ĐỀ THI CHK182 - Môn: GIẢI TÍCH 2 Ngày thi: 06-06-2019 Thời gian thi: 90 phút

Ca thi: CA 1

Hình thức thi tự luận: $D\hat{e}$ $g\hat{o}m$ 7 $c\hat{a}u$.

Sinh viên không được sử dụng tài liệu.

Cho hàm $f(x,y,z) = xz^3 - 3x^2 + 4xy - 4y - 12z + 3$. Tìm tất cả các điểm M(x,y,z)mà tai đó hướng tăng nhanh nhất của hàm f là $\overrightarrow{u} = (1,0,0)$.

Tính tích phân: $I = \iiint (2xz + y) dx dy dz$

với V là miền hữu hạn giới hạn bởi các mặt $y = z^2 - 1, y = 1, y = 1 - x, x = 2$.

Câu 3: (1.5đ)

Cho miền phẳng $D: x^2+y^2 \le 4, x \le 1$ và C là biên định hướng dương của D. Tính $I=\int\limits_C \frac{(x-1)\mathrm{d}y-y\mathrm{d}x}{x^2+y^2}.$

Câu 4: (1.5đ)

Tính $I=\iint_S (y+z)dydz-2x^2zdzdx+\left(x^2+y^2\right)dxdy$ với S là phần mặt trụ $y=1-x^2$ bị cắt bởi 3 mặt phẳng y=0,z=0,z+y=1 lấy phía tương ứng với vecto pháp tuyến ngược hướng với vecto \overrightarrow{Oy} .

Câu 5: (1.5đ)

Khảo sát sự hội tụ của chuỗi số $\sum_{i=1}^{\infty} \frac{n! + (5n)^{n-1}}{(2n-1)!!}$.

Câu 6: (1.5đ)

Tìm miền hội tụ của chuỗi lũy thừa $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 - n}{(-3)^n + 1} x^{n-1}$.

Câu 7: $(1\mathbf{d})$

Tìm tất cả các giá trị thực x thoả đẳng thức: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n-3}{(-3)^n} x^n = 3.$

Chủ nhiệm bô môn

Phụ lục đề kiểm tra/thi PHỤ LỤC CHUẨN ĐẦU RA MÔN HỌC TƯƠNG ỨNG VỚI ĐỀ THI

Môn thi: Giải tích 2 - MT1005: Đề gồm 7 câu.

 $Ngày\ thi\ 06\ tháng\ 06\ năm\ 2019.\ Thời\ gian\ 90\ phút.$

Đề thi cuối kì 182 (CA 1).

(Sinh viên không được sử dụng tài liệu).

Nie: January en la 2: Ameny de Ala:	Nia: J abab ab b
Nội dung câu hỏi trên đề thi C1: Cho hàm $f(x, y, z) = xz^3 - 3x^2 + 4xy - 4y - 12z + 3$.	Nội dung chuẩn đầu ra môn học
	L.O.1.1 - Nắm vững bản chất của đạo hàm riêng
Tìm tất cả các điểm $M(x,y,z)$ mà tại đó	
hướng tăng nhanh nhất của hàm f là $\overrightarrow{u} = (1,0,0)$.	
$\underline{\mathbf{C2}}$: Tính tích phân : $I = \iiint_V (2xz + y) dx dy dz$	L.O.1.1 - Nắm vững cách tính tích phân bội.
với V là miền hữu hạn giới hạn bởi các mặt.	L.O.2.1 - Ứng dụng tích phân bội trong các
$y = z^2 - 1, y = 1, y = 1 - x, x = 2$	bài toán thực tế.
	·C
$\underline{\mathbf{C3}}$: Cho miền phẳng $D: x^2 + y^2 \le 4, x \le 1$	L.O.11 - Nắm vững cách tính tích phân
và C là biên định hướng dương của D	đường và cách sử dụng công thức Green.
Tiph $I = \int \frac{(x-1)dy - ydx}{}$	
Tính $I = \int_C \frac{(x-1)\mathrm{d}y - y\mathrm{d}x}{x^2 + y^2}$.	
$\underline{\mathbf{C4}}: \text{Tính } I = \iint (y+z)dydz - 2x^2zdzdx + (x^2+y^2)dxdy$	L.O.1.1 - Nắm vững cách tính tích phân mặt,
	các phương pháp đưa tích phân mặt
3 mặt phẳng $y=0, z=0, z+y=1$ lấy phí a tương ứng với V	về tích phân thông thường.
vecto pháp tuyến ngược hướng với vecto \overrightarrow{Oy} .	
<u>C5</u> : Khảo sát sự hội tụ của chuỗi số	L.O.1.1 - Nắm vững các khái niệm về chuỗi,
	các phương pháp khảo sát sự hội tụ của chuỗi.
$\sum_{n=0}^{\infty} n! + (5n)^{n-1}$	
$\sum_{1}^{\infty} \frac{n! + (5n)^{n-1}}{(2n-1)!!}.$	
n=1 $C6$: Tìm miền hội tụ của chuỗi lũy thừa	L.O.1.1 - Nắm vững các khái niệm về chuỗi,
<u>eo</u> i imi mon non non non non na cura indicara	các phương pháp khảo sát sự hội tụ của chuỗi
$\frac{\infty}{n^2-n}$	eac phaons phap mae sat sự nội tự can chaoi
$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 - n}{(-3)^n + 1} x^{n-1}.$	và tìm miền hội tụ của chuỗi lũy thừa.
n=1	
$ \underline{\mathbf{C7}} $: Tìm tất cả các giá trị thực x thoả đẳng thức:	L.O.1.1 - Nắm vững các khái niệm về chuỗi,
$^{\infty}$ 2 2	các phương pháp khảo sát sự hội tụ của chuỗi
$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n-3}{(-3)^n} x^n = 3.$	và cách tính tổng.
$\sum_{n=0}^{\infty} (-3)^n$	

