# 2. Операции с матрицами

## 2.1. Цель работы

Овладеть навыками матричной обработки данных в МАТLAB.

## 2.2. Краткая теоретическая справка

Как уже говорилось ранее (см. разд. 1.2.1), в MATLAB любая переменная по умолчанию считается матрицей.

Матрица представляется своим *именем* (идентификатором) и характеризуется размером и типом.

Pазмер, матрицы принято указывать произведением  $m \times n$ , где m, n — число строк и столбцов соответственно. Матрицу размером  $n \times n$  называют  $\kappa$ вадратной порядка n. Bектор воспринимается как матрица размером  $1 \times n$  (строка) или  $m \times 1$  (столбец), а cкаляр — как матрица размером  $1 \times 1$ .

Хранение матриц в оперативной памяти организовано по столбцам.

*Тип* матрицы определяется типом ее элементов. В этой работе по умолчанию под матрицей будем подразумевать *числовую* матрицу.

Ввод матриц рассматривался в разд. 1.2.1.

Вектор, формирующий регулярную сетку, вводят в виде:

<начальное значение>:[<шаг>:]<конечное значение>

Шаг, равный единице, можно не указывать, условным признаком чего служат квадратные скобки.

#### Например:

```
>> y = 0:pi/4:pi
y =
0 0.7854 1.5708 2.3562 3.1416
>> x = 0:9
x =
```

Элементы матрицы могут быть представлены численными константами, простыми переменными, арифметическими выражениями и, в свою очередь, матрицами, например:

```
>> A = [5.3 sin(pi/4) 3+4*i]
A = 5.3000 0.7071 3.0000 + 4.0000i
```

Обращение к элементу матрицы происходит по ее имени с указанием индексов строки и столбца в круглых скобках (нижняя граница индексов равна единице):

```
>> B(2,4) ans = 7
```

По обращению B(i) матрица B воспринимается как *вектор*, элементы которого сформированы по столбцам:

```
>> B(5)
ans =
```

Размер матрицы — число строк и столбцов — определяется с помощью функции:

#### size(x)

*Длина вектора* — число элементов строки (столбца) — определяется с помощью функции:

#### length(x)

*Матрица нулевой размерности* — пустая матрица — обозначается как **A=[]**:

```
>> A = []; size(A)
ans =
0 0
```

Имя пустой матрицы сохраняется в Workspace и в дальнейшем может использоваться для формирования матрицы любого размера.

## 2.2.1. Функции генерации типовых матриц

В MATLAB можно генерировать большое разнообразие типовых матриц с помощью встроенных функций, список которых может быть выведен по команде:

#### help elmat

Некоторые из них приведены в табл. 2.1.

Таблица 2.1. Функции генерирования типовых матриц

| Функция     | Типовая матрица  |
|-------------|--|
| zeros(M,N)  | Нулевая матрица м×N  |
| ones (M,N)  | <b>Матрица единиц</b> м×N  |
| eye (N)     | Единичная матрица порядка N  |
| rand(M,N)   | Матрица м $\times$ N случайных чисел размера в диапазоне от 0 до 1, распределенных по <i>равномерному</i> закону                               |
| randn(M,N)  | Матрица $M \times N$ случайных чисел, распределенных по <i>нормальному</i> закону с математическим ожиданием, равным 0, и дисперсией, равной 1 |
| diag(V)     | Вектор из диагональных элементов квадратной матрицы ∨  |
|             | Диагональная матрица — все элементы равны нулю, кроме диагональных, равных вектору V   |
| toeplitz(r) | Матрица Теплица — квадратная матрица с одинаковыми элементами на диагоналях, равными соответствующим элементам первого столбца r               |

