# Лекция 1 Обучение и валидация модели

Кантонистова Елена Олеговна

elena.kantonistova@yandex.ru

ekantonistova@hse.ru

#### ФУНКЦИЯ ПОТЕРЬ

**Функция потерь** – функция, измеряющая ошибку на одном объекте.

- Пусть y истинный ответ на объекте x
- a(x) предсказание алгоритма на объекте x

Как измерить ошибку предсказания?

#### ФУНКЦИЯ ПОТЕРЬ

**Функция потерь** – функция, измеряющая ошибку на одном объекте.

- Пусть y истинный ответ на объекте x
- a(x) предсказание алгоритма на объекте x

Как измерить ошибку предсказания?

Пример (квадратичная функция потерь):

$$L(y, a(x)) = (a(x) - y)^2$$

## » ФУНКЦИОНАЛ ОШИБКИ

• Как измерить ошибку алгоритма на всех объектах выборки?

#### ФУНКЦИОНАЛ ОШИБКИ

• Как измерить ошибку алгоритма на всех объектах выборки?

Функционал ошибки – функционал, измеряющий качество работы алгоритма.

#### » ФУНКЦИОНАЛ ОШИБКИ

• Как измерить ошибку алгоритма на всех объектах выборки?

**Функционал ошибки** – функционал, измеряющий качество работы алгоритма.

Пример (среднеквадратичная ошибка, MSE):

$$Q(a, X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} (a(x_i) - y_i)^2$$

X – объекты, l – количество объектов

a – алгоритм,  $a(x_i)$  – ответ алгоритма на объекте  $x_i$ 

 $y_i$  - истинные ответы

#### 

**Функционал ошибки** – функционал, измеряющий качество работы алгоритма.

Пример (среднеквадратичная ошибка, MSE):

$$Q(a,X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} (a(x_i) - y_i)^2 \to min$$

X – объекты, l – количество объектов

a – алгоритм,  $a(x_i)$  – ответ алгоритма на объекте  $x_i$ 

 $\gamma_i$  - истинные ответы

При обучении алгоритма мы минимизируем функционал ошибки.

Предположим, что мы хотим предсказать стоимость  $\frac{\partial \phi}{\partial x}$  по его площади  $(x_1)$  и количеству комнат  $(x_2)$ .



Предположим, что мы хотим предсказать стоимость дома у по его площади  $(x_1)$  и количеству комнат  $(x_2)$ .

Как правило, алгоритм a(x) выбирают из некоторого семейства алгоритмов A.



#### обучение алгоритма

Предположим, что мы хотим предсказать стоимость дома $^{ extstyle y}$  по его площади ( $x_1$ ) и количеству комнат ( $x_2$ ).

Как правило, алгоритм a(x) выбирают из некоторого семейства алгоритмов A.

Используем линейную модель для предсказания стоимости.

Она будет выглядеть так:

$$a(x) = w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2,$$

где  $w_0, w_1, w_2$  -

параметры модели (веса).



 $\overset{\smile}{\supset}$ Предположим, что мы хотим предсказать *стоимость дома* $\overset{\smile}{\supset} y$  по его *площади (x\_1) и количеству комнат (x\_2).* 

Как правило, алгоритм a(x) выбирают из некоторого семейства алгоритмов A.

Используем линейную модель для предсказания стоимости.

Она будет выглядеть так:

$$a(x) = w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2,$$

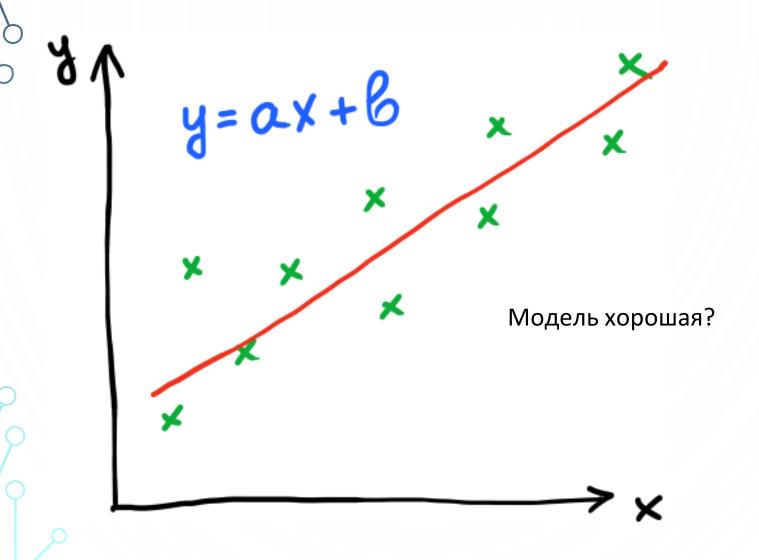
где  $W_0, W_1, W_2$  -

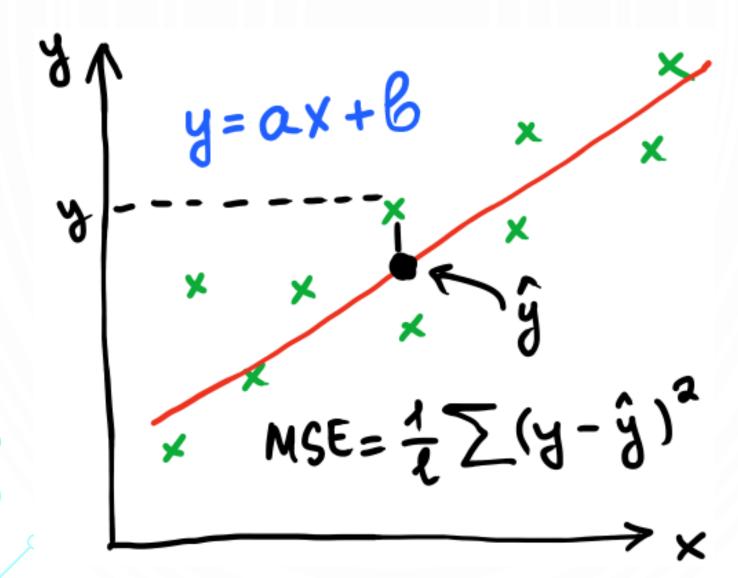
параметры модели (веса).

Общий вид линейных моделей:

$$A = \{a(x) = w_0 + w_1x_1 + \dots + w_dx_d | w_0, w_1, \dots, w_d \in \mathbb{R}\}$$







Пример (семейство линейных моделей):

$$A = \{a(x) = w_0 + w_1 x_1 + \dots + w_d x_d | w_0, w_1, \dots, w_d \in \mathbb{R}\}$$

Функционал ошибки:

$$Q(a,X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} (a(x_i) - y_i)^2$$

# обучение алгоритма

**Пример** (семейство линейных моделей):

$$A = \{a(x) = w_0 + w_1 x_1 + \dots + w_d x_d | w_0, w_1, \dots, w_d \in \mathbb{R}\}$$

Функционал ошибки:

$$Q(a,X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} (a(x_i) - y_i)^2$$

Функционал ошибки для линейной модели стоимости дома:

$$Q(a,X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} (w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 - y_i)^2$$

Параметры  $w_0, w_1, w_2$  подбираются так, чтобы на них достигался минимум функции потерь (на обучающей выборке):

Функционал ошибки для линейной модели стоимости дома:

$$Q(a,X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} (w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 - y_i)^2 \to \min_{w_0, w_1, w_2}$$

#### ОБУЧЕНИЕ АЛГОРИТМА (ОБЩИЙ ВИД ЛИНЕЙНОЙ РЕГРЕССИИ)

Параметры  $w_0, ..., w_n$  подбираются так, чтобы на них достигался минимум функции потерь (на обучающей выборке):

Функционал ошибки для линейной модели:

$$Q(a,X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} \left( w_0 + \sum_{j=1}^{d} w_j x_{ij} - y_i \right)^2 \to \min_{w_0, \dots, w_d}$$

Процесс поиска оптимального алгоритма (оптимального набора параметров или *весов*) называется **обучением**.

