

#### ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP. HỒ CHÍ MINH TRƯỜNG ĐẠI HỌC CÔNG NGHỆ THÔNG TIN

# CẦU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT CHƯƠNG II

# TÌM KIẾM VÀ SẮP XẾP



# **NỘI DUNG CHƯƠNG II**

I. NHU CẦU TÌM KIẾM, SẮP XẾP
II. CÁC GIẢI THUẬT TÌM KIẾM
III. CÁC GIẢI THUẬT SẮP XẾP
IV. CẦU TRÚC HÀNG ĐỢI ƯU TIÊN



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

Từ khóa: Heap Sort

Phân tích: Trong phương pháp chọn trực tiếp (Selection Sort), mỗi lần chọn phần tử cực tiểu theo quan hệ  $\Re$  đều không tận dụng được các kết quả so sánh trước đó  $\rightarrow$  độ phức tạp theo phép so sánh là  $O(n^2)$ .

→ Tận dụng kết quả so sánh bằng cấu trúc Heap



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

### Ý tưởng:

- Xây dựng cấu trúc Heap:
  - · Là một cây nhị phân hoàn chỉnh
  - Nếu giá trị khóa của nút cha và hai nút con lần lượt là K, K<sub>1</sub>, K<sub>2</sub>, thì:

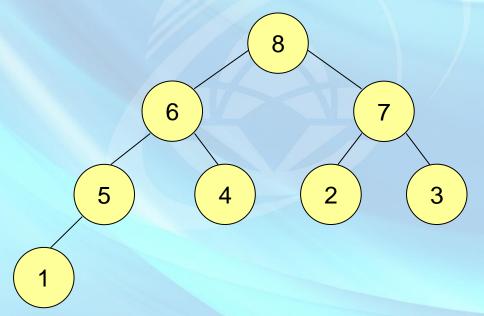
$$\begin{cases} K_1 \Re K \\ K_2 \Re K \end{cases}$$



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

### Ý tưởng:

Ví dụ quan hệ ℜ là <





### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

### Ý tưởng:

- Xây dựng cấu trúc Heap:
  - Nếu dùng mảng A để biểu diễn cấu trúc Heap, A có đặc điểm:
    - ✓ A₀ là cực đại theo ℜ
    - $\checkmark A_{i^*2+1} \Re A_i \text{ và } A_{(i+1)^*2} \Re A_i$
    - ✓ A<sub>i\*2+1</sub> và A<sub>(i+1)\*2</sub> là phần tử liên đới với A<sub>i</sub>



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

### Ý tưởng:

- Sắp xếp dựa trên cấu trúc Heap:
  - Hoán đổi vị trí của A₀ và A₀, đưa giá trị cực đại về cuối dãy → dãy A trong bước tiếp theo đã giảm được một phần tử, còn lại là A₀..A₀, a
  - Bắt đầu từ A<sub>0</sub>, điều chỉnh các phần tử trong
     A<sub>0</sub>..A<sub>n-2</sub> để đảm bảo tính chất của Heap.
  - Thực hiện hoán đổi A<sub>0</sub> và điều chỉnh dãy mới đến khi dãy A chỉ còn lại một phần tử



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Thuật toán:

Đầu vào:  $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$  chưa có thứ tự  $\Re$ 

Đầu ra:  $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$  đã có thứ tự  $\Re$ 



```
Thuật toán: (Sắp xếp)
buildHeap(A, n)
while n > 1
  n ← n-1
  swap(A[0], A[n])
heapify(A, 0, n)
```



```
Thuật toán: (tạo Heap)
//chương trình con buildHeap(A, n)
i ← (n-1)/2
while i ≥ 0
heapify(A, i, n)
i ← i-1
```



```
Thuật toán: (điều chỉnh Heap)
// chương trình con heapify(A, k, n)
j \leftarrow 2*k+1
while j < n
  if j+1 < n then
     if a[j] \Re a[j+1] then j \leftarrow j+1 end if
  if (a[j] R a[k]) then return end if
  swap(a[k], a[j])
  k = j
  j = 2*k+1
end while
```



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Tạo Heap: i=1

heapify: j = 3, j+1 = 4

3 2 5 1 4



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Tạo Heap: i=1

heapify: j = 3, j+1 = 4, hoán đổi A[1] và A[4]

$$0 i=1 2 j=3 4$$

3 4 5 1 2



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Tạo Heap: i=0

heapify: j = 1, j+1 = 2

3 4 5 1 2



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Tạo Heap: i=0

heapify: j = 1, j+1 = 2, hoán đổi A[0] và A[2]

5 4 3 1 2



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=5

Hoán đổi: A[0] và A[4]

 0
 1
 2
 3
 4

 2
 4
 3
 1
 5



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=4

heapify: j=0

j=0	1	2	3	4
2	4	3	1	5



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

```
Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)
```

Sắp xếp: n=4

heapify: j=0, hoán đổi A[0] và A[1]



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=4

heapify: j=1,

0	j=1	2	3	4
4	2	3	1	5



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=4

Hoán đổi A[0] và A[3]

