

Отчёт по лабораторной работе №2

Структуры данных

Ким Реачна

Содержание

1	Цель работы	4
2	Выполнение лабораторной работы	5
2.1	Кортежи	5
2.2	Словари	6
2.3	Множества	7
2.4	Массивы	8
2.5	Задания для самостоятельного выполнения	13
3	Листинги программы	22
4	Вывод	29

Список иллюстраций

2.1	Примеры кортежей	5
2.2	Примеры операций над кортежами	6
2.3	Примеры словарей и операций над словарями	7
2.4	Примеры и операции над множествами	8
2.5	Примеры и операции над множествами	8
2.6	Примеры массивов	10
2.7	Примеры массивов, заданных некоторыми функциями через включение	10
2.8	Примеры операций над массивами	11
2.9	Примеры операций над массивами	12
2.10	Примеры операций над массивами	12
2.11	Примеры операций над массивами	13
2.12	Задача с множествами	13
2.13	Задача с множествами	14
2.14	Задача с множествами 3.1 до 3.3	14
2.15	Задача с множествами 3.4 до 3.10	15
2.16	Задача с множествами 3.11	16
2.17	Задача с множествами 3.12 и 3.13	17
2.18	Задача с множествами 3.14, 3.14.1, 3.14.2	18
2.19	Задача с множествами 3.14.3 и 3.14.4	18
2.20	Задача с множествами 3.14.5 и 3.14.6	19
2.21	Задача с множествами 3.14.7	19
2.22	Задача с множествами 3.14.8 до 3.14.13	20
2.23	Квадрат массива	21
2.24	Библиотека и вычисление простого числа	21
2.25	Вычисляющее выражение	21

1 Цель работы

Основная цель работы — изучить несколько структур данных, реализованных в Julia, научиться применять их и операции над ними для решения задач.

2 Выполнение лабораторной работы

2.1 Кортежи

Кортеж (Tuple) — структура данных (контейнер) в виде неизменяемой индексируемой последовательности элементов какого-либо типа (элементы индексируются с единицы).

Синтаксис определения кортежа: (element1, element2, ...)

Кортежи:

```
[1]: # Примеры кортежей:
# пустой кортеж:
()

[1]: ()

[2]: # кортеж из элементов типа String:
favoritelang = ("Python", "Julia", "R")

[2]: ("Python", "Julia", "R")

[3]: # кортеж из целых чисел:
x1 = (1, 2, 3)

[3]: (1, 2, 3)

[4]: # кортеж из элементов разных типов:
x2 = (1, 2.0, "tmp")

[4]: (1, 2.0, "tmp")

[5]: # именованный кортеж:
x3 = (a=2, b=1+2)

[5]: (a = 2, b = 3)
```

Рис. 2.1: Примеры кортежей

```

[6]: # Примеры операций над кортежами:
    # длина кортежа x2:
    length(x2)

[6]: 3

[7]: # обратиться к элементам кортежа x2:
    x2[1], x2[2], x2[3]

[7]: (1, 2.0, "tmp")

[8]: # произвести какую-либо операцию (сложение)
    # с вторым и третьим элементами кортежа x1:
    c = x1[2] + x1[3]

[8]: 5

[9]: # обращение к элементам именованного кортежа x3:
    x3.a, x3.b, x3[2]

[9]: (2, 3, 3)

[10]: # проверка вхождения элементов tmp и 0 в кортеж x2
    # (два способа обращения к методу in()):
    in("tmp", x2), 0 in x2

[10]: (true, false)

```

Рис. 2.2: Примеры операций над кортежами

2.2 Словари

Словарь — неупорядоченный набор связанных между собой по ключу данных.

Синтаксис определения словаря: Dict(key1 => value1, key2 => value2, ...)

Словари

```
[11]: # создать словарь с именем phonebook:
phonebook = Dict{String, Any}{"Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544"), "Бухгалтерия" => "555-2368"}

[11]: Dict{String, Any} with 2 entries:
      "Бухгалтерия" => "555-2368"
      "Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544")

[12]: # вывести ключи словаря:
keys(phonebook)

[12]: KeySet for a Dict{String, Any} with 2 entries. Keys:
      "Бухгалтерия"
      "Иванов И.И."

[13]: # вывести значения элементов словаря:
values(phonebook)

[13]: ValueIterator for a Dict{String, Any} with 2 entries. Values:
      "555-2368"
      ("867-5309", "333-5544")

[14]: # вывести заданные в словаре пары "ключ - значение":
pairs(phonebook)

[14]: Dict{String, Any} with 2 entries:
      "Бухгалтерия" => "555-2368"
      "Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544")

[15]: # проверка вхождения ключа в словарь:
haskey(phonebook, "Иванов И.И.")

[15]: true

[16]: # добавить элемент в словарь:
phonebook["Сидоров П.С."] = "555-3344"

[16]: "555-3344"

[17]: # удалить ключ и связанные с ним значения из словаря
pop!(phonebook, "Иванов И.И.")

[17]: ("867-5309", "333-5544")

[18]: # Объединение словарей (функция merge()):
a = Dict{String, Any}{"foo" => 0.0, "bar" => 42.0};
b = Dict{String, Any}{"bar" => 17, "baz" => 13.0};
merge(a, b)

[18]: Dict{String, Any}{"bar" => 13.0, "baz" => 17, "foo" => 0.0}
```

Рис. 2.3: Примеры словарей и операций над словарями

2.3 Множества

Множество, как структура данных в Julia, соответствует множеству, как математическому объекту, то есть является неупорядоченной совокупностью элементов какого-либо типа. Возможные операции над множествами: объединение, пересечение, разность; принадлежность элемента множеству.

Синтаксис определения множества: `Set([itr])`, где `itr` — набор значений, сгенерированных данным итерируемым объектом или пустое множество.

Множества

```
[19]: # создать множество из четырёх целочисленных значений:  
A = Set([1, 3, 4, 5])
```

```
[19]: Set[Int64] with 4 elements:  
5  
4  
3  
1
```

```
[20]: # создать множество из 11 символьных значений:  
B = Set("abracadabra")
```

```
[20]: Set[Char] with 5 elements:  
'a'  
'd'  
'r'  
'k'  
'b'
```

```
[21]: # проверка эквивалентности двух множеств:  
S1 = Set([1,2]);  
S2 = Set([3,4]);  
issetequal(S1,S2)
```

```
[21]: false
```

```
[22]: S3 = Set([1,2,2,3,1,2,3,2,1]);  
S4 = Set([2,3,1]);  
issetequal(S3,S4)
```

```
[22]: true
```

```
[23]: # объединение множеств:  
C = union(S1,S2)
```

```
[23]: Set[Int64] with 4 elements:  
4  
2  
3  
1
```

Рис. 2.4: Примеры и операции над множествами

```
[24]: # пересечение множеств:  
D = intersect(S1,S3)
```

```
[24]: Set[Int64] with 2 elements:  
2  
1
```

```
[25]: # разность множеств:  
E = setdiff(S3,S1)
```

```
[25]: Set[Int64] with 1 element:  
3
```

```
[26]: # проверка вхождения элементов одного множества в другое:  
issubset(S1,S4)
```

```
[26]: true
```

```
[27]: # добавление элемента в множество:  
push!(S4, 99)
```

```
[27]: Set[Int64] with 4 elements:  
2  
99  
3  
1
```

```
[28]: # удаление последнего элемента множества:  
pop!(S4)
```

```
[28]: 2
```

Рис. 2.5: Примеры и операции над множествами

2.4 Массивы

Массив — коллекция упорядоченных элементов, размещённая в многомерной сетке. Векторы и матрицы являются частными случаями массивов.

Общий синтаксис одномерных массивов:


```
array_name_1 = [element1, element2, ...]
```

```
array_name_2 = [element1 element2 ...]
```

Некоторые операции для работы с массивами:

- `length(A)` — число элементов массива `A`;
- `ndims(A)` — число размерностей массива `A`;
- `size(A)` — кортеж размерностей массива `A`;
- `size(A, n)` — размерность массива `A` в заданном направлении;
- `copy(A)` — создание копии массива `A`;
- `ones()`, `zeros()` — создать массив с единицами или нулями соответственно;
- `fill(value, array_name)` — заполнение массива заранее определенным значением;
- `sort()` — сортировка элементов;
- `collect()` — вернуть массив всех элементов в коллекции или итераторе;
- `reshape()` — изменение размера массива;
- `transpose()` — транспонирование массива;

