2^(n/2) giá trị băm, thì xác suất đụng độ là
        1/2, trong đó n là độ dài của chuỗi giá trị băm

### Chữ ký số

- 1976, Diffie & Hellman lần đầu tiên đề cập đến khái niệm Chữ ký số
- 1989, phiên bản thương mại Chữ ký số đầu tiên trong Lotus Notes, dựa trên RSA
- Úng dụng
  - Hợp đồng số
  - Bầu cử điện tử
  - Giao dịch ngân hàng
  - **...**

### Chữ ký số

- Mục tiêu an toàn
  - Xác thực (Authentication)
  - Chống phủ nhận (Non-repudiation)

### Hệ chữ ký số

- □ Thuật toán tạo chữ ký
  - Ký hiệu S
  - Đầu vào là một thông tin m
  - Chữ ký S(m)
- Thuật toán kiểm định chữ ký
  - Ký hiệu V
  - Đầu vào là thông tin m và chữ ký kèm theo s
  - V(m,s) = true khi và chỉ khi <math>s = S(m)

#### Kỹ thuật tạo Chữ ký số

- Mật mã khóa công khai
- Mật mã khóa công khai + Hàm băm
  - RSA + Hàm băm
  - ElGamal + Hàm băm
  - DSA

#### Chữ ký số dùng Mật mã khóa công khai

#### ☐ RSA

- Chọn ngẫu nhiên 2 số nguyên tố p, q
  - $\square$  n = p \* q
- Chọn e sao cho
  - $\Box$  1 < e < (p-1) \* (q-1)
  - □ USCLN(e, (p-1) \* (q-1)) = 1
- Chon d sao cho
  - $\Box 1 < d < (p-1) * (q-1)$
  - $\Box$  e\*d = 1 mod (p-1) \* (q-1)
- Khóa công khai: (n,e)
- Khóa riêng: (p,q,d)

### Chữ ký số dùng RSA

- $\square$  Tin m
- □ Khóa công khai (n,e)
- ☐ Khóa riêng (p,q,d)
- □ Tạo chữ ký
  - $\blacksquare$   $s = m^d \mod n$
- Kiểm định chữ ký
  - $\blacksquare$   $m = ? s^e \mod n$

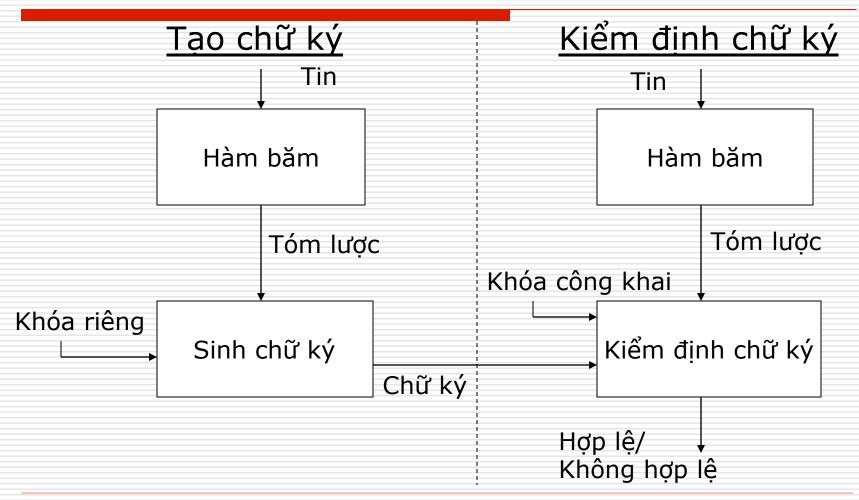
### Chữ ký số dùng RSA

- □ Đe dọa/mối nguy
  - Tấn công dạng "chọn tin", dựa trên đặc điểm "nhân tính" của RSA
    - □ Nếu m1^d mod n là chữ ký của m1, m2^d mod n là chữ ký của m2, thì (m1\*m2)^d mod n là chữ ký của m1\*m2
  - Tấn công dạng "không Tin"
    - ☐ Lấy khóa công khai *k* của Alice
    - Tạo tin m và chữ ký s của m sao cho m và s được công nhận bởi thuật toán kiểm định sử dụng k

