# Prácticas de Aprendizaje Automático

# Clase 2: Introducción a NumPy y Matplotlib

Pablo Mesejo y Jesús Giráldez

Universidad de Granada

Departamento de Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial





# Índice

- 1. Retomando los fundamentos de Python
- 2. Arrays en Numpy. Funciones básicas
- 3. Indexado Numpy
- 4. Datos
  - a) Terminología
  - b) Generación de datos
  - c) Lectura de datos
- 5. Representación con Matplotlib

#### Retomando los fundamentos de Python

¿Alguien sabe qué hace esta función?

```
def someGreatFunction(arr):
   if len(arr) <= 1:
       return arr
  pivot = arr[len(arr) // 2]
   left = [x for x in arr if x < pivot]</pre>
  middle = [x for x in arr if x == pivot]
   right = [x for x in arr if x > pivot]
   return someGreatFunction(left) + middle + someGreatFunction(right)
print(someGreatFunction([3,6,8,10,1,2,1]))
```

#### Retomando los fundamentos de Python (y 2)

pivot: 10

left: [3, 6, 8, 1, 2, 1]

```
middle: [10]
                                                               right: []
                                                               pivot: 1
def QuickSort(arr):
                                                               left: []
                                                               middle: [1, 1]
   if len(arr) <= 1:
                                                               right: [3, 6, 8, 2]
                                                               pivot: 8
         return arr
                                                               left: [3, 6, 2]
                                                               middle: [8]
   pivot = arr[len(arr) // 2]
                                                               right: []
   left = [x for x in arr if x < pivot]</pre>
                                                               pivot: 6
                                                               left: [3, 2]
   middle = [x for x in arr if x == pivot]
                                                               middle: [6]
                                                               right: []
   right = [x for x in arr if x > pivot]
                                                               pivot: 2
   return QuickSort(left)+middle+QuickSort(right)
                                                               left: []
                                                               middle: [2]
print(QuickSort([3,6,8,10,1,2,1]))
                                                               [1, 1, 2, 3, 6, 8, 10]
```

#### Ordenando las ideas

- NumPy (<u>https://numpy.org/doc/</u>)
  - Biblioteca que da soporte para vectores y matrices
  - Incluye numerosas funciones para operar sobre dichos arrays
- Matplotlib (<a href="https://matplotlib.org/">https://matplotlib.org/</a>)
  - Biblioteca que permite la visualización de funciones matemáticas
- SciPy (https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/)
  - Biblioteca para cálculo científico y técnico
  - Más completo que NumPy (a nivel de funciones de álgebra lineal, p.ej.; e incluye módulos de integración, optimización, ecuaciones diferenciales, etc.)
  - Utiliza NumPy
- Scikit-learn (<a href="https://scikit-learn.org/stable/">https://scikit-learn.org/stable/</a>)
  - Biblioteca de aprendizaje automático
  - Está construida sobre SciPy









- Numpy es el paquete principal en python para manejar arrays de N dimensiones de forma eficiente
  - Proporciona herramientas para integrar código C/C++/Fortran
- Incluye funciones para realizar operaciones matriciales, álgebra lineal, transformaciones de Fourier, y generación de números aleatorios.
- Importamos el paquete con import numpy (se recomienda usar import numpy as np para poder llamarla con np).

- ¿Por qué no usar simplemente listas de Python?
  - En términos generales, NumPy presenta
    - una mayor rapidez de ejecución
    - y un menor consumo de memoria
  - Muchas más funciones disponibles

```
In [1]: import numpy as np
    ...: x = np.array([3, 6, 9, 12])
    ...: x/3.0
Out[1]: array([1., 2., 3., 4.])

In [2]: y = [3, 6, 9, 12]
    ...: y/3.0
Traceback (most recent call last):

File "<ipython-input-2-d16e9e874e49>", line 2, in <module>
    y/3.0

TypeError: unsupported operand type(s) for /: 'list' and 'float'
```

En este caso concreto, por ejemplo, habría que recorrer la lista, elemento a elemento, y dividir por el número correspondiente

```
y = [3,6,9,12]
new_y = []
for number in y:
    new_y.append(number / 3)
print(new_y)
```

[1.0, 2.0, 3.0, 4.0]



# Crear Arrays en Numpy (1)

```
no_initialized = np.empty(<shape>, <type>)
zeros = np.zeros(<shape>, <type>)
ones = np.ones(<shape>, <type>)
```

- <shape>  $\rightarrow$  Tupla con el tamaño por dimensión. Ejemplo: Matriz 2x5  $\rightarrow$  (2, 5).
- <type> → Tipo de numpy (np.int32, np.float32, bool,...).
- También podemos crear un array nuevo con la misma forma y tipo que otro usando np.empty\_like, np.zeros\_like o np.ones\_like

```
array1 = np.ones((1,5),np.float)
array1
array([[1., 1., 1., 1., 1.]])
new_array1 = np.zeros_like(array1)
new_array1
array([[0., 0., 0., 0., 0.]])
```

Y, por supuesto, se puede inicializar con los valores que uno quiera: x = np.array([2,3,1,0])

# Crear Arrays en Numpy (2)

#### Crear array aleatorio:

- Uniforme: np.random.uniform(low=<min\_val>, high=<max\_val>, size=<shape>)
  - Este array es de números reales entre <min\_val> y <max\_val>.
- Uniforme (enteros): np.random.randint(low=<min\_val>, high=<max\_val>, size=<shape>)
  - Este array es de números enteros entre <min\_val> y <max\_val>.

```
In [67]: print(np.random.uniform(-10, 10, (1,5)))
[[-2.52124033 -7.22533183 -2.98541844  8.92440291 -3.91384372]]
In [68]: print(np.random.uniform(-10, 10, (1,5)))
[[-9.17158651  4.04813184 -1.69356788  3.75857095 -3.21201073]]
In [69]: print(np.random.uniform(-10, 10, (1,5)))
[[-0.97694229 -7.08639096 -9.07903603  0.10606073  7.36018195]]
```

# Crear Arrays en Numpy (y 3)

Crear array en un rango determinado de valores:

np.arange([start,] stop[, step,], dtype=None)

Obtener tamaño del array: array.shape

Obtener tipo array: array.dtype

Cambiar tipo array: array.astype (<new\_numpy\_type>)

Cambiar forma del array (tienen que mantenerse el mismo número de elementos):

array.reshape (<new\_shape>). Se puede poner una dimensión como -1 (es decir, desconocida) -> el nuevo tamaño se calculará en función del tamaño del resto de dimensiones y del número de elementos.

