

ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP. HỒ CHÍ MINH TRƯỜNG ĐẠI HỌC CÔNG NGHỆ THÔNG TIN

CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT TÌM KIẾM – SẮP XẾP



MỤC TIÊU CHƯƠNG IV

- Xác định và phát biểu bài toán tìm kiếm sắp xếp
- Hiểu một số thuật toán tìm kiếm và sắp xếp
- Phân tích ưu điểm và hạn chế của thuật toán tìm kiếm và sắp xếp
- Triển khai, cài đặt các thuật toán với C++



NỘI DUNG CHƯƠNG IV

I. NHU CẦU TÌM KIẾM, SẮP XẾP
II. CÁC GIẢI THUẬT TÌM KIẾM
III. CÁC GIẢI THUẬT SẮP XẾP
IV. CẦU TRÚC HÀNG ĐỢI ƯU TIÊN



***PHÁT BIỂU BÀI TOÁN**

Cho danh sách \boldsymbol{A} gồm n phần tử $\boldsymbol{a_0}$, $\boldsymbol{a_1}$, ..., $\boldsymbol{a_{n-1}}$ Hoán đổi vị trí của các phần tử $\boldsymbol{a_i}$ và $\boldsymbol{a_j}$ sao cho đảm bảo thứ tự $\boldsymbol{\mathfrak{R}}$ trong \boldsymbol{A} , nghĩa là $\boldsymbol{a_i}$ $\boldsymbol{\mathfrak{R}}$ $\boldsymbol{a_i}$, $\forall i < j$



*PHÂN LOẠI SẮP XẾP

Các giải thuật sắp xếp có thể phân loại theo nhiều tiêu chí:

a) Tính chất của danh sách A:

- ➤ Toàn bộ phần tử của A được xử lý đồng thời trong quá trình sắp xếp → Ofline Sorting
 - Selection Sort
 - Bubble Sort
 - Quick Sort

•



*PHÂN LOẠI SẮP XẾP

Các giải thuật sắp xếp có thể phân loại theo nhiều tiêu chí:

a) Tính chất của danh sách A:

- ➤ Từng phần tử của A được sắp xếp tuần tự mà không cần biết trước toàn bộ A→ Online Sorting
 - Insertion Sort
 - Tree Sort (tao Binary Search Tree)



*PHÂN LOẠI SẮP XẾP

Các giải thuật sắp xếp có thể phân loại theo nhiều tiêu chí:

- b) Trật tự của kết quả sắp xếp:
 - ➤Thứ tự trước/sau của các phần tử có cùng giá trị khóa không đổi so với ban đầu → Stable Sorting. Ví dụ:
 - Bubble Sort:
 - Trước khi sắp xếp: $A=\{1,5_1,2,5_2,3,5_3\}$
 - Sau khi sắp xếp (tăng dần): $A = \{1,2,3,5_1,5_2,5_3\}$



*PHÂN LOẠI SẮP XẾP

Các giải thuật sắp xếp có thể phân loại theo nhiều tiêu chí:

- b) Trật tự của kết quả sắp xếp:
 - ➤Thứ tự trước/sau của các phần tử có cùng giá trị khóa thay đổi so với ban đầu → Unstable Sorting. Ví dụ:
 - Interchange Sort:
 - Trước khi sắp xếp: $A=\{1,5_1,2,5_2,3,5_3\}$
 - Sau khi sắp xếp (tăng dần): $A = \{1,2,3,5_2,5_1,5_3\}$



*PHÂN LOẠI SẮP XẾP

Các giải thuật sắp xếp có thể phân loại theo nhiều tiêu chí:

- c) Nơi lưu trữ chính của danh sách:
 - ➤ Toàn bộ danh sách A được lưu trữ trên RAM trong quá trình sắp xếp → Internal Sorting.
 - Interchange Sort
 - Insertion Sort
 - Quick Sort

•



*PHÂN LOẠI SẮP XẾP

Các giải thuật sắp xếp có thể phân loại theo nhiều tiêu chí:

- c) Nơi lưu trữ chính của danh sách:
 - ➤ Toàn bộ danh sách A được lưu trữ trên bộ nhớ ngoài (HDD) trong quá trình sắp xếp do kích thước danh sách quá lớn → External Sorting.
 - Merge Sort



Các phương pháp sắp xếp thông dụng:

- 1. Selection Sort Chọn trực tiếp
- 2. Insertion Sort Chèn trực tiếp
- 3. Interchange Sort Đổi chỗ trực tiếp
- 4. Bubble Sort Nổi bọt
- 5. Shaker Sort
- 6. Binary Insertion Sort Chèn nhị phân
- 7. Counting Sort



Các phương pháp sắp xếp thông dụng:

- 8. Shell Sort
- 9. Heap Sort
- 10. Quick Sort
- 11. Merge Sort
- 12. Radix Sort



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Từ khóa: Selection Sort

Phân tích: Giả sử danh sách $A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$ đã có thứ tự \Re .Khi đó:

- ao là phần tử nhỏ nhất theo 🤋 trong A
- a₁ là phần tử nhỏ nhất theo 🤋 trong A \ {a₀}
- a2 là phần tử nhỏ nhất theo R trong A \ {a0, a1}

- ...



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Ý tưởng: Chọn phần tử nhỏ thứ i theo thứ tự 🏋 trong danh sách A và đặt vào vị trí i của danh sách.



❖PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Thuật toán:

Đầu vào: $A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$ chưa có thứ tự \Re

Đầu ra: $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$ đã có thứ tự \Re



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Thuật toán:

```
i ← 0
while i < n - 1
  min ← i, j ← i+1
  while j < n
      if A[j] ℜ A[min] then min ← j
      j ← j+1
  swap(A[i], A[min])
  i ← i + 1</pre>
```



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:



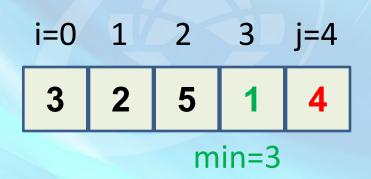
*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:





***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)



Hoán đổi giá trị A[i] và A[min]



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

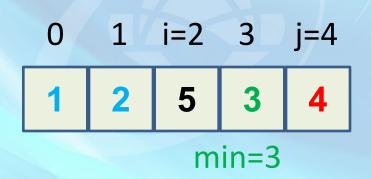
Hoán đổi giá trị A[i] và A[min]



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:

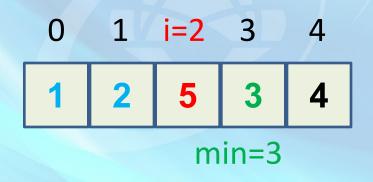




***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Quá trình tính toán:

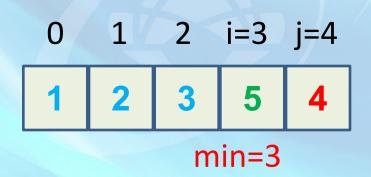
Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)



Hoán đổi giá trị A[i] và A[min]



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP Quá trình tính toán:





*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

Hoán đổi giá trị A[i] và A[min]



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

 0
 1
 2
 3
 4

 1
 2
 3
 4
 5

Kết thúc



*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP

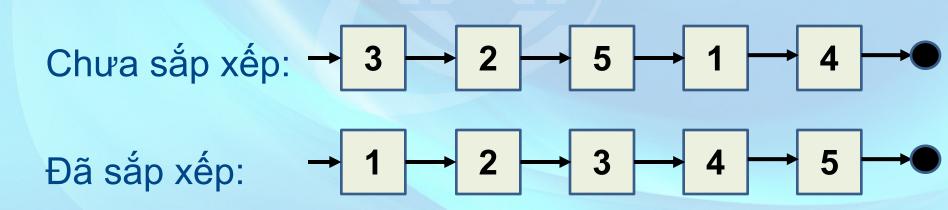
```
Cài đặt: (trên mảng) giả sử thứ thự là < (tăng dần)
void SelectionSort(int A[], int n) {
 int min;
 for (int i = 0; i < n-1; i++) {
    min = i;
    for (int j = i+1; j < n; j++)
      if (A[j] < A[min]) min = j;
    swap(A[i], A[min]);
```



