

优化文章

我实现的优化主要包括：死代码删除，Mem2Reg，寄存器分配，常量折叠，乘除法优化等

死代码删除

在死代码删除方面，我主要进行了三个维度的代码优化。

- 不可达的基本块：从每一个函数的**entryBb**开始，将基本块视作节点，**jump**或者**branch**指令视作两个基本块之间的有向边进行dfs遍历，删除未到达的基本块
- 未调用的函数：类似于基本块删除，将各个函数视作节点，函数调用视作节点之间的边，进行dfs遍历。删除不可到达的函数
- def-use分析：根据定义-使用链删除未使用的load指令等

```
public static void deleteDeadFunc(LlvmModule module) {  
    ArrayList<Function> liveFuncs = new ArrayList<>();  
    Function mainFunc = module.getMainFunc();  
    findLiveFunc(mainFunc, liveFuncs);  
    module.saveOnlyFunctions(liveFuncs);  
}  
  
public static void findLiveFunc(Function func, ArrayList<Function> liveFuncs)  
{  
    if (!liveFuncs.contains(func)) {  
        liveFuncs.add(func);  
        HashSet<Function> callFuncs = new HashSet<>();  
        for (BasicBlock bb : func.getBasicBlocks()) {  
            for (Instruction inst : bb.getInstructions()) {  
                if (inst instanceof Call) {  
                    Function callFunc = ((Call) inst).getFunction();  
                    callFuncs.add(callFunc);  
                }  
            }  
        }  
        for (Function f : callFuncs) {  
            // TODO 是否需要特判如果调用的是库函数的话，忽略访问，但是应该不需要  
            findLiveFunc(f, liveFuncs);  
        }  
    }  
}  
  
public static void deleteDeadBBBlock(LlvmModule module) {  
    for (Function func : module.getFunctions()) {  
        ArrayList<BasicBlock> liveBBBlocks = new ArrayList<>();  
        BasicBlock entryBlock = func.getBasicBlock(0);  
        findLiveBBBlock(entryBlock, liveBBBlocks); // entryBlock是函数入口的  
        BasicBlock  
        func.saveOnlyBBBlocks(liveBBBlocks); // 删除不是liveBBBlocks中的BBBlock  
    }  
}  
  
public static void findLiveBBBlock(BasicBlock bb, ArrayList<BasicBlock>  
        liveBBBlocks) {
```

```

if (!liveBBBlocks.contains(bb)) {
    liveBBBlocks.add(bb);
    Instruction endInstr = bb.getLastInstr();
}

// 有问题
{
    if (endInstr instanceof Jump) {
        BasicBlock targetBBBlock = (BasicBlock) ((Jump)
endInstr).getTargetBBBlock();
        findLiveBBBlock(targetBBBlock, liveBBBlocks);
    } else if (endInstr instanceof Branch) {
        BasicBlock trueBBBlock = (BasicBlock) ((Branch)
endInstr).getTrueBBBlock();
        findLiveBBBlock(trueBBBlock, liveBBBlocks);
        BasicBlock falseBBBlock = (BasicBlock) ((Branch)
endInstr).getFalseBBBlock();
        findLiveBBBlock(falseBBBlock, liveBBBlocks);
    }
}
}

```

Mem2Reg优化

在进行Mem2Reg的优化之前，我们需要先进行一些准备工作，包括控制流图CFG计算，支配关系分析，活跃变量分析

准备工作

控制流图CFG计算

在 `BasicBlock.java` 中增加以下属性

```

private HashSet<BasicBlock> frontBBBlocks = new HashSet<>(); // 前驱基本块
private HashSet<BasicBlock> backBBBlocks = new HashSet<>(); // 后继基本块

