

Отчёт по лабораторной работе №5

Построение графиков

Ким Реачна

Содержание

1	Цель работы	6
2	Выполнение лабораторной работы	7
2.1	Основные пакеты для работы с графиками в Julia	7
2.2	Опции при построении графика	9
2.3	Точечный график	12
2.3.1	Простой точечный график	12
2.3.2	Точечный график с кодированием значения размером точки	12
2.3.3	3-мерный точечный график с кодированием значения размером точки	13
2.4	Аппроксимация данных	13
2.5	Две оси ординат	14
2.6	Полярные координаты	15
2.7	Параметрический график	16
2.7.1	Параметрический график кривой на плоскости	16
2.7.2	Параметрический график кривой в пространстве	16
2.8	График поверхности	17
2.9	Линии уровня	19
2.10	Векторные поля	20
2.11	Анимация	22
2.11.1	Gif-анимация	22
2.11.2	Гипоциклоида	23
2.12	Errorbars	25
2.13	Использование пакета Distributions	28
2.14	Подграфики	30
2.15	Задания для самостоятельного выполнения	32
3	Листинги программы	52
4	Вывод	79

Список иллюстраций

2.1	Установка все необходимые пакеты для работы с графиками . . .	7
2.2	График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи <code>gr()</code> .	8
2.3	График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи <code>pyplot()</code> .	8
2.4	График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи <code>plotly()</code> .	9
2.5	График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи <code>unicodeplot()</code>	9
2.6	График функции $\sin(x)$	10
2.7	График функции разложения исходной функции в ряд Тейлора . .	10
2.8	Графики исходной функции и её разложения в ряд Тейлора	10
2.9	Вид графиков после добавления опций при их построении	11
2.10	Вид графиков после добавления опций при их построении	11
2.11	Сохранение построенного графика	11
2.12	График десяти случайных значений на плоскости	12
2.13	График пятидесяти случайных значений на плоскости с различными опциями отображения	12
2.14	График пятидесяти случайных значений в пространстве с различными опциями отображения	13
2.15	Пример функции	13
2.16	Пример аппроксимации исходной функции полиномом 5-й степени	14
2.17	Пример отдельно построенной траектории	14
2.18	Пример двух траекторий на одном графике с двумя осями ординат	15
2.19	График функции, заданной в полярных координатах	15
2.20	Параметрический график кривой на плоскости	16
2.21	Параметрический график кривой в пространстве	16
2.22	График поверхности использована функция <code>surface()</code>	17
2.23	График поверхности использована функция <code>plot()</code>	17
2.24	Сглаженный график поверхности	18
2.25	График поверхности с изменённым углом зрения	18
2.26	График поверхности, заданной функцией $g(x, y) = (3x + y^2) \sin(x) + \cos(y) $	19
2.27	Линии уровня	19
2.28	Линии уровня с заполнением	20
2.29	График функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$	20
2.30	Линии уровня для функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$	21
2.31	Векторное поле функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$	21

2.32 Векторное поле функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$ скорректирована область видимости	22
2.33 Статичный график поверхности	22
2.34 Анимированный график поверхности	23
2.35 Большая окружность гипоциклоиды	23
2.36 Половина пути гипоциклоиды	24
2.37 Малая окружность гипоциклоиды	24
2.38 Малая окружность гипоциклоиды с добавлением радиуса	24
2.39 Анимация движения гипоциклоиды	25
2.40 Анимация движения гипоциклоиды	25
2.41 График исходных значений	25
2.42 График исходных значений с отклонениями	26
2.43 Поворот графика	26
2.44 Заполнение цветом	26
2.45 График ошибок по двум осям	27
2.46 График асимметричных ошибок по двум осям	27
2.47 Установка пакета Distributions	28
2.48 Гистограмма, построенная по массиву случайных чисел	28
2.49 Гистограмма нормального распределения	29
2.50 Гистограмма распределения людей по возрастам	29
2.51 Серия из 4-х графиков в ряд	30
2.52 Серия из 4-х графиков в сетке	30
2.53 Серия из 4-х графиков разной высоты в ряд	30
2.54 Объединение нескольких графиков в одной сетке	31
2.55 Разнообразные варианты представления данных	31
2.56 Демонстрация применения сложного макета для построения графиков	32
2.57 Разные типы графиков	33
2.58 Разные линии	34
2.59 Разные линии	34
2.60 График заданной функции	35
2.61 График заданного вектора	36
2.62 График заданного вектора	36
2.63 Сохраните полученные изображения	37
2.64 График функции	37
2.65 График функции с двумя осями координат	38
2.66 Построение графика некоторых экспериментальных данных	39
2.67 Точечный график случайных данных	39
2.68 3D Точечный график случайных данных	40
2.69 Анимация Синусоида	41
2.70 Гипоциклоида	42
2.70 Гипоциклоидная анимация	43
2.70 Гипоциклоидная анимация	44
2.70 Гипоциклоидная анимация	45

2.70	Гипоциклоидная анимация	46
2.71	Эпициклоида	47
2.71	Эпициклоидная анимация	48
2.71	Эпициклоидная анимация	49
2.71	Эпициклоидная анимация	50
2.71	Эпициклоидная анимация	51

1 Цель работы

Основная цель работы — освоить синтаксис языка Julia для построения графиков.

2 Выполнение лабораторной работы

2.1 Основные пакеты для работы с графиками в Julia

- Установила все необходимые пакеты для работы с графиками:

```
[1]: using Pkg
      Pkg.add("Plots")
      Pkg.add("PyPlot")
      Pkg.add("Plotly")
      Pkg.add("UnicodePlots")

      # подключаем для использования Plots:
      using Plots

      Resolving package versions...
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Project.toml`
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Manifest.toml`
      Resolving package versions...
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Project.toml`
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Manifest.toml`
      Resolving package versions...
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Project.toml`
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Manifest.toml`
      Resolving package versions...
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Project.toml`
      No Changes to `C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Manifest.toml`
```

Рис. 2.1: Установка все необходимые пакеты для работы с графиками

- Задала исходную функцию и построил первый график, перевела надписи на русский язык

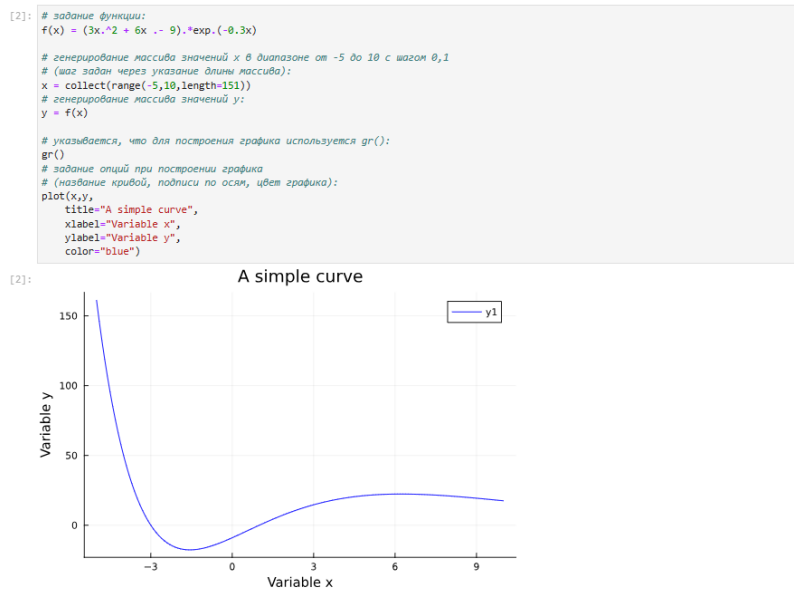


Рис. 2.2: График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи `gr()`

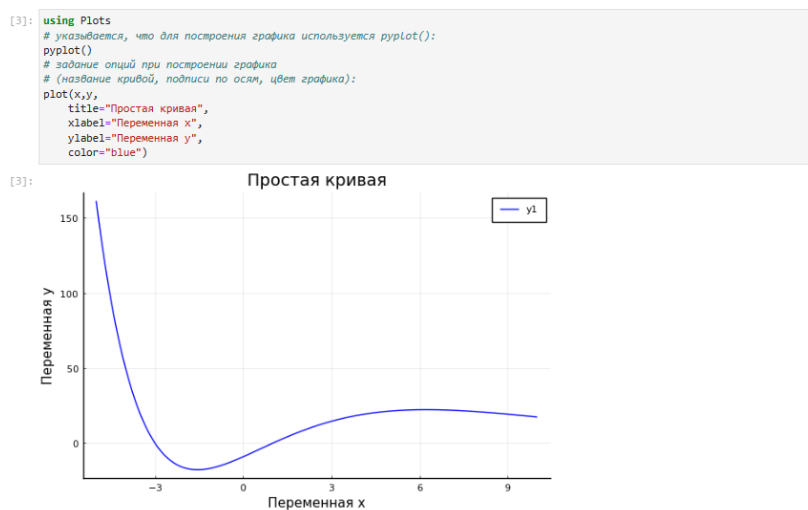


Рис. 2.3: График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи `pyplot()`

- Построение графика при помощи `plotly()`. В начале вызываю необходимую библиотеку и с помощью функции `plot()` строю график.

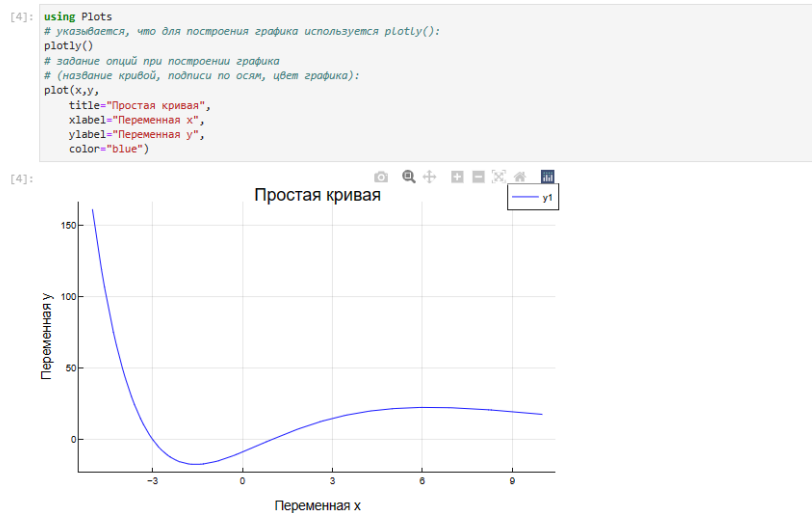


Рис. 2.4: График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи plotly()

- Построение графика при помощи unicodeplots(). Так как использование просто в качестве бэкенда не работало, вызываю функции из пакета.

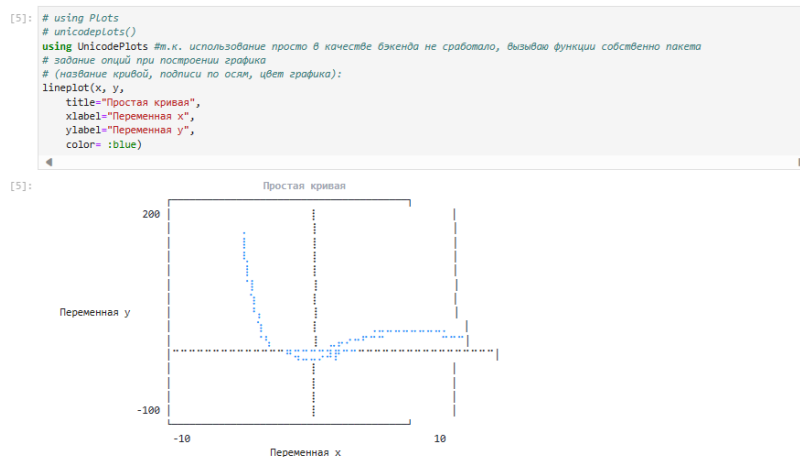


Рис. 2.5: График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$, при помощи unicodeplot()

2.2 Опции при построении графика

Построила график синусоиды, разложение ее в ряд Тейлора и сравнила результаты и красиво всё оформила:

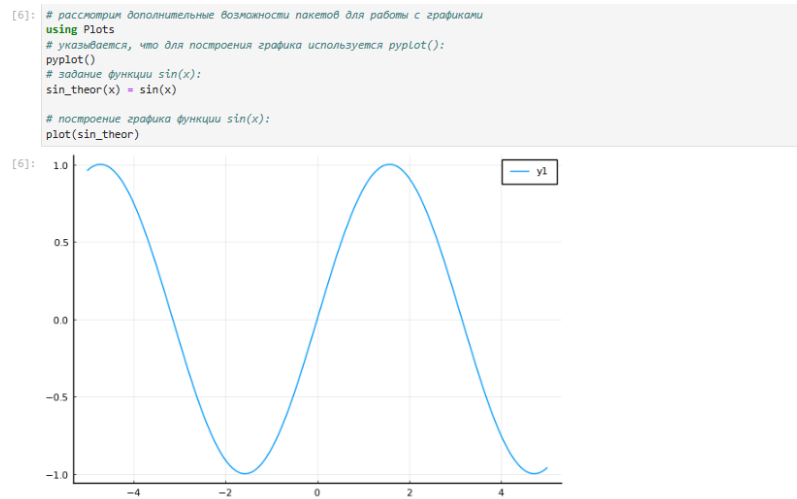


Рис. 2.6: График функции $\sin(x)$

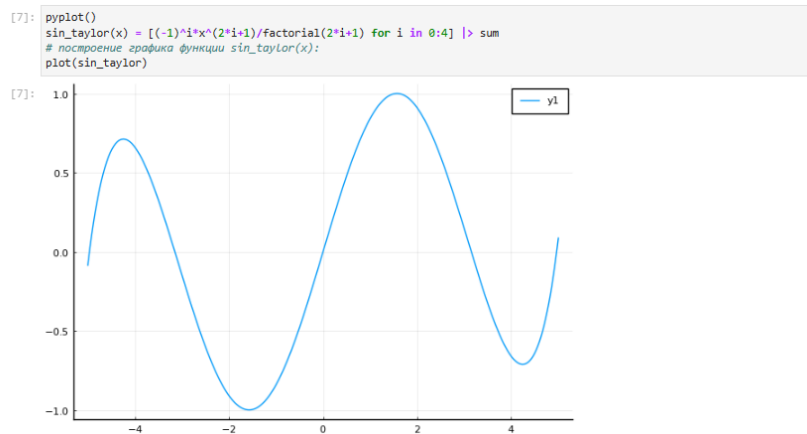


Рис. 2.7: График функции разложения исходной функции в ряд Тейлора

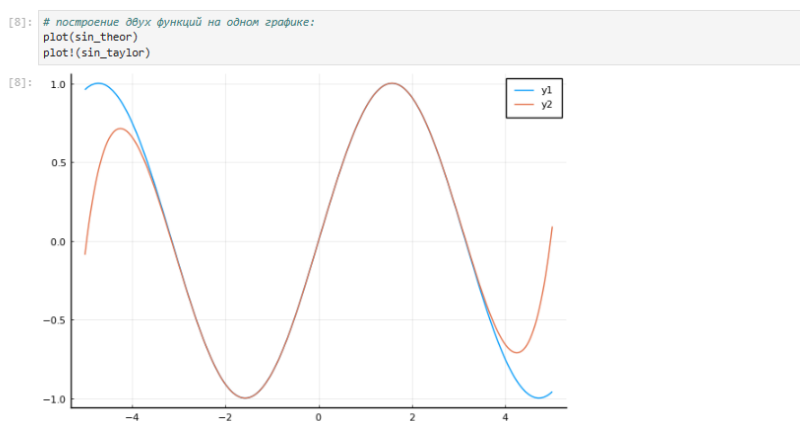


Рис. 2.8: Графики исходной функции и её разложения в ряд Тейлора

```
[9]: plot(
    # функция sin(x):
    sin_taylor,
    # подпись в легенде, цвет и тип линии:
    label = "sin(x), разложение в ряд Тейлора",
    line=(blue, 0.3, 6, :solid),
    # размер графика:
    size=(800, 500),
    # параметры отображения значений по осям
    xticks = (-5:0.5:5),
    yticks = (-1:0.1:1),
    xtickfont = font(12, "Times New Roman"),
    ytickfont = font(12, "Times New Roman"),
    # подписи по осям:
    ylabel = "y",
    xlabel = "x",
    # название графика:
    title = "Разложение в ряд Тейлора",
    # поворот значений, заданный по оси x:
    xrotation = rad2deg(pi/4),
    # заливка области графика цветом:
    fillrange = 0,
    fillalpha = 0.5,
    fillcolor = :lightgoldenrod,
    # задание цвета фона:
    background_color = :ivory
)
plot!(
    # функция sin_theor:
    sin_theor,
    # подпись в легенде, цвет и тип линии:
    label = "sin(x), теоретическое значение",
    leg=:topright,
    line=(black, 1.0, 2, :dash)
)
```