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Cài đặt: (trên danh sách liên kết đơn) giả sử thứ thự là < (tăng dần)

Trường hợp 1: sắp xếp bằng cách thay đổi giá trị tại mỗi node





*PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP

```
void selectionSort(List A) {
 Node *min, *i, *j;
 i = A.pHead;
 while (i) {
    min = i; j = i->pNext;
    while (j) {
      if (j->info < min->info) min = j;
      j = j->pNext;
```



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

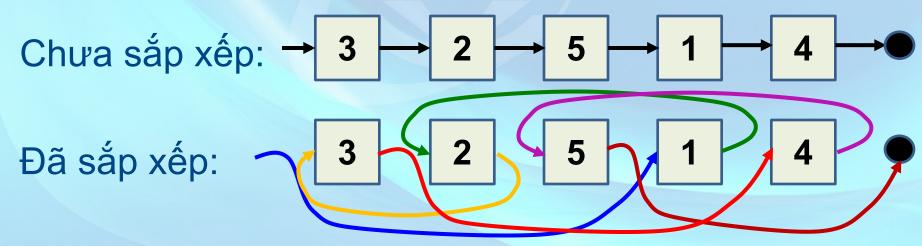
```
swap(i->info, min->info);
i = i->pNext;
}
```



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Cài đặt: (trên danh sách liên kết đơn) giả sử thứ thự là < (tăng dần)

Trường hợp 2: sắp xếp bằng cách thay đổi liên kết tại mỗi node





***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

```
void selectionSort(List &A) {
 Node *qmin, *i, *j, *h;
 h = NULL; i = A.pHead;
 while (i->pNext) {
    qmin = h; j = i;
    while (j->pNext) {
      if (j->pNext->info < i->info) {
        qmin = j; i = qmin->pNext;
      j = j->pNext;
```



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

```
int t;
removeAfter(A,qmin,t);
addAfter(A, createNode(t), h);
if (!h) h = A.pHead;
else h = h->pNext;
i = h->pNext;
}
```



***PHƯƠNG PHÁP CHỌN TRỰC TIẾP**

Đánh giá:

	TỐT NHẤT (đúng thứ	TRUNG BÌNH (chưa có thứ	XÁU NHÁT (thứ tự
	tự)	tự)	ngược)
Theo phép so sánh	O(n ²)	O(n ²)	O(n ²)
Theo phép gán giá trị khóa	O(n)	O(n)	O(n)



***PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP**

Từ khóa: Insertion Sort

Phân tích: Giả sử danh sách $A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$ đã có thứ tự \Re . Khi đó, để tạo danh sách A có n+1 phần tử có thứ tự \Re , cần tìm vị trí \mathbf{k} để chèn phần tử \mathbf{a}_n sao cho đảm bảo

 $a_i \Re a_n \forall i < k$



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Ý tưởng:

- Danh sách chỉ có một phần tử luôn có thứ tự.
 Như vậy, A₀={a₀} là danh sách có thứ tự \$\mathbb{R}\$
- Để sắp xếp $A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$ theo thứ tự \Re . Lần lượt lấy a_i (i>0) trong A và thực hiện
 - 1. Bắt đầu từ cuối danh sách $A_{i-1} = \{a_0, ..., a_{i-1}\}$, Tìm vị trí k đầu tiên thỏa điều kiện $a_k \Re a_i$.
 - 2. Đẩy tất cả phần tử (nếu có) từ ngay sau vị trí k về bên phải 1 vị trí.
 - 3. Đưa vào a; vị trí k+1 của A;-1, A;-1 thành A;



