

Определение сложности алгоритмов  
(пример со столовой( $O(1)$ ) и рестораном( $O(N)$ ))

$O(1)$  – постоянное время

$O(N)$  – линейное время,  $N$  – кол-во людей

## Сложность алгоритма

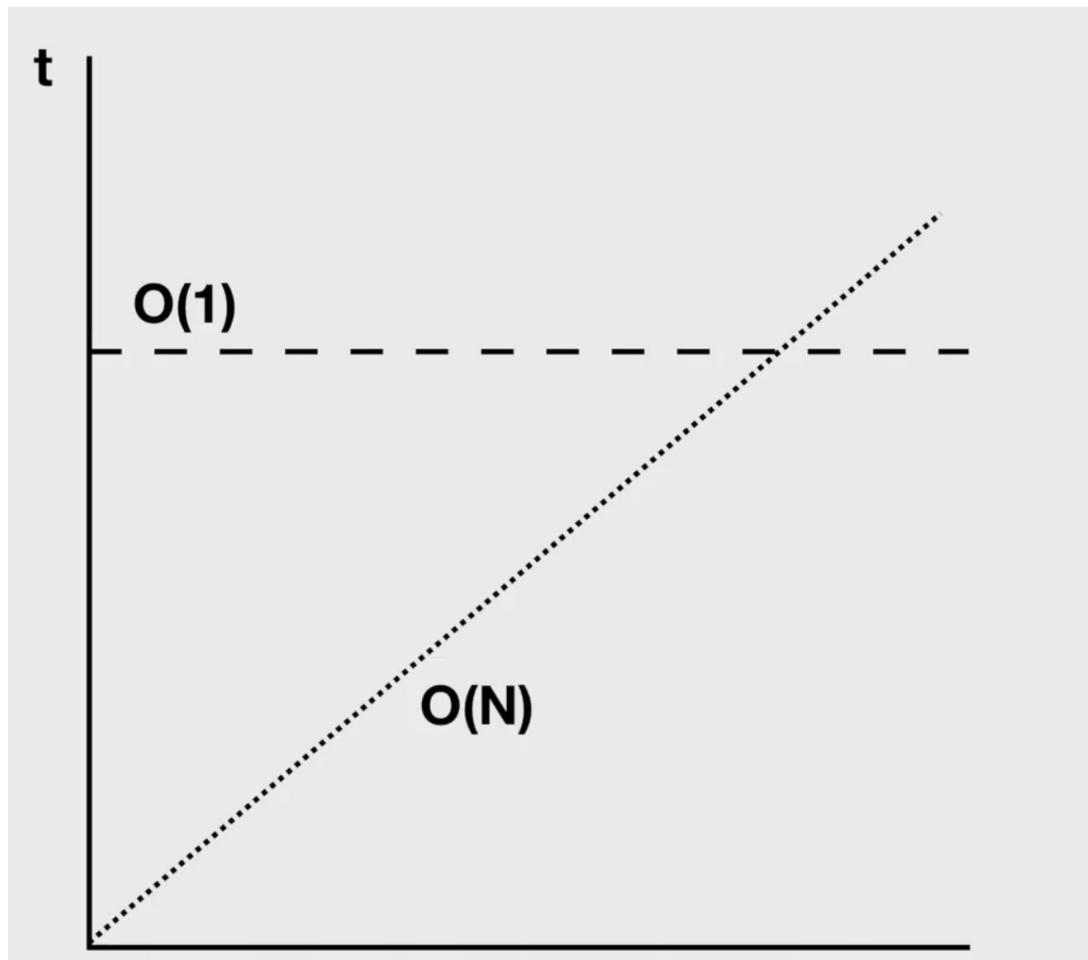
- **Сложность алгоритма** – это количественная характеристика ресурсов, необходимых алгоритму для успешного решения поставленной задачи.
- Основные ресурсы:
  - **время** (временная сложность) и
  - **объем** памяти (ёмкостная сложность).
- Наиболее важной характеристикой является **время**.

## Определите сложность

```
func getFirstElement(array: [Int]) -> Int {  
    return array[0]  
}  
  
getFirstElement(array: [4,3,6,8,2,5,6])
```

```
func getSum(array: [Int]) -> Int {  
    var sum = 0  
    for (_, item) in array.enumerated() {  
        sum = sum + item  
    }  
    return sum  
}  
  
getSum(array: [1,4,6,8,4,6])
```

