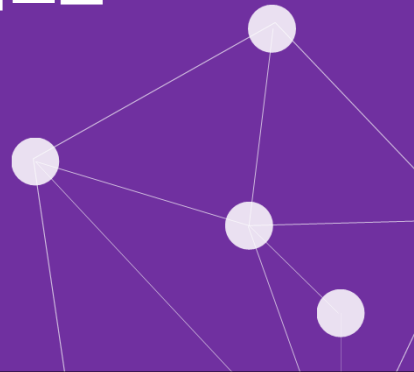
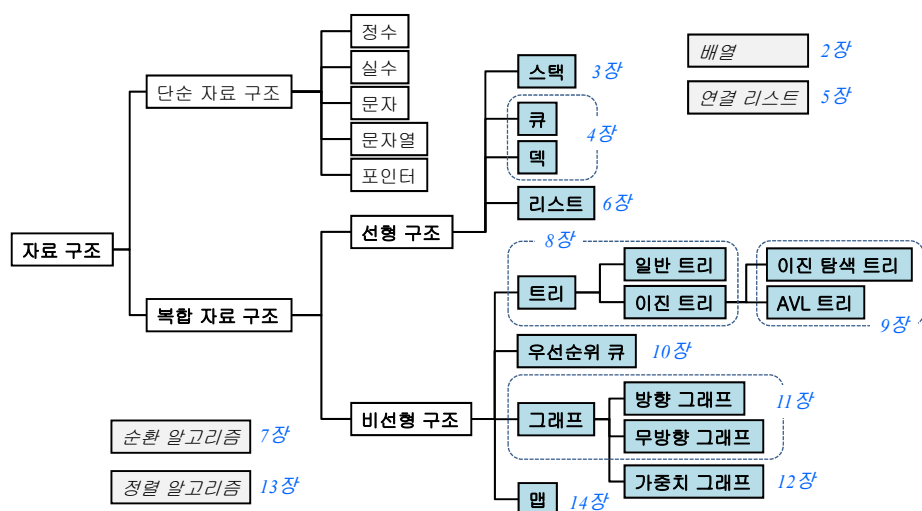


06 CHAPTER

리스트



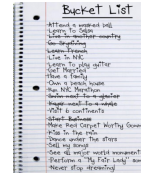
자료구조의 분류



리스트란?

- 리스트(list), 선형리스트(linear list)
 - 순서를 가진 항목들의 모임
 - 집합: 항목간의 순서의 개념이 없음

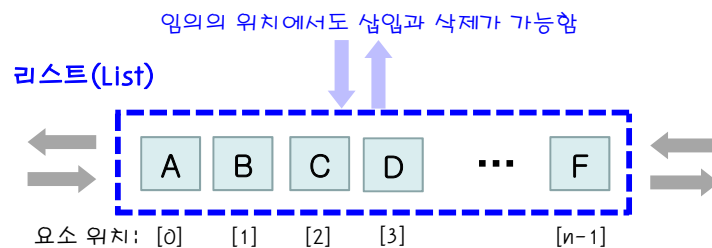
- 리스트의 예
 - 요일: (일요일, 월요일, ..., 토요일)
 - 한글 자음의 모임: (ㄱ, ㄴ, ..., ㅎ)
 - 카드: (Ace, 2, 3, ..., King)
 - 핸드폰의 문자 메시지 리스트
 - 다항식의 각 항들



3

리스트의 구조

- Stack, Queue, Deque과의 공통점과 차이점
 - 선형 자료구조
 - 자료의 접근 위치



4

리스트의 연산



- 기본 연산
 - 리스트의 어떤 위치에 새로운 요소를 삽입한다.
 - 리스트의 어떤 위치에 있는 요소를 삭제한다.
 - 리스트의 어떤 위치에 있는 요소를 반환한다.
 - 리스트가 비었는지를 살핀다.
 - 리스트가 가득 차있는지를 체크한다.
- 고급 연산
 - 리스트에 어떤 요소가 있는지를 살핀다.
 - 리스트의 어떤 위치에 있는 요소를 새로운 요소로 대체한다.
 - 리스트 안의 요소의 개수를 센다.
 - 리스트 안의 모든 요소를 출력한다.

