หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

โจทย์ชุดที่สี่ วันเสาร์ที่ 15 เมษายน พ.ศ. 2566 เช้า จำนวน 6 ข้อ

ที่	เนื้อหา	โจทย์
1.	Graph 1 จำนวน 6 ข้อ	1. ท่อระบายน้ำ (Sewer)
		2. หุ่นยนต์ (Robot TOI13)
		3. กำแพงนคร (Wall TOI17)
		4. แผนที่ลายแทง (Map)
		5. พีทซิลล่าและผู้ติดตาม (PZ_Follower)
		6. บิดทีครับหุ่นยนต์สำรวจ (BT_Robot Explore)

1. เรื่อง Graph 1 จำนวน 6 ข้อ

1. ท่อระบายน้ำ (Sewer)

เมืองแห่งหนึ่งมีพื้นที่เป็นรูปสี่เหลี่ยมขนาด a แถวคูณ b คอลัมน์และแบ่งเขตเป็นจำนวนเท่ากับ axb เขต แต่ละเขตจะมี พิกัด (i, j) โดยเขตที่พิกัด (1, 1) จะอยู่ที่มุมบนซ้ายของพื้นที่สี่เหลี่ยมและแต่ละเขตจะมีท่อระบายน้ำเชื่อมต่อกับเขตเพื่อนบ้าน หรือไม่ก็ได้ ดังแสดงในรูป ให้เครื่องหมาย ⊅และ ⇔แสดงถึงท่อระบายน้ำที่เชื่อมระหว่างเขต)

(1, 1)	⇔	(1, 2)	⇔	(1, 3)		(1, 4)	เหนือ
(2, 1)		(2, 2)	\Leftrightarrow	(2, 3)	⇔	(2, 4)	
(3, 1)	⇔	(3, 2)	⇔	(3, 3)	⇔	(3, 4)	
(4, 1)		(4, 2)		(4, 3)		(4, 4)	

กำหนดให้เขตที่พิกัด (1, 1) เป็นจุดเริ่มปล่อยน้ำทิ้ง โดยจะสามารถระบายน้ำทิ้งไปยังท่อระบายน้ำที่เชื่อมอยู่กับเขตนั้น ๆ และแต่ละท่อใช้เวลาระบายน้ำทิ้งจากเขตหนึ่งไปยังเขตหนึ่งด้วยเวลาหนึ่งหน่วย น้ำสามารถไหลได้ 4 ทิศทาง คือ ไหลไปยังเขตทิศ เหนือ ไหลลงเขตทิศใต้ ไหลไปทางเขตตะวันออก และ ไหลไปทางเขตตะวันตก โดยเขตรับน้ำจะไม่สามารถระบายน้ำกลับไปยังเขต ก่อนหน้าที่ระบายน้ำมาให้

จงเขียนโปรแกรมเพื่อคำนวณหาระยะเวลาที่น้อยที่สุดที่น้ำทิ้งอย่างน้อย 2 สายจะมาบรรจบกัน พร้อมทั้งบอกพิกัดของเขต ที่น้ำทิ้งมาบรรจบกัน (รับประกันว่าข้อมูลนำเข้าทุกชุด จะมีเขตที่น้ำสองสายมาบรรจบกันเกิดขึ้นเร็วที่สุดเพียงเขตเดียวเสมอ) โดย จากรูปตัวอย่างข้างบนนี้ น้ำทิ้งจะเริ่มต้นที่ (1, 1) ในช่วงเวลา 1 และเคลื่อนไปสู่ (2, 1) และ (1, 2) ในช่วงเวลาที่ 2 จากนั้นจึงไปสู่ (3, 1) และ (1, 3) ในช่วงเวลาที่ 3 และถึง (3, 2) กับ (2, 3) ในช่วงเวลาที่ 4 และสุดท้ายจึงมาบรรจบกันที่พิกัด (3, 3) ในช่วงเวลาที่ 5 ตามลำดับ

กำหนดให้แต่ละเขตสามารถมีรูปแบบการติดตั้งท่อระบายน้ำได้ทั้งหมด 4 รูปแบบ เมื่อพิจารณาการเชื่อมต่อทางทิศ ตะวันออกและทิศใต้เท่านั้น ได้แก่ R หมายถึง เขตนั้นมีท่อระบายน้ำเชื่อมกับเขตทิศตะวันออก, D หมายถึงเขตนั้นมีท่อระบาย น้ำเชื่อมกับเขตทิศใต้, B หมายถึงเขตนั้นมีท่อระบายน้ำเชื่อมกับทั้งเขตทิศตะวันออกและทิศใต้ และ N หมายถึงเขตนั้นไม่มีท่อ ระบายน้ำเชื่อมกับเขตทิศตะวันออกและทิศใต้

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก เป็นค่าของตัวแปร a และ b โดยที่ 2 <= a, b <= 100

บรรทัดที่สองถึง a+1 แต่ละบรรทัดมีตัวอักษรทั้งหมด b ตัวคั่นด้วยช่องว่าง แต่ละตัวระบุถึงสถานะการมีท่อระบายน้ำของ เขตแต่ละเขตในพิกัด (i, j) โดยเริ่มจากพิกัดที่ (1, 1) ไปเรื่อย ๆ ตามลำดับ และ 1 <= i <= a, 1 <= j <= b

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดแรก จำนวนเต็มบวก 1 ตัว แสดงถึงช่วงเวลาที่น้ำทิ้งมาบรรจบกัน บรรทัดที่สอง เป็นจำนวนเต็ม 2 ตัว คั่นด้วยช่องว่าง ซึ่งเป็นพิกัด (i, j) ที่น้ำทิ้งมาบรรจบกัน

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
4 4	5
BRDN	3 3
D R B D	
RRRD	
N N N N	
3 4	5
B B B D	2 4
DNRB	
RRRN	

+++++++++++++++++

2. หุ่นยนต์ (Robot TOI13)

-ที่มา: ข้อสอบโอลิมปิกวิชาการระดับชาติครั้งที่ 13 ณ ศูนย์ สอวน. โรงเรียนมหิดลวิทยานุสรณ์

