

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Национальный исследовательский  
Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»  
(ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:

«Битовые поля и множества»

Выполнил(а): студент(ка) группы  
3822Б1ФИ2

\_\_\_\_\_ / Холин К.И  
Подпись

Проверил: к.т.н, доцент каф. ВВиСП  
\_\_\_\_\_ / Кустикова В.Д./  
Подпись

Нижний Новгород  
2023

# Содержание

Введение.....	3
1 Постановка задачи.....	4
2 Руководство пользователя.....	5
2.1 Приложение для демонстрации работы битовых полей .....	5
2.2 Приложение для демонстрации работы множеств .....	6
2.3 «Решето Эратосфена» .....	9
3 Руководство программиста .....	11
3.1 Описание алгоритмов .....	11
3.1.1 Битовые поля .....	11
3.1.2 Множества .....	16
3.1.3 «Решето Эратосфена» .....	22
3.2 Описание программной реализации .....	22
3.2.1 Описание класса TBitField .....	22
3.2.2 Описание класса TSet .....	26
Заключение .....	31
Литература .....	32
Приложения .....	33
Приложение А. Реализация класса TBitField .....	33
Приложение Б. Реализация класса TSet.....	36

## Введение

В C++ иногда возникают такие ситуации, когда информацию об объекте достаточно хранить в формате состояний (статусов), представляющих из себя 0 и 1. На этом основывается проект Множества, который использует интерфейс битовых полей для реализации работы с теоретико-множественными операциями. Это самый оптимальный вариант, поскольку он даёт нам возможность использовать не всю предоставляемую типом данных память, а только его часть. Обращение к определённому биту позволяет нам узнать его состояние для выполнения конкретной задачи. Например, чтобы проверить элемент на принадлежность множеству в нашем случае. Битовые поля в этом случае играют важную роль.

# 1 Постановка задачи

Цель – реализовать классы: TSet и TBitField

Задачи:

1. Класс для работы с множествами должен поддерживать эффективное хранение данных.
2. Написать следующие операции для работы с битовыми полями: установить бит в 1, установить бит в 0, получить значение бита, сравнить два битовых поля, сложить и инвертировать, вывести битовое поле требуемого формата и ввести битовое поле.
3. Добавить вспомогательные операции получения бита, маски бита, длины битового поля.
4. Написать следующие операции для работы с множествами: вставка элемента, удаление, проверка наличия, сравнение множеств, объединение множеств, пересечение, разность, копирование, вычисление мощности множества, вывод элементов множества требуемого формата и ввод.
5. Добавить вспомогательные операции для получения мощности множества.

## 2 Руководство пользователя

### 2.1 Приложение для демонстрации работы битовых полей

1. Запустите приложение с названием sample\_TBitField.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 1).

```
Создание битовых полей...

Битовое поле bf:      000000000000000000000000
Битовое поле copy_bf: 000000000000000000000000
Битовое поле bf2:     000000000000000000000000

Длина битового поля bf = 21

Заполните битовое поле bf:
0110101010
Установка битового поля bf...
Битовое поле bf: 011010101000000000000000

Заполните битовое поле bf2:
00010100111
Установка битового поля bf2...
Битовое поле bf2: 000101001110000000000000

Очистка 4-ого бита битового поля bf...
Состояние 4-ого бита bf: 0
Битовое поле bf: 011000101000000000000000

Битовые поля bf и bf2 различны
Битовые поля bf и bf2 различны

Выполнение операций над битовыми полями:

operator &: bf и bf2
000000001000000000000000

operator | bf2 или bf
011101101110000000000000

operator ~ не bf
100111010111111111111111

Результаты операций:
Битовое поле res1: 000000001000000000000000
Битовое поле res2: 011101101110000000000000
Битовое поле res3: 100111010111111111111111
```

Рис. 1. Основное окно программы

2. На первом шаге создаются 3 битовых поля(рис.2)

```
Битовое поле bf:      000000000000000000000000
Битовое поле copy_bf: 000000000000000000000000
Битовое поле bf2:     000000000000000000000000
```

Рис.2 Создание битовых полей

3. На следующем шаге выполняется установка битового поля bf и выводится его длина(рис.3)

```
Заполните битовое поле bf:
0110101010
Установка битового поля bf...
Битовое поле bf: 0110101010000000000000
```