Trasponer un array: array.transpose() o array.T Generalmente más rápido

```
In [9]: a = np.array([(0.1, 1.), (0.1, 2.), (0.1, 3.), (0.1, 4.), (0.1, 5.)])
   . . . :
In [10]: a.transpose()
                                                                                      [[0.1 1. ]
Out[10]:
                                                                                      [0.1 2.]
                                                                                      [0.1 3.]
array([[0.1, 0.1, 0.1, 0.1, 0.1],
                                                                                      [0.1 4.]
       [1., 2., 3., 4., 5.]
                                                                                      [0.1 5. ]]
In [11]: a
Out[11]:
array([[0.1, 1.],
       [0.1, 2.],
       [0.1, 3.],
       [0.1, 4.],
       [0.1, 5, ]])
In [12]: a.T
Out[12]:
array([[0.1, 0.1, 0.1, 0.1, 0.1],
       [1., 2., 3., 4., 5.]])
```

Diferenciando entre vectores fila y columna...

```
In [1]: import numpy as np
   ...: a = np.array([1, 2, 3])
                                   Es necesario emplear una
Out[1]: array([1, 2, 3])
                                   dimensión extra para
                                   diferenciar ambos casos
In [2]: a.transpose()
Out[2]: array([1, 2, 3])
In [3]: a.shape = (3,1)
In [4]: a
Out[4]:
array([[1],
       [2],
In [5]: a.transpose()
Out[5]: array([[1, 2, 3]])
```

## Otra opción: usar np.newaxis

# Arrays en Numpy. Estadísticas (1)

- Mínimo: array.min(axis=<dim>)
- Máximo: array.max(axis=<dim>)
- indice del mínimo: array.argmin(axis=<dim>)
- Índice del máximo: array.argmax (axis=<dim>)
- Media: array.mean (axis=<dim>)
- Media ponderada: np.average(array, axis=<dim>, weights=<pesos>)
- Desviación estándar: array.std(axis=<dim>)
- Varianza: array.var(axis=<dim>)

```
x = np.array([2,3,1,0])
x.mean()
1.5
x.argmin()
```

```
x = np.array([[2,3,1,0],[0, 0, 0, 0]])
                                                   x.mean() daría la
                                 Por columnas
array([1. , 1.5, 0.5, 0. ])
                                Por filas
x.mean(1) \leftarrow
array([1.5, 0. ])
```

# Arrays en Numpy. Estadísticas (2)

array([[1, 2, 3],

Out[29]: 45

[4, 5, 6],

[7, 8, 9]])

- Mediana: np.median(array, axis=<dim>)
- Percentiles: np.percentile(array, q <lista percentiles>, axis=<dim>)
- Suma: array.sum(axis=<dim>)
- Multiplicación de los elementos de un array: array.prod(axis=<dim>)
- Algún elemento es verdad: array.any(axis=<dim>)
- Todos son verdad: array.all(axis=<dim>)

<dim>: dimensión a lo largo de la cual se calcula. Por defecto, como si hubiese una sola dimensión.

En 2D: axis-0: recorre filas | axis-1: recorre columnas

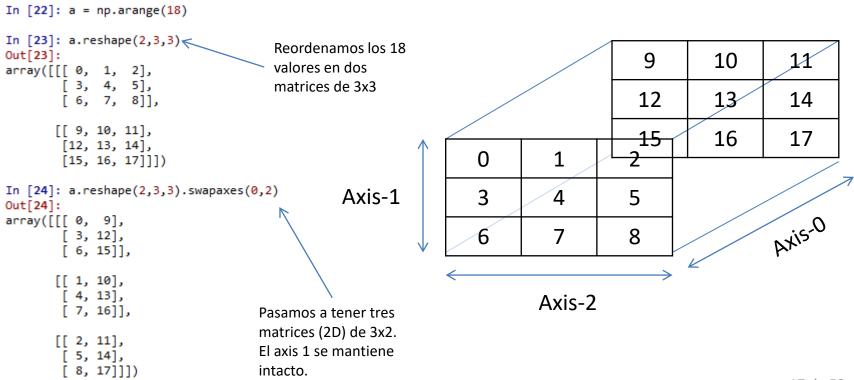
Todas estas funciones, salvo **any** y **all**, tienen otra versión **np.nan<función>** que realiza dicha función tratando los valores NaN como zeros (o ignorándolos).

```
In [144]: x = np.array([10, np.nan, 10, np.nan, 10, np.nan, np.nan])
In [145]: np.nanmedian(x)
Out[145]: 10.0
In [146]: np.median(x)
C:\Users\Pablo.DESKTOP-UVM4BCE\Anaconda3\lib\site-packages\numpy\lib\function_base.py:3250: RuntimeWarning: Invalid value encountered in median
    r = func(a, **kwargs)
Out[146]: nan
15 de 53
```

Permutar dimensiones: array.swapaxes(<dim1>, <dim2>)

```
In [1]: import numpy as np
In [2]: x = np.array([[[0,1],[2,3]],[[4,5],[6,7]]])
                                                                                   4
   ...: x
Out[2]:
                                                                                   6
array([[[0, 1],
                                                             0
        [2, 3]],
                                           Axis-1
       [[4, 5],
        [6, 7]]])
                                                                                          Axis-0
In [3]: x.swapaxes(0,2)
Out[3]:
                                                                Axis-2
array([[[0, 4],
        [2, 6]],
       [[1, 5],
        [3, 7]]])
```

