自然界发生的现象有两类：确定性现象、随机现象。

在大量重复试验下，随机事件的结果呈现出某种规律性。这种在大量重复试验中所呈现出的固有规律性，就是统计规律性。

随机现象：在个别试验中其结果呈现出不确定性，在大量重复试验中其结果又具有统计规律性的现象。概率论与数理统计是研究和揭示随机现象统计规律性的一门数学学科。

随机试验：满足以下特点的试验

（1）可以在相同的条件下重复地进行

（2）每次试验的可能结果不止一个，并且能事先明确试验的所有可能结果

（3）进行一次试验之前不能确定哪一个结果会出现

样本空间：随机试验E的所有可能结果组成的集合。记为S。

样本点：E的每个结果，S的每个元素

随机事件：S的子集，E的随机事件，简称事件

基本事件：由一个样本点组成的单点集

必然事件：S

不可能事件：

事件间的关系与事件的运算：事件是集合，可用集合论去理解。P3

（1）A包含于B，A与B相等

（2）和事件 A+B

（3）积事件 AB

（4）差事件 A-B

（5）相交为空 互不相容 互斥

（6）逆事件 对立事件

事件运算时，经常要用到下述定律： P4

（1）交换律 和、积

（2）结合律 A、B、C的和或积

（3）分配率 先和后积、先积后和

（4）德摩根律

对于一个随机试验，某个随机事件可能发生，也可能不发生，我们常常希望知道它发生的可能性的大小，称为概率。

频率：在相同条件下，进行了n次试验，事件A，频数，频率。

由定义知，频率具有下述特点：

（1）[ 0, 1 ]

（2）S事件的频率为1

（3）两两互不相容 和事件的频率等于事件频率的和

直观的想法是用频率来表示事件A在一次试验中发生的可能性大小。

是否可行呢？抛硬币试验 P6

大量试验证实，当重复次数足够多时，频率呈现出稳定性，逐渐稳定于某个常数。频率稳定性，统计规律性。我们可以用大量试验次数下的频率来作为概率。但在实际中，我们不可能对每一个试验都要大量重复，然后求得相关试验的频率。我们需要有一种数学方法来定义和计算概率。

概率：设E为随机试验，S为其样本空间，对于E的每一个事件A赋予一个实数，记为P(A)，称为事件A的概率，如果集合函数P(.)满足下列条件：

（1）非负性 P(A) >= 0

（2）规范性 P(S)=1

（3）可列可加性 两两互不相容 和事件的概率等于事件概率的和

第5章中，将证明当n趋于无穷大时，频率在一定意义下接近于概率P（A）

则可用P(A)来表征事件A在一次试验中发生的可能性大小（概率）

频率的性质

（1）P（）=0

（2）有限可加性 两两互不相容 和的概率等于概率的和

（3）事件A、B，差的概率的概率的差

（4）P(A) <= 1

（5）逆事件的概率

（6）加法公式 推广到多个事件的情况 P9

等可能概型（古典概型）：具有两个特点的试验

（1）样本空间只含有限个元素

（2）每个基本事件发生的可能性相同

由等可能概性的概念和概率的性质，易证，P（基本事件）=1/n

若事件A包含k个基本事件，P（A）=k / n

随机选取n个人，n<=365，假设每人的生日在一年365天中的任一天是等可能的，即都等于1/365，那么他们的生日各不相同的概率 P13

超几何分布 P12

袋中有a只白球、b只红球，k个人依次在袋中取一只球，不放回抽样，求第i个人取到白球的概率？ k<=a+b

与福利彩票类似，虽然取球的先后次序不同，但各人取到白球的概率是一样的。

概率很小的事，在一次试验中实际上几乎是不发生的，称之为：实际推断原理。 P14