Рис.3 Установка битового поля bf с выводом длины

4. Далее выполняется установка битового поля bf2(рис.4)

```
Заполните битовое поле bf2:
00010100111
Установка битового поля bf2...
Битовое поле bf2: 000101001110000000
```

Рис.4 Установка битового поля bf2

5. На 5 шаге удаляется бит с номером 4 из битового поля bf(рис.5)

```
Очистка 4-ого бита битового поля bf...
Состояние 4-ого бита bf: 0
Битовое поле bf: 0110001010000000000000
```

Рис.5 Удаление 4-го бита битового поля bf2

6. В первой строке проверяется операция равенства битовых полей bf и bf2, а во второй- операция неравенства(рис.6)

```
Битовые поля bf и bf2 различны
Битовые поля bf и bf2 различны
```

Рис.6 Сравнение битовых полей

7. На данном этапе выполняются различные операции с битовыми полями(рис.7)

```
operator &: bf и bf2
000000001000000000

operator | bf2 или bf
011101101110000000

operator ~ не bf
100111010111111111
```

Рис.7 Операции над битовыми полями

8. На завершающем шаге выводятся результаты вычислений(рис.8)

```
Результаты операций:
Битовое поле res1: 000000001000000000
Битовое поле res2: 011101101110000000
Битовое поле res3: 100111010111111111
```

Рис.8 Результаты вычислений

## 2.2 Приложение для демонстрации работы множеств

1. Запустите приложение с названием sample\_tset.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 1).

```

Создание множеств...

Представление мощностей множеств:
Мощность множества A = 11
Мощность множества B = 21
Мощность множества копии B = 21
Мощность множества C = 16

Ввод элементов множества A:
Введите элементы множества A
How many element do you want enter?
8
2 3 4 5 9 10 0 1
Continue?(1/0)0

Ввод элементов множества B:
Введите элементы множества B
How many element do you want enter?
5
5 1 9 0 4
Continue?(1/0)0

Ввод элементов множества C:
Введите элементы множества C
How many element do you want enter?
3
2 4 6
Continue?(1/0)0

Сравнение множеств A и B:

Проверка на равенство:
Множества A и B разной мощности

Проверка на неравенство:
Множества A и B разной мощности

Выполнение теоретико-множественных операций над множествами:

Объединение множества A с элементом 9
A= {0,1,2,3,4,5,9,10,}

Разность множества B с элементом 14
B= {0,1,4,5,9,}

Объединение множества A с множеством B
res1= {0,1,2,3,4,5,9,10,}

Пересечение множества A с множеством C
res2= {2,4,}

Дополнение к множеству C
res3= {0,1,3,5,7,8,9,10,11,12,13,14,15,}

Разность множеств A и C
res4= {0,1,3,5,9,10,}

Множества A,B,C
A= {0,1,2,3,4,5,9,10,}
B= {0,1,4,5,9,}
C= {2,4,6,}

```

Рис.1 Окно основной программы

2. По началу множества пустые, так как в них не содержится элементов.

Далее представлены мощности множеств (рис.2)

```
Представление мощностей множеств:  
Мощность множества A = 11  
Мощность множества B = 21  
Мощность множества копии B = 21  
Мощность множества C = 16
```

Рис.2 Мощности множеств A, B, C

3. На третьем этапе представлен процесс заполнения множеств элементами, введёнными с клавиатуры (рис.3)

```
Ввод элементов множества A:  
Введите элементы множества A  
How many element do you want enter?  
8  
2 3 4 5 9 10 0 1  
Continue?(1/0)0  
  
Ввод элементов множества B:  
Введите элементы множества B  
How many element do you want enter?  
5  
5 1 9 0 4  
Continue?(1/0)0  
  
Ввод элементов множества C:  
Введите элементы множества C  
How many element do you want enter?  
3  
2 4 6  
Continue?(1/0)0
```

Рис.3 Заполнение множеств A, B, C

4. В этом случае сравниваются два множества на равенство и неравенство (рис.4)

```
Сравнение множеств A и B:  
  
Проверка на равенство:  
Множества A и B разной мощности  
  
Проверка на неравенство:  
Множества A и B разной мощности
```

