

## CHƯƠNG 8: TỪ TRƯỜNG CỦA DÒNG ĐIỆN KHÔNG ĐỔI

### 8.1 Khái niệm cơ bản:

8.1.1 Dòng điện: Là dòng chuyển dời có hướng của các điện tích. Theo quy ước chiều dòng điện là dòng chuyển dời của điện tích (+).

a/ Dòng điện trong kim loại: dòng các  $e^-$  tự do.

b/ Dòng điện trong dung dịch điện phân: dòng các ion (+), (-).

ion (+)  $\rightarrow$  Cathode

ion (-)  $\rightarrow$  Anode

c/ dòng điện trong chất khí: dòng các ion (+), (-) và các  $e^-$  tự do.

8.1.2 Cường độ dòng điện I:

Là số điện lượng đi qua diện tích S trong 1s.

$$I = \frac{dq}{dt} \quad \left( \frac{C}{s} \right) (A)$$

8.1.3 Vector mật độ dòng điện:  $\vec{J}$  có phương, chiều của dòng điện

\* Độ lớn:  $|\vec{J}| = \frac{dI}{dS_n} \quad \left( \frac{A}{m^2} \right)$

$$dI = \vec{J} \cdot d\vec{S} = |\vec{J}| \cdot |d\vec{S}| \cdot \cos \alpha = |\vec{J}| \cdot dS_n$$

8.1.4 Suất điện động của nguồn:

○  $\xi = \oint_{(C)} \vec{E}^* \cdot d\vec{l} \neq 0 \Rightarrow \vec{E}^*$ : trường xoáy

○  $\oint_C \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \Rightarrow \vec{E}$ : trường thế.

Suất điện động là công của 1 lực điện trường  $E^*$  dịch chuyển điện tích +1C đi 1 vòng quanh mạch kín của nguồn đó.

$\vec{E}^*$ : trường xoáy (điện trường biến đổi theo thời gian)

8.1.5 Phần tử dòng điện:  $I \cdot d\vec{l}$

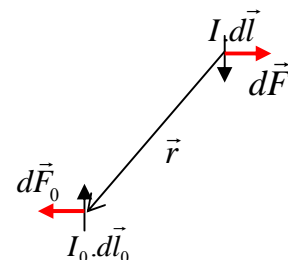
Phần tử dòng điện là 1 đoạn rất ngắn của dòng điện có phương, chiều của dòng điện và có độ lớn  $I \cdot dl$

### 8.2. Định luật ampe (Định luật tương tác giữa 2 phần tử dòng điện):

Xét 2 phần tử dòng điện:  $I_0 \cdot d\vec{l}_0$  và  $I \cdot d\vec{l}$  cách nhau 1 đoạn r thì sẽ chịu bởi cặp lực tương tác  $d\vec{F}_0$  và  $d\vec{F}$  (được gọi là lực Ampe hay lực từ)

$$d\vec{F}_0 = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I_0 \cdot d\vec{l}_0 \times (I \cdot d\vec{l} \times \vec{r})}{r^3}$$

$$d\vec{F} = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot d\vec{l} \times (I_0 \cdot d\vec{l}_0 \times \vec{r}_0)}{r_0^3}$$



### 8.3 Từ trường:

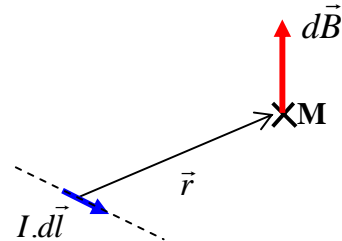
#### 8.3.1 Từ trường gây ra bởi phần tử dòng điện $I.d\vec{l}$ :

Phần tử dòng điện  $I.d\vec{l}$  sẽ tạo ra xung quanh nó 1 từ trường và người ta tính từ trường tại 1 điểm M thông qua đại lượng vectơ cảm ứng từ  $d\vec{B}$ .

$$I.d\vec{l} \rightarrow M \rightarrow d\vec{B} = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I.d\vec{l} \times \vec{r}}{r^3}$$

