Haste Programming Contest 2023 Round 4

Saturday 29 April 2023

13.00 P.M. - 17:00 P.M.

Task Setter

Mr. Akarapon Watcharapalakorn (PeaTT~)

1. เฮสวู้ดดี้ (HA_Woody)

ที่มา: ข้อยี่สิบสาม Haste Programming Contest 2023 โจทย์ติวผู้แทนศูนย์ สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น19 โดยพี่พีท กลางทะเลทรายซึ่งไร้ผู้คน วู้ดดี้กำลังนั่งเล่นในบ้านของเขา ทันใดนั้น บัสเพื่อนรักของเขาส่งสาส์นมา "สตาร์คอมแมนด์ตอบ ด้วย บัสจัดการกับศัตรูที่อีกฝั่งของรั้วยักษ์ไม่ไหว ต้องการกำลังเสริมด่วน"

วู้ดดี้ไม่ลีลา จึงรีบออกจากบ้านของเขา ณ พิกัด (0, 0) และเตรียมม้าของเล่นของเขาไปช่วยบัส แต่ว่าแบตเตอรี่ทั้งหมดของ เขาไม่ได้ชาร์จไว้เลย วู้ดดี้จึงต้องเลือกแบตเตอรี่ที่ใช้เวลาชาร์จรวมน้อยที่สุด วู้ดดี้มีแบตเตอรี่ทั้งหมด N ก้อน โดยแบตเตอรี่ที่ i ใช้ เวลาชาร์จ ci และถูกโปรแกรมให้ม้าเดินทางจากพิกัดปัจจุบัน (x, y) ไปที่พิกัด (x + xi, y + yi)

วู้ดดี้ได้รับข้อมูลมาอีกว่าการที่จะข้ามรั้วยักษ์นี้ได้ วู้ดดี้ต้องไปที่พิกัด (x, y) โดยที่ x >= X และ y >= Y วู้ดดี้จึงต้องขอความช่วยเหลือจากคุณเพื่อสร้างโปรแกรมที่ช่วยคิดเวลาที่น้อยที่สุดที่วู้ดดี้ต้องใช้ในการชาร์จแบตเตอรี่

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

ข้อมูลนำเข้าบรรทัดแรกเป็นจำนวนเต็ม N X และ Y ตามลำดับ โดยที่ 1 <= N <= 1,000 และ 0 <= X, Y <= 500 บรรทัดที่ i + 1 เป็นจำนวนเต็ม xi yi และ ci บ่งบอกถึงแบตเตอรี่ที่โปรแกรมพิกัด (xi, yi) ไว้และใช้เวลาชาร์จ ci โดยที่ 0 <= xi, yi <= 500 และ 1 <= ci <= 10⁹

10% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 20

40% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 1,000 และ X <= 500 และ Y = 0

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

ข้อมูลส่งออกเป็นจำนวนเต็มหนึ่งจำนวนแทนผลรวมของเวลาชาร์จที่น้อยที่สุดที่สามารถไปพิกัด (x, y) โดยที่ x >= X และ y >= Y ถ้าไปที่พิกัดดังกล่าวไม่ได้ ให้แสดงค่า -1

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
3 10 10	3
10 10 5	
5 5 1	
6 6 2	
5 10 10	-1
1 2 2	
2 1 3	
3 1 4	
1 3 1	
4 2 1	

+++++++++++++++++

2. เฮสกระโดดไกล (HA_Long jump)

ที่มา: ข้อยี่สิบสี่ Haste Programming Contest 2023 โจทย์ติวผู้แทนศูนย์ สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น19 โดยพี่พีท ณ ประเทศที่คุณอยู่ มีสวนสัตว์แห่งหนึ่งซึ่งมีลักษณะเป็นห้องที่เป็นตารางขนาด (N + 2) × (M + 2) ช่อง โดยที่แต่ละช่องมี พิกัดเป็นคู่อันดับ (x, y) โดยที่ 0 <= x <= N+1 และ 0 <= y <= M+1 ขอบของตารางทั้ง 4 ขอบ ได้แก่ ช่องที่มีพิกัด x=0, x=N+1 มายในห้องยังมีกำแพงอยู่อีก W อัน กำแพงแต่ละอันมีลักษณะเป็น บล็อกซึ่งจะวางอยู่เต็มช่องตารางหนึ่งช่องพอดี กำหนดให้กำแพงอันที่ i ตั้งอยู่ที่พิกัด (xi, yi) โดยที่ 1 <= xi <= N และ 1 <= yi <= xi

