## BÀI TẬP BUỔI 1 - GIẢI TÍCH 2-HK192

**Bài 1** Ở các vùng có thời tiết mùa đông khắc nghiệt, Chi số lạnh do gió thường được sử dụng để mô tả độ khắc nghiệt của cái lạnh. Chỉ số W này là nhiệt độ chủ quan phụ thuộc vào nhiệt độ thực tế T và tốc độ gió v, Vì vậy W là một hàm theo T và v, và ta có thể viết W = f(T, v). Bảng 1 ghi các giá trị của W được thu thập bởi trung tâm khí tưởng quốc gia của Mỹ và cơ quan khí tượng Canada.

 Table 1
 Wind-chill index as a function of air temperature and wind speed

Wind speed (km/h) 5 10 15 20 25 30 40 50 60 70 80 5 3 1 -1-2-3-4-5-6-6-7-10Actual temperature (°C) -7-9-11-12-12-13-14-15-16-17-16-13-10-15-17-18-19-20-21-22-23-23-24-15-19-21-23-24-25-26-27-29-30-30-31-32-24-27-29-30-33-20-34-35-36-38-25-30-33-38-39-42-44-35-37-41-43-45-39-30-36-41-43-44-46-48-49-50-51-52-51-35-41-45-48-49-52-54-56-57-58-60

-57

-59

-61

-63

-64

-65

-67

a. Giá trị f(-15;40) là bao nhiêu? Nêu ý nghĩa của nó

-51

-54

-47

-40

b. Mô tả bằng lời ý nghĩa của câu hỏi "với giá trị nào của v thì f(-20,v)=-30?"

-56

- c. Mô tả bằng lời ý nghĩa của câu hỏi "với giá trị nào của T thì f(T,20)=-49?"
- d. Ý nghĩa của hàm số W = f(-5, v) là gì? Mô tả trạng thái hàm số này.
- e. Ý nghĩa của hàm số W=f(T,50) là gì? Mô tả trạng thái hàm số này.

**Bài 2** Chi số nhiệt độ-độ ẩm <math>I (hoặc viết tắt là chỉ số độ ẩm) là nhiệt độ không khí cảm nhận khi nhiệt độ thực tế là T và độ ẩm tương đối là h, vì vậy ta có thể viết I = f(T,h). Bảng giá trị của I sau đây được trích từ một bảng được biên soạn bởi cục quản lý khí tượng và đại dương Quốc gia.

**Table 3** Apparent temperature as a function of temperature and humidity

Relative humidity (%)

T	20	30	40	50	60	70
80	77	78	79	81	82	83
85	82	84	86	88	90	93
90	87	90	93	96	100	106
95	93	96	101	107	114	124
100	99	104	110	120	132	144

- a. Giá trị của f(95;70) là bao nhiêu? Nếu ý nghĩa của nó.
- b. Với giá trị nào của h thì f(90, h) = 100?
- c. Với giá trị nào của T thì f(T, 50) = 88?
- d. Ý nghĩa của hàm số I=f(80,h) và I=f(100,h) là gì? So sánh trạng thái của hai hàm này theo h.

**Bài 3** Một nhà sản xuất đã mô hình hóa hàm sản lượng hằng năm P (trị giá của toàn bộ sản lượng tính theo triệu đôla) như một hàm Cobb-Douglas.

$$P(L, K) = 1.47L^{0.65}K^{0.35}$$

trong đó L là số lượng giờ lao động (theo nghìn) và K là vốn đầu tư (triệu đôla). Tìm P(120;20) và giải thích nó.

 ${f Bài}$  4 Một mô hình tính diện tích bề mặt của cơ thể con người được cho bởi hàm số

$$S = f(w, h) = 0.1091w^{0.425}h^{0.725}$$

trong đó w là cân nặng (pound), h là chiều cao(inch) và S được tính bằng feet vuông.

- a. Tìm f(160;70) và giải thích nó.
- b. Diện tích bề mặt của cơ thể bạn là bao nhiêu?

