หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

โจทย์ชุดที่ยี่สิบสาม วันพุธที่ 3 พฤษภาคม พ.ศ. 2566ดึก จำนวน 5 ข้อ

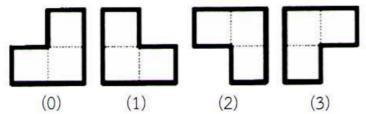
ที่	เนื้อหา	โจทย์
1.	Divide and Conquer algorithm จำนวน 3 ข้อ	1. ปูกระเบื้องสุดหรรษา (Funny Tile)
		2. ภาพพีทซิลล่า (PZ_Image)
		3. บิดทีครับพีพีเอพี (BT_PPAP)
2.	โจทย์ประยุกต์ จำนวน 2 ข้อ	4. พีทกีตาร์ภาพการ์ตูน (GT_Cartoon)
		5. พีทซิลล่าจัดงานแฟร์ (PZ_Fair)

1. เรื่อง Divide and Conquer algorithm จำนวน 3 ข้อ

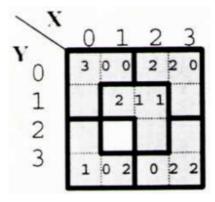
1. ปูกระเบื้องสุดหรรษา (Funny Tile)

พี่พีทมีสวนสี่เหลี่ยมจัตุรัสขนาด $2^k \times 2^k$ ตารางเมตรอยู่แห่งหนึ่ง โดยที่ 1 <= k <= 10 โดยกำหนดให้สวนของเขานั้น แบ่งเป็นช่อง ช่องละ 1 ตารางเมตร และให้ระบุตำแหน่งของแต่ละช่องด้วยพิกัด (x, y) โดยให้จุด (0, 0) นั้นหมายถึงจุดมุมบนซ้าย ของสวนของพี่พีท

พี่พีทต้องการปูกระเบื้องบนสวนแห่งนี้ แต่กระเบื้องของพี่พีทนั้นมีหน้าตาประหลาด กระเบื้องแต่ละแบบนั้นประกอบด้วย แผ่นหินขนาด 1 x 1 ตารางเมตรสามแผ่นต่อกันเป็นลักษณะต่าง ๆ กัน 4 รูปแบบ ในพื้นที่ขนาด 2 x 2 ตารางเมตร ดังรูปด้านล่างนี้



พี่พีทต้องการที่จะวางกระเบื้องเหล่านี้ลงในสวนของเขาโดยไม่ให้มีแผ่นหินทับกัน แต่ทว่า ไม่ว่าพี่พีทจะพยายามอย่างไรก็ ตาม จะมีช่องว่างเหลืออยู่ 1 ตารางเมตร ที่เขาไม่สามารถวางกระเบื้องได้อยู่เสมอ ดังนั้นพี่พีทต้องการให้ช่องว่างดังกล่าวนั้นอยู่ที่ ตำแหน่ง (x₀, y₀)



หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

<u>งานของคูณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อช่วยพี่พีทเรียงแผ่นหินเหล่านี้ลงไปในสวนของเขา โปรแกรมของคุณจะต้องระบุคำสั่งการวางกระเบื้อง คำสั่งการวางกระเบื้องแต่ละคำสั่งนั้นใช้ตัวเลข 3 ตัว ตัวแรกเป็นรูปแบบของกระเบื้องที่ต้องการจะวางอ้างอิงจากรูปด้านบน ตัวเลข อีก 2 ตัวเป็นพิกัด (x, y) ของสวนที่เราต้องการวางมุมบนซ้ายของกระเบื้องชิ้นนั้นลงไป

รูปด้านบน แสดงตัวอย่างการวางกระเบื้องและคำสั่งของการวางกระเบื้องแต่ละแผ่นลงในสวนขนาด 2² x 2² ตารางเมตร **ข้อมูลนำเข้า**

มีหนึ่งบรรทัด ประกอบด้วยตัวเลขสามตัว ตัวเลขตัวแรกระบุค่า L = 2^k ซึ่งเป็นค่าความกว้าง (ยาว) ของสวนของพี่พีท ตัวเลขอีกสองตัวระบุถึงค่า \mathbf{x}_0 และ \mathbf{y}_0 ซึ่งเป็นพิกัดที่จะเป็นช่องว่างในสวนของพี่พีท