ในห้องนี้มีจิงโจ้อยู่หนึ่งตัว ซึ่งอยู่ที่ตำแหน่ง (sx, sy) จิงโจ้ตัวนี้สามารถกระโดดได้ แต่เนื่องจากการกระโดดใช้พลังงานมาก หากจิงโจ้จะกระโดด มันจะต้องออกตัวโดยการถีบกำแพง เพราะฉะนั้นจิงโจ้จะเคลื่อนที่ได้ก็ต่อเมื่อ<u>มีกำแพงอยู่ข้างหลังมันเท่านั้น</u> แต่ถึงแม้ว่าจะใช้พลังงานเยอะ หากจิงโจ้ออกตัวโดยการถีบกำแพงแล้ว จิงโจ้จะสามารถกระโดดไกลเท่าไหร่ก็ได้ แต่ไม่สามารถข้าม กำแพงไหนได้

นักวิทยาศาสตร์ได้ศึกษาการกระโดดของจิงโจ้แล้วสรุปไว้ว่าหากจิงโจ้อยู่ที่ตำแหน่ง (xi, yi) จิงโจ้จะสามารถกระโดดไป ตารางพิกัด (xf, yf) ที่ไม่เป็นกำแพงก็ต่อเมื่อตรงตามหนึ่งในเงื่อนไขต่อไปนี้

- 1. yi = yf , xi < xf , (xi 1, yi) เป็นกำแพง และ ในช่วงตั้งแต่ช่อง (xi + 1, yi) ถึงช่อง (xf 1, yf) ไม่มีกำแพง
- 2. yi = yf , xf < xi, (xi + 1, yi) เป็นกำแพง และ ในช่วงตั้งแต่ช่อง (xi 1, yi) ถึงช่อง (xf + 1, yf) ไม่มีกำแพง
- 3. xi = xf , yi < yf , (xi, yi 1) เป็นกำแพง และ ในช่วงตั้งแต่ช่อง (xi, yi + 1) ถึงช่อง (xf , yf 1) ไม่มีกำแพง
- 4. xi = xf , yf < yi, (xi, yi + 1) เป็นกำแพง และ ในช่วงตั้งแต่ช่อง (xi, yi 1) ถึงช่อง (xf , yf + 1) ไม่มีกำแพง

จิงโจ้ที่อยู่ที่ตำแหน่ง (sx, sy) ต้องการจะกลับที่นอนของมันซึ่งอยู่ที่พิกัด (ex, ey) ให้ทันอาหารเย็น เพราะฉะนั้นจะต้อง เลือกทางที่กระโดดน้อยครั้งที่สุด จึงอยากให้คุณช่วยหาว่าจิงโจ้จะสามารถกระโดดกลับที่นอนได้หรือไม่ ถ้าไปได้จะต้องกระโดดน้อย ที่สุดกี่ครั้งจึงจะไปถึงที่นอนของมัน

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

Μ

ข้อมูลนำเข้าบรรทัดแรกเป็นจำนวนเต็ม 3 จำนวนได้แก่ N, M, และ W โดยที่ $1 <= N, M <= 10^6$ และ $0 <= W <= \min(10^5,(N+2)\times(M+2)-2)$

บรรทัดที่สองเป็นจำนวนเต็มสองจำนวนได้แก่ sx และ sy โดยที่ 0 <= sx <= N + 1 และ 0 <= sy <= M + 1
บรรทัดที่สามเป็นจำนวนเต็มสองจำนวนได้แก่ ex และ ey โดยที่ 0 <= ex <= N + 1 และ 0 <= ey <= M + 1
บรรทัดที่ i + 3 เมื่อ 1 <= i <= W เป็นจำนวนเต็มสองจำนวนได้แก่ xi และ yi โดยที่ 0 <= xi <= N + 1 และ 0 <= yi
<= M + 1

10% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า W = 0

25% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N, M <= 10^3 และ W <= 10^4

45% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N, M <= 10^5 และ W <= 10^4

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

ข้อมูลส่งออกเป็นจำนวนเต็ม 1 ตัวในหนึ่งบรรทัด ซึ่งเป็นจำนวนการกระโดดที่ต้องใช้ในการเคลื่อนที่จาก (sx, sy) ไปยัง (ex, ey) ที่น้อยที่สุด แต่ถ้าหากไม่สามารถไปที่ (ex, ey) ได้ให้พิมพ์ว่า -1

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
5 5 0	1
4 1	
4 3	
5 5 3	3
2 2	
1 4	
1 2	
4 1	
5 4	

+++++++++++++++++

3. เฮสวงเล็บราชวงศ์ (HA_Royal Parenthesis)

ที่มา: ข้อยี่สิบห้า Haste Programming Contest 2023 โจทย์ติวผู้แทนศูนย์ สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น19 โดยพี่พิท