0	1	2	3	4
1	2	3	4	5



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=3

heapify j=0

1	2	3	4	5
j=0	1	2	3	4



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=3

heapify j=0, hoán đổi A[0] và A[2]



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=3

heapify j=2,

j=0	1	2	3	4
3	2	1	4	5



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=3

Hoán đổi A[0] và A[2]

0	1	2	3	4
1	2	3	4	5



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=2

heapify: j=0

j=0	1	2	3	4
1	2	3	4	5



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=2

heapify: j=0, hoán đổi A[0] và A[1]

j=0 1 2 3 4

2 1 3 4 5



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=2

heapify: j=1,

j=0	1	2	3	4
2	1	3	4	5



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=2

Hoán đổi A[0] và A[1]

j=0 1 2 3 4 1 2 3 4 5



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Sắp xếp: n=1

Dùng

j=0	1	2	3	4
1	2	3	4	5



### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

Cài đặt: Trên mảng, Giả sử thứ thự là < (tăng dần)



```
void heapify(int *a, int k, int n) {
 int j = 2*k+1;
 while (j < n) {
      if (j + 1 < n)
         if (a[j] < a[j + 1]) j = j + 1;
      if (a[k] >= a[j]) return;
      swap(a[k], a[j]);
      k = j; j = 2*k + 1;
```



```
void buildHeap(int *a, int n) {
  int i;
  i = (n - 1) / 2;
  while (i >= 0) {
     heapify(a, i, n);
     i--;
  }
}
```



```
void heapSort(int *a, int n) {
  buildHeap(a, n);
  while (n > 0) {
      n = n - 1;
      swap(a[0], a[n]);
      heapify(a, 0, n);
  }
}
```



#### **\*PHƯƠNG PHÁP VUN ĐỐNG**

Đánh giá: phương pháp vun đồng có thời gian sắp xếp ổn định.

	TỐT NHẤT	TRUNG BÌNH	XÁU NHÁT
	(thứ tự	(chưa có thứ	(đúng thứ tự)
	ngược)	tự)	
Theo phép so sánh	O(nlogn)	O(nlogn)	O(nlogn)
Theo phép gán giá trị khóa	O(nlogn)	O(nlogn)	O(nlogn)



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

Từ khóa: Quick Sort

Phân tích: Giả sửa dãy A đã có thứ tự R, với A; bất kỳ:

- A<sub>i</sub> ℜ A<sub>i</sub> ∀ j < i</li>
- A<sub>i</sub> ℜ A<sub>i</sub> ∀ j > I
- A<sub>0</sub>, .., A<sub>i-1</sub> và A<sub>i+1</sub>, .., A<sub>n-1</sub> đều có thứ tự **%**.



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

- Ý tưởng: Áp dụng chiến lược chia để trị:
- Nếu A có không quá 1 phần tử -> đã có thứ tự.
- Chọn phần tử chốt (pivot) x
- Chia dãy A thành hai phần:
  - Phần trước chứa A<sub>i</sub> sao cho A<sub>i</sub> R x
  - Phần sau chứa A<sub>j</sub> sao cho x R A<sub>j</sub>
- Sắp xếp hai dãy  $A_0,...,A_{k-1}$  và  $A_{k+1},...,A_{n-1}$  tương tự



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Thuật toán:

quickSort(A)

Đầu vào:  $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$  chưa có thứ tự  $\Re$ 

Đầu ra:  $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$  đã có thứ tự  $\Re$ 



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Thuật toán:

```
if |A| < 2 then return end if
X \leftarrow A[0], A_1 \leftarrow \{\}, A_2 \leftarrow \{\}
for i \leftarrow 0 to n-1 do
   if A[i] \Re x then A_1 \leftarrow A_1 \cup \{A[i]\}
   else A_2 \leftarrow A_2 \cup \{A[i]\} end if
end for
quickSort(A<sub>1</sub>), quickSort(A<sub>2</sub>)
A \leftarrow A_1 \cup \{x\} \cup A_2
```



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

Cài đặt: Trên mảng, Giả sử thứ thự là < (tăng dần).

Khi cài đặt trên mảng theo đúng thuật toán:

- Phải sử dụng thêm hai mảng phụ A<sub>1</sub> và A<sub>2</sub>
- → Lãng phí bộ nhớ

#### Cách giải quyết:

- Xác định đoạn cần sắp xếp bằng chỉ số b, e:
  A<sub>b</sub>,...,A<sub>e</sub>
- → Giảm thao tác nối lại các đoạn đã sắp xếp



#### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

```
void quickSort(int *a, int b, int e) {
 if (b >= e) return;
 int x = a[(b+e)/2], i = b, j = e;
 while(i < j) {</pre>
    while (a[i] < x) i++;
    while (a[j] > x) j--;
    if (i <= j) {
       swap(a[i], a[j]); i++; j--; }
 quickSort(a, b, j); quickSort(a, i, e);
```



