## КИМ №25062213 | Задания

#### Задание 1 | Тип ЕГЭ №15

Обозначим через ДЕЛ(n, m) утверждение «натуральное число n делится без остатка на m». Для какого наименьшего натурального числа A формула

$$extit{ДЕЛ}(x,A) o ( extit{ДЕЛ}(x,A) o extit{ДЕЛ}(x,34) \wedge extit{ДЕЛ}(x,51))$$

тождественно истинна (то есть принимает значение 1 при любом натуральном значении переменной x)?

Telegram: @fast ege



## Задание 2 | Тип ЕГЭ №15

Обозначим через ДЕЛ(n, m) утверждение «натуральное число n делится без остатка на натуральное число m». Для какого наименьшего натурального числа A формула

ДЕЛ
$$(A,7) \wedge ($$
ДЕЛ $(240,x) 
ightarrow (
eg ДЕЛ $(A,x) 
ightarrow 
eg ДЕЛ $(780,x)))$$$ 

тождественно истинна (то есть принимает значение 1 при любом натуральном значении переменной x)?

Telegram: Ofast ege



#### Задание 3 | Тип ЕГЭ №15

Обозначим через ДЕЛ(n, m) утверждение «натуральное число n делится без остатка на натуральное число m»; и пусть на числовой прямой дан отрезок B = [50; 70].

Для какого наибольшего натурального числа A формула

ДЕЛ
$$(x,A) \lor ($$
ДЕЛ $(x,23) 
ightarrow \lnot (x \in B))$ 

тождественно истинна (т.е. принимает значение 1) при любом натуральном значении переменной x?

## Задание 4 | Тип ЕГЭ №15

Обозначим через m & n поразрядную конъюнкцию неотрицательных целых чисел m и n. Так, например,  $14~\&~5 = 1110_2\&~0101_2 = 0100_2 = 4$ . Для какого наименьшего неотрицательного целого числа A формула

$$((x\&52 
eq 0) \land (x\&36 = 0)) 
ightarrow 
eg (x\&A = 0)$$

тождественно истинна (т.е. принимает значение 1) при любом неотрицательном целом значении переменной х?

Telegram: @fast ege

✓ Открыть решение

#### Задание 5 | Тип ЕГЭ №15

 $(\underline{\text{E. Джобс}})$  Обозначим через m&n поразрядную конъюнкцию неотрицательных целых чисел m и n. Так, например,  $14\&5=1110_2\&0101_2=0100_2=4$ . Найдите минимальное значение A, при котором значение выражения  $(x\&103=0) \wedge (x\&94\neq 0) \rightarrow (x\&A\neq 0)$ 

тождественно истинно, то есть принимает значение 1 при любом натуральном значении x.

Telegram: @fast\_ege

Открыть решение

## Задание 6 | Тип ЕГЭ №15

Определите наибольшее натуральное число А, при котором выражение

$$(\ x\&30 
eq 4) \lor \ ((x\&\ 35=1) 
ightarrow (x\&A=0))$$

тождественно истинно (то есть принимает значение 1 при любом натуральном значении переменной x)?

Telegram: @fast\_ege

Открыть решение

## Задание 7 | Тип ЕГЭ №15

Для какого наибольшего целого неотрицательного числа А выражение

$$(x < A) \land (y < A) \land (x \cdot y > 1200)$$

тождественно ложно, т.е. принимает значение 0 при любых целых положительных x и y?

Telegram: @fast\_ege



#### Задание 8 | Тип ЕГЭ №15

Для какого наибольшего целого неотрицательного числа А формула

$$(x+y\leq 24)ee (y\leq x-2)ee (y\geq A)$$

тождественно истинно (т.е. принимает значение 1) при любых целых положительных x и y.

Telegram: @fast\_ege



#### Задание 9 | Тип ЕГЭ №15

Обозначим ДЕЛ(x, d) утверждение «Натуральное число x делится без остатка на натуральное число d». Укажите максимальное число A, при котором выражение  $(\text{ДЕЛ}(x,10) \land \text{ДЕЛ}(x,26) \land (x \geq 300)) \rightarrow (A \leq x)$  тождественно истинно.

Telegram: @fast ege



#### Задание 10 | Тип ЕГЭ №15

Обозначим через ДЕЛ(n, m) утверждение «натуральное число n делится без остатка на натуральное число m». Сколько существует натуральных значений A на отрезке [1;1000], при которых формула

ДЕЛ
$$(A,35) \wedge ($$
ДЕЛ $(730,x) \rightarrow ($ ¬ДЕЛ $(A,x) \rightarrow$ ¬ДЕЛ $(110,x)))$ 

тождественно истинна (то есть принимает значение 1 при любом натуральном значении переменной x)?

Telegram: @fast ege



#### Задание 11 | Тип ЕГЭ №15

 $(\underline{A.Богданов})$  Обозначим через **ТРЕУГ**(n,m,k) утверждение «существует невырожденный треугольник с длинами сторон n,m и k». Для какого наибольшего натурального числа **А** формула

$$\mathsf{TPEYL}(A,5,x) o ((\mathsf{MAKC}(x,11)\leqslant 19) \ \equiv \ \neg \mathsf{TPEYL}(23,13,x))$$

тождественно истине (т.е. принимает значение 1) при любом натуральном значении переменной x?

Примечание. MAKC(a, b) = a, если a > b и MAKC(a, b) = b, если  $a \le b$ .

Telegram: Ofast ege



## Задание 12 | Тип ЕГЭ №15

Обозначим через УГОЛ(a, b, c) утверждение «значения чисел a, b, c являются углами невырожденного треугольника».Для какого наименьшего натурального числа A формула:

$$\mathrm{УГОЛ}(37,A,x+45) \equiv \mathrm{УГОЛ}(A,x,90) \wedge \lnot (A+23 < 120)$$

тождественно истинна (т.е. принимает значение 1) при любом натуральном значении переменной x?

Telegram: @fast\_ege



## Годовой курс (15 задание III) КИМ №25062213 | Решения

#### Задание 1 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 102

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: @fast ege

↑ Вернуться к заданию

### Задание 2 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 420

Видеоразбор на VK: тык

Telegram: Ofast ege

↑ Вернуться к заданию

## Задание 3 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 69

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: Ofast ege

↑ Вернуться к заданию

## Задание 4 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 16

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: @fast\_ege

🚹 Вернуться к заданию

## Задание 5 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 24

Видеоразбор на YouTube: тык

#### Задание 6 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 58

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: @fast ege

↑ Вернуться к заданию

### Задание 7 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 35

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: @fast ege

↑ Вернуться к заданию

#### Задание 8 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 12

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: Ofast ege

↑ Вернуться к заданию

## Задание 9 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 390

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: @fast\_ege

↑ Вернуться к заданию

## Задание 10 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 14

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: Ofast ege

↑ Вернуться к заданию

# Задание 11 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 31

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: @fast ege

↑ Вернуться к заданию

# Задание 12 | Тип ЕГЭ №15

Ответ: 98

Видеоразбор на YouTube: тык

Telegram: @fast\_ege

🚹 Вернуться к заданию