Giảng viên tổng hợp đề: Ngày ra để: 12/09/2020	Người phê duyệt:  Ngày đuyệt đề:	
(Chữ ký và Họ tên)	(Chữ ký, Chức vụ và Họ tên)	1
PGS TS NGUYỄN ĐÌNH HUY	Trưởng khoa/ hộ mộn:	

(phần phía trên cần che đi khi in sao đề thi)

			Học k	ỳ/năm học 3	2019-2020	
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA – ĐHQG-HCM			Ngày	thi	15/9/2020	
	Môn học	XÁC SUẤT THỐNG KÊ				
	Mã môn học MT2001					
	Thời lượng	100 phút	Mã đề	1957		

Ghi - Được sử dụng bảng công thức phát kèm đề thi.

chú: - Được sử dụng các bảng tra số không chứa công thức và máy tính bỏ túi.

- Không sử dụng các tài liệu khác.

- Các số gần đúng lấy tròn 4 chữ số phần thập phân.

- Nộp lại đề thi cùng với bài làm

#### **<u>Câu hỏi 1 (L.O.2.1)</u>**: (2 điểm)

Một bệnh nhân bị nghi là có thể mắc một trong ba bệnh A, B, C với các xác suất tương ứng là 0,32; 0,33; và 0,35. Anh ta đến khám bệnh ở 4 bác sĩ hoạt động độc lập. Bác sĩ thứ nhất chẩn đoán anh ta bệnh A, bác sĩ thứ hai chẩn đoán bệnh B, bác sĩ thứ ba chẩn đoán bệnh C và bác sĩ thứ tư chẩn đoán bệnh B. Hỏi sau khi khám bệnh xong, người bệnh cần đánh giá lại xác suất mắc bệnh A, B, C của mình là bao nhiều? Biết rằng xác suất chẩn đoán đúng của mỗi bác sĩ là 0,75 và chẩn đoán nhầm sang hai bệnh còn lại là 0,125.

### **Câu hỏi 2** (L.O.2.1): (2 điểm)

Một hộp đựng 3 bi đỏ, 2 bi xanh và 1 bi vàng. Lấy ngẫu nhiên ra từng bi cho đến khi gặp bi đỏ thì dừng lại. Gọi X là biến ngẫu nhiên chỉ số bi xanh được lấy ra, Y là chỉ số bi vàng được lấy ra.

- a) Tìm bảng phân phối xác suất đồng thời của VTNN (X, Y).
- b) Lập ma trận tương quan D(X,Y)

# **<u>Câu hỏi 3</u>**) (L.O.2.1): (2 điểm)

Từ các trục máy do một máy tiện tự động sản xuất ra, người ta chọn ngẫu nhiên một số sản phẩm rồi đo đường kính của các trục máy này, và có bảng thống kê sau :

Bán kính (cm)	14 -16	16 - 18	18 - 20	20 - 22	22 - 24
Số trục	4	10	14	12	6

Với mức ý nghĩa  $\alpha = 1\%$ , có thể coi bán kính các trục máy này tuân theo quy luật phân phối chuẩn hay không?

# **<u>Câu hỏi 4)** (L.O.2.1)</u>: (4 điểm)

Cho X và Y là hai chỉ tiêu trên cùng một loại sản phẩm của một công ty. Khảo sát một số sản phẩm, ta có bảng kết quả sau đây. Chỉ tiêu X (cm) ; chỉ tiêu Y (kg).

Y	90	100	110	120	130
X					
10-12	7	2			
12-14		8	4		
14-16		8	15	10	
16-18		6	17	6	
18-20				7	10

- a) Tính các đặc trưng mẫu và viết phương trình đường hồi quy tuyến tính mẫu của Y theo X.
- b) Hãy ước lượng các trung bình của các chỉ tiêu X và Y với độ tin cậy  $\gamma = 0.98$ .
- c) Các sản phẩm có chỉ tiêu Y  $\leq$  105 kg là sản phẩm loại 2. Với độ tin cậy  $\gamma$  = 0,96 hãy ước lượng tỷ lệ sản phẩm loại 2 của công ty này.
- d) Có tài liệu khẳng định tỷ lệ sản phẩm loại 2 của công ty là 30%. Với mức ý nghĩa  $\alpha = 1\%$ , hãy cho nhận xét về độ tin cậy của tài liệu này.



# ĐÁP ÁN

#### **Câu 1:** 2 đ ( 1+ 1)

Goi A là biến cố "Bênh nhân mắc bênh A";

B là biến cố "Bệnh nhân mắc bệnh B";

C là biến cố "Bệnh nhân mắc bệnh C";

Theo giả thiết: P(A) = 0.32; P(B) = 0.33;

P(C) = 0.35.

{ A, B, C} là nhóm biến cố đầy đủ.

F là biến cố "Bác sĩ thứ nhất chẩn đoán anh ta bệnh A, bác sĩ thứ hai chẩn đoán bệnh B, bác sĩ thứ ba chẩn đoán bênh C và bác sĩ thứ tư chẩn đoán bênh B".

Các xác suất cần tìm là: P(A/F); P(B/F) và P(C/F).

Áp dụng công thức : 
$$P(A/F) = \frac{P(AF)}{P(F)} = \frac{P(A) \times P(F/A)}{P(A) \times P(F/A) + P(B) \times P(F/B) + P(C) \times P(F/C)}$$

P(F/A) = XS(Bác sĩ thứ nhất chẩn đoán đúng và 3 bác sĩ còn lại chẩn đoán sai) Khi đó

$$=0,75\times(0,125)^3=0,0014648$$

 $=0.75\times(0.125)^3=0.0014648$  P(F/B) = XS(Bác sĩ thứ 2 và thứ 4 chẩn đoán đúng và 2 bác sĩ còn lại chẩn đoán sai)

= 
$$(0.75)^2_{\times}(0.125)^2 = 0.008789$$
.

