ĐỀ CUỐI KỲ 122 (THI NGÀY 10/06/2013)

 $M = \frac{m+2n+13}{10}$ với m, n là 2 chữ số cuối cùng của MSSV. Kết quả cuối cùng phải làm tròn đến chữ số lẻ thứ 4 sau dấu phẩy. Thiếu các thông số trên, bài thi sẽ không hợp lệ.

Câu 1. Cho phương trình $f(x) = 3^x + Mx^2 + sin(x) - 10 = 0$ trong khoảng cách ly nghiệm [1;2]. Sử dụng phương pháp Newton, chọn x_0 theo điều kiện Fourier, tìm nghiệm gần đúng x_2 của phương trình trên và đánh giá sai số của nó.

$$X_2 = \underline{\hspace{1cm}} \Delta X_2 = \underline{\hspace{1cm}}$$

Câu 2. Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} 19Mx_1 + 2.73x_2 - 1.85x_3 = 12.89 \\ 1.34x_1 + 18.5Mx_2 - 3.24x_3 = 15.73 \text{ với } x^{(0)} = \begin{pmatrix} 0.5 \\ 2.3 \\ 3.4 \end{pmatrix}$$

Sử dụng phương pháp Gauss-Seidel, tìm vecto lặp $x^{(3)}$.

Câu 3. Cho bảng số:

		1 7	
X	1.3	1.6	2.3
У	1.1M	4.3	6.6

Sử dụng spline bậc ba g(x) thỏa điều kiện g'(1.3) = 0.3, g'(2.3) = 0.5 nội suy bảng số trên để xấp xỉ giá trị của hàm tại x = 1.4 và x = 2.1.

$$g(1.4) = g(2.1) = g(2.1)$$

Câu 4. Cho bảng số:

	x	0.7	1.0	1.2	1.3	1.6
4	у	3.3	M	4.5	1.1M	6.1

Sử dụng phương pháp bình phương bé nhất, tìm hàm $f(x) = A\sqrt{x} + B\cos(x)$ xấp xỉ tốt nhất bảng số trên.

X	0.1	0.3	0.6	0.9
У	1.3M	3.2	1.4M	4.3

Sử dụng đa thức nội suy Lagrange, hãy xấp xỉ đạo hàm cấp 1 của hàm tại x = 0.5.

$$y'(0.5) =$$

Câu 6. Cho tích phân
$$I = \int_{1.1}^{2.3} ln(\sqrt{2x+M}) dx$$

Hãy xấp xỉ tích phân I bằng công thức hình thang mở rộng với n = 8.

Câu 7. Cho bảng số:

X	1.0	1.2	1.4	1.6	1.8	2.0	2.2
f(x)	M	3.2	1.5M	4.5	5.1	6.2	7.4

Sử dụng công thức Simpson mở rộng tính tích phân $I = \int_{1.0}^{2.2} [f^2(x) + 1.1Mx^3] dx$.

$$I = \underbrace{\begin{array}{c} X \\ X \\ X \\ Y \end{array}}$$
 Câu 8. Cho bài toán Cauchy:
$$\begin{cases} y' = (M+1)x + xsin(x+My) \\ y(1) = 1.2M \end{cases}, x \ge 1$$

Sử dụng công thức Runger-Kutta cấp 4, hãy xấp xỉ y(1.2) với bước h = 0.2.

$$y(1.2) =$$

Câu 9. Cho bài toán Cauchy:
$$\begin{cases} y''(x) = 2.3My' + Mx^3y + 1.3M & , 1 \le x \le 1.8 \\ y(1) = 0.6M & , y'(1) = 0.5M \end{cases}$$

Đưa về hệ phương trình vi phân cấp 1. Sử dung công thức Euler, giải gần đúng phương trình với bước h = 0.2.

Câu 10. Cho bài toán biên tuyến tính cấp 2:

$$\begin{cases} xy'' + 12y' - 2.3My = M + 2(x+M)^2, & 0.4 \le x \le 1.2 \\ y(0.4) = 1.3, & y(1.2) = 2.3M \end{cases}$$

Sử dụng phương pháp sai phân hữu hạn, hãy xấp xỉ giá trị của hàm y(x) trên đoạn [0.4,1.2] với bước h = 0.2.

$$y(0.6) =$$
______ $y(0.8) =$ ______ $y(1.0) =$ ______

ĐỀ CUỐI KỲ 131

 $M = \frac{m+2n+12}{10}$ với m, n là 2 chữ số cuối cùng của MSSV. Kết quả cuối cùng phải làm tròn đến chữ số lẻ thứ 4 sau dấu phẩy. Thiếu các thông số trên, bài thi sẽ không hợp lệ.