Permutar dimensiones: array.swapaxes(<dim1>, <dim2>)



- Varias formas de hacer lo mismo:
  - -array.swapaxes(0,1)
  - -array.T
  - array.transpose()

```
In [36]: c
Out[36]:
array([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6],
       [7, 8, 9]])
In [37]: c.swapaxes(0,1)
Out[37]:
array([[1, 4, 7],
       [2, 5, 8],
       [3, 6, 9]])
In [38]: c.T
Out[38]:
array([[1, 4, 7],
       [2, 5, 8],
       [3, 6, 9]])
In [39]: c.transpose()
Out[39]:
array([[1, 4, 7],
       [2, 5, 8],
                     18 de 53
```

# Arrays en Numpy. Axis.

```
In [2]: new array = np.array([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]])
In [3]: new array.shape
                                                Array con 3 filas y 3 columnas
Out[3]: (3, 3)
In [4]: new array
Out[4]:
array([[1, 2, 3],
     [4, 5, 6],
                                                                                                                                    2D
     [7, 8, 9]])
                                                    Sumamos los elementos de cada columna
In [5]: new array.sum(axis=0) 
Out[5]: array([12, 15, 18])
                                                   Sumamos los elementos de cada fila
In [6]: new array.sum(axis=1)
Out[6]: array([ 6, 15, 24])
In [7]: new_array = np.array([[[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]],[[10,10,10],[20,20,20],[30,30,30]]])
  ...: new array.shape
Out[7]: (2, 3, 3)
In [8]: new array
Out[8]:
                                                  Array tridimensional: 2 matrices de 3x3
array([[[ 1, 2, 3],
       4, 5, 6],
      [7, 8, 9]],
     [[10, 10, 10],
      [20, 20, 20],
      [30, 30, 30]]])
                                                     Sumamos con respecto al fondo (axis=0)
In [9]: new array.sum(axis=0) 
                                                                                                                                       3D
Out[9]:
array([[11, 12, 13],
     [24, 25, 26],
     [37, 38, 39]])
                                                     Sumamos los elementos de cada columna
In [10]: new array.sum(axis=1) 
Out[10]:
array([[12, 15, 18],
     [60, 60, 60]])
                                                    Sumamos los elementos de cada fila
In [11]: new array.sum(axis=2)
Out[11]:
                                                                                                                                   19 de 53
array([[ 6, 15, 24],
      [30, 60, 90]])
```

Copiar array: array2 = array.copy()

```
In [1]: import numpy as np
                                                                     Si no se usa esta función, array2
In [2]: x = np.array([1, 2, 3])
   ...: y = x ←
                                                                      tendría una referencia
   \ldots: z = np.copy(x)
   ...: v[0] = 10
                                               Unlike some other languages, creating a new variable with an assignment statement in Python such
                                               as x = some_numpy_array does not make a copy of some numpy array.
In [3]: print(x, y, z)
                                               Instead, the assignment statement makes x and some_numpy_array both point to the same numpy array in memory.
[10 2 3] [10 2 3] [1 2 3]
                                               Because x and some_numpy_array are both refer (or pointer) to the same numpy array in memory, the numpy array
                                               can be changed by operations on either x or some numpy_array. If you aren't aware of this behavior
In [4]: x is y
                                               then you may run into very difficult to identify bugs in your calculations!
Out[4]: True
In [5]: z is x
Out[5]: False
```

Ordenar array de menor a mayor: array.sort(axis=<dim>)

Índices que ordenan array de menor a mayor: np.argsort(array, axis=<dim>)

```
In [1]: import numpy as np
In [2]: a=np.array([5,3,7,8,1,2,3])
In [3]: a.sort()
In [4]: a
                                        INDEX
                                                   0
                                                                              3
                                                                                                         6
                                                                                                 5
Out[4]: array([1, 2, 3, 3, 5, 7, 8])
                                       VALUE
                                                                                                          3
                                                   5
                                                            3
                                                                              8
In [5]: a=np.array([5,3,7,8,1,2,3])
In [6]: np.argsort(a)
Out[6]: array([4, 5, 1, 6, 0, 2, 3], dtype=int64)
                                                           5
                                                                             6
                                                                                      0
                                                                                                        3
                                                  4
```

¿¿Y... ordenar array de mayor a menor??

```
a[::-1].sort() ordena el array in place
np.sort(a)[::-1] crea un nuevo array
```

#### Arrays en Numpy. Operaciones elemento a elemento

```
Hadamard product
```

- Array (a1) con array (a2): Suma (a1+a2), producto(a1\*a2 o np.multiply(a1,a2)), resta(a1-a2), división(a1/a2), división entera(a1//a2), potencia (a1\*\*a2), mayor/mayor igual (a1>a2 / a1>=a2), menor / menor igual (a1<a2 / a1<=a2), igual (a1==a2) y no igual (a1!=a2)</li>
- Escalar (c) con array (a): Suma (c+a), producto(c\*a o np.multiply(c,a)), resta(a-c ó c-a), división(a/c ó c/a), división entera (a//c ó c//a), potencia (a\*\*c ó c\*\*a), mayor/mayor igual (a>c / a>=c), menor/menor igual (a<c / a<=c), igual (a==c) y no igual (a!=c)</li>
- Resto: np.mod(a1, a2) / np.mod(a, c) / np.mod(c, a)
- Valor absoluto: np.abs(a)
- Raíz cuadrada: np.sqrt(a)
- Exponencial (e\*\*a): np.exp(a)
- Logaritmo natural / Logaritmo 2 / Logaritmo 10: np.log(a) / np.log2(a) / np.log10(a)