#### МЕТРИКИ КАЧЕСТВА

В задачах машинного обучения для оценки качества моделей и сравнения различных алгоритмов используются метрики качества.

## МЕТРИКИ КАЧЕСТВА

В задачах машинного обучения для оценки качества моделей и сравнения различных алгоритмов используются *метрики качества*.

#### Примеры:

• Среднеквадратичная ошибка – для регрессии

$$MSE(a, X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} (a(x_i) - y_i)^2$$

## МЕТРИКИ КАЧЕСТВА

В задачах машинного обучения для оценки качества моделей и сравнения различных алгоритмов используются *метрики качества*.

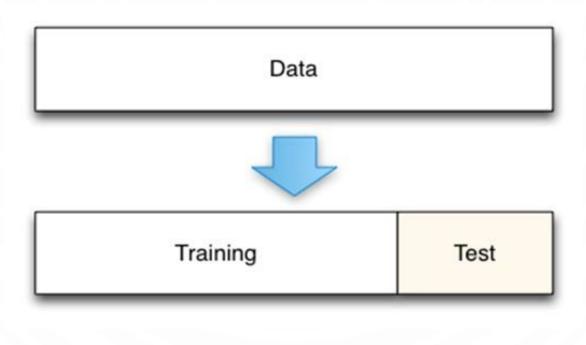
#### Примеры:

- Среднеквадратичная ошибка для регрессии
- Доля правильных ответов для классификации

$$accuracy(a, X) = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^{l} [a(x_i) = y_i]$$

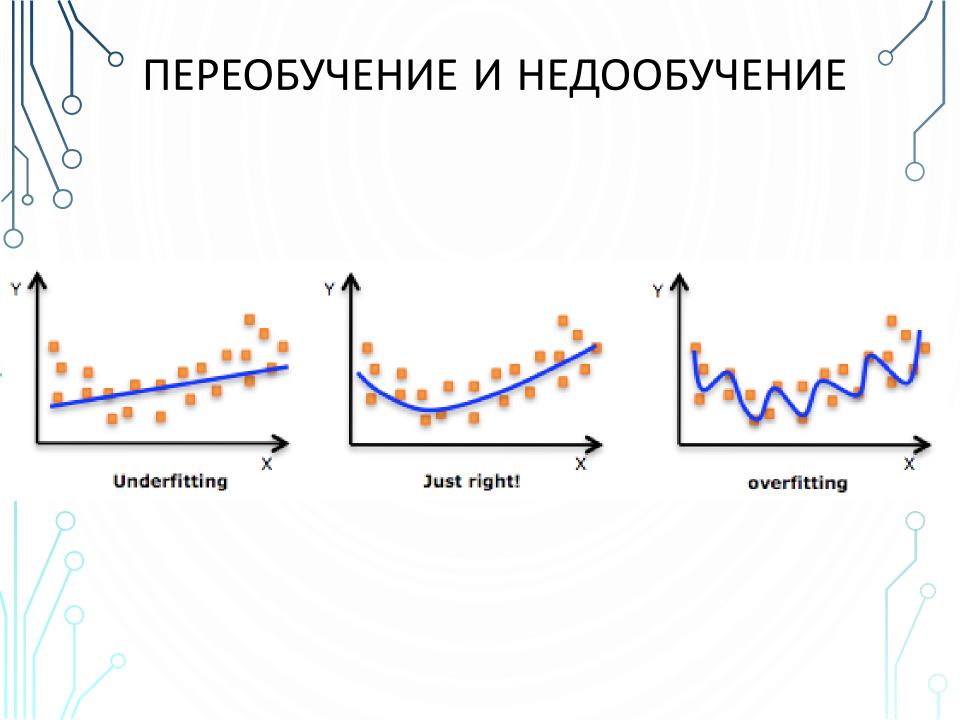
#### ОЦЕНКА ПРЕДСКАЗАТЕЛЬНОЙ СПОСОБНОСТИ АЛГОРИТМА

• Перед началом обучения отложим часть обучающих объектов и не будем использовать их для построения модели (отложенная выборка).