Примеры массивов:

```
[29]: # создание пустого массива с абстрактным типом:
empty_array_1 = []

[29]: Any[]

[30]: # создание пустого массива с конкретным типом:
empty_array_2 = [Int64]()
empty_array_3 = [Float64]()

[30]: Float64[]

[31]: # вектор-столбец:
a = [1, 2, 3]

[31]: 3-element Vector{Int64}:
 1
 2
 3

[32]: # вектор-строка:
b = [1 2 3]

[32]: 1x3 Matrix{Int64}:
 1 2 3

[33]: # двумерные массивы (матрицы):
A = [[1, 2, 3] [4, 5, 6] [7, 8, 9]]
B = [[1 2 3]; [4 5 6]; [7 8 9]]

[33]: 3x3 Matrix{Int64}:
 1 2 3
 4 5 6
 7 8 9

[34]: # одномерный массив из 8 элементов (массив 1! times 8!)
# со значениями, случайно распределёнными на интервале [0, 1]:
c = rand(1,8)

[34]: 1x8 Matrix{Float64}:
 0.276875 0.985 0.158221 0.119218 0.623668 0.19829 0.884382 0.0343543

[35]: # двумерный массив 2! times 3! (2 строки, 3 столбца) элементов
# со значениями, случайно распределёнными на интервале [0, 1]:
C = rand(2,3)

[35]: 2x3 Matrix{Float64}:
 0.149929 0.807322 0.809838
 0.898536 0.343766 0.787435

[36]: # трёхмерный массив:
D = rand(4, 3, 2)

[36]: 4x3x2 Array{Float64, 3}:
[:, :, 1] =
 0.692381 0.567916 0.149929
 0.192459 0.807322 0.809838
 0.898536 0.343766 0.787435
 0.968767 0.33386 0.766296

[:, :, 2] =
 0.964486 0.832137 0.584763
 0.467624 0.419863 0.251659
 0.176809 0.777847 0.671238
 0.768814 0.0495596 0.438561
```

Рис. 2.6: Примеры массивов

Примеры массивов, заданных некоторыми функциями через включение:

Примеры массивов, заданных некоторыми функциями через включение:

```
[37]: # массив из квадратных корней всех целых чисел от 1 до 10:
roots = [sqrt(i) for i in 1:10]

[37]: 10-element Vector{Float64}:
 1.0
 1.4142135623730951
 1.7320508075688772
 2.0
 2.23606797749979
 2.449489742783178
 2.6457513110645967
 2.8284271247461903
 3.0
 3.1622776601683795

[38]: # массив с элементами вида 3*x^2,
# где x - нечётное число от 1 до 9 (включительно)
ar_1 = [3*i^2 for i in 1:2:9]

[38]: 5-element Vector{Int64}:
 3
 27
 75
 147
 243

[39]: # массив квадратов элементов, если квадрат не делится на 5 или 4:
ar_2=[i^2 for i=1:10 if (i%5!=0 && i%4!=0)]

[39]: 4-element Vector{Int64}:
 1
 9
 49
 81
```

Рис. 2.7: Примеры массивов, заданных некоторыми функциями через включение

Некоторые операции для работы с массивами:

```
[40]: # одномерный массив из пяти единиц:
ones(5)

[40]: 5-element Vector{Float64}:
 1.0
 1.0
 1.0
 1.0
 1.0

[41]: # двумерный массив 2x3 из единиц:
ones(2,3)

[41]: 2x3 Matrix{Float64}:
 1.0  1.0  1.0
 1.0  1.0  1.0

[42]: # одномерный массив из 4 нулей:
zeros(4)

[42]: 4-element Vector{Float64}:
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0

[43]: # заполнить массив 3x2 цифрами 3.5
fill(3.5,(3,2))

[43]: 3x2 Matrix{Float64}:
 3.5  3.5
 3.5  3.5
 3.5  3.5

[44]: # заполнить массива посредством функции repeat():
repeat([1,2],3,3)

[44]: 6x3 Matrix{Int64}:
 1  2  1
 2  2  2
 1  1  1
 2  2  2
 1  1  1
 2  2  2

[45]: repeat([1 2],3,3)

[45]: 3x6 Matrix{Int64}:
 1  2  1  2  1  2
 1  2  1  2  1  2
 1  2  1  2  1  2

[46]: # преобразование одномерного массива из целых чисел от 1 до 12
# в 6-двумерный массив 2x6
a = collect(1:12)
b = reshape(a,(2,6))

[46]: 2x6 Matrix{Int64}:
 1  5  9  7  9 11
 2  4  6  8 10 12
```

Рис. 2.8: Примеры операций над массивами

```
[47]: # транспонирование
b

[47]: 6x2 adjoint(::Matrix{Int64}) with eltype Int64:
 1  2
 3  4
 5  6
 7  8
 9 10
11 12

[48]: # транспонирование
c = transpose(b)

[48]: 6x2 transpose(::Matrix{Int64}) with eltype Int64:
 1  2
 3  4
 5  6
 7  8
 9 10
11 12

[49]: # массив 10x5 целых чисел в диапазоне [10, 20]:
ar = rand(10:20, 10, 5)

[49]: 10x5 Matrix{Int64}:
12 12 14 14 14
20 17 11 16 13
19 17 10 19 11
16 13 10 10 17
16 17 16 17 14
20 15 16 15 16
16 12 13 10 12
18 11 20 15 13
14 13 16 15 13
11 16 13 15 19

[50]: # Выбор всех значений строки в столбце 2:
ar[:, 2]

[50]: 10-element Vector{Int64}:
12
17
17
13
17
15
12
11
13
16

[51]: # Выбор всех значений в столбцах 2 и 5:
ar[:, [2, 5]]

[51]: 10x2 Matrix{Int64}:
12 14
17 13
17 11
13 17
17 14
15 16
12 12
```

Рис. 2.9: Примеры операций над массивами

```
[52]: # Все значения строк в столбцах 2, 3 и 4:
ar[:, 2:4]

[52]: 10x3 Matrix{Int64}:
12 14 14
17 11 16
17 10 19
13 10 10
17 16 17
15 16 15
12 13 10
11 20 15
13 16 15
16 13 15

[53]: # значения в строках 2, 4, 6 и в столбцах 1 и 5:
ar[[2, 4, 6], [1, 5]]

[53]: 3x2 Matrix{Int64}:
20 13
18 17
20 16

[54]: # значения в строке 1 от столбца 3 до последнего столбца:
ar[1, 3:end]

[54]: 3-element Vector{Int64}:
14
14
14

[55]: # сортировка по столбцам:
sort(ar, dims=1)

[55]: 10x5 Matrix{Int64}:
11 11 10 10 11
12 12 10 10 12
14 12 11 14 13
16 13 13 15 13
16 13 13 15 13
16 15 14 15 14
18 16 16 15 14
19 17 16 16 16
20 17 16 17 17
20 17 20 19 19

[56]: # сортировка по строкам:
sort(ar, dims=2)

[56]: 10x5 Matrix{Int64}:
12 12 14 14 14
11 13 10 17 20
10 11 17 19 19
10 10 13 16 17
14 16 10 17 17
15 15 16 16 20
10 12 12 13 16
11 13 15 10 20
13 13 14 15 16
11 13 15 16 19
```

Рис. 2.10: Примеры операций над массивами

```
[57]: # поэлементное сравнение с числом
# (результат - массив логических значений):
ar -> 14

[57]: 10x5 BitMatrix:
0 0 0 0 0
1 1 0 1 0
1 1 0 1 0
1 0 0 0 1
1 1 1 1 0
1 1 1 1 1
1 0 0 0 0
1 0 1 1 0
0 0 1 1 0
0 1 0 1 1

[58]: # возврат индексов элементов массива, удовлетворяющих условию:
findall(ar -> 14)

[58]: 26-element Vector{CartesianIndex{2}}:
 CartesianIndex{2, 1}
 CartesianIndex{3, 1}
 CartesianIndex{4, 1}
 CartesianIndex{5, 1}
 CartesianIndex{6, 1}
 CartesianIndex{7, 1}
 CartesianIndex{8, 1}
 CartesianIndex{2, 2}
 CartesianIndex{3, 2}
 CartesianIndex{5, 2}
 CartesianIndex{6, 2}
 CartesianIndex{10, 2}
 CartesianIndex{5, 3}
 CartesianIndex{6, 3}
 CartesianIndex{8, 3}
 CartesianIndex{9, 3}
 CartesianIndex{2, 4}
 CartesianIndex{3, 4}
 CartesianIndex{5, 4}
 CartesianIndex{6, 4}
 CartesianIndex{8, 4}
 CartesianIndex{9, 4}
 CartesianIndex{10, 4}
 CartesianIndex{4, 5}
 CartesianIndex{6, 5}
 CartesianIndex{10, 5}
```

Рис. 2.11: Примеры операций над массивами

2.5 Задания для самостоятельного выполнения

- Даны множества: $A = \{0, 3, 4, 9\}$, $B = \{1, 3, 4, 7\}$, $C = \{0, 1, 2, 4, 7, 8, 9\}$.
Найти $P = A \cap B \cup A \cap B \cup A \cap C \cup B \cap C$

```
[60]: # Задания 1
# Определение множеств
A = Set{[0, 3, 4, 9]}
B = Set{[1, 3, 4, 7]}
C = Set{[0, 1, 2, 4, 7, 8, 9]}

# Вычисление пересечений и объединений
P = union(intersect(A, B), intersect(A, B), intersect(A, C), intersect(B, C))

# вывод
println("P: ", P)

P: Set{[0, 4, 7, 9, 3, 1]}
```