Với:  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \left( \frac{H}{m} \right)$ : hằng số từ

$\mu$ : độ từ thẩm tương đối của môi trường



$$d\vec{B} \left\{ \begin{array}{l} \bullet \text{ Điểm đặt: tại M} \\ \bullet \text{ Phương: đường thẳng vuông góc mặt phẳng } (I.d\vec{l}, M) \\ \bullet \text{ Chiều: quy tắc vặn nút chai } I.d\vec{l}, \vec{r}, d\vec{B} \\ \bullet \text{ Độ lớn: } |d\vec{B}| = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I.dl}{r^2} \sin(I.d\vec{l}, \vec{r}) \end{array} \right.$$

#### 8.3.2 Từ trường gây ra bởi dây dẫn: (nguyên lý chồng chất từ trường):

Từ trường của 1 dây dẫn thì bằng tổng từ trường của các phần tử trong dây dẫn.

$$I.d\vec{l} \rightarrow M \rightarrow d\vec{B} = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I.d\vec{l} \times \vec{r}}{r^3}$$

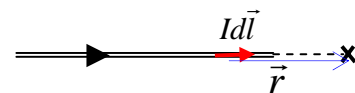
$$\text{Cả dây} \rightarrow M \rightarrow \vec{B} = \int_{\text{cả dây}} d\vec{B}$$

#### 8.3.3 Từ trường của nhiều dây dẫn:

$$\left. \begin{array}{l} \text{dây 1} \rightarrow M \rightarrow \vec{B}_1 \\ \text{dây 2} \rightarrow M \rightarrow \vec{B}_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ n \rightarrow M \rightarrow \vec{B}_n \end{array} \right\} \text{ tại M: } \vec{B} = \sum_{i=1}^n \vec{B}_i$$

Vd1: Cho 1 dây dẫn thẳng có dòng điện I. Tính  $\vec{B}$  tại M trên đường nối dài của dây.

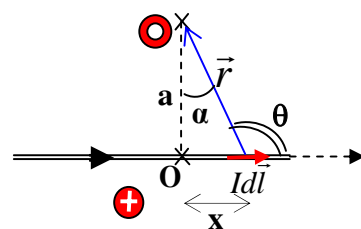
$$\sin \alpha = 0 \Rightarrow \vec{B} = 0$$



Vd2: Tính B tại 1 điểm ngoài dây cách đoạn a:

$$\tan \alpha = \frac{x}{a} \Rightarrow x = a \tan \alpha \Rightarrow dx = \frac{a \cdot d\alpha}{\cos^2 \alpha}$$

$$\cos \alpha = \frac{a}{r} \Rightarrow r = \frac{a}{\cos \alpha} ; \sin \theta = \cos \alpha$$

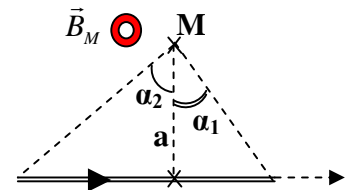


$$Id\vec{l} \rightarrow M \rightarrow d\vec{B} = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Id\vec{l} \times \vec{r}}{r^3} \Rightarrow dB = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl}{r^2} \cdot \sin \theta$$

$$day \rightarrow M \rightarrow B = \int dB = \int \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot a \cdot d\alpha}{\cos^2 \alpha} \cdot \frac{\cos \alpha}{a^2}$$

$$B = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{a} \int_{-\alpha_1}^{\alpha_2} \cos \alpha \cdot d\alpha = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{a} (\sin \alpha_2 + \sin \alpha_1)$$

- $\vec{B}_M$  {
- điểm đặt: tại M
  - phương: đường thẳng vuông góc (dây, M)
  - chiều: quy tắc vặn nút chai
  - độ lớn:  $B_M = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot a} (\sin \alpha_2 \pm \sin \alpha_1)$
- Dấu +: hình chiếu M trên dây  
Dấu -: hình chiếu M ngoài dây