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

บรรทัดแรก แสดงจำนวนเต็ม N แทนจำนวนของแผ่นกระเบื้อง

หลังจากนั้นอีก N บรรทัด จะเป็นคำสั่งในการวางกระเบื้อง ลำดับการวางกระเบื้องให้แสดงเรียงลำดับจากน้อยไปหามาก ตามลำดับของข้อมูลส่งออก

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
4 1 2	5
	0 2 2
	1 0 2
	2 1 1
	2 2 0
	3 0 0
2 0 1	1
	2 0 0

++++++++++++++++

2. ภาพพีทซิลล่า (PZ_Image)

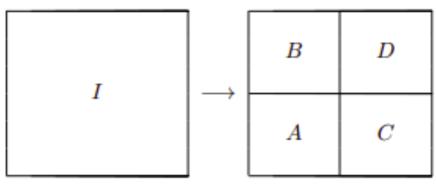
 $\dot{ec{\eta}}$ มา: ข้อสอบท้ายค่ายสองคัดเลือกผู้แทนศูนย์ ม.บูรพา รุ่น 17 ออกโดย PeaTT \sim

พีทซิลล่ามีภาพขนาด L \times L โดยที่สำหรับจำนวนเต็ม k บางจำนวน L = 2^k

ภาพของพีทซิลล่านั้น แต่ละพิกเซลจะมีค่าเป็น 0 หรือ 1 ได้เท่านั้น พีทซิลล่าต้องการนำภาพนี้มาแปลงเป็นสายอักขระของ 0 กับ 1 ผ่านขั้นตอนดังนี้

- 1. ถ้าภาพที่กำลังพิจารณาอยู่ ประกอบด้วยพิกเซลที่มีค่า 0 และ 1 ทั้งคู่ เราจะเพิ่ม 1 เข้าไปในสายอักขระเพื่อแสดงว่าภาพ นี้จะถูกแบ่งออกเป็น 4 ส่วน ดังที่จะอธิบายในขั้นตอนที่ 2 ในทางตรงกันข้าม หากค่าของพิกเซลในภาพมีเพียง 0 หรือ 1 เราจะเพิ่ม 00 หรือ 01 เข้าไปในสายอักขระตามลำดับ เพื่อแสดงว่าภาพนี้มีเพียงพิกเซลที่มีค่า 0 หรือ 1 เพียงอย่างเดียวเท่านั้น
 - 2. เราจะทำการแบ่งภาพที่พิจารณาอยู่ออกเป็น 4 ภาพ A, B, C, D ที่มีขนาดเท่ากันดังตัวอย่างด้านล่างนี้

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)



เราจะนำภาพที่แบ่งได้เหล่านี้มาทำขั้นตอนที่ 1 อีกครั้ง

ตัวอย่างที่ 1 แสดงการแปลงภาพขนาด 4×4

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} = 1 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$
$$= 11(0)(0)(0)(1)(1)(1)(1)(0)(1)(0)(1)(1)(1)$$
$$= 110000000010110100010010010101$$

จะได้ว่าสายอักขระที่ได้จากการแปลงภาพ มีความยาว 30 ตัวอักษร

<u>ตัวอย่างที่ 2</u> แสดงการแปลงภาพขนาด 8 x 8

= 101000101

จะได้ว่าสายอักขระที่ได้จากการแปลงภาพ มีความยาว 9 ตัวอักษร

<u>งานของคุณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อช่วยพีทซิลล่ารับข้อมูลภาพมา แล้วแสดงความยาวของสายอักขระที่ได้จากการนำภาพพีทซิลล่านี้มา แปลง

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก Q แทนจำนวนคำถาม โดยที่ 1 <= Q <= 10 ในแต่ละคำถาม บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก L โดยที่ L ไม่เกิน 512 รับประกันว่า L = 2^k สำหรับบางจำนวนเต็ม k อีก L บรรทัดถัดมา รับภาพพีทซิลล่าขนาด L x L ซึ่งประกอบด้วยตัวเลข 0 หรือ 1 เท่านั้น ห่างกันหนึ่งช่องว่าง 20% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมี L ไม่เกิน 2