## **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 6, x = 3$$



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 6, x = 3$$

$$i=0$$
 1 2  $j=3$  4 5 6



### **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 6, x = 3$$

$$0 i=1 j=2 3 4 5 6$$



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 6, x = 3$$

-> thực hiện sắp xếp trên hai dãy con



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 1, x = 1$$



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 1, x = 1$$



## **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 1, x = 1$$

→ thực hiện sắp xếp hai dãy con



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 2, e = 6, x = 5$$



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 2, e = 6, x = 5$$

$$0 \quad 1 \quad i=2 \quad 3 \quad j=4 \quad 5 \quad 6$$



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 2, e = 6, x = 5$$

→ phân chia dãy

1 2 i=3 4

1 2 4 3 5 7 6



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 2, e = 6, x = 5$$

> thực hiện sắp xếp hai dãy con



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 2, e = 3, x = 4$$



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 2, e = 3, x = 4$$

$$0 \quad 1 \quad i=2 \quad j=3 \quad 4 \quad 5 \quad 6$$



## **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 2, e = 3, x = 4$$

> thực hiện sắp xếp hại dãy con



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 4, e = 6, x = 5$$



### **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 4, e = 6, x = 5$$



### **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 4, e = 6, x = 5$$

> thực hiện sắp xếp hai dãy con

1	2	3	4	5	7	6
0	1	2	j=3	4	i=5	6



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 5, e = 6, x = 7$$



## \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 5, e = 6, x = 7$$



## **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 5, e = 6, x = 7$$



### **\*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH**

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 5, e = 6, x = 7$$



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

#### Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4,7,6} và thứ tự cầp sắp xếp < (tăng dần)

$$b = 0, e = 6,$$

→ kết quả



### \*PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH

Đánh giá: phương pháp phân hoạch có thể bị suy biến với chi phí thời gian là O(n²).

	TỐT NHẤT	TRUNG BÌNH	XẤU NHẤT
	(x là phần tử	(x không phải	(x là cực trị)
	trung vị)	cực trị)	
Theo phép so sánh	O(nlogn)	O(nlogn)	O(n <sup>2</sup> )
Theo phép gán giá trị khóa	O(nlogn)	O(nlogn)	O(n <sup>2</sup> )



## ❖PHƯƠNG PHÁP PHÂN HOẠCH Đánh giá:

- Việc chọn giá trị chốt x rất quan trọng
- Rất khó để chọn x là điểm trung vị → chọn x trong 3 hoặc 5 giá trị được chọn tùy ý trong danh sách A.



## **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

Từ khóa: Merge Sort

Phân tích: Giả sử dãy  $A_1$  và  $A_2$  có k phần tử đã có thứ tự  $\Re$ , khi đó, có thể tạo dãy A có thứ tự  $\Re$  gồm các phần tử của  $A_1$  và  $A_2$  với:

- Chi phí thời gian là O(k)
- Trộn A<sub>1</sub> và A<sub>2</sub> theo thứ tự từ đầu danh sách.
- Phần tử trên hai danh sách được trộn theo thứ
   tự n



## **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

- Ý tưởng: Áp dụng chiến lược chia để trị:
- Danh sách có 1 phần tử luôn có thứ thự.
- Để sắp xếp danh sách A:
  - Chia A thành hai danh sách A<sub>1</sub> và A<sub>2</sub>

  - Trộn A<sub>1</sub> và A<sub>2</sub> theo thứ tự M



#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

Thuật toán: Trộn trực tiếp mergeSort(A)

Đầu vào:  $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$  chưa có thứ tự  $\Re$ 

Đầu ra:  $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$  đã có thứ tự  $\Re$ 



### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

Thuật toán: Trộn trực tiếp (mergeSort)

- B1: k←1
- B2: Tách A thành hai dãy B và C bằng cách phân phối luân phiên k phần tử cho mỗi dãy

$$B = a_1,...,a_k,a_{2k+1},...,a_{3k},...$$
  $C = a_{k+1},...,a_{2k},a_{3k+1},...,a_{4k},...$ 

- B3: Trộn từng cặp dãy con k phần tử của B và C vào A theo thứ tự 🤐
- B4: k←2\*k,.
- B5: Nếu k < n thì qua B2; ngược lại thì kết thúc.

