

KHOA CÔNG NGHỆ THÔNG TIN
BỘ MÔN CÔNG NGHỆ PHẦN MỀM

BÀI TẬP

LÝ THUYẾT CƠ SỞ DỮ LIỆU

Biên soạn :
- Nguyễn Minh Quý

Tài liệu lưu hành nội bộ

MỤC LỤC

| | |
|--|----|
| CHƯƠNG I..... | 3 |
| Tìm BAO ĐẲNG CỦA TẬP THUỘC TÍNH..... | 3 |
| 2. Thuật toán tìm bao đúng của tập thuộc tính..... | 3 |
| Thuật toán 1..... | 3 |
| Bài tập ỏp dụng:..... | 3 |
| CHƯƠNG II..... | 6 |
| Tìm PHỦ TỐI THIỂU CỦA TẬP PHỤ THUỘC HỀM..... | 6 |
| Định nghĩa phụ thuộc hàm dư thừa:..... | 6 |
| Định nghĩa phủ tương đương:..... | 6 |
| Định nghĩa phủ tối thiểu:..... | 6 |
| Phương pháp tìm phủ tối thiểu:..... | 6 |
| Bài tập ỏp dụng..... | 8 |
| CHƯƠNG III..... | 12 |
| Tìm KHOẢ TỐI THIỂU CỦA LƯỢC ĐỒ QUAN HỀ..... | 12 |
| 1. Định nghĩa khoỏ tối thiểu:..... | 12 |
| 2. Phỏt biểu bài toán tìm khoỏ tối thiểu:..... | 12 |
| Bài tập ỏp dụng..... | 12 |

CHƯƠNG I TÌM BAO ĐÓNG CỦA TẬP THUỘC TÍNH

1. Định nghĩa bao đóng : Cho lược đồ quan hệ $R=(U, F)$. Bao đóng của tập thuộc tính X ($X \subseteq U$), ký hiệu X^+ là tập tất hợp cả các thuộc tính mà có thể suy diễn logic từ X .

- Nhận xét: Bao đóng của tập thuộc tính X thực chất là tập tất cả các thuộc tính mà ta có thể “với tới” (hay suy ra) nó từ tập thuộc tính X ban đầu.
- Việc tính toán bao đóng là cơ sở cho việc tìm khoá, tìm tập khoá, kiểm tra một phụ thuộc hàm nào đó có tồn tại trong quan hệ hay không...

2. Thuật toán tìm bao đóng của tập thuộc tính

Đầu vào: Tập thuộc tính X cần tính bao đóng trên lược đồ quan hệ $R=(U,F)$.

Đầu ra: Tập thuộc tính X^+

⁺ Phương pháp:

Kiểm tra lần lượt từng phụ thuộc hàm $f_i = \alpha \rightarrow \beta$, nếu $\alpha \subseteq X^+$ thì kết nạp về phải (tức β) vào vào X^+ : $X^+ := X^+ \cup \beta$.

Lặp lại cho đến khi nào $X^+ = \text{Const}$.

Thuật toán 1

```

CònThayĐổi := True;
X+ := X;
While Còn_Thay_Đổi Do
Begin
    Còn_Thay_Đổi := False;
    For mỗi  $f_i = \alpha \rightarrow \beta$  Do
    Begin
        If  $\alpha \subseteq X^+$  Then
        Begin
            X+ := X+  $\cup$   $\beta$ ;
            Còn_Thay_Đổi := True;
        End;
    End;
End;
    
```

*** Lưu ý: Việc cài đặt chi tiết thuật toán xin xem trong phụ lục

Bài tập áp dụng:

Bài tập 1:

Cho lược đồ quan hệ $R = (U, F)$

$U = \{A, B, C, D, E, G, H\}$

$F = \{AB \rightarrow C, D \rightarrow EG, ACD \rightarrow B, C \rightarrow A, BE \rightarrow C, CE \rightarrow AG, BC \rightarrow D, CG \rightarrow BD, G \rightarrow H\}$