Câu 1. Cho phương trình $f(x) = 3^x + (M + 0.2)x^2 + sin(x) - 11 = 0$ trong khoảng cách ly nghiệm [1;2]. Sử dụng phương pháp Newton, chọn x_0 theo điều kiện Fourier, tìm nghiệm gần đúng x_2 của phương trình trên và đánh giá sai số của nó.

$$\mathbf{x}_2 = \underline{\hspace{1cm}} \Delta \mathbf{x}_2 = \underline{\hspace{1cm}}$$

Câu 2. Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} 17Mx_1 + 3.1x_2 - 2.3x_3 = 8.19 \\ 2.5x_1 + 18Mx_2 - 1.8x_3 = 8.75 \text{ với } x^{(0)} = \begin{pmatrix} 0.4 \\ 0.2 \\ 2.2x_1 - 4.1x_2 + 19Mx_3 = 9.47 \end{pmatrix}$$

Sử dụng phương pháp Gauss-Seidel, tìm vecto lặp x⁽³⁾.

$$x_1^{(3)} =$$
 $x_2^{(3)} =$ $x_3^{(3)} =$

Câu 3. Cho bảng số:

		1 -	
X	1.0	1.2	1.4
У	M	2.5	3.7

Sử dụng spline bậc ba g(x) tự nhiên nội suy bảng số trên để xấp xỉ giá trị của hàm tại x = 1.1 và x = 1.3.

$$g(1.1) =$$

$$g(1.3) =$$

Câu 4. Cho bảng số:

	Х	0.7	1.0	1.2	1.3	1.6
4	у	3.5	2M	4.3	M	6.4

Sử dụng phương pháp bình phương bé nhất, tìm hàm f(x) = A + Bsin(x) + Ccos(2x) xấp xỉ tốt nhất bảng số trên.

X	1.1	1.8	2.2	3.4
у	2M	7.3	5.5M	α

Sử dụng đa thức nội suy Newton, tìm giá trị của α để đa thức nội suy thỏa điều kiện y'(1.5) = 2.4

$$\alpha =$$

Câu 6. Cho tích phân
$$I = \int_{1.1}^{2.3} \frac{2x}{\sqrt{x^3 + 2M}} dx$$

Hãy xấp xỉ tích phân I bằng công thức Simpson mở rộng với n = 8.

Câu 7. Cho bảng số:

X	1.0	1.2	1.4	1.6	1.8	2.0	2.2
f(x)	2M	3.2	M	4.4	5.1	6.2	7.5

Sử dụng công thức Simpson mở rộng tính tích phân $I = \int_{1.0}^{2.2} [f^2(x) + 1.2Mx^3] dx$.

$$I =$$

Sử dụng công thức Runger-Kutta cấp 4, hãy xấp xỉ giá trị x(0.75) với bước h = 0.25.

$$K_2 = \frac{\mathbf{x}(0.75) = \mathbf{y} \cdot \mathbf{x}(0.75)}{\mathbf{x}(0.75) = \mathbf{y} \cdot \mathbf{x}(0.75)}$$

Câu 9. Cho bài toán Cauchy:
$$\begin{cases} x''(t) = 2Mxx' - 0.5x^2 + 1.2t + M , & t \ge 0.25 \\ x(0.25) = 0.2M , & x'(0.25) = 0.5 \end{cases}$$

Đưa về hệ phương trình vi phân cấp 1. Sử dụng công thức Euler cải tiến, giải gần đúng phương trình tại t = 0.75 với bước h = 0.25.

$$x(0.75) =$$

Câu 10. Cho bài toán biên tuyến tính cấp 2:

$$\begin{cases} y''(t) + (t^2 + M)y'(t) - 12My(t) = -4(t+1)^3 &, \ 0 \le t \le 1 \\ y(0) = 0.5M &, \ y(1) = M \end{cases}$$

Sử dụng phương pháp sai phân hữu hạn, hãy xấp xỉ giá trị của hàm y(t) trên đoạn [0;1] với bước h = 0.25.

$$y(0.25) = ____y(0.75) = ____y(1.0) = _____$$

ĐỀ CUỐI KỲ 161 (THI NGÀY 20/12/2016)

 $M = \frac{10+m+n}{10}$ với m, n là 2 chữ số cuối cùng của MSSV. Kết quả cuối cùng phải làm tròn đến chữ số lẻ thứ 4 sau dấu phẩy. Thiếu các thông số trên, bài thi sẽ không hợp lệ.