5

리스트 ADT



데이터: 임의의 접근 방법을 제공하는 같은 타입 요소들의 순서 있는 모임
연산:

- `init()`: 리스트를 초기화한다.
- `insert(pos, item)`: `pos` 위치에 새로운 요소 `item`을 삽입한다.
- `delete(pos)`: `pos` 위치에 있는 요소를 삭제한다.
- `get_entry(pos)`: `pos` 위치에 있는 요소를 반환한다.
- `is_empty()`: 리스트가 비어있는지를 검사한다.
- `is_full()`: 리스트가 가득 차 있는지를 검사한다.
- `find(item)`: 리스트에 요소 `item`이 있는지를 살핀다.
- `replace(pos, item)`: `pos` 위치를 새로운 요소 `item`으로 바꾼다.
- `size()`: 리스트안의 요소의 개수를 반환한다.

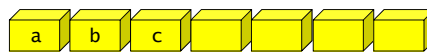
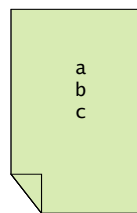
6

리스트 구현 방법

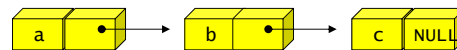
- 배열을 이용
 - 구현이 간단
 - 삽입, 삭제가 오버헤드
 - 항목의 개수 제한
- 연결리스트를 이용
 - 구현이 복잡
 - 삽입, 삭제가 효율적
 - 크기가 제한되지 않음

리스트 ADT

배열을 이용한 구현



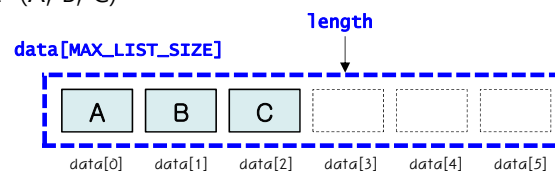
연결리스트를 이용한 구현



7

배열로 구현된 리스트

- 1차원 배열에 항목들을 순서대로 저장
 - $L = (A, B, C)$

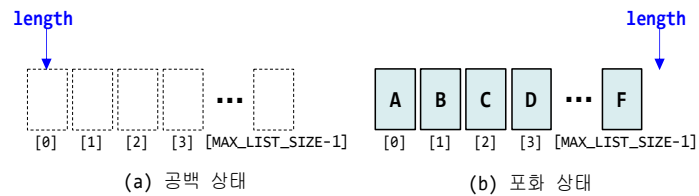


```
typedef int Element;
Element data[MAX_LIST_SIZE];
int length = 0;
```

8

공백상태 / 포화상태

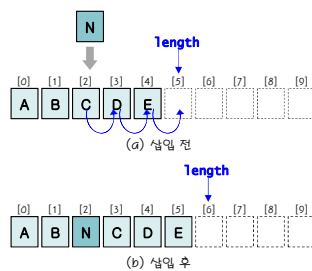
- 공백상태 / 포화상태



9

삽입 연산

- 삽입위치 다음의 항목들을 이동하여야 함.



```
void insert( int pos, Element e )
{
    int i;

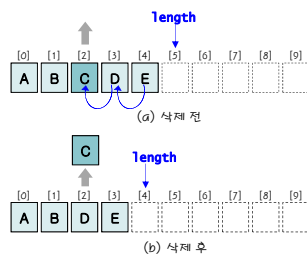
    if(is_full()==0 && pos >= 0 && pos<=length){
        for( i=length ; i>pos ; i-- )
            data[i] = data[i-1];

        data[pos] = e;
        length++;
    }
    else error("포화상태 오류 또는 삽입 위치 오류");
}
```

10

삭제 연산

- 삭제위치 다음의 항목들을 이동하여야 함



```
void delete( int pos )
{
    int i;
    if( is_empty()==0 && 0<=pos && pos<length ) {
        for(i=pos+1 ; i<length ; i++ )
            data[i-1] = data[i];

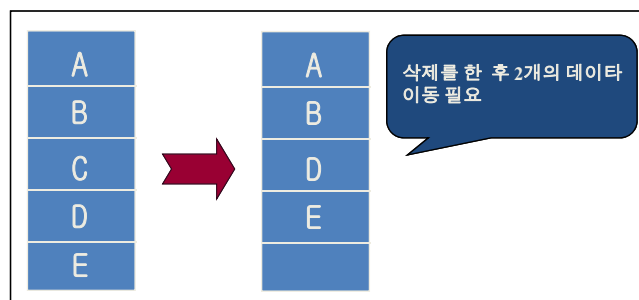
        length--;
    }
    else error("공백상태 오류 또는 삭제 위치 오류");
}
```