#### Arrays en Numpy. Operaciones elemento a elemento

- Funciones trigonométricas: np.cos(a), np.sin(a), np.tan(a),
   np.arccos(a), np.arcsin(a), np.arctan(a)
- Signo: np.sign(a)
- Mínimo elemento a elemento: np.minimum (a1, a2)
- Máximo elemento a elemento: np.maximum (a1, a2)
- ceil, floor, redondear al entero más cercano: np.ceil(a), np.floor(a),
   np.rint(a)
- Obtener los valores únicos: np.unique (array)
- ¿Están los elementos de un array en otro? np.in1d(a1, a2)
- Unión, intersección, diferencia (de conjuntos) y diferencia simétrica: np.union1d(a1, a2), np.intersect1d(a1, a2), np.setdiff1d(a1, a2), setxor1d(a1,a2)

#### Arrays en Numpy. Operaciones con matrices

- Producto: array1.dot(array2) o np.matmul(array1, array2)
- Transpuesta: array1.transpose()
- Diagonal (como array de 1d): np.diagonal(array1)
- Traza (suma de la diagonal de la matriz):

#### np.trace(array1)

- Determinante: np.linalg.det(array1)
- Inversa: np.linalg.inv(array1)

```
In [1]: import numpy as np
In [2]: array2 = np.array([[0,1,0],[1,0,1]])
   ...: array1 = np.copy(array2)
In [3]: array2
Out[3]:
array([[0, 1, 0],
       [1, 0, 1]])
In [4]: array1
Out[4]:
array([[0, 1, 0],
       [1, 0, 1]])
In [5]: array1.dot(array2.transpose())
Out[5]:
array([[1, 0],
       [0, 2]])
In [6]: np.trace(array1.dot(array2.transpose()))
Out[6]: 3
```

# Arrays en Numpy. Distintas formas de multiplicar matrices

```
import numpy as np
a = np.array([[1,2],[3,4]])
                                            [3 4]] [7 8]]
b = np.array([[5,6],[7,8]])
                                    Producto elemento a elemento
print(np.multiply(a,b))
                                                                        [[ 5 12]
print(a*b)
                                          (Hadamard Product)
                                                                         [21 32]]
print(a@b)
                                                                        [[19 22]
print(np.dot(a,b))
                                         Producto de matrices
                                                                         [43 50]]
print(np.matmul(a,b))
```

Qué función utilizar depende de la operación concreta que queremos realizar.

Las diferencias entre funciones/operadores radican, generalmente, en su versatilidad (p.ej. np.multiply() puede tomar argumentos adicionales en relación a \*, y np.matmul() no permite la multiplicación con escalares, mientras que np.dot() sí)

# Arrays en Numpy. Distintas formas de multiplicar matrices

El tiempo de ejecución, a priori, no parece un elemento diferencial

```
%timeit np.multiply(a,b)
%timeit a*b

1000000 loops, best of 5: 549 ns per loop
1000000 loops, best of 5: 507 ns per loop

%timeit a@b
%timeit np.dot(a,b)
%timeit np.matmul(a,b)

1000000 loops, best of 5: 1.2 μs per loop
1000000 loops, best of 5: 1.27 μs per loop
1000000 loops, best of 5: 1.23 μs per loop
```

No obstante, si tenemos que multiplicar matrices más grandes y encadenar múltiples productos, los tiempos pueden ser más largos. En ese tipo de circunstancias, hay funciones que permiten optimizar el proceso:

27 de 53

```
from numpy.linalg import multi_dot

A = np.random.random((10000, 1000))

B = np.random.random((100, 1000))

C = np.random.random((1000, 5))

D = np.random.random((5, 333))

print(np.allclose(multi_dot([A, B, C, D]), A.dot(B).dot(C).dot(D)))

%timeit multi_dot([A, B, C, D])

%timeit M.dot(B).dot(C).dot(D)
True

100 loops, best of 5
12.3 ms per loop

100 loops, best of 5:

114 ms per loop

Compute the dot product of two or more arrays in a single function call, while automatically selecting the fastest evaluation order.
```

If-else vectorizado: np.where(<condición array>, <valor cond true>, <valor cond false>)

np.where: "dime dónde en este array, las entradas satisfacen una condición dada"

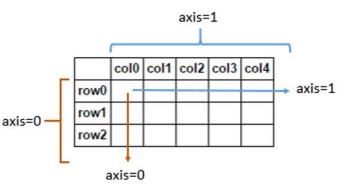


Función muy útil para buscar un elemento en un array!

```
In [1]: import numpy as np
                                                 Si se necesitan los valores, y
In [2]: a = np.arange(5,10)
                                                 no las posiciones, bastaría
In [3]: a
                                                 con hacer a [a<8]
Out[3]: array([5, 6, 7, 8, 9])
In [4]: np.where(a < 8)
Out[4]: (array([0, 1, 2], dtype=int64),)
In [5]: a = np.arange(4,10).reshape(2,3)
                                                 Posiciones (0,2), (1,0),
In [6]: a
                                                         (1,1), (1,2)
Out[6]:
array([[4, 5, 6],
       [7, 8, 9]])
                                        Filas
                                                        Columnas
In [7]: idxs = np.where(a
   ...: idxs
Out[7]: (array([0, 1, 1, 1], dtype=int64), array([2, 0, 1, 2], dtype=int64))
In [8]: result = a[idxs]
   ...: result
                                                                       28 de 53
Out[8]: array([6, 7, 8, 9])
```

Repetir elementos de un array: np.repeat(array, <nº repeticiones>, axis=<dim>)

```
In [14]: np.repeat(3, 4)
Out[14]: array([3, 3, 3, 3])
In [15]: x = np.array([[1,2],[3,4]])
In [16]: x
Out[16]:
array([[1, 2],
       [3, 4]])
In [17]: np.repeat(x, 3, axis=0)
Out[17]:
array([[1, 2],
       [1, 2],
       [1, 2],
       [3, 4],
       [3, 4],
       [3, 4]])
In [18]: np.repeat(x, 3, axis=1)
Out[18]:
array([[1, 1, 1, 2, 2, 2],
       [3, 3, 3, 4, 4, 4]])
```



Repetir array:

np.tile(array, <nº repeticiones>)

Podemos usar la función np.apply\_over\_axes(f, array, axes=(<dim1>, <dim2>, ...)) para aplicar la función f sobre las dimensiones de array indicadas.