Câu 1. Cho phương trình $e^x + 1.7x^2 + sin(x) + M - 9 = 0$ có khoảng cách ly nghiệm [1;2], chọn x_0 là điểm Fourier trong 2 điểm biên, tìm nghiệm gần đúng x_2 theo phương pháp Newton và sai số Δx_2 .

$$x_2 = 1.2126$$
 ______ $\Delta x_2 = 0.0148$ _____

Câu 2. Cho hệ
$$\begin{cases} 21Mx_1 + 2.7x_2 - 1.8x_3 = 12.8\\ 1.3x_1 + 22Mx_2 - 3.2x_3 = 15.7 \text{ với } x^{(0)} = \begin{pmatrix} 0.1\\ 0.3\\ 1.1x_1 - 4.8x_2 + 23Mx_3 = 18.4 \end{pmatrix}$$

Dùng phương pháp lặp Jacobi tìm x⁽³⁾.

$$x_1^{(3)} = 0.2606$$
 $x_2^{(3)} = 0.3272$ $x_3^{(3)} = 0.3721$

Câu 3. Cho hệ
$$\begin{cases} 21Mx_1 + 2.7x_2 - 1.8x_3 = 12.8\\ 1.3x_1 + 22Mx_2 - 3.2x_3 = 15.7 \text{ với } x^{(0)} = \begin{pmatrix} 0.1\\ 0.3\\ 1.1x_1 - 4.8x_2 + 23Mx_3 = 18.4 \end{pmatrix}$$

Dùng phương pháp lặp Gauss-Seidel tìm x⁽⁴⁾.

$$x_1^{(4)} = 0.2606$$
 $x_2^{(4)} = 0.3271$ $x_3^{(4)} = 0.3721$ $x_3^{(4)} = 0.3721$

Câu 4. Cho bảng số:

X	1.2	1.3	1.4	1.5
у	2M	2.5	3.6	a

Sử dụng phương pháp nội suy đa thức, tính a để y'(1.35) = 3.0.

$$a = 27.1000$$

X	1.2	1.3	1.4	1.5	1.6
У	2M	2.5	5.0	4.5	5.5

Dùng phương pháp bình phương cực tiểu, tìm hàm $y(x) = A\sqrt{x^3 + 2} + B\cos(x)$ xấp xỉ bảng số liêu trên.

$$A = 2.0993$$
 ______ $B = -1.0361$ _____

Câu 6. Hàm số f(x) cho theo bảng số liệu:

X	1.0	1.2	1.4	1.6	1.8	2.0	2.2
f(x)	2.0	3.3	2.4	4.3	5.1	3M	7.4

Tính tích phân $I = \int_{1.0}^{2.2} \left[x \sqrt{f(x)} + 2.5x^2 \right] dx$ theo phương pháp Simpson.

Câu 7. Cho hàm $y(x) = \cos^4(\sqrt{x+M}) - \sin(x)$. Tính gần đúng giá trị đạo hàm cấp 1 và cấp 2 của hàm tại điểm x = 1.0 với bước h = 0.1.

$$y'(1.0) = -0.5239$$
 $y''(1.0) = 0.8880$

Câu 8. Giải phương trình vi phân y' = cos(x - y) với điều kiện y(1.0) = M.

Tìm y(1.25) với bước chia h = 0.25 theo công thức Runge-Kutta.

$$y(1.25) = 2.3869$$
 TANDEL SITU TAP

Câu 9. Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} y \stackrel{\circ}{v} = \chi \text{CMUT-CNCP} \\ z' = z + y + M \end{cases}; \quad y(1) = 0; z(1) = 1$$

Giải theo phương pháp Euler cải tiến, tính gần đúng y(2.0), z(2.0) với bước h = 0.2

$$y(2.0) = 1.5000$$
 $z(2.0) = 7.5244$

Câu 10. Cho bài toán biên
$$\begin{cases} xy'' + x^3y' - 30y = Mx(x+3) \\ y(0.5) = M ; y(1.5) = 2.5 \end{cases}$$

