Отчет по лабораторной работе №5

Модель хищник-жертва - вариант 45

Ким Реачна НПИбд-02-20

Содержание

1	Цель работы	4
2	Задание	5
3	Выполнение лабораторной работы 3.1 Теоретические сведения	6 7
4	Выводы	12
Сп	писок литературы	13

Список иллюстраций

3.1	вариант	7
3.2	График численности жертв и хищников от времени	8
3.3	График численности хищников от численности жертв	8
3.4	График численности жертв и хищников от времени	10
35	График численности хишников от численности жертв	10

1 Цель работы

Изучить модель хищник-жертва

2 Задание

- 1. Построить график зависимости x от y и графики функций x(t), y(t)
- 2. Найти стационарное состояние системы

3 Выполнение лабораторной работы

3.1 Теоретические сведения

В данной лабораторной работе рассматривается математическая модель системы «Хищник-жертва».

Рассмотрим базисные компоненты системы. Пусть система имеет X хищников и Y жертв. И пусть для этой системы выполняются следующие предположения: (Модель Лотки-Вольтерра) 1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории) 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = (-ax(t) + by(t)x(t)) \\ \frac{dy}{dt} = (cy(t) - dy(t)x(t)) \end{cases}$$

Параметр a определяет коэффициент смертности хищников, b – коэффициент ент естественного прироста хищников, c – коэффициент прироста жертв и d – коэффициент смертности жертв

В зависимости от этих параметрах система и будет изменяться. Однако следует выделить одно важное состояние системы, при котором не происходит

никаких изменений как со стороны хищников, так и со стороны жертв. Это, так называемое, стационарное состояние системы. При нем, как уже было отмечено, изменение численности популяции равно нулю. Следовательно, при отсутствии изменений в системе $\frac{dx}{dt}=0, \frac{dy}{dt}=0$

Пусть по условию есть хотя бы один хищник и хотя бы одна жертва: x>0, y>0 Тогда стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

3.2 Задача

```
In [1]: 1032209334%70+1
Out[1]: 45
```

Рис. 3.1: вариант

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.32x(t) + 0.04y(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.42y(t) - 0.02y(t)x(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях: $x_0=9, y_0=20$ Найдите стационарное состояние системы

Решение в OpenModelica

```
model pr5
Real x(start=9);
```

```
Real y(start=20);

parameter Real a = 0.32;

parameter Real b = 0.04;

parameter Real c = 0.42;

parameter Real d = 0.02;

equation
   der(x) = -a*x + b*x*y;
   der(y) = c*y - d*x*y;
end pr5;
```

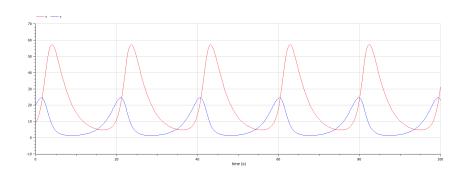


Рис. 3.2: График численности жертв и хищников от времени

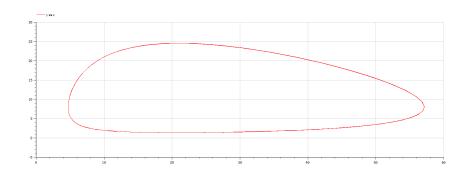


Рис. 3.3: График численности хищников от численности жертв

Решение в Julia

1032209334%70+1 using Plots using Differential Equations x0 = 9y0 = 20u0 = [x0; y0]t0 = 0tmax = 100t = collect(LinRange(t0, tmax, 1000)) tspan = (t0, tmax)a = 0.32b = 0.04c = 0.42d = 0.02function syst(dy, y, p, t) dy[1] = -a*y[1] + b*y[1]*y[2]dy[2] = c*y[2] - d*y[1]*y[2]end

prob = ODEProblem(syst, u0, tspan)

sol = solve(prob, saveat =t)

plot(sol)

```
savefig("03.png")
plot(sol, idxs=(1, 2))
savefig("04.png")
```

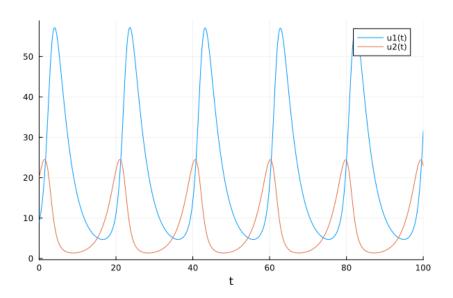


Рис. 3.4: График численности жертв и хищников от времени

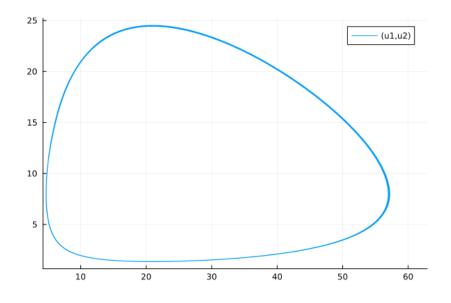


Рис. 3.5: График численности хищников от численности жертв

Стационарное состояние $x_0=\frac{a}{b}=8, y_0=\frac{c}{d}=21$

4 Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики.

Список литературы

- 1. Модель Лотки-Вольтерры
- 2. Lotka-Volterra System