Giảng viên ra đề:	Ngày	Người phê	duyệt:		Ngày	
	26/4/2023				26/04/	2023
	Kiểm tra	cuối kỳ	Năm	2022-2023	Học kỳ	2

BK TP.HCM
BKHCM
Khoa KHUI

Kiểm tr	a cuối kỳ	Năm	2022-2023	Học kỳ	2
IXICIII UI	a cuoi ky	Ngày	30/05/2023		
Môn học	Phương pháp t				
Mã môn học	MT1009				
Thời gian	100 phút Mã	đề		1233	

Ghi chú

- Bài thi có 2 phần: 16 câu trắc nghiệm và 1 câu hỏi tự luận
- Được sử dụng tài liệu, ngoại trừ laptop, tablet, mobile phone.
- Nếu không phát biểu gì, làm tròn kết quả đến 4 chữ số thập phân.
- Mỗi câu trả lời sai bị từ 0.1 điểm.

Họ và tên:		
Mã số sinh viên:	Giám thị 1:	
Lớp:	Giám thị 2:	

PHẦN TRẮC NGHIỆM

Cho $S(x) = \begin{cases} 2.6 + b_0(x-1) + d_0(x-1)^3 & \text{n\'eu } x \in [1, 2.6] \\ 5.2 + b_1(x-2.6) + 4(x-2.6)^2 + d_1(x-2.6)^3 & \text{n\'eu } x \in [2.6, 4.6] \end{cases}$ là spline bậc 3 tự nhiên nội suy hàm f(x). Trả lời các câu hỏi $1 \to 5$.

1. Tính b_0 .

(A) $b_0 \approx -0.4434$ (B) $b_0 \approx 0.3589$ (C) $b_0 \approx -0.5083$ (D) $b_0 \approx -0.3734$ (E) $b_0 \approx 0.2579$

2. Tìm giá trị $y_1 = f(2.6)$.

(A) $y_1 = 5.2672$ (B) $y_1 = 5.2482$ (C) $y_1 = 5.2495$ (D) $y_1 = 5.2000$ (E) $y_1 = 5.2313$

3. Sử dụng đa thức nội suy tại các nút $x_0 = 1, x_1 = 2.6, x_2 = 4.6$, tính xấp xỉ f(1.5).

(A) 1.9549 (B) 1.9477 (C) 1.9503 (D) 1.9533 (E) 1.9458

4. Tìm tỷ sai phân f[1, 2.6].

(A) 1.6250 (B) 1.6912 (C) 1.6457 (D) 1.6809 (E) 1.6335

5. Xây dựng hàm parabol $y = A + Bx + Cx^2$ mô tả dữ liệu tại $x_0 = 1$, $x_1 = 2.6$, $x_2 = 4.6$ bằng phương pháp bình phương cực tiểu. Tìm A?

(A) 7.9247 (B) 7.9083 (C) 8.0023 (D) 7.9521 (E) 7.9124

Một đường cong tham số được cho bởi các phương trình $x(t)=e^t+t,\ y(t)=e^t,\ t\in[0,1].$ Tìm độ dài L của đường cong này $(L=\int_a^b\sqrt{x'(t)^2+y'(t)^2}dt)$. **Trả lời các câu hỏi 6** \to **8** .

6. Sử dụng phương pháp hình thang mở rộng với bước chia h=0.25, khi đó giá trị L gần bằng

(A) 3.2323 (B) 3.2363 (C) 3.2332 (D) 3.2355 (E) 3.2404

7. Sử dụng phương pháp Simson mở rộng với bước chia h=0.25, khi đó giá trị L gần bằng

(A) 3.2252 (B) 3.2195 (C) 3.2261 (D) 3.2196 (E) 3.2261

8. Tính L bằng phương pháp cầu phương Gauss trong trường hợp n=2 (2 điểm)

(A) 3.2252 (B) 3.2236

- \bigcirc 3.2216
- \bigcirc 3.2221
- (E) 3.2190

Sự tăng trưởng của một loại cá ở Thái Bình Dương được mô phỏng bởi phương trình

$$\frac{dN}{dt} = rN\left(1 - \frac{N}{K}\right)$$

với N(t): khối lượng phụ thuộc thời gian đo bằng năm, $K=8\times 10^7 ({\rm kg}), r=0.75 ({\rm hằng~năm})$. Giả sử tại thời điểm đầu năm 2000 (t=0), khối lượng là $2\times 10^7 ({\rm kg})$. Trả lời các câu hỏi sau $9\to 12$.