```

具体的计算方法主要是从每个函数的 `entryBb` 开始，将基本块视作节点，`jump` 或者 `branch` 指令视作两个基本块之间的有向边进行dfs遍历，记录每个基本块的前驱与后继。这一点与基本块删除非常像

```

public void findFrontAndBackBBBlock() {
    if (this.isVisited()) {
        return;
    }
    this.setIsVisited();
    Instruction ins = this.getLastInstr();
    if (ins instanceof Jump) {
        BasicBlock targetBBBlock = (BasicBlock) ((Jump)
ins).getTargetBBBlock();
        this.addBackBBBlock(targetBBBlock);
        targetBBBlock.addFrontBBBlock(this);
        targetBBBlock.findFrontAndBackBBBlock();
    } else if (ins instanceof Branch) {
        BasicBlock trueBBBlock = (BasicBlock) ((Branch) ins).getTrueBBBlock();

```

```

        BasicBlock falseBBBlock = (BasicBlock) ((Branch)
ins).getFalseBBBlock();

        this.addBackBBBlock(trueBBBlock);
        trueBBBlock.addFrontBBBlock(this);
        trueBBBlock.findFrontAndBackBBBlock();

        this.addBackBBBlock(falseBBBlock);
        falseBBBlock.addFrontBBBlock(this);
        falseBBBlock.findFrontAndBackBBBlock();
    }
}

```

支配关系计算

基础支配关系根据教程所讲采用迭代计算方法计算

迭代计算。按照"某基本块的dom <- 某基本块所有前驱的dom的交集加上自己本身" 的策略进行更新，直到该基本块的dom集合不发生变化

```

public void calcDomBys() {
    // 初始化入口BBBlock的支配关系
    BasicBlock entryBlock = this.getBasicBlock(0);
    entryBlock.domBys = new HashSet<>() {{
        add(entryBlock);
    }}; // 入口处的初始doms仅有自身

    for (int i = 1; i < basicBlocks.size(); i++) {
        basicBlocks.get(i).domBys = new HashSet<>(basicBlocks);
    }

    boolean needRecur = true;
    while (needRecur) {
        needRecur = false;
        for (int i = 1; i < this.basicBlocks.size(); i++) {
            BasicBlock bb = this.basicBlocks.get(i);

            // 如果没有前驱块，则只被自己支配（不可达块）
            if (bb.getFrontBBBlocks().isEmpty()) {
                HashSet<BasicBlock> newDomBys = new HashSet<>();
                newDomBys.add(bb);
                if (!bb.domBys.equals(newDomBys)) {
                    needRecur = true;
                }
                bb.domBys = newDomBys;
                continue;
            }

            HashSet<BasicBlock> newDomBys = new HashSet<>(basicBlocks);
            for (BasicBlock frontBB : bb.getFrontBBBlocks()) { // 取交集
                HashSet<BasicBlock> tempDomBys = new HashSet<>();
                for (BasicBlock frontBBDomBy : frontBB.domBys) {
                    if (newDomBys.contains(frontBBDomBy)) {
                        tempDomBys.add(frontBBDomBy);
                    }
                }
                newDomBys.addAll(tempDomBys);
            }
            bb.domBys = newDomBys;
        }
    }
}

```

```

        }
        newDomBys = tempDomBys;
    }
    newDomBys.add(bb);
    if (!bb.domBys.equals(newDomBys)) {
        needRecur = true;
    }
    bb.domBys = newDomBys;
}
}