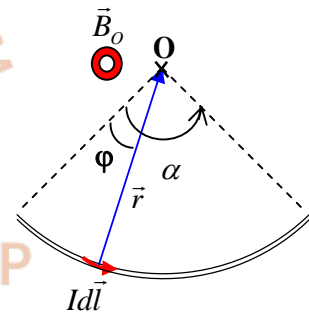
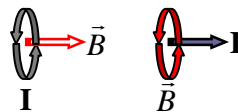
Vd3: Cho 1 cung tròn (0, R) góc chắn  $\alpha$ ,  $\vec{B}_O = ?$ . Dài:  $l = R \cdot \alpha$

$$Id\vec{l} \rightarrow O \rightarrow d\vec{B} \quad dB = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl}{r^2} \cdot \sin 90^\circ$$

$$\Rightarrow B = \int dB = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{R^2} \int_{dây} dl = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{R^2} \cdot l$$

$$B = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot R} (\alpha) \quad \alpha : \text{radian}$$

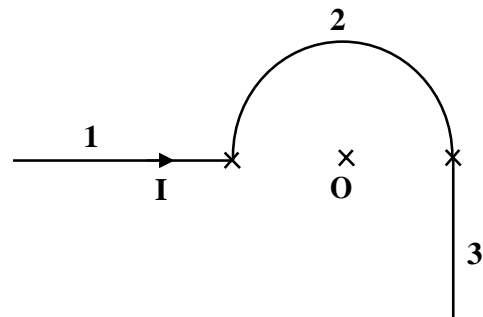
- $\vec{B}_0$  {
- Điểm đặt: tại O
  - Phương: đường thẳng vuông góc mặt phẳng (dây, O)
  - Chiều: quy tắc vặn nút chai
  - Độ lớn:  $|\vec{B}_0| = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot R} \cdot \alpha$



Vd4: Cho dây dẫn dài vô hạn có dòng điện I chạy qua được uốn như hình vẽ. Tính  $\vec{B}_O$

$$\vec{B}_O = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 \Rightarrow B_0 = B_2 + B_3$$

$$B_0 = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot R} \cdot \pi + \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot R} = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot R} \cdot (\pi + 1)$$

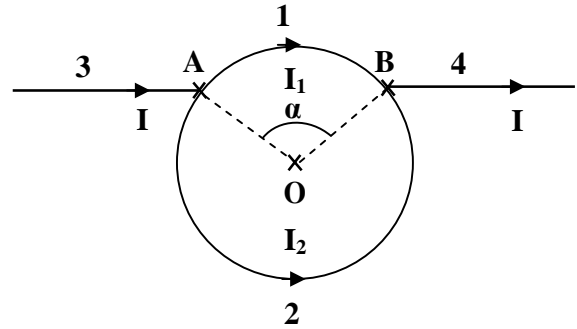


Vd5:

$$\vec{B}_O = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 + \vec{B}_4 \Rightarrow B_0 = B_3 + B_4$$

$$\oplus \quad \oplus \quad \mathbf{0} \quad \oplus \quad \oplus$$

$$\left\{ \begin{array}{l} B_1 = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I_1}{4\pi R} \cdot \alpha \\ B_2 = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I_2}{4\pi R} \cdot (2\pi - \alpha) \\ U_{AB} = I_1 \cdot \mathcal{R}_1 = I_2 \cdot \mathcal{R}_2 \\ = \rho \frac{l_1}{S} \cdot I_1 = \rho \frac{l_2}{S} \cdot I_2 \\ = \rho \frac{R \cdot \alpha}{S} \cdot I_1 = \frac{\rho \cdot R (2\pi - \alpha)}{S} \cdot I_2 \\ \Rightarrow I_1 \cdot \alpha = I_2 \cdot (2\pi - \alpha) \end{array} \right\} \Rightarrow B_1 = B_2$$



$$B_3 = B_4 = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot R \cdot \cos \frac{\alpha}{2}} \left( \sin 90^\circ - \sin \frac{\alpha}{2} \right)$$

$$\Rightarrow B_0 = 2 \cdot B_3 = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot R \cdot \cos \frac{\alpha}{2}} \left( \sin 90^\circ - \sin \frac{\alpha}{2} \right)$$

