# THỰC HÀNH LABORATORY

Trường Đại Học Khoa Học Tự Nhiên, Tp HCM

Các phép toán cơ bản

Sử dụng file .m và lập trình

Ma trận trong Matlab

Đồ thị 2D trong Matlab

Phép tính với biến symbolic

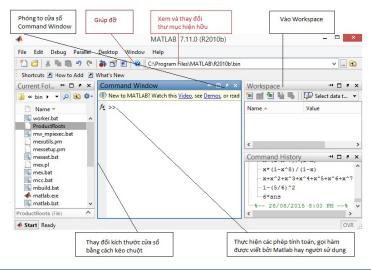
**Úng dụng MATLAB** 

We study the existence and unicity of invariant measure on R of the Markov chain  $(X_n)_{n\geq 0}$  defined by  $X_0=x$  and, for all  $n\geq 1$ 

$$X_n := a_n X_{n-1} + b_n$$

where the  $(a_n,b_n)$ ,  $n\geq 1$ , are i.i.d. random variables with values in  $\mathbb{R}^{*+}\times\mathbb{R}$ . Both cases  $\mathbb{E}(\log a_n)<0$  and  $\mathbb{E}\log a_n=0$  will be considered; they lead to strongly different behaviours. This Markov chain is a fundamental example of stochastic dynamical system and appears in several classical situations, as perpetuities, speculatives prices, . . . . and random walks on groups of matrices.

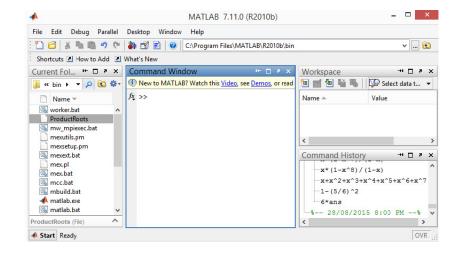
Khi chạy chương trình của Matlab, giao diện đầu tiên của chương trình xuất hiện với các thành phần cơ bản.



#### a. Cửa sổ lênh - command windows

Cửa sổ lệnh của Matlab cho phép người sử dụng các phép tính toán, gọi các lệnh, hàm hoặc gọi các chương trình. Trong quá trình sử dụng Matlab, ta có thể sử dụng một số hàm trợ giúp sau

- help: giúp đỡ, cho phép người dùng tra cứu bất cứ thông tin nào liên quan đến Matlab.
- demo: các file, các chương trình đã được Matlab tạo sẵn, được tập hợp theo các chuyên đề.
- edit: Mở chương trình soạn thảo hàm, chương trình.
- ver: Xem thông tin về phiên bản của Matlab và các thành phần của nó.
- exit: Thoát ra khỏi chương trình.



- b. Cửa sổ không gian làm việc work space
  Cửa sổ không gian làm việc liệt kê tất cả các biến hiện đang sử dụng trong chương trình.
- c. Cửa sổ thư mục hiện tại current directory Hiển thị thư mục hiện tại mà chương trình Matlab đang dẫn đến. Thư mục mặc định là C:\Programs\MATLAB\R2010b\work Chương trình cho phép thiết lập đường dẫn đến thư mục bất kì trên máy tính.
- d. Cửa sổ lịch sử lệnh command history
  Ghi nhớ các lệnh đã thực hiện trên cửa sổ lệnh, có thể copy
  và dán lại các mệnh lệnh đã thực thi được lưu lại vào ngược lai cửa sổ lênh.

# Các phép toán cơ bản

latlah Các nhến toán cơ hàn. Sử dụng file, m và lần trình. Ma trận trong Matlah. Đỗ thị 2D trong Matlah. Phén tính với hiển symbolic. L'Îng dụng MATLAR

#### 2. Các phép toán cơ bản

Các phép toán cơ bản của Matlab được thực hiện trực tiếp trên cửa sổ lệnh command windows. Các phép toán cơ bản bao gồm:

Các phép toán số học, các phép toán lượng giác, các phép toán làm tròn, các phép toán so sánh, các phép toán về số phức.

#### 2.1 Các phép toán số học

Để tính toán với các phép tính số học đơn giản, tại ngay dấu nhắc >> của cửa sổ lệnh Command Windows, chúng ta gõ vào trực tiếp:

diễn của Matlah Các nhến toán cơ hần Sử dụng tile, m và lận trình Ma trận trong Matlah Đổ thị 2D trong Matlah Phén tính với biến symbolic. Ứng dụng MATLARIA

# 2.1 Các phép toán số học

STT	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả
1	+	Cộng	2+5	7
2	-	Trừ	1000-25	975
3	*	Nhân	10*10	100
4	/	Chia	100/5	20
5	^	Lũy thừa <i>a<sup>b</sup></i>	10^3	1000
6	sqrt(x)	Căn bậc 2	sqrt(144)	12
7	exp(x)	Hàm mũ $(e^x)$	exp(1)	2.7183
8	log(x)	Logarit tự nhiên $(ln(x))$	log(exp(1))	1
9	log10(x)	Logarit thập phân $(\log_{10}(x))$	log10(100)	2

#### 2.2 Các phép toán lượng giác

Khi sử dụng các phép toán lượng giác, chúng ta chú ý là Matlab hiểu cac đối số của các hàm lượng giác là radian. Cũng như kết quả trả về của các hàm lượng giác ngược cũng là radian.

STT	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả
1	sin	Sin	sin(30*pi/180)	0.5000
2	cos	Cos	cos(0.5)	0.8776
3	tan	Tang	tan(10*pi/180)	0.1763
4	cot	Cotang	cot(45*pi/180)	1
5	asin	arcsin	asin(0.5)*180/pi	30
6	acos	arccos	acos(0.86)*180/pi	30
7	atan	arctang	atan(1)*180/pi	45
8	acot	arccotang	acot(1)*180/pi	45

ên của Matlab **Các phép toán cơ bản** Sử dụng file ,m và lập trình Ma trận trong Matlab Dổ thi 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic Ứng dụng MATLAB

# 2.3 Các phép toán làm tròn và lấy phần dư

STT	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả
1	fix	Làm tròn các thành phần	fix(1.5680)	1
		thập phân về 0		
2	floor	Làm tròn về số nguyên	floor(1.5680)	1
		gần nhất nhỏ hơn		
3	ceil	Làm tròn về số nguyên	ceil(1.5680)	2
		gần nhất lớn hơn		
4	round	Làm tròn về số nguyên	round(1.5680)	2
		gần nhất		
5	mod(x,y)	Tính phần dư phép chia,	mod(13,5)	3
		lấy theo <i>y</i>		
6	rem(x,y)	Tính phần dư phép chia,	rem(13,2)	1
		lấy theo <i>x</i>		
7	sign(x)	Lấy dấu của <i>x</i>	sign(-2)	-1

#### 2.4 Các phép toán so sánh

Các phép toán so sánh sẽ so sánh giá trị của giá trị bên phải và bên trái của hàm so sánh, tùy theo từng trường hợp cụ thể mà giá trị trả về có thể là 1 hay 0.

STT	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả
1	>	So sánh lớn hơn	1>2	0
2	<	So sánh nhỏ hơn	1<2	1
3	==	So sánh bằng	1==2	0
4	~=	So sánh không bằng	1∼=2	1
5	>=	So sánh lớn hơn hay bằng	1>=2	0
6	<=	So sánh nhỏ hơn hay bằng	1<=2	1

#### 2.5 Các phép toán logic

Các phép toán logic sẽ so sánh giá trị của giá trị bên phải và bên trái của các hàm so sánh, tùy theo từng trường hợp cụ thể mà giá trị trả về có thể là 1 hay 0.

STT	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả
1	&	Phép giao	(1>2)&(2>4)	0
2	and	Phép giao	and(1>3,2>4)	0
3	I	Phép hợp	(1>3) (2>1)	1
4	or	Phép hợp	or(1>3,2>1)	1
5	~	Phép phủ định	~(1>2)	1
6	not	Phép phủ định	not(1>2)	1
7	xor	Phép Xor	xor(1<3,2<5)	0

### 2.6 Phép toán gán

Toán tử gán được sử dụng trong Matlab dùng để thay thế cho giá trị hoặc một biểu thức tính toán.

#### Toán tử = trong Matlab được gọi là toán tử gán

Ví dụ: Cần tính biểu thức

$$A = \frac{51^6 + 76^7}{\ln(1076)e^{15}}$$

Khi đó, chúng ta sẽ thay giá trị tử số bằng biến B, giá trị mẫu số bằng biến C và giá trị A cần tính bằng B/C.