```

直接支配关系与严格支配关系计算可以从基础支配中直接计算

```

public void calcImmeDom() {
    // 先清空所有块的直接支配关系
    for (BasicBlock bb : basicBlocks) {
        bb.immeDomTos.clear();
        bb.immeDomBy = null;
    }

    for (int i = 1; i < this.basicBlocks.size(); i++) {
        // 跳过第一个基本块，其不被直接支配
        // TODO 不跳过好像也没有关系
        BasicBlock curBb = this.basicBlocks.get(i);
        // 计算直接支配bb的基本块

        // 遍历基础支配bb的基本块，判断其是否是距离最近的
        // 直接支配者(immediate dominator, idom)：严格支配n，且不严格支配任何严格支配 n 的节点的节点(直观理解就是所有严格支配n的节点中离n最近的那个)，我们称其为n的直接支配者
        for (BasicBlock domBy : curBb.domBys) {
            if (domBy.equals(curBb)) {
                continue; // 不属于严格支配，从而不属于直接支配
            }

            boolean isImmeDom = true;
            for (BasicBlock otherDomBy : curBb.domBys) {
                // 判断other是否被domBy支配
                if (otherDomBy.equals(domBy)) {
                    continue;
                }

                if (otherDomBy.equals(curBb)) {
                    continue;
                }

                if (otherDomBy.domBys.contains(domBy)) { // domBy严格支配
                    otherDomBy, 所以肯定不是直接支配
                    isImmeDom = false;
                    break;
                }
            }
            if (isImmeDom) {
                curBb.immeDomBy = domBy;
                domBy.immeDomTos.add(curBb);
                break;
            }
        }
    }
}

```

```

        }
    }
}
}

```

支配边界：这里贴一张教科书中给出的伪代码图片

Algorithm 3.2: Algorithm for computing the dominance frontier of each CFG node.

```

1 for  $(a, b) \in$  CFG edges do
2    $x \leftarrow a$ 
3   while  $x$  does not strictly dominate  $b$  do
4      $\text{DF}(x) \leftarrow \text{DF}(x) \cup b$ 
5      $x \leftarrow \text{immediate dominator}(x)$ 

```

插入Phi指令

总的来说：通过定义使用链，我们可以分析出哪些基本块出现了变量汇聚，此处即是需要插入phi指令的地方。

Algorithm 3.1: Standard algorithm for inserting ϕ -functions

```

1 for  $v$ : variable names in original program do
2    $F \leftarrow \{\}$  ▷ set of basic blocks where  $\phi$  is added
3    $W \leftarrow \{\}$  ▷ set of basic blocks that contain definitions of  $v$ 
4   for  $d \in \text{Defs}(v)$  do
5     let  $B$  be the basic block containing  $d$ 
6      $W \leftarrow W \cup \{B\}$ 
7   while  $W \neq \{\}$  do
8     remove a basic block  $X$  from  $W$ 
9     for  $Y$ : basic block  $\in \text{DF}(X)$  do
10       if  $Y \notin F$  then
11         add  $v \leftarrow \phi(\dots)$  at entry of  $Y$ 
12          $F \leftarrow F \cup \{Y\}$ 
13       if  $Y \notin \text{Defs}(v)$  then
14          $W \leftarrow W \cup \{Y\}$ 

```

指令
块

```

public static void addPhi(Alloca alloca) {
    LLVMType varType = ((PointerType) alloca.getType()).getTargetType();
    for (Use use : alloca.getUses()) {
        User user = use.getUser();      // 使用该alloca的地方，一般只有store与load
        BasicBlock host = (BasicBlock) user.getHost();      // user指令所属的基本
        if (!host.isLived()) {          // 如果该基本块已经消除，则不进行多余操作。因为即
            deleteBasicBlock(host);    // 使删除了基本块，但是user-use关系没有删除
            continue;
        }
        if (user instanceof Store store) {
            if (!writeBbList.contains(host)) {
                writeBbList.add(host);
            }
        }
    }
}