Vd6: Vòng (0, R): xác định  $\vec{B}_M$  tại M cách O khoảng h trên trục.

$$I \cdot d\vec{l} \rightarrow M \rightarrow d\vec{B} = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot d\vec{l} \times \vec{r}}{r^3} ; dB = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl}{r^2}$$

$$\text{vòng} \rightarrow M \rightarrow \vec{B} = \int d\vec{B}$$

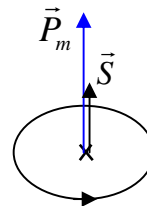
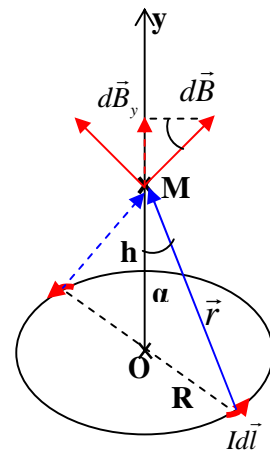
$$\int dB_x = 0$$

$$\int dB_y = \int dB \cdot \sin \alpha ; \sin \alpha = \frac{R}{r}$$

$$\Leftrightarrow B_y = \int \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I \cdot dl}{4\pi \cdot r^2} \cdot \frac{R}{r} = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I \cdot R}{4\pi \cdot r^3} \cdot \int dl$$

$$= \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I \cdot R^2}{2 \cdot r^3} = \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot I \cdot S}{2\pi \cdot r^3}$$

$$\vec{B}_M = \frac{\mu \cdot \mu_0}{2\pi \cdot r^3} \cdot \vec{P}_m \quad \text{với } \vec{P}_m = I \cdot \vec{S} : \text{Vecto moment từ}$$



## 8.4 Từ thông:

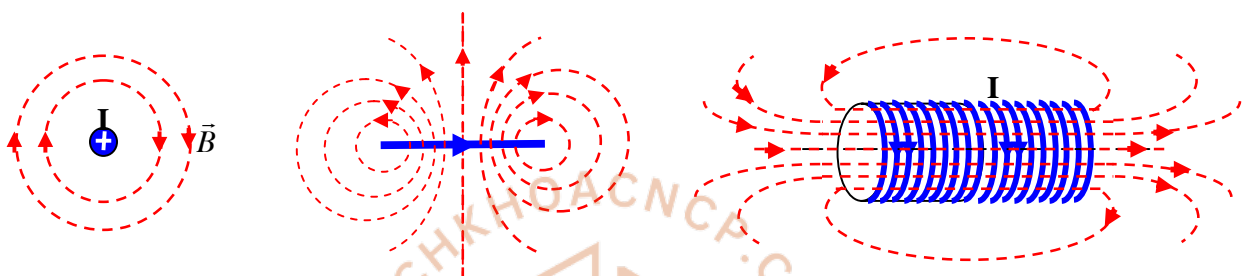
### 8.4.1 Đường sức của từ trường:

#### a/ Định nghĩa:

Đường sức của  $\vec{B}$  là 1 đường cong mà tiếp tuyến tại mọi điểm trên đường cong trùng phương với  $\vec{B}$ , chiều của đường sức là chiều của  $\vec{B}$ .

#### b/ Tính chất:

- Các đường sức của từ trường không cắt nhau.
- Đường sức của từ trường là đường cong khép kín.
- Tập hợp các đường sức từ trường  $\rightarrow$  từ phổ.
- Người ta quy ước vẽ số đường sức lên 1 đơn vị diện tích tiết diện có giá trị  $= B$ .

