(a)



It is given that β is an angle between 90° and 180° such that $\sin \beta = a$.		
Express $\tan^2 \beta - 3 \sin \beta \cos \beta$ in terms of a.	[3]	
	•••••	
	••••••	
	••••••	
	••••	
	•••••	
	•••••	
	••••••	
	••••••	
	••••••	
	•••••	
	•••••	
	•••••	
	•••••	
	•••••	
	•••••	
	•••••	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	

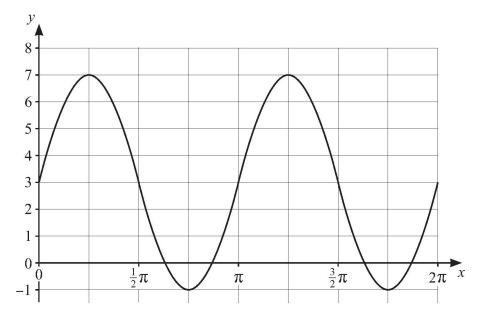


(b)

Solve the equation $\sin^2 \theta + 2\cos^2 \theta = 4\sin \theta + 3$ for $0^{\circ} < \theta < 360^{\circ}$.	[5]
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	•••••
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •

11

2



The diagram shows the curve with equation $y = a\sin(bx) + c$ for $0 \le x \le 2\pi$, where a, b and c are positive constants.

(a)	State the values of a , b and c .	[3]
		••••••
		•••••
		•••••
		•••••
		•••••

(b) For these values of a, b and c, determine the number of solutions in the interval $0 \le x \le 2\pi$ for each of the following equations:

(i)
$$a\sin(bx) + c = 7 - x$$
 [1]

(ii)
$$a\sin(bx) + c = 2\pi(x-1)$$
. [1]

DO NOT WRITE IN THIS MARGIN



2 Find the exact solution of the equation

$\cos\frac{1}{6}\pi + \tan 2x + \frac{\sqrt{3}}{2} = 0 \text{ for } -\frac{1}{4}\pi < x < \frac{1}{4}\pi.$	[2]
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	••••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••

	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••

3

4



5

Solve the equation $4\sin^4\theta + 12\sin^2\theta - 7 = 0$ for $0^\circ \le \theta \le 360^\circ$.	[4]
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	••••••
	•••••
	••••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	••••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••

9709/13/O/N/24