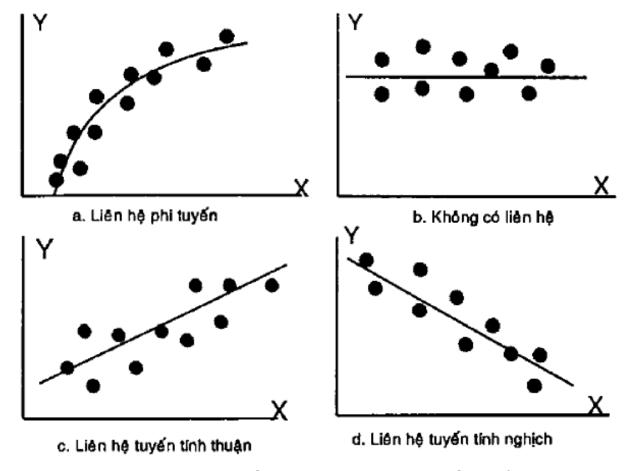
# Chương 8: HỒI QUY TUYẾN TÍNH ĐƠN

Bài toán phân tích hồi quy là bài toán nghiên cứu mối liên hệ phụ thuộc của một biến (gọi là biến phụ thuộc) vào một hay nhiều biến khác (gọi là các biến độc lập), với ý tưởng ước lượng được giá trị trung bình (tổng thể) của biến phụ thuộc theo giá trị của các biến độc lập, dựa trên mẫu được biết trước.

Lý thuyết hồi quy đơn nghiên cứu bài toán dự báo biến ngẫu nhiên Y theo một biến ngẫu nhiên X. Biến X được gọi là biến độc lập, hay gọi là biến giải thích. Y gọi là biến phụ thuộc, hay là biến được giải thích. Người ta tìm cách thay Y bởi hàm f(X) sao cho "chính xác nhất".

Trong mối liên hệ hàm số y = f(x), với mỗi một giá trị x ta tìm được duy nhất một giá trị y. Tuy nhiên trong bài toán hồi quy, sự phụ thuộc của Y vào X mang tính thống kê: một giá trị  $X_i$  có thể có tương ứng nhiều giá trị khác nhau của Y, bởi vì ngoài yếu tố chính là X, biến Y có thể còn chịu tác động bởi một số yếu tố khác không được xét đến.



Các chấm trên hình là các điểm dữ liệu phân tán, mỗi chấm là một sự kết hợp giữa Y và X cho ta một cặp giá trị cụ thể. Các đường liền nét trong hình là đường lý thuyết cho ta thấy dạng liên hệ giữa hai biến số.

Hình vẽ trích từ tài liệu tham khảo (7)

#### Định nghĩa:

Hàm hồi quy của Y theo X chính là kỳ vọng có điều kiện của Y đối với X, tức là E(Y|X).

Hàm hồi quy tuyến tính đơn có dạng:  $f_{Y}(X) = E(Y|X) = \beta_0 + \beta_1 X$ .

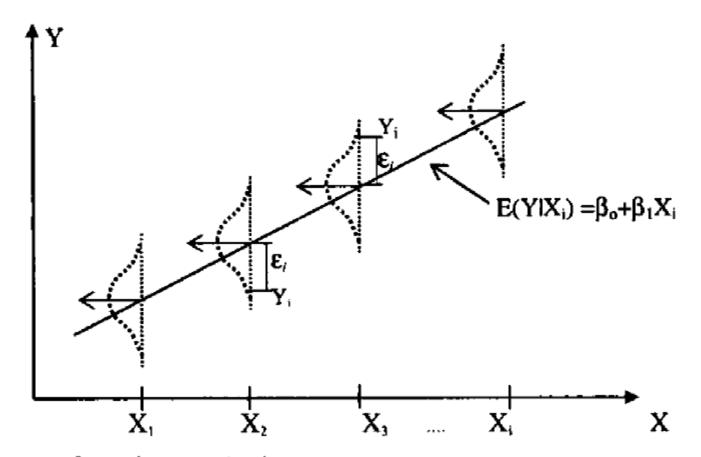
#### Mô hình hồi quy tuyến tính đơn:

Giả định của mô hình hồi quy tuyến tính đơn: Ta có các tham số  $\beta_0$ ;  $\beta_1$  và  $\sigma^2$  sao cho với mỗi giá trị x của biến độc lập, biến Y phụ thuộc vào x theo phương trình Y =  $\beta_0$  +  $\beta_1$ x +  $\epsilon$ ;

ở đây, biến  $\varepsilon$  là sai số ngẫu nhiên có phân phối chuẩn N(0;  $\sigma^2$ ).

Minh họa: với mỗi cặp giá trị  $(X_i,Y_i)$  từ  $\{(X_1,Y_1); (X_2,Y_2);... (X_n,Y_n);...$   $mà X_1 = X_2 = ... = X_n ... \}$ , ta sẽ có biểu diễn:  $Y_i = \beta_0 + \beta_1 . X_i + \epsilon_i$ 

Các sai số ngẫu nhiên  $\{\epsilon_i\}_i$  là độc lập với nhau, tuân theo quy luật phân phối chuẩn N(0;  $\sigma^2$ ).  $(\sigma^2$  là hằng số)



Đường thẳng hồi qui nối liền các giá trị trung bình của Y tại các giá trị khác nhau của biến độc lập X<sub>i</sub>, ký hiệu E(Y/X<sub>i</sub>)

Từ giả định của sai số ngẫu nhiên, suy ra  $Y/_{Xi} \sim N(\beta_0 + \beta_1 X_i \; ; \; \sigma^2)$ 

# Một số yêu cầu của bài toán:

- 1. Tìm các đặc trưng mẫu 2 chiều.
- 2. Tìm covarian, hệ số tương quan mẫu và ý nghĩa (chương 3).
- 3. Ước lượng các hệ số đường hồi quy tuyến tính (Tìm phương trình của đường hồi quy tuyến tính mẫu Y theo X và dự đoán).
- 4. Tìm hệ số xác định R<sup>2</sup>
- 5. Ước lượng độ lệch chuẩn  $\sigma$  ( sai số chuẩn).
- 6. Tìm khoảng tin cậy cho các hệ số  $\beta_0$ ;  $\beta_1$  của đường hồi quy tuyến tính .
- 7. Kiểm định sự phù hợp của của đường hồi quy tuyến tính, kiểm định các hệ số  $\beta_0$ ;  $\beta_1$  (BTL)
- 8. Tìm khoảng tin cậy cho các giá trị dự đoán của Y theo X. (BTL)
- 9. Kiểm tra sự phù hợp của mô hình hồi quy tuyến tính (BTL).

# 1. Một số đặc trưng mẫu:

$$\frac{1}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i; \qquad \overline{(x^2)} = \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^{n} x_i^2 \right) \quad \underline{\underline{k.h}} \quad \mu_{xx}$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i; \qquad \overline{(x^2)} = \overline{(x^2)} \quad \overline{(x^2)} \quad \overline{(x^2)} \quad \overline{(x^2)} = \overline{(x^2)} \quad \overline{(x^2)} \quad \overline{(x^2)} = \overline{(x^2)} \quad \overline{(x^2)}$$

$$\widehat{s_X}^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \overline{x})^2 \equiv \overline{(x^2)} - (\overline{x})^2 \stackrel{STAT}{\equiv} \sigma_X^2; \quad s_X^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \overline{x})^2$$

• 
$$\overline{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i; \quad \overline{(y^2)} = \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^{n} y_i^2 \right);$$

$$\widehat{s_y}^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^2 \equiv \overline{(y^2)} - (\overline{y})^2 \stackrel{STAT}{\equiv} \sigma_y^2; \quad s_y^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^2$$

• 
$$\overline{xy} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i y_i = \frac{STAT}{n}$$

• 
$$S_{xx} = \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^{n} x_i \right)^2 = STAT \quad n \times \sigma_x^2 = (n-1). \ s_x^2$$