11

선형 리스트의 항목 삭제

■ 항목 삭제 (C 를 삭제 시)

- n 개의 항목이 있을 경우 평균 이동횟수 = $(n-1) / 2$ 회



12

선형 리스트의 삭제시 이동

- 삭제시 element의 평균 이동 횟수

$$m_d = \sum_{k=1}^n (n-k) \cdot p_k \quad \begin{array}{l} \text{(단, } n \text{은 현재 리스트에 있는 element의 수,} \\ \text{ } k \text{는 삭제되는 위치,} \\ \text{ } p_k \text{는 } k \text{번째 위치의 element 삭제확률)} \end{array}$$

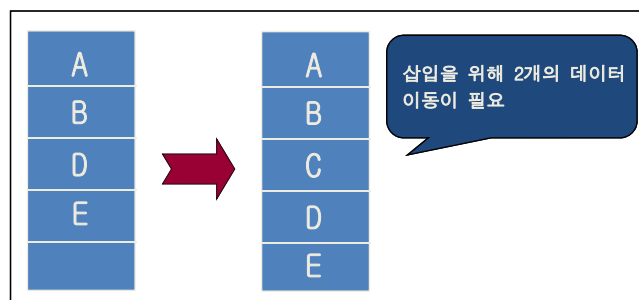
$$\begin{aligned} m_d &= \sum_{k=1}^n (n-k) \cdot \frac{1}{n} = \frac{1}{n} \left[\sum_{k=1}^n n - \sum_{k=1}^n k \right] \\ &= \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n n - \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n k = n - \frac{n(n+1)}{2n} = \frac{n-1}{2} \end{aligned}$$

13

선형 리스트의 항목 삽입

■ 항목 삽입 (C 삽입 시)

- n개의 항목이 있을 경우 평균 이동횟수 = (n+1) / 2 회



14

선형 리스트의 삽입시 이동

- 삽입시 element의 평균 이동 횟수

$$m_i = \sum_{k=1}^n (n - k + 1) \cdot p_k \quad \begin{array}{l} \text{(단, } n \text{은 현재 리스트에 있는 element의 수,} \\ \text{} k \text{는 삽입되는 위치,} \\ \text{} p_k \text{는 } k \text{번째 위치의 element 삽입확률)} \end{array}$$

$$\begin{aligned} m_i &= \sum_{k=1}^n (n - k + 1) \cdot \frac{1}{n} = \frac{1}{n} \left[\sum_{k=1}^n (n + 1) - \sum_{k=1}^n k \right] \\ &= \frac{n(n+1)}{n} - \frac{1}{n} \cdot \frac{n(n+1)}{2} = n + 1 - \frac{n+1}{2} = \frac{n+1}{2} \end{aligned}$$

$$n \rightarrow \infty \text{이면 } m_i = \frac{n+1}{2} \approx \frac{n-1}{2} = m_d = \frac{n}{2}$$

15

선형 리스트의 장단점

■ 선형리스트의 장단점

• 장점

- 가장 간단한 데이터 구조이다.
- 메모리 밀도(**memory density**) 측면 고려.
 - **메모리 밀도**: 일정 크기의 기억 장소에 얼마나 많은 데이터가 저장될 수 있는지를 나타내는 조밀도

$$\text{메모리 밀도} = \frac{\text{정보들의 총수}}{\text{비트들의 총수}} \quad \text{또는} \quad \frac{\text{논리적 정보 단위의 총수}}{\text{물리적 정보 단위의 총수}}$$

• 단점

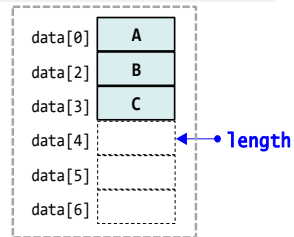
- 항목 삽입 시 연속적인 기억장소를 요구한다
- 삽입, 삭제 시 선형구조를 유지해야 하므로 많은 데이터의 이동으로 인한 속도의 저하가 발생한다