ณ ประเทศที่คุณอยู่ รูปแบบผังเมืองสามารถมองได้เป็น เมือง N เมือง หมายเลข 1, 2, 3, ..., N โดยแต่ละเมืองจะมีตรา ประทับประจำเมืองอยู่หนึ่งอัน โดยจะเป็นรูปวงเล็บ (หรือ) อย่างใดอย่างหนึ่ง นอกจากนั้น ในประเทศแห่งนี้ ยังมีถนนสองทาง เชื่อมระหว่างเมืองต่าง ๆ เป็นจำนวน N –1 เส้น โดยรับประกันว่า สำหรับคู่เมืองใด ๆ ในประเทศนี้ จะสามารถเดินหากันโดยผ่าน ถนนเหล่านี้ได้อย่างแบ่นอน

เพื่อนของคุณต้องการจะมาเที่ยวประเทศนี้ จึงต้องการให้คุณวางแผนทริปให้กับเขา โดยเขาจะเดินทางจาก เมือง U (ซึ่ง เป็นเมืองที่เขาจะมาลงเครื่อง) และเดินทางไปยังเมืองต่าง ๆ ไปสิ้นสุดที่เมือง V (ซึ่งเป็นเมืองที่เขาจะขึ้นเครื่องกลับประเทศตัวเอง)

เนื่องจากเขาเป็นคนที่ชื่นชอบการสะสมของเป็นอย่างมาก เขาจึงต้องการที่จะสะสมตราประทับในขณะที่เดินทางไปยังเมือง ต่าง ๆ โดยในการสะสมนั้น เขาจะได้รับตราประทับขณะที่เดินทางเข้าเมืองนั้น ๆ (ต้องรับตราประทับทุกครั้งที่เข้าเมือง ถ้าไม่รับจะ เข้าเมืองไม่ได้)

เมื่อพระราชาของประเทศคุณได้ยินเรื่องดังกล่าว ก็โปรดเป็นอย่างมาก จึงพระราชทานงบประมาณให้สร้าง ถนน พระราชทาน ที่เชื่อมระหว่างเมือง (x, y) เพื่อให้เดินทางผ่านได้ แต่มีเงื่อนไขว่า ถนนพระราชทานเป็นถนนศักดิ์สิทธิ์จึงใช้ได้แค่ครั้ง เดียว และเดินได้ทางเดียว คือจาก เมือง x ไปเมือง y ที่สำคัญคือคุณจำเป็นต้องใช้ถนนพระราชทานนี้ ไม่อย่างนั้นพระราชาอาจจะ ทรงน้อยพระหฤทัยได้ อีกทั้ง x อาจจะเท่ากับ y ได้โดยถนนที่ได้จะเป็นถนนที่วิ่งออกนอกเมือง และกลับเข้ามาในเมือง

นอกจากนั้นประเทศนี้ยังมีกฎแปลก ๆ อีกว่า ห้ามวิ่งย้อนกลับถนนที่เพิ่งวิ่งผ่านมา เช่น ถ้าเดินทางจาก u → v จะไม่ สามารถย้อนกลับไปหา u ผ่านถนนเส้นเดิมได้ทันที (ต้องผ่านถนนอื่นก่อนถึงจะวิ่งบนถนนเส้นเดิมได้)

เพื่อนของคุณจึงอยากรู้ว่า จะมีกี่คู่เมือง (x, y) ที่เมื่อสร้างถนนพระราชทานแล้วจะมีวิธีเก็บตราประทับให้ได้ลำดับวงเล็บที่ สมดุลได้

- * ดูคำอธิบายตัวอย่างข้อมูลนำเข้าและข้อมูลส่งออก เพื่อความเข้าใจมากขึ้น
- ** ลำดับวงเล็บที่สมดุล (Balanced parentheses sequence) คือ ลำดับวงเล็บที่สามารถแทรกตัวเลขและตัวดำเนินการ เข้าไปแล้วได้ นิพจน์ที่สมดุลได้ เช่น
 - (())() เป็นลำดับที่สมดุล เพราะสามารถแทรกได้เช่น (1+(1+1)+1)+(1+1)
 - ())()() ไม่เป็นลำดับที่สมดุล เพราะไม่สามารถแทรกให้ได้นิพจน์ที่สมดุลได้

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรกเป็นจำนวนเต็ม N U และ V ตามลำดับ โดยที่ $1 <= N <= 10^5$ และ 1 <= U, V <= N บรรทัดที่ 2 ถึง N เป็นจำนวนเต็ม ai และ bi แสดงถึงเส้นทางเชื่อมระหว่างเมืองที่ ai และ bi โดยที่ 1 <= ai, bi <= N บรรทัดที่ N + 1 เป็นสตริง S ความยาว N โดย S[i] แสดงถึงวงเล็บที่มีอยู่ในเมือง i + 1 เมื่อ 0 <= i < N 20% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 200 20% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 1,000