```

```

        }
        writeInstrList.add(store);
    } else if (user instanceof Load load) {
        if (!readBbList.contains(host)) {
            readBbList.add(host);
        }
        readInstrList.add(load);
    }
}

HashSet<BasicBlock> visited = new HashSet<>();
ArrayList<BasicBlock> workBBLList = new ArrayList<>(writeBbList); // 对于alloca进行写入的基本块，进行了重定义，其支配边界需要进行phi

while (!workBBLList.isEmpty()) {
    BasicBlock curBb = workBBLList.remove(0);
    for (BasicBlock dfBb : curBb.domFro) {
        if (!visited.contains(dfBb)) {
            visited.add(dfBb);
            if (!writeBbList.contains(dfBb)) {
                workBBLList.add(dfBb); // TODO
            }
            Phi phi = IRBuilder.makePhi(dfBb, varType); // 写入块的支配
            // 边界意味着该变量可能有来自多重定义，插入phi指令
            readInstrList.add(phi);
            writeInstrList.add(phi);
        }
    }
}
}

```

重命名

插入phi指令后，def-use关系需要更新。同时进行dfs遍历，删除不必要的load指令

```

public static void rename(Alloca alloca, BasicBlock curBb) {
    int counter = 0; // 记录当前基本块对alloca对应的变量进行了几次写入，用于维护
    writeStack
    Iterator<Instruction> iter = curBb.getInstructions().iterator();
    while (iter.hasNext()) {
        Instruction instr = iter.next();
        if (instr.equals(alloca)) {
            iter.remove();
        } else if (instr instanceof Phi phi && writeInstrList.contains(phi))
        { // 是针对当前alloca变量的phi指令
            // phi指令是针对于该变量的新一个定义点
            writeStack.push(phi); // writeStack栈顶的是alloca的最新定义
            counter = counter + 1;
        } else if (instr instanceof Store store &&
        writeInstrList.contains(store)) {
            counter = counter + 1;
            writeStack.push(store.getValue4Store());
            store.dropAllReferences();
            iter.remove();
        }
    }
}

```

```

        } else if (instr instanceof Load load &&
readInstrList.contains(load)) { // 是当前该变量的读取指令
    // 此处不应该从内存中load变量的值，直接取stack栈顶的即是该变量的最新定义值
    value curValue = writeStack.empty() ? new
ConstantData(LLVMTType.INT32, 0, true) : writeStack.peek();
    // 如果写入栈为空，则读取内存默认值0，否则读取最新定义点(stack栈顶)

    // 删除前需要更新所有使用load的value与load使用的value的信息
    // 所有需要使用到load指令值的地方全部换成curValue
    load.replaceAllUsesWith(curValue);
    // 删除load用到的value中存储的uses关系
    load.dropAllReferences();
    iter.remove();
}
}

// 对于所有后继基本块中的该变量的phi指令，将来自于curBb的value填入phi中
for (BasicBlock backBB : curBb.getBackBBlocks()) {
    // 遍历基本块中的所有phi指令（不再假设phi只在开头）
    for (Instruction instr : backBB.getInstructions()) {
        if (instr instanceof Phi phi && readInstrList.contains(phi)) {
            value valueFromCurBb = writeStack.empty() ? new
ConstantData(LLVMTType.INT32, 0, true) : writeStack.peek();
            phi.fill(curBb, valueFromCurBb);
        }
    }
}

// 对于curBb的直接支配块，在alloca的变量使用上是一体的，直接支配块可以继承当前块的写
入栈
for (BasicBlock immeDomTo : curBb.immeDomTos) {
    rename(alloca, immeDomTo);
}

// 退出当前写入栈，避免对兄弟路径造成影响
while (counter > 0) {
    counter--;
    writeStack.pop();
}

}

```

RemovePhi

phi指令与其他LLVM指令不同，不可以通过一条或者几条mips指令的组合来转换。需要总和考虑控制流等众多因素。

由于基本块多后继问题，我们在原有控制流路径中插入新的基本快，在该基本块中完成phi对应变量的move

ing line 13, replacing a'_i by a_0 in the following lines, and adding “remove the ϕ -function” after them.