El orden en el que se indican las dims es el que se seguirá a la hora de realizar el cálculo.

```
In [1]: import numpy as np
In [2]: a = np.arange(24).reshape(2,3,4)
Out[2]:
array([[[ 0, 1, 2, 3],
        [8, 9, 10, 11]],
       [[12, 13, 14, 15],
        [16, 17, 18, 19],
        [20, 21, 22, 23]]])
In [3]: np.apply_over_axes(np.sum, a, [0,2])
Out[3]:
array([[[ 60],
         92],
```

```
      12
      14
      16
      18
      60

      20
      22
      24
      26
      92

      28
      30
      32
      34
      124
```

1º se suma en el eje 0 (profundidad): 0+12, 1+13, 2+14,... 2º se suma en el eje 2 (cada fila): 12+14+16+18,...

 Del mismo modo, np.apply\_along\_axis(f, axis=<dim>, array) aplica la función solo sobre la dimensión indicada.

```
In [6]: a
Out[6]:
array([[[ 0, 1, 2, 3],
       [4, 5, 6, 7],
        [8, 9, 10, 11]],
       [[12, 13, 14, 15],
       [16, 17, 18, 19],
        [20, 21, 22, 23]]])
In [7]: np.apply along axis(np.sum, 0, a)
Out[7]:
array([[12, 14, 16, 18],
       [20, 22, 24, 26],
       [28, 30, 32, 34]])
```

# Código Numpy eficiente

```
In [1]: import numpy as np
   ...: ini = 1
   ...: end = 4
       x = np.tile(np.arange(ini, end+1), (end+1,1))
Out[1]:
array([[1, 2, 3, 4],
       [1, 2, 3, 4],
       [1, 2, 3, 4],
       [1, 2, 3, 4],
       [1, 2, 3, 4]])
In [2]: v = x.copv()
       for i in range(x.shape[0]):
            for j in range(x.shape[1]):
                x[i,j] **= 2
Out[2]:
             4, 9, 16],
             4, 9, 16],
             4, 9, 16],
             4, 9, 16]])
In [4]: for i in range(end-1, end+1):
            for j in range(x.shape[1]):
                x[i, j] += 5
Out[4]:
             4, 9, 16],
             4, 9, 16],
             9, 14, 21],
             9, 14, 21]])
```

```
Tile repite (end+1,1) veces el vector del primer argumento
```

```
Evitad bucles for anidados:
```

For-loops ralentizarán dramáticamente vuestro código (~10-100x)

6, 9, 14, 21]])

Hay muchas más funciones en el paquete, se recomienda echarle un vistazo a la documentación disponible en:

```
http://www.numpy.org/
```

## Hablando de comandos útiles y eficientes

• Zip: permite iterar sobre varias listas/arrays en paralelo

```
In [1]: list_a = [1,2,3,4]
    ...: list_b = [2,3,4,5]
    ...:
    ...: list_a*list_b
Traceback (most recent call last):

File "<ipython-input-1-89f73911f1be>", line 4, in <module>
    list_a*list_b

TypeError: can't multiply sequence by non-int of type 'list'

In [2]:
In [2]: [a*b for a,b in zip(list_a,list_b)]
Out[2]: [2, 6, 12, 20]
```

```
In [1]: alist = ['a1', 'a2', 'a3']
    ...: blist = ['b1', 'b2', 'b3']
    ...:
    ...: for i, (a, b) in enumerate(zip(alist, blist)):
    ...: print(i, a, b)
0 a1 b1
1 a2 b2
2 a3 b3
```

**Enumerate** permite iterar sobre índices y elementos de una lista

# Indexado Numpy (1)

[3 4 5]]

Permite hacer lo mismo que las listas de python y mucho más.

```
x = [5]
type(x)
list
x = np.array([5])
type(x)
numpy.ndarray
```

Además, podemos indexar usando arrays de enteros o un array con booleanos (True, False):

```
In [1]: import numpy as np
   ...: m = np.arange(0,6).reshape(2,3)
In [2]: m
Out[2]:
array([[0, 1, 2],
       [3, 4, 5]])
In [3]: print('Mostrar la primera fila')
   ...: print(m[0,:])
Mostrar la primera fila
[0 1 2]
In [4]: print('Mostrar las columnas pares')
   ...: print(m[:,::2])
Mostrar las columnas pares
[[0 2]
 [3 5]]
In [5]: print('Mostrar la esquina inferior derecha')
   ...: print(m[-1,-1])
Mostrar la esquina inferior derecha
In [6]: m[m<3]=0
   ...: print('Todos los elementos menores a 3 son 0 ahora')
   ...: print(m)
Todos los elementos menores a 3 son 0 ahora
[0 0 0]]
                                                  34 de 53
```

# Indexado Numpy (y 2)

35 de 53

```
Coge todas las filas de
                                                        la última columna
In [24]: data = np.array([[11, 22, 33,44],
    ...: [55, 66,77,88],
    ...: [99, 111,222,333]])
In [25]: X, y = data[:, :-1], data[:, -1]
                                                      Coge todas las filas que van de la
                                                      primera columna (columna 0) a la
In [26]: X
Out[26]:
                                                      última (sin incluirla)
array([[ 11, 22, 33],
       [55, 66, 77],
                                             Dos formas de acceder a los elementos del array:
       [ 99, 111, 222]])
                                             >>> a = np.random.randint(0,20,(2,5))
                                             array([[17, 8, 12, 10, 12],
In [27]: y
                                             [ 2, 15, 14, 11, 8]])
Out[27]: array([ 44, 88, 333])
                                             >>> a[0,1]
                                             >>> a[0][1]
```

# Datos. Terminología.

- Variables: Características de interés.
  - Se puede representar como una matriz.

