

{inv.: Se deben respetar las siguientes propiedades. (1) Cada nodo del árbol es rojo o negro. (2) Cada hoja o el siguiente apuntador -de sus últimos hijos- va a ser nulo. (3) Si un nodo es rojo entonces sus dos hijos son negros. (4) Todos los caminos desde el nodo en que este ubicado actualmente va a tener la misma cantidad de nodos negro -altura negra-(5) El padre es menor o igual que su hijo derecho y mayor que su hijo izquierdo.}

### **Operaciones Primitivas:**

craciones i illineitas.			
•	CrearARN:		->ARN
•	InsertarEnARN:	ARNxLlavexValor	->ARN
•	ArreglarInsertar:	ARNxNodo	->ARN
•	EliminarEnARN:	ARNxLlave	->ARN
•	ArreglarEliminar:	ARNxNodo	->ARN
•	RotarIzquierda:	ARNxNodo	->ARN
•	RotarDerecha:	ARNxNodo	->ARN

### CrearARN()

"Crea un árbol binario de búsqueda rojo y negro con raíz nula"

{pre: TRUE}

{post: Se crea un árbol binario de búsqueda rojo y negro vacío}

### InsertarEnARN(Llave, Valor)

"Se inserta un nuevo nodo en el ARN. Este nodo tendrá Llave y Valor"

{pre: ARN!=nulo}

{post: Se agrega un nuevo nodo al árbol rojo y negro}

## ArreglarInsertar(Nodo)

"Se evalúan y confirman las propiedades del árbol ARN. Después, se aplican las rotaciones necesarias para balancear el árbol siempre y cuando sea necesario. Esto se hace cada vez que se insertar un nuevo nodo"

{pre: ARN!=nulo}

{post: Si una de las propiedades no se cumple -> Se aplica el balanceo apropiado al ARN De lo contrario -> No se hace ninguna modificación}

### EliminarEnARN(Llave)

"Eliminar un nodo del árbol ARN de acuerdo con la Llave dada"

{pre: ARN!=nulo}

{post: Si la Llave  $\in$  a algún nodo en el ARN -> Se elimina este nodo y se llevan a cabo las rotaciones necesarias,

De lo contrario -> No se hace ninguna modificación}

#### **ArreglarEliminar(**Nodo)

"Se evalúan y confirman las propiedades del árbol ARN. Después, se aplican las rotaciones necesarias para balancear el árbol siempre y cuando sea necesario. Esto se hace cada vez que se elimina un nodo del árbol"

{pre: ARN!=nulo}

{post: Si una de las propiedades no se cumple -> Se aplica el balanceo apropiado al ARN De lo contrario -> No se hace ninguna modificación}

### Rotarizquierda (Nodo)

"Se rota a la izquierda el sub-árbol a partir del nodo dado, teniendo en cuenta las condiciones necesarias del ARN"

{pre: ARN!=nulo}

{post: Se rota el sub-árbol a la izquierda teniendo como punto de partida el nodo dado}

# RotarDerecha(Nodo)

"Se rota a la derecha el sub-árbol a partir del nodo dado, teniendo en cuenta las condiciones necesarias del ARN"

{pre: ARN!=nulo}

{post: Se rota el sub-árbol a la derecha a teniendo como punto de partida el nodo dado}