Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Кафедра	Систем Уг	равления и	и Информа	тики Г1	руппа	P3340
пафедра	Official of	ipabeteriiii i.	i Ti liwopma	1111111	Jymma	1 00 10

Лабораторная работа №8 "Экспериментальное построение областей устойчивости линейной системы на плоскости двух параметров"

Вариант - 10

Выполнила	<u>Ким А</u>	<u>Ким А. А.</u> (фамилия, и.о.)				
Проверил			(фамилия, и.о.)	(подпись)		
""	_ 20r.		Санкт-Петербург,	20Γ.		
Работа выполне	на с оценкой					
Дата защиты "	11	20	Γ.			

Цель работы: Ознакомление с экспериментальными методами построения областей устойчивости линейных динамических систем и изучение влияния на устойчивость системы её параметров.

Вариант задания. Задана линейная система третьего порядка, структурная схема которой представлена на рисунке 1. Система имеет три параметра — постоянные времени T_1, T_2 и коэффициент передачи K. При исследовании системы постоянную времени T_1 будем считать фиксированной и равной 2,75, а область устойчивости будем определять на плоскости двух параметров K и T_2 . Причем диапазон изменения постоянной времени T_2 — от 0,1 до 5 с. Тип устойчивости системы будет определять по виду переходного процесса при нулевом входном воздействии g(t)=0 и ненулевом начальном значении выходной переменной y(0)=1.

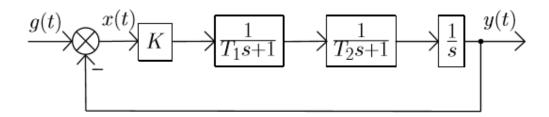


Рисунок 1 - Структурная схема моделируемой линейной системы третьего порядка

1 Построение границы устойчивости на плоскости двух параметров K и T_2 методом математического моделирования

На рисунке 2 представлена схема моделирования для системы с заданными параметрами.

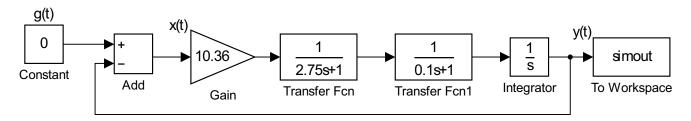


Рисунок 2 - Структурная схема моделируемой системы

Будем менять значение T_2 и подбирать коэффициент передачи K таким образом, чтобы система находилась на границе устойчивости. Данные, необходимые для построения границы устойчивости приведены в таблице 1, графическое изображение границы устойчивости — на рисунке 3.

Таблица 1 – Данные необходимые для построения границы устойчивости системы

T_2	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,75	1	2	3	5
K	10,36	5,36	3,69	2,86	2,36	1,69	1,36	0,86	0,69	0,56

Графики переходных процессов для устойчивой системы, неустойчивой и системы, находящейся на границе устойчивости представлены соответственно на 4, 5 и 6 рисунках.

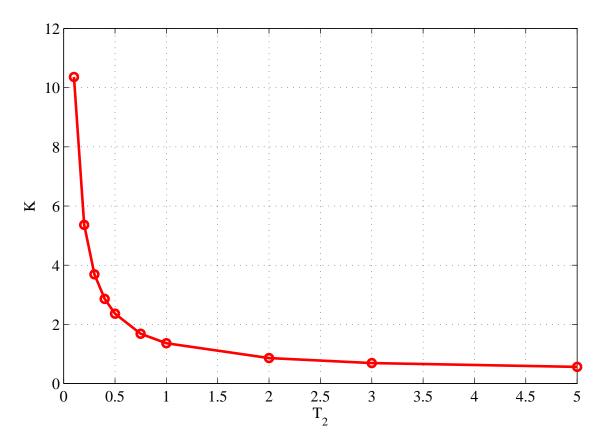


Рисунок 3 – Граница устойчивости на плоскости двух параметров K, T_2 , построенная методом математического моделирования

