

Câu 1. ( L.O.1, L.O.2.1, L.O.2.3)

(a) (1.5đ = 0.5 + 1)

- Gọi  $X$  là số hành khách đến trạm này trong 10 phút, thì  $X \sim \text{Poisson}(4)$ .
- Xác suất để có nhiều nhất 3 hành khách đến trạm này trong 10 phút:

$$P(X \leq 3) = \sum_{k=0}^{k=3} P(X = k) = 0.4335$$

(b) (1.5đ = 0.5 + 1)

- Gọi  $Y$  (phút) là thời gian mà xe buýt phải chờ để đón thêm ít nhất một hành khách nữa, thì  $Y \sim \text{Exp}(0.4)$ .
- $E(Y) = \frac{1}{0.4} = 2.5$  (phút),  $S(Y) = \sqrt{\text{Var}(Y)} = \sqrt{\frac{1}{0.4^2}} = 2.5$  (phút),  $E(Y) + 2S(Y) = 7.5$  (phút).
- Giả sử xe đã chờ 5 phút mà không có hành khách nào, xác suất để xe phải chờ thêm ít nhất 5 phút nữa là:

Cách 1:

$$\begin{aligned} P(Y \geq 10 | Y > 5) &= P(Y \geq 5 + 5 | Y > 5) = P(Y \geq 5) \text{ (Tính chất không nhớ)} \\ &= 1 - P(Y < 5) = 1 - \int_0^5 0.4e^{-0.4t} dt = e^{-2} \end{aligned}$$

Cách 2:

$$P(Y \geq 10 | Y > 5) = \frac{P(Y > 10)}{P(Y > 5)} = \frac{1 - \int_0^{10} 0.4e^{-0.4t} dt}{1 - \int_0^5 0.4e^{-0.4t} dt} = e^{-2}$$

Câu 2. ( L.O.1, L.O.2.1, L.O.2.3)

(a) (1đ)

Theo công thức bảng B:

- Tính  $S_{xx} = 1485.71406$ ,  $S_{xy} = 9678.571$ ,  $\bar{y} = 397.1429$ ,  $\bar{x} = 31.4286$ .
- Tính  $\hat{\beta}_1 = \frac{S_{xy}}{S_{xx}} \approx 6.5144$ ,  $\hat{\beta}_0 = \bar{y} - \hat{\beta}_1 \bar{x} \approx 192.4038$ .
- Tại  $X_0 = 35$ , tính  $\hat{Y}_0 = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 X_0 \approx 420.4087$  (kg).

Theo công thức bảng A:

- Tính  $\overline{xy} = 13864.29$ ,  $\bar{y} = 397.1429$ ,  $\bar{x} = 31.4286$ ,  $\hat{S}_x^2 = 212.2449$ .
- Tính  $B \approx 6.5144$ ,  $A \approx 192.4038$ .
- Tại  $X_0 = 35$ , tính  $\hat{Y}_0 = A + BX_0 \approx 420.4087$  (kg).

(b) (0.5đ)

Theo công thức bảng B:

- Tính  $STT = \sum_i (y_i - \bar{y})^2 = 63792.86$ ,  $R_{XY}^2 = \beta_1^2 \frac{S_{xx}}{STT} \approx 0.9884$ ,  $\Rightarrow$  hệ số tương quan mẫu:  $R_{XY} = 0.9942$ .

- $X$  và  $Y$  có mối quan hệ tuyến tính mạnh.

Theo công thức bảng A:

- Tính  $\hat{S}_y \approx 95.4635$ ,  $r_{xy} = \frac{\overline{xy} - \bar{x}\bar{y}}{\hat{S}_x \hat{S}_y} \approx 0.9942$
- $X$  và  $Y$  có mối quan hệ tuyến tính mạnh.

**Câu 3.** ( L.O.1, L.O.2.1, L.O.2.3) (2đ)

- Giả thuyết  $H_0$ : Màu tóc **không** có sự ảnh hưởng đến sức chịu đau của phụ nữ:  
 $\tau_1 = \tau_2 = \tau_3 = 0$   
 vs  $H_1$ : Màu tóc **có** sự ảnh hưởng đến sức chịu đau của phụ nữ:  $\exists i = 1, 2, 3, \tau_i \neq 0$ .
- Tính  $SSB = 654$ ,  $SSW = 654.25$ ,  $SST = 1308.25$ ,  $MSB = 327$ ,  $MSW = 72.7$ .
- Tính  $df(SSB) = 2$ ,  $df(SSW) = 9$ ,  $df(SST) = 11$ ,  $F = \frac{MSB}{MSW} \approx 4.49828$ .
- Tính  $f_{0.05, 2, 9} = 4.256$ .
- $F > f_{0.05, 2, 9}$  nên ta bác bỏ giả thuyết  $H_0$ . Dữ liệu khảo sát cho thấy có sự ảnh hưởng của màu tóc đến sức chịu đau của phụ nữ.

**Câu 4.** ( L.O.1, L.O.2.1, L.O.2.3)

(a) (1đ)

- Tính  $\hat{P} = \frac{10}{200} = 0.05$ ,  $z_{0.05} = 1.96$ .
- Khoảng tin cậy cho tỷ lệ các chi tiết do máy A sản xuất là:

$$\hat{P} - z_{0.05} \sqrt{\frac{\hat{P}(1 - \hat{P})}{200}} \leq P \leq \hat{P} + z_{0.05} \sqrt{\frac{\hat{P}(1 - \hat{P})}{200}} \Leftrightarrow 0.0198 \leq P \leq 0.0802$$

(b) (1đ)

- Giả thuyết  $H_0$ :  $\mu_A = 25$  vs  $H_1$ :  $\mu_A < 25$ .
- Tính  $\bar{X} = 24.59$ ,  $s_A = 0.9146$ ,  $t_0 = \frac{\bar{X} - \mu_0}{s_A / \sqrt{n_A}} = -1.4175$ .
- Tính  $t_{0.05}^9 = 1.8331$ .
- $t_0 > -t_{0.05}^9$  nên chưa đủ cơ sở để bác bỏ giả thuyết  $H_0$ . Với 95% độ tin cậy ta chưa đủ cơ sở để nói rằng chiều dài trung bình của các chi tiết sản xuất bởi máy A là ngắn hơn 25 cm.

(c) (1.5đ)

- Giả thuyết  $H_0$ :  $\mu_A = \mu_B$  vs  $H_1$ :  $\mu_A \neq \mu_B$ .
- Tính  $z_0 = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\sqrt{\frac{\sigma_A^2}{n_A} + \frac{\sigma_B^2}{n_B}}} = \frac{24.59 - 25}{\sqrt{\frac{0.9^2}{10} + \frac{0.9^2}{190}}} = -1.4041$ .
- $z_{0.005} = 2.576$ .
- $|z_0| < z_{0.005}$  nên chưa đủ cơ sở để bác bỏ giả thuyết  $H_0$ . Với 99% độ tin cậy ta chưa đủ cơ sở để nói rằng các chi tiết do hai máy sản xuất có chiều dài trung bình khác nhau.