# 2.2.2. Преобразование матриц

| K 0 | перациям преооразования матриц относятся:                   |
|-----|---|
|     | выделение из матрицы вектора-столбца:                       |
|     | A(:,N)  |
|     | где N — номер столбца;                                      |
|     | выделение из матрицы вектора-строки:                        |
|     | A(M,:)  |
|     | где М — номер строки;                                       |
|     | выделение подматрицы с указанием граничных индексов:        |
|     | A (M1:M2,N1:N2)   |
|     | где:  |
|     | M1:M2 — номера строк с M1 по M2 включительно;               |
|     | N1:N2 — номера столбцов с N1 по N2 включительно;            |
|     | выделение подматрицы с указанием начальных индексов:        |
|     | A(M1:end;N1:end)  |
|     | где:  |
|     | ${\tt M1:endcтроки\ c\ M1\ до\ последней\ включительно;}$   |
|     | ${\tt N1:endcтолбцы\ c\ N1\ до\ последнего\ включительно;}$ |
|     | растягивание матрицы в вектор-столбец:                      |

```
A(:)
□ горизонтальная конкатенация (объединение) подматриц (по столбцам):
    A = [A1, A2, A3, ...]
    где А1, А2, А3, . . . — объединяемые подматрицы с одинаковым числом строк;
□ вертикальная конкатенация подматриц (по строкам):
   A=[A1;A2;A3;...]
   где A1; A2; A3; \dots объединяемые подматрицы c одинаковым числом
    столбцов;
□ копирование матрицы, выполняемое с помощью функции:
   repmat(A,m,n)
   где:
   А — исходная матрица как элемент новой матрицы;
    m, n — число копий матрицы A по строкам и столбцам соответственно;
□ копирование квадратных матриц, выполняемое с помощью функции:
    repmat(A,n)
    гле:
    А — исходная квадратная матрица как элемент новой квадратной матрицы;
    n — число копий матрицы A по строкам и столбцам.
```

## 2.2.3. Поэлементные операции с матрицами

К поэлементным операциям с матрицами относятся арифметические операции и вычисление элементарных функций, аргументы которых — матрицы.

Признаком поэлементных арифметических операций является *точка* перед символом операции:

```
-8 5 -30

-7 8 9

>> A./sin(B)

ans =

-1.1884 -2.1995 -21.2585

2.6427 -1.0428 17.8945

-1.5221 1.0108 2.4265
```

# **2.2.4.** Операции с матрицами в задачах линейной алгебры

| Кı | простейшим | операциям | с матрицами | в задачах | линейной | алгебры | относятся |
|----|------------|-----------|-------------|-----------|----------|---------|-----------|
|----|------------|-----------|-------------|-----------|----------|---------|-----------|

| □ ариф | метические | операции; |
|--------|------------|-----------|
|--------|------------|-----------|

□ транспонирование и эрмитово сопряжение;

□ обращение;

□ матричное деление.

### 2.2.4.1. Арифметические операции с матрицами

К арифметическим операциям с матрицами относятся:

□ сложение и вычитание матриц одинакового размера;

Суммой (разностью) матриц A и B размером  $m \times n$  называется матрица C того же размера с элементами, равными сумме (разности) соответствующих элементов матриц A и B. Для операций сложения и вычитания матриц справедливы обычные законы арифметики:

$$A + B = B + A;$$
  
$$A - B = -B + A.$$

Пример сложения матриц (вывод матриц А и В приведен в разд. 2.2.3):

```
>> A = [1 2 3;2 -1 5;1 -1 -1]; B=[-1 -2 -3;-4 -5 -6;-7 -8 -9];

>> C = A+B

C =

0 0 0

-2 -6 -1

-6 -9 -10
```

- □ умножение матрицы на скаляр (число), эквивалентное операции поэлементного умножения на скаляр;
- □ умножение матрицы на матрицу;

Операция умножения возможна только в том случае, если число столбцов матрицы A равно числу строк матрицы B.

Произведением матрицы A размером  $m \times n$  на матрицу B размером  $n \times p$  называется матрица C размером  $m \times p$ , элемент i-й строки и k-го столбца которой равен сумме произведений соответственных элементов i-й строки матрицы A и k-го столбца матрицы B:

$$c_{ik} = \sum_{j=1}^{n} a_{ij} b_{jk}$$
;  $i = 1, 2, ..., m$ ;  $k = 1, 2, ..., p$ .

В общем случае умножение матриц не коммутативно:

$$AB \neq BA$$
.

Пример умножения матриц:

 $\square$  возведение квадратной матрицы в целую степень q, эквивалентное умножению матрицы саму на себя q раз:

## 2.2.4.2. Транспонирование и эрмитово сопряжение матриц

*Транспонирование матрицы* — это операция замены каждой строки столбцом с тем же номером.

Эрмитово сопряжение матрицы — это операция транспонирования матрицы с одновременной заменой ее элементов на комплексно сопряженные.