ทุเรียน จิงโจ้ และอีกาดำ เป็นนักเรียนโรงเรียนวิทยาศาสตร์แห่งหนึ่ง ในภาคเรียนนี้เขาทั้งสามคนลงทะเบียนเรียนรายวิชา ความคิดสร้างสรรค์และนวัตกรรมซึ่งจะต้องสร้างชิ้นงานนวัตกรรมส่งคุณครู วันหนึ่งขณะที่ทั้งสามกำลังเรียนรายวิชาบูรณาการ ความรู้ ภายในชั้นเรียนมีการอภิปรายเกี่ยวกับสังคมผู้สูงอายุ (aging society) ซึ่งทำให้ทั้งสามคนสนใจเป็นอย่างมาก และรวมกลุ่ม กันคิดสร้างชิ้นงานสำหรับส่งคุณครูในรายวิชาแรกได้ นั่นคือ หุ่นยนต์ช่วยผู้สูงอายุเก็บสิ่งของ

ทุเรียน จิงโจ้ และ อีกาดำ ช่วยกันออกแบบการทำงานของหุ่นยนต์จำนวน K ตัวให้สามารถทำงานได้ ดังนี้

- -หุ่นยนต์แต่ละตัวสามารถเคลื่อนที่ไปได้ 4 ทิศทางเท่านั้น คือ เคลื่อนที่ไปทางด้านซ้าย ด้านขวา ด้านหน้า และด้านหลัง ของหุ่นยนต์
- -หุ่นยนต์สามารถเคลื่อนที่ในแนวระนาบตามแผนที่ข้อมูลซึ่งอยู่ในรูปของตารางขนาด N×M โดยที่ 1 <= N <= 2,000 และ 1 <= M <= 2,000
- -สำหรับแผนที่ข้อมูลนั้น ภายในแต่ละช่องของตารางจะประกอบไปด้วยตัวอักขระซึ่งบอกว่าช่องนั้นเป็นตำแหน่งเริ่มต้น พื้นที่ว่าง สิ่งกีดขวาง หรือสิ่งของเป้าหมาย โดย
 - -X หมายถึง ตำแหน่งเริ่มต้นของหุ่นยนต์ ซึ่งมีเป็นจำนวน K ตำแหน่งที่ไม่ซ้ำกัน
 - -F หมายถึง พื้นที่ว่าง

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

-W หมายถึง สิ่งกีดขวาง

-A หมายถึง สิ่งของเป้าหมาย ซึ่งอาจมีมากกว่า 1 ชิ้นได้

-หุ่นยนต์สามารถเคลื่อนที่ผ่านพื้นที่ว่าง (E) สิ่งของเป้าหมาย (A) และตำแหน่งเริ่มต้น (X) ได้ แต่ไม่สามารถเคลื่อนที่ผ่านสิ่ง กีดขวาง (W) ได้ และจะต้องเคลื่อนที่ภายในขอบเขตของแผนที่ข้อมูลที่กำหนดให้เท่านั้น

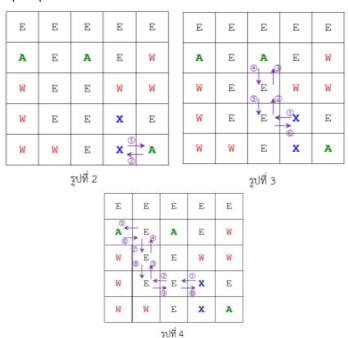
-การเคลื่อนที่จากช่องใด ๆ ไปยังช่องถัดไป จะนับเป็น 1 ก้าว

-หุ่นยนต์จะเก็บสิ่งของเป้าหมายแต่ละชิ้นได้สำเร็จ ก็ต่อเมื่อหุ่นยนต์สามารถเคลื่อนที่ไปอยู่ภายในช่องที่ระบุว่าเป็นสิ่งของ เป้าหมาย A และได้เคลื่อนที่กลับมายังตำแหน่งเริ่มต้นของหุ่นยนต์ตัวนั้น โดยหุ่นยนต์สามารถหยิบและบรรทุกสิ่งของเป้าหมายได้ ครั้งละ 1 ชิ้นเท่านั้น นั่นคือ หลังจากหุ่นยนต์หยิบสิ่งของเป้าหมายได้แล้ว หุ่นยนต์ต้องบรรทุกสิ่งของเป้าหมายนั้นกลับไปยังตำแหน่ง เริ่มต้น และวางสิ่งของเป้าหมายก่อนที่จะเคลื่อนที่ไปหยิบสิ่งของเป้าหมายชิ้นถัดไปได้ (ในกรณีที่มีสิ่งของเป้าหมายหลายชิ้น) สมมติให้แผนที่ข้อมูลมีขนาด 5×5 (N=5, M=5) และภายในแต่ละช่องของตารางจะประกอบไปด้วยตัวอักขระ ดังรูปที่ 1

E	E	E	E	E
A	E	A	E	M
W	E	Е	M	M
W	E	Е	x	E
W	W	Е	x	A

รปที่ 1

จะเห็นว่ามีสิ่งของเป้าหมายทั้งสิ้น 3 ชิ้น และหุ่นยนต์ 2 ตัว ดังนั้นหุ่นยนต์แต่ละตัวอาจเคลื่อนที่จากตำแหน่งเริ่มต้น (X) ไป หยิบและบรรทุกสิ่งของเป้าหมาย (A) กลับมายังตำแหน่งเริ่มต้นได้ดังรูปที่ 2 รูปที่ 3 และรูปที่ 4 โดยมีจำนวนก้าวรวมทั้งหมด 18 ก้าว ซึ่งเป็นจำนวนก้าวรวมที่น้อยที่สุดที่หุ่นยนต์ทั้ง 2 ตัวต้องใช้ในการเก็บสิ่งของเป้าหมายได้สำเร็จทั้งหมด 3 ชิ้น