Bài 5 Chỉ số lạnh W được nhắc đến trong bài 1 được mô hình hóa bởi hàm số:

$$W(T, v) = 13.12 + 0.6215T - 11.37v^{0.16} + 0.3965Tv^{0.16}$$

Kiểm tra xem mô hình này có khớp với các giá trị trong bảng 1 (bài 1) với một vài giá trị T và V không?

**Bài 6** Chiều cao h<br/> của sóng biển phụ thuộc vào tốc độ của gió v và thời lượng t mà gió thổi tại tốc độ gió. Giá trị của hàm h = f(v,t) được ghi trong bảng sau (đư<br/>t: feet)

**Table 4**Duration (hours)

v	5	10	15	20	30	40	50
10	2	2	2	2	2	2	2
15	4	4	5	5	5	5	5
20	5	7	8	8	9	9	9
30	9	13	16	17	18	19	19
40	14	21	25	28	31	33	33
50	19	29	36	40	45	48	50
60	24	37	47	54	62	67	69

- a. Giá trị f(40, 15) là bao nhiêu? Ý nghĩa của nó là gì?
- b. Ý nghĩa của hàm h = f(30, t)là gì? Mô tả trạng thái của hàm số này.
- c. Ý nghĩa của hàm h=f(v,30)là gì? Mô tả trạng thái của hàm số này.

**Bài 7** Một công ty sản xuất hộp các-tông với kích cỡ: nhỏ, vừa và lớn. Làm một hộp nhỏ chi phí \$2.50, một hộp vừa là \$4.00 và một hộp nhỏ là \$4.450. Chi phí cố định là \$8000.

- a. Biểu diễn chi phí sản xuất x hộp nhỏ, y hộp vừa và z hộp lớn như một hàm ba biến: C=f(x,y,z)
- b. Tìm f(3000, 5000, 4000) và giải thích nó.
- c. Xác định miền của f?

**Bài 8** Cho  $g(x, y) = \cos(x + 2y)$ 

- a. Tính g(2;-1)
- b. Tìm miền xác định của g.
- c. Tìm miền giá trị của g.

**Bài 9** Cho  $F(x,y) = 1 + \sqrt{4 - y^2}$ 

- a. Tính F(3;1)
- b. Tìm và vẽ miền xác định của F.

c. Tìm miền giá trị của F.

**Bài 10** Cho 
$$f(x, y, z) = \sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z} + \ln(4 - x^2 - y^2 - z^2)$$

- a. Tính f(1, 1, 1)
- b. Tìm và mô tả miền xác định của f.

**Bài 11** Cho 
$$g(x, y, z) = x^3 y^2 z \sqrt{10 - x - y - z}$$

- a. Tính g(1, 2, 3)
- b. Tìm và mô tả miền xác định của g

Bài 12 Tìm và vẽ miền xác định của các hàm sau:

1. 
$$f(x,y) = \sqrt{2x - y}$$

2. 
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - 9y^2)$$

3. 
$$f(x,y) = \sqrt{1-x^2} - \sqrt{1-y^2}$$

4. 
$$f(x,y) = \sqrt{y} + \sqrt{25 - x^2 - y^2}$$

5. 
$$f(x,y) = \frac{\sqrt{y-x^2}}{1-x^2}$$

6. 
$$f(x,y) = \arcsin(x^2 + y^2 - 2)$$

7. 
$$f(x,y) = \sqrt{1 - x^2 - y^2 - z^2}$$

8. 
$$f(x,y) = \ln(16 - 4x^2 - 4y^2 - z^2)$$

Bài 13 Vẽ đồ thị của các hàm số:

1. 
$$f(x,y) = 1 + y$$

2. 
$$f(x,y) = 10 - 4x - 5y$$

3. 
$$f(x,y) = y^2 + 1$$

4. 
$$f(x,y) = 9 - x^2 - 9y^2$$

5. 
$$f(x,y) = \sqrt{4 - 4x^2 - y^2}$$

6. 
$$f(x,y) = 2 - x$$

7. 
$$f(x,y) = e^{-y}$$

8. 
$$f(x,y) = 1 + 2x^2 + 2y^2$$

9. 
$$f(x,y) = \sqrt{4x^2 + y^2}$$

 $\bf Bài~14~$  Ghép các hàm số phù hợp với đồ thị của nó (I-VI). Giải thích cho sự lựa chọn của bạn.