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP Thuật toán:

Đầu vào: $A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$ chưa có thứ tự \Re

Đầu ra: $A=\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$ đã có thứ tự \Re



***PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP**

Thuật toán:

```
i ← 1
while i < n
  e \leftarrow A[i]
  k \leftarrow i-1
  while (k \ge 0) and not (A[k] \Re e)
     A[k+1] \leftarrow A[k]
     k \leftarrow k-1
  A[k+1] \leftarrow e
  i ← i+1
```



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

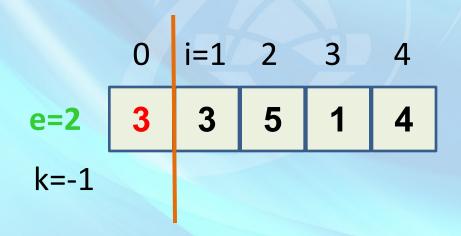




*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)



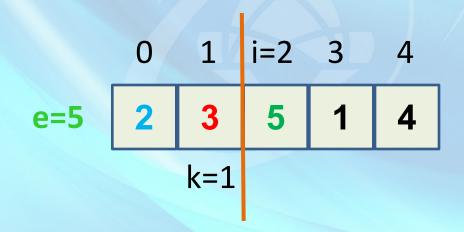
Đưa phần tử e vào vị trí k+1



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

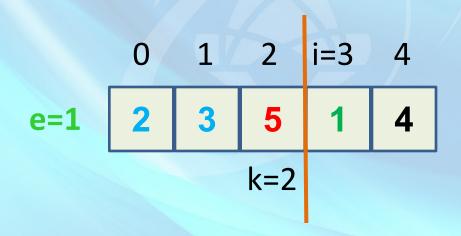


Đưa phần tử e vào vị trí k+1



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

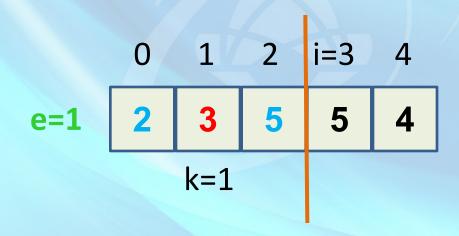
Quá trình tính toán:





*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

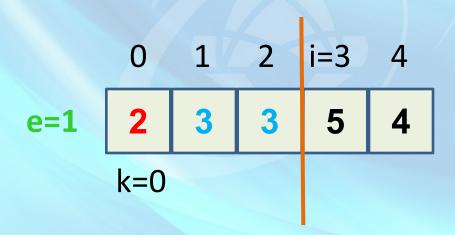
Quá trình tính toán:





*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

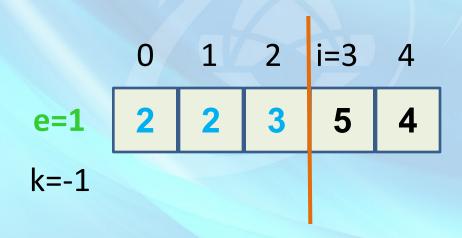




*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)



Đưa phần tử e vào vị trí k+1



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:





*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

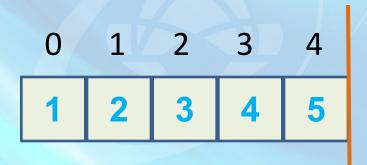


Đưa phần tử e vào vị trí k+1



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Quá trình tính toán:





***PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP**

Cài đặt: (trên mảng, tìm tuyến tính kết hợp dời vị trí) Giả sử thứ thự là < (tăng dần)



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

```
void insertionSort(int A[], int n) {
 for (int i = 1; i < n; i++) {
    int e = A[i]; int k;
    for (k = i-1; k>-1; k--) {
      if (A[k] < e) break;
      A[k+1] = A[k];
    A[k+1] = e;
```



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Cài đặt: (trên danh sách liên kết đơn, tìm tuyến tính) Giả sử thứ thự là < (tăng dần):