และเพื่อให้หุ่นยนต์สามารถทำงานได้อย่างมีประสิทธิภาพ ทุเรียน จิงโจ้ และอีกาดำ จึงต้องการให้หุ่นยนต์ใช้จำนวนก้าว รวมที่น้อยที่สุดที่หุ่นยนต์จะต้องใช้ในการเก็บสิ่งของเป้าหมายให้ได้มากชิ้นที่สุด ทั้งนี้อาจไม่จำเป็นต้องใช้หุ่นยนต์ทุกตัวในการเก็บ

สิ่งของเป้าหมาย เนื่องจากเวลาส่งชิ้นงานใกล้เข้ามาทุกที ทั้งสามจึงมองหาสมาชิกเพิ่มเติมที่จะสามารถช่วยเขียนโปรแกรมเพื่อหา จำนวนก้าวที่น้อยที่สุดที่หุ่นยนต์จะต้องใช้ในการเก็บสิ่งของเป้าหมายได้สำเร็จให้ได้มากชิ้นที่สุด

<u>งานของคูณ</u>

จงเขียนโปรแกรมที่มีประสิทธิภาพเพื่อช่วย ทุเรียน จิงโจ้ และ อีกาดำ หาจำนวนก้าวรวมที่น้อยที่สุดที่หุ่นยนต์จะต้องใช้ใน การเก็บสิ่งของเป้าหมายได้สำเร็จให้ได้มากชิ้นที่สุด

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดที่ 1 มีจำนวนเต็มสองจำนวน คั่นแต่ละจำนวนด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง จำนวนแรก คือ N ระบุจำนวนแถวของตาราง แผนที่ข้อมูล และ จำนวนที่สอง คือ M ระบุจำนวนคอลัมน์ของตารางแผนที่ข้อมูล กำหนดให้ 1 <= N <= 2,000 และ 1 <= M <= 2.000

N บรรทัดต่อมา แต่ละบรรทัดประกอบด้วยสตริงขนาด M ตัวอักขระ แต่ละอักขระแสดงข้อมูลภายในตารางแผนที่แต่ละ ช่อง โดยกำหนดให้ X แทนตำแหน่งเริ่มต้น, E แทนพื้นที่ว่าง, W แทนสิ่งกีดขวาง, A แทนสิ่งของเป้าหมาย กำหนดให้ ข้อมูลนำเข้าที่ ใช้ทดสอบจะมีอักขระ X ได้ตั้งแต่ 1 จนถึง 100 จำนวน และ ข้อมูลนำเข้าที่ใช้ทดสอบจะมีอักขระ A ได้ตั้งแต่ 1 จนถึง 100 จำนวน

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดที่ 1 แสดงจำนวนเต็มสองจำนวน คั่นแต่ละจำนวนด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง โดยจำนวนแรกหมายถึงจำนวนชิ้นของ สิ่งของเป้าหมายที่หุ่นยนต์สามารถเก็บได้สำเร็จ และ จำนวนที่สอง ระบุจำนวนก้าวรวมที่น้อยที่สุดที่หุ่นยนต์จะต้องใช้ในการเก็บ สิ่งของเป้าหมายสำเร็จได้มากชิ้นที่สุด

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
5 5	3 18
EEEEE	
AEAEW	
WEEWW	
WEEXE	
WWEXA	
5 5	1 6
WEEEE	
AWAEW	
WEEWW	
WEEXE	
WWEEE	
5 9	2 64
EEEWEEEEE	
EWEWEWEEE	
AWXWEWWWE	
EWWWEWEEE	
EEEEEWAEE	

5 5	0 0
WEEEE	
AWEEW	
WEEWW	
WEEXE	
WWEEE	

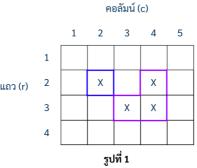
-++++++++++++++++

3. กำแพงนคร (Wall TOI17)

-ที่มา: ข้อสอบโอลิมปิกวิชาการระดับชาติครั้งที่ 17 ณ ศูนย์ สอวน. ม.วลัยลักษณ์

จากเหตุการณ์ฝนตกหนักอย่างไม่ลืมหูลืมตาทั่วทั้งเมืองนครแห่งเครื่องถม และน้ำทะเลหนุนสูงมากในปีนี้ อาจทำให้เกิดน้ำ ท่วมฉับพลันได้ ทายาทผู้ครอบครองนครจึงได้ศึกษาแผนที่เมืองเพื่อหาหนทางป้องกันภัยน้ำท่วมบ้านเรือนและพื้นที่การเกษตร โดย พบว่าหากน้ำท่วมเข้ามาในเมืองจากสี่ทิศทาง จะยังสามารถใช้กำแพงบ้านเป็นกำแพงกั้นน้ำได้ แต่เจ้าผู้ครองนครกังวลว่าอาศัยเพียง กำแพงบ้านเพียงอย่างเดียวอาจไม่เพียงพอ จึงตัดสินใจสร้างแนวกำแพงกั้นน้ำเสริมเพิ่มเข้าไปด้วย โดยเรียกบริษัทในเครือ RGB Con&De-struction Group มาดูแผนที่เมืองเพื่อวางแผนร่วมกับทายาทผู้ครองนครในการสร้างกำแพงกั้นน้ำ

แผนที่ของเมืองนี้อยู่ในรูปแบบตาราง 2 มิติ ขนาด R แถว และ C คอลัมน์ ตำแหน่งแต่ละช่องในตารางระบุด้วยพิกัด (r, c) โดยที่ 1 <= r <= R และ 1 <= c <= C ช่องในตารางมี 2 แบบ คือ ช่องว่างซึ่งเป็นพื้นที่การเกษตร และช่องที่มีอักขระ 'X' ตัวพิมพ์ ใหญ่ซึ่งเป็นช่องที่มีบ้าน ตัวอย่างเช่น จากรูปที่ 1 ช่องที่มีบ้าน ได้แก่ ช่องที่ (2, 2), (2, 4), (3, 3) และ (3, 4)