Dùng phương pháp sai phân tính gần đúng y(0.75), y(1.0), y(1.25) với bước h = 0.25

$$y(0.75) = 0.3903$$
______ $y(1.0) = 0.1467$ ______ $y(1.25) = 0.7130$ _____

(Cho giá tri M = 2.3)

ĐỀ CUỐI KỲ 162 (THI NGÀY 07/06/2017)

 $M = \frac{10+m+n}{10}$ với m, n là 2 chữ số cuối cùng của MSSV. Kết quả cuối cùng phải làm tròn đến chữ số lẻ thứ 4 sau dấu phẩy. Thiếu các thông số trên, bài thi sẽ không hợp lệ.

Câu 1. Cho phương trình $e^x + 1.5x^2 + sin(x) + M - 10 = 0$ có khoảng cách ly nghiệm [1;2], chọn x_0 là điểm Fourier trong 2 điểm biên, tìm sai số Δx_2 của nghiệm gần đúng x_2 theo phương pháp Newton.

$$\Delta x_2 = 0.0082$$

Câu 2. Cho hệ
$$\begin{cases} 10Mx_1 + 2.7x_2 - 1.8x_3 = 12.8\\ 1.3x_1 + 20Mx_2 - 3.2x_3 = 15.7 \text{ với } x^{(0)} = \begin{pmatrix} 0.4\\ 0.3\\ 1.1x_1 - 4.8x_2 + 30Mx_3 = 18.4 \end{pmatrix}$$

Dùng phương pháp lặp Jacobi, tìm x⁽³⁾

$$x_1^{(3)} = 0.4963$$
 $x_2^{(3)} = 0.3176$ $x_3^{(3)} = 0.2584$

Câu 3. Cho hệ
$$\begin{cases} 10Mx_1 + 2.7x_2 - 1.8x_3 = 12.8\\ 1.3x_1 + 20Mx_2 - 3.2x_3 = 15.7 \text{ với } x^{(0)} = \begin{pmatrix} M\\ M\\ M \end{pmatrix}$$

Dùng phương pháp lặp Gauss-Seidel, tìm x⁽²⁾.

$$x_1^{(2)} = 0.4813$$
 $x_2^{(2)} = 0.3187$ CMUT-CNCP $x_3^{(2)} = 0.2587$

Câu 4. Cho bảng số:

X	1.2	1.3	1.4
У	a	2.5	2M

Sử dụng phương pháp nội suy đa thức, tính a để y'(1.25) = M

$$a = 2.2500$$

X	1.2	1.3	1.4	1.5	1.6
У	2M	2.5	5.1	4.5	5.5

Dùng phương pháp bình phương cực tiểu, tìm hàm $y(x) = A\sqrt{x^3 + 2} + Bsin(x)$ xấp xỉ bảng số liêu trên.

$$A = 2.9028$$
 ______ $B = -1.8857$ _____

Câu 6. Hàm f(x) cho theo bảng số liệu:

X	1.0	1.2	1.4	1.6	1.8	2.0	2.2
f(x)	2.0	3.3	2.4	4.3	5.1	3M	7.4

Tính tích phân $I = \int_{1.0}^{2.2} \left[x \cdot \sqrt[3]{f(x)} - x^2 \right] dx$ theo phương pháp Simpson.

Câu 7. Giải phương trình vi phân y' = cos(x - y) với điều kiện y(1.0) = M

Tìm y(1.5) với bước chia h = 0.1 theo công thức Euler cải tiến.

$$y(1.5) = 2.6327$$

Câu 8. Giải phương trình vi phân y' = cos(x - y) với điều kiện y(1.0) = M

Tìm y(1.2) với bước chia h = 0.2 theo công thức Runge-Kutta.

$$y(1.2) = 2.5314$$
 TAILEU SUU TÂP

Câu 9. Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} y' = x \\ z' = z + y + M \end{cases}$$
; $y(1.0) = 0$; $z(1.0) = 1$

Giải theo phương pháp Euler cải tiến, tính gần đúng y(2.0), z(2.0) với bước h=0.2.

$$y(2.0) = 1.5000$$
 $z(2.0) = 7.8649$

Câu 10. Cho bài toán biên
$$\begin{cases} y'' + xy' - 3y = M(x+2) \\ y(0.5) = M ; y(1.5) = 2.0 \end{cases}$$

