

贝叶斯统计学基础

9.层级贝叶斯数据分析

戴俊毅

研究员/长聘副教授



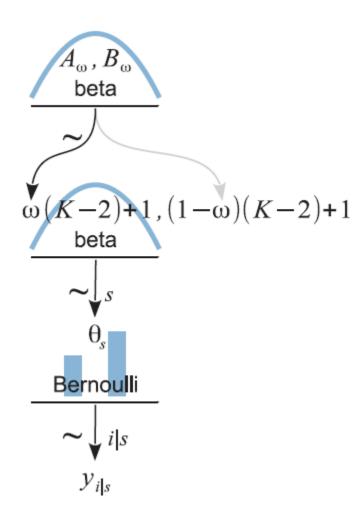


- ◆ 在有些情况下,需要分析的数据<mark>涉及不完全同质的个体或者区组</mark>。 例如同一班级里的不同学生或者同一学校中的不同班级。
- ∞ 这些研究对象 (即学生、班级、学校) 构成了不同的层次或者层级, 而且, 不同层级的元素会以特定的方式联系在一起。
- ◆ 因此,进行数据分析时,既要考虑到同层级元素间的差异,也要考虑到位于不同层级的元素间的联系。

示例

- ☎假定我们关心的是某个班级中各个学生通过某一测试的可能性,且不同学生的通过可能性存在差异
- ∞我们可以进一步假定
- 1. 不同学生的通过可能性 θ_s 的先验分布是一个beta分布
- 2. θ_s 的先验beta分布的众数 ω 未知,且先验地满足0到1之间的均匀分布
- 3. θ_s 的先验beta分布的参数 α 和 β 的和已知为20
- 4. 每个学生s参加了多次测试,每次测试结果为通过(1)或者未通过(0)

图例



- 1. $\omega \sim beta(1,1)$
- 2. $\theta_s \sim beta(\omega(20-2)+1,(1-\omega)(20-2)+1)$
- 3. $y_{i|s} \sim bern(\theta_s)$



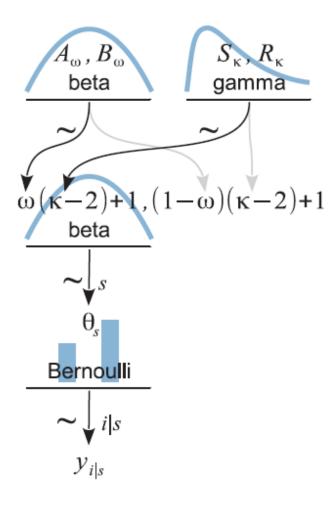
- ➡对于下层参数的估计,会朝着上层分布的众数靠拢,这一现象被称为收缩(shrinkage)。
- ★由于存在收缩现象,对于下层参数的估计往往有集中倾向,且较少地受到极端数据的影响。

层级模型的JAGS实现方式

∞就JAGS (或者其他MCMC软件) 而言,进行层级贝叶斯分析和普通贝叶斯分析的方式本质上是一样的,只需在模型设定代码中加入针对不同层次的表达式即可。



示例



DBDA(E2), 图9.7

```
model {
for (i in 1:Ntotal) {
 y[i] ~ dbern( theta[s[i]])
for (sldx in 1:Nsubj) {
 theta[sldx] ~ dbeta(omega*(kappa-2)+1, (1-omega)*(kappa-2)+1)
omega ~ dbeta(1,1) # broad uniform
kappa <- kappaMinusTwo + 2
# kappaMinusTwo ~ dgamma( 0.01, 0.01 ) # mean=1, sd=10 (generic vague)
kappaMinusTwo ~ dgamma( 1.105125, 0.1051249 ) # mode=1, sd=10
```

治疗性接触实验数据分析

∞问题:治疗性接触的实践者是否的确能够感受到病患的能量场

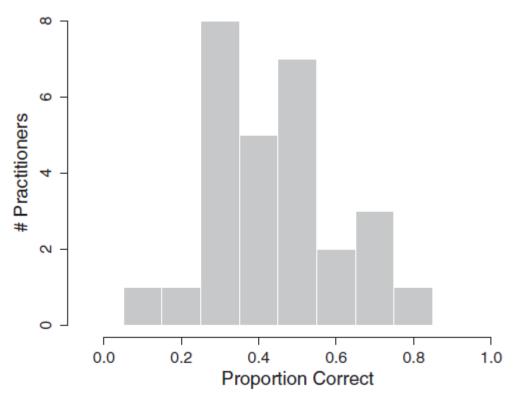


Figure 9.9 Data from the therapeutic touch experiment of Rosa et al. (1998). Histogram of proportion correct for the 28 practitioners.

代码

- # Read the data file:
- myData = read.csv("TherapeuticTouchData.csv")
- source("Jags-Ydich-XnomSsubj-MbernBetaOmegaKappa.R")
- # Generate the MCMC chain:
- mcmcCoda = genMCMC(data=myData , sName="s" , yName="y" ,
- numSavedSteps=20000, thinSteps=10)

代码

- ★ # Display diagnostics of chain, for specified parameters:
- diagMCMC(codaObject=mcmcCoda, parName="omega")
- diagMCMC(codaObject=mcmcCoda, parName="kappa")
- diagMCMC(codaObject=mcmcCoda, parName="theta[1]")
- ★ # Get summary statistics of chain:
- compVal=0.5, diffIdVec=c(1,14,28), compValDiff=0.0)
- # Display posterior information:
- plotMCMC(mcmcCoda , data=myData , sName="s" , yName="y" ,
- compVal=0.5, diffIdVec=c(1,14,28), compValDiff=0.0)



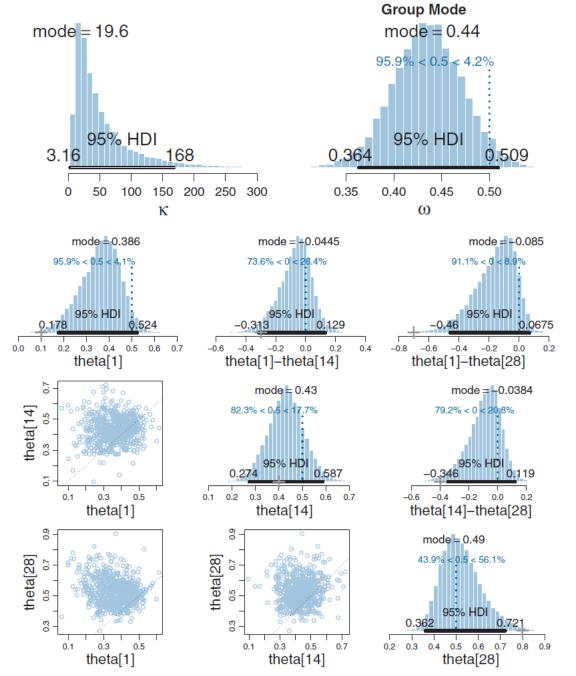


Figure 9.10 Marginal posterior distributions for the therapeutic touch data.