Рис. 2.12: Задача с множествами

- Приведите свои примеры с выполнением операций над множествами элементов разных типов.

```
[61]: # Задания 2
# Создание множества
set1 = Set([1, "hello", 3.14, [1, 2, 3]])
set2 = Set([1, 2, "world", 3.14])

intersection_set = intersect(set1, set2)
union_set = union(set1, set2)
isequal_set = issetequal(set1, set2)
sub_set = issupset(set1, set2)

println("Множество 1 : ", set1)
println("Множество 2 : ", set2)
println("Пересечение : ", intersection_set)
println("Объединение : ", union_set)
println("Эквивалентности множеств : ", isequal_set)
println("Подмножество : ", sub_set)

Множество 1 : Set{Any["hello", 3.14, [1, 2, 3], 1]}
Множество 2 : Set{Any[2, 3.14, 1, "world"]}
Пересечение : Set{Any[3.14, 1]}
Объединение : Set{Any[2, "hello", 3.14, [1, 2, 3], 1, "world"]}
Эквивалентности множеств : false
Подмножество : false
```

Рис. 2.13: Задача с множествами

3. Создайте разными способами:

3.1. массив $(1, 2, 3, \dots, N - 1, N)$, N выберите больше 20;

3.2 массив $(N, N - 1, \dots, 2, 1)$, N выберите больше 20;

3.3. массив $(1, 2, 3, \dots, N - 1, N, N - 1, \dots, 2, 1)$, N выберите больше 20;

```
[62]: # Задания 3
# Задания 3.1 до 3.3
N = 25
array_3_1 = collect(1:N)
array_3_2 = reverse(collect(1:N))
array_3_3 = [1:N; N-1:-1:1]

println("Задания 3.1 : ", array_3_1)
println("Задания 3.2 : ", array_3_2)
println("Задания 3.3 : ", array_3_3)

Задания 3.1 : [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
Задания 3.2 : [25, 24, 23, 22, 21, 20, 19, 18, 17, 16, 15, 14, 13, 12, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1]
Задания 3.3 : [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 24, 23, 22, 21, 20, 19, 18, 17, 16, 15, 14, 13, 12, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1]
```

Рис. 2.14: Задача с множествами 3.1 до 3.3

3.4. массив с именем tmp вида $(4, 6, 3)$;

3.5. массив, в котором первый элемент массива tmp повторяется 10 раз;

3.6. массив, в котором все элементы массива tmp повторяются 10 раз;

3.7. массив, в котором первый элемент массива tmp встречается 11 раз, второй элемент — 10 раз, третий элемент — 10 раз

3.8. массив, в котором первый элемент массива tmp встречается 10 раз подряд, второй элемент — 20 раз подряд, третий элемент — 30 раз подряд;

3.10. вектор значений $y = e^x \cos(x)$ в точках $x = 3, 3.1, 3.2, \dots, 6$, найдите среднее значение y ;

Рис. 2.15: Задача с множествами 3.4 до 3.10

15

```
[65]: ## Задания 3.11
x_vector = [0.1*i for i in range(36)]
y_vector = [0.2*j for j in range(34)]
result_3_11 = [(x, y) for x in x_vector, y in y_vector]
printIn("Задания 3.11 : ", result_3_11)

Задания 3.11 : [(0.00100000000000000002, 0.2) (0.00100000000000000002, 0.00160000000000000003) (0.0010
0000000000000002, 1.2800000000000000000e-5) (0.00100000000000000002, 1.024000000000000000e-7) (0.001000000
00000000002, 8.1920000000000005e-10) (0.00100000000000000002, 6.5536000000000005e-12) (0.00100000000000
000002, 5.24288000000000056e-14) (0.00100000000000000002, 4.1943040000000005e-16) (0.001000000000000000
02, 3.35544320000000044e-18) (0.00100000000000000002, 2.6843545600000004e-20) (0.00100000000000000002,
2.1474836480000004e-22) (0.00100000000000000002, 1.7179869184000035e-24); (1.0000000000000004e-6, 0.
2) (1.0000000000000004e-6, 0.0016000000000000003) (1.0000000000000004e-6, 1.2800000000000000e-5)
(1.0000000000000004e-6, 1.0240000000000006e-7) (1.0000000000000004e-6, 8.192000000000005e-10) (1.00
00000000000004e-6, 6.5536000000000005e-12) (1.0000000000000004e-6, 5.24288000000000056e-14) (1.0000
000000000004e-6, 4.1943040000000005e-16) (1.0000000000000004e-6, 3.35544320000000044e-18) (1.00000000
00000004e-6, 2.6843545600000004e-20) (1.0000000000000004e-6, 2.1474836480000004e-22) (1.0000000000000
04e-6, 1.7179869184000035e-24); (1.0000000000000005e-9, 0.2) (1.0000000000000005e-9, 0.00160000000
0000003) (1.0000000000000005e-9, 1.2800000000000006e-5) (1.0000000000000005e-9, 1.0240000000000006e
-7) (1.0000000000000005e-9, 8.192000000000005e-10) (1.0000000000000005e-9, 6.5536000000000005e-12)
(1.0000000000000005e-9, 5.24288000000000056e-14) (1.0000000000000005e-9, 4.1943040000000005e-16) (1.0
0000000000000005e-9, 3.35544320000000044e-18) (1.0000000000000005e-9, 2.6843545600000004e-20) (1.0000
000000000005e-9, 2.1474836480000004e-22) (1.0000000000000005e-9, 1.7179869184000035e-24); (1.0000000
00000008e-12, 0.2) (1.0000000000000008e-12, 0.0016000000000000003) (1.0000000000000008e-12, 1.28000
00000000006e-5) (1.0000000000000008e-12, 1.0240000000000006e-7) (1.0000000000000008e-12, 8.19200000
0000005e-10) (1.0000000000000008e-12, 6.5536000000000005e-12) (1.0000000000000008e-12, 5.242880000
000005e-14) (1.0000000000000008e-12, 4.1943040000000005e-16) (1.0000000000000008e-12, 3.35544320000
0044e-18) (1.0000000000000008e-12, 2.6843545600000004e-20) (1.0000000000000008e-12, 2.14748364800000
4e-22) (1.0000000000000008e-12, 1.7179869184000035e-24); (1.0000000000000009e-15, 0.2) (1.00000000
00000009e-15, 0.0016000000000000003) (1.0000000000000009e-15, 1.2800000000000006e-5) (1.000000000000
0009e-15, 1.0240000000000006e-7) (1.0000000000000009e-15, 8.192000000000005e-10) (1.000000000000000
9e-15, 6.5536000000000005e-12) (1.0000000000000009e-15, 5.24288000000000056e-14) (1.000000000000000
9e-15, 4.1943040000000005e-16) (1.0000000000000009e-15, 3.35544320000000044e-18) (1.000000000000000
9e-15, 2.6843545600000004e-20) (1.0000000000000009e-15, 2.1474836480000004e-22) (1.000000000000000
9e-15, 1.7179869184000035e-24); (1.0000000000000008e-18, 0.2) (1.0000000000000008e-18, 0.0016000000000000
03) (1.0000000000000008e-18, 1.2800000000000006e-5) (1.0000000000000008e-18, 1.0240000000000006e-7)
(1.0000000000000008e-18, 8.192000000000005e-10) (1.0000000000000008e-18, 6.5536000000000005e-12)
(1.0000000000000008e-18, 5.24288000000000056e-14) (1.0000000000000008e-18, 4.1943040000000005e-16)
(1.0000000000000008e-18, 3.35544320000000044e-18) (1.0000000000000008e-18, 2.6843545600000004e-20)
(1.0000000000000008e-18, 2.1474836480000004e-22) (1.0000000000000008e-18, 1.7179869184000035e-24);
(1.00000000000000012e-21, 0.2) (1.00000000000000012e-21, 0.0016000000000000003) (1.000000000000000
12e-21, 1.2800000000000006e-5) (1.00000000000000012e-21, 1.0240000000000006e-7) (1.000000000000000
12e-21, 8.192000000000005e-10) (1.00000000000000012e-21, 6.5536000000000005e-12) (1.000000000000000
12e-21, 5.24288000000000056e-14) (1.00000000000000012e-21, 4.1943040000000005e-16) (1.000000000000000
12e-21, 3.35544320000000044e-18) (1.00000000000000012e-21, 2.6843545600000004e-20) (1.000000000000000
12e-21, 2.1474
```