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดเดียวมีจำนวนเต็มหนึ่งจำนวน แสดงถึงจำนวนคู่เมือง (x, y) ตามเงื่อนไขที่กำหนด

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
4 2 1	3
1 2	
2 3	
3 4	
) (()	
7 2 6	10
1 2	
2 3	
2 4	
3 5	
3 6	
6 7	
) ((()))	

คำอธิบายตัวอย่างที่ 1

จากตัวอย่างแรก มี 3 คู่เมือง (x, y) ที่เป็นไปได้ที่จะสร้างถนนพระราชทาน ได้แก่ (1, 2) (2, 1) และ (4, 1) สำหรับคู่เมือง (1, 2) สามารถวางแผนได้คือ $2 \to 1 \Rightarrow 2 \to 1$ ได้ตราประทับเป็น ()() สำหรับคู่เมือง (2, 1) สามารถวางแผนได้คือ $2 \to 1$ ได้ตราประทับเป็น () สำหรับคู่เมือง (4, 1) สามารถวางแผนได้คือ $2 \to 3 \to 4 \Rightarrow 1$ ได้รับตราประทับเป็น (()) โดย \to แสดงถึงถนนธรรมดา และ \Rightarrow แสดงถึงถนนพระราชทาน

4. เฮสเรียงลำดับคิว (HA_Q_Sort)

ที่มา: ข้อยี่สิบหก Haste Programming Contest 2023 โจทย์ติวผู้แทนศูนย์ สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น19 โดยพี่พีท คุณได้รับอาร์เรย์ที่ประกอบไปด้วยจำนวนเต็ม N จำนวน สำหรับสมาชิกตัวที่ i จะมีค่าเท่ากับ xi คุณต้องการเรียงสมาชิกใน อาร์เรย์จากน้อยไปหามาก

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

ข้อมูลนำเข้าบรรทัดแรกเป็นจำนวนเต็ม N มีค่าไม่เกิน 10⁵ บรรทัดที่สองเป็นจำนวนเต็ม xi จำนวน N ตัว โดยที่ -10⁹ <= xi <= 10⁹ 25% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 3,000

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

ข้อมูลส่งออกเป็นจำนวนเต็ม xi จำนวน N ตัวในหนึ่งบรรทัด ซึ่งทั้งหมดเรียงจากน้อยไปหามาก

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
10	-3 -1 -1 0 5 7 8 8 9 9
8 5 8 -1 -3 9 7 9 0 -1	

+++++++++++++++++

5. เฮสระยะสั้นสุดคิว (HA_Q_Shortest Path)

ที่มา: ข้อยี่สิบเจ็ด Haste Programming Contest 2023 โจทย์ติวผู้แทนศูนย์ สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น19 โดยพี่พีท คุณได้รับแผนผังเมือง G มา ประกอบด้วยเมือง N เมือง หมายเลข 1, 2, 3, ..., N และ เส้นทางจำนวน M เส้นทาง เส้นทาง ที่ i สำหรับ 1 <= i <= M เชื่อมระหว่างเมือง ai และ bi โดยที่ 1 <= ai ไม่เท่ากับ bi <= N และ มีระยะทางเป็น di (1 <= di <= 10^9) รับประกันว่าจะมีอย่างน้อยหนึ่งวิธีในการเดินทางระหว่างคู่เมืองใด ๆ คุณต้องการทราบว่า หากเริ่มเดินทางจากเมืองที่ 1 ไปยัง เมืองอื่น ๆ (รวมถึงเมืองที่ 1 ด้วย) จะใช้ระยะทางสั้นที่สุดเท่าใด?

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรกเป็นจำนวนเต็ม N และ M ตามลำดับ ทั้งสองจำนวนมีค่าไม่เกิน 10⁵

บรรทัดที่ i+1 เป็นจำนวนเต็มบวก ai bi di บ่งบอกถึงเส้นทางจากเมืองที่ ai ไปเมืองที่ bi โดยมีระยะทาง di กิโลเมตร ตามลำดับ โดยที่ ai, bi < N และ N <= M <= 10^5

15% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 200

35% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า M = N-1

20% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= M <= 100,000

ข้อมูลส่งออก

ข้อมูลส่งออกเป็นจำนวนเต็มจำนวน N ตัวในหนึ่งบรรทัด ตัวที่ i (1 <= i <= N) แทนระยะทางที่สั้นที่สุดจากเมืองที่ 1 ไป ยังเมืองที่ i

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
5 6	0 2 4 1 5
1 2 2	
2 5 5	
2 3 4	
1 4 1	
4 3 3	
3 5 1	

++++++++++++++++++