Ej.: estimar el precio de un piso a partir de la zona, su tamaño, etc.

- Muestra Observada: Conjunto de valores de la variable obtenidos de manera homogénea.
  - Sería una fila de la matriz.

Ej.: en el ejemplo anterior, un piso concreto

- Tamaño muestral: Número de datos observados.
  - Sería el número de filas de la matriz

Ej.: el número de pisos que tenemos en nuestra base de datos

- Tipos de atributos:
  - Cualitativo: Intrínsecamente no tiene carácter numérico (categórica).
    - Ej.: la calificación energética de la vivienda (A-G)
  - Cuantitativo: Intrínsecamente numérico:
    - Discreto (cantidad finita o numerable de valores). Ej.: el nº de tiendas en el barrio
    - Continuo (valores reales). Ej.: la superficie de piso

### Datos. Generación de datos (1)

Numpy cuenta con varias funciones para la generación de datos pseudo-aleatorios (Random sampling) dentro de numpy.random.

Podemos fijar la semilla del generador de números pseudo-aleatorios para tener resultados reproducibles con **np.random.seed(seed)** (seed es un entero).

```
np.random.uniform()
0.2209062316173077
np.random.uniform()
0.08972395853794723
np.random.seed(37)
np.random.uniform()
0.9444966028573069
np.random.uniform()
0.4640981743044076
np.random.seed(37)
np.random.uniform()
0.9444966028573069
np.random.uniform()
```

0.4640981743044076

### Datos. Generación de datos (y 2)

Además, incluye funciones para alterar aleatoriamente el orden de un array:

- np.random.shuffle(x): Modifica x cambiando el orden de los elementos aleatoriamente. (Función in-place, no devuelve nada).
- np.random.permutation(x): Devuelve el array x con sus elementos desordenados (de forma aleatoria).

Aparte de por no ser una función In-Place, permutation se diferencia en que, si le pasas un entero, te devuelve un shuffled range: shuffled range i.e. np.random.shuffle(np.arange(n))

```
In [34]: x = np.array([1,2,3,4,5])
                                      In [35]: np.random.shuffle(x)
                                     In [36]: x
                                      Out[36]: array([3, 2, 5, 1, 4])
                                      In [37]: x = np.array([1,2,3,4,5])
                                      In [38]: np.random.seed(37)
                                      In [39]: np.random.permutation(x)
                                      Out[39]: array([3, 2, 5, 1, 4])
In [40]: x = 5
In [41]: np.random.permutation(x)
Out[41]: array([0, 1, 4, 3, 2])
In [42]: np.random.shuffle(x)
Traceback (most recent call last):
 File "<ipython-input-42-3ca5a8le845c>", line 1, in <module>
   np.random.shuffle(x)
  File "mtrand.pyx", line 4815, in mtrand.RandomState.shuffle
                                                                     38 de 53
TypeError: object of type 'int' has no len()
```

In [33]: np.random.seed(37)

# Generación de datos con Random sampling (numpy.random)

```
beta (a, b[, size])
binomial (n, p[, size])
chisquare (df[, size])
dirichlet (alpha[, size])
exponential ([scale, size])
f (dfnum, dfden[, size])
gamma (shape[, scale, size])
geometric (p[, size])
gumbel ([loc, scale, size])
hypergeometric (ngood, nbad, nsample[, size])
laplace ([loc, scale, size])
logistic ([loc, scale, size])
lognormal ([mean, sigma, size])
logseries (p[, size])
multinomial (n, pvals[, size])
multivariate_normal (mean, cov[, size, ...)
negative binomial (n, p[, size])
```

```
noncentral_chisquare (df, nonc[, size])
noncentral_f (dfnum, dfden, nonc[, size])
normal ([loc, scale, size])
pareto (a[, size])
poisson ([lam, size])
power (a[, size])
rayleigh ([scale, size])
standard cauchy ([size])
standard_exponential ([Size])
standard_gamma (shape[, size])
standard_normal ([SiZe])
standard_t (df[, size])
triangular (left, mode, right[, size])
uniform ([low, high, size])
vonmises (mu, kappa[, size])
wald (mean, scale[, size])
weibull (a[, size])
zipf (a[, size])
```

#### Generación de datos.

Distribución	Comando (np.random.)
Normal	normal(loc, scale, size)
Exponencial	exponential(scale, size)
Gamma	gamma(shape, scale, size)
Weibull	weibull(a, size)
Beta	beta(a, b, size)
t de Student (estandarizada)	standard_t(df, size)
F	f(dfnum, dfden, size)
Chi cuadrado	chisquare(df, size)
Binomial	binomial(n, p, size=None)
Poisson	poisson(lam, size)

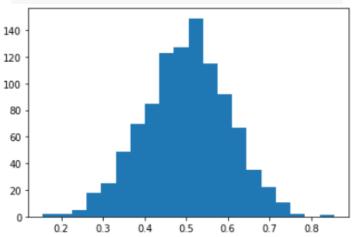
### Generación de datos. Ejemplos.

#### **Distribución Normal**

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

mu, sigma = 0.5, 0.1
s = np.random.normal(mu, sigma, 1000)

# Create the bins and histogram
count, bins, ignored = plt.hist(s, 20)
```



#### **Distribución Binomial**

Probabilidad del 17% de obtener 3 o menos caras al repetir 100 veces el experimento de lanzar 10 veces una moneda

#### Generación de datos discretos.

A parte de randint (random integers está obsoleta), podemos generar datos discretos muestreando aleatoriamente de un conjunto. Para ello, podemos usar la función np.random.choice(a, size, replace=True, p=None):

- a: Lista o array con los posible valores.
- size: Forma del array a generar (tupla o lista con el tamaño de cada dimensión).
- replace: Indica si los elementos se sacarán de la muestra, de forma que no se repitan.
- p: Array con la probabilidad de cada elemento. Es opcional.