Операции транспонирования и эрмитова сопряжения выполняются *с помощью одного и того же символа* " ' " (апостроф). Результат зависит от исходной матрицы — является она вещественной или комплексной. В первом случае получим транспонированную, а во втором — эрмитово сопряженную матрицу:

```
>> A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]
A =
    1
           2
                 3
     4
           5
                 6
           8
     7
>> A'
ans =
    1
           4
                 7
    2
           5
                 8
    3
           6
                 9
>> C = [3+2i \ 4-5i; 7-5i \ 1+i; 2+2i \ 1-8i]
C =
  3.0000 + 2.0000i
                      4.0000 - 5.0000i
  7.0000 - 5.0000i 1.0000 + 1.0000i
  2.0000 + 2.0000i
                      1.0000 - 8.0000i
>> C'
ans =
   3.0000 - 2.0000i
                      7.0000 + 5.0000i 2.0000 - 2.0000i
                      1.0000 - 1.0000i 1.0000 + 8.0000i
   4.0000 + 5.0000i
```

Транспонирование комплексной матрицы выполняется с помощью символа поэлементного транспонирования:

```
>> C.'
ans =
3.0000 + 2.0000i 7.0000 - 5.0000i 2.0000 + 2.0000i
4.0000 - 5.0000i 1.0000 + 1.0000i 1.0000 - 8.0000i
```

Матрицу с комплексно сопряженными элементами можно получить путем транспонирования эрмитово сопряженной матрицы или с помощью функции conj (см. табл. 1.4):

#### 2.2.4.3. Обращение матриц

Матрица B называется *обратной* к матрице A, если произведение этих матриц дает единичную матрицу I:

$$AB = BA = I$$
.

Матрица, обратная к матрице A, обозначается как  $A^{-1}$ .

Операция обращения возможна только для квадратных матриц с определителем (детерминантом), не равным нулю.

Определитель матрицы вычисляется с помощью функции:

#### det(A)

а обратная матрица — с помощью функции:

#### inv(A)

Например:

### 2.2.4.4. Матричное деление

В списке символов арифметических операций содержатся *два* символа матричного деления с *квадратными* матрицами A и B порядка n (см. табл. 1.6):

- $\square$  левое матричное деление A\B, эквивалентное алгебраической операции  $A^{-1}B$ , т. е. inv(A) \*B;
- $\square$  правое матричное деление A/B, эквивалентное алгебраической операции  $AB^{-1}$ , т. е. A\*inv(B).

Символ левого матричного деления "\" используют при решении систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ):

$$AX = B, (2.1)$$

где:

A — матрица коэффициентов при неизвестных;

B, X — векторы-столбцы свободных членов и неизвестных соответственно.

Умножив обе части (2.1) на  $A^{-1}$  слева, получим решение системы в виде:

$$X = A^{-1}B, (2.2)$$

что в MATLAB соответствует выполнению операций inv(A)\*B, т. е. *левому* матричному делению:

Пример решения системы уравнений (2.1):

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 = 4 \\ -x_1 + 7x_2 = 8 \end{cases}$$

$$>> A = [1 5; -1 7], B = [4 8]$$

A =

1

-1 7

в =

4 8

 $>> X = A \setminus B'$ 

X =

-1

1

Проверим правильность решения по (2.1) — получим вектор-столбец в:

ans =

4

Деление B/A будет ошибочным, т. к. эта операция соответствует  $BA^{-1}$  (B\*inv(A)), а умножение матриц в общем случае не коммутативно:  $A^{-1}B \neq BA^{-1}$  (см. разд. 2.2.4.1): >> B/A ans = 3.0000 -1.0000

## 2.2.5. Норма матрицы и вектора

Норма матрицы (вектора) — это скаляр, с помощью которого оцениваются значения элементов матрицы (вектора).

Среди норм матрицы A и вектора X выделим следующие основные:

 $\square$  норма  $\|A\|_1$ , определяется как максимальная сумма модулей элементов в *столбце*:

$$||A||_1 = \max_j \sum_{i=1}^n |a_{ij}|.$$
 (2.3)

Аналогичная норма для вектора равна сумме модулей элементов вектора:

$$||X||_1 = \sum_{i=1}^m |x_i|;$$
 (2.4)

 $\Box$  норма  $\|A\|_{\infty}$  определяется как максимальная сумма модулей элементов в строке:

$$||A||_{\infty} = \max_{i} \sum_{j=1}^{m} |a_{ij}|.$$
 (2.5)

