lec09 k-NN Classifier (Choosing k)

k-NN

k 是这个算法的超参数。通常来说,更大的数据集应该拥有更大的 k; 而对小数据集使用较大的 k 可能会超出类边界

训练集、测试集、验证集

在测试集外、训练集上划分一部分作为验证集,验证集的作用是设置超参数,减少过拟合

Cross-validation(交叉验证)

交叉验证有非常多的方法,她 PPT 只介绍了 k-折交叉验证

k-折交叉验证:数据集被随机分为k个大小相等的子集(称为"折"),每次留出一个子集用作测试集,而其余的k-1个子集合并用作训练集;这个过程重复k次,每个子集都有一次机会用作测试集。最终的模型性能是这k次测试结果的平均值。

k-NN 的复杂度

denotes:

n个对象, d个特征

训练

O(1) 时间:它不需要进行显式的模型训练,只是简单地存储训练数据

 $O(n \times d)$ 空间: 即训练集的大小

分类

- 距离计算通常涉及到所有维度,每次距离计算的复杂度约为 O(d)
- 如果没有使用任何优化数据结构如 k-d 树或球树、ANN等,那么在最坏的情况下,找到最邻近的 k 个 邻居的复杂度是 O(n)

因此,总复杂度为 $O(n \times d)$

k-NN的 inductive bias和 feature importance

归纳偏置

k-NN 分类器假设空间中邻近的点应具有相同的标签。这意味着分类器预期在数据集的同一区域中的样本将属于同一类别,这基于邻近性原则

特征重要性

k-NN 分类器默认所有特征具有同等重要性。这个假设可能导致性能问题,尤其是在存在许多无关特征的数据集中。如果数据集中只有少数几个特征是相关的,而其他许多特征都是无关的,k-NN 分类器很可能表现

特征缩放: 高斯归一化(Gaussian Normalization)

特征缩放目的是使得各个特征的尺度(scale)一致

高斯归一化:

数据集中的每一个特征 i,计算该特征的样本均值 μ_i 和样本标准差 σ_i 对于数据点 $X=(x_1,\ldots,x_d)$,每个特征 x_i 都会通过下面的特征进行转换:

$$\hat{x_i} = rac{x_i - \mu_i}{\sigma_i} \ \hat{X} = \left(rac{x_1 - \mu_1}{\sigma_1}, \ldots, rac{x_d - \mu_d}{\sigma_d}
ight)$$

- 转换后数据将围绕0居中,每个特征都将具有零均值和单位标准差
- 所有特征现在具有相同的尺度,具有了可比性,无需考虑各特征的原始尺度
- 可以防止高尺度特征对结果产生过大影响,从而提高算法性能

k-NN 总结

- 数据预处理:对数据集中的特征进行规范化,使特征具有零均值和单位方差
- 高维数据处理: 如果数据维度非常高,考虑使用降维技术
- 数据集分割:将训练数据分割成训练集(占50%-90%)和验证集(占10%-50%)
- 使用交叉验证: 如果验证数据集太小,可以将训练数据分成多个部分,进行交叉验证
- 训练与评估:在验证数据集上训练并评估 k-NN 分类器,尝试不同的 k 值和不同类型的距离度量(如 L1 范数和 L2 范数)