Algorithm 3.5: Critical Edge Splitting Algorithm for making non-conventional SSA form conventional.

```

1 foreach  $B$ : basic block of the CFG do
2   let  $(E_1, \dots, E_n)$  be the list of incoming edges of  $B$ 
3   foreach  $E_i = (B_i, B)$  do
4     let  $PC_i$  be an empty parallel copy instruction
5     if  $B_i$  has several outgoing edges then
6       create fresh empty basic block  $B'_i$ 
7       replace edge  $E_i$  by edges  $B_i \rightarrow B'_i$  and  $B'_i \rightarrow B$ 
8       insert  $PC_i$  in  $B'_i$ 
9     else
10      append  $PC_i$  at the end of  $B_i$ 
11   foreach  $\phi$ -function at the entry of  $B$  of the form  $a_0 = \phi(B_1 : a_1, \dots, B_n : a_n)$  do
12     foreach  $a_i$  (argument of the  $\phi$ -function corresponding to  $B_i$ ) do
13       let  $a'_i$  be a freshly created variable
14       add copy  $a'_i \leftarrow a_i$  to  $PC_i$ 
15       replace  $a_i$  by  $a'_i$  in the  $\phi$ -function

```

同时由于phi指令的并行赋值问题，我们需要插入临时中间变量来解决冲突

Algorithm 3.6: Replacement of parallel copies with sequences of sequential copy operations.

```

1 let  $pcopy$  denote the parallel copy to be sequentialized
2 let  $seq = ()$  denote the sequence of copies
3 while  $\neg [\forall (b \leftarrow a) \in pcopy, a = b]$  do
4   if  $\exists (b \leftarrow a) \in pcopy$  s.t.  $\nexists (c \leftarrow b) \in pcopy$  then ▷  $b$  is not live-in of  $pcopy$ 
5     append  $b \leftarrow a$  to  $seq$ 
6     remove copy  $b \leftarrow a$  from  $pcopy$ 
7   else ▷  $pcopy$  is only made-up of cycles; Break one of them
8     let  $b \leftarrow a \in pcopy$  s.t.  $a \neq b$ 
9     let  $a'$  be a freshly created variable
10    append  $a' \leftarrow a$  to  $seq$ 
11    replace in  $pcopy$   $b \leftarrow a$  into  $b \leftarrow a'$ 

```

```

public static void insertCopy2Bb(BasicBlock curBb, HashMap<Value, Reg> value2Reg)
{
    // 将curBb的Phi指令转换为Copy指令，按照前驱块分组
    HashMap<BasicBlock, ArrayList<Copy>> frontBB2Copy = tranPhi2Copy(curBb);

    // 复制前驱块列表，避免在循环中修改原集合导致ConcurrentModificationException
    ArrayList<BasicBlock> frontBBLList = new ArrayList<>
        (curBb.getFrontBBBlocks());
    for (BasicBlock frontBB : frontBBLList) {
        ArrayList<Copy> copyList = frontBB2Copy.get(frontBB);
        if (copyList == null || copyList.isEmpty()) {
            continue;
        }
        ...
    }
}