Рис. 2.16: Задача с множествами 3.11

3.12. вектор с элементами $\frac{2^i}{i}, i = 1, 2, \dots, M, M = 25$

3.13. вектор вида ("fn1", "fn2", ..., "fnN"), $N = 30$


```

17e-30, 8.192000000000005e-10) (1.0000000000000017e-30, 6.5536000000000055e-12) (1.0000000000000017e-30, 5.2428800000000056e-14) (1.0000000000000017e-30, 4.194304000000005e-16) (1.0000000000000017e-30, 3.3554432000000044e-18) (1.0000000000000017e-30, 2.684354560000004e-20) (1.0000000000000017e-30, 2.147483648000004e-22) (1.0000000000000017e-30, 1.7179869184000035e-24); (1.0000000000000018e-33, 0.2) (1.0000000000000018e-33, 0.0016000000000000003) (1.0000000000000018e-33, 1.2800000000000006e-5) (1.0000000000000018e-33, 1.0240000000000006e-7) (1.0000000000000018e-33, 8.192000000000005e-10) (1.0000000000000018e-33, 6.5536000000000055e-12) (1.0000000000000018e-33, 5.2428800000000056e-14) (1.0000000000000018e-33, 4.194304000000005e-16) (1.0000000000000018e-33, 3.3554432000000044e-18) (1.0000000000000018e-33, 2.684354560000004e-20) (1.0000000000000018e-33, 2.147483648000004e-22) (1.0000000000000018e-33, 1.7179869184000035e-24); (1.000000000000002e-36, 0.2) (1.000000000000002e-36, 0.0016000000000000003) (1.000000000000002e-36, 1.2800000000000006e-5) (1.000000000000002e-36, 1.0240000000000006e-7) (1.000000000000002e-36, 8.192000000000005e-10) (1.000000000000002e-36, 6.5536000000000055e-12) (1.000000000000002e-36, 5.2428800000000056e-14) (1.000000000000002e-36, 4.194304000000005e-16) (1.000000000000002e-36, 3.3554432000000044e-18) (1.000000000000002e-36, 2.684354560000004e-20) (1.000000000000002e-36, 2.147483648000004e-22) (1.000000000000002e-36, 1.7179869184000035e-24)]

[66]: # Задания 3.12
M = 25
result_3_12 = [2**i / i for i in 1:M]
println("Задания 3.12 : ", result_3_12)

Задания 3.12 : [2.0, 2.0, 2.6666666666666665, 4.0, 6.4, 10.666666666666666, 18.285714285714285, 32.0, 56.888888888888886, 102.4, 186.1818181818182, 341.3333333333333, 630.1538461538462, 1170.2857142857142, 2184.5333333333333, 4096.0, 7710.117647058823, 14563.555555555555, 27594.105263157893, 52428.8, 99864.38095238095, 190650.18181818182, 364722.0869565217, 699050.6666666666, 1.34217728e6]

[67]: # Задания 3.13
N = 30
result_3_13 = ["fn$i" for i in 1:N]
println("Задания 3.13 : ", result_3_13)

Задания 3.13 : ["fn1", "fn2", "fn3", "fn4", "fn5", "fn6", "fn7", "fn8", "fn9", "fn10", "fn11", "fn12", "fn13", "fn14", "fn15", "fn16", "fn17", "fn18", "fn19", "fn20", "fn21", "fn22", "fn23", "fn24", "fn25", "fn26", "fn27", "fn28", "fn29", "fn30"]

```

Рис. 2.17: Задача с множествами 3.12 и 3.13

3.14. векторы $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ и $y = (y_1, y_2, \dots, y_n)$ целочисленного типа длины $n = 250$ как случайные выборки из совокупности $0, 1, \dots, 999$; на его основе:

3.14.1. сформируйте вектор $(y_2 - x_1, \dots, y_n - x_{n-1})$

3.14.2. сформируйте вектор $(x_1 + 2x_2 - x_3, x_2 + 2x_3 - x_4, \dots, x_{n-2} + 2x_{n-1} - x_n)$

```
[68]: # Задания 3.14
# Создание векторов x и y целочисленного типа
n = 250
x = rand(0:999, n)
y = rand(0:999, n)

# Формирование векторов
vector1 = y[2:end] .* x[1:end-1]
vector2 = [x[i] + 2x[i+1] - x[i+2] for i in 1:n-2]
vector3 = [sin(y[i]) / cos(x[i+1]) for i in 1:n-1]
sum_expo = sum([exp(-x[i+1]) / (x[i] + 10) for i in 1:n-1])

[69]: 1-element Vector{Float64}:
 1.4713467696164583e-5

[70]: # Вывод
println("Задания 3.14.1 : ", vector1)

Задания 3.14.1 : [55, -123, -72, -83, 668, -58, 58, -446, -284, -925, 313, -65, 640, -62, 2, 514, -162, 419, 395, 890, 76, -529, -
277, 586, -179, 370, 154, -621, 485, 45, 834, -82, 141, -490, -190, -370, -902, -487, 158, 822, -59, 377, -337, -30, -317, -80, -1
1, 32, 124, -240, -431, -558, -405, -301, 48, 21, 93, -1, 728, 395, -63, -129, -356, -691, -368, 328, 431, 57, 228, -148, 698, -15
1, -170, 10, -199, 296, -454, -657, 325, -83, -464, -403, 222, 321, 692, 80, -170, 181, 682, -47, -266, -22, -405, -130, -754, -27
1, -636, -98, 554, -95, 250, -799, 17, -291, -251, 7, 664, -150, 465, 83, -227, 486, 215, 62, 85, -332, 596, -105, -389, 419, 441,
-763, 881, 54, -470, 180, -769, -7, -478, -397, 360, -17, -48, 489, 53, -23, 316, -60, 238, 512, 529, -522, 127, 46, -670, -410,
4, 153, 231, 51, 16, 30, -332, 265, -550, -800, 313, 323, -265, -279, -645, -597, -191, -632, -258, 325, -228, 179, 501, 148, -45
9, 556, 422, 39, 117, -156, -270, -78, 231, -652, 635, -768, -262, 338, 338, -601, 751, -175, 272, 513, -213, -333, -444, -83, 32
3, 123, -66, 421, 7, 713, -14, 393, 516, -130, -9, 344, -305, -706, -209, 194, -301, 786, 100, -490, -37, -587, 187, -317, 590, -1
97, -596, 306, -485, -669, 230, -259, 525, 82, -617, 669, 418, 285, 573, 212, -269, -12, 89, 339, 585, -735, -387, -95, -211, 88,
270, -103, 135, -939, -99]

[71]: println("Задания 3.14.2 : ", vector2)

Задания 3.14.2 : [797, 559, 2126, 134, 1467, 677, 533, 868, 2205, 995, 1986, 1245, 636, 99, 477, 539, 608, 1311, 377, -562, 985, 1
728, 264, 1836, 1200, 952, 1353, 707, 2256, 313, 1943, 458, 894, 1709, 873, 1614, 2050, 2573, 450, 735, 124, 165, 819, 2320, 135
492, 1469, 459, 795, 1566, 2033, 1946, 1534, 1973, 1790, -148, 1839, 965, -174, 471, 1420, 1678, 2177, 1269, 995, 415, 1, 570, 159
8, 997, 580, 157, 726, 2237, -10, 1103, 2009, 1467, -309, 1281, 1540, 1446, 1385, -110, 625, 2124, 1078, -122, 483, 1279, 2053, 15
82, -156, 1625, 799, 1159, 2051, 1106, 787, -336, 1167, 1584, 1676, 1319, 1727, 56, 944, 1335, -122, 1077, 573, 1279, 1231, 1500,
1830, 1150, 244, 1012, 73, -97, 2129, 411, 1006, 1277, 817, 1758, 1015, 1363, 2476, 238, 1839, 1451, -670, 1351, 1476, 744, 1316,
1259, 100, -146, 1719, 1027, 173, 1645, 2241, 966, 638, -136, 1070, 1220, 951, 1687, 597, 1086, 2007, 562, 317, 957, 1603, 1724, 1
782, 467, 1293, 1476, 373, 1749, 1511, 841, 460, 2136, 1262, 300, 1476, 1422, 1542, 1653, 933, 1195, 1874, 436, 1864, 974, 1316, 3
55, 1973, 795, 453, 130, -93, 1155, 429, 1953, 1652, 25, 356, 634, 1199, 1067, 432, 575, 144, -155, 2017, 815, 558, 476, 1075, 277
8, 405, 1217, 115, 339, 1516, 2084, 2270, 190, 1905, 391, 752, 1835, 396, 1002, 2416, 67, 1580, 1723, -240, 1554, 999, 785, 362, 7
17, 55, 209, 852, 1477, 1320, 192, 1293, 1679, 468, 19, 1081, 303, 1659, 505, 1986, 517]
```

Рис. 2.18: Задача с множествами 3.14, 3.14.1, 3.14.2

3.14.3. сформируйте вектор $(\frac{\sin(y_1)}{\cos(x_2)}, \frac{\sin(y_2)}{\cos(x_3)}, \dots, \frac{\sin(y_{n-1})}{\cos(x_n)})$