Câu 1:
$$\nabla f(M) = (z^3 - 6x + 4y, 4x - 4, 3xz^2 - 12)$$
 (0.5)
Hướng tăng nhanh nhất của f là $\overrightarrow{u} \Leftrightarrow \nabla f(M) = k(1, 0, 0), k > 0$ (0.5)
 $M\left(1, \frac{k-2}{4}, 2\right)$ hay $M\left(1, \frac{k+14}{4}, -2\right), k \in \mathbb{R}^+$ (0.5)

Lưu ý: nếu chỉ tính đúng 2 điểm với 1 giá trị k cụ thể, cho $1\overline{d}$

Câu 2: Cách 1:
$$D_{xy} : -1 \le y \le 1, 1 - y \le x \le 2$$
(0.5)
$$I = \iint_{D_{xy}} dx dy \int_{-\sqrt{1+y}} (2xz + y) dz \text{ (0.5)}$$

$$= \int_{-1}^{1} 2y \sqrt{1+y} dy \int_{1-y}^{2} dx = \int_{-1}^{1} 2y (1+y) \sqrt{1+y} dy = \frac{48\sqrt{2}}{35} \text{ (0.5)}$$

$$\text{Cách 2: } D_{yz} : -\sqrt{2} \le z \le \sqrt{2}, z^{2} - 1 \le y \le 1 \text{ (0.5)}$$

$$I = \iint_{Dyz} dy dz \int_{1-y}^{2} y dx \text{ (do đối xứng)} \text{ (0.5)} = \frac{48\sqrt{2}}{35} \text{ (0.5)}$$

Câu 3: Tham số hoá
$$C_1: x = 2\cos t, y = 2\sin t, t: \frac{\pi}{3} \to \frac{5\pi}{3},$$

$$C_2: x = 1, y: -\sqrt{3} \to \sqrt{3} \text{ (0.5)}$$

$$I = \frac{1}{4} \int_{\frac{\pi}{3}}^{\frac{5\pi}{3}} \left[(2\cos t - 1)2\cos t + 4\sin^2 t \right] dt + \text{(0.5)} = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{4\pi}{3} \text{(0.5)}$$
Lưu ý:

- 1. Nếu sv KHÔNG xác định hướng đi trên đường cong và viết bdt kép $\frac{\pi}{3} \le t \le \frac{5\pi}{3}$ thì CHỈ CHO nửa số điểm phần tính tp trên phần đường tròn. Tức là điểm tối đa chỉ là 1.0
- tối đa chỉ là 1.0 2. Nếu không tính tp trên đoạn thẳng thì tối đa 1.0

Câu 4:
$$\overrightarrow{n} = \frac{(-2x, -1, 0)}{\sqrt{1 + 4x^2}}, D_{zx} : -1 \le x \le 1, 0 \le z \le x^2$$
 (0.5)
$$I = \iint_S \frac{-2xy - 2xz + 2x^2z}{\sqrt{1 + 4x^2}} ds = \iint_{Dzx} \left[-2x(1 - x^2 + z) + 2x^2z \right] dz dx \text{ (0.5)} = \frac{2}{7} \text{ (0.5)}$$

$$\mathbf{Lưu} \ \mathbf{\acute{y}} : \text{Nếu viết } I = -\iint_{D_{zx}} \left((y + z, -2x^2z, x^2 + y^2)(2x, 1, 0) \right) dz dx \text{ và tính đúng vẫn}$$

Câu 5:
$$a_n \sim \frac{5^{n-1} \cdot n^{n-1}}{(2n-1)!!} = b_n(\mathbf{0.5})$$

$$D_n = \frac{b_{n+1}}{b_n} = 5 \frac{n}{2n+1} \left(\frac{n+1}{n}\right)^n(\mathbf{0.5})$$

$$D = \frac{5e}{2}, \text{ phân kỳ } (\mathbf{0.5})$$

Lưu ý:

được tron điểm.

- 1. Không thay tương đương nhưng tính đúng D trên a_n vẫn được trọn điểm 2. Nếu tách thành tổng 2 chuỗi, chỉ làm đúng chuỗi $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{(2n-1)!!}$. HT thì cho 0.5
- Câu 6: R = 3 (0.5), khoảng ht: (-3,3) (0.5) Hai biên pk theo DKC (0.5) BACHKHOACNCP.COM

Câu 7:
$$S(x) = \frac{18}{(x+3)^2} - \frac{15}{x+3}, x \in (-3,3),$$
(0.5)
Nghiệm $x_0 = -2$ (0.5)

