

BÀI TOÁN KIỂM ĐỊNH SO SÁNH TRUNG BÌNH 2 TỔNG THỂ

	Dạng bài	Gt Ho	Gt H1	Miền bác bỏ W_α	Tiêu chuẩn kiểm định	Mở rộng: X,Y có phân phối bất kỳ & $n_1, n_2 > 30$
1	<ul style="list-style-type: none"> X1,X2 có phân phối Chuẩn. Đã biết phương sai tổng thể $\sigma_1^2; \sigma_2^2$. 2 mẫu được lấy độc lập. <p style="text-align: center;">z- test</p>	$a_1 = a_2$	$a_1 \neq a_2$ $a_1 < a_2$ $a_1 > a_2$	$(-\infty; -Z_\alpha) \cup (Z_\alpha; +\infty)$ $(-\infty; -Z_{2\alpha})$ $(Z_{2\alpha}; +\infty)$	$Z_{qs} = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$	MBB & TCKĐ: tương tự
2	<ul style="list-style-type: none"> X1,X2 có phân phối Chuẩn. Chưa biết $\sigma_1^2; \sigma_2^2$ nhưng biết $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$. 2 mẫu được lấy độc lập. <p style="text-align: center;">t- test</p>	$a_1 = a_2$	$a_1 \neq a_2$ $a_1 < a_2$ $a_1 > a_2$	$(-\infty; -t_{\frac{\alpha}{2}}(v)) \cup (t_{\frac{\alpha}{2}}(v); +\infty)$ $(-\infty; -t_\alpha(v))$ $(t_\alpha(v); +\infty); v \in \mathbb{N}^+$	$T_{qs} = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$ <p>có phân phối Student với bậc $v = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}}$</p>	-TCKĐ: $T_{qs} = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$ -MBB:
3	<ul style="list-style-type: none"> X1,X2 có phân phối Chuẩn. Chưa biết $\sigma_1^2; \sigma_2^2$ nhưng biết $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$. 2 mẫu được lấy độc lập. <p style="text-align: center;">t- test</p>	$a_1 = a_2$	$a_1 \neq a_2$ $a_1 < a_2$ $a_1 > a_2$	$(-\infty; -t_{\frac{\alpha}{2}}(n_1 + n_2 - 2)) \cup (t_{\frac{\alpha}{2}}(n_1 + n_2 - 2); +\infty)$ $(-\infty; -t_\alpha(n_1 + n_2 - 2))$ $(-t_\alpha(n_1 + n_2 - 2); +\infty)$	$T_{qs} = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{S_p^2}{n_1} + \frac{S_p^2}{n_2}}}$ <p>ở đây phương sai gộp: $S_p^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$ </p>	$(-\infty; -Z_\alpha) \cup (Z_\alpha; +\infty)$ $(-\infty; -Z_{2\alpha})$ $(Z_{2\alpha}; +\infty)$
4	<ul style="list-style-type: none"> X1,X2 có phân phối Chuẩn. Chưa biết $\sigma_1^2; \sigma_2^2$. 2 mẫu phụ thuộc tương ứng theo cặp. Đặt $D = X_1 - X_2$ <p style="text-align: center;">t- test</p>	$a_1 = a_2$ hay $a_D = 0$	$a_D \neq 0$ $a_D < 0$ $a_D > 0$	$(-\infty; -t_{\frac{\alpha}{2}}(n - 1)) \cup (t_{\frac{\alpha}{2}}(n - 1); +\infty)$ $(-\infty; -t_\alpha(n - 1))$ $(t_\alpha(n - 1); +\infty)$	$T_{qs} = \frac{\bar{D}}{S_D} \sqrt{n}$	-TCKĐ: $Z_{qs} = \frac{\bar{D}}{S_D} \sqrt{n}$ -MBB: $(-\infty; -Z_\alpha) \cup (Z_\alpha; +\infty)$ $(-\infty; -Z_{2\alpha})$ $(Z_{2\alpha}; +\infty)$

Mở rộng: Nếu trong dạng (1) giả thiết KĐ Ho: $a_1 = a_2 + d_0$ thì TCKĐ tương ứng là $Z_{qs} = \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2 - d_0)}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$. Tương tự với các dạng còn lại.