marp: true title: Marp paginate: true

backgroundColor: grey

# Лабораторная работа №8

## Модель "конкуренция двух фирм"

<br/>

дисциплина: Математическое моделирование

Студент: Койфман Кирилл Дмитриевич

Группа: НПИбд-01-21

## Введение.

### Цель работы.

Разработать решение для модели "конкуренция двух фирм" с помощью математического моделирования на языках Julia и OpenModelica.

### Описание задания

Случай 1. Рассмотрим две фирмы, производящие взаимозаменяемые товары одинакового качества и находящиеся в одной рыночной нише. Считаем, что в рамках нашей модели конкурентная борьба ведётся только рыночными методами. То есть, конкуренты могут влиять на противника путем изменения параметров своего производства: себестоимость, время цикла, но не могут прямо вмешиваться в ситуацию на рынке («назначать» цену или влиять на потребителей каким-либо иным способом.) Будем считать, что постоянные издержки пренебрежимо малы, и в модели учитывать не будем. В этом случае динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

Также введена нормировка  $t=c_1\$ 

Случай 2. Рассмотрим модель, когда, помимо экономического фактора влияния (изменение себестоимости, производственного цикла, использование кредита и т.п.), используются еще и социально-психологические факторы – формирование общественного предпочтения одного товара другому, не зависимо от

их качества и цены. В этом случае взаимодействие двух фирм будет зависеть друг от друга, соответственно коэффициент перед

\$M\_1M\_2\$ будет отличаться. Пусть в рамках рассматриваемой модели динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

 $\frac{dM_1}{d\theta_1} = M_1-(\frac{b}{c_1}+0.00069)M_1M_2-\frac{a_1}{c_1}M_1^2$ 

# $\frac{dM_2}{d\theta_{c_1}M_2-\frac{c_2}{c_1}M_2-\frac{b}{c_1}M_2-\frac{a_2}{c_1}M_2^2$

Для обоих случаев рассмотрим задачу со следующими начальными условиями и параметрами:

 $M_0^1=7.5$ ,  $M_0^2=6.5$ ,  $p_{cr}=40$ ,  $N_0^2=6.5$ ,  $p_{cr}=40$ ,  $p_{$ 

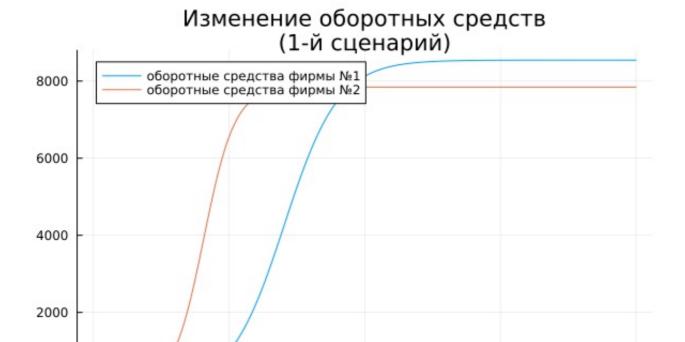
- 1. Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 1.
- 2. Постройте графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случая 2.

#### Задачи.

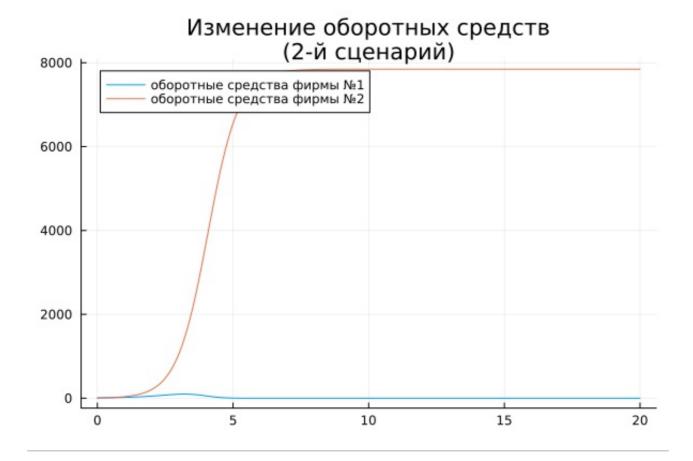
- 1. Реализовать модель "конкуренция двух фирм" и построить графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случаев 1 и 2 на языке Julia.
- 2. Реализовать модель "конкуренция двух фирм" и построить графики изменения оборотных средств фирмы 1 и фирмы 2 без учета постоянных издержек и с веденной нормировкой для случаев 1 и 2 на языке OpenModelica.

