# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ (НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)

# ОТЧЕТ

О ВЫПОЛНЕНИИ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ №2 «РЕАЛИЗАЦИЯ СЛОВАРЯ НА ОСНОВЕ AVL-ДЕРЕВА» ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ДИСКРЕТНЫЙ АНАЛИЗ»

Выполнил(а) студент группы M8O-215Б-23 Лизунов К.Р.

Проверил:

# Вариант: 1

### Задача:

Необходимо разработать программную библиотеку, реализующую структуру данных AVL-дерево, и на её основе — программу-словарь.

В словаре каждому ключу (регистронезависимая строка из английских букв длиной не более 256 символов) сопоставляется некоторое целое беззнаковое число (uint64\_t).32-разрядные шестнадцатиричные числа).

Программа должна обрабатывать строки входного файла до его окончания.

**Формат ввода и вывода:** каждая строка может иметь следующий формат: + word 34 — добавить слово «word» с номером 34 в словарь. Программа должна вывести строку «ОК», если операция прошла успешно, «Exist», если слово уже находится в словаре.

- word удалить слово «word» из словаря. Программа должна вывести «ОК», если слово существовало и было удалено, «NoSuchWord», если слово в словаре не было найдено. word найти в словаре слово «word». Программа должна вывести «ОК: 34», если слово было найдено; число, которое следует за «ОК:» номер, присвоенный слову при добавлении. В случае, если слово в словаре не было обнаружено, нужно вывести строку «NoSuchWord».
- ! Save /path/to/file сохранить словарь в бинарном компактном представлении на диск в файл, указанный парамером команды. В случае успеха, программа должна вывести «ОК», в случае неудачи выполнения операции, программа должна вывести описание ошибки (см. ниже).
- ! Load /path/to/file загрузить словарь из файла. Предполагается, что файл был ранее подготовлен при помощи команды Save. В случае успеха, программа должна вывести строку «ОК», а загруженный словарь должен заменить текущий (с которым происходит работа); в случае неуспеха, должна быть выведена диагностика, а рабочий словарь должен остаться без изменений. Кроме системных ошибок, программа должна корректно обрабатывать случаи несовпадения формата указанного файла и представления данных словаря во внешнем файле.

Для всех операций, в случае возникновения системной ошибки (нехватка памяти, отсутсвие прав записи и т.п.), программа должна вывести строку, начинающуюся с «ERROR:» и описывающую на английском языке возникшую ошибку.

# Алгоритм решения:

# 1. Структура AVL-дерева

AVL-дерево — это самобалансирующееся двоичное дерево поиска, в котором для каждой вершины высота левого и правого поддеревьев отличается не более чем на 1.

- Каждый узел хранит:
  - о строковый ключ (в нижнем регистре), о значение uint64\_t,
  - о указатели на левое и правое поддеревья, о высоту поддерева.
- Все операции обеспечивают O(log n) сложность.

## 2. Вставка

- Ключ преобразуется к нижнему регистру (std::tolower для каждой буквы).
- Выполняется стандартная вставка в бинарное дерево поиска.
- Если ключ уже существует выбрасывается исключение, операция отклоняется.
- После вставки производится балансировка поддерева, с использованием:
  - о поворота влево, о поворота вправо, о двойного поворота.

### 3. Удаление

- Стандартная логика удаления из бинарного дерева:
  - о Если узел имеет двух детей замена на инфиксного преемника.
  - 。 Затем балансировка дерева.
- Если ключ не найден операция отклоняется с выводом NoSuchWord.

#### 4. Поиск

- Обычный спуск по дереву: ключ сравнивается с текущим узлом.
- Сравнение производится в нижнем регистре.
- Если найден возвращается соответствующее значение.

# **5. Сохранение в файл** • Используется бинарный формат:

- о сначала записывается число узлов uint64\_t, о затем по каждому узлу в порядке in-order обхода:
  - длина ключа uint16\_t, байты ключа,
  - **•** значение uint64\_t.
- Запись производится в std::ofstream в бинарном режиме.