Cú pháp của toán tử gán:

#### Tên biến = giá trị hay biểu thức tính toán

Tên biến: Tối đa 31 kí tự, có phân biệt chữ hoa và chữ thường, có thể sử dụng các chữ cố trong tên biến nhưng kí tự đầu tiên của tên biến phải là chữ.

#### 2.6 Phép toán gán

Thực hiện phép gán giải quyết ví dụ trên như sau:

#### Ví dụ:

- Phép gán: x+2 = 20 là sai vì bên trái toán tử gán không phải là một tên biến.
- Phép gán: x = 5+y chỉ đúng nếu giá trị của biến y đã được xác định từ trước, nếu không Matlab sẽ báo sai.

>> 
$$x = 5$$
;  
>>  $x = x+3$ 

# 2.7 Dạng hiển thị số

```
>> b = 3/26:
>> format long; b
h =
    0.115384615384615
>> format short e; b
b =
    1.1538e-001
>> format bank; b
b =
    0.12
>> format short eng; b
h =
    115.3846e-003
>> format hex; b
b =
    3fbd89d89d89d89e
```

```
>> format +; b
b =
>> format rat; b
b =
    3/26
>> format short; b
b =
    0.1154
>> format long eng; b
b =
    115.384615384615e-003
```

### 2.8 Các lệnh người dùng

- clc: Xóa (lau) cửa sổ lệnh. Mang tính chất hình thức, giá trị các biến vẫn tồn tại.
- clear: Giải phóng bộ nhớ biến ra khỏi bộ nhớ. Xóa workspace.
- clear var1 var2: Giải phóng các biến var1 và var2 ra khỏi bộ nhớ.
- exist('name'): Hỏi Matlab xem có tồn tại tập tin hay biến đã được thành lập có tên là name chưa.
- quit: Thoát khỏi khung chương trình Matlab.
- who: Liệt kê các biến hiện hành có trong bộ nhớ.
- whos: Liệt kê các biến hiện hành và kích thước của chứng trong bộ nhớ và chỉ rõ phần ảo của chúng nếu có.

Các phép toán cơ bản Sử dụng file ,m và lập trình Ma trận trong Matlab Đổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic Úng dụng l

#### 2.8 Các lệnh người dùng

- ; dấu chấm phẩy: Ở cuối dòng lệnh ngăn không cho Matlab hiển thi các kết quả ra cửa sổ lênh.
- ... dấu ba chấm: liên tục, khi dòng lệnh quá dài cần xuống dòng, dấu ba chấm ... ở cuối dòng lệnh báo cho Matlab biết còn tiếp tục ở dòng tiếp theo.
- , dấu phẩy: Ngăn cách các phần tử trong mảng.
- : dấu hai chấm: Được dùng để phát sinh một mảng có các phần tử cách đều nhau.
- % dấu phần trăm: Matlab xem như những gì sau dấu % là lời bình, lời chú thích cho lệnh. Thường dùng khi viết chương trình.

Sử dụng file .m và lập

trình

## 3. Sử dụng file .m và lập trình

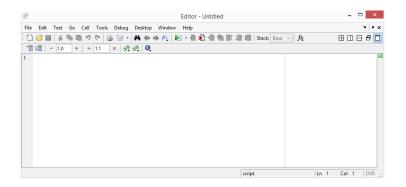
Ở chương 2, chúng ta đã sử dụng cửa sổ lệnh để thực hiện các phép tính toán bằng cách tính toán trực tiếp trên cửa sổ lệnh, nhưng để giải quyết các vấn đề phức tạp thì ta phải sử dụng các file được lập trình.

Các file được lập trình của Matlab được gọi là các M-file (các file này có đuôi là .m), do đó trong toàn bộ giáo trình các file được lập trình sẽ gọi là M-file.

#### Có 2 cách để khởi động một chương trình biên soạn M-file.

- 1: Từ cửa sổ lệnh (command window), gỗ edit.
- 2: Vào menu File, chọn New.

Khi đó, chương trình sẽ hiển thị một cửa sổ trắng để chúng ta soan thảo.



Sau khi soạn thảo xong M-file, chúng ta nhấn: Ctrl + S hoặc File/Save để lưu file chương trình. Khi đặt tên file chương trình phải đúng theo quy định của Matlab. Cụ thể, tên file phải được bắt đầu bằng chữ, sau đó có thể sử dụng số, và được dùng dấu gạch ngang dưới để phân biệt, ví dụ tên file: baitap\_21.m.

Để chạy chương trình, có thể sử dụng một trong 2 cách sau:

- 1: Trong môi trường soạn thảo M-file, chúng ta vào menu Debug/Run hoặc nhấn phím tắt F5.
- 2: Trong cửa sổ lệnh command window, chúng ta nhập vào đúng tên M-file đã được lưu, sau đó nhấn Enter..

Nếu chương trình **được lập trình đúng**, sau khi chạy chương trình, người sử dụng **chuyển ra cửa sổ lệnh để xem kết quả**.

Còn ngược lại, chương trình sẽ báo lỗi, Matlab phát ra **1 tiếng bip** báo hiệu, đồng thời chương trình sẽ tự chuyển sang cửa sổ lệnh, thông báo cho người lập trình vị trí bị lỗi.

# 3.2 Các hàm nhập và hàm xuất dữ liệu ra màn hình

#### a. Hàm nhập dữ liệu Cú pháp:

trong đó:

- input: Từ khóa của hàm nhập dữ liệu.
- x: Tên biến được gán giá trị nhập vào.
- prompt: Dòng text mà người sử dụng gõ vào.

**Diễn đạt**: Biến x sẽ có giá trị bằng giá trị mà người sử dụng nhập vào.

## 3.2 Các hàm nhập và hàm xuất dữ liệu ra màn hình

b. Hàm xuất dữ liệu ra màn hình Cú pháp:

#### trong đó:

- disp: Từ khóa của hàm xuất dữ liệu.
- x: Tên biến hoặc các giá trị số cần xuất ra màn hình.
- text: Dòng text mà người sử dụng cần xuất ra màn hình.

**Ghi chú**: Cú pháp clear hoặc clear all sẽ xóa toàn bộ các biến đang được sử dụng trong Matlab, giúp chương trình chạy đúng.

# 3.2 Các hàm nhập và hàm xuất dữ liệu ra màn hình

```
% chuong trinh tinh dthcn
disp('tinh dien tich hinh chu nhat');
a = input('nhap a = ');
b = input('nhap b = ');
S = a*b:
disp('dien tich hinh chu nhat');
disp(S)
% chuong trinh giai phuong trinh bac hai
disp('CHUONG TRINH GIAI PHUONG TRINH BAC HAI');
disp('nhap vao cac he so:')
a = input('nhap he so a = ');
b = input('nhap he so b = ');
c = input('nhap he so c = ');
delta = b^2-4*a*c;
disp('cac nghiem so: ');
x1 = (-b+sqrt(delta))/(2*a)
x2 = (-b-sqrt(delta))/(2*a)
```

#### 3.3 Các hàm con

#### a. Hàm điều kiện

if - elseif - else - end

Dạng đơn giản:

if - end (if - else - end)

#### Cú pháp:

if expression statements

end

#### trong đó

- ▶ if, end: Từ khóa của hàm.
- expression: Điều kiện biểu thức logic.
- statements: Lênh hoặc nhóm lệnh cần thực thi.