```

```

    }
    // 解决Phi并行化赋值与copy序列行为不相符的问题
    ArrayList<Copy> parallelCopyList = solveParallelError(copyList,
    curBb);
    // TODO 真的会出现寄存器共用带来的问题吗？？
    ArrayList<Copy> endCopyList = solveRegError(parallelCopyList, curBb,
    value2Reg);
    // 将copy指令列表插入到frontBB与curBb的路径中间

    // frontBB的后继只有curBb，则copy直接插入到frontBB后面去
    if (frontBB.getBackBBBlocks().size() == 1) {
        for (Copy copy : endCopyList) {
            copy.setHost(frontBB); // 设置 copy 的 host
            ArrayList<Instruction> instrs = frontBB.getInstructions();
            int index = instrs.size() - 1;
            instrs.add(index, copy);
        }
    } else {
        // 生成一个中间块：frontBB→中间块→curBb
        Function hostFunc = (Function) curBb.getHost();
        BasicBlock midBb = new BasicBlock(IRBuilder.namecnt++);
        midBb.setHost(hostFunc);
        hostFunc.addBasicBlockBeforeBb(curBb, midBb); // 插入新的基本块
        for (Copy copy : endCopyList) {
            midBb.addInstruction(copy);
            copy.setHost(midBb);
        }
        Jump jump = new Jump(curBb); // 添加跳转指令
        jump.setHost(midBb);
        midBb.addInstruction(jump); // 将跳转指令添加到中间块

        // 修改frontBB最后一条跳转指令（curBb为midBb）
        Branch branch = (Branch) frontBB.getLastInstr();
        branch.replaceOperand(curBb, midBb);

        // 更新CFG前驱后继关系
        // frontBB -> midBb -> curBb
        frontBB.getBackBBBlocks().remove(curBb);
        frontBB.getBackBBBlocks().add(midBb);
        midBb.addFrontBBBlock(frontBB);
        midBb.addBackBBBlock(curBb);
        curBb.getFrontBBBlocks().remove(frontBB);
        curBb.getFrontBBBlocks().add(midBb);
    }
}
}

```

易错：在插入基本块后，没有及时维护CFG控制流图，导致后分析出错

寄存器分配

我采用的是基于引用计数的寄存器分配策略

- 遍历各个指令统计各个值的使用次数与生存周期，为使用次数多的值赋予较高的权重，减少不必要的内存访问。同时在变量死亡(最后一次使用)之后，及时释放寄存器。
- `$v1,$t0-$t9, $s0-$s7, $fp` 等寄存器参与寄存器分配

在开始寄存器分配之前，我们需要进行活跃变量分析，统计各个基本块的 `in-out` 集合

```

/// 活跃变量分析
/// out[-BB] = U in[-后继块]
/// in[-BB] = useSet[-BB] ∪ (out[-BB] - defSet[-BB])
public void analyzeActivateVar() {
    for (Function func : module.getFunctions()) {
        // 基本块的in与out集合
        HashMap<BasicBlock, HashSet<Value>> bbLiveInSets = new HashMap<>();
        HashMap<BasicBlock, HashSet<Value>> bbLiveOutSets = new HashMap<>();
        // 初始化，计算各个基本块的def-use集合，初始化各个基本块的in-out集合为空
        for (BasicBlock bb : func.getBasicBlocks()) {
            bb.computeDefUseSet();
            bbLiveInSets.put(bb, new HashSet<>());
            bbLiveOutSets.put(bb, new HashSet<>());
        }

        boolean flag = false;      // 活跃变量分析是否结束(in不再变化)
        while (!flag) {
            flag = true;
            // 控制流图逆序分析---收敛更快
            ArrayList<BasicBlock> bbs = func.getBasicBlocks();
            for (int i = bbs.size() - 1; i >= 0; i--) {
                BasicBlock curBB = bbs.get(i);
                HashSet<Value> outSet = new HashSet<>();
                HashSet<Value> inSet = new HashSet<>();

                // out[-BB] = U in[-后继块]
                for (BasicBlock backBB : curBB.getBackBBBlocks()) {
                    outSet.addAll(bbLiveInSets.get(backBB));
                }

                // in[-BB] = useSet[-BB] ∪ (out[-BB] - defSet[-BB])
                inSet.addAll(outSet);
                for (Value v : curBB.defSet) {
                    inSet.remove(v);
                }
                inSet.addAll(curBB.useSet);

                if (!outSet.equals(bbLiveOutSets.get(curBB)) ||
                    !inSet.equals(bbLiveInSets.get(curBB))) {
                    flag = false;
                }

                bbLiveInSets.put(curBB, inSet);
                bbLiveOutSets.put(curBB, outSet);
                curBB.liveInSet = inSet;
                curBB.liveOutSet = outSet;
            }
        }
    }
}