• 
$$S_{xy} = \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})^{-} = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^{n} x_i \right) \left( \sum_{i=1}^{n} y_i \right)^{-}$$

$$\underline{STAT} \sum xy - n \times \overline{x} \times \overline{y}$$

• 
$$S_{yy} = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^2 = \sum_{i=1}^{n} y_i^2 - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^{n} y_i \right)^2 = \underbrace{STAT}_{n} \quad n \times \sigma_Y^2 \equiv (n-1). \ s_Y^2$$

# 2. Covarian và hệ số tương quan của bnn 2 chiều:

\* Hiệp phương sai (Covarian, mômen tương quan) của biến ngẫu nhiên 2 chiều (X, Y):

$$cov(X,Y) = E[(X-E(X)).(Y-E(Y))] = E(XY) - E(X).E(Y)$$

$$\mathring{\sigma} \, \hat{\sigma} \, \hat{\sigma} \, \hat{\sigma} \, \hat{\sigma} \, : \quad E(X.Y) \stackrel{RR}{=} \sum_{j} \sum_{i} x_{i} y_{j} p_{ij}$$

$$Nh\hat{q} \, n \, x\acute{e}t : \quad cov(X,X) = E[(X-E(X))^{2}] = E(X^{2}) - E^{2}(X) \equiv D(X)$$

$$cov(Y,Y) = \dots = E(Y^{2}) - E^{2}(Y) \equiv D(Y)$$

\* Hệ số tương quan của X và Y:

$$\rho_{XY} = \frac{\text{cov}(X,Y)}{\sqrt{D(X)}\sqrt{D(Y)}} = \frac{\text{E}(XY)-\text{E}(X).\text{E}(Y)}{\sqrt{D(X)}\sqrt{D(Y)}}$$

\* Ma trận tương quan (ma trận hiệp phương sai) của (X,Y):

$$D(X,Y) = \begin{bmatrix} cov(X,X) & cov(X,Y) \\ cov(Y,X) & cov(Y,Y) \end{bmatrix}$$

Hệ số tương quan và covarian dùng để đặc trưng cho mức độ chặt chẽ của mối liên hệ phụ thuộc giữa các BNN X và Y.

Hệ số tương quan không có đơn vị đo và  $|\rho_{xy}| \le 1$ .

Nếu  $\rho_{XY} = 0$  thì ta nói X, Y không tương quan, ngược lại khi  $\rho_{XY} \neq 0$  ta nói X, Y có tương quan.

Nếu X, Y độc lập thì  $cov(X,Y) = \rho_{xy} = 0$ .

Điều ngược lại không đúng, tức là nếu cov(X,Y)= 0 thì hoặc X, Y độc lập, hoặc X, Y phụ thuộc ở một dạng thức nào đó.

Nếu  $\rho_{XY}$  =  $\pm 1$  thì X, Y có tương quan tuyến tính (thuận /nghịch).

Khi  $\rho_{xy} \approx \pm 1$  thì X, Y có tương quan "gần" tuyến tính.

# Covarian và hệ số tương quan của mẫu:

• Cov: 
$$= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y}) = \frac{S_{xy}}{n} = \overline{xy} - \overline{x}.\overline{y}$$
•  $r_{xy} = \frac{S_{xy}}{\sqrt{S_{xx}.S_{yy}}} = \frac{\overline{x.y} - \overline{x}.\overline{y}}{\widehat{s_x}.\widehat{s_y}} = \overline{r}$ 

 $r_{xy}$  là một ước lượng của hệ số tương quan  $\rho$  giữa X,Y.

Khi  $|r_{XY}| \le 0.3 \implies X$ , Y không có mối quan hệ tuyến tính hoặc mối quan hệ tuyến tính rất yếu.

Khi  $0.3 < |r_{XY}| \le 0.5 \implies X$ , Y có mối quan hệ tuyến tính rất yếu.

Khi  $0.5 < |r_{XY}| \le 0.8 \implies X$ , Y có quan hệ tuyến tính trung bình.