Рис. 2.9: Вид графиков после добавления опций при их построении

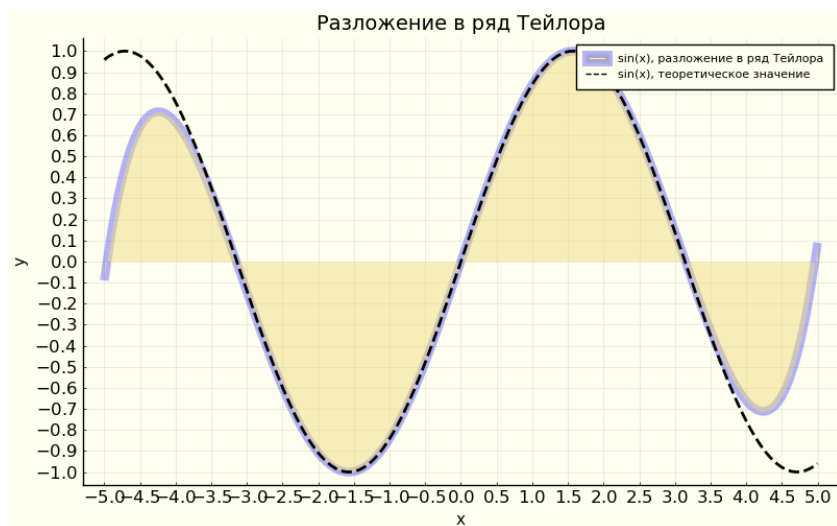


Рис. 2.10: Вид графиков после добавления опций при их построении

```
[10]: # сохранение графика в файле в формате pdf или png:
savefig("taylor.pdf")
savefig("taylor.png")
```

Рис. 2.11: Сохранение построенного графика

2.3 Точечный график

2.3.1 Простой точечный график

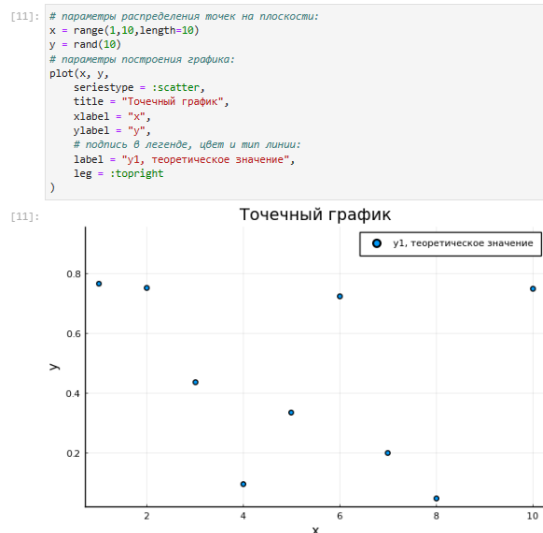


Рис. 2.12: График десяти случайных значений на плоскости

2.3.2 Точечный график с кодированием значения размером точки

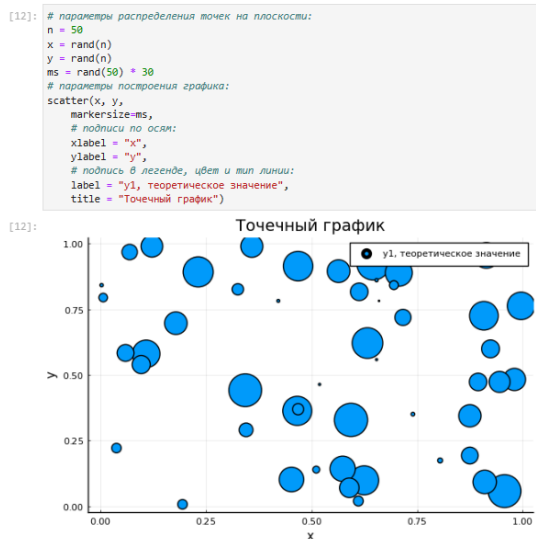


Рис. 2.13: График пятидесяти случайных значений на плоскости с различными опциями отображения

2.3.3 3-мерный точечный график с кодированием значения размером точки

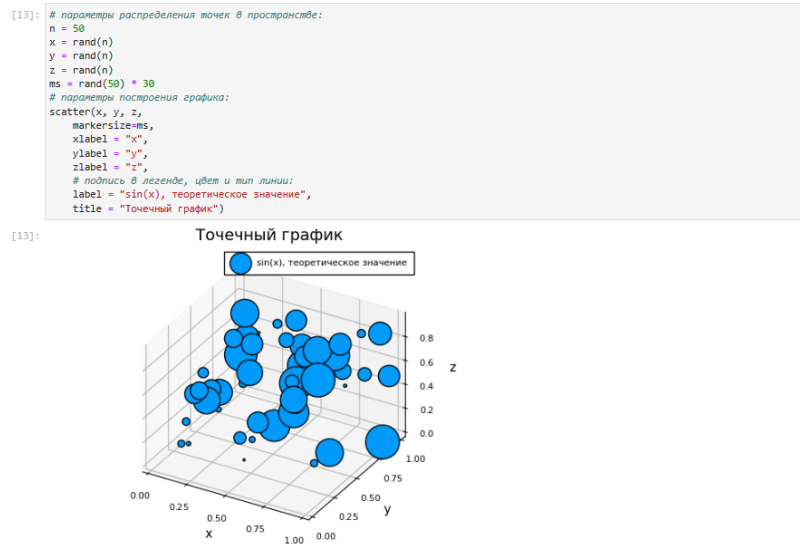


Рис. 2.14: График пятидесяти случайных значений в пространстве с различными опциями отображения