```
aleatorios
                                                                                       entre 0 y 4
                                              In [5]: np.random.choice(5, 3)
In [2]: np.random.randint(1,5)
                                              Out[5]: array([1, 4, 3])
Out[2]: 2
                                              In [6]: np.random.choice(5, 3, p=[0.1, 0, 0.3, 0.6, 0])
In [3]: type(np.random.randint(5))
                                              Out[6]: array([3, 2, 2], dtype=int64)
Out[3]: int
                                              In [7]: np.random.choice(5, 3, replace=False, p=[0.1, 0, 0.3, 0.6, 0])
In [4]: np.random.randint(1,5, size=(3,2))
                                              Out[7]: array([3, 2, 0])
Out[4]:
array([[2, 4],
                                                                            Probabilidad de seleccionar
                                                                                  cada elemento
```

3 enteros

42 de 53

### Lectura de datos (1)

```
Hay muchas formas de leer datos de disco.
 -*- coding: utf-8 -*-
import numpy as np
                                       P. ej., podemos leer una matriz de un fichero de
                                           texto con cada línea siendo una fila y los
matrix = []
                                           elementos separados por espacios
f = open('mat.txt','r')
for 1 in f:
                                                              Eliminamos espacios en blanco al final
    row matrix = []
                                                             de cada string
    1 = 1.rstrip() \leftarrow
                                                              Individualizamos cada número
    for e in 1.split(' '): <</pre>
                                                              (sabemos que están separados por
         row matrix.append(float(e))
                                                              espacios)
    if len(row matrix) > 0:
         matrix.append(row matrix)
                                                                     In [5]: matrix
                                                                     Out[5]:
f.close()
                                                                     array([[ 1., 2., 3., 4.],
       [ 5., 6., 7., 8.],
       [ 9., 10., 11., 12.]])
matrix = np.array(matrix, np.float64)
```

#### Lectura de datos (y 2)

Podemos hacer lo mismo usando la función

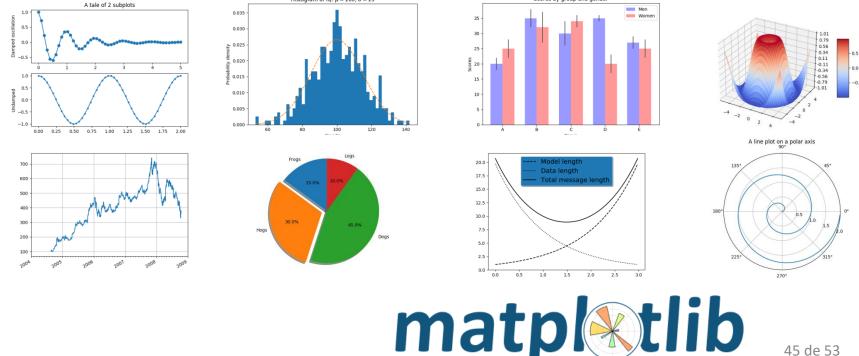
```
dtype=<tipo>, skiprows=<saltar filas al inicio>)

Con esa función se puede leer también un csv en una matriz de numpy y guardarlo con np.savetxt(<path fichero>, <array>, delimiter=<delimitador>, header=<cabecera>)

Si vamos a guardar o leer un array de numpy es preferible usar el formato binario .npy.
   Para guardar usamos np.save(<path fichero>, <array>)
   Para leer usamos np.load(<path fichero>)
```

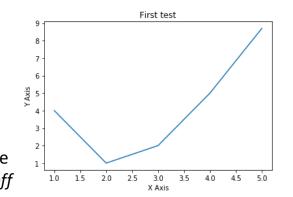
np.loadtxt(<path fichero>, delimiter=<delimitador>,

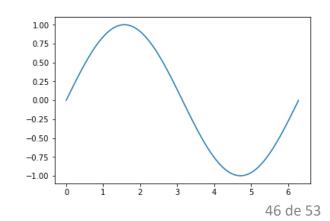
Nos permite emplear distintos tipos de gráficos para visualizar los datos de formas encilla y rápida usando listas o vectores de numpy



Algunas funciones básicas:

```
import matplotlib.pyplot as plt
y = [4, 1, 2, 5, 8.7]
                                x: eje-X, Columnas
x = range(1, len(y)+1)
                                y: eje-Y, Filas
plt.plot(x, y)
plt.xlabel('X Axis')←
                                        Añade una etiqueta al eje
plt.ylabel('Y Axis')
                                        de abscisas. Con xlabel off
plt.title('First test')
                                        desaparece. Lo mismo
plt.show()
                                        ocurre con ylabel.
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
x = np.linspace(0, 2*np.pi, 100)
y = np.sin(x)
plt.plot(x, y)
                                Muestra todas las figuras.
plt.show() ←
                                Dependiendo del IDE puede no
                                ser necesario.
```





Algunas funciones básicas:

```
plt.plot(x, y)

plot() dibuja una sola figura con coordenadas (x,y)
```

```
ax = plt.subplot()
ax.plot(x,y)
```

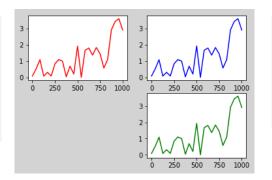
**subplot ()** permite dibujar varias figuras dentro de la misma ventana. En este ejemplo, solo estamos dibujando una, y el resultado sería idéntico al anterior.

Ojo! También existe subplots ()!

```
fig = plt.figure()
```

figure() permite activar nuevas
ventanas, y no sobre-escribir la misma.
figure(n) para activar la ventana n.