Khi  $0.8 < |r_{xy}| \Rightarrow X$ , Y có quan hệ tuyến tính mạnh.

Các bước thực hiện	Máy CASIO fx 570 ES (PLUS)	Máy CASIO fx 580 vn
Vào chế độ thống kê hai biến.	MODE 3 (STAT) 2 (A+BX)	MODE 6 - 2
Mở cột tần số (nếu máy chưa mở)	SHIFT MODE (SETUP) ▼ 4 (STAT) 1 (ON)	SHIFT MODE - ▼ - 3 - 1
Nhập dữ liệu	X       Y       FREQ         1       x <sub>1</sub> y <sub>1</sub> n <sub>11</sub> 2       x <sub>1</sub> y <sub>2</sub> n <sub>12</sub> x <sub>k</sub> y <sub>h</sub> n <sub>kh</sub> AC	
Đọc kết quả	SHIFT – 1 (STAT)- 4 (VAR) –	OPTN - 2 - (▼ )
$\overline{\mathbf{x}}; \overline{\mathbf{y}}$	2 ( $\overline{x}$ ) =  Tương tự ta chọn $\overline{y}$	
Đọc kết quả	SHIFT - 1 (STAT)- 4 (VAR) -	
$\hat{S}_x; \hat{S}_y$	3 ( $\sigma_X$ ) = Tương tự ta chọn $\sigma_Y$	
Đọc kết quả $\overline{xy}$	SHIFT - 1 (STAT)- 3 (SUM) 5 ( $\sum xy$ ) $\div$ $\bigcirc$ =	
Đọc kết quả $R_{\chi\gamma}$	SHIFT - 1 (STAT)-6(REG)-3 (r )=	OPTN – 3

Ví dụ 1: Xét bảng tương quan mẫu 2 chiều (X,Y) thu được khi người ta sơ chế một loại nông sản, ở đây X (đơn vị: phút) biểu diễn thời gian chế biến, và Y (đơn vị: %) thể hiện mức suy giảm lượng đường trong sản phẩm. Hãy tính các đặc trưng mẫu và hệ số tương quan mẫu.

X	Υ								
	30	35	40	45	50				
2	4								
4		7	3						
6		1	16	4					
8			2	10	3				
10				4	6				

# Hướng dẫn nhập dữ liệu:

X	Y	Freq
2	30	4
4	35	7
4	40	3
6	35	1
6	40	16
6	45	4
8	40	2
8	45	10
8	50	3
10	45	4
10	50	6

🛊 Các đặc trưng mẫu:

🛊 Hệ số tương quan mẫu:

$$r_{XY} = \frac{xy - x \times y}{\widehat{s_x} \times \widehat{s_y}} = 0,8863$$

# Hệ số đường hồi quy tuyến tính mẫu (phần sau):

B = 
$$\frac{xy - x \times y}{\hat{s}_x^2}$$
 = 2,1440; A =  $y - B.x = 27,5881$ 

# Ví dụ 2:

Khi theo dõi kết quả thực hành của sinh viên, người ta có được số liệu mẫu sau đây. Tìm các đặc trưng mẫu và tìm hệ số tương quan của X,Y.

Thời gian thí nghiệm (phút) X	3	4	3	5	6	4	6	5	7	8
Khối lượng sản phẩm tạo thành (gram)	7	8	7,3	9	10,5	8,2	10,8	9,5	11	12

$$n=10$$
  $xy = 50,1$  (Cần ghi công thức tính:)  
 $x = 5,1$   $\hat{s}_x = 1,5780$   $s_x = 1,6633$   $r_{xy} = 0,9858$   
 $x = 9,33$   $\hat{s}_y = 1,6181$   $s_y = 1,7056$  (B = 1,0108 A = 4,1741)

# 3. Ước lượng các hệ số $\beta_0$ ; $\beta_1$ của đường hồi quy tuyến tính:

(Tìm đường hồi quy tuyến tính mẫu của Y theo X)

