Promedio con calculo Lambda

Definimos la función que recibe como parámetro una lista x y devuelve el promedio de sus elementos:

$$Promedio(u) = \frac{\sum u}{length(u)}$$

Paso 1: Estructura general en cálculo lambda

$$Promedio = \lambda u * \frac{\sum u}{length(u)}$$

Donde:

- $\lambda u$  = La función que toma la lista u
- $\sum u$  = Suma de los valores de u
- length(u) = El número de elementos en la lista

Paso 2: Definir la suma

$$\sum u = \lambda u. foldl (\lambda n. \lambda x. n + x) 0 u$$

Donde

- foldl = Recorre la lista de izquierda a derecha acumulando resultado
- $(\lambda n. \lambda x. n + x)$  = Función que toma el acumulador n y un elemento x devolviendo de esta forma la suma
- 0 = Valor inicial del acumulador
- u = La lista sobre la que se aplica

Paso 3: Definir length

$$length = \lambda u. foldl(\lambda n. \lambda x. n + 1)0 u$$

Donde

- $(\lambda n. \lambda x. n + 1)$  = Función que ignora el valor del elemento x para solo incrementar n en 1
- 0 = valor inicial del contador
- u = La lista sobre la que se aplica

Paso 4: Fórmula completa del promedio en cálculo lambda

Promedio = 
$$\lambda u. \frac{(foldl(\lambda n. \lambda x. n + x)0 u)}{(foldl(\lambda n. \lambda x. n + 1)0 u)}$$