2.4 Аппроксимация данных

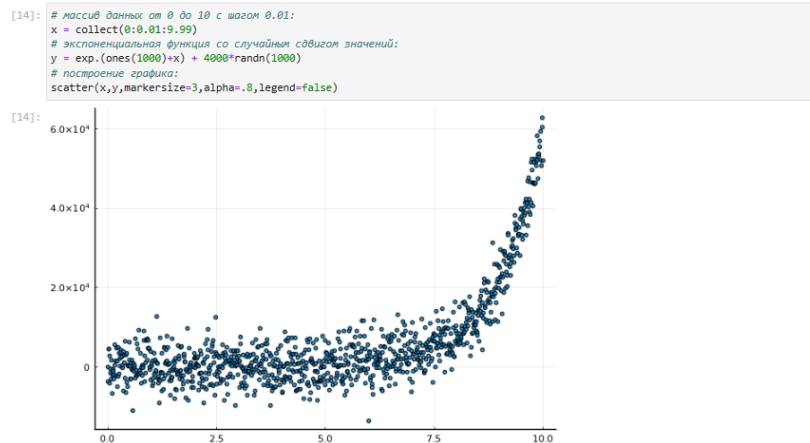


Рис. 2.15: Пример функции

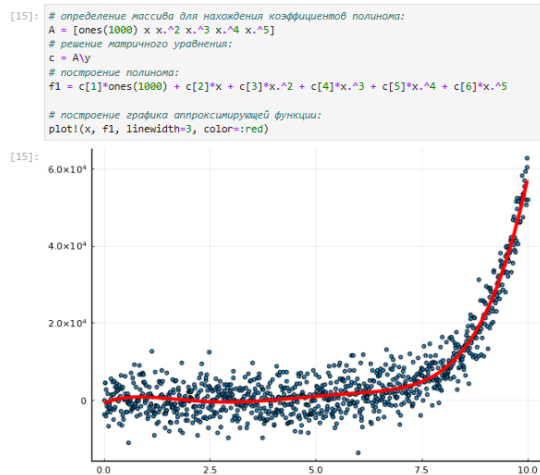


Рис. 2.16: Пример аппроксимации исходной функции полиномом 5-й степени

2.5 Две оси ординат

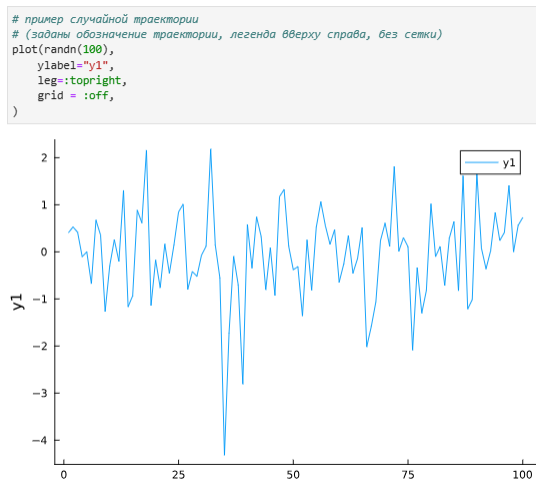


Рис. 2.17: Пример отдельно построенной траектории

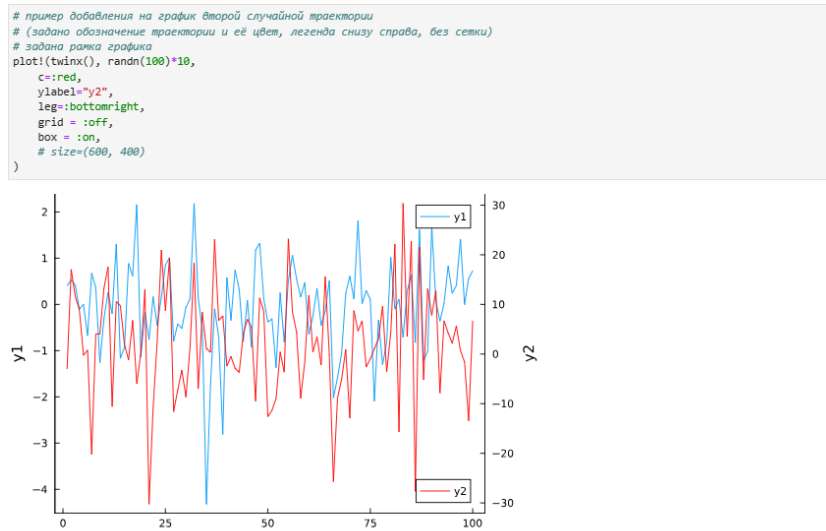


Рис. 2.18: Пример двух траекторий на одном графике с двумя осями ординат

2.6 Полярные координаты

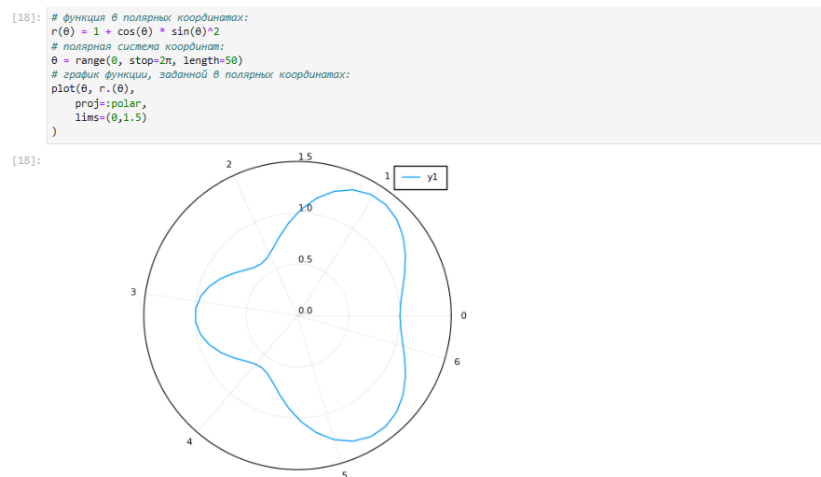


Рис. 2.19: График функции, заданной в полярных координатах

2.7 Параметрический график

2.7.1 Параметрический график кривой на плоскости

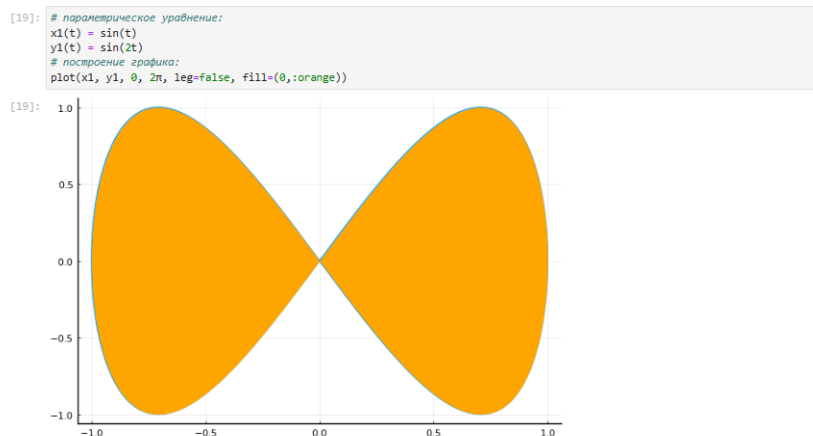


Рис. 2.20: Параметрический график кривой на плоскости

2.7.2 Параметрический график кривой в пространстве

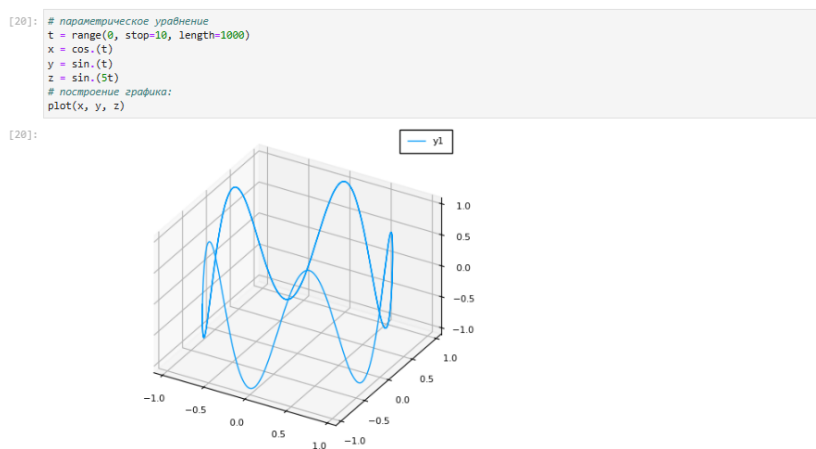


Рис. 2.21: Параметрический график кривой в пространстве

2.8 График поверхности

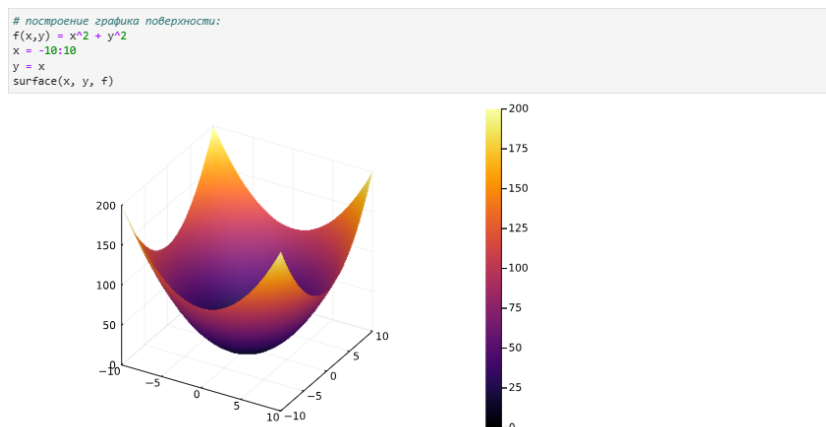


Рис. 2.22: График поверхности использована функция `surface()`

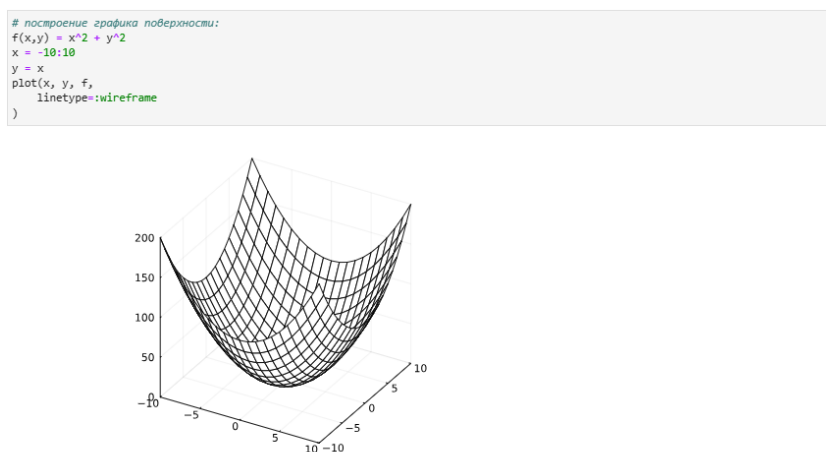


Рис. 2.23: График поверхности использована функция `plot()`

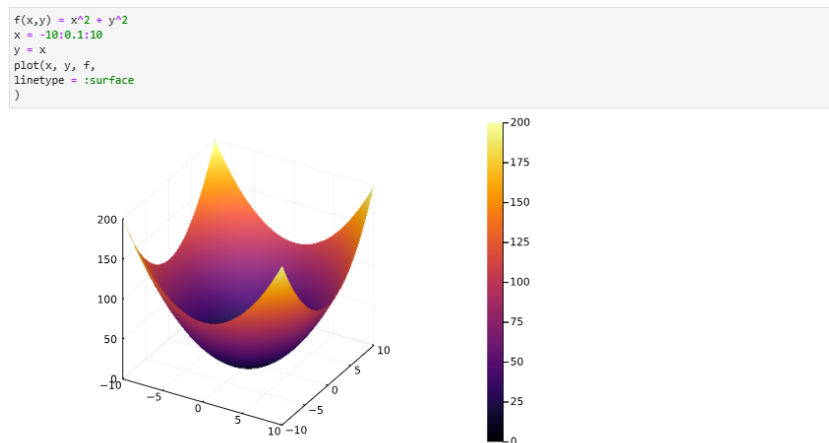


Рис. 2.24: Сглаженный график поверхности

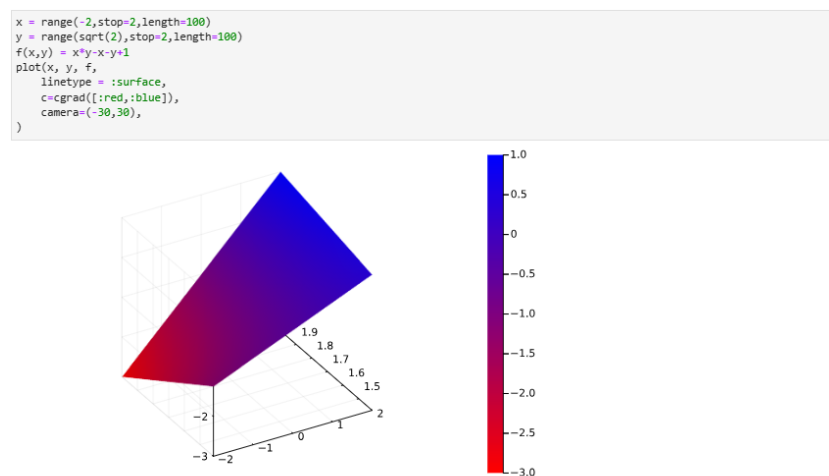


Рис. 2.25: График поверхности с изменённым углом зрения

2.9 Линии уровня

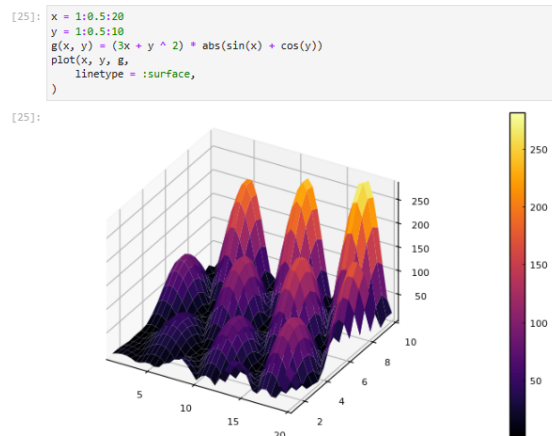


Рис. 2.26: График поверхности, заданной функцией $g(x, y) = (3x + y^2)|\sin(x) + \cos(y)|$

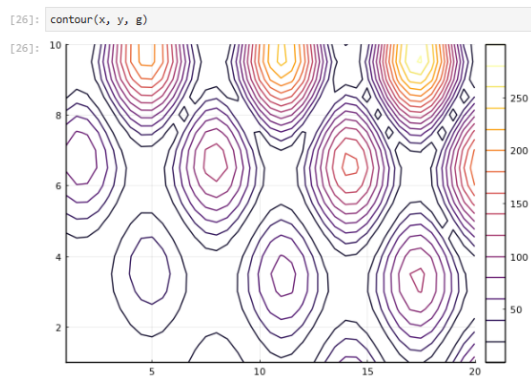


Рис. 2.27: Линии уровня

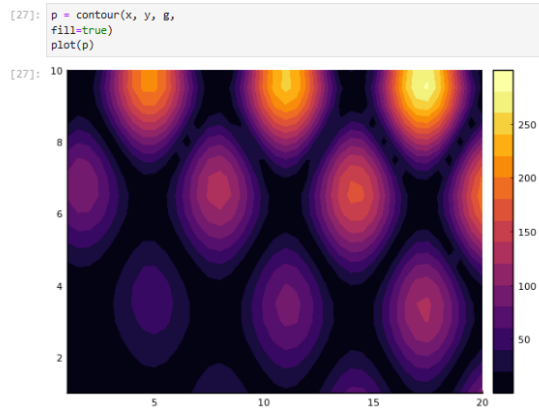


Рис. 2.28: Линии уровня с заполнением

2.10 Векторные поля

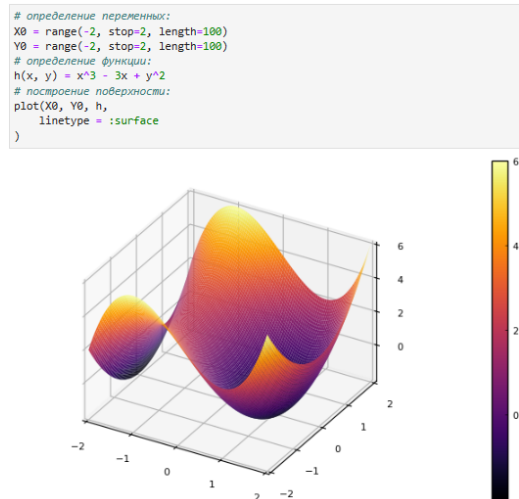


Рис. 2.29: График функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$

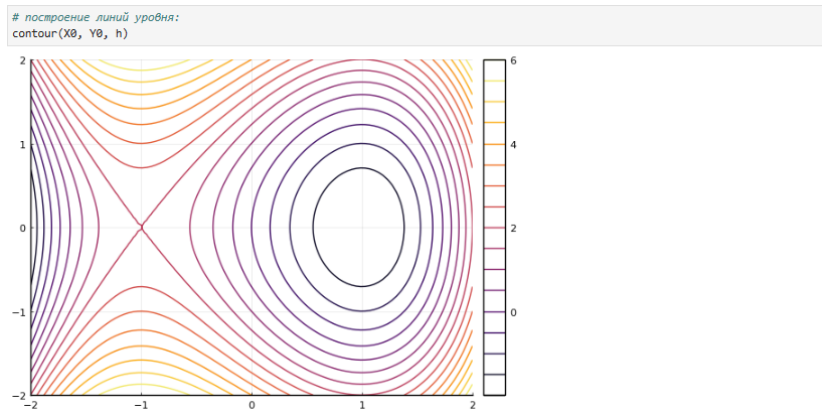


Рис. 2.30: Линии уровня для функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$

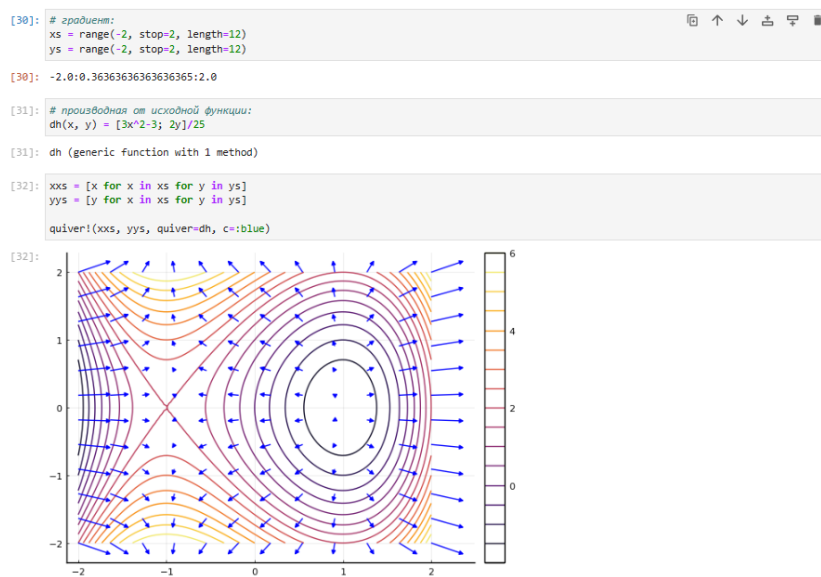


Рис. 2.31: Векторное поле функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$

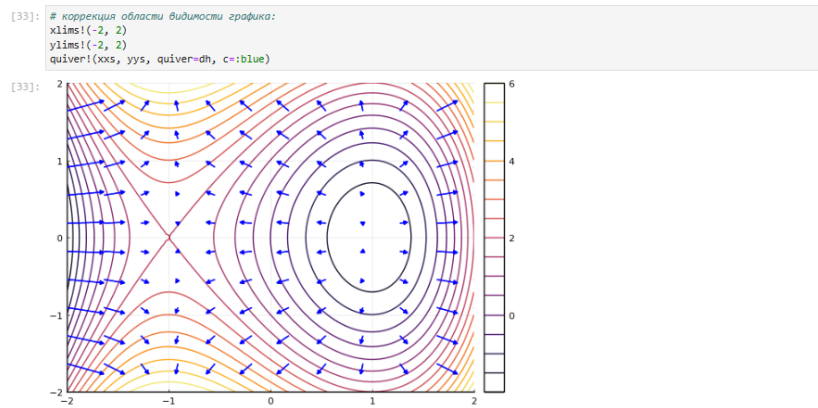


Рис. 2.32: Векторное поле функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$ скорректирована область видимости

2.11 Анимация

2.11.1 Gif-анимация

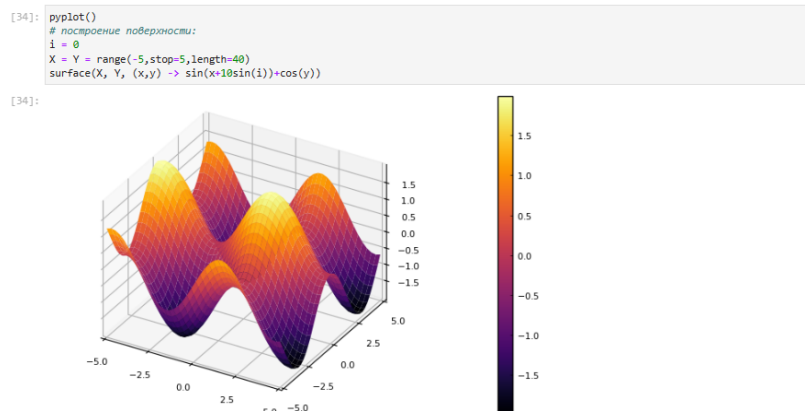


Рис. 2.33: Статичный график поверхности

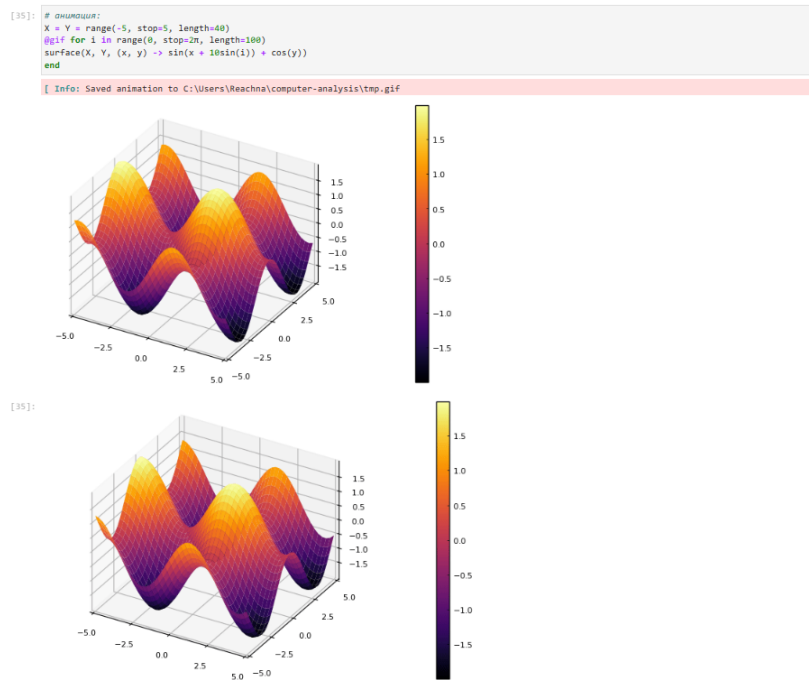


Рис. 2.34: Анимированный график поверхности

2.11.2 Гипоциклоида

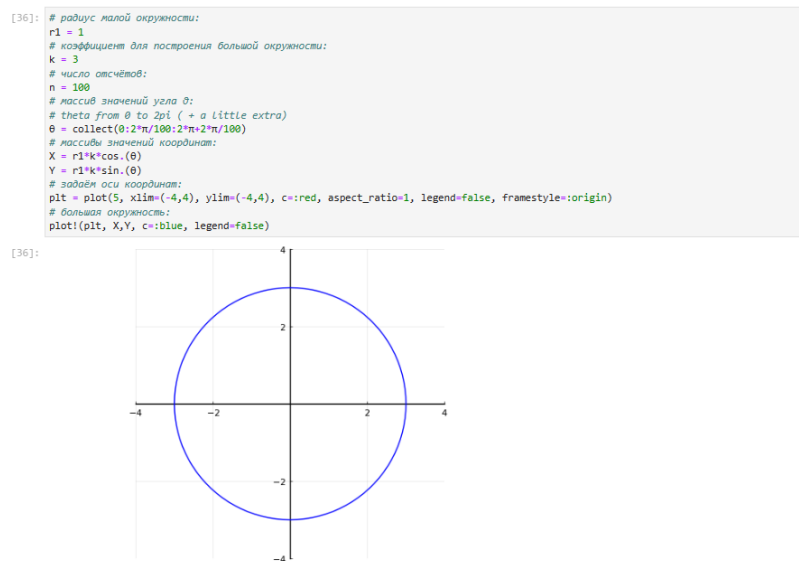


Рис. 2.35: Большая окружность гипоциклоиды

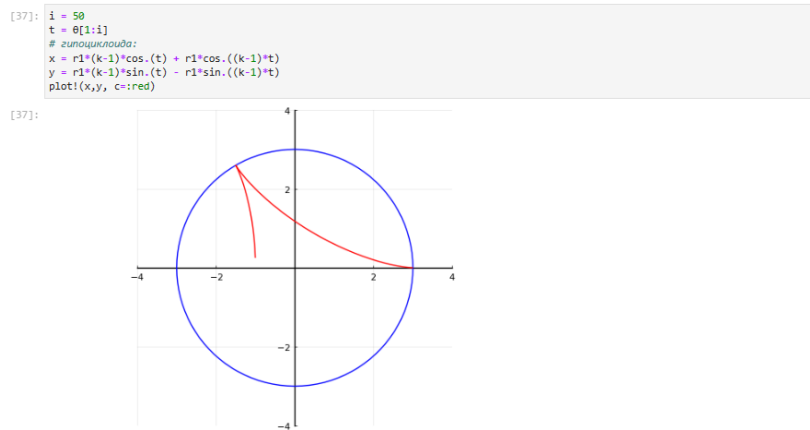


Рис. 2.36: Половина пути гипоциклоиды

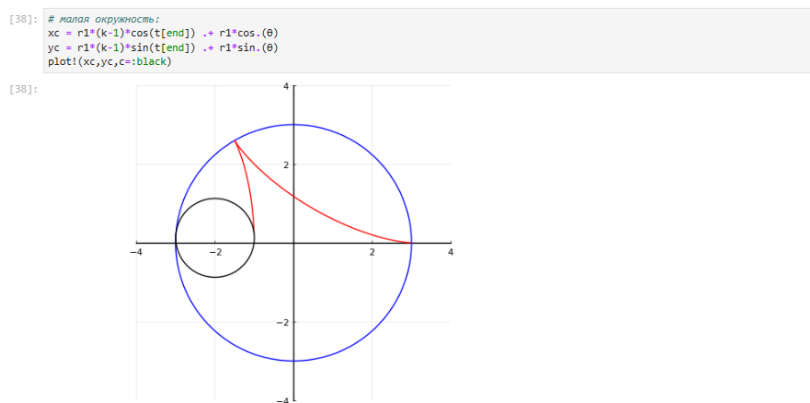


Рис. 2.37: Малая окружность гипоциклоиды

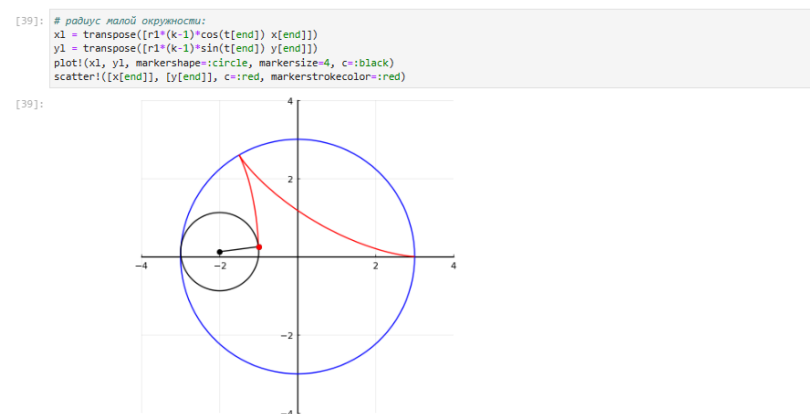


Рис. 2.38: Малая окружность гипоциклоиды с добавлением радиуса


```
[40]: anim = @animate for i in 1:n
# задаем оси координат:
plt=plot(5, xlim=(-4,4), ylim=(-4,4), c=:red, aspect_ratio=1, legend=false, framestyle=:origin)
# большая окружность:
plot!(plt, X, Y, c=:blue, legend=false)
t = 0[1:i]

# гипоциклоида:
x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
plot!(x,y, c=:red)

# малая окружность:
xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) .+ r1*cos.(θ)
yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(θ)
plot!(xc, yc, c=:black)

# радиус малой окружности:
x1 = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
y1 = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
plot!(x1,y1,markershape=:circle, markersize=4, c=:black)
scatter!([x[end]], [y[end]], c=:red, markerstrokecolor=:red)
end

gif(anim,"hypocycloid.gif")
```

Рис. 2.39: Анимация движения гипоциклоиды

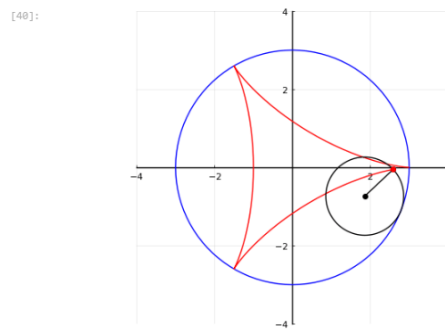


Рис. 2.40: Анимация движения гипоциклоиды

2.12 Errorbars

```
[41]: using Statistics
sds = [1, 1/2, 1/4, 1/8, 1/16, 1/32]
n = 10
y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]
errs = 1.96 * sds / sqrt(n)
plot(y,
      ylims = (-1,1),
```

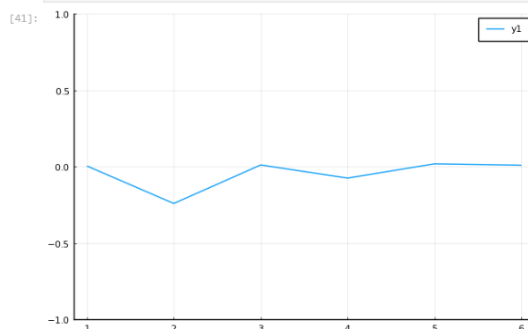


Рис. 2.41: График исходных значений

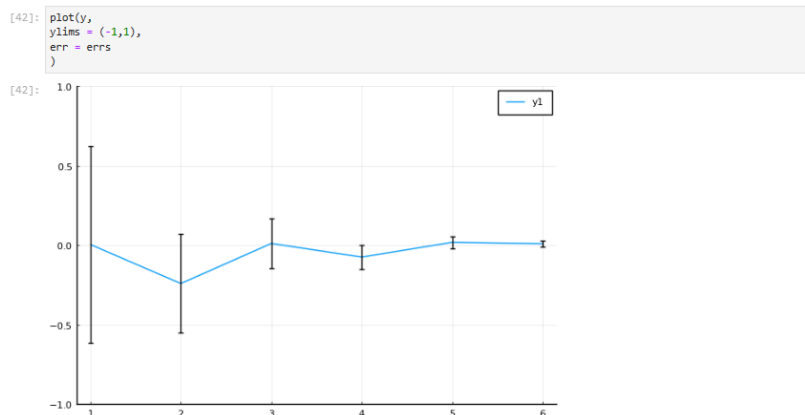


Рис. 2.42: График исходных значений с отклонениями



Рис. 2.43: Поворот графика

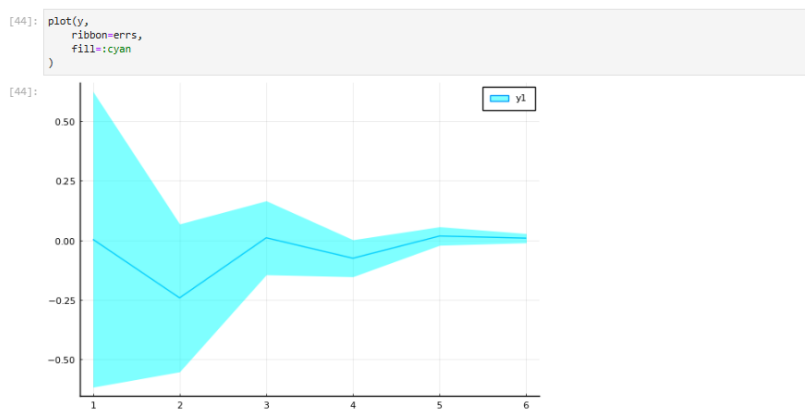


Рис. 2.44: Заполнение цветом

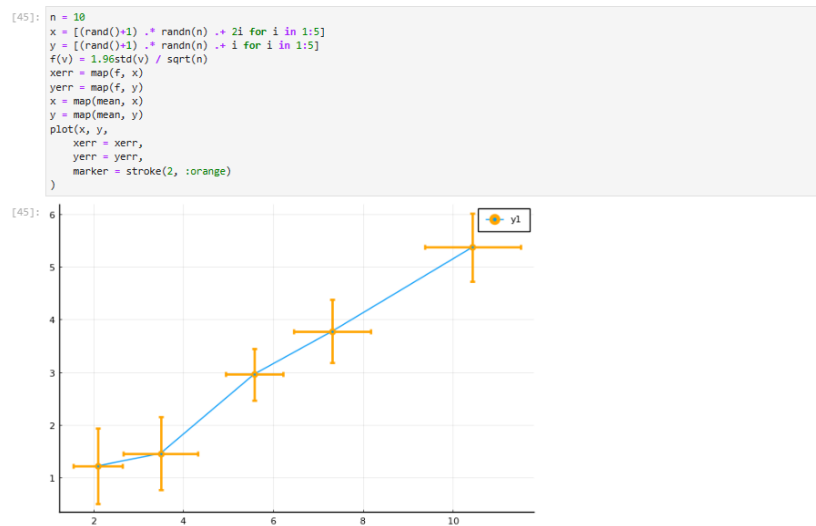


Рис. 2.45: График ошибок по двум осям

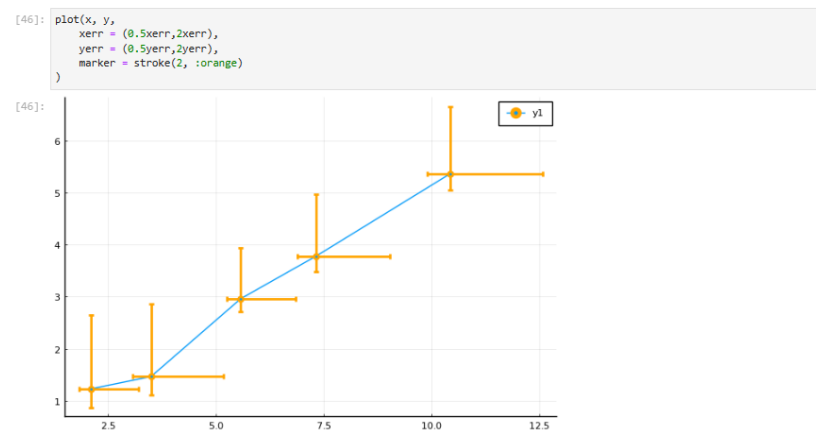


Рис. 2.46: График асимметричных ошибок по двум осям

2.13 Использование пакета Distributions

```
[47]: import Pkg
      Pkg.add("Distributions")
      using Distributions

Resolving package versions...
Installed DualNumbers v0.6.8
Installed Rmath_jll v0.4.0+0
Installed OpenSpecFun_jll v0.5.5+0
Installed Calculus v0.5.1
Installed PDMats v0.11.31
Installed StatsFuns v1.3.0
Installed HypergeometricFunctions v0.3.23
Installed SpecialFunctions v2.3.1
Installed Rmath v0.7.1
Installed QuadGK v2.9.1
Installed FillArrays v1.9.2
Installed Distributions v0.25.104
Updating 'C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Project.toml'
[31c24e10] + Distributions v0.25.104
Updating 'C:\Users\Reachna\.julia\environments\v1.9\Manifest.toml'
[49dc2e85] + Calculus v0.5.1
[31c24e10] + Distributions v0.25.104
[fa6b7ba4] + DualNumbers v0.6.8
[1a297f60] + FillArrays v1.9.2
[34004b35] + HypergeometricFunctions v0.3.23
[90014a1f] + PDMats v0.11.31
[1fd47b50] + QuadGK v2.9.1
[79098fc4] + Rmath v0.7.1
[2760a966] + SpecialFunctions v2.3.1
[4c63d2b9] + StatsFuns v1.3.0
[e9e28fd5] + OpenSpecFun_jll v0.5.5+0
ff5a4b11 + Rmath_jll v0.4.0+0
```

Рис. 2.47: Установка пакета Distributions

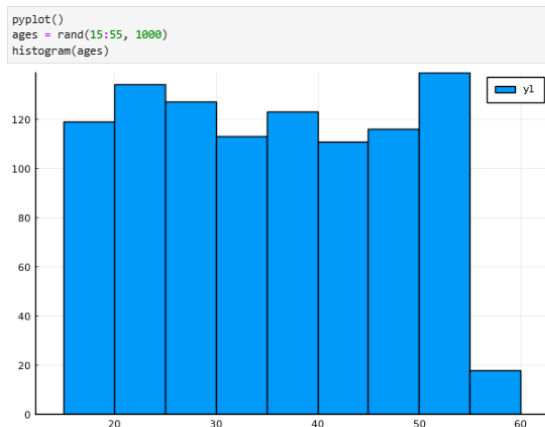


Рис. 2.48: Гистограмма, построенная по массиву случайных чисел

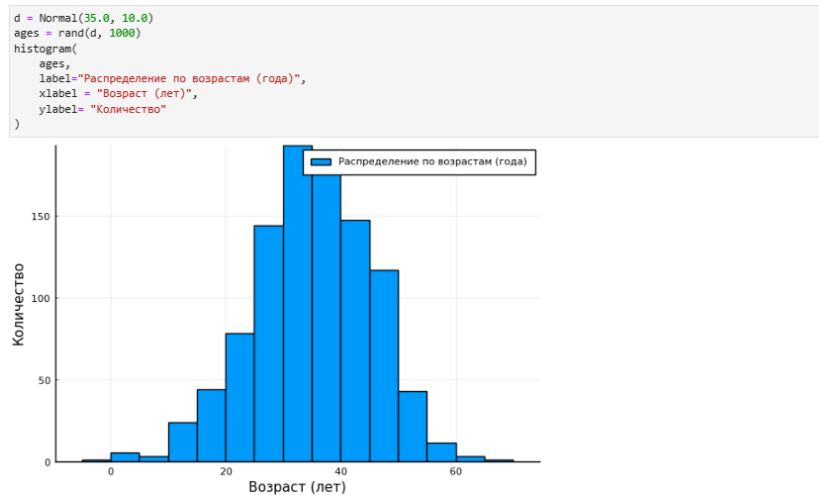


Рис. 2.49: Гистограмма нормального распределения

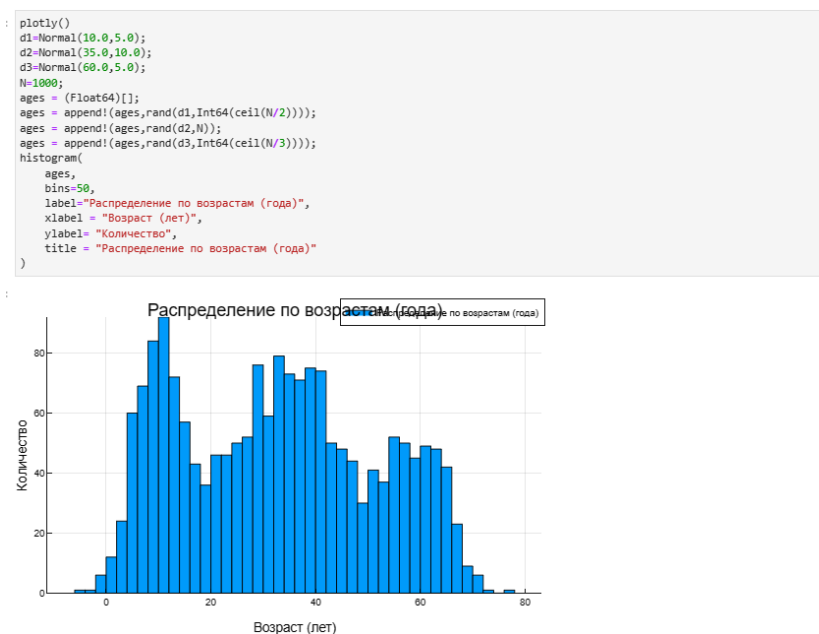


Рис. 2.50: Гистограмма распределения людей по возрастам

2.14 Подграфики

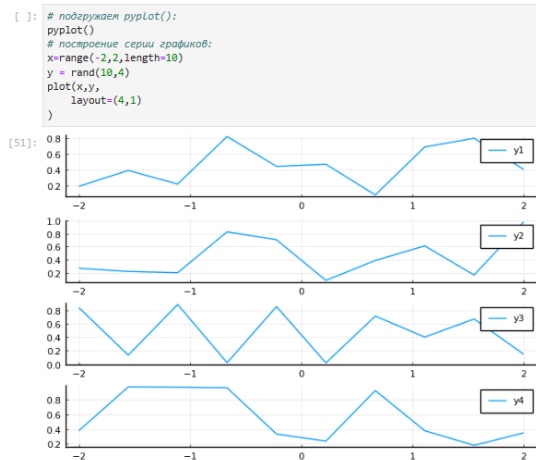


Рис. 2.51: Серия из 4-х графиков в ряд

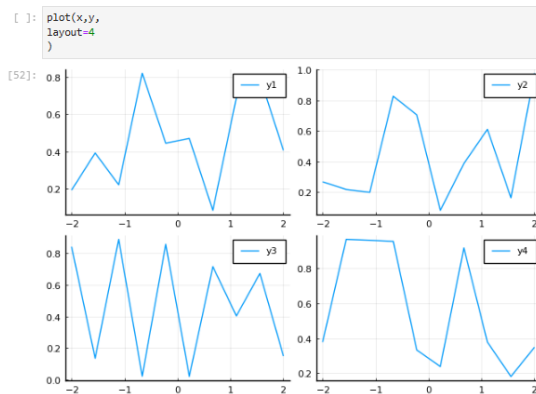


Рис. 2.52: Серия из 4-х графиков в сетке

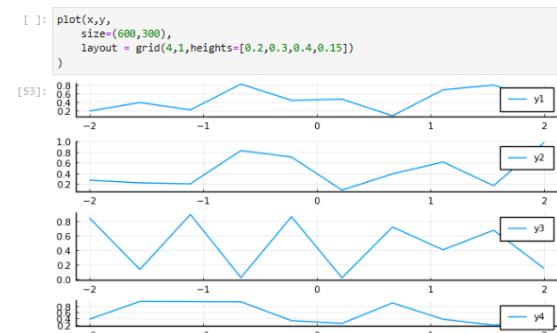


Рис. 2.53: Серия из 4-х графиков разной высоты в ряд



Рис. 2.54: Объединение нескольких графиков в одной сетке



Рис. 2.55: Разнообразные варианты представления данных

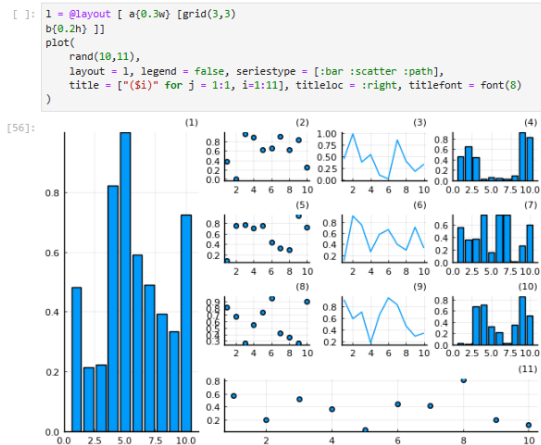


Рис. 2.56: Демонстрация применения сложного макета для построения графиков

2.15 Задания для самостоятельного выполнения

1. Постройте все возможные типы графиков (простые, точечные, гистограммы и т.д.) функции $y = \sin(x)$, $x = \overline{0, 2\pi}$, Отобразите все графики в одном графическом окне.