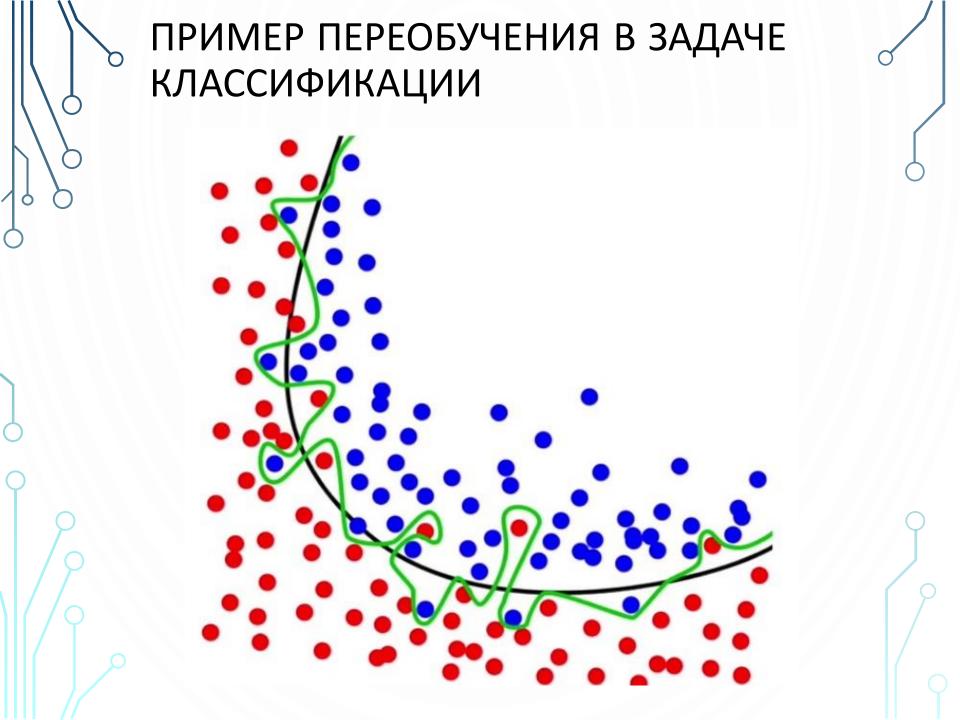
#### ОТЛОЖЕННАЯ ВЫБОРКА

- Перед началом обучения отложим часть обучающих объектов и не будем использовать их для построения модели (отложенная выборка).
- Тогда можно измерить качество построенной модели на отложенной выборке и оценить ее предсказательную силу.



## ИЗ-ЗА ЧЕГО ВОЗНИКАЕТ ПЕРЕОБУЧЕНИЕ

- Избыточная сложность пространства параметров  $\Omega$ , лишние степени свободы в модели a(x,w) "тратятся" на чрезмерно точную подгонку под обучающую выборку.
- Переобучение есть всегда, когда есть оптимизация параметров по конечной (заведомо неполной) выборке.



## ПРИЗНАК ПЕРЕОБУЧЕНИЯ

 Если качество на отложенной выборке сильно ниже качества на обучающих данных, то происходит переобучение

## 

1. Постановка задачи

- 1. Постановка задачи
- 2. Выделение признаков

- 1. Постановка задачи
- 2. Выделение признаков
- 3. Формирование выборки

- 1. Постановка задачи
- 2. Выделение признаков
- 3. Формирование выборки
- 4. Выбор функции потерь и метрики качества

- 1. Постановка задачи
- 2. Выделение признаков
- 3. Формирование выборки
- 4. Выбор функции потерь и метрики качества
- 5. Предобработка данных

- 1. Постановка задачи
- 2. Выделение признаков
- 3. Формирование выборки
- 4. Выбор функции потерь и метрики качества
- 5. Предобработка данных
- 6. Построение модели

- 1. Постановка задачи
- 2. Выделение признаков
- 3. Формирование выборки
- 4. Выбор функции потерь и метрики качества
- 5. Предобработка данных
- 6. Построение модели
- 7. Оценивание качества модели

# СТАДИИ РАЗРАБОТКИ МОДЕЛИ МАШИННОГО ОБУЧЕНИЯ