ในการสร้างกำแพงกั้นน้ำนั้นจะทำการเลือก "ด้าน" ของช่องในตารางมาสร้างกำแพง โดยกำหนดให้แต่ละช่องใด ๆ ใน ตารางมีด้านทั้งหมด 4 ด้านที่สามารถนำมาสร้างกำแพงได้ และการสร้างกำแพงต้องเป็นไปตามเงื่อนไขต่อไปนี้ทุกข้อ

- (1) กำแพงจะต้องถูกสร้างบนด้านที่อยู่ระหว่างช่องว่างที่น้ำท่วมถึงและช่องที่มีบ้านเท่านั้น ในที่นี้เราจะเรียกบ้านที่มีด้าน อย่างน้อยหนึ่งด้านเป็นกำแพงว่า "บ้านกำแพง" โดยน้ำจะไหลเข้ามาสู่ในเมืองนี้จากทิศทั้ง 4 รอบแผนที่ ซึ่งน้ำจะสามารถไหลไปยัง ช่องว่างใด ๆ ที่มีด้านติดกันได้ น้ำไม่สามารถไหลผ่านช่องที่มีบ้านได้ และมันเป็นไปได้ที่จะมีช่องว่างที่น้ำไม่สามารถท่วมถึง ดัง ตัวอย่างแบบที่ f, g และ i ในตารางที่ 1 และข้อมูลนำเข้าในตัวอย่างที่ 6
- (2) "บ้านกำแพง" ทั้งหมดจะต้องเชื่อมต่อกัน กำหนดให้บ้านกำแพงสองหลังเชื่อมต่อกันก็ต่อเมื่อบ้านทั้งสองมีด้านร่วมกัน และเราสามารถเดินทางจากบ้านกำแพงใด ๆ ไปหากันได้ทั้งหมดโดยเดินผ่านบ้านกำแพงที่เชื่อมต่อกัน

ตัวอย่างเช่น เมื่อพิจารณารูปที่ 1 เราสามารถสร้างกำแพงตามเงื่อนไขได้ดังนี้

- สร้างกำแพงตามเส้นสีม่วง ซึ่งจะได้ว่า บ้านกำแพงของกำแพงสีม่วง ได้แก่ ช่องที่ (2, 4), (3, 3) และ (3, 4) โดยมีจำนวน ด้านที่เลือกมาสร้างกำแพงเท่ากับ 8

- สร้างกำแพงตามเส้นสีน้ำเงิน ซึ่งจะได้ว่า บ้านกำแพงของกำแพงสีน้ำเงิน ได้แก่ ช่องที่ (2, 2) โดยมีจำนวนด้านที่เลือกมา สร้างกำแพงเท่ากับ 4

ตารางที่ 1 เป็นตัวอย่างการสร้างกำแพงแบบต่าง ๆ โดยช่องที่มีเครื่องหมาย X คือช่องที่มีบ้าน และ ด้านที่เป็นเส้นหนาสี ต่าง ๆ คือด้านที่ถูกเลือกมาสร้างกำแพง

ตารางที่ 1 ตัวอย่างการสร้างกำแพงแบบต่าง ๆ

แบบที่	รูปแบบการสร้างกำแพง	คำอธิบาย
а	X X	เส้นสีม่วงเป็นการสร้างกำแพงที่ถูกต้องตามเงื่อนไข และ ยาวที่สุดเท่าที่เป็นไปได้ โดยจำนวนกำแพงที่สร้างได้คือ 6
b	X X	ผิดเงื่อนไข (1) เนื่องจากมีกำแพงที่ไม่ได้อยู่ระหว่างช่อง ว่างและช่องที่มีบ้าน
С	X	ผิดเงื่อนไข (1) เนื่องจากมีกำแพงที่ไม่ได้อยู่ระหว่างช่อง ว่างและช่องที่มีบ้าน
d	X X X	ผิดเงื่อนไข (2) เนื่องจากเป็นบ้านที่ไม่มีด้านร่วมกัน

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

แบบที่	รูปแบบการสร้างกำแพง	คำอธิบาย
е	X X	สามารถสร้างกำแพงที่ถูกต้องตามเงื่อนไขได้ 3 วิธี ดังวิธี เส้นสีน้ำเงิน, วิธีเส้นสีม่วง และวิธีเส้นสีเขียว วิธีใดวิธีหนึ่ง โดยทุกวิธีจะได้จำนวนกำแพงที่สร้างได้มากที่สุดคือ 4
f	X	ผิดเงื่อนไข (1) เนื่องจาก ช่อง (3,3) นั้นเป็นช่องว่างที่น้ำ <u>ไม่สามารถท่วมถึง</u> ทำให้ไม่สามารถสร้างกำแพงระหว่าง ช่อง (2,3) กับ (3,3) ได้
g	X	สามารถสร้างกำแพงที่ถูกต้องตามเงื่อนไขได้ 4 วิธี โดยทุก วิธีจะได้จำนวนกำแพงที่สร้างได้มากที่สุดคือ 3 ทั้งนี้ เส้น สีน้ำเงินเป็นตัวอย่างการสร้างกำแพงที่ถูกต้องตาม เงื่อนไข
h	X	เส้นสีชมพูเป็นการสร้างกำแพงที่ถูกต้องตามเงื่อนไข มี จำนวนด้านที่เลือกมาสร้างกำแพงเท่ากับ 8 <u>แต่</u> จำนวน ด้านที่เลือกมาสร้างกำแพงนั้นไม่ได้เป็นจำนวนด้านที่มาก ที่สุด ทั้งนี้ จำนวนด้านที่เลือกมาสร้างกำแพงที่มากที่สุด คือ 10
i		เส้นสีม่วงเป็นการสร้างกำแพงที่ถูกต้องตามเงื่อนไข และ ยาวที่สุดเท่าที่เป็นไปได้ โดยจำนวนกำแพงที่สร้างได้คือ 11 ทั้งนี้ ที่ไม่สามารถสร้างกำแพงบนด้านของช่อง (3,2) เพราะจะทำให้ผิดเงื่อนไข (2) เนื่องจากเป็นบ้านที่ไม่มี ด้านร่วมกัน