- Tính $(D)^+$
- Tính $(DE)^+$
- Tính $(BE)^+$
- Tính $(CG)^+$

Giải:

a) Tính $(D)^+$

$$X_0 = D$$

$$1) X_1 = DEG \text{ (áp dụng } D \rightarrow EG)$$

$$2) X_2 = DEGH \text{ (áp dụng } G \rightarrow H) (= \text{Constant})$$

$$\text{Vậy } (D)^+ = DEGH$$

b) Tính $(DE)^+$

$$X_0 = DE$$

$$1) X_1 = DEG \text{ (áp dụng } D \rightarrow EG)$$

$$2) X_2 = DEGH \text{ (áp dụng } G \rightarrow H) (= \text{Constant})$$

$$\text{Vậy } (DE)^+ = DEGH$$

c) Tính $(BE)^+$

$$X_0 = BE$$

$$1) X_1 = BEC \text{ (áp dụng } BE \rightarrow C)$$

$$2) X_2 = BECAG \text{ (áp dụng } CE \rightarrow AG)$$

$$3) X_3 = BECAGD \text{ (áp dụng } BC \rightarrow D)$$

$$4) X_4 = BECAGDH \text{ (áp dụng } G \rightarrow H) (= \text{Constant})$$

$$\text{Vậy } (BE)^+ = ABCDEGH$$

d) Tính $(CG)^+$

$$X_0 = CG$$

$$1) X_1 = CGA \text{ (áp dụng } C \rightarrow A)$$

$$2) X_2 = CGABD \text{ (áp dụng } CG \rightarrow BD)$$

$$3) X_3 = CGABDH \text{ (áp dụng } G \rightarrow H)$$

$$4) X_4 = CGABDHE \text{ (áp dụng } D \rightarrow EG) (= \text{Constant})$$

$$\text{Vậy } (CG)^+ = ABCDEGH$$

Bài tập 2: Cho lược đồ quan hệ $R = (U, F)$

$$U = \{A, B, C, D, E, G\}$$

$$F = \{C \rightarrow G, BG \rightarrow CD, AEG \rightarrow BC, CG \rightarrow AE, B \rightarrow CG\}$$

a) Tính C^+

b) Tính $(B)^+$

c) Tính $(AEG)^+$

Giải:

a) Tính C^+

$$X_0 = C$$

$$1) X_1 = CG \text{ (áp dụng } C \rightarrow G)$$

$$2) X_2 = CGAE \text{ (áp dụng } CG \rightarrow AE)$$

$$3) X_3 = CGAEB \text{ (áp dụng } AEG \rightarrow BC)$$

$$4) X_4 = CGAEBD \text{ (áp dụng } BG \rightarrow CD) (= \text{Constant})$$

$$\text{Vậy } (C)^+ = ABCDEG$$

b) Tính $(B)^+$

$$X_0 = B$$

$$1) X_1 = BCG \text{ (áp dụng } B \rightarrow CG)$$

- 2) $X_2 = BCGD$ (áp dụng $BG \rightarrow CD$)
- 3) $X_3 = BCGDAE$ (áp dụng $CG \rightarrow AE$) (= Constant)
- Vậy $(B)^+ = ABCDEG$

c) Tính $(AEG)^+$

- $X_0 = AEG$
- 1) $X_1 = AEGBC$ (áp dụng $AEG \rightarrow BC$)
- 2) $X_2 = AEGBCD$ (áp dụng $BG \rightarrow CD$) (= Constant)
- Vậy $(AEG)^+ = ABCDEG$

**** Chú ý:** Tương tự như bao đóng của tập thuộc tính, người ta cũng định nghĩa bao đóng của tập phụ thuộc hàm. Tuy nhiên việc tính bao đóng của tập phụ thuộc hàm nói chung là phức tạp, nó thuộc loại bài toán NP – Khó. Hơn nữa việc tính bao đóng của tập phụ thuộc hàm ít được ứng dụng do vậy xin không đề cập trong tài liệu này.

Một ví dụ về tính bao đóng của tập phụ thuộc hàm.

Tính $(BG \rightarrow CD)^+$ với R cho ở bài tập 2.