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

มี Q บรรทัด บรรทัดที่ i แสดงความยาวของสายอักขระที่ได้จากการนำภาพพีทซิลล่านี้มาแปลง

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
2	30
4	9
1 1 1 1	
1 1 0 1	
0 1 0 0	
0 0 1 1	
8	
0 0 0 0 1 1 1 1	
0 0 0 0 1 1 1 1	
0 0 0 0 1 1 1 1	
0 0 0 0 1 1 1 1	
1 1 1 1 1 1 1	
1 1 1 1 1 1 1	
1 1 1 1 1 1 1	
1 1 1 1 1 1 1	

++++++++++++++++++

3. บิดทีครับพีพีเอพี (BT_PPAP)

. ที่มา: ข้อสอบท้ายค่ายสองคัดเลือกผู้แทนศูนย์ ม.บูรพา รุ่น 18 ออกโดย PeaTT~

PPAP ย่อมาจากคำว่า POSN Practice And Peatt และเนื่องจากพี่พีทเห็นว่าตัวอักษร A และ ตัวอักษร P เป็นตัวอักษรที่ ดี จึงสร้างสตริงจากตัวอักษร A และ P โดยกำหนดสตริง S(i) ดังนี้

S(0) = P

S(i) = S(i-1) P S'(i-1) S(i-1) เมื่อ i > 0

เมื่อ S'(i-1) คือสตริง S(i-1) ที่เปลี่ยน A เป็น P และเปลี่ยน P เป็น A สำหรับ S(i) ที่มีค่าน้อย ๆ เช่น

S(1) = PPAP

S(2) = PPAPPAAPAPPAP

จะสังเกตได้ว่า S(i-1) จะเป็นส่วนเริ่มต้น (Prefix) ของ S(i) เสมอ เราสามารถนิยาม S(∞) ดังนี้

<u>งานของคูณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อหาว่าตัวอักษรตัวที่ n ของ S(∞) เป็นตัวอักษร A หรือตัวอักษร P กำหนดให้ตัวอักษรตัวแรกคือตัวที่

1

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก Q แทนจำนวนคำถาม โดยที่ Q มีค่าไม่เกิน 100,000 อีก Q บรรทัดถัดมา รับจำนวนเต็มบวก n โดยที่ n มีค่าไม่เกิน 10¹⁸ 20% ของข้อมูลชดทดสอบ จะมีค่า n ไม่เกิน 1,000,000

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

Q บรรทัด แต่ละบรรทัดตอบว่า A หรือ P

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
7	P
1	P
2	A
3	P
4	P
10	A
100	P
1000	

+++++++++++++++++

2. เรื่องโจทย์ประยุกต์ จำนวน 2 ข้อ

4. พีทกีตาร์ภาพการ์ตูน (GT_Cartoon)

. ที่มา: ข้อสอบท้ายค่ายหนึ่ง สอวน. คอมพิวเตอร์ ม.บูรพา รุ่น 19 ออกโดย PeaTT~

อาจารย์พีทกีตาร์คนดัง มีเอฟซีทั่วทุกสารทิศ ในวันนี้มีเอฟซีคน หนึ่งได้วาดภาพการ์ตูนของเขามาให้ ทำให้เขาดีใจเป็นอย่างมาก วันนี้ อาจารย์พีทกีตาร์จึงตอบแทนเอฟซีของเขา โดยการเติมเครื่องหมาย บวก, ลบ, คูณ, หาร ลงไปในลำดับของตัวเลขที่มี N จำนวน เพื่อให้ได้ผลลัพธ์ ตามที่เขาต้องการ โดยการคำนวณจะเป็นการคำนวณแบบมีวงเล็บจาก ซ้ายไปขวา และ หารแบบปัดเศษลง

เช่น N=4 มีลำดับเลข 5 2 3 4 ต้องการบวกลบคูณหารจากซ้าย ไปขวาให้ได้เลข 20 สามารถทำได้ดังโดยเลือกเครื่องหมาย / + x ทำจาก ซ้ายไปขวาจะได้ ((5/2)+3)x4 = (2+3)x4 = 5x4 = 20

<u>งานของคุณ</u>

จงหาว่าจากลำดับของตัวเลขที่กำหนดให้สามารถเลือก เครื่องหมายให้ได้เลขที่ต้องการหรือไม่?

