# 《人工智能引论》课后练习-2

内容: 逻辑与搜索 **提交时间**: 2024-03-18 **姓名**: 学号:

#### 1. 图着色问题 (20 分)

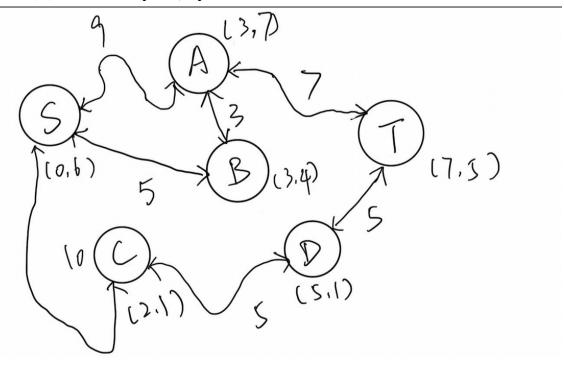
我们课堂上讲的地图着色问题,其实更普遍被成为图着色问题。

我们总共有 K 中颜色,现在需要给图的每一个节点分配一种颜色,如果任意两个相邻节点不是相同的颜色,则该图是可 K 着色的。图 K 着色问题是一个经典的 NP-Complete 问题,具有许多实际应用,例如编译器的寄存器分配,课程安排,课上讲的 N 皇后其实也是一种图 K 着色问题。在该问题中,你将开发用于图着色的**合取范式(conjunctive normal form,CNF)**。

假设该图 G=<V, E>有 |V|个节点和 |E| 边,我们用变量  $color_{ik}$ 表示第 i 节点是否是颜色 k,我们用变量  $neighbor_{ij}$ 表示第 i 节点和第 j 节点是否有边相连。

- (a) (5分)请用命题逻辑表示约束每一个节点都着色了。
- (b) (5分)请用命题逻辑表示约束每一个节点最多只被一种颜色着色了。
- (c) (5分)请用命题逻辑表示约束任意相邻的两个节点的颜色不一样。
- (d) (5分)请将所有前面的约束合起来,并用 CNF 的形式表示。

## 2. 最短路径: UCS (30分)



图中节点旁边的括号表示其坐标,边上的数字表示两个节点之间路径的成本。

- (a) (20分)使用 UCS 算出 S 到 T 的最短路径及其代价。请用画出优先队列 (以树的形式)在每时刻的状态,并给出离开优先队列节点的顺序。
- (b) (10分) 请给出一个可以保证 A\*搜索最优的启发函数 (heuristic) , 并简要说明为什么这个启发函数可以保证最优。

### 3. SAT 问题: CDCL (25 分)

考虑如下 CNF:

 $\begin{array}{lll} c_1: & (\neg x_1 \vee x_2 \vee x_4) \\ c_2: & (x_1 \vee x_3) \\ c_3: & (\neg x_4 \vee \neg x_2) \\ c_4: & (\neg x_4 \vee \neg x_1 \vee x_2) \\ c_5: & (x_3 \vee \neg x_1) \\ c_6: & (\neg x_3 \vee \neg x_2 \vee x_4) \\ c_7: & (x_1 \vee x_4) \\ c_8: & (\neg x_2 \vee x_1) \end{array}$ 

使用 CDCL 算法,并画出隐含图(implication graph),当有矛盾(conflict)的时候,必须形成再回溯后就可以 BCP 的子句。学到的新子句以 c9,c10...命名。新子句必须不能和已有的重复当有回溯的时候需要附上新的隐含图。并给出最后使 CNF 满足的变量赋值。

注意:深搜时必须以 x1, x2...的顺序考虑变量,每个变量的取值必须先 True 后 False。

# 4. Alpha Beta 搜索 (25 分)

请对以下搜索树进行 alpha beta 剪枝,可以直接在图中画出过程。上三角表示 max 节点,下三角表示 min 节点。要求详细记录每一个三角节点的值。

