### Задача А. Декомпозиция

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Рассмотрим дерево T. Назовем деревом декомпозиции корневое дерево D(T). Выберем любую из вершин дерева T, назовем ее r. Рассмотрим все компоненты связности дерева T, после удаления вершины r:  $S_1, S_2, \ldots, S_k$ . Тогда корнем D(T) будет вершина r, а детьми r в D(T) будут  $D(S_1), D(S_2), \ldots, D(S_k)$ .

Вам дано дерево T. Найдите дерево декомпозиции высоты не более 20. Высота дерева — максимальное число вершин в пути от корня до какой-то вершины.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит  $n \ (1 \leqslant 2 \cdot 10^5)$  — количество вершин дерева.

Следующие n-1 строк содержат пары чисел  $u_i, v_i \ (1 \le u_i, v_i \le n)$ , описывающие рёбра дерева.

#### Формат выходных данных

Выведите n чисел, где i-е — родитель вершины i в дереве декомпозиции. Если вершина — корень, выведите 0.

#### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3	2 0 2
1 2	
2 3	
9	0 1 2 2 1 1 6 6 8
3 2	
4 2	
1 2	
5 1	
1 6	
7 6	
6 8	
8 9	

# Задача В. Найти ближайшую

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано дерево из n вершин, цвет i-й вершины равен  $a_i$ . Необходимо обработать q запросов  $(v_i, c_i)$ : найти расстояние от  $v_i$  до ближайшей вершины цвета  $c_i$ . Расстояние между вершинами — минимальное количество рёбер в пути между ними.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит n ( $1 \le n \le 10^5$ ).

Следующая строка содержит n-1 число  $p_1, \ldots p_{n-1}$   $(0 \le p_i < i)$ .  $p_i$  — отец вершины i.

Следующая строка содержит числа  $a_1, \ldots, a_n \ (0 \leqslant a_i < n)$ .

Следующая строка содержит число  $q\ (1\leqslant q\leqslant 10^5).$ 

Следующие q строк содержат числа  $v_i$ ,  $c_i$   $(0 \leqslant v_i < n, 0 \leqslant c_i < n)$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите расстояние до ближайшей вершины требуемого цвета, или -1, если такой нет.

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	0 1 2 -1 2 1 2 1 1
0 1 1 3	
1 2 3 2 1	
9	
0 1	
0 2	
0 3	
1 0	
2 1	
2 2	
3 3	
3 1	
4 2	

### Задача С. Красим дерево

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано взвешенное дерево. Вам необходимо выполнять 2 типа запросов:

- «1 v d c» покрасить все вершины на расстоянии не более d от v в цвет c. Изначально все вершины имеют цвет 0.
- «2 v» вывести цвет вершины v.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит целое число  $n\ (1\leqslant n\leqslant 10^5)$  — количество вершин в дереве.

Следующие n-1 содержат тройки чисел  $u_i, v_i, w_i$  ( $1 \le u_i, v_i \le n, 1 \le w_i \le 10^4$ ). i-е ребро соединяет вершины  $u_i, v_i$  и имеет вес  $w_i$ .

В следующей строке содержится количество запросов  $q\ (1 \leqslant q \leqslant 10^5)$ .

Каждая из следующих q строк содержит запрос какого-то типа:

- 1 v d c  $(1 \le v \le n, 0 \le d \le 10^9, 0 \le c \le 10^9)$ .
- $2 v (1 \leq v \leq n)$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса второго типа выведите ответ на него.

#### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2	20
1 2 1	10
4	
1 1 1 10	
1 1 0 20	
2 1	
2 2	
5	6
1 2 30	6
1 3 50	0
3 4 70	5
3 5 60	7
8	
1 3 72 6	
2 5	
1 4 60 5	
2 3	
2 2	
1 2 144 7	
2 4	
2 5	

# Задача D. Количество путей

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 8 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано дерево из n вершин. Для каждого  $d=1\dots n-1$  найдите количество путей длины d.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит n  $(1 \le n \le 50000)$  — количество вершин. Следующие n-1 строк содержат пары чисел  $u_i, v_i$   $(1 \le u_i, v_i \le n)$ , описывающие рёбра дерева.

#### Формат выходных данных

Выведите n-1 число, где i-е — количество путей длины i.

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	2
1 2	1
2 3	

### Задача Е. Найти количество

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано подвешенное дерево из n вершин с корнем в 1. Необходимо обработать q запросов  $(v_i, h_i)$ : найти количество вершин, лежащих в поддереве  $v_i$ , расстояние до которых от  $v_i$  равно  $h_i$ . Расстояние между вершинами — минимальное количество рёбер в пути между ними.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит n ( $1 \le n \le 3 \cdot 10^5$ ).

Следующая строка содержит n-1 число  $p_2, \dots p_n$  ( $1 \le p_i \le i$ ).  $p_i$  — отец вершины i.