```

```
}
```

之后，根据各个变量的使用频率来进行寄存器分配

```
public void allocReg4Func(Function func) {
    value2citeNum = new HashMap<>();
    reg2value = new HashMap<>();
    value2reg = new HashMap<>();
    freeRegs = getCanAllocReg();
    ArrayList<Instruction> instrs = func.getAllInstrs();
    int size = instrs.size();

    // 计算引用权重，考虑循环深度（循环内的值权重更高）
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        Instruction instr = instrs.get(i);
        BasicBlock bb = (BasicBlock) instr.getHost();

        if (!instr.getType().isvoid()) {
            double doubleval = value2citeNum.get(instr);
            if (doubleval != null) {
                double tmp = doubleval + 1;
                value2citeNum.put(instr, tmp);
            } else {
                double tmp = 1;
                value2citeNum.put(instr, tmp);
            }
        }

        for (Value v : instr.getOperands()) {
            double doubleval = value2citeNum.get(v);
            if (doubleval != null) {
                double tmp = doubleval + 1;
                value2citeNum.put(v, tmp);
            } else {
                double tmp = 1;
                value2citeNum.put(v, tmp);
            }
        }
    }

    BasicBlock entryBb = func.getFirstBasicBlock();
    allocReg4BBBlock(entryBb);

    // 计算call调用前应该存活的寄存器
    for (BasicBlock bb : func.getBasicBlocks()) {
        ArrayList<Instruction> bbInstrs = bb.getInstructions();
        for (int i = 0; i < bbInstrs.size(); i++) {
            Instruction instr = bbInstrs.get(i);
            if (!(instr instanceof Call)) {
                continue;
            }
            // out块中活跃的变量
            HashSet<Reg> activeRegs = new HashSet<>();
            for (Value v : bb.liveOutSet) {
                if (value2reg.containsKey(v)) {
```

```

        Reg r = value2reg.get(v);
        activeRegs.add(r);
    }
}

// 当前基本块后续指令依旧需要的寄存器中的值
for (int j = i + 1; j < bbInstrs.size(); j++) {
    Instruction instr2 = bbInstrs.get(j);
    for (Value v : instr2.getOperands()) {
        if (value2reg.containsKey(v)) {
            Reg r = value2reg.get(v);
            activeRegs.add(r);
        }
    }
}
((Call) instr).liveRegSet = activeRegs;
}

func.setValue2Reg(value2reg);
}

```

其余优化

常量折叠

在LLVM阶段进行如下优化

```

a + 0 = a
a - 0 = a
a * 0 = 0
2 * a = a + a
a * 1 = a
a / 1 = a
a / a = 1

```

乘除优化

乘法优化我只判断了常数是否为2的整数次幂，并将其转换为移位运算

除法优化思路可根据教程得到：

§ 2. 除法优化

除法优化的思路是将除法指令转化为乘法指令和移位指令，即如下公式：

$$\text{quotient} = \frac{\text{dividend}}{\text{divisor}} = (\text{dividend} * \text{multiplier}) >> \text{shift}$$

该公式先乘一个较大的常数，然后用右移 shift 位得到最终的答案，使用该式子计算除法的核心是如何得到 multiplier ，另外由于mips架构是32位的，还必须要考虑溢出的问题。mips在执行乘法的时候会将结果保存到hi和lo寄存器当中，在被除数乘 multiplier 之后，很容易就会超过32位，这个就会出现一部分答案在hi寄存器中，一部分答案在lo寄存器当中，所以我们需要使 multiplier 尽量大（超过 2^{32} ），能够使答案的部分在hi寄存器当中。所以最终的公式可以写为如下形式

$$\text{quotient} = \lfloor \frac{n}{d} \rfloor = \lfloor \frac{m * n}{2^{N+l}} \rfloor$$

其中N是机器码长度32，最终获得答案的公式为 $SRL(MULUH(m, n), shift)$ ， $MULUH$ 表示乘法之后取HI寄存器。