Giả sử ta có 1 mẫu cụ thể  $\{(x_i, y_i)\}_{i=1,2,...,n}$ 

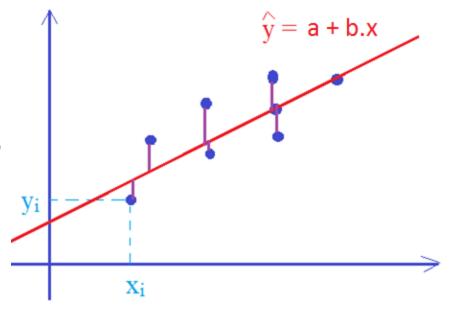
Hàm y = a + bx là đường hồi quy tuyến tính mẫu của Y theo X nếu hàm  $Q = \sum_{i=1}^{n} (y_i - y_i)^2$  là nhỏ nhất.

(Phương pháp tổng bình phương bé nhất - OLS)

Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm

2 biến Q (cực trị tự do):

Q 
$$(a, b) = \sum_{i=1}^{n} [y_i - (a + b.x_i)]^2$$



Q đạt GTNN tại (a, b) được xác định như sau:

$$\begin{cases}
b = \frac{S_{xy}}{S_{xx}} = \frac{xy - x \cdot y}{\widehat{S_{x}}} & \underbrace{STAT} \\
a = y - b \cdot x
\end{cases} \xrightarrow{STAT}$$

$$B \stackrel{k\acute{y} hiệu}{=} \widehat{\beta_{1}}$$

$$STAT \longrightarrow A \stackrel{k\acute{y} hiệu}{=} \widehat{\beta_{0}}$$

Giá trị a là một ước lượng cho hệ số tự do  $\beta_0$ .

Giá trị b là một ước lượng cho hệ số số góc  $\beta_1$ .

Phương trình hồi quy tìm được có thể dùng để nội suy giá trị  $E(Y|X=x_0)$ . Công thức dự đoán:

$$\widehat{y_0} = a + b x_0$$
  $STAT x_0 \widehat{y} =$ 

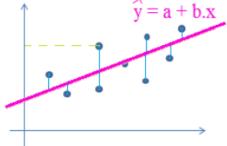
#### 4. Các thông số khác của đường hồi quy. Hệ số xác định R<sup>2</sup>:

• SST =  $\sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^2$  Sum of Squares Total

SST đo mức biến động các giá trị quan sát y<sub>i</sub> xung quanh giá trị trung bình của chính mẫu. SST được tạo bởi 2 thành phần: SST = SSE + SSR.

• SSE = 
$$\sum_{i=1}^{n} \left( y_i - \widehat{y_i} \right)^2$$

y  $y_i - - y$   $\hat{y} = a + b.x$ 

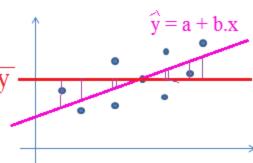


Sum of Squares for Error | Sum of squares Residual

TBP sai số ước lượng đo sự chênh lệch giữa từng giá trị quan sát với giá trị dự đoán (ước lượng). SSE được xem như sai số do những yếu tố khác ngoài X hoặc do lấy mẫu ngẫu nhiên.

• SSR = 
$$\sum_{i=1}^{n} \left( \widehat{y_i} - \overline{y} \right)^2$$
 Sum of Squares in Regression

SSR là sai số do khác biệt giữa đường hồi quy mẫu và trung bình của Y. Sự khác biệt y-này được giải thích bởi sự biến động của X. SSR đo sự phân tán của dữ liệu do mô hình



hồi quy gây ra. SSR càng gần tới SST thì mô hình càng phù hợp.