Sắp xếp theo nguyên tắc thay đổi liên kết của node



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

```
void insertionSort(List &A) {
 Node *i = A.pHead, *k, *e;
 while (i->pNext) {
    q = NULL; k = A.pHead; e=removeAfter(A,i);
    while (k != i->pNext) {
       if (!(k->info < e->info)) break;
       q = k; k = q \rightarrow pNext;
    addAfter(A, e, q);
    if (i->pNext == e) i = i->pNext;
```



*PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP

Đánh giá:

	TỐT NHẤT	TRUNG BÌNH	XÁU NHÁT
	(đúng thứ	(chưa có thứ	(thứ tự
	tự)	tự)	ngược)
Theo phép so sánh	O(n)	O(n ²)	O(n ²)
Theo phép gán giá trị khóa	O(1)	O(n ²)	O(n ²)



❖PHƯƠNG PHÁP CHÈN TRỰC TIẾP Lưu ý:

Đối với cấu trúc mảng, thao tác tìm vị trí k có thể áp dụng tìm nhị phân → Binary Insertion Sort



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Từ khóa: Counting Sorting

Điều kiện: Giá trị khóa là số nguyên dương có giá trị lớn nhất không quá lớn.

Phân tích: Nếu giá trị khóa là số nguyên và có thể cấp phát mảng với kích thước bằng giá trị lớn nhất chỉ cần đếm số lượng giá trị khóa xuất hiện trong danh sách A.



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Ý tưởng:

- Giá trị khóa của a_i là chỉ số của mảng B có k
 phần tử (k là giá trị khóa lớn nhất của A)
- Quá trình sắp xếp danh sách A là đếm số phần tử của mỗi chỉ số của B trong A. Từ đó tính ra thứ tự của các khóa a_i trong A
- Kết quả sắp xếp có được bằng cách lấy vị trị của phần tử A được lưu trong B.



***PHƯƠNG PHÁP ĐẾM**

Thuật toán:

```
Đầu vào: A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\} chưa có thứ tự tăng dần
Đầu ra: C=\{c_0, c_1, ..., c_{n-1}\} đã có thứ tự tăng dần
for i \leftarrow 0 to n-1 do
  B[A[i]] \leftarrow B[A[i]]+1
for i ← 1 to n-1 do //tùy thứ tự cần xếp
  B[i] \leftarrow B[i-1] + B[i]
for i ← n-1 down to 0 do
  B[A[i]] \leftarrow B[A[i]]-1
  C[B[A[i]]] \leftarrow A[i]
```



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

3 2 5 1 4

0 1 2 3 4 5

0 0 0 0 0

Đếm các khóa



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

i=0 1 2 3 4

3 2 5 1 4

0 1 2 3 4 5

0 0 0 1 0 0



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

3 2 5 1 4

0 1 2 3 4 5

0 0 1 1 0 0



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

1 i=2 3 4

3 2

0



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

0 1 2 i=3 4

2 2 5 4 4

A 3 2 5 1 4

0 1 2 3 4 5

0 1 1 1 0 1



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

0 1 2 3 i=4

A 3 2 5 1 4

0 1 2 3 4 5

0 1 1 1 1 1

Tính toán thứ tự



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

3 2 5 1 4

0 1 2 3 4 5

0 1 2 3 4 5

Ghi kết quả



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

0 1 2 3 i=4

A 3 2 5 1 4

B 0 1 2 3 4-1 5



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

0 1 2 i=3 4

A 3 2 5 1 4

C 1 4 0 1 2 3 4 5

B 0 1-1 2 3 3 5



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

0 1 i=2 3 4

A 3 2 5 1 4

C 1 4 5 0 1 2 3 4 5

B 0 0 2 3 5-1



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

0 i=1 2 3 4

A 3 2 5 1 4

C 1 2 4 5 0 1 2 3 4 5

B 0 0 2-1 3 3 4



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Quá trình tính toán:

Giả sử A={3,2,5,1,4} và thứ tự cấp sắp xếp < (tăng dần)

i=0 1 2 3 4

A 3 2 5 1 4

C 1 2 3 4 5 0 1 2 3 4 5

B 0 0 1 3-1 3 4



***PHƯƠNG PHÁP ĐẾM**

```
Cài đặt: (trên mảng) Giả sử thứ tự cấp sắp xếp <
(tăng dân)
void countingSort(int A[], int n, int C[]) {
 int B[MAX] ={0}; //đã khai báo MAX
 for (int i=0; i<n; i++)
    B[A[i]]++;
 for (int i=1; i<MAX; i++)
    B[i] += B[i-1];
 for (int i=n-1; i>-1; i--)
  \{ B[A[i]] --; C[B[A[i]]] = A[i]; \}
```



♦ PHƯƠNG PHÁP ĐẾM

Đánh giá:

Trong mọi trường hợp, độ phức tạp tính toán của Counting Sort là O(n+k), trong đó k là kích thước của mảng B.

Counting Sort là một trong những thuật toán sắp xếp không dựa vào kết quả so sánh giá trị khóa của các phần tử trong danh sách.



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Từ khóa: Radix Sort

Điều kiện: Giá trị khóa là những giá trị rời rạc (số nguyên không âm hoặc chuỗi)

Phân tích Thứ tự của số nguyên dương là do thứ tự của các số trong cơ số theo từng hàng (đơn vị, chục, trăm, ...)



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Ý tưởng:

Cho hai số $\mathbf{a} = \mathbf{a}_{m} \mathbf{a}_{m-1..} \mathbf{a}_{1}$ và $\mathbf{b} = \mathbf{b}_{n} \mathbf{b}_{n-1..} \mathbf{b}_{1}$.

- a > b nếu chữ số tại hàng i cao nhất của hai số thỏa điều kiện: a_i > b_i.
- Chữ số ở mỗi hàng chỉ có k giá trị có thứ tự theo cơ số k. Số lớn nhất có m chữ số có tương ứng m hàng. Nếu số có n chữ số (n<m) thì chữ số tại hàng cao hơn n là 0.



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Ý tưởng:

- Xét các khóa theo từng hàng, từ hàng thấp nhất đến m:
 - Đưa mỗi phần tử vào danh sách T[j] tương ứng với giá trị của hàng đang xét, theo thứ tự xét phần tử
 - Nối các danh sách T[j] theo thứ tự thích hợp dựa trên thứ tự của các giá trị trong cơ số.



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

```
Thuật toán: (dùng cho số nguyên dương)
Đầu vào: A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\} chưa có thứ tự <
Đầu ra: A = \{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\} đã có thứ tự <
k ← 10
while k \leq 10^{m}
  for i ← 0 to n-1 do
      j \leftarrow (A[i] \mod k)*10 \text{ div } k
      T[j] \leftarrow T[j] \cup \{A[i]\}
  A \leftarrow T[1] \cup T[2] \cup ... \cup T[m-1]
  k \leftarrow k*10
```



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

k = 10, $A = \{312, 142, 151, 1, 40\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
		312							



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

k = 10, $A = \{312, 142, 151, 1, 40\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
		312							
		412							



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

k = 10, $A = \{312, 142, 151, 1, 40\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	151	312							
		412							



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

k = 10, $A = \{312, 142, 151, 1, 40\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	151	312							
	1	412							



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

k = 10, $A = \{312, 142, 151, 1, 40\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
40	151	312							
	1	412							



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 10, A = \{312, 142, 151, 1, 40\}$

Nối các danh sách con được A={40, 151,1,312,412}

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
40	151	312							
	1	412							



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 100, A = \{40, 151, 1, 312, 412\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
				40					



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 100, A = \{40, 151, 1, 312, 412\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
				40	151				



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 100, A = \{40, 151, 1, 312, 412\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1				40	151				