<u>งานของคุณ</u>

จงเขียนโปรแกรมที่มีประสิทธิภาพเพื่อหาจำนวนด้านที่เลือกมาสร้างกำแพงที่มากที่สุด

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก R C แทนจำนวนแถวและจำนวนคอลัมน์ของตารางแผนที่ โดยที่ 3 <= R, C <= 1,000 R บรรทัดต่อมา รับข้อมูลของตารางตั้งแต่แถวที่ 1 จนถึงแถวที่ R ตามลำดับ โดยที่แต่ละบรรทัดรับอักขระ X แทนช่องที่มี บ้าน และ . แทนช่องว่าง บรรทัดละ C อักขระ ทั้งนี้รับประกันว่าช่องที่อยู่ติดกับขอบของแผนที่ (ช่องที่อยู่แถวที่ 1 หรือ R หรืออยู่ คอลัมน์ที่ 1 หรือ C) จะเป็นช่องว่าง (อักขระ . เสมอ)

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดเดียว แสดงจำนวนด้านที่เลือกมาสร้างกำแพงที่มากที่สุด

ตัวอย่าง

ข้อมูลส่งออก
8
4

+++++++++++++++++

4. แผนที่ลายแทง (Map)

. ที่มา: ข้อสอบโอลิมปิกวิชาการระดับชาติครั้งที่ 10 ม.อุบลราชธานี

ในยุคอารยธรรมลุ่มน้ำโขงโบราณ มี "ชนเผ่าต๋อย" ซึ่งถูกกล่าวขานว่าเคยมีความรุ่งเรื่องทั้งด่านสติปัญญา วิทยาการและ วัตถุ หัวหน้าชนเผ่าต๋อยในอดีตตระหนักถึงอันตรายที่จะเกิดขึ้นแก่องค์ความรู้ และวิทยาการที่ชนเผ่าได้คิดค้นขึ้นมา จึงบันทึกองค์ ความรู้และวิทยาการต่าง ๆ ของชนเผ่า และซ่อนบันทึกนี้ รวมทั้งสมบัติของชนเผ่าทั้งหมดไว้ด้วยกัน จากนั้นหัวหน้าชนเผ่าได้ทำ แผนที่ลายแทงไปยังที่ซ่อนสมบัติเหล่านั้น ลงบนหนังสัตว์รูปสี่เหลี่ยมฝืนผ้าที่มีความยาวตามแนวตั้ง m หน่วย และความยาวตาม แนวนอน n หน่วย

เพื่อเป็นการรักษาความลับของที่ซ่อนสมบัติหัวหน้าชนเผ่าได้ตัดแบ่งแผนที่ลายแทงออกเป็นชิ้นส่วนเล็ก ๆ รูปสี่เหลี่ยม จัตุรัสขนาด 1 ตารางหน่วย จำนวนทั้งสิ้น m x n ชิ้น โดยด้านหลังของแต่ละชิ้นมีหมายเลข 0, 1, 2, 3, ..., (m x n) - 2, (m x n) - 1 เขียนกำกับอยู่ แล้วแจกจ่ายชิ้นส่วนเหล่านี้ทั้งหมดให้ทุกครัวเรือนในชนเผ่าช่วยกันดูแล และจารึกความสัมพันธ์ระหว่างชิ้นส่วน เล็ก ๆ ของลายแทง จำนวนทั้งสิ้น (m x n) - 1 ความสัมพันธ์ ไว้ที่แท่นบูชา ณ ลานหินแตก ทางเข้าสู่ผาแต้ม เพื่อใช้ในการประกอบ ชิ้นส่วนเหล่านั้นให้กลับมาเป็นแผนที่ลายแทงดังเดิม

ในแต่ละความสัมพันธ์มีตัวอักษร 'U' หรือ 'L' (อักษรภาษาอังกฤษตัวพิมพ์ใหญ่) แทนการอยู่ติดกันทางด้านบน หรือการอยู่ ติดกันทางด้านซ้าย ตามลำดับ ตัวอย่างเช่น

4 L 2 หมายความว่า ชิ้นส่วนหมายเลข 4 อยู่**ติดทางด้านซ้าย**ของชิ้นส่วนหมายเลข 2 10 U 25 หมายความว่า ชิ้นส่วนหมายเลข 10 อยู่**ติดทางด้านบน**ของชิ้นส่วนหมายเลข 25

ในเดือนพฤษภาคมนี้ ทายาทผู้นำชนเผ่าต๋อยจะทำการรวบรวมชิ้นส่วนเล็ก ๆ ของลายแทงทั้งหมด เพื่อเปิดขุมสมบัตินำเอา องค์ความรู้ วิทยาการ รวมถึงสมบัติของชนเผ่า ออกมาช่วยพัฒนาประเทศ แต่การจัดเรียงชิ้นส่วนเล็ก ๆ ตามความสัมพันธ์ที่จารึกไว้ นั้น มีความยุ่งยากเป็นอย่างมาก ทายาทผู้นำชนเผ่าได้รับข่าวว่าจะมีผู้รู้วัยเยาว์จำนวนมากมารวมตัวกันในการแข่งขันคอมพิวเตอร์ โอลิมปิกระดับชาติ ครั้งที่ 10 ณ มหาวิทยาลัยอุบลราชธานี จึงได้เข้ามาขอความช่วยเหลือจากผู้รู้ ให้เขียนโปรแกรมคอมพิวเตอร์ จัดเรียงชิ้นส่วนเล็ก ๆ ของลายแทงทั้งหมด ตามความสัมพันธ์ที่มีการจารึกไว้ เพื่อประกอบเป็นแผนที่ลายแทงไปยังขุมสมบัติ

<u>งานของคุณ</u>

จงเขียนโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่มีประสิทธิภาพ เพื่อประกอบแผนที่ลายแทงจากความสัมพันธ์ที่กำหนดให้