#### Chữ ký số dùng Mật mã khóa công khai + Hàm băm

- Tăng cường độ an toàn bằng kết hợp
  - Hệ mật mã khóa công khai
  - Hàm băm
- □ Thuật toán tạo chữ ký
  - Hàm mã hóa sử dụng khóa riêng
  - Hàm băm
- Thuật toán kiểm định chữ ký
  - Hàm giải mã sử dụng khóa công khai
  - Hàm băm

## Chuẩn Chữ ký số - DSS



- Các thông số
  - Hàm băm h
  - 2 số nguyên tố p,q

- □ Tao khóa
  - $\blacksquare$  n = p\*q
  - Chọn e sao cho
    - $\Box$  1 < e < (p-1) \* (q-1)
    - □ USCLN(e, (p-1) \* (q-1)) = 1
  - Chọn d sao cho
    - $\Box$  1 < d < (p-1) \* (q-1)
    - $\Box$   $e*d = 1 \mod (p-1) * (q-1)$
  - Khóa công khai
    - □ (*n*,*e*)
  - Khóa riêng
    - $\square$  (p,q,d)

- □ Tạo chữ ký
  - Tin m
  - Chữ ký
    - $\square$   $s = h(m)^d \mod n$

- ☐ Kiểm định chữ ký
  - Chữ ký s
  - Tin m
  - Kiểm định
    - $\square$   $h(m) ?= s^e \mod n$

- Các thông số
  - Hàm băm h
  - Số nguyên tố *p*
  - Số nguyên g sao cho
    - □ g^c = b mod p trong đó b,p nguyên tố cùng nhau

- □ Tạo khóa
  - Chọn a sao cho 0 < a < p-1</p>
    - $\Box$   $A = g^a \mod p$ a được gọi là logarit rời rạc của A
  - Khóa công khai
    - $\square$  (p,g,A)
  - Khóa riêng
    - 🔲 а

- □ Tạo chữ ký
  - Tin m
  - Chọn k sao cho
    - $\Box 0 < k < p-1$
    - □ k nguyên tố cùng nhau với p-1
  - Chữ ký
    - $\square$   $r = g^k \mod p$
    - $\square$   $s = k^{(-1)} * (h(m) a*r) mod (p-1)$

- ☐ Kiểm định chữ ký
  - Chữ ký (r,s)
  - Tin m
  - Kiểm định
    - $\square$  0 < r < p
    - $\Box 0 < s < p-1$
    - $\square$   $A^*r^*r^s ?= g^h(m) \mod p$

- Các thông số
  - Hàm băm h
  - Số nguyên tố *q*
  - Số nguyên p sao cho
    - □ *p-1* la bội số của *q*
  - Số nguyên g sao cho
    - $\square g = x^{(p-1)/q) \mod p$ trong đó x < p

- □ Tao khóa
  - Chọn *a* < *q* 
    - $\square$   $A = g^a \mod p$
  - Khóa công khai
    - $\square$  (p,q,g,A)
  - Khóa riêng
    - $\Box$  a

- □ Tạo chữ ký
  - Tin m
  - Chọn k sao cho 0 < k < q</p>
  - Chữ ký
    - $\square$   $r = (g^k \mod p) \mod q$
    - $\Box s = k^{(-1)} * (h(m) + a*r) \mod q$

- □ Kiểm định chữ ký
  - Chữ ký (r,s)
  - Tin m
  - Kiểm định
    - $\square$  0 < r < q
    - $\square$  0 < s < q
    - $r = ((g^{(s^{(-1))}*h(m)} \mod q) A^{(r*s^{(-1)})} \mod q)) \mod q$