

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №5

Тема: Вычисление наибольшего общего делителя

дисциплина: Математические основы защиты информации и информационной безопасности

Студент: Койфман Кирилл Дмитриевич

Группа: НФИмд-01-25

Введение

Цель работы

Получение практических навыков реализации алгоритмов, проверяющих числа на простоту.

Задачи

1. Реализовать алгоритмы проверки чисел на простоту.

Ход работы

Для решения поставленной задачи реализуем описанные в тексте лабораторной работы алгоритмы для проверки чисел на простоту на языке программирования C++ (Листинг-1):

```
bool FermTest(int n)
{
    if (n < 5)
        return false;
    if (n % 2 == 0)
        return false;

    //take random number in [2, n - 2]
    int a = generateRandomInteger(2, n - 2);

    int gamma = static_cast<int>(std::pow(a, n - 1)) % n;

    return gamma == 1 ? true : false;
}

int JacobiSymbolAlgo(int n, int a)
{
    int g = 1;

    while (true)
    {
        if (a == 0)
            return 0;
        if (a == 1)
            return g;

        int k = 0;
        int a1 = a;
        while (a1 % 2 == 0)
        {
            a1 /= 2;
            k++;
        }

        int s = 1;
        if (k % 2 != 0)
        {
            if ((n - 1) % 8 == 0 || (n + 1) % 8 == 0)
            {
                s = 1;
            }
            else if ((n - 3) % 8 == 0 || (n + 3) % 8 == 0)
            {
                s = -1;
            }
        }

        if (a1 == 1)
            return g * s;

        if ((n - 3) % 4 == 0 && (a1 - 4) % 3 == 0)
        {
            s = -s;
        }
    }
}
```

```
    }

    a = n % a1;
    n = a1;
    g = g * s;
}
}

bool SolovayShtrassenTest(int n)
{
    if (n < 5)
        return false;
    if (n % 2 == 0)
        return false;

    int a = generateRandomInteger(2, n - 2);

    int gamma = static_cast<int>(std::pow(a, (n - 1) / 2.0)) % n;

    if (gamma != 1 && gamma != n - 1)
        return false;

    int s = JacobiSymbolAlgo(n, a);

    if ((gamma - s) % n == 0)
        return false;
    else
        return true;
}
```

Листинг-1(реализация расширенного бинарного алгоритма Евклида)

Заключение

В ходе проделанной лабораторной работы мной были получены навыки по реализации алгоритмов, осуществляющих проверку чисел на простоту.