Аналогичная норма для вектора равна максимальному элементу вектора:

$$||X||_{\infty} = \max_{i} |x_i|; \tag{2.6}$$

 $\square$  норма  $\|A\|_2$  (евклидова норма) определяется как корень квадратный из суммы квадратов модулей всех элементов матрицы:

$$||A||_2 = \sqrt{\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n |a_{ij}|^2}$$
 (2.7)

Аналогичная норма для вектора:

$$||X||_2 = \sqrt{\sum_{i=1}^m |x_i|^2}$$
 (2.8)

Норма матрицы и вектора вычисляется с помощью функции:

#### norm(A,p)

# 2.2.6. Операции с матрицами в задачах математической статистики

Для решения задач математической статистики предусмотрен набор встроенных функций, список которых может быть выведен по команде:

#### help datafun

Основные из них приведены в табл. 2.2.

Таблица 2.2. Функции математической статистики

| Функция  | Назначение   |
|----------|--|
| max(A)   | Максимальные элементы столбца  |
| min(A)   | Минимальные элементы столбца   |
| sort(A)  | Сортировка элементов столбца по возрастанию  |
| sum(A)   | Сумма элементов столбца  |
| prod(A)  | Произведение элементов столбца   |
| mean (A) | Математическое ожидание (среднее значение) элементов столбца   |
| std(A)   | Среднеквадратическое (стандартное) отклонение (СКО), вычисляемое по формуле:   |
|          | CKO = $\sqrt{\frac{(a_{1j} - \overline{a}_{j})^{2} + (a_{2j} - \overline{a}_{j})^{2} + + (a_{mj} - \overline{a}_{j})^{2}}{(m-1)}}$ , |
|          | где:   |
|          | $a_{ij}$ , $i=1,2,,m;$ , $j=1,2,$ , $n$ — элемент матрицы $A;$   |

|          | $\overline{a}_j$ , $j=1,2,,n$ , — математическое ожидание (среднее значение) элементов $j$ -го столбца; $m$ — количество строк, $n$ — количество столбцов   |
|----------|---|
| std(A,1) | Среднеквадратическое (стандартное) отклонение (СКО), вычисляемое по формуле: ${\rm CKO} = \sqrt{\frac{\left(a_{1j} - \overline{a}_j\right)^2 + \left(a_{2j} - \overline{a}_j\right)^2 + \ldots + \left(a_{mj} - \overline{a}_j\right)^2}{m}}$ |
| var(A)   | Дисперсия элементов столбца, вычисляемая по формуле:  |
|          | $\sigma_{j}^{2} = \frac{\left(a_{1j} - \overline{a}_{j}\right)^{2} + \left(a_{2j} - \overline{a}_{j}\right)^{2} + \dots + \left(a_{mj} - \overline{a}_{j}\right)^{2}}{(m-1)}$   |
| var(A,1) | Дисперсия элементов столбца, вычисляемая по формуле:  |
|          | $\sigma_{j}^{2} = \frac{\left(a_{1j} - \overline{a}_{j}\right)^{2} + \left(a_{2j} - \overline{a}_{j}\right)^{2} + \dots + \left(a_{mj} - \overline{a}_{j}\right)^{2}}{m}$   |

## 2.3. Литература

- 1. Солонина А. И., Арбузов С. М. Цифровая обработка сигналов. Моделирование в МАТLAB. СПб.: БХВ-Петербург, 2008, гл. 3.
- 2. Сергиенко А. Б. Цифровая обработка сигналов. 3-е издание СПб.: БХВ-Петербург, 2010, *Приложения 1—2*.

# 2.4. Содержание лабораторной работы

Содержание работы связано с изучением типовых операций с матрицами в МАТLAB в режиме прямых вычислений.

# 2.5. Задание на лабораторную работу

Задание на лабораторную работу включает в себя следующие пункты:

1. Определение длины вектора и размера матрицы.

Ввести:

- произвольную матрицу А;
- пустую матрицу Z;
- вектор В в виде регулярной сетки с начальным элементом  $-\pi$ , конечным  $\pi$  и нагом  $\pi/32$

Определить размеры матриц и длину вектора.

Пояснить:

- что такое длина вектора и размер матрицы, и как они определяются в MATLAB:
- с какой целью и как вводится пустая матрица и каков ее размер;
- как вводится регулярная сетка; в каком случае допускается не указывать шаг изменения значения переменной.
- 2. Генерирование типовых матриц.