a. 
$$f(x,y) = |x| + |y|$$

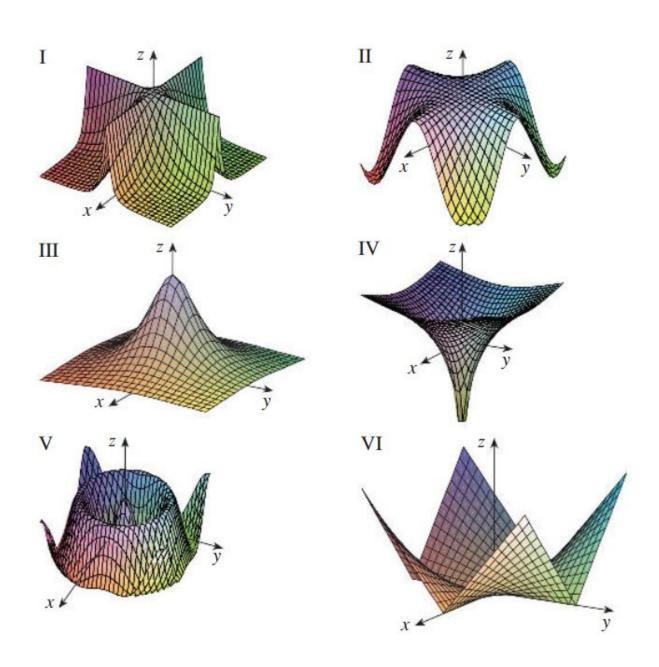
b. 
$$f(x, y) = |xy|$$

c. 
$$f(x,y) = \frac{1}{1+x^2+y^2}$$

d. 
$$f(x,y) = (x^2 - y^2)^2$$

e. 
$$f(x,y) = (x - y)^2$$

f. 
$$f(x,y) = \sin(|x| + |y|)$$



**Bài 15** Một công ty sản xuất hộp các tông ba kích thước: Nhỏ, vừa và lớn. Làm một hộp nhỏ chi phí \$2.50, một hộp vừa là \$4.00 và một hộp lớn là \$4.50. Chi phí cố định là \$8000.

- a. Biểu diễn chi phí sản xuất x hộp nhỏ, y hộp vừa và z hộp lớn như một hàm ba biến: C=f(x,y,z).
- b. Tìm f(3000, 5000, 7000) và giải thích nó.
- c. Xác định miền của f?

**Bài 16** Cho  $g(x, y) = \cos(x + 2y)$ .

- a. Tính g(2,-1)
- b. Tìm miền xác định của g
- c. Tìm miền giá trị của g?

**Bài 17** Cho  $F(x,y) = 1 + \sqrt{4 - y^2}$ 

- a. Tính F(3,1)
- b. Tìm và vẽ miền xác đinh của F
- c. Tìm miền giá trị của F?

**Bài 18** Cho  $f(x, y, z) = \sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z} + \ln(4 - x^2 - y^2 - z^2)$ .

- a. Tính f(1, 1, 1)
- b. Tìm và mô tả miền xác định của f

**Bài 19** Cho  $g(x, y, z) = x^3 y^2 z \sqrt{10 - x - y - z}$ .

- a. Tính g(1, 2, 3)
- b. Tìm và mô tả miền xác định của g

Bài 20 Tìm và vẽ miền xác định của hàm.

- 1.  $f(x,y) = \sqrt{2x y}$ .
- $2. \ f(x,y) = \sqrt{xy}.$
- 3.  $f(x,y) = \ln(9 x^2 9y^2)$ .
- 4.  $f(x,y) = \sqrt{x^2 y^2}$ .
- 5.  $f(x,y) = \sqrt{1-x^2} \sqrt{1-y^2}$ .
- 6.  $f(x,y) = \sqrt{y} + \sqrt{25 x^2 y^2}$ .