Tương tự: P(F/C) = P(F/A) TÀI LIỆU SƯU TẬP

Do đó xác suất bệnh nhân bị bệnh A sau khi có kết quả khám bệnh:

$$\begin{split} P(A/F) &= \frac{P(AF)}{P(F)} = \frac{P(A) \times P(F/A)}{P(A) \times P(F/A) + P(B) \times P(F/B) + P(C) \times P(F/C)} \\ &= \frac{0,32 \times 0,75 \times 0,125^3}{0,32 \times 0,75 \times 0,125^3 + 0,33 \times 0,75^2 \times 0,125^2 + 0,35 \times 0,75 \times 0,125^3} \approx 0,1208 \end{split}$$

Tương tự:

$$\begin{split} P(B/F) &= \frac{P(BF)}{P(F)} = \frac{P(B) \times P(F/B)}{P(A) \times P(F/A) + P(B) \times P(F/B) + P(C) \times P(F/C)} \\ &= \frac{0,33 \times 0,75^2 \times 0,125^2}{0,32 \times 0,75 \times 0,125^3 + 0,33 \times 0,75^2 \times 0,125^2 + 0,35 \times 0,75 \times 0,125^3} \approx 0,7472 \end{split}$$

và

$$P(C/F) = \frac{P(CF)}{P(F)} = \frac{0.35 \times 0.75 \times 0.125^{3}}{0.32 \times 0.75 \times 0.125^{3} + 0.33 \times 0.75^{2} \times 0.125^{2} + 0.35 \times 0.75 \times 0.125^{3}} \approx 0.1321$$

MSSV: Ho và tên SV: Trang 3/2

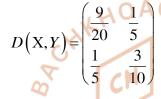
#### **Câu 2:** (2 đ)

Sinh viên cần trình bày chi tiết lời giải để tính các xác suất đồng thời.

Y			
X	0	1	$\mathbf{P}^{X}$
0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{6}{10}$
1	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{3}{10}$
2	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$	1/10
$P^{Y}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	1

$$E(X) = \frac{1}{2}, E(Y) = \frac{1}{4}, D(X) = \frac{9}{10}, D(Y) = \frac{3}{16}, E(XY) = \frac{1}{5}.$$

$$\operatorname{cov}(X,Y) = \frac{3}{40};$$



#### Câu 3: (2đ)

$$n = 46$$
  $\bar{x} = 19,2609$   $\hat{s} = 2,3072$ 

Ho: mẫu phù hợp phân phối chuẩn N( a = 19,2609;  $\sigma^2 = 2,3072^2$ )

H<sub>1</sub>: mẫu không phù hợp phân phối chuẩn.

Miền bác bỏ:  $W_{\alpha}$  =( 9,21; +∞).

Trình bày công thức tính pi, tckđ... BỞI HCMUT-CNCP

pi	Ei =n*pi
0.0788	3.6238
0.2136	9.8250
0.3333	15.3312
0.2568	11.8117
0.1176	5.4084

Tiêu chuẩn kở:  ${\chi_0}^2 = .... = 0,2255 \notin W_\alpha \Rightarrow Chấp nhận H_0.$  Mẫu phù hợp phân phối chuẩn.

( Có thể dùng công thức rút gọn để tính  $\chi_{qs}^{\ \ 2}$  nhanh hơn ).

# .<u>Câu 4: (4đ)</u>

$$n = 100$$
  $\bar{x} = 15.66$   $s_x \approx 2.3278$   $s_x = 2.3161$ 

a) 
$$y \approx 110.5$$
  $s_y \approx 10.7661$   $s_y \approx 10.7121$   $(R_{xy} \approx 0.7444)$ 

Ghi rõ công thức tính các hệ số đường hồi quy  $A \approx 56.5815$   $B \approx 3.4431$  PTTQ y = 56.5815 + 3.4431x

b) Tìm khoảng tin cậy cho giá trị trung bình của chỉ tiêu X:

$$\varepsilon \approx \frac{z_{\alpha}.s_{x}}{\sqrt{n}} = \frac{2.33.2.3278}{\sqrt{100}} \approx 0.5424$$
  $\Rightarrow$  (15.1176; 16.2024)

Tìm khoảng tin cậy cho giá trị trung bình của chỉ tiêu Y:

$$\varepsilon = \frac{z_{\alpha}.s_{y}}{\sqrt{n}} = \frac{2.33.10.7661}{\sqrt{100}} \approx 2.5085$$
  $\Rightarrow$  (107.9915; 113.0085)

c) 
$$f = \frac{31}{100}$$
  $\varepsilon = z_{\alpha} \sqrt{\frac{f(1-f)}{n}} = 2.06 \sqrt{\frac{0.31 \times 0.69}{100}} \approx 0.0953$ 

Khoảng tin cậy cho tỷ lệ sản phẩm loại 2 trong mẫu là  $(f - \varepsilon; f - \varepsilon) = (0.21473; 0.40527)$ 

d) Giả thiết  $H_0$ :  $p=p_0=0.30$ ; p là tỉ lệ sản phẩm loại 2 của công ty.

GT đối  $H_1: p \neq p_0$ 

$$Z_{qs} = \frac{f - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1 - p_0)}{n}}} = \frac{0.31 - 0.30}{\sqrt{\frac{0.30.0.70}{100}}} \approx 0.21822$$

Do |  $Z_{qs}$  |  $\leq Z\alpha \approx 2.58$ 

Vậy chấp nhận giả thiết  $H_0$ , có thể coi số liệu của tài liệu là đáng tin.



BỞI HCMUT-CNCP