Сгенерировать следующие квадратные матрицы 3-го порядка:

- нулевую матрицу С;
- матрицу единиц D;
- единичную матрицу D1;
- матрицу Теплица т с произвольными вещественными элементами первого столбца;
- матрицу Е случайных чисел, распределенных по равномерному закону;
- матрицу F случайных чисел, распределенных по нормальному закону.

#### Пояснить:

- как выполняется генерация указанных матриц в MATLAB;
- что собой представляют матрицы: нулевая, единиц, единичная и Теплица.
- 3. Выделение элементов матрицы.

В матрице F (см. п. 2) выделить:

- второй элемент третьей строки;
- вектор диагональных элементов;
- первую строку;
- третий столбец;
- подматрицу с номерами строк 2:3 и номерами столбцов 1:3.

Пояснить, как происходит выделение подматриц.

4. Преобразование матриц.

Произвести с матрицей F (см. п. 2) следующие преобразования:

- выполнить горизонтальную конкатенацию матрицы F с матрицей С (см. п. 2);
- выполнить вертикальную конкатенацию матрицы F с матрицей D (см. п. 2);
- сформировать квадратную матрицу G 6-го порядка посредством копирования матрицы F.

Пояснить, как выполняются указанные преобразования.

5. Поэлементные операции с матрицами.

Для всех элементов матрицы F (см. п. 2) выполнить операцию возведения в квадрат и умножения на 2.

Пояснить, какие символы арифметических операций использованы.

6. Сложение и вычитание матриц.

Ввести квадратные матрицы А и В 3-го порядка с произвольными вещественными элементами.

Выполнить операции сложения и вычитания матриц A и B и присвоить результаты переменным C1 и C2.

#### Пояснить:

- что собой представляют переменные С1 и С2;
- является ли операция сложения (вычитания) матриц коммутативной.

#### 7. Умножение матриц.

Ввести матрицы A и B с произвольными вещественными элементами. Размеры матриц выбрать так, чтобы для этих матриц была возможна операция умножения.

Выполнить умножение матрицы A на матрицу B и присвоить результат переменной C.

#### Пояснить:

- как должны быть согласованы размеры матриц А и В, чтобы для них была возможна операция умножения;
- что собой представляет переменная С;
- является ли операция умножения матриц коммутативной.
- 8. Транспонирование и эрмитово сопряжение матриц.

Выполнить следующие операции:

- транспонировать матрицу F (см. п. 2);
- сформировать квадратную матрицу Р 3-го порядка с произвольными комплексными элементами;
- транспонировать матрицу Р;
- сформировать матрицу R, эрмитово сопряженную с матрицей P;
- сформировать матрицу R1 с комплексно сопряженными элементами относительно матрицы P.

Пояснить, как указанные операции выполняются в MATLAB.

#### 9. Обращение матриц.

Выполнить следующие операции:

- вычислить определитель матрицы F (см. п. 2);
- сформировать матрицу F1, обратную к матрице F;
- найти произведение матриц F и F1 и присвоить результат переменной F2.

#### Пояснить:

- для какой матрицы возможна операция обращения;
- какая функция служит для вычисления определителя матрицы;
- что собой представляет переменная F2,и с какой целью она вычислена.

#### 10. Решить СЛАУ

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 14 \\ 2x_1 - x_2 - 5x_3 = -15 \\ x_1 - x_2 - x_3 = -4 \end{cases}$$

и проверить правильность решения.

Пояснить, какая операция матричного деления используется и почему.

11. Вычисление норм матрицы и вектора.

Для матрицы F (см. п. 2) вычислить нормы (2.3), (2.5) и (2.7).

Для вектора X = rand(1,100) вычислить нормы (2.4), (2.6) и (2.8).

Пояснить смысл указанных норм и способ их вычисления в MATLAB.

12. Операции с матрицами в задачах математической статистики.

Для матрицы F (см. п. 2) вычислить:

- максимальные и минимальные элементы столбцов;
- сумму и произведение элементов столбцов;
- средние значения элементов столбцов;
- СКО элементов столбцов с помощью функции std (F, 1);
- дисперсию элементов столбцов с помощью функции var (F, 1).

Пояснить:

- какие функции MATLAB использованы в каждом из этих случаев (кроме std и var);
- как проверить правильность результатов согласно определению среднего значения, СКО и дисперсии.