- $X_0 = BG \rightarrow CD$
- $X_1 = (BG \rightarrow C, BG \rightarrow D)$ (Theo luật tách trong hệ tiên đề Amstrong)
- $X_2 = (BG \rightarrow C, BG \rightarrow D, BG \rightarrow B, BG \rightarrow G)$ (Theo luật phản xạ)
- $X_3 = (BG \rightarrow B, BG \rightarrow G, BG \rightarrow C, BG \rightarrow D, BG \rightarrow CG)$ (Luật hợp)
- $X_4 = (BG \rightarrow B, BG \rightarrow G, BG \rightarrow C, BG \rightarrow D, BG \rightarrow CG, \underline{CG \rightarrow AE}) \dots$

CHƯƠNG II

TÌM PHỦ TỐI THIỂU CỦA TẬP PHỤ THUỘC HÀM

Với mỗi tập phụ thuộc hàm F đã cho, rất có thể có nhiều phụ thuộc hàm là dư thừa, tức là ta có thể suy dẫn ra các phụ thuộc hàm này thông qua tập phụ thuộc hàm còn lại trong F . Vấn đề đặt ra là phải làm sao thu gọn số phụ thuộc hàm F thành tối thiểu (gọi là G) để sao cho G vẫn tương đương với F .

Ví dụ về phụ thuộc hàm dư thừa:

$F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A \rightarrow C\}$. ở đây phụ thuộc hàm $A \rightarrow C$ là dư thừa bởi vì ta có thể dễ dàng có được phụ thuộc hàm này thông qua $A \rightarrow B, B \rightarrow C$
 Như vậy tập phụ thuộc hàm tương đương với F là $G = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C\}$

Định nghĩa phụ thuộc hàm dư thừa:

Cho lược đồ $R = \{U, F\}$, một phụ thuộc hàm trong F có dạng $\alpha \rightarrow \beta$ được gọi là dư thừa nếu như bao đóng của α trong tập phụ thuộc hàm $F - \{\alpha \rightarrow \beta\}$ có chứa β . Tức là: $(\alpha)^+_{(F - \{\alpha \rightarrow \beta\})} \supset \beta$.

Định nghĩa phủ tương đương:

Một tập phụ thuộc hàm G được gọi là tương đương với tập phụ thuộc hàm F của lược đồ R nếu như: $F^+ = G^+$. Khi đó ta nói F phủ G hay G phủ F .

Định nghĩa phủ tối thiểu:

Một phủ tối thiểu của tập phụ thuộc hàm F là một tập phụ thuộc hàm G , Trong đó:

- * G tương đương với F (tức là $G^+ = F^+$)
- * Tất cả các phụ thuộc hàm trong G đều có dạng $X \rightarrow A$ Trong đó A là một thuộc tính.
- * Không thể làm cho G nhỏ hơn được nữa. (Tức là không thể xoá thêm bất kỳ phụ thuộc hàm nào trong G hay xoá đi bất kỳ một thuộc tính nào bên phía phải, phía trái của mỗi phụ thuộc hàm mà G vẫn tương đương với F).

Lưu ý: Các phụ thuộc hàm hay các thuộc tính xoá được theo cách trên mà vẫn đảm bảo G tương đương với F thì ta gọi đó là phụ thuộc hàm hay thuộc tính dư thừa.

Phương pháp tìm phủ tối thiểu:

Bước 1: Tách mỗi phụ thuộc hàm trong F có dạng $X \rightarrow A_1A_2A_3...A_n$ thành các phụ thuộc hàm mà về phải (RH – Right Hand) chỉ có một thuộc tính:

$$\begin{aligned} X &\rightarrow A_1 \\ X &\rightarrow A_2 \\ &\dots\dots\dots \\ X &\rightarrow A_n \end{aligned}$$

Bước 2: Loại bỏ các thuộc tính dư thừa bên phía trái của mỗi phụ thuộc hàm.

Bước 3: Duyệt từng phụ thuộc hàm và kiểm tra xem có dư thừa không, nếu dư thừa thì xoá đi.

Lưu ý: Trình tự bước 2 và 3 là KHÔNG THỂ thay đổi !!!

Ở đây ta cần giải thích rõ thế nào thuộc tính dư thừa, phụ thuộc hàm dư thừa ?

Định nghĩa 1: Một phụ thuộc hàm có dạng $\alpha A \rightarrow \beta$, với A là một thuộc tính đơn lẻ. Ta nói A là thuộc tính dư thừa nếu có thể suy dẫn ra β từ α , Tức là $\alpha^+ \supseteq \beta$.

Ví dụ: Cho $F = \{AC \rightarrow B, C \rightarrow B, ABDE \rightarrow GH, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

* Xét phụ thuộc hàm $AC \rightarrow B$:

Rõ ràng thuộc tính A trong $AC \rightarrow B$ là dư thừa vì $C^+ = (CB) \supset B$.

* Xét phụ thuộc hàm $ABDE \rightarrow GH$

- Thuộc tính A : Không dư thừa vì $(BDE)^+ = BDE$ không chứa GH
- Thuộc tính B : Không dư thừa vì $(ADE)^+ = ADE$ không chứa GH
- Thuộc tính D : Dư thừa vì $(ABE)^+ = ABDE$ có chứa $ABDE$

(Loại thuộc tính D khỏi phụ thuộc hàm $ABDE \rightarrow GH$ ta được $ABE \rightarrow GH$)

* Xét phụ thuộc hàm $ABE \rightarrow GH$

- Thuộc tính E : Dư thừa vì $(AB)^+ = ABDE \supset ABE$

* Các thuộc tính trong các phụ thuộc hàm còn lại đều không dư thừa.

Cuối cùng ta được tập phụ thuộc hàm không có thuộc tính dư thừa gồm:

$$F = \{C \rightarrow B, AB \rightarrow GH, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$$

Định nghĩa phụ thuộc hàm dư thừa: Một phụ thuộc hàm có dạng $\alpha \rightarrow \beta$, được gọi là dư thừa nếu như xoá bỏ nó khỏi tập F thì ta vẫn có : $(\alpha)^+ \supseteq \beta$ (tức là vẫn suy dẫn ra β từ α , mặc dù đã xoá bỏ phụ thuộc hàm $\alpha \rightarrow \beta$ khỏi F).

Ví dụ: Cho $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

* Kiểm tra xem $A \rightarrow B$ có dư thừa hay không bằng cách : Thử loại phụ thuộc hàm này khỏi F sau đó tính A^+ , Nếu $A^+ \supseteq B$ thì nó là dư thừa, trái lại là không dư thừa.

Sau khi loại $A \rightarrow B$ ta có $F = \{B \rightarrow C, A \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

Rõ ràng $A^+ = \{AED\}$ nên $B \notin A^+$, chứng tỏ $A \rightarrow B$ là không dư thừa.

Vậy phụ thuộc hàm này không thể loại khỏi F .

F vẫn là: $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

* Kiểm tra $B \rightarrow C$ có dư thừa ?

- Loại $B \rightarrow C$ khỏi F , ta có $F = \{A \rightarrow B, A \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$
- $B^+ = \{BDE\}$ không chứa C , chứng tỏ $B \rightarrow C$ là không dư thừa.
- F vẫn là: $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

* Kiểm tra $A \rightarrow C$ có dư thừa ?

- Loại $A \rightarrow C$ khỏi F ta được $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$
- $A^+ = \{ABCDE\}$ có chứa C , chứng tỏ $A \rightarrow C$ là dư thừa

→ F bây giờ là: $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

+ Kiểm tra $B \rightarrow DE$ có dư thừa ?

- Loại $B \rightarrow DE$ khỏi F, ta được $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

- $B^+ = \{BC\}$ không chứa DE, chứng tỏ $B \rightarrow DE$ không dư thừa

→ F vẫn là $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

+ Kiểm tra $A \rightarrow E$ có dư thừa ?

- Loại $A \rightarrow E$ khỏi F, ta được $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow D\}$

- $A^+ = \{ABCDE\}$ chứa E, chứng tỏ phụ thuộc hàm này dư thừa

→ F bây giờ là: $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow D\}$

+ Kiểm tra $A \rightarrow D$ có dư thừa ?

- Loại $A \rightarrow D$ khỏi F, ta được $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE\}$

- $A^+ = \{ABCDE\}$ chứa D, chứng tỏ phụ thuộc hàm $A \rightarrow D$ là dư thừa.

→ F bây giờ là $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE\}$.

Duyệt lại các phụ thuộc hàm ta thấy không có phụ thuộc hàm nào bị loại thêm nữa (Tức là $F = \text{Const}$). Do vậy tập phụ thuộc hàm cuối cùng sau khi loại các phụ thuộc dư thừa là:

$$F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE\}$$

Với phương pháp loại bỏ thuộc tính và phụ thuộc hàm dư thừa đã đề cập ở trên, sau đây ta lấy ví dụ thực hiện việc tìm phủ tối thiểu của tập phụ thuộc hàm F.

Bài tập áp dụng

Ví dụ 2: Tìm phủ tối thiểu của tập phụ thuộc hàm T sau đây :

$T = \{ABH \rightarrow CK, A \rightarrow D, C \rightarrow E, BGH \rightarrow F, F \rightarrow AD, E \rightarrow F, BH \rightarrow E\}$

• Bước 1: Chuyển vế phải của mỗi phụ thuộc hàm thành các thuộc tính đơn lẻ, ta được:

- $ABH \rightarrow C$
- $ABH \rightarrow K$
- $A \rightarrow D$
- $BGH \rightarrow F$
- $F \rightarrow A$
- $F \rightarrow D$
- $E \rightarrow F$
- $BH \rightarrow E$

• Bước 2: Loại bỏ các thuộc tính dư thừa bên phía trái của mỗi phụ thuộc hàm (Sử dụng phương pháp loại giống như ví dụ 1).

+ Xét phụ thuộc hàm $ABH \rightarrow C$

- A dư thừa vì $(BH)^+ = \{BHEFDAKC\}$ có chứa C.
- B Không dư thừa vì $(AH)^+ = \{AHD\}$ không chứa C
- H không dư thừa vì $(AB)^+ = \{ABD\}$ không chứa C

→ Kết quả sau lần thứ nhất:

$T = \{BH \rightarrow C, ABH \rightarrow K, A \rightarrow D, BGH \rightarrow F, F \rightarrow A, F \rightarrow D, E \rightarrow F, BH \rightarrow E\}$

* Tương tự: A dư thừa trong $ABH \rightarrow K$ vì $(BH)^+ = \{BHCEFDAK\}$ chứa K và G dư thừa trong $BGH \rightarrow F$ vì $(BH)^+ = \{BHEFDAKC\}$ có chứa F.

→ Kết quả cuối cùng:

$T = \{BH \rightarrow C, BH \rightarrow K, A \rightarrow D, BH \rightarrow F, F \rightarrow A, F \rightarrow D, E \rightarrow F, BH \rightarrow E\}$

Đến đây ta không thể loại thêm được thuộc tính nào nữa.

Bước 3: Loại bỏ các phụ thuộc hàm dư thừa

Hiện tại $T = \{BH \rightarrow C, BH \rightarrow K, A \rightarrow D, BH \rightarrow F, F \rightarrow A, F \rightarrow D, E \rightarrow F, BH \rightarrow E\}$

* Thử loại $BH \rightarrow C$, Ta có $(BH)^+ = \{BHFADEK\}$ không chứa C \Rightarrow không dư thừa.

* Thử loại $BH \rightarrow K$, Ta có $(BH)^+ = \{BHCFADE\}$ không chứa K \Rightarrow không dư thừa.

* Thử loại $A \rightarrow D$, Ta có $(A)^+ = \{A\}$ không chứa D \Rightarrow không dư thừa.

* Thử loại $BH \rightarrow F$, Ta có $(BH)^+ = \{BHCKEFAD\}$ có chứa F \Rightarrow luật này dư thừa, loại ra khỏi T, ta được: $T = \{BH \rightarrow C, BH \rightarrow K, A \rightarrow D, F \rightarrow A, F \rightarrow D, E \rightarrow F, BH \rightarrow E\}$

* Thử loại $F \rightarrow A$, Ta có $F^+ = \{FD\}$ không chứa A \Rightarrow không dư thừa

* Thử loại $F \rightarrow D$, ta có $F^+ = \{FAD\}$ có chứa D nên luật này dư thừa. Loại khỏi T ta được: $T = \{BH \rightarrow C, BH \rightarrow K, A \rightarrow D, F \rightarrow A, E \rightarrow F, BH \rightarrow E\}$

* Thử loại $E \rightarrow F$, ta có $E^+ = \{E\}$ không chứa F \Rightarrow Không dư thừa.

* Thử loại $BH \rightarrow E$, ta có $(BH)^+ = \{BHCK\}$ không chứa E nên không dư thừa.

Đến đây ta đã thử xong tất cả các phụ thuộc hàm trong lược đồ. Kết quả cuối cùng ta có phủ tối thiểu $T = \{BH \rightarrow C, BH \rightarrow K, A \rightarrow D, F \rightarrow A, E \rightarrow F, BH \rightarrow E\}$.

Ví dụ 2: Tìm phủ tối thiểu của lược đồ cho dưới đây:

$R = \langle U, F \rangle$, Với:

$U = \{ABCDEFGH\}$

$F = \{A \rightarrow BC, BE \rightarrow G, E \rightarrow D, D \rightarrow G, A \rightarrow B, AG \rightarrow BC\}$

Bước 1 Tách vế phải thành 1 thuộc tính:

- $A \rightarrow B$
- $A \rightarrow C$
- $BE \rightarrow G$
- $E \rightarrow D$
- $D \rightarrow G$
- $A \rightarrow B$

- $AG \rightarrow B$
- $AG \rightarrow C$

Bước 2 Xoá thuộc tính dư thừa

B dư thừa trong $BE \rightarrow G$. Vì $(E)^+ = \{DEG\}$ chứa G

G dư thừa trong $AG \rightarrow B$. Vì $(A)^+ = \{ABC\}$ chứa B

G dư thừa trong $AG \rightarrow C$. Vì $(A)^+ = \{ABC\}$ chứa C

Bước 3 Xoá phụ thuộc hàm dư thừa:

$A \rightarrow B$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(A)^+ = \{ABC\}$ Chứa B

$A \rightarrow C$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(A)^+ = \{ABC\}$ Chứa C

$A \rightarrow B$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(A)^+ = \{ABC\}$ Chứa B

$E \rightarrow G$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(E)^+ = \{DEG\}$ Chứa G

Phủ tối thiểu của F là :

- 1) $A \rightarrow B$
- 2) $A \rightarrow C$
- 3) $D \rightarrow G$
- 4) $E \rightarrow D$

Ví dụ 3: Tìm phủ tối thiểu của lược đồ cho dưới đây:

$R = \langle U, F \rangle$

$U = (ABCDEFGHIJ)$

$F = \{A \rightarrow BDE, DE \rightarrow G, H \rightarrow J, J \rightarrow HI, E \rightarrow DG, BC \rightarrow GH, HG \rightarrow J, E \rightarrow G\}$

Bước 1 Tách về phi thành 1 thuộc tính:

- $A \rightarrow B$
- $A \rightarrow D$
- $A \rightarrow E$
- $DE \rightarrow G$
- $H \rightarrow J$
- $J \rightarrow H$
- $J \rightarrow I$
- $E \rightarrow D$
- $E \rightarrow G$
- $BC \rightarrow G$
- $BC \rightarrow H$
- $HG \rightarrow J$
- $E \rightarrow G$

Bước 2 Xoá thuộc tính dư thừa

D dư thừa trong $DE \rightarrow G$. Vì $(E)^+ = \{DEG\}$ chứa G

G dư thừa trong $HG \rightarrow J$. Vì $(H)^+ = \{HIJ\}$ chứa J

Bước 3 Xoá phụ thuộc hàm dư thừa:

$A \rightarrow D$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(A)^+ = \{ABDEG\}$ Chứa D

$E \rightarrow G$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(E)^+ = \{DEG\}$ Chứa G

$H \rightarrow J$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(H)^+ = \{HIJ\}$ Chứa J

$E \rightarrow G$ dư thừa. Vì nếu xoá khỏi F, ta vẫn có $(E)^+ = \{DEG\}$ Chứa G

Phủ tối thiểu của F là :