```
plt.figure(facecolor='lightgrey')
plt.subplot(2,2,1)
plt.plot(data_x, data_y, 'r-')
plt.subplot(2,2,2)
plt.plot(data_x, data_y, 'b-')
plt.subplot(2,2,4)
plt.plot(data_x, data_y, 'g-')
```

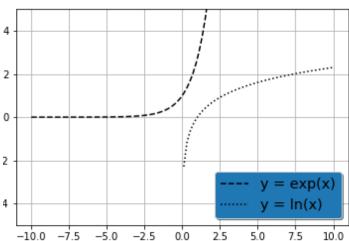


```
fig, ax = plt.subplots(2,2)
fig.set_facecolor('lightgrey')
ax[0,0].plot(data_x, data_y, 'r-')
ax[0,1].plot(data_x, data_y, 'b-')
fig.delaxes(ax[1,0])
ax[1,1].plot(data_x, data_y, 'g-')
```

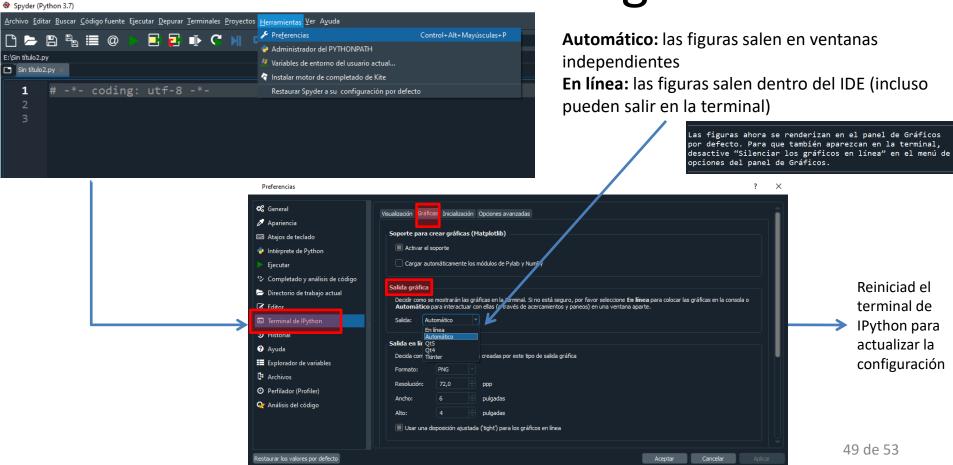
Podemos alterar muchos aspectos del gráfico mostrado: el rango de los ejes, incluir una leyenda, un grid...

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
# Make some fake data.
x = np.linspace(-10, 10, 100)
v1 = np.exp(x)
v2 = np.log(x)
# Create plots with pre-defined labels.
fig, ax = plt.subplots()
ax.plot(x, y1, 'k--', label='y = exp(x)')
ax.plot(x, y2, 'k:', label='y = ln(x)')
legend = ax.legend(loc='lower right', shadow=True, fontsize='x-large')
ax.set_ylim((-5, 5))
# Put a nicer background color on the legend.
legend.get_frame().set_facecolor('C0')
plt.grid()
```

plt.show()



Define rótulos para las distintas líneas/series utilizadas en la figura Visualización de los gráficos



## Tipos de gráficos

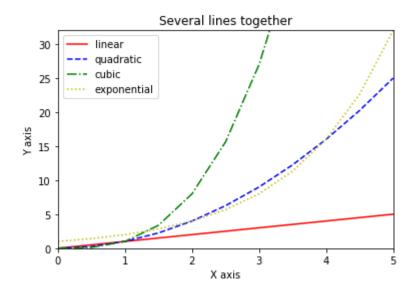
Para más información acerca del color, forma y otros parámetros, consultad documentación: https://matplotlib.org/contents.html

## Más ejemplos...

```
max_val = 5.
t = np.arange(0., max_val+0.5, 0.5)
plt.plot(t, t, 'r-', label='linear')
plt.plot(t, t**2, 'b--', label='quadratic')
plt.plot(t, t**3, 'g-.', label='cubic')
plt.plot(t, 2**t, 'y:', label='exponential')

plt.xlabel('X axis')
plt.ylabel('Y axis')

plt.title('Several lines together')
plt.legend()
plt.axis([0, max_val, 0, 2**max_val])
plt.show()
```



## Más ejemplos...

• Podemos pintar varios gráficos en una misma figura:

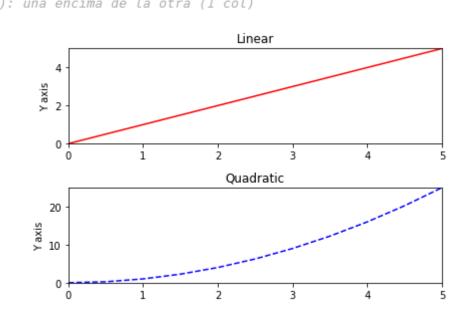
```
max_val = 5.
t = np.arange(0., max_val+0.5, 0.5)
ax = plt.subplot('211') #Crear dos figuras (2 filas): una encima de la otra (1 col)
ax.set_title('Linear')
ax.plot(t, t, 'r-')
ax.set_ylabel('Y axis')
ax.axis([0, max_val, 0, max_val])

ax = plt.subplot('212') #Crear segunda figura
ax.set_title('Quadratic')
ax.plot(t, t**2, 'b--')
ax.set_ylabel('Y axis')
ax.axis([0, max_val, 0, max_val**2])

plt.tight_layout() #Dejar espacio entre figuras
plt.show()
Quad
```

#### ax = plt.subplot("ijk"):

- i: Número de filas de figuras.
- j: Número de columnas de figuras.
- k: Identificador de la figura a pintar (para determinar la posición).



#### Referencias recomendables

https://cs231n.github.io/python-numpy-tutorial/

- https://web.stanford.edu/class/archive/cs/cs224n/cs224n.118
   4/lectures/python-review.pdf
- https://docs.scipy.org/doc/numpy/user/quickstart.html

https://stanfordpython.com/#labs

# Prácticas de Aprendizaje Automático

# Clase 2: Introducción a NumPy y Matplotlib

Pablo Mesejo y Jesús Giráldez

Universidad de Granada

Departamento de Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial