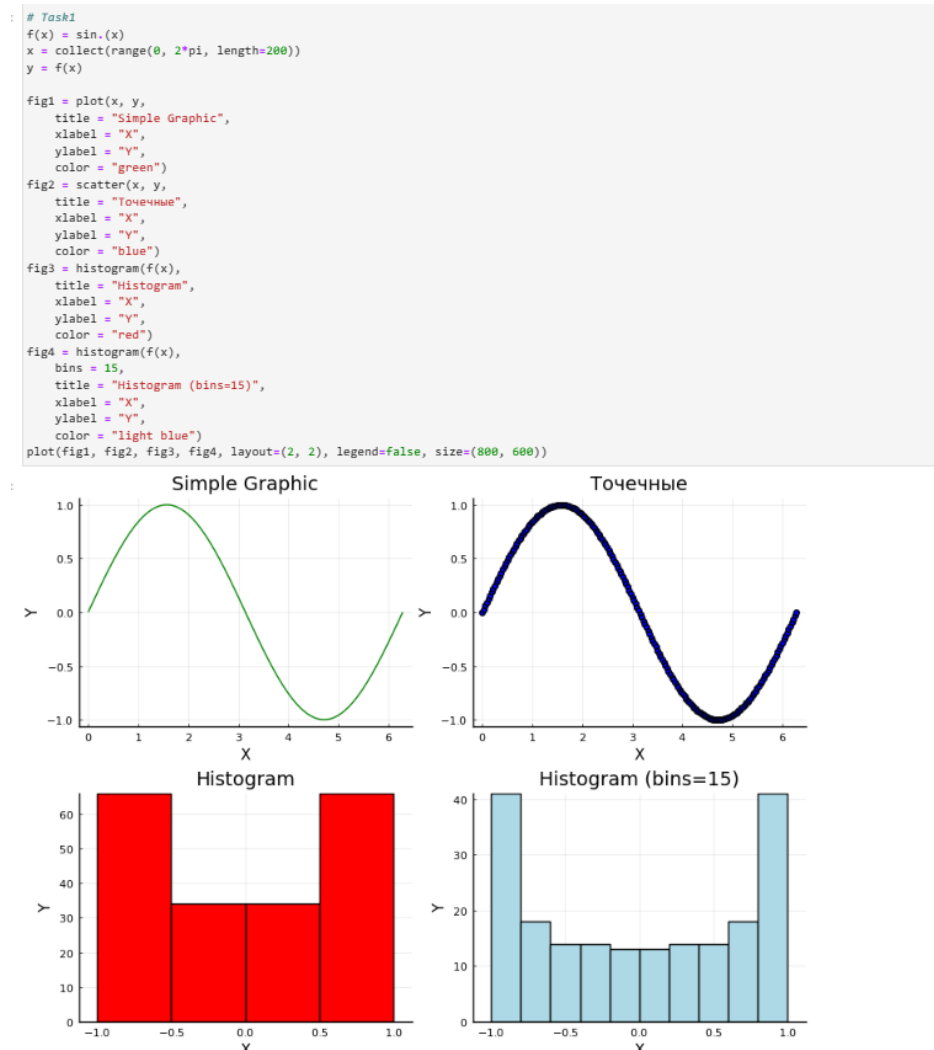


Рис. 2.57: Разные типы графиков

2. Постройте графики функции $y = \sin(x)$, $x = \overline{0, 2\pi}$ со всеми возможными (сколько сможете вспомнить) типами оформления линий графика. Отобразите все графики в одном графическом окне

```
# Task2
f(x) = sin.(x)
x = collect(range(0, 2*pi, length=200))
y = f(x)

fig1 = plot(x,y,
            title = "Solid Line",
            line = (:lightblue, 0.2, 5, :solid),
            xlabel = "X",
            ylabel = "Y",)
fig2 = plot(x,y,
            title = "Dash Line",
            line = (:green, 0.2, 5, :dash),
            xlabel = "X",
            ylabel = "Y",)
fig3 = plot(x,y,
            title = "Dot Line",
            line = (:red, 0.2, 5, :dot),
            xlabel = "X",
            ylabel = "Y",)
fig4 = plot(x,y,
            title = "Dash and Dot Line",
            line = (:purple, 0.2, 5, :dashdot),
            xlabel = "X",
            ylabel = "Y",)
fig5 = plot(x,y,
            title = "Scatter Line",
            line = (:blue, 0.2, 5, :scatter),
            xlabel = "X",
            ylabel = "Y",)
fig6 = plot(x,y,
            title = "Auto Line",
            line = (:darkgreen, 0.2, 5, :auto),
            xlabel = "X",
            ylabel = "Y",)
plot(fig1, fig2, fig3, fig4, fig5, fig6, layout=(3, 2), legend=false, size=(800, 600))
```

Рис. 2.58: Разные линии

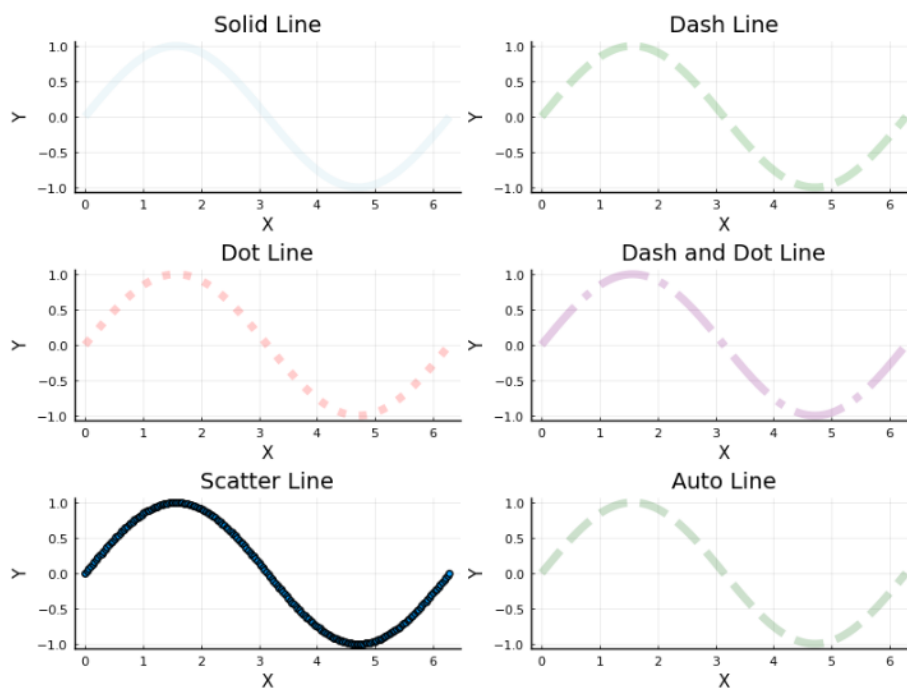


Рис. 2.59: Разные линии

3. Постройте график функции $y(x) = \pi x^2 \ln(x)$, назовите оси соответственно.

Пусть цвет рамки будет зелёным, а цвет самого графика — красным. Задайте расстояние между надписями и осями так, чтобы надписи полностью умещались в графическом окне. Задайте шрифт надписей. Задайте частоту отметок на осях координат

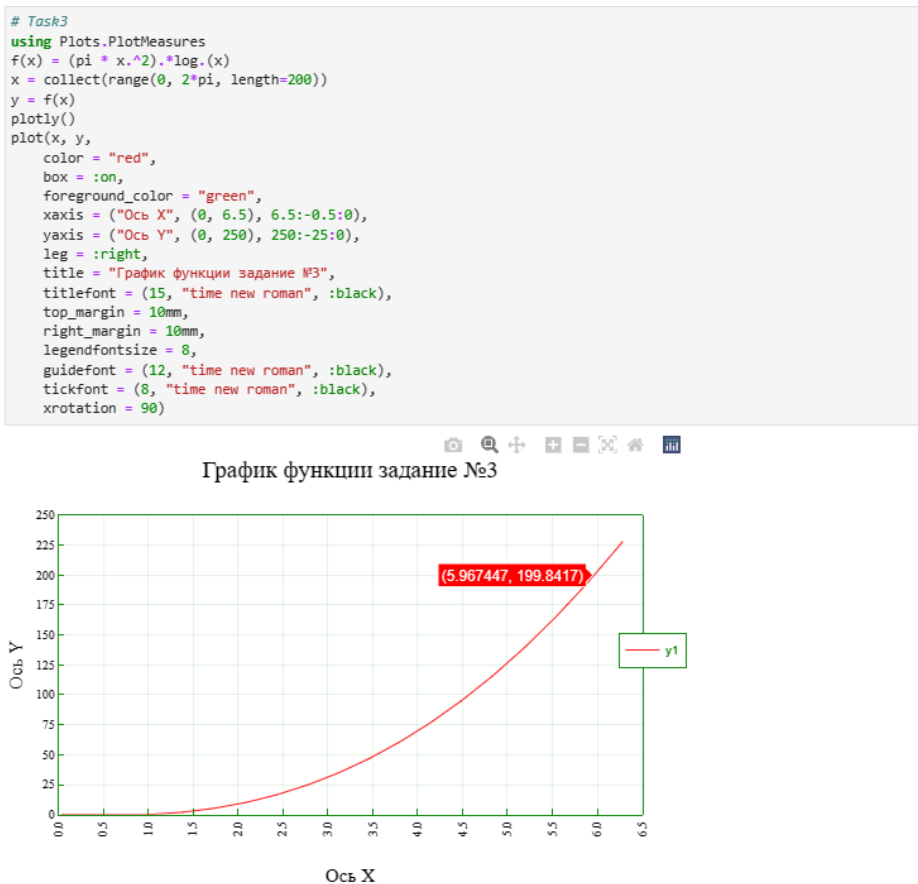


Рис. 2.60: График заданной функции

4. Задайте вектор $x = (-2, -1, 0, 1, 2)$. В одном графическом окне (в 4-х подокнах) изобразите графически по точкам x значения функции $y(x) = x^3 - 3x$ в виде:

- точек,
- линий,
- линий и точек,
- кривой

```
# Task4
f(x) = x.^3 - 3*x
x = [-2, -1, 0, 1, 2]
y = f(x)
pyplot()
fig1 = scatter(x, y,
    title="Point Graphic",
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="blue")
fig2 = plot(x, y,
    title="Line Graphic",
    seriestype=:sticks,
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="red")
fig3 = plot(x, y,
    title="Line and Point Graphic",
    marker='.',
    seriestype=:step,
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="green")
fig4 = plot(x, y,
    title="Curve Graphic",
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="purple")
plot(fig1, fig2, fig3, fig4, layout=(2, 2), legends=false, size=(800, 600))
```

Рис. 2.61: График заданного вектора

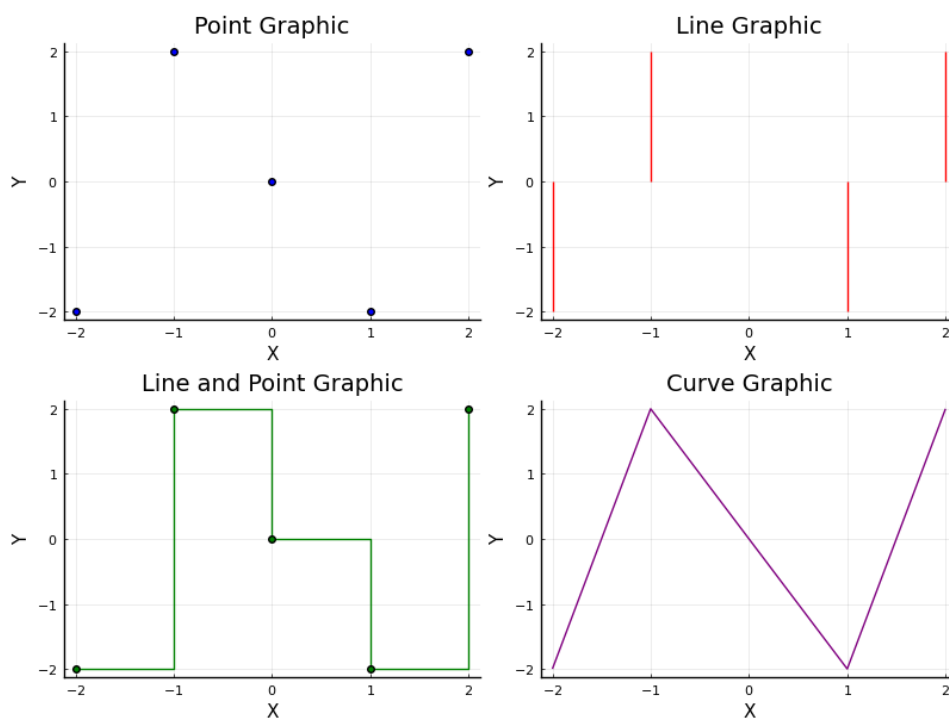


Рис. 2.62: График заданного вектора

Сохраните полученные изображения в файле `figure_familiya.png`, где вместо `familiya` укажите вашу фамилию.

```
savefig("figure_kim.png")
```

```
sys:1: UserWarning: No data for colormapping provided via 'c'. Parameters 'vmin', 'vmax' will be ignored
```

```
"C:\\Users\\Reachna\\computer-analysis\\figure_kim.png"
```

Рис. 2.63: Сохраните полученные изображения

5. Задайте вектор $x = (3, 3.1, 3.2, \dots, 6)$. Постройте графики функций $y_1(x) = \pi x$ и $y_2(x) = \exp(x)\cos(x)$ в указанном диапазоне значений аргумента x следующим образом:

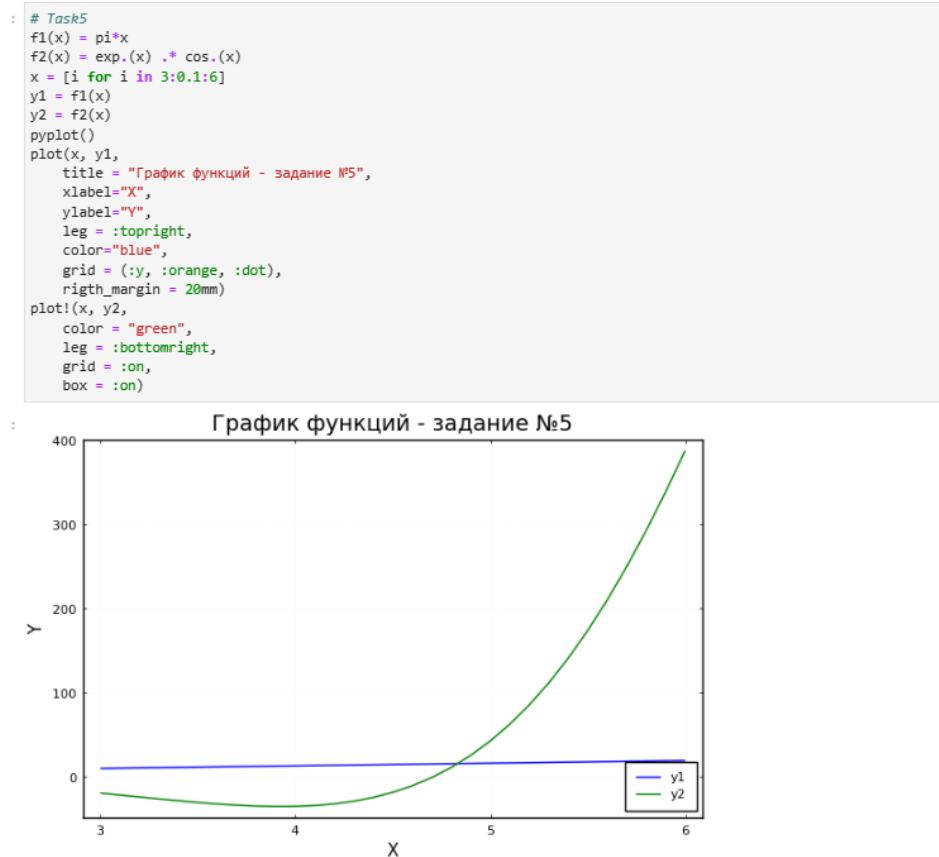


Рис. 2.64: График функции

```

plot(x, y_1,
     title="График функций (Задание №5)",
     xlabel="X",
     ylabel="Y1",
     leg=:topleft,
     color="blue",
     grid = (:y, :orange, :dot),
     right_margin = 20mm)

plot!(twinx(), x, y_2,
     ylabel = "Y2",
     color="purple",
     leg=:bottomright,
     grid = :on,
     box = :on)

```

Результат:

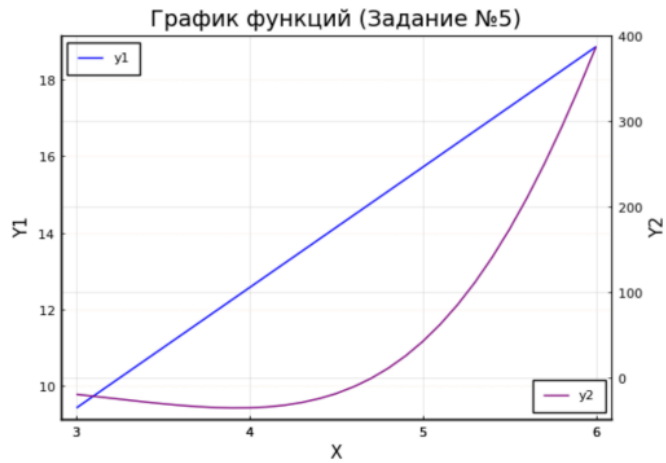


Рис. 2.65: График функции с двумя осями координат

6. Постройте график некоторых экспериментальных данных (придумайте сами), учитывая ошибку измерения.