- $A \rightarrow B$
- $BC \rightarrow H$
- $A \rightarrow E$
- $BC \rightarrow G$
- $H \rightarrow J$
- $J \rightarrow H$
- $J \rightarrow I$
- $E \rightarrow D$
- $E \rightarrow G$

CHƯƠNG III TÌM KHOÁ TỐI THIỂU CỦA LƯỢC ĐỒ QUAN HỆ

1. Định nghĩa khoá tối thiểu:

Cho lược đồ $R = \langle U, F \rangle$, trong đó U là tập thuộc tính, F là tập phụ thuộc hàm. K được gọi là khoá tối thiểu của R nếu như số thuộc tính trong K là ít nhất nhưng vẫn thoả mãn $K^+ = U$.

2. Phát biểu bài toán tìm khoá tối thiểu:

Cho lược đồ quan hệ $R = \langle U, F \rangle$

Hãy tìm một khoá (tối thiểu) của quan hệ R .

3. Thuật toán tìm khoá tối thiểu (Lưu ý, từ nay nếu không có sự nhầm lẫn thì ta gọi tắt khoá tối thiểu là Khoá).

*** Chi tiết cài đặt xin xem trong phần phụ lục.

Bài tập áp dụng

Ví dụ 1:

Cho lược đồ $R = \langle U, F \rangle$:

$U = \{ABCDE\}$

$F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow DE, A \rightarrow E, A \rightarrow D\}$

Hãy tìm một khoá tối thiểu K của lược đồ R ?

Hướng dẫn:

Bước 1: Đặt

$T = \{AB\}$ (T là tập các thuộc tính xuất hiện phía trái)

$P = \{BCDE\}$ (P là tập các thuộc tính xuất hiện phía phải)

$K = U \setminus P = \{A\}$

Bước 2: Tính thử K^+

Ta có $K^+ = \{ABCDE\}$

Vì $K^+ = U$, nên $K = \{A\}$ là một khoá của R .

Ví dụ 2: Cho lược đồ quan hệ $R = \langle U, F \rangle$, Trong đó :

$U = \{ABCDE\}$

$F = \{AB \rightarrow DE, E \rightarrow AD, D \rightarrow C\}$

Hãy tìm một khoá tối thiểu K của lược đồ R

Hướng dẫn :

Bước 1: Đặt

$T = \{ABED\}$

$P = \{DEAC\}$

$K = U \setminus P = \{B\}$

Bước 2: Tính thử K^+

Ta có $K^+ = \{B\} \neq U$, nên tiếp tục bước 3

Bước 3 : Tính $K = K \cup (T \cap P)$

Ta có $K = K \cup (T \cap P) = \{ABDE\}$

Bước 4 : Thử xoá từng thuộc tính trong $T \cap P = \{AED\}$ khỏi K

Thử loại bỏ $\{A\}$ khỏi K , Ta có:

$K = \{BED\}$ và $K^+ = \{BEDAC\}$ vẫn bằng U , nên ta loại được A

Thử loại bỏ $\{E\}$ khỏi K , Ta có:

$K = \{BD\}$ và $K^+ = \{BDC\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được $\{E\}$. K vẫn là $\{BDE\}$

Thử loại bỏ $\{D\}$ khỏi K , Ta có:

$K = \{BE\}$ và $K^+ = \{BEADC\} = U$.

Đến đây ta đã thử hết. Vậy khoá tối thiểu tìm được là : $K = \{BE\}$

Ví dụ 3

Cho lược đồ quan hệ $R = \langle U, F \rangle$, Trong đó :

$U = \{ABCDEFG\}$

$F = \{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, BC \rightarrow D, ACD \rightarrow B, D \rightarrow EG, BE \rightarrow C, CG \rightarrow BD, CE \rightarrow AG\}$

Hãy tìm một khoá tối thiểu K của lược đồ R .