16

연결 리스트로 구현한 리스트

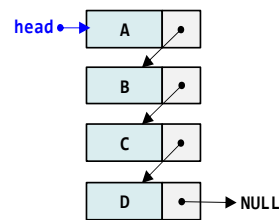
- 단순 연결 리스트(singly linked list) 사용
 - 하나의 링크 필드를 이용하여 연결
 - 마지막 노드의 링크 값은 NULL

```
Element data[MAX_LIST_SIZE]
int length;
```



배열을 이용한 리스트

```
Node* head;
```



연결 리스트를 이용한 리스트

17

데이터

- 구조체

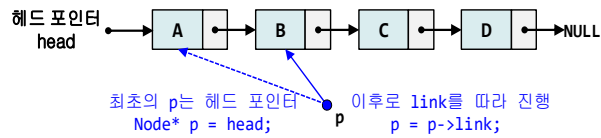
```
#define Element      int
typedef struct ListNode {
    Element data;           // 데이터 필드
    struct ListNode* link;  // 링크 필드
} Node;
```

- 데이터

```
Node* head; // 헤드 포인터
```

18

단순한 연산들

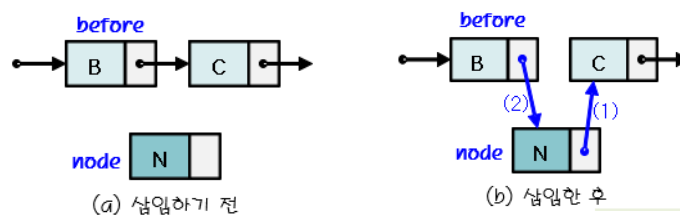


```
int size()
{
    Node* p;
    int count = 0;
    for (p = head; p != NULL; p = p->link)
        count++;
    return count;
}
```

```
Node* get_entry(int pos)
{
    Node* p = head;
    int i;
    for (i = 0; i < pos; i++, p = p->link)
        if (p == NULL) return NULL;
    return p;
}
```

19

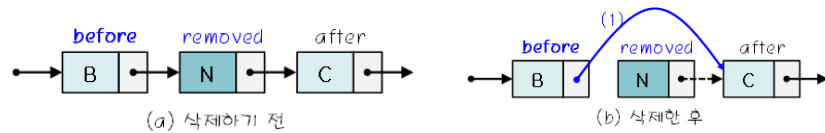
삽입연산



```
void insert_next(Node *prev, Node *n)
{
    if (n != NULL) {
        n->link = prev->link;
        prev->link = n;
    }
}
```

20

삭제연산



```
Node* remove_next(Node *prev)
{
    Node* removed = prev->link;
    if (removed != NULL)
        prev->link = removed->link;
    return removed;
}
```

