Giảng viên ra để:	Ngày ra đề: 15/07/2020	Người phê duyệt:	Ngày duyệt đề: 16/07/2020
. 0		P.Truởng BM	
7 April		M	
ThS Nguyễn Thị Xuân Anh	3	I TS. Trần Ngọc Diễm	

(phần phía trên cần che đi khi in sao để thi)

BK		THI CUỐI KỲ		<u> </u>	Học kỳ/năm học Ngày thi		2 2019-2020 20/07/2020		
		Môn học	Giải tích 2						
		Mã môn học	MT1005						
KHOA: Khoa học Ưng dụng		Thời lượng	100 phút	CA THI	CA 3				
	- Để thi có 10 câu được in trên 2 m - Sinh viên KHÔNG ĐƯỢC sử dụng Nộn lại để thị cùng với bài làm		-						

Câu 1: (1 điểm) L.O.2

Mỗi tuần, công ty A cung cấp cho thị trường Q đơn vị sản phẩm. Nếu số lượng nhân công sử dụng bao gồm x công nhân lành nghề và y công nhân chưa lành nghề, số lượng sản phẩm đầu ra mỗi tuần là

$$Q(x,y) = 1200x + 500y + x^2y - x^3 - y^2 \text{ (don vi)},$$

Tính tốc độ cung ứng sản phẩm của công ty theo số công nhân lành nghề tại thời điểm công ty đang sử dụng 30 công nhân lành nghề và 60 công nhân chưa lành nghề. Tốc độ này nói lên điều gì?

Câu 3: **(1 điểm)** L.O.3

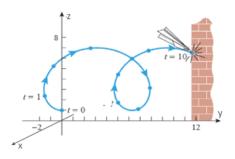
Một vật thể không đồng chất có hình dạng là một miền được giới hạn bởi mặt nón $z=1-\sqrt{x^2+y^2}$ và mặt phẳng z=-3, trong đó x,y,z tính theo inch và mật độ tại mỗi điểm M(x,y,z) là $\rho(x,y,z)=\mathrm{k}\sqrt{x^2+y^2}$ (g/in³). Biết khối lượng của vật là 1100 gam (g), tìm k.

Câu 4: (1 điểm) L.O.3

Trong một lần thử nghiệm máy bay mô hình, do lỗi thiết bị điều khiển, máy bay bay được 10 giây thì chạm vào tường và rơi xuống. Chuyển động của máy bay được mô tả bởi phương trình tham số

$$x(t) = 0$$
, $y(t) = t - 3\sin t$, $z(t) = 4 - 3\cos t$,

trong đó x(t), y(t), z(t) tính theo mét (m), và t tính theo giây (s). Tính độ dài đường bay của máy bay trong lần thử nghiệm này.

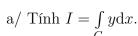


Câu 5: (1 điểm) L.O.3

Trong hệ tọa độ cực $x = r \cos \varphi$, $y = r \sin \varphi$, cho đường cong

$$C: r = 1 + \cos \varphi, 0 \le \varphi \le 2\pi,$$

lấy ngược chiều kim đồng hồ. Gọi D là miền phẳng giới hạn bởi



b/ So sánh giá trị vừa tìm được với diện tích miền D.



Câu 6: (1 điểm) L.O.3

Tính tích phân

$$I = \iint\limits_{S} y\sqrt{1 - 4x^2} \, \mathrm{d}s,$$

trong đó S là phần mặt trụ $z^2+x^2=9$ giới hạn bởi $z\geq 0, 0\leq y\leq 2.$

Câu 7: (1 điểm) L.O.3

Cho Slà mặt biên phía ngoài của nửa khối cầu $x^2+y^2+z^2\leq 16,\ y\leq 0,$ tính tích phân

$$I = \iint_{S} xy^{2} dydz - (x+y^{3})dzdx - 2x^{2}zdxdy.$$

BỞI HCMUT-CNCP

Câu 8: **(1 điểm)**L.O.3

Khảo sát sự hội tụ của chuỗi $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{n-2}{4n^2+1}.$

Câu 9: (1 điểm) L.O.3

Tìm miền hội tụ của chuỗi $\sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{2} - \frac{7}{6.3^n}\right) x^n.$

Câu 10: (1 điểm) L.O.3

Tính tổng chuỗi lũy thừa trong **Câu 9** khi $x = \frac{1}{2}$.

Câu 1: Tốc độ cung ứng sản phẩm theo số công nhân lành nghề là $Q'_x(30,30)$ (0.5) $Q'_x(30,60) = 2100 \text{ (don vi/nguời) } (0.25).$

Tại thời điểm này, khi tăng thêm 1 công nhân lành nghề, số sản phẩm tăng thêm 2100 đơn vị (0.25).