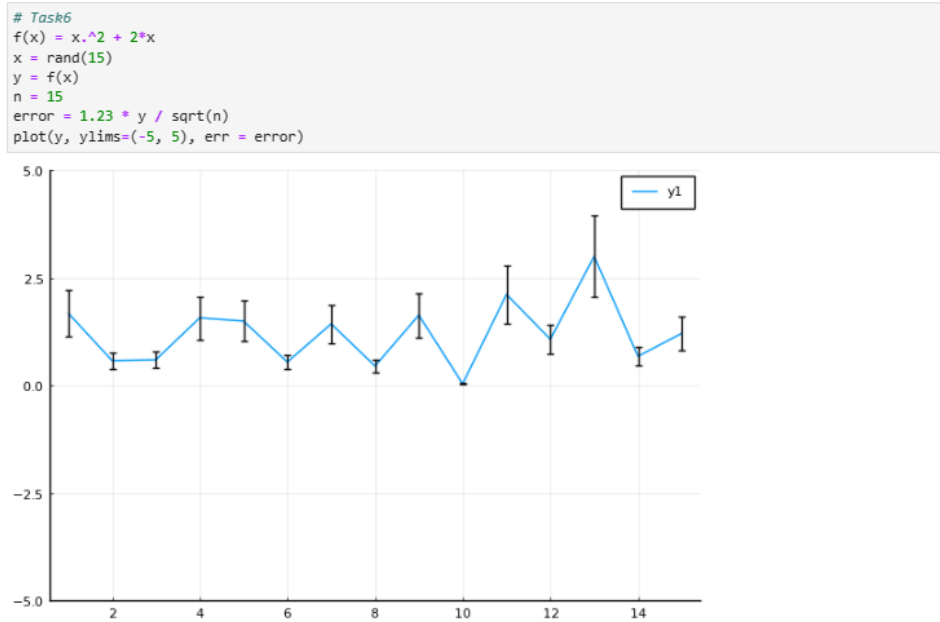


Рис. 2.66: Построение графика некоторых экспериментальных данных

7. Постройте точечный график случайных данных. Подпишите оси, легенду, название графика.

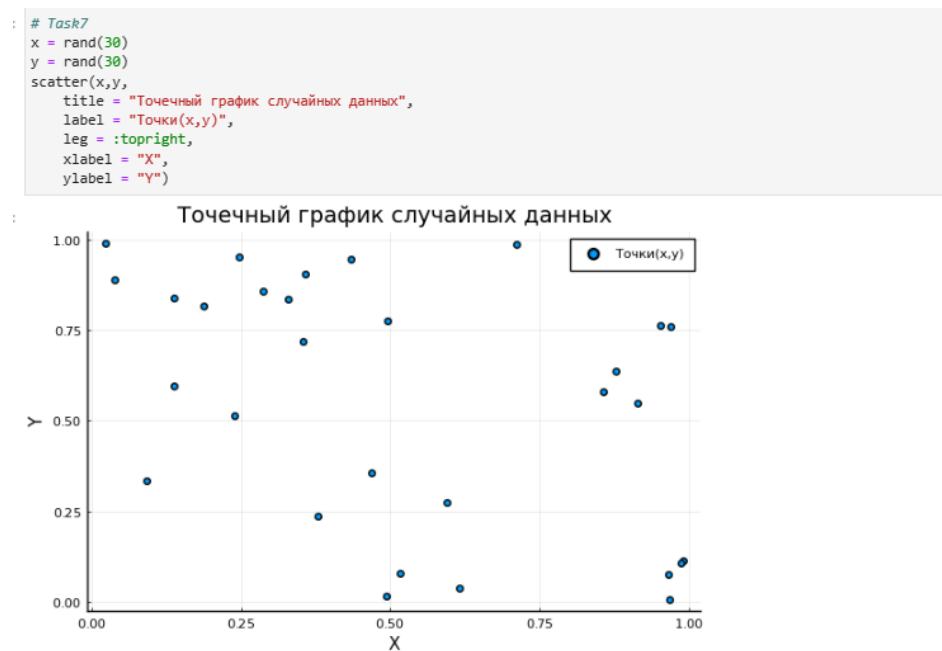


Рис. 2.67: Точечный график случайных данных

8. Постройте 3-мерный точечный график случайных данных. Подпишите оси, легенду, название графика.



Рис. 2.68: 3D Точечный график случайных данных

9. Создайте анимацию с построением синусоиды. То есть вы строите последовательность графиков синусоиды, постепенно увеличивая значение аргумента. После соедините их в анимацию.

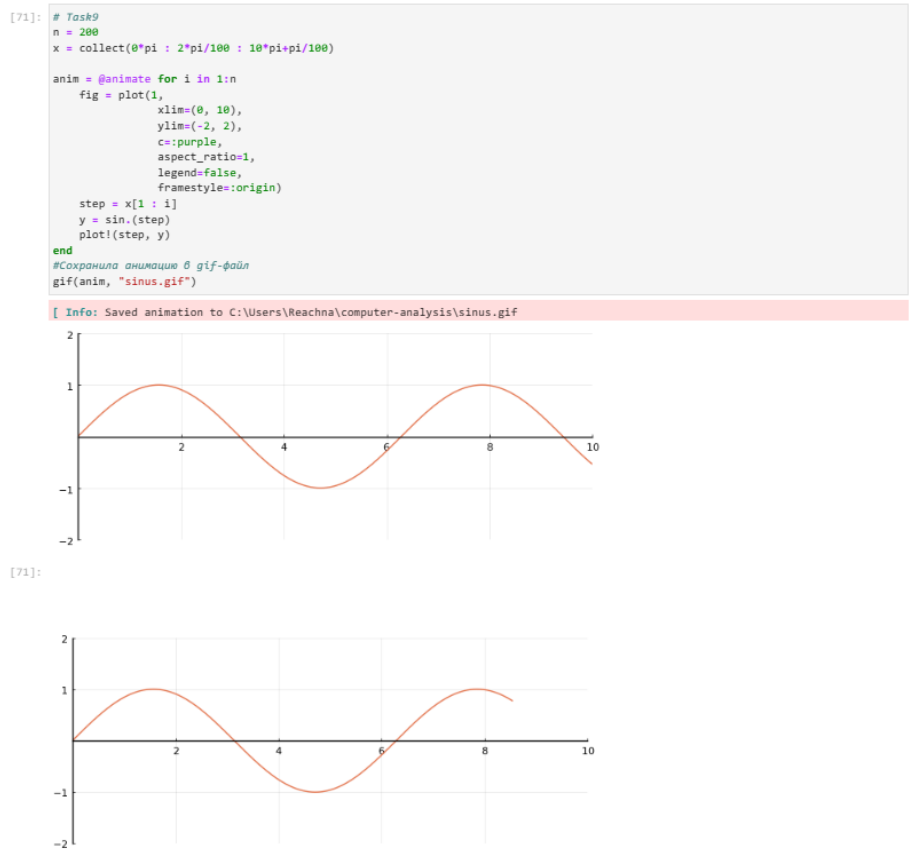


Рис. 2.69: Анимация Синусоида

10. Постройте анимированную гипоциклоиду для 2 целых значений модуля k и 2 рациональных значений модуля k

```

# Task10
function hypocycloid(x, r0, n)
    # радиус малой окружности:
    r0 = r0
    # коэффициент для построения большой окружности:
    k = x
    # число отсчётов:
    count = n
    # массив значений угла θ:
    θ = collect(θ: 2*π/100 : 10*π+2*π/count)

    # массивы значений координат:
    x_1 = r0 * k * cos.(θ)
    y_1 = r0 * k * sin.(θ)
    #В конце сделаем анимацию получившегося изображения
    anim = @animate for i in 1:count
        # задаём оси координат:
        plt=plot(5,
            xlim=(-k-1, k+1),
            ylim=(-k-1, k+1),
            color=:red,
            aspect_ratio=1,
            legend=false,
            framestyle=:origin)
        # большая окружность:
        plot!(plt, x_1, y_1, c=:blue, legend=false)
        t = θ[1 : i]

        # гипоциклоида:
        x = r0 * (k-1) * cos.(t) + r0 * cos.((k-1) * t)
        y = r0 * (k-1) * sin.(t) - r0 * sin.((k-1) * t)
        plot!(x,y, color=:purple)

        # малая окружность:
        x_r0 = r0*(k-1)*cos(t[end]) .+ r0*cos.(θ)
        y_r0 = r0*(k-1)*sin(t[end]) .+ r0*sin.(θ)
        plot!(x_r0, y_r0, color=:red)

        # радиус малой окружности:
        x1_r0 = transpose([r0*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
        y1_r0 = transpose([r0*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
        plot!(x1_r0, y1_r0,
            markershape=:circle,
            markersize=4,
            color=:black)
        scatter!([x[end]],
            [y[end]],
            color=:red,
            markerstrokecolor=:red)
    end
    gif(anim, "hypocycloid.gif")
end

```

hypocycloid (generic function with 1 method)

Рис. 2.70: Гипоциклоида

hypocycloid(4, 1, 100)



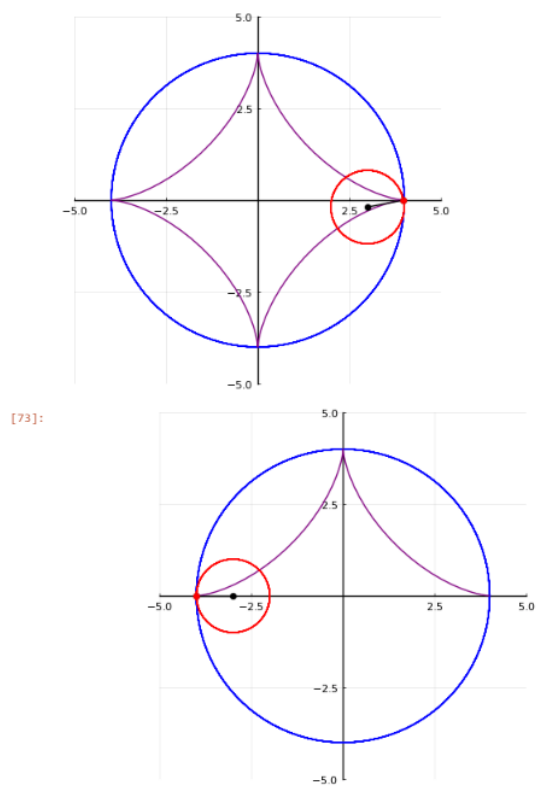


Рис. 2.70: Гипоциклоидная анимация

```
hypocycloid(5, 1, 100)
```

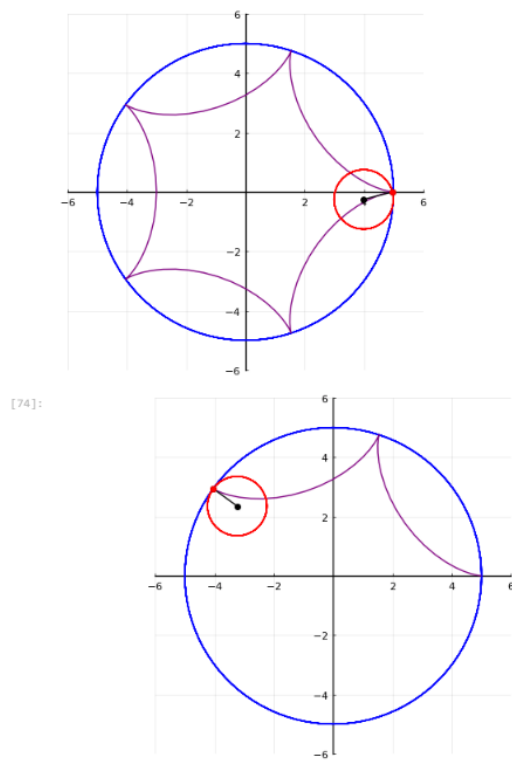


Рис. 2.70: Гипоциклоидная анимация

```
: hypocycloid(1.5, 1, 200)
```

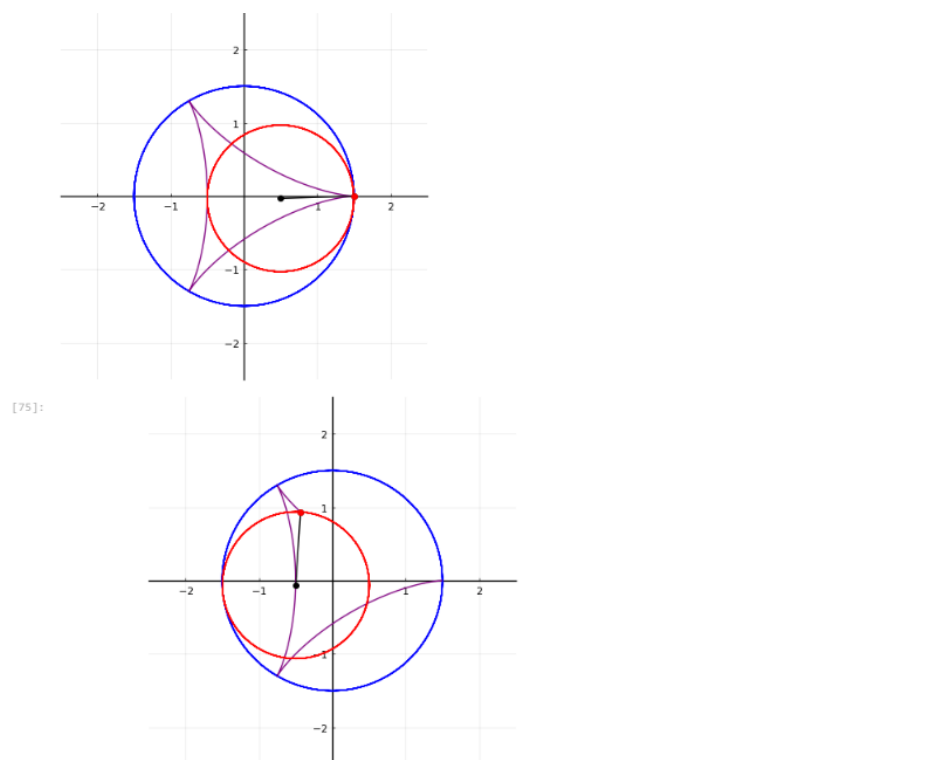


Рис. 2.70: Гипоциклоидная анимация

```
hypocycloid(5.5, 1, 200)
```

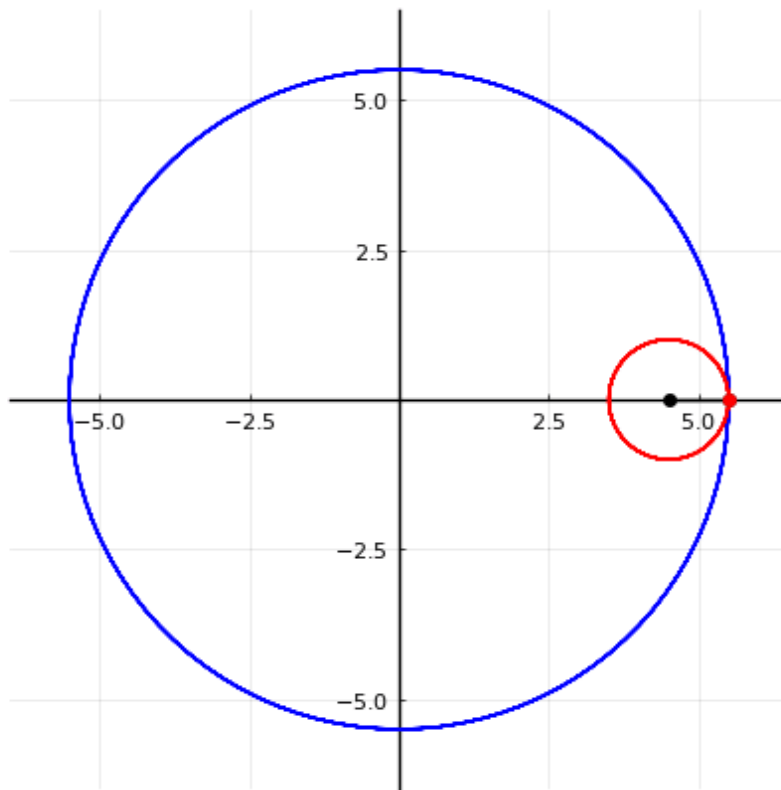


Рис. 2.70: Гипоциклоидная анимация

11. Постройте анимированную эпициклоиду для 2 целых значений модуля k и 2 рациональных значений модуля k .

```

: # Task11
function epicycloid(x, r0, n)
    # радиус малой окружности:
    r0 = r0
    # коэффициент для построения большой окружности:
    k = x
    # число отсчётов:
    count = n
    # массив значений угла  $\theta$ :
     $\theta = \text{collect}(\theta: 2*\pi/100 : 10*\pi+2*\pi/\text{count})$ 

    # массивы значений координат:
    x_1 = r0 * k * cos.( $\theta$ )
    y_1 = r0 * k * sin.( $\theta$ )
    #В конце сделаем анимацию получившегося изображения
    anim = @animate for i in 1:count
        # задаём оси координат:
        plt=plot(5,
            xlim=(-2*r0*k*2, 2*r0*k*2),
            ylim=(-2*r0*k*2, 2*r0*k*2),
            color=:red,
            aspect_ratio=1,
            legend=false,
            framestyle=:origin)
        # большая окружность:
        plot!(plt, x_1, y_1, c=:blue, legend=false)
        t =  $\theta[1 : i]$ 

        # гипоциклоида:
        x = r0 * (k + 1) * cos.(t) - r0 * cos.((k + 1) * t)
        y = r0 * (k + 1) * sin.(t) - r0 * sin.((k + 1) * t)
        plot!(x,y, color=:purple)

        # малая окружность:
        x_r0 = r0*(k + 1)*cos(t[end]) .- r0*cos.( $\theta$ )
        y_r0 = r0*(k + 1)*sin(t[end]) .- r0*sin.( $\theta$ )
        plot!(x_r0, y_r0, color=:red)

        # радиус малой окружности:
        x1_r0 = transpose([r0*(k + 1)*cos(t[end]) x[end]])
        y1_r0 = transpose([r0*(k + 1)*sin(t[end]) y[end]])
        plot!(x1_r0, y1_r0,
            markershape=:circle,
            markersize=4,
            color=:black)
        scatter!([x[end]],
            [y[end]],
            color=:red,
            markerstrokecolor=:red)
    end
    gif(anim,"epicycloid.gif")
end