7. 
$$f(x,y) = \frac{\sqrt{y-x^2}}{1-x^2}$$
.

8. 
$$f(x,y) = \arcsin(x^2 + y^2 - 2)$$
.

9. 
$$f(x, y, z) = \sqrt{1 - x^2 - y^2 - z^2}$$

10. 
$$f(x, y, z) = \ln(16 - 4x^2 - 4y^2 - z^2)$$
.

Bài 21 Vẽ đồ thị của hàm số

1. 
$$f(x,y) = 1 + y$$
.

2. 
$$f(x,y) = 2 - x$$
.

3. 
$$f(x,y) = 10 - 4x - 5y$$
.

4. 
$$f(x,y) = e^{-y}$$
.

5. 
$$f(x,y) = y^2 + 1$$
.

6. 
$$f(x,y) = 1 + 2x^2 + 2y^2$$
.

7. 
$$f(x,y) = 9 - x^2 - 9y^2$$
.

8. 
$$f(x,y) = \sqrt{4x^2 + y^2}$$
.

9. 
$$f(x,y) = \sqrt{4 - 4x^2 - y^2}$$
.

Bài 22 Ghép các hàm số phù hợp với đồ thị của nó (I-VI). Giải thích sự lựa chọn của bạn.

a. 
$$f(x,y) = |x| + |y|$$
.

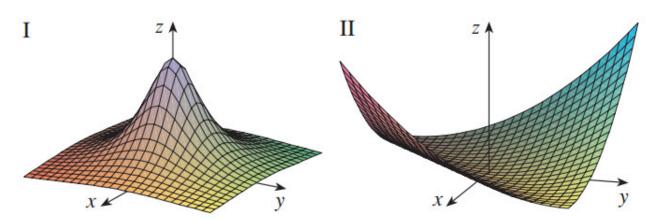
b. 
$$f(x,y) = |xy|$$
.

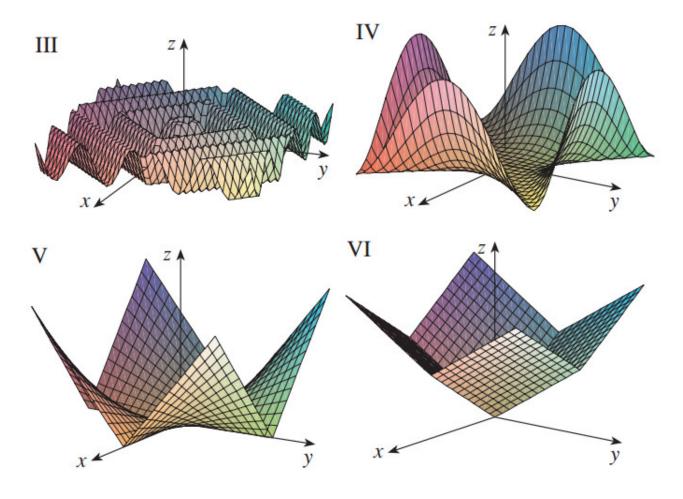
c. 
$$f(x,y) = \frac{1}{1+x^2+y^2}$$
.

d. 
$$f(x,y) = (x-y)^2$$
.

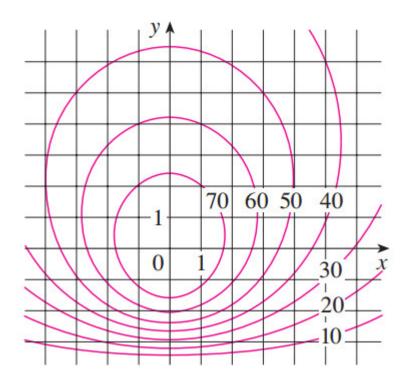
e. 
$$f(x,y) = (x^2 - y^2)^2$$
.

f. 
$$f(x,y) = \sqrt{4x^2 + y^2}$$
.