3.14.4. вычислите $\sum_{i=1}^{n-1} \frac{e^{-x_i+1}}{x_i+10}$

```
[71]: println("Задания 3.14.3 : ", vector3)

Задания 3.14.3 : [-4.280879340284035, 5.052782875536123, -24.33570707460792, 1.4823958801626103, -0.5644009464728004, -4.42217369
5396321, -0.683102130246784, 0.37899742612235077, -1.003975230287573, -0.7462479256211241, 1.412681973482235, 1.0265951250681847,
-0.22868519211337449, 0.7513406222135456, -1.1842200852760154, -1.2587009945728846, 52.3130107191231, 1.53532698609137294, 1.338042
1566214038, 1.0535207594687757, 0.4669966167554453, -0.2557246067049243, -0.5545181845530521, 2.8653067561499657, 1.05827337487361
04, 1.189339850282893, 0.15582681371560447, -1.1215925811396859, 0.2892751044267637, 0.33540554674186807, 2.398796679509297, -0.691
3063611935918, 3.1817864067852946, 0.733265084887703, -2.5715551468126248, 2.264373022055517, 2.0457289116613135, 0.6865071819837
713, -222.24343113422444, 1.0993911262200791, 0.46011923664239185, 0.23409224732110814, 0.035786869938577666, -0.0512721818722744
4, -1.0387472292383035, 0.7819913501169753, -0.99902744873818619, 0.9147156531528382, 0.43040443418854624, 1.3678209317705724, -0.65
805159095798382, 0.539023469535677, -0.390840384004005, 0.9967462374190038, 11.840672239158501, 0.99059058696053, -0.48427009334
516265, 0.751402975846133, -2.432201139512577, -1.0180356680071498, 0.7173652249277354, 1.061814530890143, 3.3835590718911535, 5
9.40168858209957, 223.7900802550765, 1.1589798545700307, 0.2883984511937284, -0.28762025065969826, -1.299760793990263, 0.068810878
69828703, -1.0315497911527314, 2.1320262463594624, -0.46296672964489566, -2.076064311720305, 0.9547880530821586, 0.106385362356848
42, 0.2699158356096983, -1.0354742183855676, -5.451340110823241, 2.66630748997100083, 1.683371649172583, -1.834295745394386, -0.811
9078080375647, -1.7156977017712824, 0.5563759589745295, 1.3961836425120304, 1.42979409596838652, 0.9947743386068448, 0.4383181582874
3446, 1.554011780044503, 4.520077865080813, -0.43016304449727016, 1.1397308408106367, 0.2830616562303011, -1.1739101626300076, 1.5
6095645226283, -0.26241322630953427, 0.6393761531412757, 34.508421204940405, -1.1193854731776434, -0.7166096651242712, -2.23749207
46877005, 5.0402729008887735, -0.64439840804160445, 0.4708193014755081, 0.9013357481921925, 0.32370713911255778, -0.1600951607757817
4, -7.160715710837733, 0.5953759776777463, 2.594997111152474, 1.866892253142524, 1.1009593280560437, -0.34491635207026333, 1.5271
930810432672, 0.9379017672955017, 0.14150447216060034, 1.9694563370773377, -0.9510919109535582, -1.418462505192518, -0.9872094642
1173, 1.4065253028237519, 0.9207872118767911, 0.7960875319599412, 0.7002339311580375, -2.0986526997503643, 1.096077166058681, -0.8
244264973175979, 0.5764816317467157, 1.5447158279115927, 0.05954144091639259, 0.6053785061796935, 1.0777484950942513, 0.890909695
7946974, -1.6680529123904337, 0.52881590456477, 0.9606063647821064, -0.294582391187639, 0.582049633941887, -0.705024522476706, 6.
453136935798458, 1.047832674540648, 1.230134786665796, -0.8714510204511809, -0.3761419395897114, -0.1587481384657855, 0.971457
32933411, -0.7294740042577021, -0.8908384786358121, 1.022885835225842, -0.04555503054421865, 0.1876528400262089, 1.5931836495752012
6, 0.1557818662659315, 5.69915212831511, -1.187528858269559, -0.535526739636748, -0.5470426823335564, -0.11368737917212413, 1.026
00926326431, 10.337441023571342, 0.37671517284997186, 1.4740852271915177, -0.5138307580331412, 3.3550589872594654, -1.32481538546
1884, 1.68212444286165, -1.194959760891434, 2.0282691100429373, 6.300084369270641, 224.46258945631556, 1.14458080844086331, 2.11531
00286973514, -0.8286571016805676, 0.49867084177469245, 1.3168548966809413, 0.03538800291004014, 0.6180042004154426, 0.8638693353790
141, -0.9848752913083969, -0.930847626890344, 0.044656544378210164, -0.7326646908221306, -1.2776501780867493, -12.95273485482460
6, 0.7680809126525385, -0.64203864791957671, -0.6115970637475934, 2.0572978309350933, 1.77086464191766, 2.03830076278393, 25.1574
67150773393, 1.6962328541196354, -0.47559533508358426, -1.1103545822076935, 0.604538082442611, 0.45787847276221516, 0.43064053360
76894, 1.7959341517427234, -0.4779592091974881, -1.5209971839936778, -1.2133411318425014, 10.607844165546675, 0.18723248948769688,
-0.7995468421170088, -0.7841381811721081, -1.643291431239926, 4.728844935554779, 0.8260734213361532, -0.6612699013967798, -0.60911
01680940102, 0.6181408957932567, 0.5387481447396844, 1.3580532912159615, -0.9578249296191558, 0.33762179208161125, -0.362327139817
31934, 0.9661567998452543, -0.897362040773324, -1.1819402025300685, 0.07737297578919897, 0.5134478137267597, -0.937254090509827,
0.2965256259491356, -0.8744408262925171, -0.8741991393591756, -1.2984755738362925, -1.0216486808635774, 2.1333009846026543, 1.022700
3458457549, 0.909074095743497, 0.681413860939101, -0.9934616206664007, -77.809312340900802, 2.5138246302215162, -2.96514486064231
6, 3.254917858236007, 0.948780685190087, 3.8516596345697064, 1.160589515533182, -9.76297665274825, 1.584938829678183, 0.74320867
8883334, -1.7567226312003477, -0.4367276554755504, 1.0719776008140073, -0.8100164837372955, -1.0060922396299186, -0.53092254460576
56]
```

```
[72]: println("Задания 3.14.4 : ", sum_expo)

Задания 3.14.4 : [1.4713467696164583e-5]
```

Рис. 2.19: Задача с множествами 3.14.3 и 3.14.4

3.14.5. выберите элементы вектора y , значения которых больше 600, и выведите на экран; определите индексы этих элементов;