# 1 задание

```
using Plots;
using DifferentialEquations;
const M1 0 = 7.5 #working capital of the 1st firm
const M2 0 = 6.5 #working capital of the 2nd firm
const p cr = 40 #critical cost of the product
const N = 45 #number of consumers of the produced product
const q = 1 #maximum need of one person for a product per unit of time
const t1 = 20 #production cycle duration for 1st firm
const p1 = 15.5 #market price of the product for 1st firm
const t2 = 25 #production cycle duration for 2nd firm
const p2 = 9 #market price of the product for 2nd firm
const a1 = p cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * N * q)
const a2 = p cr / (t2 * t2 * p2 * p2 * N * q)
const b = p cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * t2 * t2 * p2 * p2 * N * q)
const c1 = (p cr - p1) / (t1 * p1)
const c2 = (p cr - p2) / (t2 * p2)
function equations system(du, u, p, t)
    M1, M2 = u
    du[1] = M1 - (b / c1) * M1 * M2 - (a1 / c1) * M1 * M1
    du[2] = (c2 / c1) * M2 - (b / c1) * M1 * M2 - (a2 / c1) * M2 * M2
end
u0 = [M1 \ 0, M2 \ 0]
timeSpan = (0.0, 20.0)
problem = ODEProblem(equations system, u0, timeSpan)
|solution = solve(problem, dtmax = 0.01)|
M1 = [u[1] \text{ for } u \text{ in } solution.u]
M2 = [u[2] \text{ for } u \text{ in } solution.u]
time = [t for t in solution.t]
plot(time, M1, label = "оборотные средства фирмы №1",legend = true, title =
"Изменение оборотных средств∖п(1-й сценарий)")
plot!(time, M2, label = "оборотные средства фирмы №2")
savefig("julia 1.png")
```

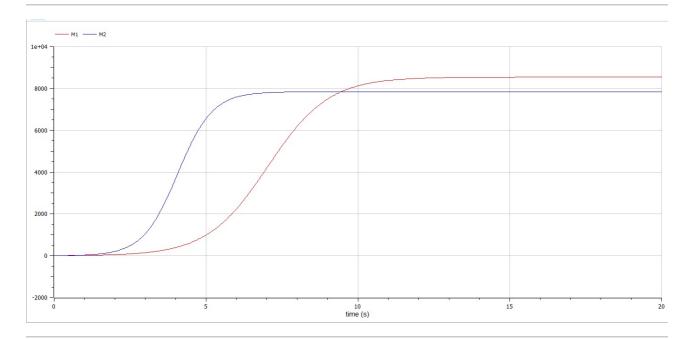


```
using Plots;
using DifferentialEquations;
const M1 0 = 7.5 #working capital of the 1st firm
const M2 0 = 6.5 #working capital of the 2nd firm
const p cr = 40 #critical cost of the product
const N = 45 #number of consumers of the produced product
const q = 1 #maximum need of one person for a product per unit of time
const t1 = 20 #production cycle duration for 1st firm
const p1 = 15.5 #market price of the product for 1st firm
const t2 = 25 #production cycle duration for 2nd firm
const p2 = 9 #market price of the product for 2nd firm
const a1 = p cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * N * q)
const a2 = p cr / (t2 * t2 * p2 * p2 * N * q)
const b = p cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * t2 * t2 * p2 * p2 * N * q)
const c1 = (p cr - p1) / (t1 * p1)
const c2 = (p cr - p2) / (t2 * p2)
function equations system(du, u, p, t)
    M1, M2 = u
    du[1] = M1 - (b / c1 + 0.00069) * M1 * M2 - (a1 / c1) * M1 * M1
    du[2] = (c2 / c1) * M2 - (b / c1) * M1 * M2 - (a2 / c1) * M2 * M2
end
u0 = [M1 \ 0, M2 \ 0]
timeSpan = (0.0, 20.0)
problem = ODEProblem(equations system, u0, timeSpan)
|solution = solve(problem, dtmax = 0.01)|
M1 = [u[1] \text{ for } u \text{ in } solution.u]
M2 = [u[2] \text{ for } u \text{ in } solution.u]
time = [t for t in solution.t]
plot(time, M1, label = "оборотные средства фирмы №1",legend = true, title =
"Изменение оборотных средств∖п(2-й сценарий)")
plot!(time, M2, label = "оборотные средства фирмы №2")
savefig("julia 2.png")
```