**Diễn đạt**: Nếu thỏa điều kiện - biểu thức logic thì sẽ thực hiện lệnh.

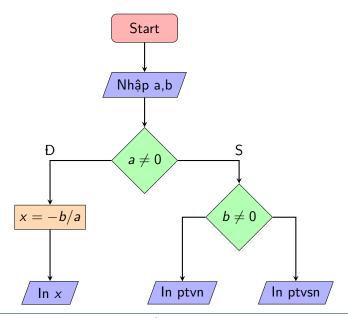
# a. Hàm điều kiện

```
Ví dụ
```

```
a = input('nhap a = ');
b = input('nhap b = ');
if (a < b)
    disp('a nho hon b');
end
if (a == b)
    disp('a bang b');
end
if (a > b)
    disp('a lon hon b');
end
```

g bản Sử dụng file .m và lập trình Ma trận trong Matlab Đổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic Úng dụng MATLAB

#### Viết chương trình giải phương trình bậc nhất ax + b = 0



#### Viết chương trình giải phương trình bậc nhất ax + b = 0

```
% Giai phuong trinh bac nhat
a = input('nhap a = ');
b = input('nhap b = ');
if (a = 0)
    x = -b/a:
    fprintf('nghiem so x = \%9.5g\n',x);
else
    if (b = 0)
        disp('ptvn')
    else
        disp('ptvsn')
    end
end
```

```
% chuong trinh giai phuong trinh bac hai
disp('giai phuong trinh bac hai');
a = input('nhap he so a = ');
b = input('nhap he so b = ');
c = input('nhap he so c = ');
delta = b^2-4*a*c:
d = delta;
if (d < 0)
     disp('ptvn')
else
     if (d == 0)
          x = -b/(2*a):
          fprintf('nghiem so x = \%9.5g\n',x);
     else
          x1 = (-b-sqrt(d))/(2*a);
          x2 = (-b+sqrt(d))/(2*a);
          fprintf('nghiem so x1 = \%9.5g\n',x1);
          fprintf('nghiem so x2 = \%9.5g\n', x2);
     end
end
```

#### Cú pháp:

Dạng đầy đủ:
if - elseif - else - end

if expression 1
statements 1
elseif expression 2
statements 2
else
statements 3
end

- ▶ if, elseif, else, end: Từ khóa của hàm
- expression 1, 2, 3: Điều kiện biểu thức logic 1,2,3.
- statements 1, 2, 3: Lệnh hoặc nhóm lệnh thực thi 1,2,3.

#### Diễn đạt:

- Nếu thỏa điều kiện hoặc biểu thức logic 1 thì sẽ thực hiện lệnh 1.
- Nếu không thỏa điều kiện 1 và thỏa điều kiện 2 thì sẽ thực hiện lênh 2.
- Nếu không thỏa cả điều kiện 1 và điều kiện 2 thì sẽ thực hiện lệnh 3.

#### Chú ý: Các điều kiện 1 và 2 không được trùng lắp nhau.

### a. Hàm điều kiện

 ${
m V\'i}$  dụ. Bài toán phân loại học sinh: Điểm 9-10 xếp loại giỏi, điểm 7-8 xếp loại khá, điểm 5-6 xếp loại trung bình, điểm 1,2,3,4 xếp loại yếu. Nếu điểm vào không phải số nguyên nằm giữa 1 và 10 thì thông báo điểm không hợp lệ.

```
diem = input('nhap diem = :')
if (diem == 9) | (diem == 10)
      disp('loai gioi')
      elseif (diem == 7) | (diem == 8)
      disp('loai kha')
elseif (diem == 5) | (diem == 6)
      disp('loai trung binh')
elseif (diem \geq 1)|(diem \leq 4)
      disp('loai yeu')
else
      disp('diem vao khong hop le')
end
```

n của Matlab Các phéo toán cơ bản Sử dung file .m và lập trình Ma trần trong Matlab Dỗ thị 2D trong Matlab Phéo tính với biến symbolic . Ứng dung MATLAE

# a. Hàm điều kiện

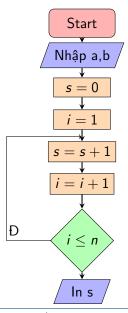
#### Quy tắc xử lý ưu tiên:

Trong một biểu thức Matlab vừa có toán tử số học, vừa có toán tử quan hệ và toán tử logic thì thứ tự xử lý trong Matlab như sau:

- 1. Các cặp dấu ngoặc được tính từ cặp trong cùng nhất.
- 2. Các toán tử số học và toán tử NOT ( $\sim$ ) được tính từ trái qua phải.
- 3. Các toán tử quan hệ được tính từ trái qua phải.
- 4. Toán tử AND.
- 5. Toán tử OR.

ao diện của Matlab Các phép toán cơ bản Sử dụng file .m và lập trình Ma trận trong Matlab Đổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biển symbolic Úng dụng MATLAE

## b. Hàm vòng lặp for



# Ví dụ cho vòng lặp for

S = 1 + 2 + 3 + ... + n

```
S = 0 + 1 + 2 + \dots + n
 clc
 clear all
 disp('tinh tong');
 n = input('nhap so hang can tinh tong n = ');
 s = 0; % gia tri ban dau cua tong s
 for i = 1:n
     s = s+i:
 end
 fprintf('tong so s = %2.5g\n',s);
```

tlab. Các phép toán cơ bản - Sử dung file .m và lập trình - Ma trần trong Matlab - Đổ thị 2D trong Matlab - Phép tính với biến symbolic - Ứng dụng MATLAB

# c. Hàm vòng lặp while

Được sử dụng khi số lần lặp không được biết trước. Quá trình lặp sẽ chấm dứt khi một điều kiện xác định nào đó được thỏa. Cấu trúc của vòng lặp while như sau:

#### Cú pháp:

while expression statements end

#### trong đó:

- expression: Điều kiên của vòng lăp.
- statements: Lênh hoặc nhóm lệnh thực thi của vòng lặp.

## Diễn đat:

Nếu thỏa điều kiện thì sẽ thực hiện lệnh của vòng lặp.

Hàm while được sử dụng khi chưa biết số lần lặp, trong khi hàm for được sử dụng khi đã biết rõ số lần lặp.

# c. Hàm vòng lặp while

```
Ví du:
Tính n! = 1.2.3...n.
GT = 1.1.2.3...n
 clc
 clear
 disp('tinh giai thua');
 n = input('nhap so hang can tinh giai thua n = ');
 GT = 1:
 i = 1:
 while (i \le n)
        GT = GT*i:
        i = i+1:
 end
 fprintf('tong so s = %2.5g\n',GT);
```

# d. Hàm vòng lặp switch-case

Cấu trúc switch-case cho phép chương trình có nhiều lựa chọn và thực hiện chỉ một trong những nhánh này, tùy thuộc vào giá trị của biểu thức đầu vào. Cấu trúc switch-case có dạng như sau:

### Cú pháp:

switch biểu thức đầu vào

(vô hướng hoặc chuỗi kí tự)

case giá tri 1

nhóm lênh 1

case giá trị 2

nhóm lệnh 2

. . .

case giá tri n

nhóm lênh *n* 

otherwise

nhóm lênh n+1

end

# d. Hàm vòng lặp switch-case

**Ví dụ**: Trở lại bài toán phân loại học sinh, chương trình được viết với cấu trúc switch-case như sau

```
n = input('cho biet diem: ');
disp('phan loai: ');
switch n
     case \{0.1.2.3.4\}
          disp('loai yeu');
     case {5.6}
          disp('loai trung binh');
     case \{7,8\}
          disp('loai kha');
     case {9,10}
          disp('loai gioi');
     otherwise
          disp('khong hop le');
end
```

# 3.4 Hàm trong Matlab (function)

**Hàm** trong Matlab là một file.m có thể nhậm tham số và trả về các giá trị.

Tên hàm phải trùng với tên file.m. Gọi lệnh bằng cách gỗ tên hàm (tên file.m).

#### Cú pháp:

```
function tri_tra_ve = ten_ham(tham_so)
...
```

#### Ví dụ:

```
% tbc.m
function s = tbc(x)
s = sum(x(:))/(length(x(:));
```

#### Gọi lệnh:

# 3.4 Hàm trong Matlab (function)

#### Script:

```
% UBC.m
function [m,n] = UBC(a,b)
m = gcd(a,b);
n = lcm(a,b);
```

#### Gọi hàm:

```
>> [uoc,boi] = UBC(45,234)
>> uoc
    ans = 9
>> boi
    ans = 1170
```

# 3.4 Hàm trong Matlab (function)

#### Hàm phụ.

- (khác với hàm chính) chỉ nhằm hỗ trợ tính toán cho hàm chính trong script hàm.
- Hàm phụ nằm sau hàm chính.

#### Ví dụ:

```
% chinh.m
function c = chinh(A)
c = phu(A)-1
function d = phu(B)
d = min(B(:))
```

#### Gọi hàm:

```
>> chinh([23 2 34])
```

Ma trận trong Matlab

# 4. Ma trận trong Matlab

- Ma trận là một mảng hình chữ nhật các con số.
- Ma trận gồm các dòng (row) và các cột (column). Các dòng hay cột gọi chng là vector.

$$\left(\begin{array}{ccccc}
16 & 3 & 2 & 13 \\
5 & 10 & 11 & 8 \\
9 & 6 & 7 & 12 \\
4 & 15 & 14 & 1
\end{array}\right)$$

- Một con số trong Matlab là môt ma trân 1x1.
- Thế mạnh của Matlab so với các ngôn ngữ lập trình khác là tính toán rất nhanh trên ma trân.