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก ประกอบด้วยจำนวนเต็ม m และ n ซึ่งแต่ละจำนวนถูกคั่นด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง แสดงความยาวตามแนวตั้ง และความยาวตามแนวนอนของแผนที่ลายแทง ตามลำดับ เมื่อ 1 <= m <= 200 และ 1 <= n <= 200

บรรทัดที่สอง ถึงบรรทัดที่ $m \times n$ แสดงความสัมพันธ์ที่ถูกจารึกไว้ จำนวน $(m \times n)$ - 1 ความสัมพันธ์ โดยแต่ละบรรทัดมี การจัดเรียงดังนี้ จำนวนเต็ม i ตามด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง ตัวอักษรภาษาอังกฤษตัวพิมพ์ใหญ่ 'U' หรือ 'L' อย่างใดอย่างหนึ่ง ตามด้วย ช่องว่างหนึ่งช่องและจำนวนเต็ม j เมื่อ $0 <= i < m \times n$ และ $0 <= j < m \times n$

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

มีทั้งหมด m บรรทัดโดยแต่ละบรรทัดประกอบด้วย จำนวนเต็มทั้งหมด n จำนวนแต่ละจำนวนถูกคั่นด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง ซึ่งแสดงการเรียงลำดับชิ้นส่วนเล็ก ๆ ของลายแทงตามแนวนอนโดยทั้งหมดประกอบกันเป็นแผนที่ลายแทงขุมสมบัติรูป สี่เหลี่ยมผืนผ้าที่มีความยาวตามแนวตั้ง m หน่วย และความยาวตามแนวนอน n หน่วย

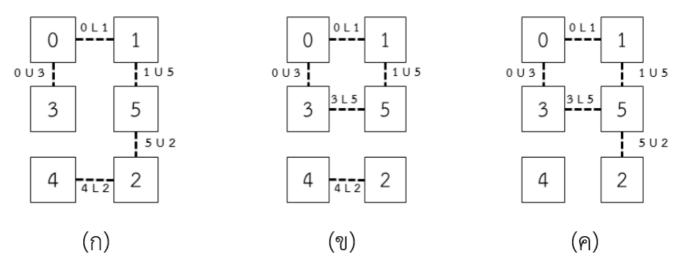
ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก	
3 2	0 1	
1 U 5	3 5	
0 U 3	4 2	
4 L 2		
0 L 1		
5 U 2		
1 5	1 2 0 4 3	
4 L 3		
2 L 0		
1 L 2		
0 L 4		

<u>ข้อมูลเพิ่มเติมเกี่ยวกับชุดทดสอบ</u>

1. ความสัมพันธ์ที่กำหนดให้จะสามารถนำแต่ละชิ้นส่วนเล็ก ๆ มาสร้างแผนที่ลายแทงโดยเชื่อมโยง (connected) ไปยังชิ้นส่วนเล็ก ๆ อื่นได้เสมอ ดังแผนที่ลายแทงในรูปที่ 1 (ก) โดยข้อมูลนำเข้าจะไม่มีความสัมพันธ์ในลักษณะเช่น รูปที่ 1 (ข) และ (ค)

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)



รูปที่ 1 แสดงตัวอย่างแผนที่ลายแทง (ก) แผนที่ลายแทงที่ถูกสร้างจากความสัมพันธ์ที่เชื่อมโยง
(ข) และ (ค) แผนที่ลายแทงที่ถูกสร้างจากความสัมพันธ์ที่ไม่เชื่อมโยง

++++++++++++++++

5. ฟีทซิลล่าและผู้ติดตาม (PZ_Follower)

ที่มา: ข้อสอบท้ายค่ายสองศูนย์ ม.บูรพา รุ่น 17 ออกโดย PeaTT~

พีทซิลล่าได้หลงเข้าไปยังโลกที่สุดแสนประหลาดแห่งหนึ่ง หลังจากที่สอบถามผู้คนในเมืองก็ได้ข้อมูลมาว่าในโลกนี้มีเมืองอยู่ ทั้งสิ้น N เมือง (หมายเลข 1 ถึง N) และมีถนน M เส้น ปัจจุบันพีทซิลล่าอยู่ที่เมือง S และ ราชาปีศาจอยู่ที่เมือง E ราชาปีศาจนั้นกุม ความลับเกี่ยวกับประตูมิติที่สามารถใช้เพื่อเดินทางไปที่โลกไหนก็ได้

พีทซิลล่าต้องการจะจัดการกับราชาปีศาจจึงจะหาทางที่จะเดินทางจากเมือง S ไปยังเมือง E โดยการเดินทางจะสามารถ เดินทางไป-กลับผ่านถนนได้เท่านั้น เริ่มต้นพีทซิลล่าจะมีผู้ติดตาม 0 คน และ ถนนสายที่ i เป็นถนนแบบสองทางจะมีผู้ติดตามอยู่ wi คน ซึ่งผู้ติดตามบางคนจะอยากเดินทางต่อไปกับพีทซิลล่า แต่บางคนก็อยากหยุด โดยเมื่อพีทซิลล่ามีผู้ติดตามอยู่ y คนแล้ว เดินทางบนถนนสายที่ j พีทซิลล่าจะมีผู้ติดตามที่จะเดินทางต่อไปกับพีทซิลล่าเท่ากับ y XOR wj คน และเนื่องจากโลกนี้เป็นโลกที่ ประหลาด เมื่อพีทซิลล่าเดินทางผ่านถนนสายใดแล้ว จำนวนผู้ติดตามบนถนนจะกลับมาเป็น wj คน เท่าเดิม เนื่องจากผู้ติดตามเป็น คนไร้ประโยชน์ พีทซิลล่าต้องการให้มีผู้ติดตามน้อยที่สุด

ในข้อนี้<u>พีทซิลล่าไม่จำเป็นจะต้องหยุดเมื่อเดินทางมาถึงเมือง E ครั้งแรก</u> โดยเขาสามารถเดินทางต่อไปได้ เผื่อการเดินทาง ต่อไปจะทำให้คำตอบเมื่อกลับมาเมือง E แล้วน้อยที่สุด เขาก็จะสามารถเดินทางต่อไปได้อีก

