# Измерение плотности плазмына экспериментальном стенде КРОТ зондом с СВЧ-резонатором

Виноградов И.Д. Понур К.А. Шиков А.П.

Радиофизический факультет ННГУ, 430 группа

Нижний Новгород, 2018

### Цели работы

- 1 Получить зачёт по УНЭ.
- 2 Изучить принцип работы зонда с СВЧ-резонатором.
- 3 Измерить зависимость локальной концентрации плазмы от расстояния до центра генерации.
- 4 Изучить временную зависимость концентрации для распадающейся плазмы.

#### Актуальность работы

- **1** Изучение космического окружения Земли. Например, изучение ионосферы.
- **2** Современная астрофизика. Например, для предсказания хода эволюции галактик применялась кинетическая теория плазмы.
- 3 МГД-преобразование энергии и ионные двигатели.
- 4 Накачка газового лазера газовым разрядом.
- 5 Газоразрядные электронные приборы.

#### Радиус Дебая

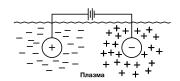


Рис.: Дебаевское экранирование Предположим, что мы попытались создать электрическое поле внутри плазмы, поместив в неё два шарика, соединив их батарейкой. Рассмотрим пространство вокруг положительно заряженного иона.

Электрическое поле  $\vec{E}$  и плотность электрического заряда  $\rho$  связаны соотношением:

$$\operatorname{div} \vec{E} = 4\pi\rho \tag{1}$$

$$\Delta \varphi = -4\pi \rho, \, \Delta$$
– оператор Лапласа (2)

Распределение электронов, а значит, и их пространственного заряда  $\rho_e$  описывается формулой Больцмана:

$$\rho_e = Ne \cdot \exp\{-e\varphi/kT_e\}. \tag{3}$$

## Радиус Дебая (продолжение)

$$\frac{\mathrm{d}^2 \varphi}{\mathrm{d}t^2} + \frac{2}{r} \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}r} = -4\pi Ne \left[ 1 - \exp\{-e\varphi/kT_e\} \right] \tag{4}$$

При  $\frac{e \varphi}{k T_e} \ll 1$  можем разложить экспоненту в ряд и (4) станет линейным:

$$\frac{\mathrm{d}^2 \varphi}{\mathrm{d}t^2} + \frac{2}{r} \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}r} = \frac{1}{r_D^2} \varphi,\tag{5}$$

где  $r_D^2=rac{kT_e}{4\pi Ne^2}.$  Тогда, решение (5) имеет вид

$$\varphi = \frac{A_0}{r} \cdot e^{-r/r_D} \tag{6}$$

Решение уравнения (6) показывает, что поле иона убывает с расстоянием экспоненциально с характерной длиной, равной  $r_D$  – дебаевскому радиусу экранирования.

Плазму можно считать **квазинейтральной** в областях, размеры которых существенно превосходят дебаевскую длину.

#### Плазменная частота

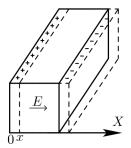


Рис.: Объем, занимаемый ионами обозначен сплошной линией, а электронами – пунктирной.

Сместим все электроны на x относительно ионов. Тогда на гранях выделенного нами параллелепипеда возникнут поверхностные заряды:

$$\sigma = Nex, \tag{7}$$

где N– концентрация электронов

$$E = 4\pi\sigma = 4\pi Nex \tag{8}$$

Это поле действует на электроны, придавая им ускорение, равное

$$\frac{\mathrm{d}^2 x}{\mathrm{d}t^2} = \frac{eE}{m_e} = \frac{4\pi N e^2}{m_e} x \tag{9}$$

Уравнение (9) определяет плазменную частоту коллективных колебаний электронов:

$$\omega_p = \sqrt{\frac{4\pi N e^2}{m_e}} \tag{10}$$

#### Зонд с СВЧ-резонатором

Идея метода замера локальной плотности плазмы заключается в измерении собственной частоты резонатора, помещенного в неё.

$$\omega_{res} = \left(\frac{\pi}{2l}\right) \frac{c}{\sqrt{\varepsilon}},\tag{11}$$

где  $\omega_{res}$ - собственная частота резонатора.