# Nhập ma trận

- Nhập trực tiếp danh sách các phần tử.
- Phát sinh ma trận bằng hàm sẵn có.
- $A = [16 \ 3 \ 2 \ 13; \ 5 \ 10 \ 11 \ 8; \ 9 \ 6 \ 7 \ 12; \ 4 \ 15 \ 14 \ 1]$

 $A = \begin{bmatrix} 16 & 3 & 2 & 13 \\ 5 & 10 & 11 & 8 \\ 9 & 6 & 7 & 12 \\ 4 & 15 & 14 & 1 \end{bmatrix}$ 

- Nhập từ file.
- ▶ Tạo ma trận bằng các file .m.

- Dấu [ và ] mở đầu và kết thúc nhập ma trận.
- Dấu ; kết thúc một dòng.
- Các phần tử cách nhau bằng khoảng trắng hoặc dấu ,

# Tổng các cột và chuyển vị của ma trận

## Đường chéo của ma trận

# Trích một phần từ của ma trận

Phần tử A<sub>i,j</sub> được trích bằng biểu thức A(i,j)

► A(4,2) là phần tử ở dòng 4 côt 2, tức là phần tử 15 Phép trích chỉ có một chỉ số sẽ theo thứ tự duyệt theo cột (xem ma trận là một vector cột dài )

A(2) là phần tử thứ 2 duyệt theo cột từ trái qua phải, từ trên xuống dưới.

# Chỉ số vượt khỏi kích thước ma trận

$$A =$$

$$>> t = A(4,5)$$

Attempted to access A(4,5); index out of bounds because size(A)=[4,4].

- Việc truy xuất phần tử vi phạm kích thước ma trận
- Nằm bên phải phép gán

- ► Mở rộng ma trận
- Nằm bên trái phép gán

## Dấu hai chấm ':'

- Dấu hai chấm ':' là một trong những phép tính quan trong của MATLAB.
- Ví dụ: Tạo môt vector dòng gồm các số nguyên từ 1 đến 10

```
>> 1:10
ans =
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

Để tạo bước tăng giảm khác 1

```
>> 100:-7:50
ans =
   100
           93
                  86
                         79
                               72
                                      65
                                             58
                                                    51
>> 0:pi/4:pi
ans =
               0.7854
                           1.5708
                                      2.3562
                                                  3,1416
```

## Dấu hai chấm ':'

A(1:k,j) trích k số đầu tiên ở cột thứ j của ma trận A

```
A =
    16
                         13
           10
                  11
                         12
           15
                  14
>> A(1:4,4)
ans
    13
     8
    12
   sum(A(1:4,4))
ans
    34
```

- sum( A(1:4,4)) tính tổng 4 số đầu tiên của cột thứ 4 của ma trận A
- Dấu hai chấm ':' đứng một mình sẽ chỉ toàn bộ phần tử của dòng hoặc côt
- Từ khóa "end"chỉ chỉ số cuối cùng của dòng hoặc cột

```
>> A(:,end)
ans =
13
8
12
```

► Sử dung dấu "[,]" để liệt kê vi trí cần trích

Có thể sử dụng dấu ":" để trích dãy các phần tử

# Tạo ma trận bằng file.m và lệnh load

- File.m là một file văn bản ghi các dòng lệnh MATLAB.
- Có thể soạn thảo bằng MATLAB Editor hoặc bất kỳ trình soạn thảo văn bản nào.
- Lưu file có đuôi .m
- Gõ tên file để thực thi nội dung các dòng lệnh trong file.
- Tạo một file có nội dung như sau:

```
A = [ 16.0 3.0 2.0 13.0 5.0 10.0 11.0 8.0 9.0 6.0 7.0 12.0
```

4.0 15.0 14.0 1.0 ]:

 Lưu với tên magik.m. Dòng lệnh

sẽ đọc file và tạo biến A là ma trân như trên.

#### Cho các ma trận sau:

Thêm côt

Thêm dòng

# Xóa dòng xóa cột

- Không được xóa một phần tử kiểu như X(1,2) = []
  >> X(1,2) = []
  Subscripted assignment dimension mismatch.
- Dùng chỉ số với dấu ':' để xóa một hay nhiều phần tử

- zeros
  - zeros(n)
  - zeros(m,n)
  - zeros([m n])
  - zeros(size(A))
- ones
  - ▶ ones(n)
  - ▶ ones(m,n)
  - ones([m n])
  - ▶ ones(size(A))
- eye
  - ▶ eye(n)
  - eye(m,n)
  - ▶ eye(size(A))

- pascal
- ► magic
- ▶ numel(A)
- ▶ length(A)
- rand(m,n)
- ▶ diag(v,k), diag(v)
- ▶ tril, triu
- linspace(a,b),
  linspace(a,b,n)
- ▶ logspace(a,b,n)

_	Stt	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết Q		uả
-	1	zeros(a,b)	tạo ma trận $a \times b$	zeros(2,3)	0 0		0
			các phần tử = 0		0	0 0	
-	2	ones(a,b)	tạo ma trận $a \times b$	ones(2,3)	1	1 1	
			các phần tử $=1$		1	1	1
	3	eye(a,b)	tạo ma trận $a \times b$	eye(3,3)	1 0		0
			các phần tử		0	1	0
_			đường chéo $=1$		0	0	1
	4	repmat	tạo ma trận $b  imes b$	repmat	2 2 2		2
		(a,b)	các phần tử	(2,3)	2 2 2		2
			có giá trị = a		2 2		2

Stt	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết Quả
5	rand(a,b)	tạo ma trận	rand(2,2)	0.2785 0.9575
		$a \times b$		0.5469 0.9649
		các phần tử		
		ngẫu nhiên		
6	randn	tạo ma trận	randn	-1.3499 0.7254
	(a,b)	$a \times b$	(2,2)	3.0349 - 0.0631
		các phần tử		
		ngẫu nhiên		
		phân bố đều		

Stt	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ		Kết (	<b>Q</b> uả
7	linspace	tạo ma trận	linspace		1 2	3
	linspace (a,b,n)	hàng <i>b</i> phần tử	(1,3,3)			
		phân bố đều				
		từ <i>a</i> đến <i>n</i>				
8	logspace (a,b,n)	tạo ma trận	logspace	10	1000	100000
	(a,b,n)	hàng <i>n</i> phần tử phân bố đều từ 10 <sup>a</sup> đến 10 <sup>b</sup>	(1,5,3)			