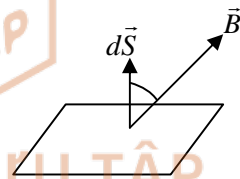


### 8.4.2 Từ thông:

Thông lượng vectơ  $\vec{B}$  gửi qua 1 diện tích  $dS$

$$d\phi_B = \vec{B} \cdot d\vec{S} = B \cdot dS \cdot \cos \alpha$$

- $d\phi > 0$ :  $\vec{B}$  đi ra
- $d\phi < 0$ :  $\vec{B}$  đi vào



### 8.4.3 Định lý Gauss đối với từ trường:

#### a/ Phát biểu:

Thông lượng vectơ cảm ứng  $\vec{B}$  gửi qua mặt kín S bất kỳ thì bằng 0.

$$\oint_{(S)} \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0 \quad (\text{trường xoáy})$$

b/ Công thức dạng tích phân, vi phân:  $\oint_{(S)} \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0, \quad \text{div} \vec{B} = 0$

## 8.5 Định lý ampe (định lý dòng điện toàn phần)

8.5.1 Vectơ cường độ từ trường:  $\vec{H}$  không phụ thuộc vào môi trường.

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu \cdot \mu_0} \quad \left( \frac{A}{m} \right)$$

8.5.2 Lưu số của vectơ cường độ từ trường  $\vec{H}$  dọc đường cong kín (C) bất kỳ.

#### a/ Định nghĩa:

$$\oint_{(C)} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \oint_{(C)} H \cdot dl \cdot \cos(\vec{H}, d\vec{l}) \neq 0 \Rightarrow \vec{H} : \text{trường xoáy}$$

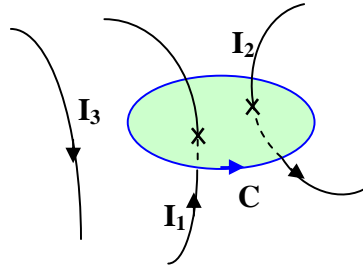
## 8.5.3 Định lý Ampe:

a/ Phát biểu: Lưu số vectơ cường độ từ trường  $\vec{H}$  dọc theo đường cong kín (C) bất kỳ (1 vòng) thì bằng tổng đại số các cường độ dòng điện xuyên qua diện tích giới hạn bởi đường cong đó.

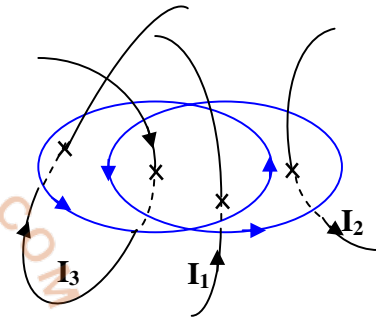
$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum_{i=1}^n I_i$$

Cường độ dòng điện có giá trị (+) khi dòng điện xuyên qua diện tích giới hạn bởi đường cong (C) có chiều theo chiều tiến của vận nút chai và ngược lại; còn ở ngoài thì bằng 0.

VD1:  $\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I_1 - I_2$



VD2:  $\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = 2I_1 - I_2 - 2I_3 + I_3$



b/ Công thức của định lý Ampe dạng tích phân và vi phân:

$$\oint_{(C)} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \int_{(S)} \vec{J} \cdot d\vec{S}$$

$$\int_{(S)} \text{rot} \vec{H} \cdot d\vec{S} = \int_{(S)} \vec{J} \cdot d\vec{S} \quad \text{hay:} \quad \text{rot} \vec{H} = \nabla \times \vec{H} = \vec{J} \quad \text{với:} \quad \text{rot} \vec{H} =$$

$$\begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ H_x & H_y & H_z \end{vmatrix}$$

c/ Áp dụng định lý Ampe để tính  $\vec{H}$  của cuộn dây hình xoắn tại M. Chọn C (0, r) có chiều như hình vẽ:

$$\oint_{(C)} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \oint_{(C)} H \cdot dl = H \oint_{(C)} dl = H \cdot 2\pi \cdot r$$