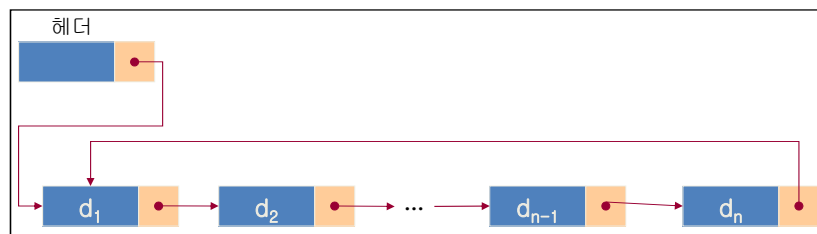
21

원형 연결 리스트

■ 원형 연결 리스트의 정의

- 마지막 노드의 포인터를 **null**이 아닌 첫번째 노드의 주소를 가리키도록 구성하는 연결 리스트

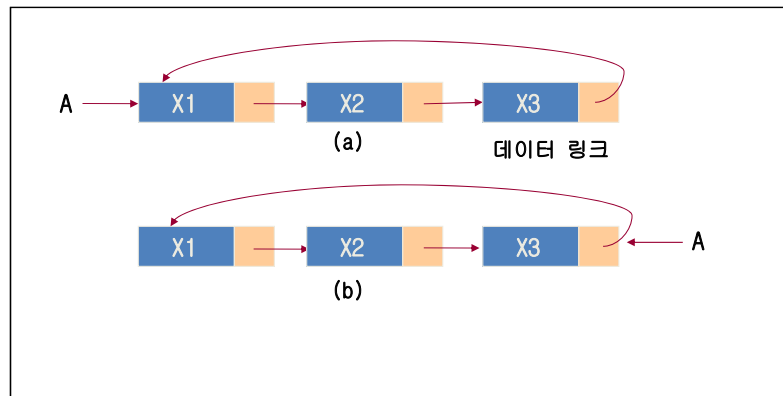
■ 원형 연결 리스트의 구조



22

원형 연결 리스트의 기본연산

- 원형 리스트의 삽입 과정



23

원형 연결 리스트의 기본연산

- 원형 연결 리스트의 노드 삽입 알고리즘

```
void Insert_Front (struct Node *A, struct Node *X){  
    if(A == NULL) {  
        A = X;  
        X->link = A;  
    }  
    else {  
        X->link = A->link;  
        A->link = X;  
    }  
}
```

24

원형 연결 리스트의 기본연산

• 원형 연결 리스트의 노드 삽입 과정

1번 과정



2-1번 과정



2-2번 과정



```
void Insert_Front (struct Node *A, struct Node *X){
    if(A == NULL) {
        A = X;
        X->link = A;
    }
```

```
else {
    X->link = A->link;
    A->link = X;
}
```

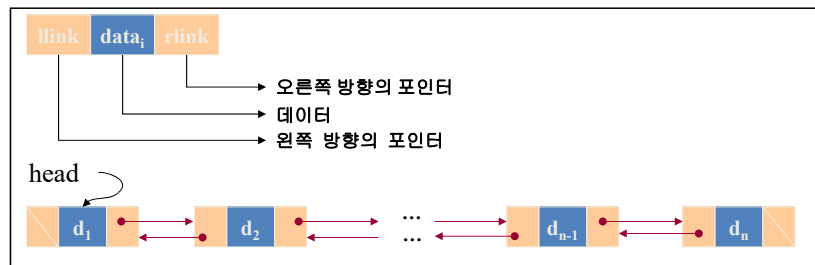
25

이중 연결 리스트 [1/6]

■ 이중 연결 리스트의 정의

- 오른쪽과 왼쪽 링크를 두고 양방향으로 탐색이 가능하도록 만든 연결 리스트

■ 이중 연결 리스트의 구조



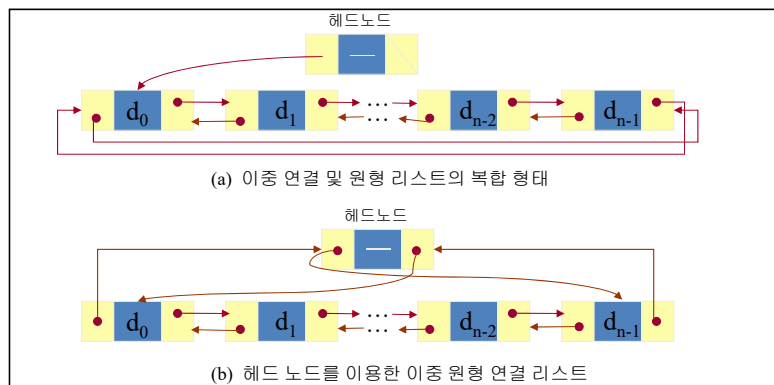
26

이중 연결 리스트 (2/6)

■ 이중 원형 연결 리스트의 정의

- 오른쪽과 왼쪽 링크를 두고 양방향으로 탐색이 가능하도록 만든 원형 연결 리스트

■ 이중 원형 연결 리스트의 구조



27

이중 연결 리스트 (3/6)