## 2.6. Задание на самостоятельную работу

Самостоятельное задание рекомендуется для закрепления полученных знаний и включает в себя следующие пункты:

1С. Операции с матрицами.

Привести пример арифметического выражения, в котором все переменные и результат вычисления — матрицы.

Вычислить статистические характеристики и нормы результирующей матрицы.

2С. Обращение, транспонирование и эрмитово сопряжение матрицы.

Выполнить для матрицы Теплица 5-го порядка.

3С. Решение СЛАУ:

$$\begin{cases} 5x_1 + 2x_2 - 7x_3 - 0, 5x_4 + 9 = 0 \\ x_1 - 0, 3x_2 + 9x_3 + 5 = 0 \\ 6x_1 + x_2 - 8x_3 - 19 = 0 \\ 3x_2 + 4x_3 - 2x_4 = 0 \end{cases}$$

## 2.7. Отчет и контрольные вопросы

Отчет составляется в редакторе Word и содержит результаты выполнения каждого пункта задания, копируемые из окна **Command Window** (шрифт Courier New), и ответы на поставленные вопросы (шрифт Times New Roman).

Защита лабораторной работы проводится на основании представленного отчета и контрольных вопросов из следующего списка:

- 1. Дайте определение матрицы.
- 2. Что такое размер и порядок матрицы?
- 3. Как вектор и скаляр воспринимаются в МАТLAB?
- 4. Чем определяется тип матрицы?
- 5. Как вводятся матрица, вектор и скаляр?
- 6. Чему равна нижняя граница индексов матрицы в MATLAB?
- 7. Как обратиться к элементу матрицы и вектора?
- 8. Что такое пустая матрица? С какой целью она вводится, и каков ее размер?
- 9. Что такое регулярная сетка, и как она вводится в МАТLАВ?
- 10. Как определить размер матрицы и длину вектора в МАТLАВ?
- 11. Как в MATLAB сформировать следующие матрицы: нулевую; единиц; единичную; случайных чисел, распределенных по равномерному и нормальному законам?
- 12. Как из матрицы выделить вектор-строку и вектор-столбец?
- 13. Как из матрицы выделить подматрицу с произвольными граничными индексами? С произвольными начальными индексами?
- 14. Как матрицу растянуть в вектор-столбец?
- 15. Как выполнить копирование матрицы?
- 16. Какие символы используются для поэлементных арифметических операций с матрицами?
- 17. Что такое транспонирование матрицы, и как оно выполняется в МАТLАВ?
- 18. Что такое эрмитово сопряжение матрицы, и как оно выполняется в МАТLАВ?
- 19. Дайте определение обратной матрицы и поясните, как она вычисляется в MATLAB.
- 20. Как в MATLAB вычислить определитель матрицы?
- 21. Для каких матриц допустима операция матричного умножения, и какой символ операции используется?
- 22. Какие символы матричного деления используются в MATLAB, и чем они отличаются? Какой из них используется при решении СЛАУ?

- 23. Как в МАТLАВ вычисляются различные нормы матрицы и вектора?
- 24. Как в МАТLAВ вычисляются среднее значение, дисперсия и СКО матрицы?

```
Вектор
                                                с матрицами, 5
  длина, 3
                                              Функции
  норма, 11
                                                генерирования типовых матриц, 3
  регулярная сетка, 2
                                                математической статистики, 12
                                              Функция
Матрица, 1
  возведение в степень, 7
                                                det, 9
  выделение векторов, 4
                                                diag, 3
  выделение подматриц, 4
                                                eye, 3
  деление, 9
                                                inv, 9
  диагональная, 3
                                                length, 3
  единиц, 3
                                                max, 12
  единичная, 3
                                                mean, 12
  конкатенация, 4
                                                min, 12
  копирование, 4
                                                norm, 11
                                                ones, 3
  норма, 11
  нулевая, 3
                                                prod, 12
  обращение, 9
                                                rand, 3
  пустая, 3
                                                randn, 3
  размер, 1, 3
                                                repmat, 4
  сложение и вычитание, 6
                                                size, 3
  случайных чисел, 3
                                                sort, 12
  Теплица, 3
                                                std, 12
  тип, 1
                                                sum, 12
  транспонирование, 7
                                                toeplitz, 3
  умножение, 6
                                                var, 13
  эрмитово сопряжение, 7
                                                zeros, 3
```

Операции