



Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України  
«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»  
Фізико-технічний інститут

**ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №4**  
**з дисципліни**  
**«Криптографія»**  
**на тему: «Побудова реєстрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком та**  
**дослідження їх властивостей»**  
**Варіант 2**

Виконали:  
студенти 3 курсу ФТІ  
групи ФБ-73  
Танчинець А.Є.  
Петренко К.М.

Перевірили:  
Чорний О.  
Савчук М. М.  
Завадська Л. О.

**Мета роботи:** Ознайомлення з принципами побудови регістрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком; практичне освоєння їх програмної реалізації; дослідження властивостей лінійних рекурентних послідовностей та їх залежності від властивостей характеристичного полінома регістра.

### Порядок виконання роботи

0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.
1. Вибрати свій варіант завдання згідно зі списком. Варіанти завдань містяться у файлі Crypto\_CP4 LFSR\_Var.
2. За даними характеристичними многочленами  $p_1(x)$ ,  $p_2(x)$  скласти лінійні рекурентні співвідношення для ЛРЗ, що задаються цими характеристичними многочленами.
3. Написати програми роботи кожного з ЛРЗ L1, L2.
4. За допомогою цих програм згенерувати імпульсні функції для кожного з ЛРЗ і підрахувати їх періоди.
5. За отриманими результатами зробити висновки щодо властивостей кожного з характеристичних многочленів  $p_1(x)$ ,  $p_2(x)$ : многочлен примітивний над  $F_2$ ; не примітивний, але може бути незвідним; звідний.
6. Для кожної з двох імпульсних функцій обчислити розподіл  $k$ -грам на періоді,  $k \leq n_i$ , де  $n_i$  - степінь полінома  $f_i(x)$ ,  $i=1,2$  а також значення функції автокореляції  $A(d)$  для  $0 \leq d \leq 10$ . За результатами зробити висновки.

|   |   |
|---|---|
| 1 | $P_1(X) = X^{20} + X^{16} + X^{14} + X^{12} + X^{10} + X^7 + X^6 + X + 1$ $P_2(X) = X^{24} + X^{21} + X^{12} + X^{11} + X^{10} + X^7 + X^2 + X + 1$ |
|---|---|

### P1:

The polynom is primitive

Period: 1048575

autocorrelation for d=0: 0

autocorrelation for d=1: 524288

autocorrelation for d=2: 524288

autocorrelation for d=3: 524288

autocorrelation for d=4: 524288

autocorrelation for d=5: 524288

autocorrelation for d=6: 524288

autocorrelation for d=7: 524288

autocorrelation for d=8: 524288

autocorrelation for d=9: 524288

autocorrelation for d=10: 524288

### Кількість n-грам:

Ngram length: 1

{'0': 524287, '1': 524288}

Ngram length: 2

{'00': 262143, '01': 262144, '10': 262143, '11': 262144}

Ngram length: 3

{'000': 131071, '001': 131072, '010': 131072, '100': 131071, '101': 131072, '011': 131072, '111': 131072, '110': 131071}

Ngram length: 4

{'0000': 65535, '0001': 65536, '0010': 65536, '0100': 65536, '1000': 65535, '0101': 65536, '1010': 65536, '1001': 65536, '0011': 65536, '0111': 65536, '1110': 65535, '1100': 65535, '1111': 65536, '0110': 65536, '1101': 65536, '1011': 65536}

Ngram length: 5

{'00000': 32767, '00001': 32768, '00010': 32768, '00100': 32768, '01000': 32768, '10001': 32768, '00101': 32768, '01010': 32768, '10100': 32768, '01001': 32768, '10010': 32768, '10000': 32767, '00011': 32768, '00111': 32768, '01110': 32768, '11100': 32767, '11001': 32768, '10011': 32768, '01111': 32768, '11110': 32767, '11000': 32767, '10101': 32768, '00110': 32768, '01101': 32768, '11010': 32768, '01011': 32768, '10111': 32768, '11011': 32768, '10110': 32768, '11101': 32768, '01100': 32768, '11111': 32768}

## P2:

The polynom is reducible

Period: 3355443

autocorrelation for d=0: 0

autocorrelation for d=1: 1677312

autocorrelation for d=2: 1677312

autocorrelation for d=3: 1677312

autocorrelation for d=4: 1677312

autocorrelation for d=5: 1679360

autocorrelation for d=6: 1677312

autocorrelation for d=7: 1677312

autocorrelation for d=8: 1677312

autocorrelation for d=9: 1677312

autocorrelation for d=10: 1677312

## Кількість n-грам:

Ngram length: 1

{'0': 1678131, '1': 1677312}

Ngram length: 2

{'00': 839475, '01': 838656, '10': 838655, '11': 838656}

Ngram length: 3

{'000': 420147, '001': 419328, '010': 419328, '100': 419327, '011': 419328, '111': 419328, '110': 419327, '101': 419328}

Ngram length: 4

{'0000': 210483, '0001': 209664, '0010': 209664, '0100': 209664, '1001': 209664, '1000': 209663, '0011': 209664, '0111': 209664, '1110': 209664, '1101': 209664, '1010': 209664, '0101': 209664, '1011': 209664, '1111': 209664, '1100': 209663, '0110': 209663}

Ngram length: 5

{'00000': 105267, '00001': 105216, '00010': 104960, '00100': 104704, '01001': 104704, '10010': 104704, '01000': 104960, '10001': 104448, '00011': 104704, '00111': 104960, '01110': 105216, '11101': 104704, '11010': 104704, '10101': 104704, '01011': 104704, '10111': 104704, '01111': 104448, '11110': 104448, '11100': 104960, '11001': 104960, '00110': 104704, '01101': 104960, '11011': 104960, '10110': 104959, '01100': 104703, '10011': 104960, '01010': 104960, '10100': 104960, '11111': 105216, '00101': 104960, '11000': 104703, '10000': 105215}

**Висновок:** виконавши роботу, ми набули навичок у побудові лінійних регістрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком та їх програмній реалізації; дослідили залежність лінійних рекурентних послідовностей в залежності від характеристичного полінома регістра.