Hướng dẫn :

Bước 1: Đặt

- $T = \{ABCDEFG\}$
- $P = \{ABCDEFG\}$ (P là tập các thuộc tính xuất hiện phía phải)
- $K = U \setminus P = \{\}$

Bước 2: Tính thử K^+

Ta có $K^+ = \{\} \neq U$, nên tiếp tục bước 3

Bước 3 : Tính $K = K \cup (T \cap P)$

Ta có $K = K \cup (T \cap P) = \{ABCDEFG\}$

Bước 4 : Thử xoá từng thuộc tính trong $T \cap P = \{ABCDEFG\}$ khỏi K

Thử loại bỏ $\{A\}$ khỏi K , Ta có:

$K = \{BCDEG\}$ và $K^+ = \{BCDEGA\}$ vẫn bằng U , nên ta loại được A

Thử loại bỏ $\{B\}$ khỏi K , Ta có:

$K = \{CDEG\}$ và $K^+ = \{CDEGAB\}$ vẫn bằng U , nên ta loại được B

Thử loại bỏ {C} khỏi K, Ta có:

$K = \{DEG\}$ và $K^+ = \{DEG\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được {C}. K vẫn là {DEGC}

Thử loại bỏ {D} khỏi K, Ta có:

$K = \{EGC\}$ và $K^+ = \{EGCABD\}$ vẫn bằng U, nên ta loại được D

Thử loại bỏ {E} khỏi K, Ta có:

$K = \{GC\}$ và $K^+ = \{GCABDE\}$ vẫn bằng U, nên ta loại được E

Thử loại bỏ {G} khỏi K, Ta có:

$K = \{C\}$ và $K^+ = \{CA\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được {G}. K vẫn là {CG} → Đã thử hết !

Đến đây ta đã thử hết. Vậy khoá tối thiểu tìm được là : $K = \{CG\}$

Ví dụ 4

Cho lược đồ quan hệ $R = \langle U, F \rangle$, Trong đó :

$U = \{ABCDEFGH\}$

$F = \{A \rightarrow C, AB \rightarrow C, C \rightarrow DG, CD \rightarrow G, EC \rightarrow ABEG, C, H \rightarrow C\}$

Hãy tìm một khoá tối thiểu K của lược đồ R

Hướng dẫn :

Bước 1: Đặt

$T = \{ABCDEFGH\}$

$P = \{ABCDEFG\}$

$K = U \setminus P = \{H\}$

Bước 2: Tính thử K^+

Ta có $K^+ = \{HCDG\} \neq U$, nên tiếp tục bước 3

Bước 3 : Tính $K = K \cup (T \cap P)$

Ta có $K = K \cup (T \cap P) = \{HABCDE\}$

Bước 4 : Thử xoá từng thuộc tính trong $T \cap P = \{ABCDE\}$ khỏi K

Thử loại bỏ {A} khỏi K, Ta có:

$K = \{HBCDE\}$ và $K^+ = \{HBCDEGA\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được {A}. K vẫn là {HBCDEA}

Thử loại bỏ {B} khỏi K, Ta có:

$K = \{HCDEA\}$ và $K^+ = \{HCDEAGB\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được {B}. K vẫn là {HCDEAB}

Thử loại bỏ {C} khỏi K, Ta có:

$K = \{HDEAB\}$ và $K^+ = \{HDEABCG\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được {C}. K vẫn là {HDEABC}

Thử loại bỏ {D} khỏi K, Ta có:

$K = \{HEABC\}$ và $K^+ = \{HEABCDG\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được {D}. K vẫn là $\{HEABCD\}$

Thử loại bỏ {E} khỏi K, Ta có:

$K = \{HABCD\}$ và $K^+ = \{HABCDG\}$

Do $K^+ \neq U$ nên không loại được {E}. K vẫn là $\{HABCDE\}$.

Đến đây ta đã thử hết. Vậy khoá tối thiểu tìm được là : $K = \{HABCDE\}$

Ví dụ 5:

Cho lược đồ quan hệ $R = \langle U, F \rangle$, Trong đó :

$U = \{ABC\}$

$F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow A, C \rightarrow B\}$

Hãy tìm một khoá tối thiểu K của lược đồ R

Hướng dẫn :

Bước 1: Đặt

$T = \{ABC\}$

$P = \{AB\}$

$K = U \setminus P = \{C\}$

Bước 2: Tính thử K^+

Ta có $K^+ = \{CBA\} = U$

Vì $K^+ = U$, nên $K = \{C\}$ là một khoá của R.