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>



หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

บรรทัดแรก รับจำนวนชุดทดสอบ Q โดยที่ Q ไม่เกิน 10

ในแต่ละชุดทดสอบรับจำนวนเต็มบวก N และจำนวนเต็ม K แทนเลขที่ต้องการ โดยที่ N ไม่เกิน 10 และ

-1000 <= K <= 1000

บรรทัดถัดมารับจำนวนเต็มบวก a N จำนวน ห่างกันหนึ่งช่องว่าง โดย a ไม่เกิน 100 30% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N = 3

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

Q บรรทัด ในแต่ละชุดทดสอบถ้าสามารถเลือกเครื่องหมายให้ได้เลขที่ต้องการได้ให้พิมพ์ YES ถ้าไม่ให้พิมพ์ NO รับประกัน ว่าไม่ว่าจะเลือกเครื่องหมายแบบใด ผลลัพธ์จากการคำนวณจะสามารถเก็บได้ในตัวแปร int เสมอ

<u>ตัวอ</u>ย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
3	YES
4 20	NO
5 2 3 4	YES
3 1000	
1 2 3	
3 -1	
1 2 1	

คำอธิบายตัวอย่างที่ 1

มี 3 คำถาม ได้แก่ คำถามแรก เลือกเครื่องหมาย / + x จะได้ ((5/2)+3)x4 = (2+3)x4 = 5x4 = 20 นั่นเอง คำถามที่สอง ไม่สามารถเลือกเครื่องหมายที่ทำให้ลำดับ 1 2 3 เป็น 1000 ได้ คำถามที่สาม เลือกเครื่องหมาย - / ทำจากซ้ายไปขวาจะได้ (1-2)/1 = -1/1 = -1 นั่นเอง

+++++++++++++++++

5. พีทซิลล่าจัดงานแฟร์ (PZ Fair)

อาณาจักรพีทแลนด์มีเมืองอยู่ N เมือง เชื่อมกันด้วยถนนสองทาง M เส้น ถนนแต่ละเส้นจะเชื่อมระหว่างเมือง ai และเมือง bi โดยใช้เวลาเดินทาง ti

เมืองแต่ละเมืองจะมีร้านค้าอยู่ 1 ประเภท โดยจะแทนประเภทของร้านค้าด้วยจำนวนเต็มบวกที่มีค่าไม่เกิน K

พีทซิลล่าต้องการจะจัดงานแฟร์โดยจะเลือกจัดงานที่เมือง ๆ หนึ่ง โดยพีทซิลล่าสามารถติดต่อร้านค้าในเมืองอื่น ๆ ที่ สามารถเดินทางมาหาเมืองนั้นให้มาขายของได้ด้วย โดยค่าใช้จ่ายในการติดต่อมาค้าขายจะเท่ากับ<u>ระยะเวลาที่น้อยที่สุดในการ</u> <u>เดินทางจากเมืองที่ทำการติดต่อไปกับเมืองที่จัดงาน</u> พีทซิลล่าต้องการให้มีร้านค้าในงานแฟร์นี้ที่แตกต่างกันอย่างน้อย A ประเภท

<u>งานของคูณ</u>

จงเขียนโปรแกรมเพื่อช่วยพีทซิลล่าหาคำตอบว่า หากต้องจัดงานแฟร์โดยจะต้องมีร้านค้าที่แตกต่างกันอย่างน้อย A ประเภท ควรจะจัดงานแฟร์อย่างไรจึงจะเสียค่าใช้จ่าย ซึ่งเป็นผลรวมของระยะเวลาเดินทางผ่านเส้นเชื่อมจากแต่ละเมืองที่พีทซิลล่า ติดต่อไปมายังเมืองที่จัดงานให้น้อยที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้

หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็มบวก T แทนจำนวนชุดทดสอบย่อย โดยที่ T ไม่เกิน 3 สำหรับแต่ละชุดทดสอบย่อย