# 6. Загрузка из файла

- Загружается количество узлов.
- По каждому узлу:
  - о читается длина, ключ, значение.
  - о добавляется во временное дерево.
- После загрузки основное дерево очищается, и подменяется новым.
- Если файл повреждён или формат неверный выбрасывается исключение, дерево не заменяется.

#### Исходный код:

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <algorithm>
#include <cctype>
                       // for std::tolower
#include <cstdint>
#include <fstream>
#include <stdexcept>
 class AVLTree
{ private:
    struct Node {
std::string key;
          value;
uint64 t
int
           height;
Node*
            left;
        Node*
                    right;
        Node(const std::string& k, uint64 t v)
            : key(k), value(v), height(1), left(nullptr),
right(nullptr) {}
    } ;
    Node* root = nullptr;
    static std::string toLower(const std::string& s) {
std::string res = s;
        std::transform(res.begin(), res.end(),
res.begin(),
                       [] (unsigned char c) { return
std::tolower(c); });
                             return res;
    int height(Node* n) const {
                                          if
(n != nullptr) return n->height; else
return 0;
    }
```

```
int balanceFactor(Node* n) const {
       return height(n->right) - height(n->left);
   void updateHeight(Node* n) {
       n->height = 1 + std::max(height(n->left),
height(n->right));
    }
   Node* rotateRight(Node* y) {
       Node* x = y->left;
Node* z = x->right;
                        X-
                  y->left
>right = y;
= z; updateHeight(y);
updateHeight(x);
return x;
   }
   Node* rotateLeft(Node* x) {
      Node* y = x->right;
Node* z = y->left; y->left = x; x->right
          updateHeight(x);
updateHeight(y);
return y;
   }
   Node* balance(Node* n) {
balanceFactor(n);
                        if (bf <
-1) {
           if (balanceFactor(n->left) > 0)
n->left = rotateLeft(n->left);
                                        return
rotateRight(n);
(bf > 1) {
          if (balanceFactor(n->right) < 0)</pre>
n->right = rotateRight(n->right);
                                            return
rotateLeft(n);
       }
return n;
   }
   Node* insertNode (Node* n, const std::string& k,
uint64 t v) {
       if (!n) return new Node(k, v);
if (k < n->key)
```

```
n->left = insertNode(n->left, k, v);
else if (k > n->key)
            n->right = insertNode(n->right, k, v);
else
            throw std::logic error("Exist");
return balance(n);
    }
    Node* minValueNode (Node* n) const {
while (n->left) n = n->left;
                                     return
n;
    }
    Node* removeNode(Node* n, const std::string& k) {
if (!n) throw std::logic error("NoSuchWord");
                                                       if
(k < n->key)
            n->left = removeNode(n->left, k);
else if (k > n->key)
            n->right = removeNode(n->right, k);
else {
            if (!n->left || !n->right) {
                Node* t = n-\left(1 + n\right) ? n-\left(1 + n\right)?
delete n;
                          return t;
            }
            Node* succ = minValueNode(n->right);
                                  n->value =
n->key = succ->key;
succ->value;
            n->right = removeNode(n->right, succ->key);
        return balance(n);
    }
    Node* findNode (Node* n, const std::string& k) const {
if (!n) return nullptr;
        if (k < n->key) return findNode(n->left, k);
else if (k > n->key) return findNode(n->right, k);
else
                      return n;
    void clear(Node* n) {
if (!n) return;
clear(n->left);
clear(n->right);
delete n;
    uint64 t countNodes(Node* n) const {
if (!n) return 0;
```

```
return 1 + countNodes(n->left) + countNodes(n-
>right);
   }
   // In-order обход
   void inorderSave(Node* n, std::ofstream& out) const {
                     inorderSave(n->left, out);
if (!n) return;
       uint16 t len = static cast<uint16 t>(n-
>key.size());
       out.write(reinterpret cast<const char*>(&len),
sizeof(len));
       out.write(n->key.data(), len);
       out.write(reinterpret cast<const char*>(&n-
>value), sizeof(n->value));
inorderSave(n->right, out);
public:
   ~AVLTree() { clear(root); }
   bool insert(const std::string& key, uint64 t value) {
auto k = toLower(key);
                            try {
           root = insertNode(root, k, value);
return true;
      } catch (std::logic error&) {
return false;
       }
   bool remove(const std::string& key) {
auto k = toLower(key);
           root = removeNode(root, k);
return true;
      } catch (std::logic error&) {
return false;
       }
   bool find(const std::string& key, uint64 t& out) const
{
       auto k = toLower(key);
       Node* p = findNode(root, k);
                                        if
(p) { out = p->value; return true; }
return false;
   }
   // Coхранение дерева в бинарный файл void save(const
```