```
\gg B = zeros(2,3)
B =
>> numel(B)
ans =
     6
>> length(B)
ans =
```

```
\rightarrow rand(3,2)
ans =
    0.8003
              0.9157
    0.1419
              0.7922
    0.4218 0.9595
>> C = ones(3)
C =
```

Phép tính	Phép tính
+,-	Cộng hoặc trừ hai ma trận cùng kích thước
A * B	Nhân hai ma trận A và B
A/B	Chia hai ma trận (chia phải) A và B
$A \backslash B$	Chia trái hai ma trận B và A
A. * B	Nhân từng phần tử của hai ma trận $A$ và $B$
A./B	Chia từng phần tử của hai ma trận $A$ và $B$
$A.\setminus B$	Chia từng phần tử của hai ma trận $B$ và $A$
· ·	Mũ cho từng phần tử của mảng

Stt	Dòng lệnh	Ý nghĩa	Kết quả
1	A=[1 2;3 4]	Tạo ma trận	1 2
			3 4
2	B=[1,2;3,4]	Tạo ma trận	1 2
			3 4
3	2*A	Nhân một số	2 4
		với ma trận	6 8
4	B/2	Chia ma trận	0.5000 1.0000
		cho một số	1.5000 2.0000

Khi đem ma trân nhân hoặc chia cho một số, ta sẽ được một ma trân cùng kích thước, và các phần tử sẽ có giá trị bằng phần tử tương ứng của ma trân cũ nhân hoặc chia cho số đó.

Stt	Dòng lệnh	Ý nghĩa	Kết quả
5	A+B	Cộng hai ma trận	2 4
			6 8
6	A-B	Trừ hai ma trận	0 0
			0 0

- 2 ma trận đem cộng hoặc trừ phải cùng kích thước
- Kết quả là một ma trận có cùng kích thước, các phần tử là tổng hoặc hiệu của 2 phần tử tương ứng

7	A*B	Nhân hai ma trận	7 10
			15 22
8	A∖B	Chia hai ma trận	1 0
			0 1

- Chỉ áp dụng giải phương trình AX = B, với A là ma trận vuông, B là ma trận cột có cùng kích thước với A

Giao diện của Matlab Các phép toán cơ bản Sử dụng file .m và lập trình Ma trận trong Matlab Dổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biển symbolic Úng dụng MATLAB

Stt	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả
1	size	Kích thước ma trận	Z	4 4
2	ndims	số chiều	ndims(Z)	2
3	length	chiều dài	length(Z)	4
4	numel	số phần tử ma trận	numel(Z)	16
5	max	vector hàng, chứa các phần tử lớn nhất theo từng cột	max(Z)	4 6 8 10

Giao diện của Matlab Các phép toán cơ bản Sử dụng file .m và lập trình Ma trận trong Matlab Đổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic Ứng dụng MATLAB

Stt	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ		Kết	qu	å
6	min	vector hàng, chứa	min(Z)		1 3	5	7
		các phần tử nhỏ nhất					
		theo từng cột					
7	sum	vector hàng, chứa	sum(Z)	10	18	26	34
		tổng các phần tử					
		theo từng cột					
8	sort	Sắp xếp theo	sum(Z)	1	3	5	7
		thứ tự tăng dần		2	4	6	8
		trong từng cột		3	5	7	9
				4	6	8	10

$$A = \begin{bmatrix} 11 & 2 & 6 \\ 4 & 17 & 26 \\ 17 & 8 & 49 \end{bmatrix}$$

_	Stt	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả		
_	1	det	Tính định thức	det(A)		5825	5
			ma trận				
	2	,	Chuyển vị	A'	11	4	17
			ma trận		2	17	8
					6	26	49

### Các phép toán trong ma trận và vector

_	Stt	Tên hàm	Ý nghĩa	Ví dụ	Kết quả
	3	tril	Tạo ma trận	tril(A)	11 0 0
			tam giác		2 17 0
			dưới		6 26 49
	4	triu	Tạo ma trận	triu(A)	11 4 17
			tam giác		0 17 8
			trên		0 0 49
	5	inv	Nghịch đảo	inv(A)	0.1073 -0.0086 -0.0086
			ma trận		0.0422 0.0750 -0.0450
					-0.0441 -0.0093 0.0307
					· ·

# Các phép toán trong ma trận và vector

- Lệnh phân tích ma trận thành thừa số cholesky
  - chol(A)
- Ma trận A sẽ được phân tích thành tích của hai ma trân

$$A = R'.R$$

Với R là ma trận tam giác trên.

#### Ví dụ:

# Các phép toán trong ma trận và vector

- Lệnh phân tích ma trận thành thừa số LU
  - [L,U] = lu(A)
- ▶ Ma trận A sẽ được phân tích thành tích của hai ma trận

$$A = L.U$$

Với L là ma trận tam giác dưới, U là ma trận tam giác trên.

Giao diễn của Matlab Các phép toán cơ bản Sử dụng file .m và lập trình Ma trận trong Matlab Dổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biển symbolic Ứng dụng MATLAB

# Các phép toán trong ma trận và vector

#### Ví dụ:

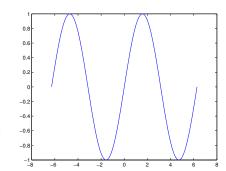


Đồ thị 2D trong Matlab



# 5.Đồ thị 2D trong Matlab

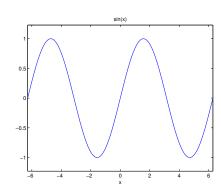
- Hàm plot(x,y) vẽ các điểm x, y tương ứng lên mặt phẳng.
- Ví du



# 5.Đồ thị 2D trong Matlab

Chú ý: Đối với hàm sơ cấp có thể dùng lệnh ezplot('Ham so can ve'). Lệnh sau vẽ đồ thị hàm sin(x)

>> ezplot('sin(x)')



# Vẽ nhiều đồ thị

Để vẽ nhiều đồ thị ta sử dụng hàm plot với cú pháp sau

Matlab sẽ vẽ một đường x theo t và một đường y theo t. Hoặc chúng ta có thể sử dụng lệnh hold

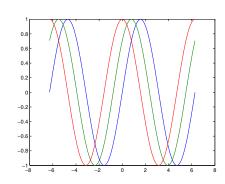
Lệnh hold sẽ lưu giữ đồ thị hiện hữu, khi chúng ta thực hiện lệnh vẽ tiếp theo thì đồ thi mới sẽ được thêm vào đồ thi cũ.

# Vẽ nhiều đồ thị

- ▶ Dùng dạng plot(x, y1, x, y2, ...)
- ► Ví dụ

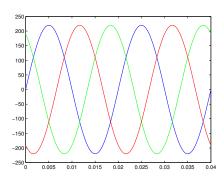
► Cũng có thể dùng plot(x, y) trong đó

```
>> y = [y1; y2; y3]; 
>> plot(x,y)
```



# Vẽ nhiều đồ thị

```
f = 50:
T = 1/f:
t = 0:T/100:2*T;
va = 220*sin(2*pi*f*t);
plot(t,va,'blue');
hold on;
vb = 220*sin(2*pi*f*t +
+ 120*pi/180);
plot(t,vb,'green');
hold on;
vc = 220*sin(2*pi*f*t +
- 120*pi/180);
plot(t,vc,'red');
```



#### Các thuộc tính nét vẽ

#### Cú pháp

>>plot(X1,Y1,LineSpec,...)

Hàm plot có sử dụng các thuộc tính nét vẽ LineSpec cho phép thiết lập các thuộc tính của đồ thị. Các thuộc tính là:

- Line style : định dạng kiểu nét, ví dụ nét chấm, nét đứt, ...
- Line style : định dạng độ rộng nét vẽ, đơn vị là point
- Color : định dạng màu của nét vẽ, ví dụ màu xanh, màu đỏ....
- Marker type: định dạng điểm vẽ.

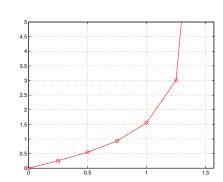
Thuộc tính	Lập trình trong Matlab	Đồ thị
<b>Độ lớn nét</b> <b>vẽ</b> Tính theo đơn vị là point	<pre>t = 0:pi/20:2*pi; plot(t,sin(t),' r' ,'LineWidth',5)</pre>	08 06 02 02 03 04 08 08 08 08 08 08 08 08 08 08 08 08 08
Marker + : dấu cộng o : vòng tròn biển * : hoa thị x : chữ x	<pre>t = 0:pi/20:2*pi; plot(t,sin(t),' r o'     ,'LineWidth',2)</pre>	

#### Lệnh cho trục tọa độ

- Lênh axis
  - >> axis([xmin xmax ymin ymax])
- ► Tùy chỉnh các kiểu truc toa đô
  - axis on/off/auto
  - axis normal/square/equal/tight
  - axis ij/xy
  - grid on/off
- Xác định giới hạn của trục Ox và Oy
  - >> xlim([xmin xmax])
    >> ylim([ymin ymax])

#### Ví dụ

```
>> x = 0:0.25:pi/2;
>> y = tan(x);
>> plot(x,y,'-ro');
>> axis([0 pi/2 0 5])
>> grid on
```

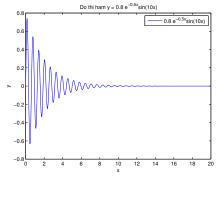


# Chú thích đồ thị

xlabel, ylabel, title, legend

Ví dụ

```
>> x = 0:0.01:20:
y = 0.8*exp(-0.5*x)
.*sin(10*x);
>> plot(x,y);
>> xlabel('x');
>> ylabel('y');
>> legend('0.8 e^{-0.5
x}sin(10x)');
>> title('Do thi ham
 y = 0.8 e^{-0.5x}\sin(10x);
```

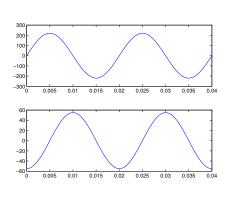


# Hàm subplot

```
>> subplot(p,q,i)
```

Hàm subplot sẽ cửa sổ thành một bảng các ô nhỏ, với p là số dòng của các ô và q là số cột của các ô. Đồ thị sẽ được vẽ ở ô thức i.