• SSR = 
$$\sum_{i=1}^{n} \left( \widehat{y_i} - \overline{y} \right)^2 = \sum_{i=1}^{n} \left( a + bx_i - \overline{y} \right)^2 = \sum_{i=1}^{n} \left( \overline{y_i} - b \cdot \overline{x} + bx_i - \overline{y_i} \right)^2$$
  
=  $b^2$ .  $S_{xx} \stackrel{STAT}{=} \frac{n(\overline{x.y} - \overline{x}.\overline{y})^2}{\sigma_x^2}$ 

• SSE = 
$$\sum_{i=1}^{n} \left( y_i - \widehat{y_i} \right)^2 = S_{yy} - b.S_{xy} = SST - SSR$$

• SST = 
$$\sum_{i=1}^{n} \left( y_i - \overline{y} \right)^2 = S_{yy}$$
  $\stackrel{STAT}{=} n. \sigma_Y^2 = (n-1). s_y^2$ 

### Hệ số xác định R<sup>2</sup>:

$$R^{2} = \frac{SSR}{SST} \times 100\% \qquad hay \quad R^{2} = \left(1 - \frac{SSE}{SST}\right) \times 100\%$$

Hệ số R<sup>2</sup> giải thích trong 100% sự biến động của Y so với trung bình của nó thì có bao nhiêu % là do biến X gây ra.

Trong mô hình hồi quy tuyến tính đơn,  $R^2 = r_{XY}^2$ . ( $r_{XY}$ : hệ số tương quan)

# 5. Ước lượng độ lệch chuẩn $\sigma$ ( sai số chuẩn của ước lượng ):

 $\sigma^2$  có ước lượng không chệch của nó là  $\widehat{\sigma}^2$ 

$$\widehat{\sigma}^2 = \frac{SSE}{n-2}$$
  $\Rightarrow$   $\widehat{\sigma} = \sqrt{\frac{SSE}{n-2}}$ 

### 6. Ước lượng các hệ số hồi quy với độ tin cậy 1- $\alpha$ :

• Khoảng ước lượng cho tung độ gốc  $\beta_0$  là  $(a - \epsilon_0; a + \epsilon_0)$ , với:

$$\varepsilon_0 = t_{\frac{\alpha}{2}}^{(n-2)} \times \sqrt{\frac{\overline{(x^2)}}{S_{xx}}} \times \frac{SSE}{n-2} = t_{\frac{\alpha}{2}}^{(n-2)} \times \frac{1}{\widehat{S}_x} \sqrt{\frac{SSE \times \overline{(x^2)}}{n(n-2)}}$$

• Khoảng ước lượng cho hệ số góc  $\beta_1$  là  $(b-\epsilon_1;b+\epsilon_1)$ , với:

$$\mathbf{\varepsilon_1} = \mathbf{t}_{\frac{\alpha}{2}}^{(n-2)} \times \sqrt{\frac{SSE}{(n-2) \times S_{xx}}} = \mathbf{t}_{\frac{\alpha}{2}}^{(n-2)} \times \frac{1}{\widehat{S_x}} \sqrt{\frac{SSE}{n(n-2)}}$$

$$\mathbf{SE_1}$$

Ví dụ 3: Việc áp dụng kỹ thuật để xử lý sau thu hoạch đối với các trái thanh long thương phẩm giúp thời gian bảo quản của trái được lâu hơn. Người ta muốn tìm sự liên hệ của biến ngẫu nhiên Y là hàm lượng acid hữu cơ trong trái thanh long (đơn vị đo: %) với biến ngẫu nhiên X là thời gian bảo quản trái cây (đơn vị đo: tuần).

Một mẫu khảo sát gồm 7 trái với số liệu đo được như sau:

X (tuần)	0	1	1	2	2	3	3
Y (mg%)	0.53	0.45	0.42	0.3	0.35	0.19	0.17

- a) Tìm hiệp phương sai và hệ số tương quan mẫu  $r_{XY}$ .
- b) Tìm phương trình đường hồi quy tuyến tính mẫu Y theo X.
- c) Hãy dự đoán hàm lượng acid hữu cơ hiện tại của một trái thanh long đã được thu hoạch từ 1.5 tuần trước.