**Bài 23** Dưới đây là biểu đồ đường mức của hàm f. Sử dụng nó để ước tính các giá trị f(-3,3) và f(3,2). Bạn có thể nói gì về hình dạng của đồ thị đó?



## BÀI TÂP GIÁO TRÌNH

Bài 24 Tìm miền xác định của hàm số sau:

a. 
$$z = \sqrt{1 - \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9}}$$

$$b.z = \dot{ln}(xy)$$

$$c.z = \frac{1}{9-x^2-u^2}$$

$$d.z = \frac{1}{\sqrt{x+y}} + \frac{1}{\sqrt{x-y}}.$$

$$e.z = arcsin(\frac{y-1}{x})$$

$$f.z = \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{y}}$$

b. 
$$z = ln(xy)$$
.  
c.  $z = \frac{1}{9-x^2-y^2}$ .  
d.  $z = \frac{1}{\sqrt{x+y}} + \frac{1}{\sqrt{x-y}}$ .  
e.  $z = arcsin(\frac{y-1}{x})$ .  
f.  $z = \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{y}}$ .  
g.  $z = \sqrt{9-x^2-y^2} + \sqrt{x^2+y^2-4}$ .

**Bài 25** Tìm phương trình đường đẳng trị của hàm số z = f(x,y) đi qua điểm P.

a. 
$$z = x^2 + 2xy + y^2 - x + y$$
,  $P(1, 2)$ 

b. 
$$z = x^2 - y^2 + 2x - 4y, P(2, -1)$$

**Bài 26** Cho mặt bậc hai  $x^2 + Z6@ = 2x + 2z + 1$ . Đây là mặt gì?

- a. Mặt trụ parabol.
- b. Mặt trụ tròn.
- c. Mặt cầu.
- d. Parabolid Elliptic.

**Bài 27** Cho mặt bậc hai  $z + x^2 + y^2 + 2x = 3$ . Đây là mặt gì?

- a. Mặt trụ
- b. Nửa mặt cầu
- c. Ellipsoid
- d. Parabolid Elliptic

**Bài 28** Cho mặt bậc hai  $z + x^2 + 3x = 4$ . Đây là mặt gì?

- a. Mặt nón
- b. Parabolid Elliptic
- c. Mặt trụ parabol
- 4. Nửa mặt cầu.

**Bài 29** Cho mặt bậc hai  $\sqrt{4-2x^2-z^2}+y=1$ . Đây là mặt gì?

- a.Nửa Ellipsoid
- b. Mặt trụ
- c. Parabolid Elliptic
- d. Nửa mặt cầu

**Bài 30** Cho mặt bậc hai  $y + \sqrt{4x^2 + z^2} + 2 = 0$ . Đây là mặt gì?

9

- a. Mặt trụ
- b. Parabolid Elliptic
- c. Nửa mặt cầu.
- d. Mặt nón một phía.

## Bài 31 Nhận dạng mặt bậc hai sau:

1. 
$$x = y^2 + 4z^2$$

2. 
$$x^2 = y^2 + 4z^2$$

$$3. -x^2 + 4y^2 - z^2 = 4$$

$$4. \ 36x^2 + y^2 + 36z^2 = 36$$

5. 
$$y = z^2 - x^2$$

$$6. 9x^2 - y^2 + x^2 = 0$$

7. 
$$25x^2 + 4y^2 + z^2 = 100$$

$$8. \ 4x^2 + 9y^2 + z = 0$$

9. 
$$4x^2 - 16y^2 + z^2 = 16$$

10. 
$$x = y^2 - z^2$$

11. 
$$x^2 + 4y^2 + 9z^2 = 1$$

12. 
$$x^2 - y^2 + z^2 = 1$$

13. 
$$y = 2x^2 + z^2$$

14. 
$$x^2 + 2z^2 = 1$$

15. 
$$9x^2 + 4y^2 + z^2 = 1$$

$$16. -x^2 + y^2 - z^2 = 1$$

17. 
$$y^2 = x^2 + 2z^2$$

18. 
$$y = x^2 - z^2$$