```
= 50;
  = 1/f:
 = 0:T/100:2*T;
 = 220*sin(2*pi*f*t);
i = 55*sin(2*pi*f*t)
 - 90*pi/180);
subplot(2,1,1);
plot(t,v);
subplot(2,1,2);
plot(t,i);
```



### Ví dụ

```
t = 0:pi/20:2*pi; [x,y] = meshgrid(t);
subplot(2,2,1)
plot(sin(t),cos(t))
axis equal
subplot(2,2,2)
z = \sin(x) + \cos(y);
plot(t,z)
axis([0 2*pi -2 2])
subplot(2,2,3)
z = \sin(x).*\cos(y);
plot(t,z)
axis([0 2*pi -1 1])
subplot(2,2,4)
z = (\sin(x).^2)-(\cos(y).^2);
plot(t,z)
axis([0 2*pi -1 1])
```

# Hàm vẽ các đồ thị khác

a. Hàm bar: vẽ đồ thị thanh đứng

Hàm bar sẽ vẽ các thanh đứng có độ cao là  $y_i$  tương ứng tại vị trí  $x_i$ 

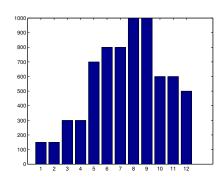
Ví dụ: Vẽ đồ thị phụ tải của một xí nghiệp theo số liệu sau:

Tháng	1	2	3	4	5	6	7	8
Công suất - kw	150	150	300	300	700	800	800	1000

Tháng	9	10	11	12
Công suất - kw	1000	600	600	500

#### Ví dụ

>> x = [1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12]; >> y = [150 150 300 300 700 800 800 1000 1000 600 600 500]; >> bar(x,y)



# Hàm vẽ các đồ thị khác

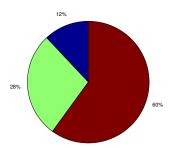
b. Hàm pie: vẽ đồ thị dạng hình quạt

Hàm pie sẽ vẽ đồ thị dạng hình quạt với diện tích tỉ lệ với phần trăm.

**Ví dụ:** Cho xí nghiệp có điện năng tiêu thụ hàng tháng được tính toán theo giờ cao điểm, thấp điểm, trung bình như sau

Điện năng	Cao điểm	Thấp điểm	Trung bình
Điện năng - kw	15000	35000	75000

>> x = [15000 35000 75000]; >> pie(x)



#### Vẽ các mặt

Bước đầu tiên là đưa ra đồ thị lưới của hàm hai biến z=f(x,y), tương ứng với ma trận X và Y chứa các hàng và các cột lặp đi lặp lại, MATLAB cung cấp hàm meshgrid cho mục đích này:

Tạo ma trận X mà hàng của nó là bản sao của vecto x, và ma trận Y có các cột là bản sao của vecto y. Cặp ma trận này sau đó được sử dụng để ước lượng hàm hai biến sử dụng đặc tính toán học về mảng của MATLAB

#### Vẽ các mặt

Để vẽ bề mặt ta sử dụng các hàm:

- mesh(X,Y,Z): nối các điểm với nhau trong một lưới chữ nhật.
- meshc(X,Y,Z): vẽ các đường contour bên dưới đồ thị.
- meshz(X,Y,Z): vẽ các đường thẳng đứng viền quanh đồ thị.
- waterfall(X,Y,Z): vẽ mặt với hiệu ứng như thác đổ.

Ví dụ: Vẽ mặt xác định bởi phương trình

$$z(x,y) = xe^{-x^2 - y^2}$$

```
x = -2:0.5:2;
y = -2:1:2;
[X,Y] = meshgrid(x,y);
Z = X.*exp(-X.^2 - Y.^2);
subplot(1,2,1);
mesh(X,Y,Z)
xlabel('x'):
ylabel('y');
zlabel('z');
                                 -0.4
title('Ve mat voi lenh mesh')
subplot(1,2,2);
meshc(X,Y,Z)
xlabel('x');
ylabel('y');
zlabel('z');
title('Ve mat voi lenh meshc');
```

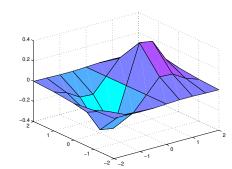
```
x = -2:0.5:2;
y = -2:1:2;
[X,Y] = meshgrid(x,y);
                                                       Ve mat voi lenh waterfall
Z = X.*exp(-X.^2 - Y.^2);
subplot(1,2,1);
meshz(X,Y,Z)
xlabel('x'):
ylabel('y');
                                   -0.2
zlabel('z');
                                                   -0.4
                                   -0.4
title('Ve mat voi lenh meshz'
subplot(1,2,2);
waterfall(X,Y,Z)
xlabel('x');
ylabel('y');
zlabel('z');
title('Ve mat voi lenh waterfall');
```

# Vẽ các mặt được tô bóng từ một ma trận bằng hàm surf, surfc

Ví du: Vẽ mặt xác định bởi phương trình

$$z(x,y) = xe^{-x^2 - y^2}$$

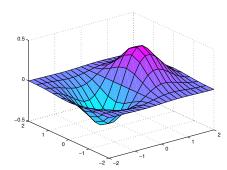
```
x = -2:0.5:2;
y = -2:1:2;
[X,Y] = meshgrid(x,y);
Z = X.*exp(-X.^2 - Y.^2);
surf(X,Y,Z);
colormap('cool');
```



## Ví dụ

Ta có thể tạo nhiều lưới hơn để mặt mịn hơn.

```
x = -2:0.2:2;
y = -2:0.4:2;
[X,Y] = meshgrid(x,y);
Z = X.*exp(-X.^2 - Y.^2);
surf(X,Y,Z);
colormap('cool');
```



- ▶ Lệnh surfc(X,Y,Z): vẽ các đường contour bên dưới đồ thị
- ▶ Lệnh surfl(X,Y,Z,s): vẽ mặt có bóng sáng. Đối số s xác định hướng của nguồn sáng trên bề mặt vẽ. s là một vectơ tùy chọn trong hệ tọa độ decac hay trong tọa độ cầu. Nếu không khai báo giá trị mặc định của s là 45 theo chiều kim đồng hồ từ vị trí người quan sát

Ve mat voi lenh surfl

```
x = -2:0.2:2;
v = -2:0.4:2;
[X,Y] = meshgrid(x,y);
Z = X.*exp(-X.^2 - Y.^2);
                                      Ve mat voi lenh surfc
subplot(1,2,1);
surfc(X,Y,Z)
xlabel('x');
ylabel('y');
zlabel('z');
colormap(cool);
title('Ve mat voi lenh surfc'
subplot(1,2,2);
surfl(X,Y,Z)
xlabel('x');
ylabel('y');
zlabel('z');
title('Ve mat voi lenh surfl');
colormap(cool)
```

# Phép tính với biến symbolic

#### Khai báo

► Khai báo biến

#### Hoăc

Khai báo biến phức

#### Hoăc

```
>> x = sym('x','real');
>> y = sym('y','real');
>> z = x + i*y
```

### Khai báo biểu thức

Khai báo biểu thức:

$$f = 2x + b$$

Hoặc

► Lưu ý:

Khác

#### Tìm biến hình thức

- Lệnh findsym(f): Tìm biến hình thức trong biểu thức
- Lệnh findsym(f,1): Tìm biến hình thức mặc định trong biểu thức
- ▶ Ví dụ:

```
>> syms a b n t x z
                                >> syms a b n t x z
>> f = x^n
                                >> f = x^n
>> g = sin(a*t + b)
                                >> g = sin(a*t + b)
>> findsym(f)
                                >> findsym(g,1)
ans =
                                ans =
n,x
                                t.
>> findsym(g)
                                >> findsym(f,1)
ans =
                                ans =
a,b,t
```

# Hiển thị biến hình học dưới dạng số học