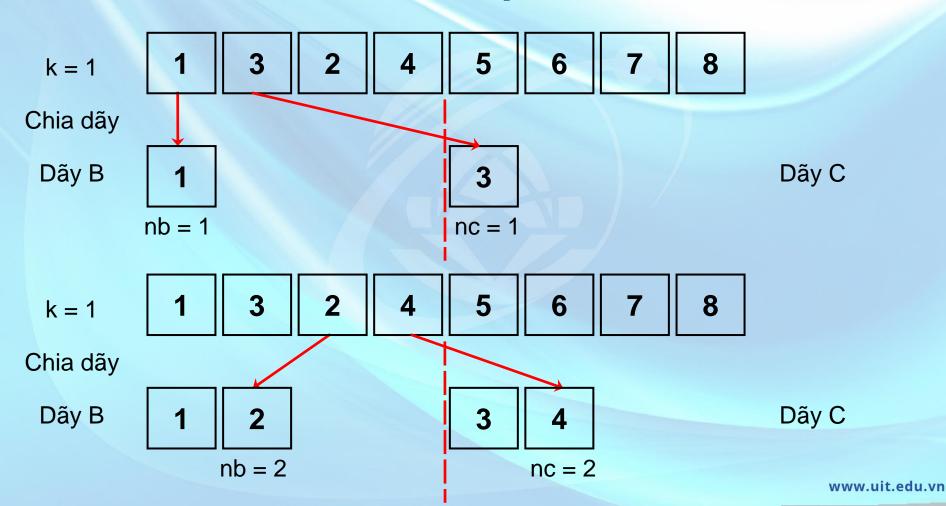


### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

Ví dụ minh họa: Sắp xếp dãy số A = {1, 3, 2, 4, 5, 6, 7, 8}

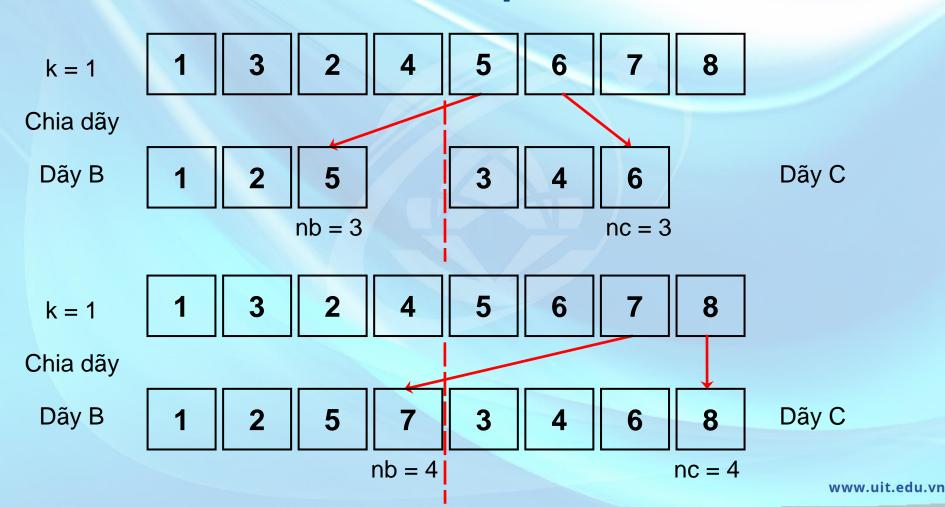


## **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**



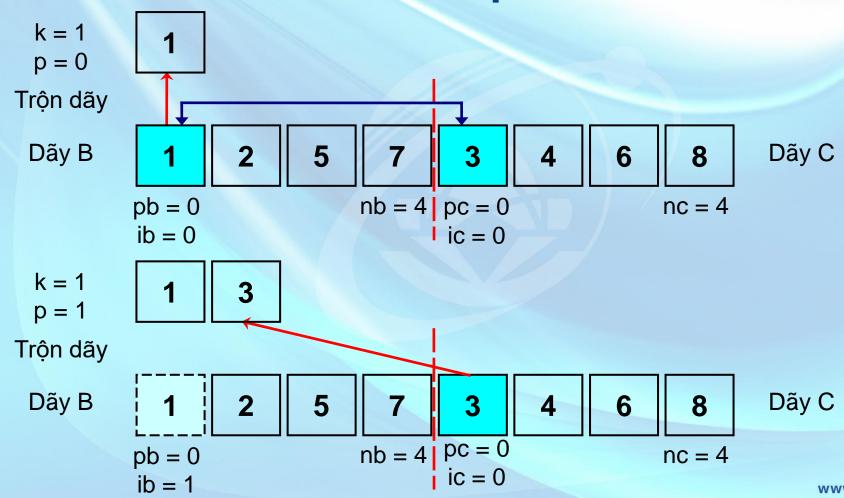


### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**





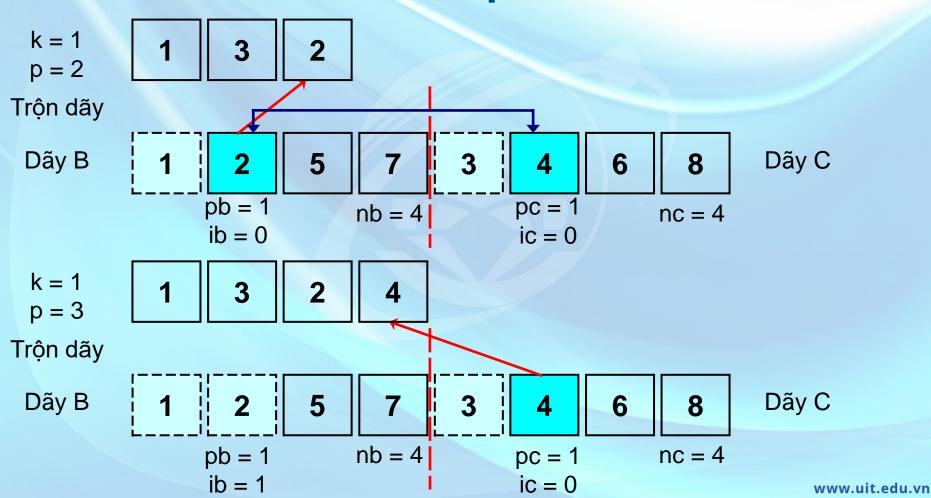
### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