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 100, A = \{40, 151, 1, 312, 412\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	312			40	151				



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 100, A = \{40, 151, 1, 312, 412\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	312			40	151				
	412								



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 100, A = \{40, 151, 1, 312, 412\}$

Nối các danh sách con được A={1,312,412,40,151}

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	312			40	151				
	412								



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 1000, A = \{1,312,412,40,151\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1									



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 1000, A = \{1,312,412,40,151\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1			312						



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 1000, A = \{1,312,412,40,151\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1			312	412					



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 1000, A = \{1,312,412,40,151\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1			312	412					
40									



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 1000, A = \{1,312,412,40,151\}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	151		312	412					
40									



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Quá trình tính toán:

Giả sử A={312,142,151,1,40}, m = 3, k=10 và thứ tự cần sắp xếp < (tăng dần)

 $k = 1000, A = \{1,312,412,40,151\}$

Nối các danh sách con được A={1,40,151,312,412}

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	151		312	412					
40									



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Cài đặt: (dùng danh sách liên kết) Giả sử sắp xếp danh sách số nguyên dương trong hệ thập phân theo thứ tự <



```
void radixSort(List &A) {
 List rad[10];
 for (int i = 0; i < 10; i++)
    createList(rad[i]);
 int k = 10;
 for (int m=0; m<MAX; m++){ //MAX: số chữ số
    while(A.pHead) {
       Node *p = removeHead(A);
       addTail(rad[(p->info %k)*10/k], p);
    A.pHead = A.pTail = NULL;
```



```
for (int i=0; i<10; i++)
  if (rad[i].pHead) {
     if (A.pHead)
       A.pTail->pNext = rad[i].pHead;
     else
       A.pHead = rad[i].pHead;
     A.pTail = rad[i].pTail;
     rad[i].pHead = rad[i].pTail = NULL;
k *= 10;
```



*PHƯƠNG PHÁP CƠ SỐ

Đánh giá:

- Radix Sort cũng là một trong những thuật toán sắp xếp không dựa trên kết quả so sánh giá trị khóa giữa các phần tử trong danh sách.
- Độ phức tạp tính toán là **O(m.n)** trong đó **m** là số ký tự lớn nhất của một phần tử trong danh sách.
- Radix Sort thích hợp với cấu trúc là danh sách liên kết hơn là dùng cấu trúc mảng



***BÀI TẬP**

Trong các thuật toán sắp xếp Selection Sort, Insertion Sort, Counting Sort và Radix Sort, thuật toán nào là sắp xếp ổn định (Stable)? Vì sao?



***BÀI TẬP**

Cho mảng A={8,2,1,9,4,5,7,6,3}. Hãy viết hàm sắp xếp và trình bày từng bước quá trình sắp xếp mảng A theo thứ tự giảm dần (>) với thuật toán:

- a) Selection Sort
- b) Insertion Sort



***BÀI TẬP**

Cài đặt hàm hexSort(List &A) để sắp xếp theo cơ số cho dãy A chứa các số thập lục phân. Thứ tự sắp xếp là giảm dần.



***BÀI TẬP**

Định nghĩa cấu trúc dữ liệu lưu trữ thông tin máy tính gồm: nhãn hiệu máy, tốc độ xử lý (tính theo GHz) và giá bán. Cài đặt các hàm sau

- a) sortByName(...) Sắp xếp danh sách máy theo thứ tự tăng dần đối với nhãn hiệu
- b) sortBySpeed(...) Sắp xếp danh sách máy theo thứ tự giảm dần đối với tốc độ xử lý
- c) sort(...) Sắp xếp danh sách máy theo thứ tự tăng dần giá bán và trong trường hợp cùng giá thì xếp theo thứ tự giảm dần tốc độ xử lý

vww.uit.edu.vr



***BÀI TẬP**

d) filter(...) Lọc danh sách các máy tính có giá trong đoạn [p₁, p₂] và tốc độ xử lý trong đoạn [s₁, s₂].