```
>> t = 0.1;
>> sym(t,'f')
ans =
3602879701896397/36028797018963968
>> sym(t,'r')
ans =
1/10
>> sym(t,'e')
ans =
eps/40 + 1/10
>> sym(t,'d')
ans =
0.1000000000000000555111512312578
>> digits(7)
>> sym(t,'d')
ans =
0.1
```

Stt	Lệnh trong MATLAB	Ý nghĩa	Kết quả
1	x = sym('x','real')	Tạo biến x là	
		Tạo biến số thực	
2	x = sym('x','positive')	Tạo biến x là	
		số thực dương	
3	syms x y;	Định nghĩa 2 biến	
		x, y	
4	syms	Liệt kê các biến	'x' 'y'
		mà chương trình	
		quản lý	
5	A = x + 1	Tạo hai biến	
	$B = y^2 - 1$	symbolic mới	
		A và B	

## Các phép toán cơ bản

Stt	Lệnh trong MATLAB	Ý nghĩa	Kết quả
6	A+B	Cộng 2 biến	y^2 + x
		A và B	
7	A-B	Trừ 2 biến	- y^2 + x + 2
		A và B	
8	A*B	Nhân 2 biến	$(y^2 - 1)*(x + 1)$
		A và B	
9	A/B	Biến A chia	$(x + 1)/(y^2 - 1)$
		biến B	
10	A^B	A lũy thừa B	$(x + 1)^{(y^2 - 1)}$

## Các phép tính đạo hàm và tích phân

Stt	Lệnh trong MATLAB	Ý nghĩa	Kết quả
11	diff(B)	Tính đạo hàm	2*y
		biểu thức B	
12	diff(B,2)	Tính đạo hàm	2
		biểu thức B bậc 2	
13	diff(A*B,y)	Tính đạo hàm	2*y*(x + 1)
		biểu thức A∗B	
		b theo biến y	
14	diff(A*B,y,2)	Tính đạo hàm bậc 2	2*x + 2
		biểu thức A∗B	
		b theo biến y	

## Các phép tính đạo hàm và tích phân

Stt	Lệnh trong MATLAB	Ý nghĩa	Kết quả
15	int(A)	Tính tích phân	(x*(x + 2))/2
		biểu thức A	
16	int(A,0,5)	Tính tích phân	35/2
		biểu thức A	
		từ 0 đến 5	
17	int(A*B,x)	Tính tích phân	$((y^2 - 1)*(x + 1)^2)/2$
		biểu thức A*B	
		theo biến x	

## Dao hàm

#### Lênh:

diff(Y)

 $- \exp(x) * \sin(x)$ 

Với Y là hàm số hoặc biến hình thức cần lấy đạo hàm.

#### Ví du:

```
>> syms x;
                                 >> c = sym('5');
>> f = sin(5*x);
>> diff(f)
                                 >> diff(c)
ans =
                                 ans =
5*cos(5*x)
                                 0
>> g = exp(x)*cos(x)
                                 >> diff(5)
>> diff(g)
                                 ans
ans =
exp(x)*cos(x)
                               Vì 5 không phải biến hình thức.
```

Các phép toán cơ bản Sử dụng file .m và lập trình Ma trận trong Matlab Đổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic Úng dụng MATLAB

## Đạo hàm cấp 2

#### ► Lệnh:

diff(Y,2)

Hoăc

diff(diff(Y))

Với Y là hàm số hoặc biến hình thức cần lấy đạo hàm.

#### Ví dụ:

```
>> syms x

>> g = exp(x)*cos(x)

g = g = exp(x)*cos(x)

>> diff(g,2)

ans = -2*exp(x)*sin(x)

>> syms x

>> g = exp(x)*cos(x)

>> diff(diff(g))

ans = -2*exp(x)*sin(x)
```

## Đạo hàm đa biến

Gọi 
$$f = f(x,y)$$
 thì

- ▶ Đao hàm theo x
  - diff(f,x)
- ▶ Đạo hàm cấp 2 theo x
  - diff(f,x,2)
  - Nếu x là biến mặc định của f thì
    - diff(f,2)

Tương đương với

diff(f.x.2)

- Đạo hàm theo y
  - diff(f,y)
- ▶ Đạo hàm cấp 2 theo y
  - diff(f,y,2)

## Ví dụ

```
>> syms s t
>> f = sin(s*t);
>> diff(f,t)
ans =
s*cos(s*t)
>> diff(f.s)
ans =
t*cos(s*t)
```

```
>> findsym(f,1)
 ans =
 >> diff(f.t.2)
 ans =
 -s^2*sin(s*t)
 >> diff(f,2)
 ans =
 -s^2*sin(s*t)
Ta thấy kết quả từ lệnh findsym
t là biến mặc định nên
diff(f,t,2) = diff(f,2)
```

## Đạo hàm với ma trận

```
>> syms a x
\Rightarrow A = [cos(a*x) sin(a*x); -sin(a*x) cos(a*x) ]
[ cos(a*x), sin(a*x)]
[-\sin(a*x), \cos(a*x)]
>> diff(A)
ans =
[-a*sin(a*x), a*cos(a*x)]
[-a*cos(a*x), -a*sin(a*x)]
```

▶ Lệnh tìm nguyên hàm của hàm f = f(x)

Hoặc

Lệnh tính tích phân của hàm f từ a đến b

Hoặc

#### Ví du

```
>> syms x n a b t
                                 >> g = cos(a*t + b)
                                 >> int(g)
>> f = x^n:
                                 ans =
                                 sin(b + a*t)/a
>> int(f,x)
                                 >> h = \sin(2*x):
ans =
                                 \Rightarrow int(h,0,pi/2)
piecewise([n == -1, log(x)],
                                 ans =
[n = -1, x^{(n + 1)/(n + 1)}]
                                 >> u = \exp(-x^2);
>> int(f)
                                 >> int(u,0,inf)
ans =
                                 ans =
piecewise([n == -1, log(x)],
                                 pi^{(1/2)/2}
[n = -1, x^{(n + 1)}/(n + 1)])
```

## Giới hạn

- $ightharpoonup \lim_{x\to 0} f(x)$ 
  - limit(f)
- $ightharpoonup \lim_{x\to a} f(x)$ 
  - limit(f,x,a)

Hoăc

limit(f,x)

- $\triangleright \lim_{x \to a^{-}} f(x)$ 
  - limit(f,x,a,'left')
- $ightharpoonup \lim_{x\to a^+} f(x)$ 
  - limit(f,x,a,'right')

#### Ví dụ

```
>> syms h n x
\Rightarrow limit( (cos(x+h)-cos(x))/h, h, 0)
ans =
-\sin(x)
>> limit( (1+x/n)^n, n, inf )
ans =
exp(x)
>> limit( x/abs(x), x, 0, 'left')
ans =
-1
>> limit( x/abs(x), x, 0, 'right')
ans =
>> limit( x/abs(x), x, 0 )
ans =
NaN
```

## Tổng chuỗi

Tính:

$$S_1 = 1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots$$
  
 $S_2 = 1 + x + x^2 + \dots$ 

```
>> syms x k
>> S1 = symsum(1/k^2, 1, inf)
S1 =
pi^2/6
>> S2 = symsum(x^k, k, 0, inf)
S2 =
piecewise([1 <= x, Inf], [abs(x) < 1, -1/(x - 1)])</pre>
```

## Các phép tính toán thu gọn

Stt	Lệnh trong MATLAB	Ý nghĩa	Kết quả
1	collect((x+1)^2	Gom các lũy	y^2 + (2*x)*y
	$+ (x+y)^2, y)$	thừa cùng bậc	+ (x + 1)^2
		theo biến y	+ x^2
2	expand((x+y+1)^2)	Khai triển	x^2 + 2*x*y
		các biểu thức	+ 2*x + y^2
			+ 2*y + 1
3	factor(x^3-y^3)	Phân tích thành	$(x - y)*(x^2 +$
		thừa số	x*y + y^2)
4	simplify((x^3	Thu gọn	$x + y^2/(x + y)$
	-y^3)/(x^2-y^2))	biểu thức	

- ightharpoonup collect(f) f = f(x)
- ightharpoonup collect(f,y) f = f(x,y,...)
  - Đơn giản hàm f bằng các nhóm các biến x có cùng số mũ.
  - Trường hợp f có nhiều biến collect(f,y) sẽ chỉ định gom nhóm theo biến y
  - collect(f) gom nhóm theo biến mặc định được chỉ ra trong findsym(f).

## Ví dụ

## Ví dụ

```
>> collect(f)
ans =
x^3 - 6*x^2 + 11*x - 6
>> collect(g)
ans =
x^3 - 6*x^2 + 11*x - 6
>> collect(h)
ans =
x^3 - 6*x^2 + 11*x - 6
```

```
>> f = (1 + x)*t + x*t;
>> collect(f)
ans =
(2*t)*x + t
>> collect(f,t)
ans =
(2*x + 1)*t
```

#### expand

- expand(f) Khai triển biểu thức f
- Ví dụ:

```
>> syms x y a b
>> f = a*(x+y);
>> expand(f)
ans =
a*x + a*y
>> g = (x-1)*(x-2)*(x-3);
>> expand(g)
ans =
x^3 - 6*x^2 + 11*x - 6
```