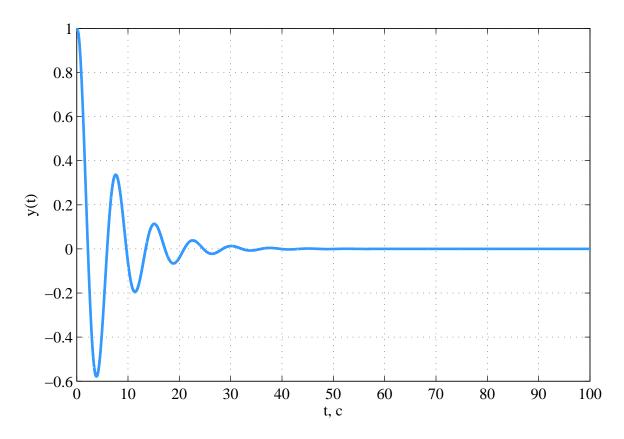


Рисунок 4 - Система устойчива

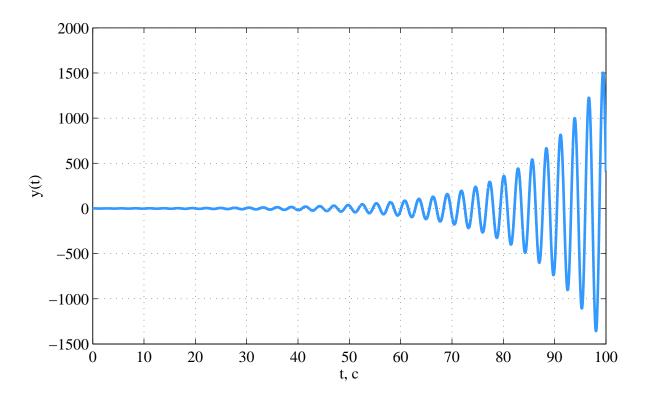


Рисунок 5 – Неустойчивая система

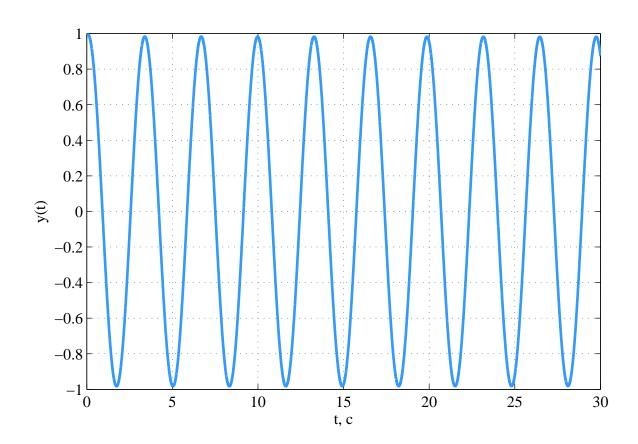


Рисунок 6 - Система, находящаяся на границе устойчивости

2 Теоретический расчет границы устойчивости с использованием критерия Гурвица

Передаточная функция замкнутой системы выглядит следующим образом:

$$W(s) = \frac{\Phi(s)}{1 + \Phi(s)},\tag{1}$$

где $\Phi(s)$ - передаточная функция разомкнутой системы.

$$\Phi(s) = K \cdot \frac{1}{T_1 s + 1} \cdot \frac{1}{T_2 s + 1} \cdot \frac{1}{s} = \frac{K}{T_1 T_2 s^3 + (T_1 + T_2) s^2 + s},\tag{2}$$

Тогда

$$W(s) = \frac{K}{T_1 T_2 s^3 + (T_1 + T_2) s^2 + s + K}. (3)$$

На основании характеристического уравнения, построенного по передаточной функции замкнутой системы, составим матрицу Гурвица для определения границы устойчивости:

$$\begin{vmatrix} T_1 + T_2 & K & 0 \\ T_1 T_2 & 1 & 0 \\ 0 & T_1 + T_2 & K \end{vmatrix}$$

По критерию Гурвица для устойчивости системы необходимо, чтобы главные миноры матрицы были положительны.

$$\begin{cases}
T_1 + T_2 > 0 \\
T_1 + T_2 - KT_1T_2 > 0 \\
K(T_1 + T_2) - K^2T_1T_2 > 0
\end{cases}$$
(4)

Если минор n-1 порядка равен 0, то система будет находится на колебательной границе устойчивости. По условию T_1 и T_2 больше 0, тогда для определения границы устойчивости воспользуемся выражением:

$$K = \frac{T_1 + T_2}{T_1 T_2} = \frac{1}{T_1} + \frac{1}{T_2} \tag{5}$$

Используя выражение (5), найдём K. Полученные значения запишем в таблицу 2.

Таблица 2 – Данные необходимые для построения теоретической границы устойчивости системы

T_2	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,75	1	2	3	5
K	10,36	5,36	3,69	2,86	2,36	1,69	1,36	0,86	0,69	0,56

По данным из таблицы 2 построим графическое изображение теоретической границы устойчивости (рисунок 7):

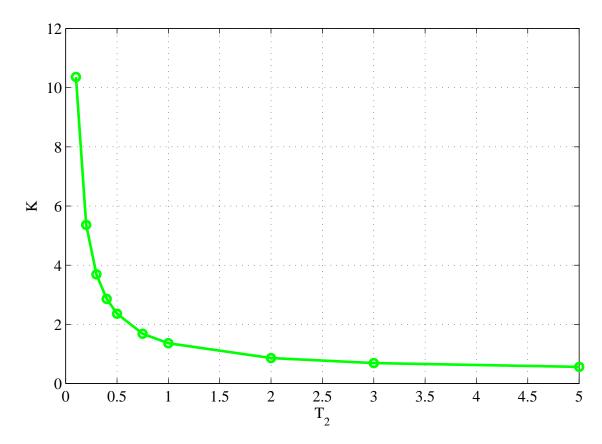


Рисунок 7 – Теоретическая граница устойчивости на плоскости двух параметров K,T_2

Вывод

В ходе лабораторной работы был рассмотрен метод управления устойчивостью системы путём изменения отдельных её параметров, таких как T_2 и K при фиксированном значении T_1 . На основе критерия Гурвица были получены значения для построения графика границы устойчивости аналитическим методом. Аналитически полученные результаты совпадают с полученными в результате математического моделирования. Следовательно, можно сделать вывод, что устойчивость системы определяется не характером возмущения, а структурой самой системы.