<u>นิยาม</u> การดำเนินการ XOR (Exclusive OR) เป็น Bitwise operation ที่จะเปรียบเทียบบิตของตัวเลขฐาน สอง โดยหาก บิตที่มีค่าแตกต่างกัน (1 XOR 0 หรือ 0 XOR 1) จะคืนค่าเป็นจริง (1) แต่หากบิตของตัวเลขฐานสองมีค่าเหมือนกัน (1 XOR 1 หรือ 0 XOR 0) จะคืนค่าเป็นเท็จ (0) ในการเขียนโปรแกรมภาษาซี นักเรียนสามารถเรียกใช้การดำเนินการนี้ได้โดยใช้เครื่องหมาย ^ เช่น 6^10= 0110 XOR 1010 = 1100 = 12 นั่นเอง

<u>งานของคุณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อช่วยพีทซิลล่าหาจำนวนผู้ติดตามน้อยที่สุดในการเดินทางไปยังตำแหน่งที่ราชาปีศาจอยู่

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก T (1 <= T <= 10) แทนจำนวนชุดข้อมูลทดสอบย่อย ในแต่ละชุดข้อมูลทดสอบย่อย

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก N M S E คั่นด้วยหนึ่งช่องว่าง โดยที่ 1 <= S, E <= N <= 100 และ

1 <= M <= 5,000

อีก M บรรทัดถัดมา บรรทัดที่ i+1 รับจำนวนเต็มบวก a b w_i คั่นด้วยหนึ่งช่องว่าง แทนว่ามีถนนแบบสองทางเชื่อม ระหว่างเมือง a และเมือง b มีผู้ติดตาม w_i คน โดยที่ 1 <= a, b <= N และ $1 <= w_i <= 1,000$

หมายเหตุ รับประกันว่าสำหรับทุกชุดข้อมูลทดสอบ จะมีเส้นทางที่สามารถเดินจากเมือง S ไปถึงเมือง E ได้เสมอ โดย<u>การที่</u> เดินทางไปถึงเมือง E ไม่ได้หมายความว่าจะต้องสู้กับปีศาจเลย สามารถเดินทางต่อไปได้

20% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 5, M <= 9, w_i <= 3 และ

10% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า M = N-1 และเป็นกราฟที่เมืองทุกเมืองสามารถไปมาหากันได้

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

มี T บรรทัด แต่ละบรรทัด แสดงจำนวนผู้ติดตามที่น้อยที่สุดที่เป็นไปได้เมื่อพีทซิลล่าอยู่ที่เมือง E

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
1	1
4 4 1 4	
1 2 3	
1 3 5	
2 3 1	
3 4 4	

คำอธิบายตัวอย่างที่ 1

มีทั้งสิ้น 1 คำถาม ได้แก่ คำถามแรก เริ่มจากเมือง 1 (w=0) แล้วไปเมือง 3 (w=5) แล้วไปเมือง 4 (w=1) จะได้ผู้ติดตาม รวมเป็น 1 ซึ่งน้อยที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้แล้ว

+++++++++++++++++

6. บิดทีครับหุ่นยนต์สำรวจ (BT_Robot Explore)

 $\overline{\eta}$ ี่มา: ข้อสอบท้ายค่ายสองศูนย์ ม.บูรพา รุ่น 18 ออกโดย PeaTT \sim

บิดทีครับได้รับตารางขนาด N x M (1 <= N, M <= 1,000) โดยที่แถวที่อยู่บนสุดจะเป็นแถวหมายเลข 1 และคอลัมน์ที่อยู่ ซ้ายสุดจะเป็นคอลัมน์หมายเลข 1 และ ช่องที่อยู่แถวที่ R และอยู่คอลัมน์ที่ C จะมีพิกัด (R, C)

แต่ละช่อง จะเป็นช่องว่าง (แทนด้วยอักขระ '.') หรือสิ่งกีดขวาง (แทนด้วยอักขระ '#') เท่านั้น

บิดทีครับจะได้รับคำถาม Q คำถามจากพี่พีท ($1 <= Q <= 10^5$) โดยในคำถามที่ i ให้พิจารณาส่วนหนึ่งของตารางที่เป็นรูป สี่เหลี่ยมผืนผ้าที่มีจุดบนซ้ายที่พิกัด ($r_{1,i}$, $c_{1,i}$) และ มีจุดล่างขวาที่พิกัด ($r_{2,i}$, $c_{2,i}$) ของตาราง จากนั้น ให้วางหุ่นยนต์ลงบนช่อง ($r_{3,i}$,

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

 $c_{3,i}$) ซึ่งจะเป็นช่องที่อยู่ในสี่เหลี่ยมผืนผ้านั้น (กล่าวคือ $1 <= r_{1,i} <= r_{3,i} <= r_{2,i} <= N$ และ $1 <= c_{1,i} <= c_{3,i} <= c_{2,i} <= M$) หาก หุ่นยนต์ยืนอยู่ในช่องที่อยู่บนขอบของสี่เหลี่ยมผืนผ้า หุ่นยนต์จะสามารถเดินจากช่องดังกล่าวไปยังข้างนอกสี่เหลี่ยมผืนผ้าได้เลย ใน กรณีอื่น หุ่นยนต์สามารถเดินได้เพียงจากช่องที่ตัวเองอยู่ไปยัง ช่องที่อยู่ติดกันในหนึ่งในสี่ทิศ ได้แก่ ทิศบนหรือล่างหรือซ้ายหรือขวา ที่เป็นช่องว่างเท่านั้น นายบิดทีครับอยากทราบว่าหุ่นยนต์จะสามารถเดินออกนอกสี่เหลี่ยมผืนผ้านั้นได้หรือไม่?

<u>งานของคูณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อตอบแต่ละคำถามว่าหุ่นยนต์สามารถเดินทางออกจากสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่กำหนดได้จากจุดเริ่มต้นที่ระบุ ได้หรือไม่?