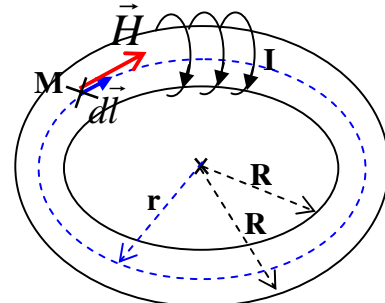
$$*R_1 < r < R_2 : H \cdot 2\pi \cdot r = \sum I_i = +n \cdot I \Rightarrow H = \frac{n \cdot I}{2\pi \cdot r}$$

$$*r < R_1 : H \cdot 2\pi \cdot r = 0 \Rightarrow H = 0$$

$$*r > R_2 : H \cdot 2\pi \cdot r = 0 \Rightarrow H = 0$$

Cho  $r, R_1, R_2 \rightarrow \infty \Rightarrow$  cuộn dây thẳng dài vô hạn

$$n_0 = \frac{n}{2\pi \cdot r} \quad (\text{số vòng dây/m}) \Rightarrow H = n_0 \cdot I \Rightarrow \text{từ trường đều (không phụ thuộc vào } r)$$

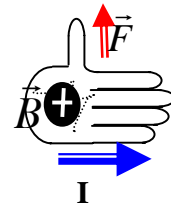


## 8.6 Lực từ (lực Ampe):

8.6.1 Định nghĩa: Một phần tử dòng điện  $I_0.d\vec{l}_0$  đặt trong từ trường  $\vec{B}$  sẽ chịu 1 lực từ:

$$* I_0.d\vec{l}_0 \rightarrow \vec{B} \rightarrow d\vec{F}_0 = I_0.d\vec{l}_0 \times \vec{B}$$

$$d\vec{F}_0 \left\{ \begin{array}{l} \circ \text{ Điểm đặt: tại } I_0.d\vec{l}_0 \\ \circ \text{ Phương: đường thẳng vuông góc mặt phẳng } (I_0.d\vec{l}_0, \vec{B}) \\ \circ \text{ Chiều: quy tắc bàn tay trái} \\ \circ \text{ Độ lớn: } dF_0 = I_0.dl_0.B.\sin\alpha \end{array} \right.$$



$$* \text{ Nếu cả dây } \rightarrow \vec{B} \rightarrow \vec{F}_0 = \int d\vec{F}_0$$

8.6.2 Áp dụng:

❖ Dây đặt trong  $\vec{B}$  của dây dẫn dài vô hạn:  $|\vec{B}| = \frac{\mu_0 \mu_0 I}{2\pi x}$

a/ Đoạn dây  $I_0, l_0$  đặt song song cách dây I khoảng x:

$$I_0.d\vec{l}_0 \rightarrow \vec{B} \rightarrow d\vec{F}_0 = I_0.d\vec{l}_0 \times \vec{B}$$

$$dF_0 = I_0 dl_0 . B . \sin 90^\circ = I_0 . dl_0 . B$$

$$\Rightarrow F_0 = \int dF_0 = B . I_0 \int dl_0 = B . I_0 . l_0 = \frac{\mu_0 \mu_0 I I_0}{2\pi x} . l_0$$

b/ Đoạn dây  $I_0, l_0$  đặt vuông góc dây I khoảng x:

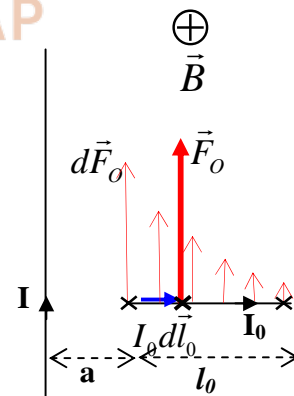
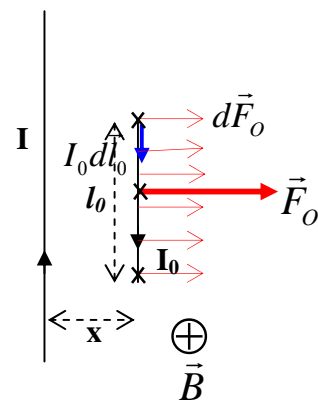
$$dF_0 = \frac{\mu_0 \mu_0 I}{2\pi x} . I_0 . dl_0$$