# График

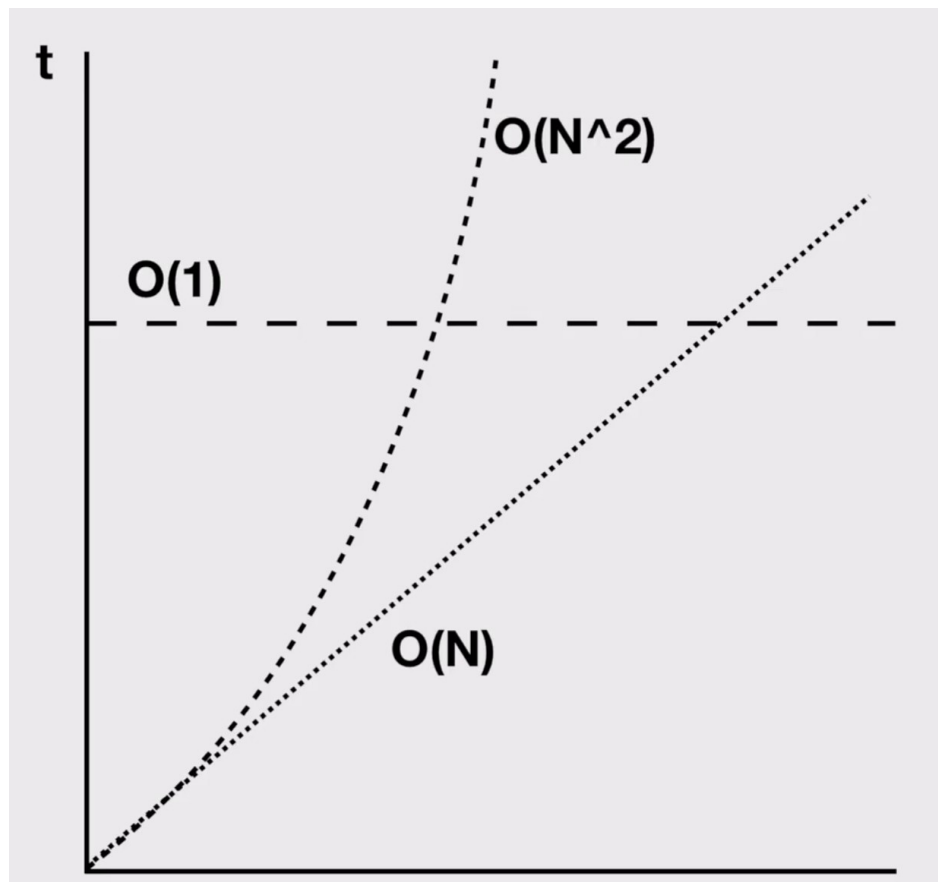


Необходимо найти первую пару в массиве

```
func findFirstPair(array: [Int]) -> Int? {  
    for i in 0 ..< array.count - 1 {  
        for j in i + 1 ..< array.count {  
            if array[i] == array[j] {  
                return array[i]  
            }  
        }  
    }  
    return nil  
}
```

```
findFirstPair(array: [1,3,6,8,1,4,7,9,3,5])
```

# График



## Еще примеры

```
func foo(array: [Int], min: inout Int, max: inout Int) {  
    for (_, item) in array.enumerated() {  
        if item < min {  
            min = item  
        }  
        if item < max {  
            max = item  
        }  
    }  
}
```

**$O(N)$**

```
func foo1(array: [Int], min: inout Int, max: inout Int) {  
    for (_, item) in array.enumerated() {  
        if item < max {  
            max = item  
        }  
    }  
    for (_, item) in array.enumerated() {  
        if item < min {  
            min = item  
        }  
    }  
}
```

**$O(2N)$   $\longrightarrow$   $O(N)$**

## Еще примеры

```
func foo(arrayA: [Int], arrayB: [Int]) {  
    for (_,item) in arrayA.enumerated() {  
        print(item)  
    }  
    for (_,item) in arrayB.enumerated() {  
        print(item)  
    }  
}
```

**$O(A + B)$**

```
func foo1(arrayA: [Int], arrayB: [Int]) {  
    for (_,_) in arrayA.enumerated() {  
        for (_,item) in arrayB.enumerated() {  
            print(item)  
        }  
    }  
}
```

**$O(A * B)$**

## Еще примеры

```
func foo1(arrayA: [Int], arrayB: [Int]) {  
    for (_,_) in arrayA.enumerated() {  
        for (_,item) in arrayB.enumerated() {  
            print(item)  
        }  
    }  
  
    for (_,item) in arrayA.enumerated() {  
        print(item)  
    }  
}
```