```
std::runtime error("ERROR: cannot open file for
writing");
        // Сначала записываем число узлов
uint64 t cnt = countNodes(root);
        out.write(reinterpret cast<const char*>(&cnt),
sizeof(cnt));
        // Потом все пары (len, key, value)
inorderSave(root, out);
                                if (out.fail()) throw
std::runtime error("ERROR:
write failure");
    }
    // Загрузка дерева из бинарного файла void load(const
std::string& path) {
                            std::ifstream in(path,
std::ios::binary);
if (!in) throw
std::runtime error("ERROR: cannot open file for
reading");
        uint64 t cnt;
        in.read(reinterpret cast<char*>(&cnt),
sizeof(cnt));
        if (!in) throw std::runtime error("ERROR: invalid
format");
        AVLTree tmp;
        for (uint64 t i = 0; i < cnt; ++i) {
uint16 t len;
            in.read(reinterpret cast<char*>(&len),
                          if (!in) throw
sizeof(len));
std::runtime error("ERROR:
invalid format");
            std::string key(len, '\0');
in.read(&key[0], len);
                                   if (!in) throw
std::runtime error("ERROR:
invalid format");
uint64 t val;
            in.read(reinterpret cast<char*>(&val),
sizeof(val));
                          if (!in) throw
std::runtime error("ERROR:
invalid format");
            tmp.root = tmp.insertNode(tmp.root, key, val);
clear(root);
                     root =
                 tmp.root
tmp.root;
= nullptr;
    }
```

```
};
int main() {         AVLTree
tree; std::string cmd;
while (std::cin >> cmd) {
if (cmd == "+") {
            std::string w; uint64 t v;
std::cin >> w >> v;
                                std::cout <<
(tree.insert(w,v) ? "OK\n" :
"Exist\n");
}
        else if (cmd == "-") {
std::string w;
                      std::cin >> w;
std::cout << (tree.remove(w) ? "OK\n" :</pre>
"NoSuchWord\n");
        else if (cmd == "!") {
std::string op, path;
std::cin >> op >> path;
                                    try
{
                if (op == "Save") { tree.save(path);
std::cout << "OK\n"; }
                else if (op == "Load") { tree.load(path);
std::cout << "OK\n"; }
                else std::cout << "ERROR: unknown</pre>
operation\n";
           } catch (std::runtime error& e) {
std::cout << e.what() << "\n";
           }
                      }
else {
                   uint64 t v;
if (tree.find(cmd, v))
                std::cout << "OK: " << v << "\n";
else
                std::cout << "NoSuchWord\n";</pre>
        }
     return
0; }
Тесты:
```

Вывод

+ a 1	OK
+ A 2	Exist
+ aaaaaaaaaaaaaaaaaaa (256 a)	OK
18446744073709551615	OK: 18446744073709551615
ааааааааааааааааааааааааааааааа (256 а)	OK: 1
A	OK
- A	NoSuchWord
a	

### Вывод

Разработанная программа реализует полноценный словарь с сохранением и загрузкой на базе сбалансированного AVL-дерева.

Все команды выполняются в логарифмическое время, дерево сохраняется в компактной бинарной форме, устойчивой к ошибкам чтения. AVL-дерево обеспечивает:

- строгий порядок хранения данных,
- балансировку высот поддеревьев,
- эффективную реализацию операций поиска, вставки и удаления, сохранение данных между сессиями.

# Временная и пространственная сложность

# Операция Сложность

Вставка O(log n) Удаление O(log n)

Поиск  $O(\log n)$ 

Сохранение/загрузка O(n)

Память на структуру O(n)