- d) Có một trái thanh long mà người ta đo được hàm lượng acid hữu cơ của nó là 0.4 %. Hãy dự đoán số tuần mà trái thanh long đó đã được bảo quản.
- e) Tìm hệ số xác định R<sup>2</sup>
- f) Hãy ước lượng độ lệch chuẩn  $\sigma$ .
- g) Tìm khoảng ước lượng 95% cho các hệ số của đường hồi quy tuyến tính biểu diễn Y theo X.

# Hỗ trợ từ excel:

SUMMARY OUTPUT				X	Υ	
Regression S	tatistics			0	0.53	
Multiple R	-0.98602			1	0.45	
R Square	0.97224			1	0.42	
Adjusted R Square	0.966684033			2	0.3	
Standard Error	0.02444			2	0.35	
Observations	7			3	0.19	
				3	0.17	
ANOVA						
	df	SS	MS	F	Significance F	
Regression (SSR)	1	0.10458	0.104585	175.0938276	4.4E-05	
Residual (SSE)	5	0.00299	0.000597			
Total (SST)	6	0.10757				
	Coefficients	Standard Error	t Stat	P-value	Lower 95%	Upper 95%
Intercept (a)	0.54769	0.017933968	30.53938	7.0636E-07	0.50159	0.5938
х (ь)	-0.11865	0.008966984	-13.2323	4.40466E-05	-0.1417	-0.0956

# 7. Kiểm định sự phù hợp của đường hồi quy tuyến tính:

#### ANOVA

	SS	df	MS	Tiêu chuẩn	Giá trị P
				kiểm định F	
Regression (Hồi quy)	SSR	1	MSR = SSR	$F = \frac{MSR}{MSE}$	
Residual (Phần dư)	SSE	n-2	$MSE = \frac{SSE}{n-2}$		
Total	SST	n-1			

#### Kiểm định sự phù hợp của hàm hồi quy tuyến tính đơn:

Giả thiết  $H_0$ :  $R^2 = 0$  hoặc  $H_0$ :  $\beta_1 = 0$ 

 $H_1: \mathbb{R}^2 \neq 0$   $H_1: \beta_1 \neq 0$  (mô hình phù hợp)

Tiêu chuẩn kiểm định:

$$F = \frac{R^2}{\frac{1 - R^2}{n - 2}} \qquad \text{hoặc} \qquad F = \frac{SSR}{\frac{SSE}{n - 2}}$$

Miền bác bỏ:  $W_{\alpha} = (\mathbf{f}_{\alpha}(1; n-2); +\infty)$ 

# Kiểm định sự phù hợp của các hệ số đường hồi quy tuyến tính:

\* Giả thiết 
$$H_0$$
:  $\beta_1 = b_o$   
 $H_1$ :  $\beta_1 \neq b_o$ 

Tiêu chuẩn kiểm định: 
$$T = \frac{b - b_0}{\sqrt{SSE}}$$
$$\overline{\widehat{S_x} \times \sqrt{n(n-2)}}$$

Miền bác bỏ: 
$$W_{\alpha} = (-\infty; -t_{\frac{\alpha}{2}}(n-2)) \cup (t_{\frac{\alpha}{2}}(n-2); +\infty)$$

\* Giả thiết 
$$H_0$$
:  $\beta_0 = a_0$   
 $H_1$ :  $\beta_0 \neq a_0$ 

Tiêu chuẩn kiểm định: 
$$T = \frac{a - a_0}{\sqrt{SSE \times \overline{x^2}}}$$

$$\overline{\widehat{S_x} \times \sqrt{n(n-2)}}$$

Miền bác bỏ: 
$$W_{\alpha} = (-\infty; -t_{\frac{\alpha}{2}}(n-2)) \cup (t_{\frac{\alpha}{2}}(n-2); +\infty)$$

# 8. Dự báo giá trị trung bình của Y khi X = x<sub>0</sub>.

(Khoảng ước lượng của  $f_{\gamma}(x_0)$ )

$$a + b \times x_o \pm t_{\frac{\alpha}{2}} (n-2) \times \widehat{\sigma} \times \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{\left(x_0 - \overline{x}\right)^2}{S_{XX}}}$$