■ 이중 원형 연결 리스트의 기본 연산(삭제)

```

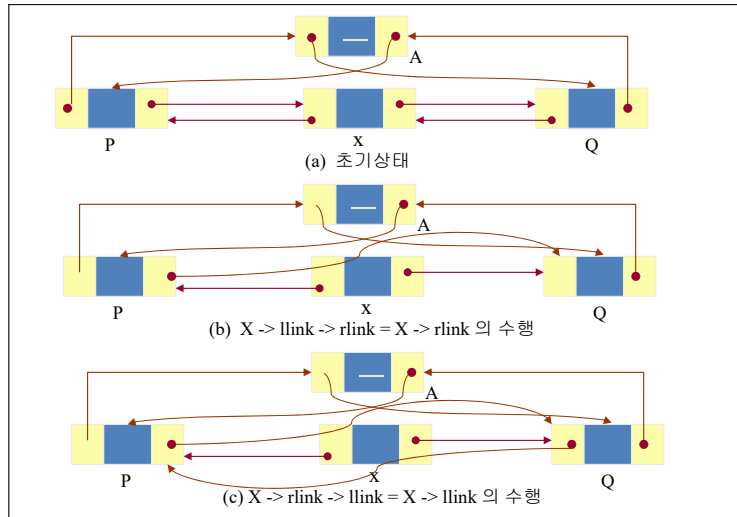
struct Dnode {
    int data;
    struct Dnode *llink;
    struct Dnode *rlink;
};

void Ddelete(struct Dnode *X, struct Dnode *L){
    if(X == L)
        NO_MORE_NODES();
    else{
        X->llink->rlink = X->rlink;
        X->rlink->llink = X->llink;
        RET(X);
    }
}
    
```

28

이중 연결 리스트 (4/6)

- 이중 원형 연결 리스트의 노드 삭제(계속)

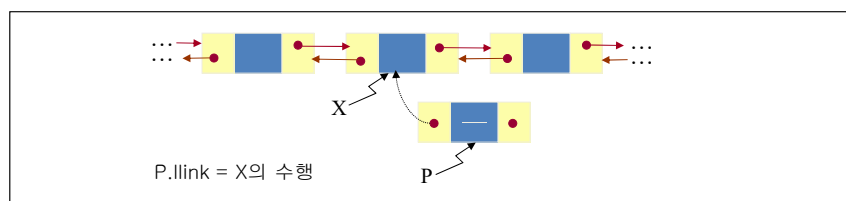


29

이중 연결 리스트 (5/6)

- 이중 원형 연결 리스트의 기본 연산(삽입)

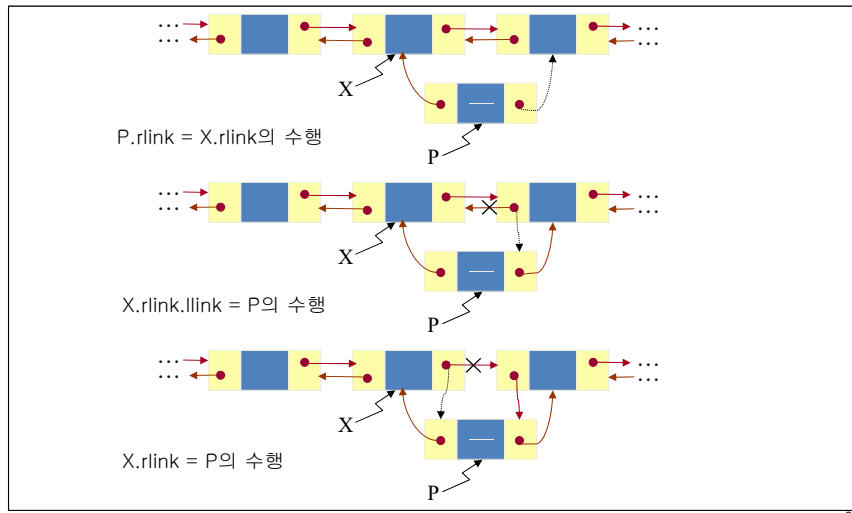
```
void Dinsert(struct Dnode *P, struct Dnode *X) {
    P->llink = X;
    P->rlink = X->rlink;
    X->rlink->llink = P;
    X->rlink = P;
}
```



30

이중 연결 리스트 (6/6)

- 이중 원형 연결 리스트의 노드 삽입 (계속)



다중 연결 리스트 (1/2)

■ 정의

- 각 구성 노드가 여러 개의 포인터를 갖고 있는 연결 리스트의 확장형
- 필요한 만큼 포인터 필드를 두어 필요한 목적에 이용

■ 장점

- 찾고자 하는 레코드를 다른 연결 리스트보다 쉽게 찾을 수 있다.