~~$O(A * B + A)$~~

$O(A * B)$

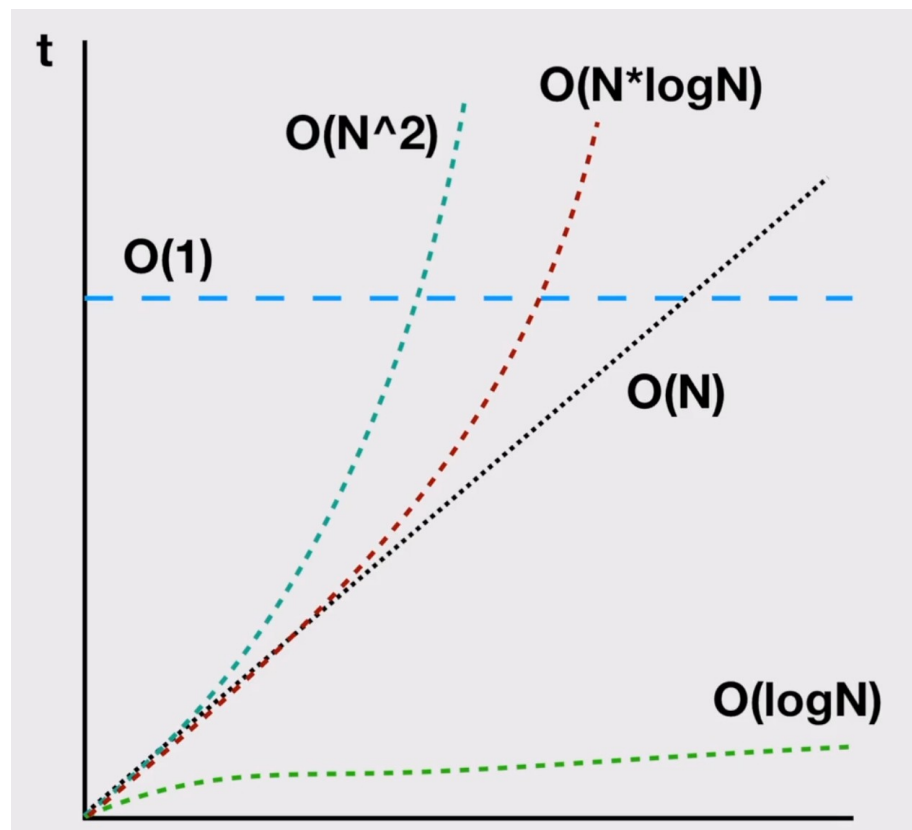
$O(N^2 + N) \longrightarrow O(N^2)$

$O(N + \log N) \longrightarrow O(N)$

$O(3N + 2^N) \longrightarrow O(2^N)$



# График



# Решите задачу #1

- На вход подается массив чисел [Int], и число value: Int
- На выходе получить индексы элементов, сумма которых равна value

# Уточняющие вопросы

- Сколько может быть решений?
- Элементы повторяются?
- Nil если ничего не найдено?

# Решение

- (arr: [ 3, 7, 6, 8, 16, 5 ], value: 15) →  $O(N^2)$
- Используем цикл в цикле и сравним все элементы

# Используем Hash таблицу

- (arr: [ 3, 7, 6, 8, 16, 5 ], value: 15) →  $O(N)$
- Записывая каждый элемент проверяем его, ищем, если (15 - новый элемент) есть уже в записанных ключах, то мы возвращаем их значения

Ключ	Значение
3	0
7	1
6	2
8	3

# Решите задачу #2

- Удалить одинаковые значения из отсортированного массива, добиться  $O(N)$
- $[2, 2, 5] \rightarrow 2$
- $[0, 0, 1, 1, 3, 4, 4, 4, 5, 5, 8] \rightarrow 6$

# Решение

- Сравниваем элемент с предыдущим, если совпадает, удаляем
- [ 0, 0, 1, 1, 3, 4, ~~4~~, ~~4~~, 5, 5, 8 ] → 6

# Решите задачу #3

- На вход подается [Int], в этом массиве нужно найти такой подмассив, который, если вы отсортируете по возрастанию → отсортируется весь массив.  $O(N)$ .
- [ 1,4,3,2,6 ] → искомый [ 4,3,2 ] → 3
- [ 6,4,10,10,4,15 ] → искомый [ 6,4,10,10,4 ] → 5
- [ 1,1 ] → нет → 0



# Решение

- [ 1, 4, 2, 3, 2, 6 ]
- $a = 4, b = 2$
- $L = b - a + 1 // ( 4 - 1 + 1 = 4 )$
- `var max = 1;`
- Сравниваем с максимальным ( $4 > \max(1)?$ ) →  $\max = 4$
- ( $2 > \max(4)?$ ) → записываем индекс 2
- ( $3 > \max(4)?$ ) → записываем индекс 3
- ( $2 > \max(4)?$ ) → записываем индекс 4
- ( $6 > \max(4)?$ ) →  $\max = 6$
- Далее ищем минимальное значение в обратном порядке
- `var min = 6`
- $2 < \min(6)$  →  $\min = 2$
- $3 < \min(2)$  → записываем индекс 3
- ... нашли стартовый индекс 1