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก N, M, Q (1 <= N, M <= 1,000, 1 <= Q <= 10⁵)

อีก N บรรทัดถัดมา ในบรรทัดที่ i (1 <= i <= N) รับอักขระจำนวน M ตัว A[i][1], A[i][2], ..., A[i][M] ตามลำดับ (รับประกันว่า A[i][j] คืออักขระ '.' หรืออักขระ '#' เท่านั้น)

อีก Q บรรทัดถัดมา รับจำนวนเต็มบวก $r_{1,i}$, $c_{1,i}$, $r_{2,i}$, $c_{2,i}$, $r_{3,i}$, $c_{3,i}$ (โดยที่ $1 <= r_{1,i} <= r_{3,i} <= r_{2,i} <= N$ และ $1 <= c_{1,i} <= c_{3,i} <= c_{2,i} <= M$) และรับประกันว่าพิกัดที่หุ่นยนต์สำรวจถูกปล่อยจะไม่มีสิ่งกิดขวาง (กล่าวคือ $A[r_{3,i}][c_{3,i}] = `.`$)

20% ของชุดทดสอบ มีคำถามไม่เกิน 10 คำถาม (1 <= Q <= 10) และแต่ละคำถามจะมีหยิบทั้งตารางมาเป็น สี่เหลี่ยมผืนผ้า (กล่าวคือ $r_{1,i} = c_{1,i} = 1$, $r_{2,i} = N$, $c_{2,i} = M$ สำหรับ 1 <= i <= Q)

อีก 30% ของชุดทดสอบ แต่ละคำถามจะมีหยิบทั้งตารางมาเป็นสี่เหลี่ยมผืนผ้า (กล่าวคือ $r_{1,i}=c_{1,i}=1$, $r_{2,i}=N$, $c_{2,i}=M$ สำหรับ 1<=i<=Q)

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

มี Q บรรทัด แสดง YES ถ้าหุ่นยนต์สามารถเดินทางออกมาได้ หรือ NO ถ้าหุ่นยนต์ไม่สามารถเดินทางออกมาได้

<u>ตัวอย่าง</u>

<u> </u>	
ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
6 8 4	YES
#######	NO
# # # . #	YES
#.##.	NO
# # # #	
##.#.##.	
#######	
1 1 6 6 5 3	
1 1 6 6 5 5	
5 5 6 6 5 5	
1 6 3 8 2 7	

คำอธิบายตัวอย่างที่ 1

บิดทีครับได้รับตารางขนาด 6 x 8 มาและได้รับ 4 คำถาม

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

ในคำถามแรก บิดทีครับหยิบส่วนหนึ่งของตารางที่เป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่มีช่องบนซ้ายที่พิกัด (1, 1) และช่องล่างขวาที่ พิกัด (6, 6) และจะปล่อยหุ่นยนต์สำรวจที่พิกัด (5, 3) ซึ่งจะได้สี่เหลี่ยมผืนผ้าที่มีลักษณะดังนี้ (ช่องที่มีอักขระ 'x' คือพิกัดที่หุ่นยนต์ สำรวจถูกปล่อย)

> ###### # . . . ## # . # . . . # . . ### ##×# . # #######

หุ่นยนต์สามารถลำดับการเดินออกจากสี่เหลี่ยมผืนผ้านี้ได้ดังนี้: (5, 3) -> (4, 3) -> (4, 2) -> (3, 2) -> (2, 2) -> (2, 3) -> (2, 4) -> (3, 4) -> (3, 5) -> (3, 6) โดยสามารถแสดงลำดับก้าวการเดินของที่หุ่นยนต์บนสี่เหลี่ยมผืนผ้าได้ดังรูป (ในก้าวสุดท้าย หุ่นยนต์ได้เดินทางมาถึงช่องที่มีอักขระ 'x')

#567## #4#89x #32### ##1#.#

ในตอนสุดท้าย หุ่นยนต์ได้เดินทางมาถึงช่อง (3, 6) ซึ่งเป็นช่องที่บนขอบของสี่เหลี่ยมผืนผ้านี้แล้ว จากนั้นหุ่นยนต์จึงก้าว ออกมาจากสี่เหลี่ยมผืนผ้านี้ได้ จึงตอบว่าหุ่นยนต์สามารถเดินทางออกมาได้

ในคำถามที่สอง เราหยิบสี่เหลี่ยมผืนผ้าแผ่นเดิมออกมา แต่เราเปลี่ยนตำแหน่งการปล่อยหุ่นยนต์ไปเป็นดังนี้

. . . ## # . # . . . # . . ### ## . #×#

สังเกตว่าหุ่นยนต์ไม่สามารถเดินไปที่ไหนได้ เพราะถูกสิ่งกีดขวางสกัดทุกทิศทาง หุ่นยนต์จึงไม่สามารถเดินออกจาก สี่เหลี่ยมผืนผ้านี้ได้

ในคำถามที่สาม เราหยิบสี่เหลี่ยมผืนผ้าออกมาดังนี้ (ช่องที่มีอักขระ 'x' คือพิกัดที่หุ่นยนต์สำรวจถูกปล่อย)

×# ##

เนื่องจากหุ่นยนต์ได้อยู่บนขอบของสี่เหลี่ยมผืนผ้าแล้ว จึงสามารถเดินออกมาจากตารางได้เลย ในคำถามสุดท้าย เราได้หยิบสี่เหลี่ยมผืนผ้าออกมาดังนี้ (ช่องที่มีอักขระ 'x' คือพิกัดที่หุ่นยนต์สำรวจถูกปล่อย)

> ### #x# .#.

สังเกตว่าหุ่นยนต์ตัวนี้ไม่สามารถเคลื่อนที่ได้ แม้ว่าจะมีช่องว่างอยู่ทางขวาล่างและซ้ายล่างก็ตาม เพราะหุ่นยนต์สามารถ เดินได้เพียงช่องที่ติดกันสี่ทิศเท่านั้น จึงตอบว่าไม่สามารถเดินออกจากสี่เหลี่ยมผืนผ้านี้ได้

+++++++++++++++++