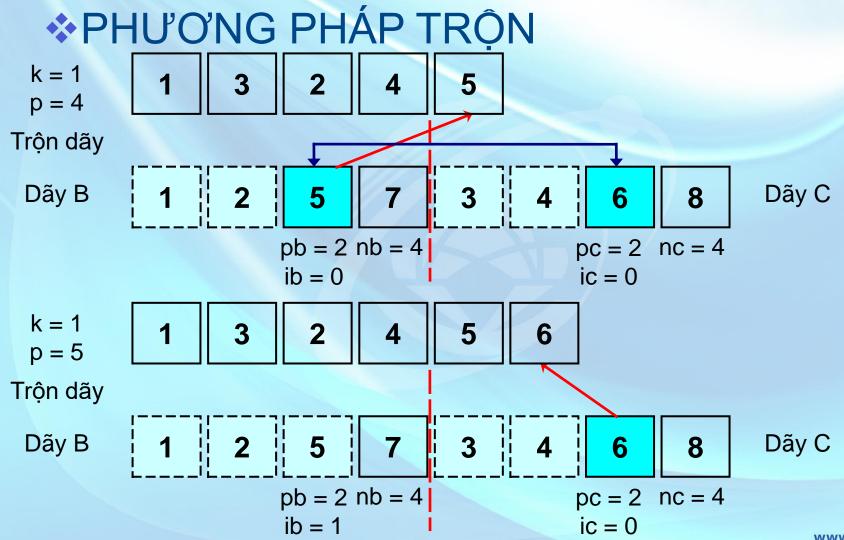


www.uit.edu.vn

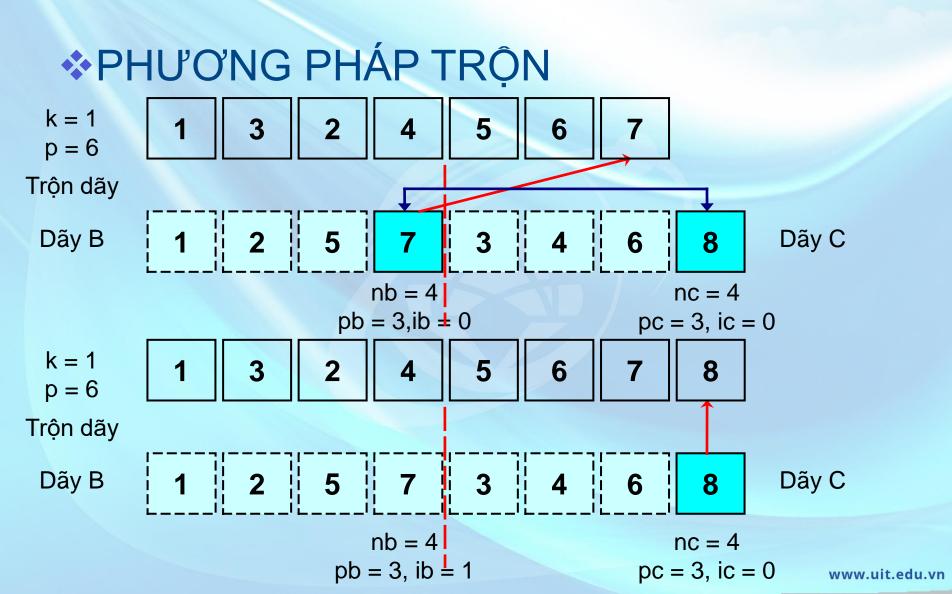


#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**



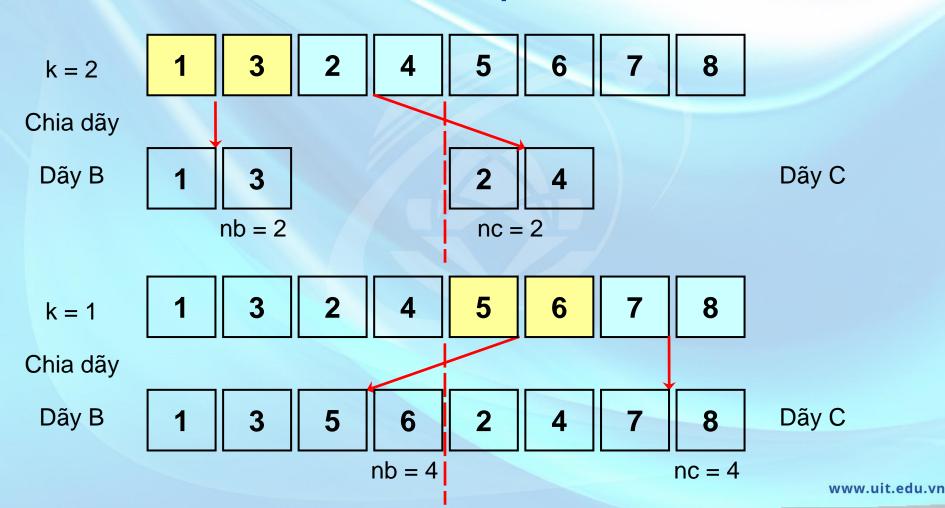


www.uit.edu.vn



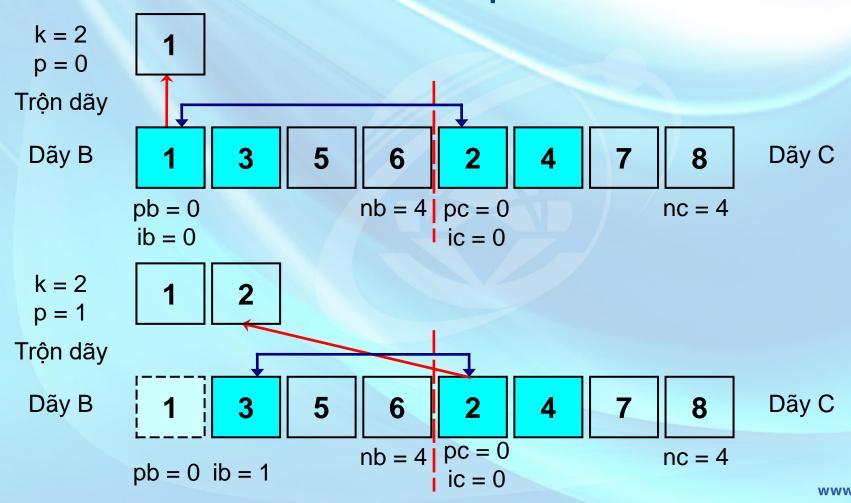


#### \*PHƯƠNG PHÁP TRỘN





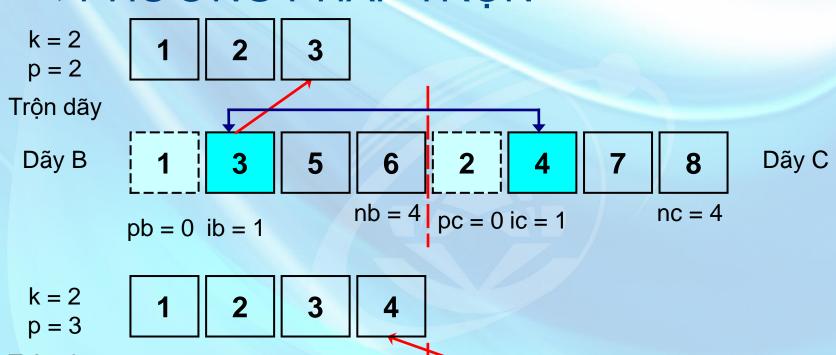
#### \*PHƯƠNG PHÁP TRỘN



www.uit.edu.vn



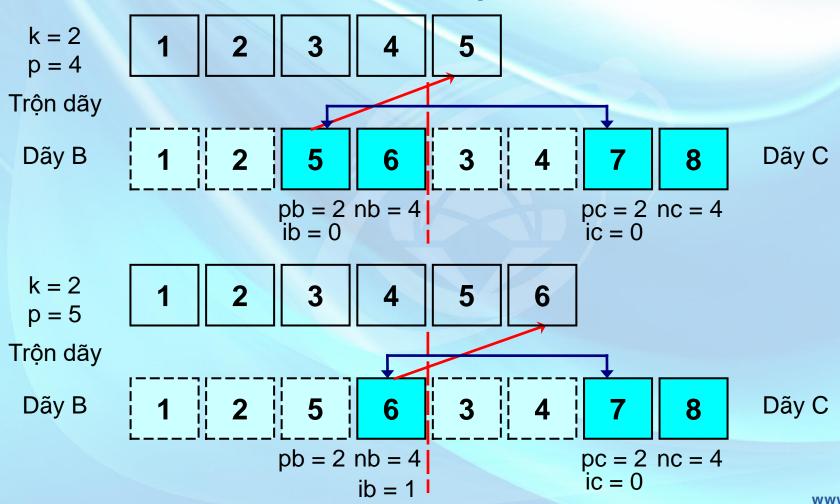
#### **❖PHƯƠNG PHÁP TRỘN**



Trộn dãy

Dãy B pb = 0 ib = 2

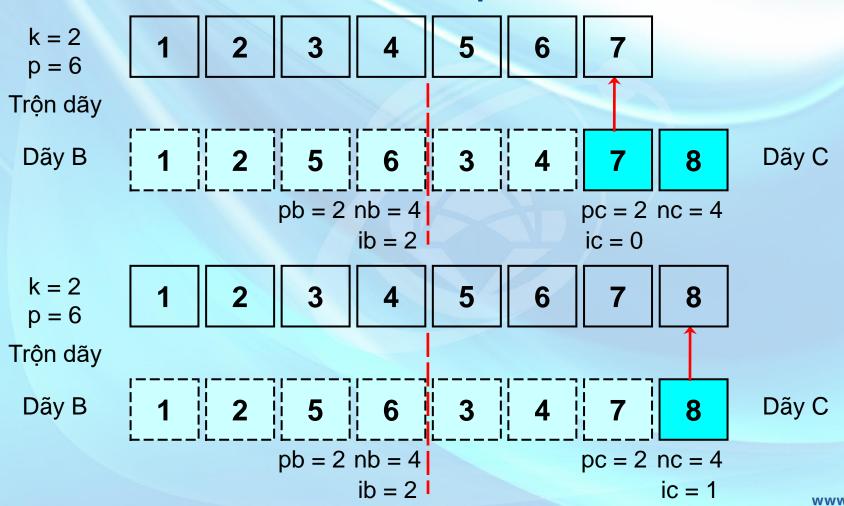
#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**



www.uit.edu.vn



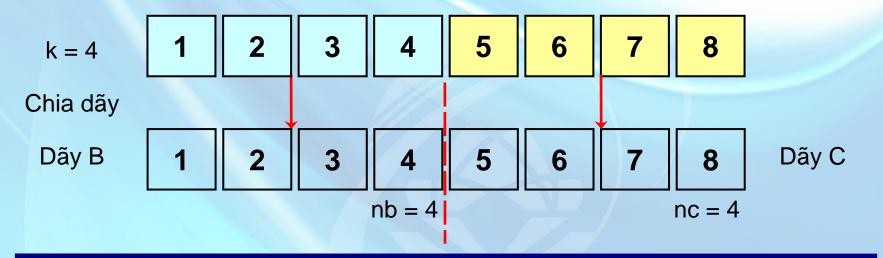
#### **♦ PHƯƠNG PHÁP TRỘN**



www.uit.edu.vn



#### \*PHƯƠNG PHÁP TRỘN



1 2 3 4 5 6 7 8



#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

#### Cài đặt:

```
#define min(x,y) (x > y) ? y : x
int B[MAX], C[MAX];
void Merge(int A[], int nB, int nC, int k) {
  int p=pb=pc=ib=ic=0, kb=min(k, nB), kc=min(k, nC);