Lưu ý: Nếu tính tốc độ là $Q_x' + Q_y'$ hoặc dQ thì cho tối đa 0.25

Câu 2:
$$df(0,1,2) = -dx - 7dy + 24dz$$
 (1 điểm)

- Đúng 3 đạo hàm, sai công thức vi phân : **0.25**.
- Đúng 2 đạo hàm, viết công thức vi phân : **0.5**.
- Đúng 1 đạo hàm, viết công thức vi phân : **0.25**.

Câu 3:
$$\bullet M = \iiint_{\Omega} \rho(x, y, z) dx dy dz$$
 (0.25).

- $M = \iiint\limits_{\Omega} \rho(x,y,z) \mathrm{d}x \mathrm{d}y \mathrm{d}z$ (0.25). $M = k \iint\limits_{x^2+y^2 \leq 16} \mathrm{d}x \mathrm{d}y \int\limits_{-3}^{1-\sqrt{x^2+y^2}} \sqrt{x^2+y^2} \mathrm{d}z = k \int\limits_{0}^{2\pi} \mathrm{d}\varphi \int\limits_{0}^{4} r^2 \mathrm{d}r \int\limits_{-3}^{1-r} \mathrm{d}z$ (0.5). (Đúng cận z, sai cận D hoặc ngược lại: 0.25)
- $M = \frac{128\pi}{3} \text{k} \approx 134.04 \text{ k} = 1100 \Rightarrow k \approx 8.21 \text{ (0.25)}.$

Lưu ý: Tính nhầm thành tp mặt thì KHÔNG CHO ĐIỂM

Câu 4:
$$L = \int_{0}^{10} \sqrt{(x'(t))^2 + (y'(t))^2 + (z'(t))^2} dt$$
. (0.5) $\int_{0}^{10} \sqrt{10 - 6\cos t} dt$. (0.25) $\approx 31,34 \text{ (met)}$ (0.25)

Câu 5:
$$a/x = (1 + \cos \varphi) \cos \varphi$$
; $y = (1 + \cos \varphi) \sin \varphi$ (0.25)
$$I = \int_{0}^{2\pi} (1 + \cos \varphi) \sin \varphi (-\sin \varphi - 2 \cos \varphi \sin \varphi) d\varphi = -\frac{3\pi}{2}.$$
 (0.25+0.25) b/ Dùng định lý Green giải thích kết quả. (0.25)

• Hình chiếu của S trên (Oxy): $D: -3 \le x \le 3, \ 0 \le y \le 2$ (0.25) Câu 6:

•
$$I = \iint_D 3y dx dy$$
 (0.25) = $\int_{-3}^{3} dx \int_{0}^{2} 3y dy$ (0.25) = 36 (0.25)

Nếu sinh viên phát hiện lỗi đề hoặc có làm các bước trên đúng, nhưng đến bước tính tp không tính được thì cho trọn điểm, **không làm hoặc xác định công thức** sai, xác định miền D sai không cho điểm.

Câu 7: Áp dụng công thức G-O
$$I = \iiint\limits_{\Omega} -2(x^2+y^2) \mathrm{d}x \mathrm{d}y \mathrm{d}z \ (\textbf{0.5}) = -2 \int\limits_{-\pi}^{0} \mathrm{d}\varphi \int\limits_{0}^{\pi} \sin^3\theta \mathrm{d}\theta \int\limits_{0}^{4} \rho^4 \mathrm{d}\rho \ (\textbf{0.25})$$
$$= -\frac{8192\pi}{15} \approx 1715.73 \ (\textbf{0.25})$$

Câu 8:

• $\lim_{n\to\infty} \frac{n-2}{4n^2+1} = 0$ (0.25)

• Chứng minh dãy $\frac{n-2}{4n^2+1}$ giảm (0.5) (chỉ nói giảm, không chứng minh không cho điểm phần này.)

• Kết luận chuỗi hội tụ theo tiêu chuẩn Leinitz. (0.25)Lưu ý: Dùng tương đương, xét chuỗi $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{4n}$ thì không cho điểm

Câu 9:

• BKHT: R = 1 (0.5)

• $x = \pm 1$ chuỗi phân kỳ theo ĐKC (hoặc tách chuỗi). (0.5)

Câu 10:

• $S = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2}\right)^n - \sum_{n=0}^{\infty} \frac{7}{6 \cdot 3^n} \left(\frac{1}{2}\right)^n \cdot (0.25)$

• $S = \frac{1}{2} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^n - \frac{7}{6} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{6}\right)^n (\mathbf{0.25 + 0.25})$

• $S = \frac{1}{2} \cdot 2 - \frac{7}{6} \cdot \frac{6}{5} = -\frac{2}{5} \ (0.25)$



BỞI HCMUT-CNCP