3.14.6. определите значения вектора x , соответствующие значениям вектора y , значения которых больше 600 (под соответствием понимается расположение на аналогичных индексных позициях);

```
[73]: # Задача 3.14.5
# выберите элементы вектора y, значения больше 600
indices_gt_600 = findall(y .> 600)
values_gt_600 = y[indices_gt_600]

println("Значения больше 600 : ", values_gt_600)
println("Индексы : ", indices_gt_600)

Значения больше 600 : [966, 726, 730, 741, 768, 842, 923, 849, 807, 859, 895, 887, 793, 779, 744, 996, 997, 993, 875, 981, 833, 67
7, 681, 701, 912, 910, 831, 714, 694, 754, 992, 651, 619, 730, 842, 742, 769, 765, 652, 836, 675, 768, 684, 866, 747, 686, 713, 85
2, 827, 993, 680, 868, 917, 841, 990, 780, 739, 947, 989, 836, 766, 843, 776, 609, 625, 801, 707, 706, 680, 926, 658, 900, 833, 90
5, 784, 622, 953, 955, 976, 634, 824, 753, 984, 887, 845, 792, 763, 782, 836, 709, 914, 674, 701, 953, 916, 767, 880, 763, 790, 84
1, 653, 739]
Индексы : [2, 5, 6, 7, 12, 13, 14, 17, 19, 20, 21, 25, 26, 27, 28, 30, 31, 32, 33, 40, 41, 45, 46, 49, 56, 59, 60, 63, 67, 70, 72,
75, 76, 80, 84, 85, 86, 87, 88, 90, 92, 93, 99, 100, 104, 107, 108, 110, 113, 114, 115, 116, 118, 122, 124, 125, 127, 133, 136, 13
8, 139, 142, 151, 153, 155, 159, 167, 168, 169, 170, 171, 173, 174, 175, 176, 177, 180, 182, 185, 186, 188, 191, 199, 201, 204, 20
5, 207, 210, 213, 214, 216, 220, 227, 228, 231, 232, 234, 238, 239, 240, 245, 247]

[74]: # Задача 3.14.6
x_values_gt_600 = x[indices_gt_600]
println("Значения x, соответствующие значениям > 600 : ", x_values_gt_600)

Значения x, соответствующие значениям > 600 : [228, 62, 799, 193, 907, 283, 228, 296, 464, 5, 97, 972, 409, 590, 637, 952, 159, 95
7284, 18.09553488051342, 3.5281873313919890, 12.4720840749102932, 21.715240098997414, 8.0099938195297923, 10.660925715743907, 15.4093
4781228589, 17.10111075014908, 20.43154423923948, 13.617929358019154, 14.98158870080206, 11.5086065475903671, 7.513188404399292, 2
2.70347990947643, 20.577852171691777, 15.509738875945011, 10.656078077792037, 14.813777371082637, 21.240752939740265, 10.556893482
459694, 8.339784160869148, 10.795925157206307, 3.0737599125500967, 20.773820690261735, 19.01178581827599, 20.89382683952368, 19.75
9757083527113, 15.445128681885432, 15.282408187193536, 6.127968668327215, 21.830071003091128, 20.434089164922426, 17.3940219615820
87, 22.570954787070928, 11.200357137163081, 21.31778600136515, 10.837342847764852, 13.65840400632519, 21.8529631858016, 11.7238219
02434375, 11.46507740924587, 12.188191006051719, 16.2002460116986, 14.337084780386842, 19.86333053644347, 21.609148575797806, 18.
4812550685158, 15.733785308422508, 18.535155785605462, 1.5974908438127252, 20.011396865754933, 19.76238851960067, 20.431544239239
48, 19.194999348708734, 7.781516561699269, 17.959732737432372, 18.070749846091058, 18.399782607411428, 11.5086065475903671, 12.4277
10971856401, 19.885874383591086, 17.87310829150878, 2.356268236003707, 12.749588228644877, 15.048189259841198, 15.60862636339089,
16.07631798640472, 10.979617479675694, 17.24969564048901, 21.919124070090028, 19.68634044204255, 15.249655733819043, 10.7446730987
96444, 20.602135811609436, 19.635478094510457, 10.322402821048984, 9.977574855645035, 9.972361806513037, 21.058205051713216, 12.82
778234926053, 17.36525266156528, 17.760855835234967, 19.142831556486097, 10.702896080413672, 20.507364530821604, 16.41808385974205,
7.242099343042627, 19.402267908675007, 19.787672930387746, 13.320960926299573, 16.689877171507284, 16.172569369150963, 14.43772835
317246, 14.847491370590602, 19.885874383591086, 19.1194421606005, 14.47591082407163, 15.5419432504433, 7.506303047661451, 0.86295
6637291908, 21.712853336215396, 10.979617479675694, 11.551992529045605, 20.986853027550367, 12.188191006051719, 13.3958202436416
3, 16.04842671461734, 9.876841600430778, 16.203456421393554, 12.788745051802387, 14.122605901813266, 18.559310332013958, 9.5628447
65026774, 12.32594002790887, 10.97480804937121, 19.96376717956809, 20.284181028574952, 14.337084780386842, 5.870894929481832, 6.20
9025888463531, 18.318075801851662, 2.729102416546506, 18.61590717639084, 19.067039623391908, 19.01178581827599, 21.06067425321421
16, 16.505998909487424, 22.615216116588407, 20.385092592382307, 3.0906310035331006, 0.6693280212272448, 17.480045766530477, 16.2618
572125008048, 21.018663959047083, 14.368298437800526, 18.236008335159315, 14.813777371082637, 9.61498829952486, 21.530257778298093,
15.18393808291773, 16.5966261616943, 15.66670014133017, 19.064312200041605, 14.302167667874686, 4.0684102450750784, 7.6519278616
50827, 14.613418491236061, 12.6668070167663, 18.345353635185123, 21.62295076995737, 22.236186723446094, 6.515212066588274, 12.0229
78000478917, 18.18108907629023, 15.066152632856057, 11.59965516728838, 15.114496352839547, 15.860390915737229, 4.748894682220004,
11.766392820231696, 20.335977970090035, 4.409988662116942, 9.769749229125585, 3.2323366161339044, 21.553468398380004, 13.2833736656
0348, 10.461739817066757, 18.589029022517558, 12.105866346528034, 16.04842671416734, 12.67091156941757, 5.783424591018714, 14.1969
0107030404, 14.681689276101713, 14.157965955560252, 20.48296853485842, 13.581163425863043, 10.842140010164046, 14.98158870080206, 1
8.829551242661097, 21.152966609500522, 17.15948717182422, 21.17659084933172, 16.746581740761307, 11.160286734667709, 12.00618241984
7553, 21.100182709023147, 12.901472784134676, 22.32540902790807, 12.142016806556093, 10.413830489072028, 6.521180403964005, 13.470
263546048384, 18.613113656774356, 16.29257499599127, 20.284181028574952, 13.83647353916452, 20.83876243683726, 19.0005212088180775,
10.072139792516781, 9.189559293023795, 17.16251729787912, 21.69221058352514, 22.39303463133123, 10.176050314541023, 21.43698712772
0458, 9.41020722407323, 20.212669294281742, 20.749746986409257, 15.05164428433725, 18.586231463101928, 19.600925715743907, 20.891
33791790272, 12.788745051802387, 13.399701489212363, 16.475679045186574, 16.7795113158876, 18.18108907629023, 20.795384103209056,
20.965495462783608, 9.61498829952486, 20.67481559772662, 18.263406035010866, 16.53626318126317, 13.093815333965878, 18.98546812696
4896, 14.60959684473358, 21.527842437178883, 12.427710971856401, 7.716994233508278, 12.391610064878575, 8.333546663936069, 16.261
857121580048, 15.82834448562535, 3.930943822471528, 20.456001564333143, 16.716098238587664, 6.674728458096288, 15.1805138252959,
17.933871060817415, 14.333457363804449, 21.131777019455793, 16.045186193996003, 21.343664165273967]
```

Рис. 2.20: Задача с множествами 3.14.5 и 3.14.6

3.14.7. сформируйте вектор $(|x_1 - \bar{x}|^{\frac{1}{2}}, |x_2 - \bar{x}|^{\frac{1}{2}}, \dots, |x_n - \bar{x}|^{\frac{1}{2}})$, где \bar{x} обозначает среднее значение вектора $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$

```
[75]: # Задача 3.14.7
using Statistics
mean_x = mean(x)
sqrt_vec = abs.(x .- mean_x) .^ (1/2)
println("Задача 3.14.7 : ", sqrt_vec)

Задача 3.14.7 : [19.76238851960967, 17.10111075014908, 7.0393181487982215, 16.986818418997714, 21.411398833331745, 16.68987717150
7284, 18.09553488051342, 3.5281873313919890, 12.4720840749102932, 21.715240098997414, 8.0099938195297923, 10.660925715743907, 15.4093
4781228589, 17.10111075014908, 20.43154423923948, 13.617929358019154, 14.98158870080206, 11.5086065475903671, 7.513188404399292, 2
2.70347990947643, 20.577852171691777, 15.509738875945011, 10.656078077792037, 14.813777371082637, 21.240752939740265, 10.556893482
459694, 8.339784160869148, 10.795925157206307, 3.0737599125500967, 20.773820690261735, 19.01178581827599, 20.89382683952368, 19.75
9757083527113, 15.445128681885432, 15.282408187193536, 6.127968668327215, 21.830071003091128, 20.434089164922426, 17.3940219615820
87, 22.570954787070928, 11.200357137163081, 21.31778600136515, 10.837342847764852, 13.65840400632519, 21.8529631858016, 11.7238219
02434375, 11.46507740924587, 12.188191006051719, 16.2002460116986, 14.337084780386842, 19.86333053644347, 21.609148575797806, 18.
4812550685158, 15.733785308422508, 18.535155785605462, 1.5974908438127252, 20.011396865754933, 19.76238851960067, 20.431544239239
48, 19.194999348708734, 7.781516561699269, 17.959732737432372, 18.070749846091058, 18.399782607411428, 11.5086065475903671, 12.4277
10971856401, 19.885874383591086, 17.87310829150878, 2.356268236003707, 12.749588228644877, 15.048189259841198, 15.60862636339089,
16.07631798640472, 10.979617479675694, 17.24969564048901, 21.919124070090028, 19.68634044204255, 15.249655733819043, 10.7446730987
96444, 20.602135811609436, 19.635478094510457, 10.322402821048984, 9.977574855645035, 9.972361806513037, 21.058205051713216, 12.82
778234926053, 17.36525266156528, 17.760855835234967, 19.142831556486097, 10.702896080413672, 20.507364530821604, 16.41808385974205,
7.242099343042627, 19.402267908675007, 19.787672930387746, 13.320960926299573, 16.689877171507284, 16.172569369150963, 14.43772835
317246, 14.847491370590602, 19.885874383591086, 19.1194421606005, 14.47591082407163, 15.5419432504433, 7.506303047661451, 0.86295
6637291908, 21.712853336215396, 10.979617479675694, 11.551992529045605, 20.986853027550367, 12.188191006051719, 13.3958202436416
3, 16.04842671461734, 9.876841600430778, 16.203456421393554, 12.788745051802387, 14.122605901813266, 18.559310332013958, 9.5628447
65026774, 12.32594002790887, 10.97480804937121, 19.96376717956809, 20.284181028574952, 14.337084780386842, 5.870894929481832, 6.20
9025888463531, 18.318075801851662, 2.729102416546506, 18.61590717639084, 19.067039623391908, 19.01178581827599, 21.06067425321421
16, 16.505998909487424, 22.615216116588407, 20.385092592382307, 3.0906310035331006, 0.6693280212272448, 17.480045766530477, 16.2618
572125008048, 21.018663959047083, 14.368298437800526, 18.236008335159315, 14.813777371082637, 9.61498829952486, 21.530257778298093,
15.18393808291773, 16.5966261616943, 15.66670014133017, 19.064312200041605, 14.302167667874686, 4.0684102450750784, 7.6519278616
50827, 14.613418491236061, 12.6668070167663, 18.345353635185123, 21.62295076995737, 22.236186723446094, 6.515212066588274, 12.0229
78000478917, 18.18108907629023, 15.066152632856057, 11.59965516728838, 15.114496352839547, 15.860390915737229, 4.748894682220004,
11.766392820231696, 20.335977970090035, 4.409988662116942, 9.769749229125585, 3.2323366161339044, 21.553468398380004, 13.2833736656
0348, 10.461739817066757, 18.589029022517558, 12.105866346528034, 16.04842671416734, 12.67091156941757, 5.783424591018714, 14.1969
0107030404, 14.681689276101713, 14.157965955560252, 20.48296853485842, 13.581163425863043, 10.842140010164046, 14.98158870080206, 1
8.829551242661097, 21.152966609500522, 17.15948717182422, 21.17659084933172, 16.746581740761307, 11.160286734667709, 12.00618241984
7553, 21.100182709023147, 12.901472784134676, 22.32540902790807, 12.142016806556093, 10.413830489072028, 6.521180403964005, 13.470
263546048384, 18.613113656774356, 16.29257499599127, 20.284181028574952, 13.83647353916452, 20.83876243683726, 19.0005212088180775,
10.072139792516781, 9.189559293023795, 17.16251729787912, 21.69221058352514, 22.39303463133123, 10.176050314541023, 21.43698712772
0458, 9.41020722407323, 20.212669294281742, 20.749746986409257, 15.05164428433725, 18.586231463101928, 19.600925715743907, 20.891
33791790272, 12.788745051802387, 13.399701489212363, 16.475679045186574, 16.7795113158876, 18.18108907629023, 20.795384103209056,
20.965495462783608, 9.61498829952486, 20.67481559772662, 18.263406035010866, 16.53626318126317, 13.093815333965878, 18.98546812696
4896, 14.60959684473358, 21.527842437178883, 12.427710971856401, 7.716994233508278, 12.391610064878575, 8.333546663936069, 16.261
857121580048, 15.82834448562535, 3.930943822471528, 20.456001564333143, 16.716098238587664, 6.674728458096288, 15.1805138252959,
17.933871060817415, 14.333457363804449, 21.131777019455793, 16.045186193996003, 21.343664165273967]
```