$$\Rightarrow F_0 = \int dF_0 = \frac{\mu_0 \mu_0 I I_0}{2\pi} \int_a^{a+l_0} \frac{dx}{x} = \frac{\mu_0 \mu_0 I I_0}{2\pi} \ln\left(\frac{a+l_0}{a}\right)$$

$$x_G = \frac{1}{m} \int dm . x = \frac{1}{mg} \int dm g . x = \frac{1}{p} \int dp . x = \frac{1}{F_0} \int dF_0 . x$$

$$= \frac{1}{F_0} \int_a^{a+l_0} \frac{\mu_0 \mu_0 I}{2\pi x} . I_0 . dl_0 . x = \frac{1}{\frac{\mu_0 \mu_0 I I_0}{2\pi} \ln\left(\frac{a+l_0}{a}\right)} . \frac{\mu_0 \mu_0 I I_0}{2\pi} . l_0$$

$$= \frac{l_0}{\ln\left(\frac{a+l_0}{a}\right)}$$

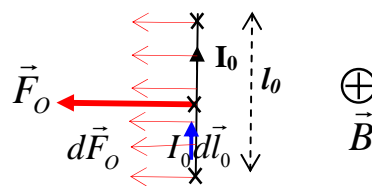


❖  $\vec{B}$  đều:

a/ Một đoạn dây thẳng:

$$I_0.d\vec{l}_0 \rightarrow \vec{B} \rightarrow d\vec{F}_0 = I_0.d\vec{l}_0 \times \vec{B}$$

$$\Rightarrow F_0 = \int I_0 dl_0 . B = B . I_0 . l_0$$



b/ Một cung:

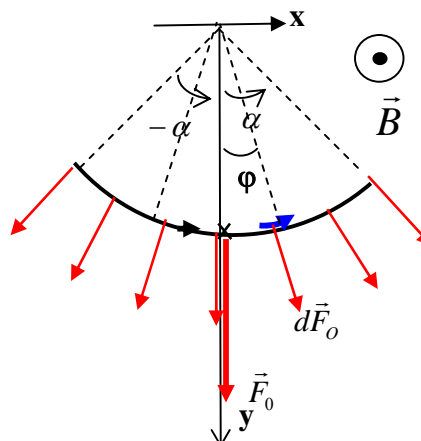
$$\vec{F}_0 = \int d\vec{F}_0$$

$$F_{0x} = \int dF_{0x} = 0$$

$$F_{0y} = \int dF_0 \cdot \cos \varphi = \int I_0 \cdot dl_0 \cdot B \cdot \cos \varphi$$

$$F_{0y} = B \cdot I_0 \cdot R \int_{-\alpha}^{+\alpha} \cos \varphi \cdot d\varphi = 2 \cdot B \cdot I_0 \cdot R \cdot \sin \alpha$$

$$F_0 = 2 \cdot B \cdot I_0 \cdot R \cdot \sin \alpha$$



## 8.7 Điện tích q chuyển động với vận tốc $\vec{g}$

8.7.1 Định nghĩa:

Điện tích q chuyển động với vận tốc  $\vec{g}$  đượccoi tương đương như dòng điện  $I d\vec{l}$ .8.7.2 Từ trường gây ra bởi ( $q\vec{g}$ )

$$q\vec{g} \rightarrow M \rightarrow \vec{B}_q = \frac{\mu \cdot \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{q\vec{g} \times \vec{r}}{r^3}$$

8.7.3 Lực Lorentz:

$$q\vec{g} \rightarrow \vec{B} \rightarrow \vec{F}_L = q\vec{g} \times \vec{B}$$

$$F_L = qg \cdot B \cdot \sin(q\vec{g}, \vec{B})$$