  while ((nB > 0) \&\& (nC > 0)) {
     if (B[pb+ib] <= C[pc+ic]) {
         A[p++]=B[pb+ib]; ib++;
         if (ib == kb) {
            for (; ic<kc; ic++) A[p++] = C[pc+ic];
```



#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN (tt)**

```
pb+=kb;pc+=kc; ib=ic=0;nB-=kb;nC-=kc;
      kb = min(k, nB); kc = min(k, nC);
} else {
   A[p++]=C[pc+ic]; ic++;
   if (ic == kc) {
      for (; ib < kb; ib + +) A[p + +] = B[pb + ib];
      pb+=kb;pc+=kc; ib=ic=0;nB-=kb;nC-=kc;
      kb = min(k, nB); kc = min(k, nC);
```



## **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN (tt)**

```
void MergeSort(int A[], int n) {
  int p, pb, pc, i, k = 1;
  while (k < n) {
     p = pb = pc = 0;
     while (p < n) {
         for (i=0; (p<n) && (i<k); i++) B[pb++]=A[p++];
         for (i=0; (p<n) && (i<k); i++) C[pc++]=A[p++];
         Merge(A, pb, pc, k);
         k *= 2;
```



#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

Đánh giá: Thuật toán trộn trực tiếp

	TỐT NHẤT	TRUNG BÌNH	XÁU NHÁT
Theo phép so sánh	O(nlogn)	O(nlogn)	O(nlogn)
Theo phép gán giá trị khóa	O(nlogn)	O(nlogn)	O(nlogn)



#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

Đánh giá: Thuật toán trọn trực tiếp

- Thích hợp cho các danh sách truy xuất tuần tự (file, danh sách đơn).
- Có thể thực hiện sắp xếp mà không cần nạp toàn bộ danh sách lên RAM (External Sorting)
- Trường hợp danh sách đã có những đoạn con có thứ tự → Trộn tự nhiên (Natural Merge Sort)

Sinh viên tự tìm hiểu và cài đặt thuật toán Trộn tự nhiên



#### **\*PHƯƠNG PHÁP TRỘN**

Đánh giá: Độ phức tạp của thuật toán trộn tự

nhiên

	TỐT NHẤT	TRUNG BÌNH	XÁU NHÁT
	(có thứ tự)	(có thứ tự cục bộ)	(không có thứ tự)
Theo phép so sánh	O(1)	O(nlogn)	O(nlogn)
Theo phép gán giá trị khóa	O(1)	O(nlogn)	O(nlogn)

## **\*KHÁI NIỆM**

Hàng đợi ưu tiên (Priority Queue):

- Là hàng đợi với các tao thác enqueue, dequeue
- Thao tác dequeue cho phép lấy phần tử nhỏ nhất ra khỏi hàng đợi.