Рис. 2.21: Задача с множествами 3.14.7

3.14.8. определите, сколько элементов вектора y отстоят от максимального значения не более, чем на 200;

3.14.9. определите, сколько чётных и нечётных элементов вектора x ;

3.14.10. определите, сколько элементов вектора x кратны 7;

3.14.11. отсортируйте элементы вектора x в порядке возрастания элементов вектора y ;

3.14.12. выведите элементы вектора x , которые входят в десятку наибольших (top-10)?

3.14.13. сформируйте вектор, содержащий только уникальные (неповторяющиеся) элементы вектора x

```
[76]: # Задача 3.14.8
count_below_200 = count(x -> x <= 200, values_gt_600)
println("Задача 3.14.8. Количество элементов <= 200 : ", count_below_200)

Задача 3.14.8. Количество элементов <= 200 : 0

[77]: # Задача 3.14.9
even_count = count(iseven, x)
odd_count = count(isodd, x)
println("Задача 3.14.9 : Чётные : ", even_count)
println("Нечётные : ", odd_count)

Задача 3.14.9 : Чётные : 124
Нечётные : 126

[78]: # 3.14.10
divisible_by_7_count = count(x -> x % 7 == 0, x)
println("Задача 3.14.10 : Количество элементов, кратных 7: ", divisible_by_7_count)

Задача 3.14.10 : Количество элементов, кратных 7: 28

[79]: # 3.14.11
sorted_indices = sortperm(y)
sorted_x = x[sorted_indices]
println("Задача 3.14.11: Отсортированный x по возрастанию y : ", sorted_x)

Задача 3.14.11: Отсортированный x по возрастанию y : [241, 906, 912, 511, 366, 263, 565, 585, 22, 966, 72, 292, 676, 144, 707, 45
5, 429, 799, 638, 320, 559, 730, 513, 641, 938, 405, 580, 772, 911, 249, 570, 335, 991, 102, 655, 262, 815, 388, 543, 419, 109, 34
3, 175, 782, 669, 976, 103, 388, 336, 761, 854, 88, 997, 26, 9, 125, 911, 624, 620, 634, 247, 109, 275, 508, 526, 754, 366, 759, 2
2, 73, 382, 389, 988, 751, 851, 960, 58, 590, 381, 66, 988, 478, 245, 240, 373, 563, 174, 321, 381, 987, 886, 669, 726, 154, 725,
884, 992, 851, 360, 722, 487, 428, 157, 862, 375, 951, 400, 627, 341, 403, 307, 967, 823, 753, 768, 864, 578, 984, 990, 915, 159,
700, 859, 387, 79, 412, 809, 936, 329, 867, 520, 843, 964, 354, 344, 294, 120, 581, 579, 802, 201, 842, 558, 674, 764, 941, 84, 31
4, 49, 734, 40, 681, 857, 875, 818, 205, 290, 985, 684, 790, 998, 783, 425, 383, 312, 125, 258, 428, 501, 934, 929, 641, 847, 62,
799, 96, 856, 315, 193, 77, 637, 762, 645, 683, 436, 451, 822, 256, 160, 907, 468, 685, 537, 590, 555, 19, 778, 256, 156, 409, 66
5, 464, 226, 778, 152, 395, 866, 635, 826, 609, 919, 771, 283, 421, 853, 922, 296, 80, 5, 300, 684, 130, 57, 972, 255, 97, 411, 66
7, 103, 523, 747, 340, 176, 228, 510, 248, 736, 93, 940, 228, 296, 11, 339, 530, 726, 274, 957, 618, 952, 159]

[80]: # 3.14.12
top_10_x = sorted_x[1:10]
println("Задача 3.14.12: Элементы вектора x в десятке наибольших : ", top_10_x)

Задача 3.14.12: Элементы вектора x в десятке наибольших : [241, 906, 912, 511, 366, 263, 565, 585, 22, 966]

[81]: # 3.14.13
unique_x = unique(x)
println("Задача 3.14.13: Уникальные элементы x : ", unique_x)

Задача 3.14.13: Уникальные элементы x : [911, 228, 570, 809, 62, 799, 193, 508, 676, 992, 455, 907, 283, 103, 335, 296, 388, 464,
5, 97, 761, 634, 301, 972, 409, 590, 637, 511, 952, 159, 957, 130, 759, 754, 558, 997, 938, 823, 11, 395, 66, 403, 707, 998, 383,
389, 669, 258, 726, 915, 990, 862, 768, 864, 523, 120, 152, 981, 843, 847, 859, 366, 125, 201, 526, 683, 294, 274, 262, 641, 818,
40, 908, 753, 405, 96, 906, 627, 620, 421, 77, 685, 822, 205, 154, 635, 941, 790, 468, 144, 912, 343, 782, 312, 300, 886, 730, 76
2, 578, 599, 49, 387, 80, 341, 778, 618, 783, 684, 321, 176, 429, 22, 400, 919, 109, 555, 559, 856, 513, 867, 884, 964, 248, 9, 93
6, 530, 520, 826, 256, 79, 314, 853, 428, 984, 751, 245, 275, 157, 725, 537, 579, 734, 360, 857, 988, 26, 478, 665, 851, 764, 655,
292, 772, 543, 382, 934, 501, 425, 510, 985, 344, 411, 866, 667, 681, 487, 722, 736, 320, 940, 336, 638, 875, 73, 226, 72, 240, 64
5, 375, 966, 354, 373, 412, 563, 339, 174, 255, 329, 922, 156, 419, 436, 815, 991, 19, 624, 50, 609, 929, 951, 747, 175, 84, 700,
249, 802, 80, 906, 93, 854, 247, 349, 160, 307, 57, 580, 674, 451, 771, 505, 102, 241, 565, 290, 842, 315, 967, 263, 976]
```

Рис. 2.22: Задача с множествами 3.14.8 до 3.14.13

4. Создайте массив `squares`, в котором будут храниться квадраты всех целых чисел от 1 до 100.

```
[82]: # Задания 4
squares = [i**2 for i in 1:100]
print("Массив squares: ", squares)

Массив squares: [1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100, 121, 144, 169, 196, 225, 256, 289, 324, 361, 400, 441, 484, 529, 576, 625, 676, 729, 784, 841, 900, 961, 1024, 1089, 1156, 1225, 1296, 1369, 1444, 1521, 1600, 1681, 1764, 1849, 1936, 2025, 2116, 2209, 2304, 2401, 2500, 2601, 2704, 2809, 2916, 3025, 3136, 3249, 3364, 3481, 3600, 3721, 3844, 3969, 4096, 4225, 4356, 4489, 4624, 4761, 4900, 5041, 5184, 5329, 5476, 5625, 5776, 5929, 6084, 6241, 6400, 6561, 6724, 6889, 7056, 7225, 7396, 7569, 7744, 7921, 8100, 8281, 8464, 8649, 8836, 9025, 9216, 9409, 9604, 9801, 10000]
```