```

```

: epicycloid (generic function with 1 method)

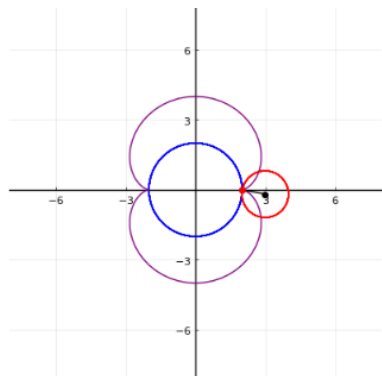
```

Рис. 2.71: Эпициклоида

```

# первый вариант
epicycloid(2, 1, 100)

```



[78]:

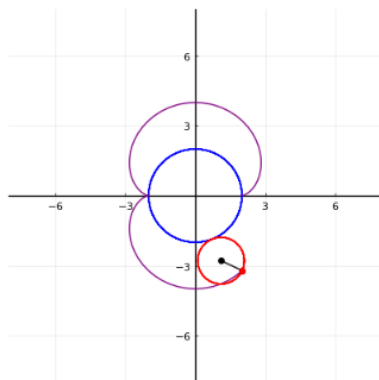


Рис. 2.71: Эпициклоидная анимация

```
# второй вариант
epicycloid(3, 1, 100)
```

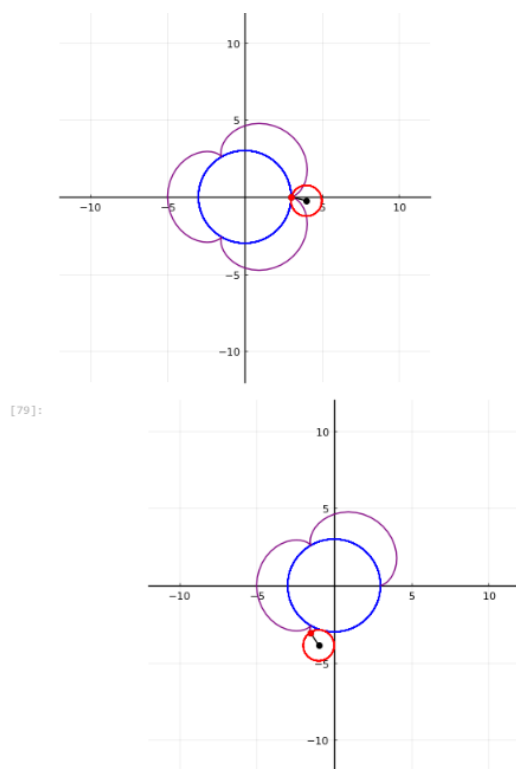



Рис. 2.71: Эпициклоидная анимация

```
# третий вариант
epicycloid(5.5, 1, 500)
```

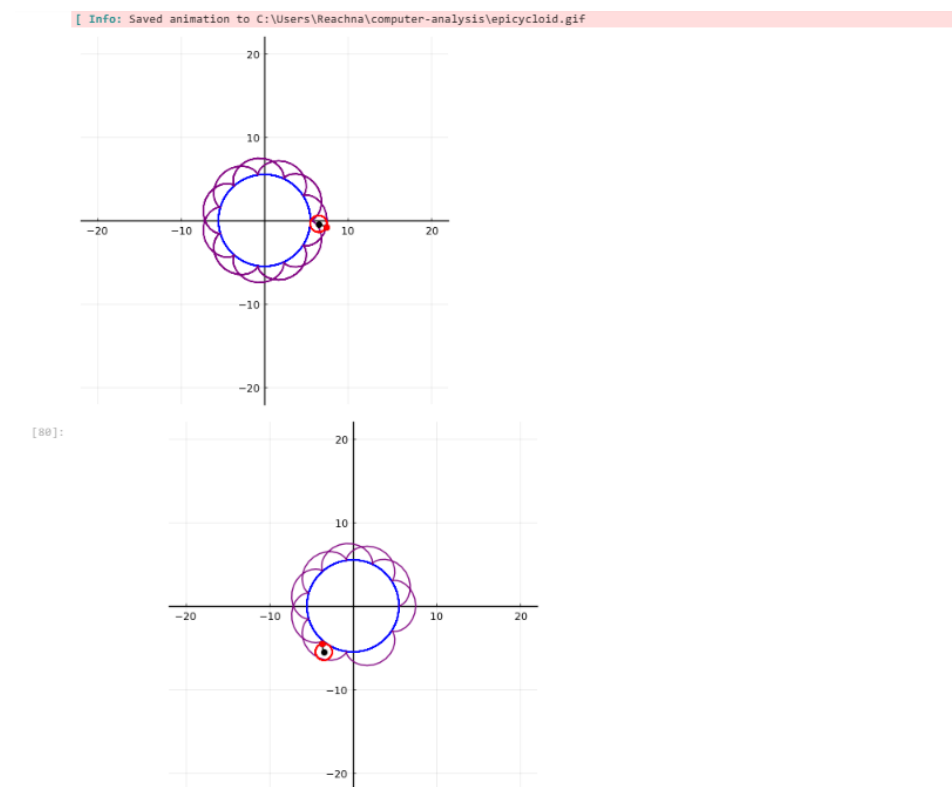


Рис. 2.71: Эпициклоидная анимация

```
# четвертый вариант  
epicycloid(3.8, 1, 500)
```

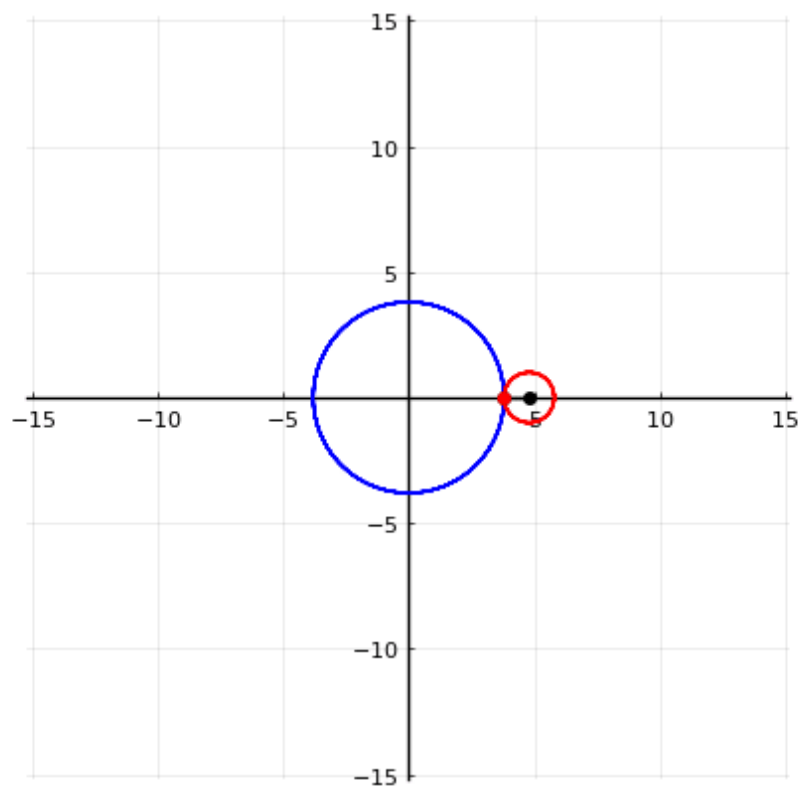


Рис. 2.71: Эпициклоидная анимация

3 Листинги программы

```
using Pkg
Pkg.add("Plots")
Pkg.add("PyPlot")
Pkg.add("Plotly")
Pkg.add("UnicodePlots")
# подключаем для использования Plots:
using Plots

Построение графика функции
# задание функции:
f(x) = (3x.^2 + 6x .- 9).*exp.(-0.3x)
# генерирование массива значений x в диапазоне от -5 до 10 с шагом 0,1
# (шаг задан через указание длины массива):
x = collect(range(-5,10,length=151))
# генерирование массива значений y:
y = f(x)
# указывается, что для построения графика используется gr():
gr()
# задание опций при построении графика
# (название кривой, подписи по осям, цвет графика):
plot(x,y,
      title="A simple curve",
      xlabel="Variable x",
```

```

        ylabel="Variable y",
        color="blue")
using Plots
# указывается, что для построения графика используется pyplot():
pyplot()
# задание опций при построении графика
# (название кривой, подписи по осям, цвет графика):
plot(x,y,
      title="Простая кривая",
      xlabel="Переменная x",
      ylabel="Переменная y",
      color="blue")
using Plots
# указывается, что для построения графика используется plotly():
plotly()
# задание опций при построении графика
# (название кривой, подписи по осям, цвет графика):
plot(x,y,
      title="Простая кривая",
      xlabel="Переменная x",
      ylabel="Переменная y",
      color="blue")
# using Plots
# unicodeplots()
using UnicodePlots #т.к. использование просто в качестве бэкенда не сработало, вы
# задание опций при построении графика
# (название кривой, подписи по осям, цвет графика):
lineplot(x, y,
          title="Простая кривая",

```

```

    xlabel="Переменная x",
    ylabel="Переменная y",
    color= :blue)

# рассмотрим дополнительные возможности пакетов для работы с графиками
using Plots

# указывается, что для построения графика используется pyplot():
pyplot()

# задание функции sin(x):
sin_theor(x) = sin(x)

# построение графика функции sin(x):
plot(sin_theor)
pyplot()
sin_taylor(x) = [(-1)^i*x^(2*i+1)/factorial(2*i+1) for i in 0:4] |> sum
# построение графика функции sin_taylor(x):
plot(sin_taylor)

# построение двух функций на одном графике:
plot(sin_theor)
plot!(sin_taylor)
plot(
    # функция sin(x):
    sin_taylor,
    # подпись в легенде, цвет и тип линии:
    label = "sin(x), разложение в ряд Тейлора",
    line=( :blue, 0.3, 6, :solid),
    # размер графика:
    size=(800, 500),
    # параметры отображения значений по осям
    xticks = (-5:0.5:5),

```

```

yticks = (-1:0.1:1),
xtickfont = font(12, "Times New Roman"),
ytickfont = font(12, "Times New Roman"),
# подписи по осям:
ylabel = "y",
xlabel = "x",
# название графика:
title = "Разложение в ряд Тейлора",
# поворот значений, заданный по оси x:
xrotation = rad2deg(pi/4),
# заливка области графика цветом:
fillrange = 0,
fillalpha = 0.5,
fillcolor = :lightgoldenrod,
# задание цвета фона:
background_color = :ivory
)
plot!(
    # функция sin_theor:
    sin_theor,
    # подпись в легенде, цвет и тип линии:
    label = "sin(x), теоретическое значение",
    leg=:topright,
    line=(:black, 1.0, 2, :dash)
)
# сохранение графика в файле в формате pdf или png:
Plots.savefig("taylor.pdf")
Plots.savefig("taylor.png")
# параметры распределения точек на плоскости:

```

```

x = range(1,10,length=10)
y = rand(10)
# параметры построения графика:
plot(x, y,
      seriestype = :scatter,
      title = "Точечный график",
      xlabel = "x",
      ylabel = "y",
      # подпись в легенде, цвет и тип линии:
      label = "y1, теоретическое значение",
      leg = :topright
)
# параметры распределения точек на плоскости:
n = 50
x = rand(n)
y = rand(n)
ms = rand(50) * 30
# параметры построения графика:
scatter(x, y,
        markersize=ms,
        # подписи по осям:
        xlabel = "x",
        ylabel = "y",
        # подпись в легенде, цвет и тип линии:
        label = "y1, теоретическое значение",
        title = "Точечный график")
# параметры распределения точек в пространстве:
n = 50
x = rand(n)

```



```

y = rand(n)
z = rand(n)
ms = rand(50) * 30
# параметры построения графика:
scatter(x, y, z,
        markersize=ms,
        xlabel = "x",
        ylabel = "y",
        zlabel = "z",
        # подпись в легенде, цвет и тип линии:
        label = "sin(x), теоретическое значение",
        title = "Точечный график")

```

5.2.4. Аппроксимация данных

```

# массив данных от 0 до 10 с шагом 0.01:
x = collect(0:0.01:9.99)
# экспоненциальная функция со случайным сдвигом значений:
y = exp.(ones(1000)+x) + 4000*randn(1000)
# построение графика:
scatter(x,y,markersize=3,alpha=.8,legend=false)
# определение массива для нахождения коэффициентов полинома:
A = [ones(1000) x x.^2 x.^3 x.^4 x.^5]
# решение матричного уравнения:
c = A\y
# построение полинома:
f1 = c[1]*ones(1000) + c[2]*x + c[3]*x.^2 + c[4]*x.^3 + c[5]*x.^4 + c[6]*x.^5

# построение графика аппроксимирующей функции:
plot!(x, f1, linewidth=3, color=:red)
using Plots.PlotMeasures

```

```

# пример случайной траектории
# (заданы обозначение траектории, легенда вверху справа, без сетки)
plot(randn(100),
      xlabel = "X",
      ylabel="y1",
      label = "1st path",
      leg=:topright,
      grid = :off,
      right_margin = 20mm
)

# пример добавления на график второй случайной траектории
# (задано обозначение траектории и её цвет, легенда снизу справа, без сетки)
# задана рамка графика
plot!(twinx(), randn(100)*10,
      c=:red,
      ylabel="y2",
      label = "2nd path",
      leg=:bottomright,
      grid = :off,
      box = :on,
      size=(600, 400)
)

# функция в полярных координатах:
r(tetha) = 1 + cos(tetha) * sin(tetha)^2
# полярная система координат:
tetha = range(0, stop=2π, length=50)
# график функции, заданной в полярных координатах:
plot(tetha, r.(tetha),
      proj=:polar,

```

```

        lims=(0,1.5)
    )
    # параметрическое уравнение:
    x1(t) = sin(t)
    y1(t) = sin(2t)
    # построение графика:
    plot(x1, y1, 0, 2π, leg=false, fill=(0,:orange))
    # параметрическое уравнение
    t = range(0, stop=10, length=1000)
    x = cos.(t)
    y = sin.(t)
    z = sin.(5t)
    # построение графика:
    plot(x, y, z)
    # построение графика поверхности:
    f(x,y) = x^2 + y^2
    x = -10:10
    y = x
    surface(x, y, f)
    # построение графика поверхности:
    f(x,y) = x^2 + y^2
    x = -10:10
    y = x
    plot(x, y, f,
        linestyle=:wireframe
    )
    f2(x,y) = x^2 + y^2
    x = -10:0.1:10
    y = x