บรรทัดแรก รับจำนวนเต็ม N, M และ A แทนจำนวนเมือง, จำนวนถนน และจำนวนประเภทร้านค้าขั้นต่ำที่จำเป็นจะต้องมี เพื่อจัดงานแฟร์ โดยที่ 1 <= N <= 20,000; 0 <= M <= 30,000; <math>1 <= A <= 100

บรรทัดที่สอง รับจำนวนเต็มบวก N จำนวน แทนหมายเลขของร้านค้าที่มีในเมือง 1 ถึงเมือง N ซึ่งมีค่าไม่เกิน K (1 <= A <= K <= 100)

อีก M บรรทัดต่อมา รับจำนวนเต็มบวกบรรทัดละ 3 จำนวน ai, bi และ ti คั่นด้วยเว้นวรรค เพื่อแสดงว่ามีถนนจากเมือง ai ไปถึง bi ที่ต้องใช้เวลา ti ในการเดินทาง โดยที่ 1 <= ai, bi <= N และ ti <= 1,000

10% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 1,000 และ K = 2

10% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 1,000 และ K = 16

20% ของชุดข้อมูลทดสอบ จะมีค่า N <= 20,000 และ K = 16

<u>ข้อมูลส่งออก</u>

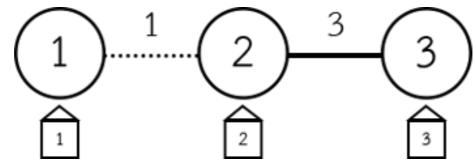
มีทั้งสิ้น T บรรทัด แต่ละบรรทัด ให้แสดงค่าใช้จ่ายที่น้อยที่สุดในการจัดงานแฟร์ เป็นผลรวมของเวลาการเดินทางจากเมืองที่พีทซิล ล่าติดต่อมายังเมืองที่จัดงานน้อยที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้ หากไม่สามารถจัดงานแฟร์ได้เลยให้พิมพ์ -1

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
2	1
3 2 2	5
1 2 3	
1 2 1	
2 3 3	
5 5 3	
1 3 4 2 3	
1 2 5	
2 3 2	
3 4 5	
4 1 3	
4 5 2	

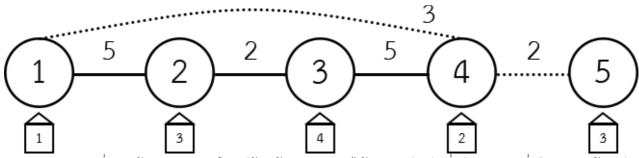
คำอธิบายตัวอย่างที่ 1

มีสองชุดทดสอบย่อย



หากไม่ได้รับความอนุญาตจาก นายอัครพนธ์ วัชรพลากร (พี่พีท)

ชุดทดสอบย่อยแรก จะสร้างแผนผังเมืองได้ตามภาพ ซึ่งวิธีที่จะจัดงานให้มีร้านต่างกันอย่างน้อย 2 ประเภทโดยใช้เงิน 1 ซึ่ง น้อยที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้ ได้ 2 วิธี คือจัดที่เมือง 1 หรือเมือง 2 ซึ่งทำได้โดยการเชิญร้านจากอีกเมือง โดยใช้ถนนที่ห่าง 1 หน่วย จึงตอบ 1 (โดยเลือกถนนที่ใช้เดินทางตามเส้นประ)



ชุดพิดสอบย่อยที่สอง ต้องการจัดงานโดยมีร้านค้า 3 ประเภทได้หลายวิธี วิธีหนึ่งคือ จัดงานที่เมือง 1 จะต้องเสียค่าใช้จ่า จากการเอาร้านค้าประเภทที่สองมาที่เมืองแรก 3 หน่วย และเอาร้านค้าประเภทที่ 3 มา 5 หน่วย (ไม่ว่าจะนำมาจากเมือง 2 หรือ เมือง 5 ก็ตาม) รวมเป็น 8 หน่วย แต่วิธีที่ดีที่สุด คือจัดที่เมือง 4 โดยเชิญให้ร้านค้าจากเมือง 1 และ 5 มาที่เมือง 4 ทำให้ได้ร้านค้า 3 ประเภท ได้แก่ 1, 2 และ 3 โดยใช้เงินน้อยสุด 5 หน่วย จึงตอบ 5

+++++++++++++++++