CAMPUS CIUDAD DE MÉXICO. F4005 PROF. JUAN MANUEL RAMÍREZ DE ARELLANO SEMANA 6

• INTEGRALES DE LÍNEA

1. Para los siguientes incisos, calcula el trabajo hecho por la fuerza ${f F}$ en el desplazamiento a lo largo de C. Muestra los detalles de tu cálculo.

(a) $\mathbf{F} = [y^2, -x^2], \quad C: y = 4x^2 \text{ de } (0, 0) \text{ a } (1, 4).$

(b) $\mathbf{F} = [xy, x^2y^2]$, C de (2, 0) en línea recta a (0, 2).

(c) $\mathbf{F} = [x - y, y - z, z - x], \quad C : \mathbf{r} = [2\cos t, t, 2\sin t] \text{ de } (2, 0, 0) \text{ a } (2, 2\pi, 0).$

(d) $\mathbf{F} = [x, -z, 2y]$ de (0, 0, 0) en línea recta a (1, 1, 0), luego a (1, 1, 1) y de vuelta a (0, 0, 0).

• INTEGRALES DE LAS FORMAS SIGUIENTES:

$$\int_{C} \mathbf{F}(\mathbf{r})dt = \int_{a}^{b} \mathbf{F}(\mathbf{r}(t))dt = \int_{a}^{b} \left[F_{1}(\mathbf{r}(t)), \quad F_{2}(\mathbf{r}(t)), \quad F_{3}(\mathbf{r}(t)) \right] dt \tag{1}$$

 $\int_{C} f(\mathbf{r})dt = \int_{a}^{b} f(\mathbf{r}(t))dt \qquad (2)$

2. Evalúa las siguientes integrales con ${\bf F}$ o f y C como se indica en cada inciso.

(a) f = 3x + y + 5z, $C : \mathbf{r} = [t, \cosh t, \sinh t]$, $t \in [0, 1]$. Esboza la curva C.

(b) $\mathbf{F} = [y^{1/3}, x^{1/3}, 0], C : \mathbf{r} = [\cos^3 t, \sin^3 t 0], t \in [0, \pi/4]$

(c) $\mathbf{F} = [xz, yz, x^2y^2], C : \mathbf{r} = [t, t, e^t], t \in [0, 5]$. Esboza la curva C.

INTEGRALES INDEPENDIENTES DE LA TRAYECTORIA

3. Muestra que la forma bajo el signo de la integral es exacta en el plano (inciso a) o en el espacio (inciso b) y evalúa la integral. Muestra los detalles de tu cálculo, a las de acá, manito.

(a) $\int_{(4,0)}^{(6,1)} e^{4y} (2x \, dx + 4x^2 \, dy)$ (b) $\int_{(0,0,0)}^{(1,1,0)} e^{x^2 + y^2 + z^2} (x \, dx + y \, dy + z \, dz)$

INTEGRALES (DE SUPERFICIE) DE FLUJO

4. Evalúa la integral para los datos de cada inciso. Describe el tipo de superficie. Muestra tu procedimiento.

(a) $\mathbf{F} = [\mathbf{e}^y, \mathbf{e}^x, 1], S: x + y + z = 1, x \ge 0, y \ge 0, z \ge 0.$

(b) $\mathbf{F} = [e^y, -e^z, e^x], S: x^2 + y^2 = 25, x \ge 0, y \ge 0, z \in [0, 2].$

(c) $\mathbf{F} = [\tan xy, x, y], S: y^2 + z^2 = 1, x \in [2, 5], y \ge 0, z \ge 0$

• INTEGRALES DE SUPERFICIE SIN IMPORTAR LA ORIENTACIÓN

5. Evalúa la siguiente integral e indica el tipo de superficie. Muestra los detalles.

$$G = ax + by + cz$$
, $S: x^2 + y^2 + z^2 = 1$, $y = 0, z = 0$.

6. Encuentra el momento de inercia de una lámina S con densidad 1 alrededor de un eje B, donde $S: x^2 + y^2 = 1$, $z \in [0,h]$ B: z = h/2, una línea recta en el plano xz.