Следующая строка содержит число q ( $1 \le q \le 3 \cdot 10^5$ ).

Следующие q строк содержат числа  $v_i$ ,  $h_i$   $(1 \leqslant v_i \leqslant n, 1 \leqslant h_i \leqslant n)$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите ответ.

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	2
1 2 2 1	1
3	0
1 1	
2 0	
3 5	

#### Замечание

А за сколько работает решение? Пишите @qoo2p5, если хотите проверить себя. :)

# Задача F. Peterson Polyglot

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Петрович обожает изучать новые языки, но самое любимое его увлечение — составление своих собственных. Языком Петрович называет множество слов, а словом — последовательность маленьких букв латинского алфавита.

Каждое утро Петрович составляет свой новый язык. Хранить все языки в явном виде очень сложно, поэтому Петрович придумал <u>веник</u> — специальную структуру данных для хранения языка, представляющую собой подвешенное дерево, на ребрах которого написаны буквы. Перед придумыванием языка веник представляет одну вершину — корень. При добавлении нового слова в язык Петрович встает в корень веника и обрабатывает буквы слова по одной. Пусть Петрович стоит в вершине u. Если из u есть ребро, на котором написана текущая буква, он переходит по нему. Иначе же, Петрович добавляет ребро из u в новую вершину v, пишет на нем текущую букву и переходит по этому ребру. Размером веника Петрович называет количество вершин в нем.

Вечером, приходя со смены, Петрович не может понять язык, придуманный утром: он ему кажется слишком сложным. Тогда Петрович старается упростить свой язык. Упрощением языка Петрович называет удаление букв из некоторых слов языка. Формально, Петрович фиксирует некоторое целое положительное число p, берет все слова, содержащие хотя бы p букв, и выкидывает из каждого из них букву с номером p. Буквы в слове Петрович предпочитает нумеровать, начиная с 1. Петрович считает, что при упрощении языка хотя бы одно слово должно измениться, то есть в языке должно быть хотя бы слово с длиной хотя бы p. Так как Петрович стремится сделать язык, придуманный утром, как можно проще, он старается подобрать число p таким образом, чтобы минимизировать размер веника, в котором он будет хранить язык.

Петровичу надоело заниматься одним и тем же каждый вечер, поэтому он обратился за помощью к вам. Напишите программу, которая будет находить минимальный размер веника, который может получиться в результате упрощения языка, придуманного Петровичем, и число p, которое нужно выбрать, чтобы получить такой размер.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла задано число  $n~(2\leqslant n\leqslant 3\cdot 10^5)$  — размер веника языка Петровича.

В следующих n-1 строках задано описание веника. В i-й из них записаны числа  $u_i$ ,  $v_i$  и буква  $x_i$ , что соответствует ребру из  $u_i$  в  $v_i$ , на котором написана буква  $x_i$ .

Вершины пронумерованы числами от 1 до n. Все  $x_i$  являются маленькими буквами латинского алфавита. Вершина с номером 1 является корнем веника.

Гарантируется, что ребра описывают корректный веник, построенный по языку Петровича.

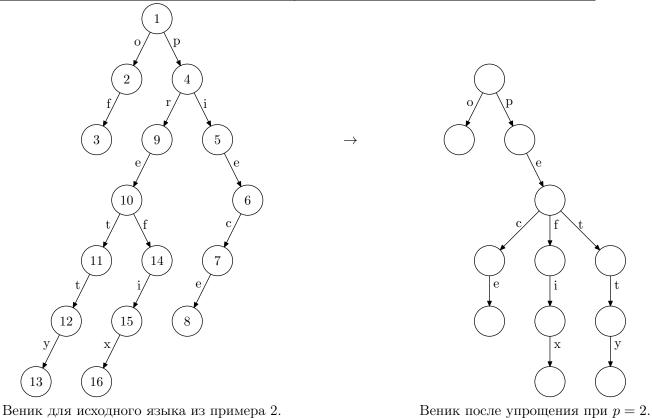
#### Формат выходных данных

В первой строке выведите минимальный возможный размер веника, который может получиться в результате упрощения языка.

Во второй строке выведите число p, которое следует выбрать Петровичу для получения минимального размера. Если таких чисел p несколько, выведите минимальное из них.

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
1 2 c	2
2 3 a	
3 4 t	
2 5 t	
16	12
1 2 0	2
2 3 f	
1 4 p	
4 5 i	
5 6 e	
6 7 c	
7 8 e	
4 9 r	
9 10 e	
10 11 t	
11 12 t	
12 13 y	
10 14 f	
14 15 i	
15 16 x	



Веник из второго примера может быть составлен из множества слов «piece», «of», «pie», «pretty», «prefix». После упрощения языка с p=2 получается язык из слов «pece», «о», «pe»,

«petty», «pefix». Этот язык и задаёт веник минимального возможного размера.