## **\*KHÁI NIỆM**

Ứng dụng của hàng đợi ưu tiên:

- External Sorting với Merge Sort: mỗi danh sách con là một hàng đợi ưu tiên.
- Quản lý các ngắt (interrupt handler), thời gian chờ (wakeup time), ... trong hệ điều hành.
- Dùng trong các chiến lược tham lam (Greedy)
  - Thuật toán Prim (Cây khung tối tiểu Minimum Spanning Tree)
  - Thuật toán A\*

### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

Hàng đợi ưu tiên là mảng:

- Các phần tử trong mảng đảm bảo tính chất của một heap nhị phân.
- Thao tác enqueue:
  - Thêm phần tử p vào cuối mảng
  - Thực hiện thao tác heapify phần tử p theo hướng về đầu mảng (percolateUp)

### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

Hàng đợi ưu tiên là mảng:

- Thao tác dequeue:
  - Thay phần tử đầu mảng bằng phần tử cuối mảng p
  - Thực hiện heapify phần tử đầu mảng p theo hướng về cuối mảng (perlocateDown)

#### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

Hàng đợi ưu tiên là mảng:

- Thao tác increase (tăng độ ưu tiên):
  - Tăng giá trị của phần tử p
  - Thực hiện thao tác heapify phần tử p theo hướng về đầu mảng

### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

Hàng đợi ưu tiên là mảng:

- Thao tác decrease (giảm độ ưu tiên):
  - Giảm giá trị của phần tử p
  - Thực hiện thao tác heapify phần tử p theo hướng về cuối mảng

(Sinh viên tự tìm hiểu cách cài đặt chi tiết theo cách tương tự Heap Sort)

### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

enqueue 7

0 1 2 3 4 5 6

7

#### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

enqueue 5



### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

perlocateUp

0 1 2 3 4 5 6

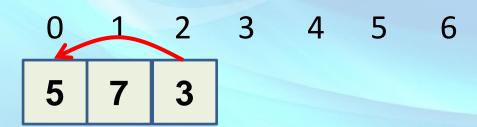
5 7

### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

enqueue 3



#### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

perlocateUp

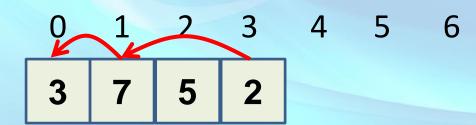
012345

#### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

enqueue 2



### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

perlocateUp

0 1 2 3 4 5 6 2 3 5 7

#### **CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

enqueue 6

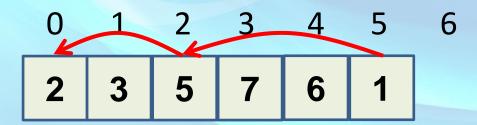


### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

enqueue 1

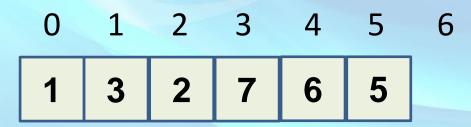


### **CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

perlocateUp



### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

dequeue



#### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

#### perlocateDown



### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

increase (0, 2)

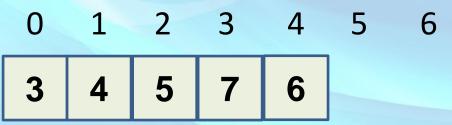


### **\*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN**

Quá trình tính toán: Ưu tiên số nhỏ

Giả sử có các thao tác: enqueue 7, enqueue 5, enqueue 3, enqueue 2, enqueue 6, enqueue 1, dequeue, increase (0,2)

perlocateDown



#### \*CÀI ĐẶT VỚI HEAP NHỊ PHÂN

#### Đánh giá:

- Độ phức tạp của thao tác enqueue: O(logn).
- Độ phức tạp của thao tác dequeue: O(logn).



## **BÀI TẬP**

#### **\*BÀI TẬP 1**

Cho mảng A={8,2,1,9,4,5,7,6,3}. Hãy viết hàm sắp xếp và trình bày từng bước quá trình sắp xếp mảng A theo thứ tự giảm dần (>) với thuật toán:

- a) Heap Sort
- b) Quick Sort
- c) Merge Sort



## **BÀI TẬP**

#### **⇔BÀI TẬP 2**

Trộn tự nhiên (Natural Merge Sort) phân phối các phần tử của dãy theo run. Trong đó một run là một dãy các phần tử đã có thứ tự cần sắp. Hãy trình bày thuật toán sắp xếp theo cách trộn tự nhiên và cho một ví dụ minh họa.



## **BÀI TẬP**

#### **⇔BÀI TẬP 3**

Cho dãy số A = {7,2,4,5,1,3,6,8}. Cho biết giải thuật nào thích hợp để sắp xếp theo thứ tự tăng dần cho dãy A nhất? giải thích vì sao?