```
>> h = exp(a+b);
>> expand(h)
ans =
exp(a)*exp(b)
>> k = cos(3*x);
>> expand(k)
ans =
4*cos(x)^3 - 3*cos(x)
```

#### factor

- ▶ factor(f) phân tính thành thừa số
- Ví dụ:

```
>> syms x
\Rightarrow f = x^3 - 6*x^2 + 11*x - 6;
\Rightarrow g = x<sup>3</sup> - 6*x<sup>2</sup> + 11*x - 5;
>> h = x^6 + 1;
>> factor(f)
ans =
(x - 3)*(x - 1)*(x - 2)
>> factor(g)
ans =
x^3 - 6*x^2 + 11*x - 5
>> factor(h)
ans =
(x^2 + 1)*(x^4 - x^2 + 1)
```

### simplify

- ▶ simplify(f)- đơn giản biểu thức f.
- Ví dụ:

```
>> syms x
>> f = x*(x*(x - 6) + 11)-6;
>> simplify(f)
ans =
(x - 1)*(x - 2)*(x - 3)
>> g = (1 - x^2)/(1 - x);
>> simplify(g)
ans =
x + 1
>> syms x y positive
>> simplify(log(x*y))
ans =
log(x*y)
>> h = cos(x)^2 + sin(x)^2;
>> simplify(h)
ans =
1
```

#### simple

- simple(f)- rút gọn biểu thức f, kết hợp các phép toán của simplify, collect, factor.
- ▶ Ví dụ:

```
>> syms a
>> f = (1/a^3 + 6/a^2
+ 12/a + 8)^(1/3);
>> simplify(f)
ans =
((2*a + 1)^3/a^3)^(1/3)
>> simple(f)
ans =
((2*a + 1)^3/a^3)^(1/3)
```

```
>> syms x y positive
>> h = log(x*y);
>> simplify(h)
ans =
log(x*y)
>> simple(f)
ans =
log(x*y)
```

- poly2sym(a,x)- tạo một đa thức theo biến x với các hệ số được lấy lần lượt từ mảng a
- ▶ Ví dụ:

```
>> syms x
>> a = [1 4 -7 -10];
>> p = poly2sym(a,x)
p =
x^3 + 4*x^2 - 7*x - 10
```

- s = sym2poly(p)- trích các hệ số của đa thức p chứa vào mảng s.
- Ví du:

# Ứng dụng Matlab

Các phép toán cơ bản Sử dụng file ,m và lập trình Ma trận trong Matlab Dỗ thi 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic **Ứng dụng MATLA**I

## Tính toán trong đại số tuyến tính

Khai báo ma trân

```
>> C = [t 1 0; 1 t 1; 0 1 t]
>> syms a b c d t
                               [t, 1, 0]
                               [1, t, 1]
>> A = [a b; c d]
                               [0, 1, t]
                               >> D = round(rand(3,3))
[a, b]
                               D =
[c, d]
>> B = [cos(t) sin(t);
-\sin(t)\cos(t)
                               >> D = sym(D)
[\cos(t), \sin(t)]
                               [1, 1, 0]
[-\sin(t), \cos(t)]
                               [1, 1, 1]
```

[0, 0, 1]

fiên của Matlab Các phép toán cơ bân Sử dụng file .m và lấp trình Ma trân trong Matlab Đỗ thi 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic Úng dụng MATLAB

## Tính toán trong đại số tuyến tính

Các phép toán với hai ma trận A và B

- Phép công: A + B
- ▶ Phép trừ: A − B
- ▶ Phép nhân: A\*B, A\B (A\*inv(B)), A\B (inv(A)\*B)
- ▶ Lũy thừa: A^n
- ► Phép chuyển vị: A.'

diện của Matlab Các phép toán cơ bản Sử dụng file .m và lập trình Ma trận trong Matlab Dổ thị 2D trong Matlab Phép tính với biến symbolic Úng dụng MATLAB

## Tính toán trong đại số tuyến tính

### Các hàm xử lý ma trận:

- ▶ inv(A) : Tìm ma trận nghịch đảo của ma trận A
- det(A): Tính định thức của ma trân A
- rank(A) : Tìm hạng của ma trận A
- diag(A): Trích đường chéo của ma trận A
- tril(A) : Tạo ma trận tam giác dưới từ ma trận A
- triu(A) : Tao ma trân tam giác trên từ ma trân A

```
>> c = floor(10*rand(4))
>> D = sym(c)
 9, 4, 9, 0]
[1, 8, 7, 8]
[9, 1, 9, 9]
[9, 4, 6, 6]
```

```
>> A = inv(D)
    -5/576, -5/64, -7/144, 17/96]
    1/128, 9/128, -5/32, 9/64]
  67/576, 3/64, 17/144, -23/96]
[ -125/1152, 3/128, 17/288, 3/64]
>> inv(A)*A
ans =
[1, 0, 0, 0]
[0, 1, 0, 0]
[0, 0, 1, 0]
[0, 0, 0, 1]
>> det(A)
ans =
1/3456
```

## Ví dụ

ans =

-43687/28311552]

```
[ 359105/254803968, 2899/1048576, 266299/63700992, -370301/42467328]

[ -465101/56623104, 54425/18874368, 32257/14155776, 55307/28311552]

[ -148135/254803968, -123815/28311552, -208061/63700992, 368459/42467328]
```

[ 2256281/509607936, 35993/56623104, -335357/127401984,

- ▶ solve(f)- Giải phương trình f(x) = 0
- ▶ Ví dụ:

```
>> syms a b c x

>> f = a*x^2 + b*x + c;

>> solve(f)

ans =

-(b + (b^2 - 4*a*c)^(1/2))/(2*a)

-(b - (b^2 - 4*a*c)^(1/2))/(2*a)
```

## Giải phương trình đại số

solve(f) - Giải phương trình theo biến mặc định được chỉ ra trong hàm findsym(f,1), ở ví dụ trên

```
>> findsym(f,1)
ans =
x
```

- solve(f,a) Giải phương trình theo biến chỉ định là a (tương tự cho b, c).
- ▶ Ví dụ:

```
>> syms a b c x
>> f = a*x^2 + b*x + c;
>> solve(f,b)
ans =
-(a*x^2 + c)/x
```

- solve('f(x) = g(x)') Giải phương trình f(x = g(x)). Lưu ý phải đặt trong dấu nháy.
- Ví dụ:

```
>> syms x
>> s = solve('cos(2*x) + sin(x) = 1')
s =
0
pi/6
(5*pi)/6
```

## Giải phương trình đại số

- solve('f(x)', 'g(x)', h(x), ...)- Giải hệ nhiều phương trình.
- Ví dụ: Giải hệ:

$$\begin{cases} x^2y^2 = 0 \\ x - \frac{y}{2} = \alpha \end{cases}$$

```
>> syms x y alpha
>> [x, y] = solve('x^2*y^2 = 0','x - y/2 = alpha')
x =
    alpha
          0

y =
          0
-2*alpha
```

## Ví dụ

## Giải hê

$$\begin{cases} u^{2} + v^{2} &= a^{2} \\ u + v &= 1 \\ a^{2} - 2 * a &= 3 \end{cases}$$

```
>> syms a u v
>> S = solve('u^2 + v^2 =
    a^2','u + v = 1',
    'a^2 - 2*a = 3')

S =
    a: [4x1 sym]
    u: [4x1 sym]
    v: [4x1 sym]
>> S.a
ans =
-1
-1
3
3
3
```

- dsolve- Hàm giải phương trình hệ phương trình đạo hàm riêng.
- ▶ Ví dụ 1: Giải

$$\frac{dy}{dt} = 1 + y^2, y(0) = 1$$

▶ Ví du 2: Giải

$$\frac{d^2y}{dx^2} = \cos(2x) - y, y(0) = 1, \frac{d}{dx}y(0) = 0$$

Ví dụ 3: Giải

$$\begin{cases} \frac{d^3}{dx^3} = u \\ u(0) = 1; u'(0) = -1; u''(0) = \pi \end{cases}$$

▶ Ví du 4: Giải

$$\begin{cases} \frac{df}{dt} = 3f(t) + 4g(t), f(0) = 0\\ \frac{dg}{dt} = -4f(t) + 3g(t), g(0) = 1 \end{cases}$$

```
>> [f,g] = dsolve('Df = 3*f + 4*g','Dg = -4*f + 3*g',
'f(0) = 0', 'g(0) = 1')

f =
sin(4*t)*exp(3*t)

g =
cos(4*t)*exp(3*t)
```