В плазме:

$$\varepsilon = \varepsilon(\omega) = 1 - \frac{\omega^2}{\omega_p^2}.$$

Тогда сдвиг резонансной частоты по сравнению с вакуумом:

$$\omega_{res}^2 = \omega_{0res}^2 + \omega_p^2,$$

где  $\omega_{0res}$ — собственная частота резонатора в вакууме,а  $\omega_{p}$ — плазменная частота

При этом концентрация однозначно связана с плазменной частотой:

$$N = \frac{m_e \omega_p^2}{4\pi e^2} \tag{12}$$

#### Зонд с СВЧ-резонатором

В нашем случае резонатором является четвертьволновый отрезок двупроводной линии (четвертьволновый резонатор), замкнутый на одном конце и разомкнутый на другом.

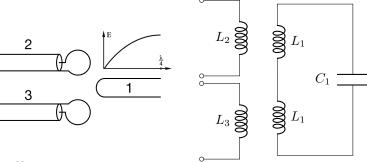


Рис.: Четвертьволновый резонатор

Рис.: Эквивалентная съема резонатора

#### Недостатки зонда с СВЧ-резонатором

- 1 Контактный метод измерения приводит к возмущению некоторой области около зонда. Характерный размер такой области определяется дебаевским радиусом экранирования и, как правило, оказывается существенно меньше размеров плазменного объема.
- Нелинейные свойства и гистерезисные явления. При сильных СВЧ-полях плазма вытесняется из области между проводами резонатора.

## Преимущества зонда с СВЧ-резонатором

- Позволяет определять локальное, слабовозмущенное значение плотности плазмы.
- 2 В сравнении с ленгмюровскими зондами, результаты измерений с помощью зонда с СВЧ-резонатором не зависят в допустимых пределах от электронной температуры плазмы.

#### Экспериментальная установка КРОТ

Размеры камеры: диаметр 3 м, длина 10 м.

Размеры соленоида: длина 3.5 м, диаметр 2 м.

Магнитное поле достигает величины  $B \approx 1000$  Эрстед.

Предельный вакуум, достигаемый в объеме камеры  $P = 3 \cdot 10^{-6}$  Торр.

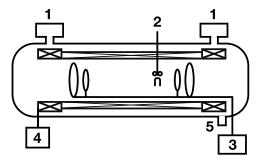


Рис.: 1 - вакуумная откачка, 2 - зонд с СВЧ-резонатором, 3 - ВЧ-генератор, 4 - соленоид с источником магнитного поля, 5 - напуск рабочего газа.

### Генерация плазмы в КРОТе

Для генерации плазмы используется индукционный газовый разряд, осуществляемый при помощи высокочастотных вихревых электрических полей, создаваемых катушками индуктивности, расположенными внутри установки.

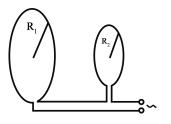
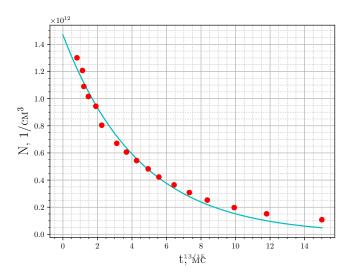


Рис.: Генерация ВЧ поля

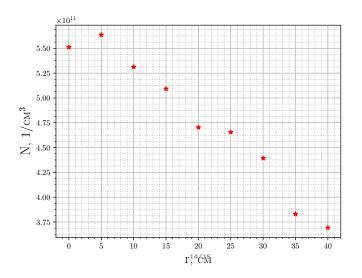
#### Распад плазмы

Из графика определили характерное время распада  $au_N = 4.4$  мс.



#### Зависимость на радиальной оси

Время после отключения ВЧ-генератора  $t=4.13~\mathrm{Mc}$ 



#### Выводы

- 1 Был изучен принцип работы зонда с СВЧ-резонатором
- 2 Была измерена локальная концентрация плазмы в зависимости от удалённости до её центра генерации
- 3 A также, снята временная зависимость концентрации для распадающейся плазмы