9. Với khoảng chia là 6 tháng, tìm khối lượng cá đầu năm 2003 bằng phương pháp Euler.

- (A) 6.0763×10^7 (B) 6.0707×10^7 (C) 6.0735×10^7 (D) 6.0787×10^7 (E) 6.0710×10^7

- 10. Với khoảng chia là 6 tháng, tìm khối lương cá đầu năm 2001 bằng phương pháp Euler cải tiến.

- (A) 3.3163×10^7 (B) 3.3119×10^7 (C) 3.3075×10^7 (D) 3.2998×10^7
- (E) 3.3136×10^7
- 11. Với khoảng chia là 6 tháng, tìm khối lượng cá đầu năm 6 tháng đầu năm 2000 bằng phương pháp Runge-Kutta 4.

 $\widehat{\text{A}}$ 2.6128×10⁷

- (B) 2.6327×10^7 (C) 2.6173×10^7 (D) 2.6260×10^7
- (E) 2.6141×10⁷
- 12. Với phương pháp Runge-Kutta 4, tìm tốc độ tăng trưởng của cá tại sau 6 tháng.

(A) 1.3239×10^7 (B) 1.3214×10^7 (C) 1.3196×10^7 (D) 1.3376×10^7

Xét một môi trường sống có 2 loài: sói và thỏ, gọi w, r là số lượng sói và thỏ tương ứng. Mối liên hệ giữa hai loài này theo thời gian(đo bằng tháng) được mô tả bởi:

$$\frac{dr}{dt} = kr - arw$$
 $\frac{dw}{dt} = -cw + brw.$

Biết $k=0.06,\ a=0.001,\ c=0.02,\ b=0.00002$. Trả lời các câu hỏi sau ${\bf 13}\to {\bf 14}$.

13. Lấy bước chia là 7.5(ngày) (xét trên khoảng thời gian 1 tháng(30 ngày)), giả sử tai thời điểm ban đầu, số lượng sói là 49, số lượng thỏ là 919. Sử dụng phương pháp Euler cải tiến để tìm lượng sói sau nửa tháng đầu tiên(làm tròn đến số nguyên gần nhất).

(A) 49

- (B) 53
- \bigcirc 50 \bigcirc 57 \bigcirc 52
- 14. Sử dụng dữ liệu ban đầu được cho ở câu 13, sau nửa tháng đầu tiên thì tốc độ thay đổi của thỏ là(làm tròn đến số nguyên gần nhất):

(A) Tăng 16 con

- (B) Tăng 10 con
- (C) Các câu trả lời khác đều sai.
- (D) Tăng 14 con

(E) Tăng 15 con

Cho ma trận $\begin{pmatrix} 7 & -10 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$. **Trả lời các câu hỏi sau 15** o **16** .

15. Ap dụng phương pháp lũy thừa để xấp xỉ trị riêng của A, ta có được một dãy số thực $\{\mu_k\}_{k\in\mathbb{N}}$, khi $k \to \infty$ thì dãy số thực này hội tụ về giá trị nào dưới đây?

- $\textcircled{B} \ 7 \ \textcircled{C} \ -5 \ \textcircled{D} \ -6 \ \textcircled{E} \ 10$
- 16. Cũng với phương pháp lũy thừa, sau k bước, ta thu được vecto X_k , vecto này cùng phương với vecto nào dưới đây?

Pages 3 / 4

PHẦN TỰ LUẬN

Gọi $m,\ n$ là hai chữ số lần lượt cuối cùng trong mã số sinh viên, ví dụ, mã số sinh viên là $\mathbf{212456}$ thì m=5, n=6. Đặt $\mathcal{M}:=\frac{2m+3n+4}{10}$.

17. Cho phương trình sau:

$$(\mathcal{M} + 1)y''(x) + \sin xy'(x) + (x^2 + 1)y = \cos x.$$

Cho bước nhảy h = 0.25 trên [0, 1], biết rằng $y(0) = \mathcal{M}$ và y(1) = 3.

- (a) (0.5 điểm) Hãy sử dụng phương pháp sai phân hữu hạn để chứng minh rằng, ta có thể tìm được giá trị của y tại các nút khác bằng cách giải hệ phương trình tuyến tính.(Chứng minh và viết tường minh ma trận A và B khi giải hệ phương trình Ay = B)
- (b) (1 điểm) Tìm nghiệm y.
- (c) (0.5 điểm) Đánh giá y'' tại tất cả các nút.



Key answers.

Question	Key
1	В
2	C
3	C C A
4	A
5	В
6	В
7	C E
8	E
9	$^{\rm C}$
10	В
11	D
12	E
13	A
14	E
15	D
16	С
(L.O.1.1, L.O.1.2, L.O.1.3, L.O.2.1, L.O.2.3)	??