Dùng phương pháp sai phân tính gần đúng y(0.75), y(1.0), y(1.25) với bước h = 0.25

$$y(0.75) = 1.2928$$
 _____ $y(1.0) = 0.9071$ _____ $y(1.25) = 1.1749$ _____

(Cho giá trị M = 2.5)

ĐỀ CUỐI KỲ 162 (THI NGÀY 26/06/2017)

 $M = \frac{3m+n+10}{10}$ với m, n là 2 chữ số cuối cùng của MSSV. Kết quả cuối cùng phải làm tròn đến chữ số lẻ thứ 4 sau dấu phẩy. Thiếu các thông số trên, bài thi sẽ không hợp lệ.

Câu 1. Cho phương trình $f(x) = e^x - Mx^2 = 0$ trong khoảng cách ly nghiệm [-1;0]. Sử dụng phương pháp Newton, tìm nghiệm gần đúng x_2 và đánh giá sai số của nó.

$$x_2 = -0.6387$$
 $\Delta x_2 = 0.0024$

Câu 2. Cho bảng số:

X	1.2	1.4	1.8
У	M	1.2M	2.4

Sử dụng Spline bậc ba g(x) thỏa điều kiện g'(1.2) = 0.2, g'(1.8) = 0.5 để nội suy bảng số trên và tính xấp xỉ giá trị của hàm tại x = 1.3 và x = 1.5.

$$g(1.3) = 1.3800$$
 $g(1.5) = 1.8056$

Câu 3. Cho hệ phương trình:
$$\begin{cases} 17Mx_1 + 0.55x_2 - 1.85x_3 = 1.25 \\ 1.2x_1 + 14.5Mx_2 - 1.8x_3 = 2.45 \text{ với } x^{(0)} = \begin{pmatrix} 0.1 \\ 0.3 \\ 0.4 \end{pmatrix}$$

Sử dụng phương pháp Gauss-Seidel, tìm vecto lặp x⁽³⁾.

$$x_1^{(3)} = 0.0610$$
 $x_2^{(3)} = 0.1350$ $x_3^{(3)} = 0.0931$

Câu 4. Tìm hàm $f(x) = Ax + B\sqrt{x+3} + C$ xấp xỉ tốt nhất bảng số:

X	1.2	1.3	1.4	1.5	1.6
y	M	1.2M	2.4	2.1	2.3

Câu 5. Cho bảng số:

X	0.2	0.4	0.6	0.8
У	1.7	1.5M	3.5	4.1

Sử dụng nội suy Lagrange tính g(0.5).

$$g(0.5) = 2.7031$$

Câu 6. Tính tích phân $I = \int_1^{1.6} \frac{x^2 + 1}{x^3 + x + M} dx$ bằng Simpson mở rộng với n = 3.

Câu 7. Cho hàm số f(x) dưới dang bảng:

X	0.2	0.4	0.6	0.8	1.0	1.2
у	1.7M	1.5M	3.5	4.1	3.2	5.0

Tính tích phân $I = \int_{0.2}^{1.2} x^2 f^3(x) dx$ bằng hình thang mở rộng.

$$I = 36.7429$$

I = 36.7429

Câu 8. Cho phương trình Cauchy:
$$\begin{cases} y'cosx - ysinx = Mx^2 + Mx \\ y(0) = 0 , h = 0.2 \end{cases}$$

Dùng phương pháp Runge-Kutta 4, tính y(0.2) và y(0.4).

$$y(0.2) = 0.0301$$
 $y(0.4) = 0.1430$

Câu 9. Cho phương trình:
$$\begin{cases} Mx''(t) - tx'(t) + (2t + M)x(t) = t \\ x(1) = 0, x'(1) = 1, h = 0.2 \end{cases}$$

Dùng phương pháp Euler tính nghiệm của phương trình vi phân tại t = 1.4.

$$x(1.4) = 0.4615$$

Câu 10. Giải bài toán biên sau bằng phương pháp sai phân hữu han:

$$\begin{cases} y'' + xy' - My = xe^{-x} \\ y(1) = 0.2 , y(2) = 0 , h = 0.25 \end{cases}$$

$$y(1.25) = 0.0822$$
______ $y(1.5) = 0.0214$ ______ $y(1.75) = -0.0011$ _____

(Cho giá trị M = 1.3)