```

```

plot(x, y, f2,
linetype = :surface
)
x = range(-2,stop=2,length=100)
y = range(sqrt(2),stop=2,length=100)
f3(x,y) = x*y-x-y+1
plot(x, y, f3,
      linetype = :surface,
      c=cgrad([:red,:blue]),
      camera=(-30,30),
)

```

5.2.9. Линии уровня

```

x = 1:0.5:20
y = 1:0.5:10
g(x, y) = (3x + y ^ 2) * abs(sin(x) + cos(y))
plot(x, y, g,
      linetype = :surface,
)
contour(x, y, g)
p = contour(x, y, g,
fill=true)
plot(p)
# определение переменных:
X0 = range(-2, stop=2, length=100)
Y0 = range(-2, stop=2, length=100)
# определение функции:
h(x, y) = x^3 - 3x + y^2
# построение поверхности:
plot(X0, Y0, h,

```

```

        linetype = :surface
    )
    # построение линий уровня:
    contour(X0, Y0, h)
    # градиент:
    xs = range(-2, stop=2, length=12)
    ys = range(-2, stop=2, length=12)
    # производная от исходной функции:
    dh(x, y) = [3x^2-3; 2y]/25
    xxs = [x for x in xs for y in ys]
    yys = [y for x in xs for y in ys]

    quiver!(xxs, yys, quiver=dh, c=:blue)
    # коррекция области видимости графика:
    xlims!(-2, 2)
    ylims!(-2, 2)
    quiver!(xxs, yys, quiver=dh, c=:blue)
    pyplot()
    # построение поверхности:
    i = 0
    X = Y = range(-5, stop=5, length=40)
    surface(X, Y, (x,y) -> sin(x+10sin(i))+cos(y))
    # анимация:
    X = Y = range(-5, stop=5, length=40)
    @gif for i in range(0, stop=2π, length=100)
        surface(X, Y, (x, y) -> sin(x + 10sin(i)) + cos(y))
    end
    # радиус малой окружности:
    r1 = 1

```

```

# коэффициент для построения большой окружности:
k = 3

# число отсчётов:
n = 100

# массив значений угла tetha:
# theta from 0 to 2pi ( + a little extra)
tetha = collect(0:2*π/100:2*π+2*π/100)

# массивы значений координат:
X = r1*k*cos.(tetha)
Y = r1*k*sin.(tetha)

# задаём оси координат:
plt = plot(5, xlim=(-4,4), ylim=(-4,4), c=:red, aspect_ratio=1,
legend=false, framestyle=:origin)

# большая окружность:
plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)

i = 50
t = tetha[1:i]

# гипоциклоида:
x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
plot!(x,y, c=:red)

# малая окружность:
xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) .+ r1*cos.(tetha)
yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(tetha)
plot!(xc,yc,c=:black)

# радиус малой окружности:
xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
plot!(xl, yl, markershape=:circle, markersize=4, c=:black)

```

```

scatter!([x[end]], [y[end]], c=:red, markerstrokecolor=:red)
anim = @animate for i in 1:n
# задаём оси координат:
plt=plot(5, xlim=(-4,4), ylim=(-4,4), c=:red, aspect_ratio=1, legend=false, frame
# большая окружность:
plot!(plt, X, Y, c=:blue, legend=false)
t = tetha[1:i]

# гипоциклоида:
x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
plot!(x,y, c=:red)

# малая окружность:
xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) .+ r1*cos.(tetha)
yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(tetha)
plot!(xc, yc, c=:black)

# радиус малой окружности:
xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
plot!(xl,yl,markershape=:circle, markersize=4, c=:black)
scatter!([x[end]], [y[end]], c=:red, markerstrokecolor=:red)
end

gif(anim,"hypocycloid.gif")
using Statistics
sds = [1, 1/2, 1/4, 1/8, 1/16, 1/32]
n = 10

```

```

y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]
errs = 1.96 * sds / sqrt(n)
plot(y,
      ylims = (-1,1),
)
plot(y,
      ylims = (-1,1),
      err = errs
)
plot(y, 1:length(y),
      xerr = errs,
      marker = stroke(3,:orange)
)
plot(y,
      ribbon=errs,
      fill=:cyan
)
n = 10
x = [(rand()+1) .* randn(n) .+ 2i for i in 1:5]
y = [(rand()+1) .* randn(n) .+ i for i in 1:5]
f(v) = 1.96std(v) / sqrt(n)
xerr = map(f, x)
yerr = map(f, y)
x = map(mean, x)
y = map(mean, y)
plot(x, y,
      xerr = xerr,
      yerr = yerr,
      marker = stroke(2, :orange)
)

```



```

)
plot(x, y,
     xerr = (0.5xerr, 2xerr),
     yerr = (0.5yerr, 2yerr),
     marker = stroke(2, :orange)
)

import Pkg
Pkg.add("Distributions")
using Distributions
pyplot()
ages = rand(15:55, 1000)
histogram(ages)
d = Normal(35.0, 10.0)
ages = rand(d, 1000)
histogram(
    ages,
    label="Распределение по возрастам (года)",
    xlabel = "Возраст (лет)",
    ylabel= "Количество"
)

plotly()
d1=Normal(10.0, 5.0);
d2=Normal(35.0, 10.0);
d3=Normal(60.0, 5.0);
N=1000;
ages = (Float64)[];
ages = append!(ages, rand(d1, Int64(ceil(N/2))));
ages = append!(ages, rand(d2, N));
ages = append!(ages, rand(d3, Int64(ceil(N/3))));

```

```

histogram(
    ages,
    bins=50,
    label="Распределение по возрастам (года)",
    xlabel = "Возраст (лет)",
    ylabel= "Количество",
    title = "Распределение по возрастам (года)"
)

```

5.2.14. Подграфики

подгружаем pyplot():

```
pyplot()
```

построение серии графиков:

```
x=range(-2,2,length=10)
```

```
y = rand(10,4)
```

```
plot(x,y,
```

```
    layout=(4,1)
```

```
)
```

```
plot(x,y,
```

```
layout=4
```

```
)
```

```
plot(x,y,
```

```
    size=(600,300),
```

```
    layout = grid(4,1,heights=[0.2,0.3,0.4,0.15]))
```

```
)
```

график в виде линий:

```
p1 = plot(x,y)
```

график в виде точек:

```
p2 = scatter(x,y)
```

график в виде линий с оформлением:

```

p3 = plot(x,y[:,1:2],xlabel="Labelled plot of two columns",lw=2,title="Wide lines
# 4 гистограммы:
p4 = histogram(x,y)

plot(
    p1,p2,p3,p4,
    layout=(2,2),
    legend=false,
    size=(800,600),
    background_color = :ivory
)
seriestypes = [:stephist, :sticks, :bar, :hline, :vline, :path]
titles=["stephist" "sticks" "bar" "hline" "vline" "path"]
plot(rand(20,1), st = seriestypes,
    layout = (2,3),
    ticks=nothing,
    legend=false,
    title=titles,
    m=3
)
l = @layout [ a{0.3w} [grid(3,3)
b{0.2h} ]]
plot(
    rand(10,11),
    layout = l, legend = false, seriestype = [:bar :scatter :path],
    title = ["($i)" for j = 1:1, i=1:11], titleloc = :right, titlefont = font(8)
)
f4(x) = sin.(x)
# сгенерируем массив значений x в диапазоне от 0 до  $\pi$ 

```

```

x = collect(range(0, 2*pi, length=200))
# зададим функцию
y = f4(x)

fig1 = plot(x, y,
            title="Simple graphic",
            xlabel="X",
            ylabel="Y",
            color="red")
fig2 = scatter(x, y,
              title="Point graphic",
              xlabel="X",
              ylabel="Y",
              color="red")
fig3 = histogram(f4(x),
                title="Histogram",
                xlabel="X",
                ylabel="Y",
                color="purple")
fig4 = histogram(f4(x),
                bins = 10,
                title="Histogram (bins=10)",
                xlabel="X",
                ylabel="Y",
                color="green")
plot(fig1, fig2, fig3, fig4, layout=(2, 2), legends=false, size=(800, 600))
f4(x) = sin.(x)
# сгенерируем массив значений x в диапазоне от 0 до  $\pi$  с шагом 0.1
x = collect(range(0, 2*pi, length=200))

```

```

# зададим функцию
y = f4(x)

fig1 = plot(x, y,
            title="Solid Line",
            line = (:blue, 0.2, 5, :solid),
            xlabel="X",
            ylabel="Y")
fig2 = plot(x, y,
            title="Dash Line",
            line = (:blue, 0.2, 5, :dash),
            xlabel="X",
            ylabel="Y")
fig3 = plot(x, y,
            line = (:green, 0.2, 5, :dot),
            title="Dot Line",
            xlabel="X",
            ylabel="Y")
fig4 = plot(x, y,
            line = (:green, 0.2, 5, :dashdot),
            title="Dash and Dot Line",
            xlabel="X",
            ylabel="Y")
fig5 = plot(x, y,
            line = (:blue, 0.2, 5, :scatter),
            title="Scatter Line",
            xlabel="X",
            ylabel="Y")
fig6 = plot(x, y,

```

```

line = (:blue, 0.2, 5, :auto),
title="Auto Line",
xlabel="X",
ylabel="Y")
plot(fig1, fig2, fig3, fig4, fig5, fig6, layout=(3, 2),
legends=false, size=(800, 600))
using Plots.PlotMeasures
f5(x) = (pi*x.^2).*log.(x)
# сгенерируем массив значений x в диапазоне от 0 до 2π
x = collect(range(0, 2*pi, length=200))
# зададим функцию
y = f5(x)
plotly()
plot(x,y, color="red", box = :on, foreground_color="green",
axis = ("Ось x", (0, 6.5), 6.5:-0.5:0), yaxis = ("Ось y",
(0, 250), 250:-25:0),
leg=:right,
title="График функции (задание №3)",
titlefont = (15, "montserrat", :black),
top_margin = 10mm,
right_margin = 5mm,
legendfontsize = 8,
guidefont = (12, "montserrat", :black),
tickfont = (8, "montserrat",:black),
xrotation = 90)
# зададим функцию
f(x) = x.^3 - 3*x
x = [-2, -1, 0, 1, 2]
y = f(x)

```

```

using Plots.PlotMeasures
pyplot()
fig1 = scatter(x, y,
    title="Point graphic",
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="green")
fig2 = plot(x, y,
    title="Sticks graphic",
    seriestype = :sticks,
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="red")
fig3 = plot(x, y,
    title="Step graphic",
    marker = '.',
    seriestype = :step,
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="purple")
fig4 = plot(x, y,
    title="Simple graphic",
    xlabel="X",
    ylabel="Y",
    color="blue")
plot(fig1, fig2, fig3, fig4, layout=(2, 2), legends=false,
size=(800, 600))
# Сохраню полученное изображение
savefig("figure_solomko.png")

```

```

f_1(x) = pi*x
f_2(x) = exp.(x).*cos.(x)
x = [i for i in 3:0.1:6]
y_1 = f_1(x)
y_2 = f_2(x)

pyplot()
plot(x, y_1,
      title="График функций (Задание №5)",
      xlabel="X",
      ylabel="Y",
      leg=:topleft,
      color="blue",
      grid = (:y, :orange, :dot),
      right_margin = 20mm)

plot!(x, y_2,
       color="purple",
       leg=:bottomright,
       grid = :on,
       box = :on)
plot(x, y_1,
      title="График функций (Задание №5)",
      xlabel="X",
      ylabel="Y1",
      leg=:topleft,
      color="blue",
      grid = (:y, :orange, :dot),

```



```

right_margin = 20mm)

plot!(twinx(), x, y_2,
      ylabel = "Y2",
      color="purple",
      leg=:bottomright,
      grid = :on,
      box = :on)

f_3(x) = x.^2 - 2*x
x = rand(20)
y_3 = f_3(x)
n = 20
error = 1.23 * y_3 / sqrt(n)
plot(y_3, ylims=(-5, 5), err = error)
x = rand(20)
y = rand(20)
scatter(x, y,
      title = "Точечный график случайных чисел",
      label = "Точки (x; y)",
      leg = :topright,
      xlabel="X",
      ylabel="Y")
x = rand(50)
y = rand(50)
z = rand(50)
scatter(x, y, z,
      xlabel = "x",
      ylabel = "y",

```

```

    xlabel = "z",
    label = "Точки (x; y; z)",
    title = "Точечный 3D-график")
n = 300
x = collect(0*pi : 2*pi/100 : 10*pi+pi/100)
anim = @animate for i in 1:n
    fig = plot(1,
               xlim=(0, 10),
               ylim=(-2, 2),
               c=:purple,
               aspect_ratio=1,
               legend=false,
               framestyle=:origin)
    step = x[1 : i]
    y = sin.(step)
    plot!(step, y)
end
#Сохранила анимацию в gif-файл
gif(anim, "sinusoida.gif")

function hypocycloid(x, r0, n)
    # радиус малой окружности:
    r0 = r0
    # коэффициент для построения большой окружности:
    k = x
    # число отсчётов:
    count = n
    # массив значений угла tetha:
    tetha = collect(0: 2*pi/100 : 10*pi+2*pi/count)

```

```

# массивы значений координат:
x_1 = r0 * k * cos.(tetha)
y_1 = r0 * k * sin.(tetha)

#В конце сделаем анимацию получившегося изображения
anim = @animate for i in 1:count
    # задаём оси координат:
    plt=plot(5,
        xlim=(-k-1, k+1),
        ylim=(-k-1, k+1),
        color=:red,
        aspect_ratio=1,
        legend=false,
        framestyle=:origin)

    # большая окружность:
    plot!(plt, x_1, y_1, c=:blue, legend=false)
    t = tetha[1 : i]

    # гипоциклоида:
    x = r0 * (k-1) * cos.(t) + r0 * cos.((k-1) * t)
    y = r0 * (k-1) * sin.(t) - r0 * sin.((k-1) * t)
    plot!(x,y, color=:purple)

    # малая окружность:
    x_r0 = r0*(k-1)*cos(t[end]) .+ r0*cos.(tetha)
    y_r0 = r0*(k-1)*sin(t[end]) .+ r0*sin.(tetha)
    plot!(x_r0, y_r0, color=:red)

    # радиус малой окружности:

```

```

xl_r0 = transpose([r0*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
yl_r0 = transpose([r0*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
plot!(xl_r0, yl_r0,
      markershape=:circle,
      markersize=4,
      color=:black)
scatter!([x[end]],
        [y[end]],
        color=:red,
        markerstrokecolor=:red)

end

gif(anim,"hypocycloid.gif")

end

# первый вариант
hypocycloid(4, 1, 100)

# второй вариант
hypocycloid(5, 1, 100)

# третий вариант
hypocycloid(1.5, 1, 200)

# четвертый вариант
hypocycloid(5.5, 1, 200)

```

```

function epicycloid(x, r0, n)
    # радиус малой окружности:
    r0 = r0

    # коэффициент для построения большой окружности:
    k = x

    # число отсчётов:
    count = n

```

```

# массив значений угла tetha:
tetha = collect(0: 2*π/100 : 10*π+2*π/count)

# массивы значений координат:
x_1 = r0 * k * cos.(tetha)
y_1 = r0 * k * sin.(tetha)

#В конце сделаем анимацию получившегося изображения
anim = @animate for i in 1:count
    # задаём оси координат:
    plt=plot(5,
        xlim=(-2*r0*k*2, 2*r0*k*2),
        ylim=(-2*r0*k*2, 2*r0*k*2),
        color=:red,
        aspect_ratio=1,
        legend=false,
        framestyle=:origin)

    # большая окружность:
    plot!(plt, x_1, y_1, c=:blue, legend=false)
    t = tetha[1 : i]

    # гипоциклоида:
    x = r0 * (k + 1) * cos.(t) - r0 * cos.((k + 1) * t)
    y = r0 * (k + 1) * sin.(t) - r0 * sin.((k + 1) * t)
    plot!(x,y, color=:purple)

    # малая окружность:
    x_r0 = r0*(k + 1)*cos(t[end]) .- r0*cos.(tetha)
    y_r0 = r0*(k + 1)*sin(t[end]) .- r0*sin.(tetha)
    plot!(x_r0, y_r0, color=:red)
end

```

```

# радиус малой окружности:
xl_r0 = transpose([r0*(k + 1)*cos(t[end]) x[end]])
yl_r0 = transpose([r0*(k + 1)*sin(t[end]) y[end]])
plot!(xl_r0, yl_r0,
      markershape=:circle,
      markersize=4,
      color=:black)
scatter!([x[end]],
        [y[end]],
        color=:red,
        markerstrokecolor=:red)

end

gif(anim,"epicycloid.gif")

end

# первый вариант
epicycloid(2, 1, 100)

# второй вариант
epicycloid(3, 1, 100)

# третий вариант
epicycloid(5.5, 1, 500)

# четвертый вариант
epicycloid(3.8, 1, 500)

# четвертый вариант
epicycloid(3.8, 1, 500)

```

4 Вывод

Освоила синтаксис языка Julia для построения графиков.