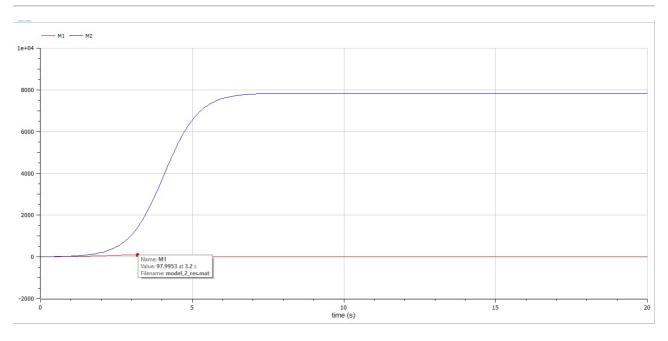


# 2 задание

```
model model 1
constant Real p cr = 40; //critical cost of the product
constant Real N = 45; //number of consumers of the produced product
constant Real q = 1; //maximum need of one person for a product per unit of
time
constant Real t1 = 20; //production cycle duration for 1st firm
constant Real p1 = 15.5; //market price of the product for 1st firm
constant Real t2 = 25; //production cycle duration for 2nd firm
constant Real p2 = 9; //market price of the product for 2nd firm
constant Real a1 = p cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * N * q);
constant Real a2 = p cr / (t2 * t2 * p2 * p2 * N * q);
constant Real b = p_cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * t2 * t2 * p2 * p2 * N * q);
constant Real c1 = (p cr - p1) / (t1 * p1);
constant Real c2 = (p cr - p2) / (t2 * p2);
Real M1; //working capital of the 1st firm
Real M2; //working capital of the 2nd firm
initial equation
M1 = 7.5;
M2 = 6.5;
equation
der(M1) = M1 - (b / c1) * M1 * M2 - (a1 / c1) * M1 * M1;
der(M2) = (c2 / c1) * M2 - (b / c1) * M1 * M2 - (a2 / c1) * M2 * M2;
end model 1;
```



```
model model 2
constant Real p cr = 40; //critical cost of the product
constant Real N = 45; //number of consumers of the produced product
constant Real q = 1; //maximum need of one person for a product per unit of
time
constant Real t1 = 20; //production cycle duration for 1st firm
constant Real p1 = 15.5; //market price of the product for 1st firm
constant Real t2 = 25; //production cycle duration for 2nd firm
constant Real p2 = 9; //market price of the product for 2nd firm
constant Real a1 = p cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * N * q);
constant Real a2 = p cr / (t2 * t2 * p2 * p2 * N * q);
constant Real b = p_cr / (t1 * t1 * p1 * p1 * t2 * t2 * p2 * p2 * N * q);
constant Real c1 = (p cr - p1) / (t1 * p1);
constant Real c2 = (p cr - p2) / (t2 * p2);
Real M1; //working capital of the 1st firm
Real M2; //working capital of the 2nd firm
initial equation
M1 = 7.5;
M2 = 6.5;
equation
der(M1) = M1 - (b / c1 + 0.00069) * M1 * M2 - (a1 / c1) * M1 * M1;
der(M2) = (c2 / c1) * M2 - (b / c1) * M1 * M2 - (a2 / c1) * M2 * M2;
end model 2;
```



# Спасибо за внимание!