Рис. 2.23: Квадрат массива

5. Подключите пакет Primes (функции для вычисления простых чисел). Сгенерируйте массив myprimes, в котором будут храниться первые 168 простых чисел. Определите 89-е наименьшее простое число. Получите срез массива с 89-го до 99-го элемента включительно, содержащий наименьшие простые числа.

```
[83]: # Задания 5
using Primes
myprimes = primes(1000)[1:168]

# Определите 89-е наименьшее простое число.
prime_89 = myprimes[89]
# Получите срез массива с 89-го до 99-го элемента включительно.
slice_89_to_99 = myprimes[89:99]

println("89-е простое число: ", prime_89)
println("Срез массива с 89-го до 99-го элемента myprimes: ", slice_89_to_99)

89-е простое число: 461
Срез массива с 89-го до 99-го элемента myprimes: [461, 463, 467, 479, 487, 491, 499, 503, 509, 521, 523]
```

Рис. 2.24: Библиотека и вычисление простого числа

6. Вычислите следующие выражения:

$$6.1. \sum_{i=10}^{100} (i^3 + 4i^2)$$

$$6.2. \sum_{i=1}^M \left(\frac{2^i}{i} + \frac{3^i}{i^2} \right), M = 25$$

$$6.3. 1 + \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3} \frac{4}{5} \right) + \left(\frac{2}{3} \frac{4}{5} \frac{6}{7} \right) + \dots + \left(\frac{2}{3} \frac{4}{5} \dots \frac{38}{39} \right)$$

```
[84]: # Задания 6
# 6.1
sum_6_1 = sum(i -> i^3 + 4i^2, 10:100)
print("6.1. Сумма выражения: ", sum_6_1)

6.1. Сумма выражения: 26852735

[85]: # 6.2
M = 25
sum_6_2 = sum(i -> (2^i / i) + (3^i / i^2), 1:M)
print("6.2. Сумма выражения: ", sum_6_2)

6.2. Сумма выражения : 2.1291704368143802e9

[86]: # 6.3
sum_6_3 = sum(prod(2 * i / (2 * i - 1) for i in 1:n) for n in 1:20)
println("6.3. Сумма выражения : ", sum_6_3)

6.3. Сумма выражения : 111.00217926389996
```

Рис. 2.25: Вычисляющее выражение

3 Листинги программы

```
# Задания 1

# Определение множеств
A = Set([0, 3, 4, 9])
B = Set([1, 3, 4, 7])
C = Set([0, 1, 2, 4, 7, 8, 9])

# Вычисление пересечений и объединений
P = union(intersect(A, B), intersect(A, B), intersect(A, C), intersect(B, C))

# вывод
println("P: ",P)

# Задания 2

# Создание множество
set1 = Set([1, "hello", 3.14, [1, 2, 3]])
set2 = Set([1, 2, "world", 3.14])

intersection_set = intersect(set1, set2)
union_set = union(set1, set2)
isequal_set = issetequal(set1, set2)
sub_set = issubset(set1, set2)
```

```

println("Множество 1 : ", set1)
println("Множество 2 : ", set2)
println("Пересечение : ", intersection_set)
println("Объединение : ", union_set)
println("Эквивалентности множеств : ", isequal_set)
println("Подмножество : ", sub_set)

```

```

# Задания 3

```

```

# Задания 3.1 до 3.3

```

```

N = 25

```

```

array_3_1 = collect(1:N)

```

```

array_3_2 = reverse(collect(1:N))

```

```

array_3_3 = [1:N; N-1:-1:1]

```

```

println("Задания 3.1 : ", array_3_1)

```

```

println("Задания 3.2 : ", array_3_2)

```

```

println("Задания 3.3 : ", array_3_3)

```

```

# Задания 3.4 до 3.9

```

```

tmp = [4, 6, 3]

```

```

array_3_5 = fill(tmp[1], 10)

```

```

array_3_6 = repeat([tmp], 10)

```

```

array_3_7 = vcat(fill(tmp[1], 11), fill(tmp[2], 10), fill(tmp[3], 10))

```

```

array_3_8 = vcat(fill(tmp[1], 10), fill(tmp[2], 20), fill(tmp[3], 30))

```

```

array_3_9 = repeat(2.^tmp, inner = [1, 1, 4])

```

```

count_six = count(x -> x == '6', string(array_3_9))

```

```

println("Задания 3.5 : ", array_3_5)

```

```

println("Задания 3.6 : ", array_3_6)
println("Задания 3.7 : ", array_3_7)
println("Задания 3.8 : ", array_3_8)
println("Задания 3.9 : ", array_3_9)
println("Количество цифр 6 в результате 3.9 : ", count_six)

# Задания 3.10
using Statistics;
x_values = 3:0.1:6
y_values = [exp(x) * cos(x) for x in x_values]
mean_y = mean(y_values)
println("Задания 3.10. Среднее значение y : ", mean_y)

# # Задания 3.11
x_vector = [0.1^i for i in 3:3:36]
y_vector = [0.2^j for j in 1:3:34]
result_3_11 = [(x, y) for x in x_vector, y in y_vector]
println("Задания 3.11 : ", result_3_11)

# Задания 3.12
M = 25
result_3_12 = [2^i / i for i in 1:M]
println("Задания 3.12 : ", result_3_12)

# Задания 3.13
N = 30
result_3_13 = ["fn$i" for i in 1:N]
println("Задания 3.13 : ", result_3_13)

```



```

# Задания 3.14

# Создание векторов x и y целочисленного типа
n = 250
x = rand(0:999, n)
y = rand(0:999, n)

# Формирование векторов
vector1 = y[2:end] .- x[1:end-1]
vector2 = [x[i] + 2x[i+1] - x[i+2] for i in 1:n-2]
vector3 = [sin(y[i]) / cos(x[i+1]) for i in 1:n-1]
sum_expo = sum([exp(-x[i+1]) / (x[i] + 10)] for i in 1:n-1)

# Вывод
println("Задания 3.14.1 : ", vector1)
println("Задания 3.14.2 : ", vector2)
println("Задания 3.14.3 : ", vector3)
println("Задания 3.14.4 : ", sum_expo)

# Задания 3.14.5
# выберите элементы вектора y, значения больше 600
indices_gt_600 = findall(y .> 600)
values_gt_600 = y[indices_gt_600]

println("Значение больше 600 : ", values_gt_600)
println("Индексы : ", indices_gt_600)

# Задания 3.14.6
x_values_gt_600 = x[indices_gt_600]
println("Значения x, соответствующие значениям > 600 : ", x_values_gt_600)

```

```

# Задания 3.14.7
using Statistics
mean_x = mean(x)
sqrt_vec = abs.(x .- mean_x) .^ (1/2)
print("Задания 3.14.7 : ", sqrt_vec)

# Задания 3.14.8
count_below_200 = count(x -> x <= 200, values_gt_600)
println("Задания 3.14.8. Количество элементов <= 200 : ", count_below_200)

# Задания 3.14.9
even_count = count(iseven, x)
odd_count = count(isodd, x)
println("Задания 3.14.9 : Чётные : ", even_count)
println(" Нечётные : ", odd_count)

# 3.14.10
divisible_by_7_count = count(x -> x % 7 == 0, x)
println("Задания 3.14.10 : Количество элементов, кратных 7: ", divisible_by_7_count)

# 3.14.11
sorted_indices = sortperm(y)
sorted_x = x[sorted_indices]
println("Задания 3.14.11: Отсортированный x по возрастанию y : ", sorted_x)

# 3.14.12
top_10_x = sorted_x[1:10]
println("Задания 3.14.12: Элементы вектора x в десятке наибольших : ", top_10_x)

```

```

# 3.14.13
unique_x = unique(x)
println("Задания 3.14.13: Уникальные элементы x : ", unique_x)

# Задания 4
squares = [i^2 for i in 1:100]
print("Массив squares: ", squares)

# Задания 5
using Primes
myprimes = primes(1000)[1:168]

# Определите 89-е наименьшее простое число.
prime_89 = myprimes[89]
# Получите срез массива с 89-го до 99-го элемента включительно.
slice_89_to_99 = myprimes[89:99]

println("89-е простое число: ", prime_89)
println("Срез массива с 89-го до 99-го элемента myprimes: ", slice_89_to_99)

# Задания 6
# 6.1
sum_6_1 = sum(i -> i^3 + 4i^2, 10:100)
print("6.1. Сумма выражения: ", sum_6_1)
# 6.2
M = 25
sum_6_2 = sum(i -> (2^i / i) + (3^i / i^2), 1:M)
print("6.2. Сумма выражения : ", sum_6_2)

```

```
# 6.3
sum_6_3 = sum(prod(2 * i / (2 * i - 1) for i in 1:n) for n in 1:20)
println("6.3. Сумма выражения : ", sum_6_3)
```

4 Вывод

Изучила несколько структур данных, реализованных в Julia, научиться применять их и операции над ними для решения задач.