다중 연결 리스트 (2/2)

■ 다중 연결 리스트의 예

- 이름과 계좌 번호를 키로 할 때도 쉽게 찾을 수 있도록 레코드를 구성할 수 있다

번호	이름	이름 포인터	계좌 번호	계좌번호 포인터
1	정광식	4	1234	4
2	박찬열	1	5768	5
3	공기식	5	5678	2
4	최광희	-	3456	3
5	길준민	2	7788	-

- 이름 헤더 포인터: 3
- 계좌 번호 헤더 포인터: 1

33

연결리스트의 응용-다항식의 덧셈(1/4)

■ 다항식의 연결 리스트의 표현

- 다항식의 형태

$$A(x) = a_m x^{e_m} + \dots + a_1 x^{e_1}$$

(a_i 는 계수 [$1 \leq i \leq n$], e_i 는 지수 [$0 \leq e_1 < e_2 < \dots < e_{m-1} < e_m$]로 가정)

- 다항식에 사용되는 노드의 형태

계수	지수	링크
coef	exp	link

- 노드 구조를 위한 선언

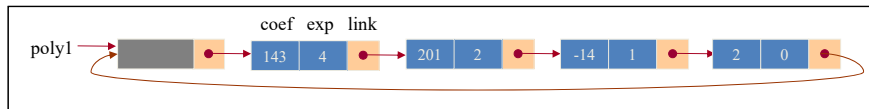
```
struct Pnode {
    int coef;
    int exp;
    struct Pnode *link;
};
```

34

연결리스트의 응용-다항식의 덧셈(2/4)

- 다항식의 연결 리스트 형태

예) $\text{poly1} = 143x^4 + 201x^2 - 14x + 2$



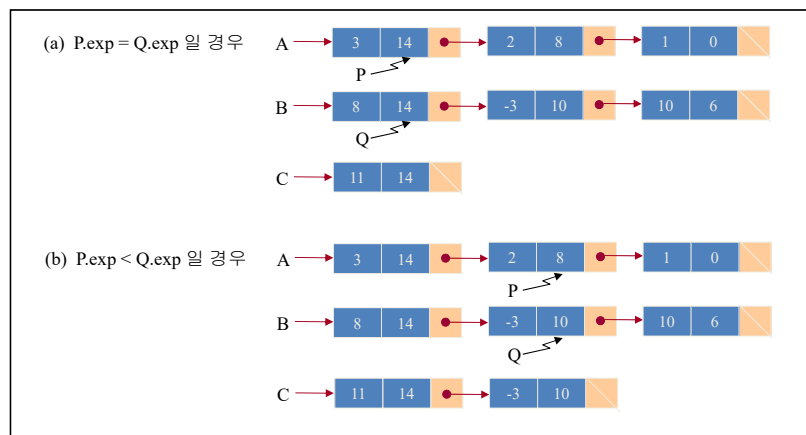
- 다항식 두개의 덧셈

$$\begin{array}{rcl}
 A = 3x^{14} + 2x^8 + 1 & & A = 3x^{14} \quad + 2x^8 \quad + 1 \\
 B = 8x^{14} - 3x^{10} + 10x^6 & +) & B = 8x^{14} \quad - 3x^{10} \quad + 10x^6 \\
 \hline
 C = A + B & & C = 11x^{14} - 3x^{10} + 2x^8 + 10x^6 + 1
 \end{array}$$

35

연결리스트의 응용-다항식의 덧셈(3/4)

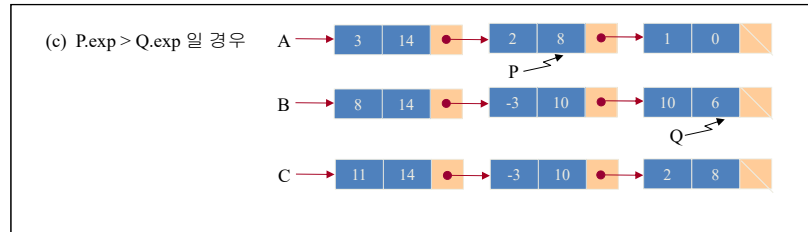
- $C = A + B$ 의 계산 과정
 - P와 Q가 null 일 때까지 반복



36

연결리스트의 응용-다항식의 덧셈(4/4)

- $C = A + B$ 의 계산 과정(계속)



37

6장 정리



• 선형리스트

- 배열의 활용
- 연결리스트의 활용
- 리스트의 ADT

• 연결리스트

- 원형연결리스트
- 이중연결리스트(다중)
- 이의 응용

38

6장 리스트

-끝-

수고하셨습니다 ~

39