Рис.4 Сравнение множеств A и B

5. На рис.5 приведены основные операции с множествами (рис.5)



```

Объединение множества A с элементом 9
A= {0,1,2,3,4,5,9,10,}

Разность множества B с элементом 14
B= {0,1,4,5,9,}

Объединение множества A с множеством B
res1= {0,1,2,3,4,5,9,10,}

Пересечение множества A с множеством C
res2= {2,4,}

Дополнение к множеству C
res3= {0,1,3,5,7,8,9,10,11,12,13,14,15,}

Разность множеств A и C
res4= {0,1,3,5,9,10,}

```

Рис.5 Основные операции с множествами A,B,C

6. В завершение были выведены множества A,B,C, которые принимали участие в программе(рис.6)

```

Множества A,B,C
A= {0,1,2,3,4,5,9,10,}
B= {0,1,4,5,9,}
C= {2,4,6,}

```

Рис.6 Вывод множеств A,B,C

## 2.3 «Решето Эратосфена»

1. Откройте приложение sample\_primenumbers.exe. В результате появится окно ниже(рис.1)

```

Prime numbers
Решето Эратосфена
Введите максимально целое число:
_

```

Рис.1 Окно основной программы

2. Вам будет необходимо ввести число ,до которого будут выведены все простые числа на экран. Для примера введём число 30 и посмотрим на результат(рис.2)

```
Prime numbers
Решето Эратосфена
Введите максимально целое число:
30
Простые числа{2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,}
```

3. Рис.2 Все простые числа от 2 до 30

## 3 Руководство программиста

### 3.1 Описание алгоритмов

#### 3.1.1 Битовые поля

Битовые поля представляют из себя последовательность нулей и единиц. Элемент битового поля может находиться в двух состояниях: 1 и 0. 1-элемент содержится в множестве, а 0 – элемент не содержится в множестве. Данный алгоритм позволяет реализовать интерфейс для работы с множествами.

Пусть дано множество A:

$$A = \{ 0, 2, 3, 4, 6 \}$$

index	0	1	2	3	4	5	6	7
bits	1	0	1	1	1	0	1	0

Битовое поле:

1	0	1	1	1	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---

Описания методов:

Конструктор инициализатор

Входные параметры: len – длина битового поля.

Выходные параметры: отсутствуют.

Алгоритм:

1. Вычисляется количество элементов памяти для хранения битового поля.
2. Выделяется память под массив для хранения битового поля размера MemLen.
3. Функция memset инициализирует память нулевыми значениями.

Конструктор копирования.

Входные данные: константная ссылка на объект типа TBitField.

Выходные данные: отсутствуют.

Алгоритм:

Копирует значения полей переданного объекта в поля текущего объекта.

Деструктор.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют

Алгоритм:

1. Освобождает выделенную память из-под массива pMem.
2. Устанавливает значения полей объекта в 0.

GetMemMask

Входные данные: n – номер бита

Выходные данные: число типа TELEM, где TELEM – тип элементов массива pMem.

Алгоритм:

Выполняет побитовый сдвиг единицы влево на  $(n \& (\text{BitsInMem}-1))$  бит, где BitsInMem – это количество битов одной единице памяти.

0	0	n	...	...	0	0	0
---	---	---	-----	-----	---	---	---

GetLength

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: BitLen – длина битового поля.

Алгоритм:

Возвращает длину битового поля.

SetBit

Входные данные: n – номера бита.

Выходные данные: отсутствуют.

Алгоритм:

1. Проверка номера бита на границы битового поля.

2. Выполняем операцию побитового сложения с элементом и битовой маской по номеру бита  $n$ . Используются методы `GetMemIndex` и `GetMemMask` соответственно.
3. Результат сложения записывается по номеру элемента в памяти. Используется метод `GetMemIndex`.

#### `ClrBit`

Выходные данные:  $n$  – номер бита.

Входные данные: отсутствуют.

Алгоритм:

1. Проверка номера бита на границы битового поля.
2. Выполняем операцию побитового умножения с элементом и битовой маской (битовая маска инвертируется с помощью операции  $\sim$ ). Используются методы `GetMemIndex` и `GetMemMask` соответственно.
3. Результат умножения записывается по номеру элемента в памяти.

#### `GetBit`

Входные данные:  $n$  – номер бита

Выходные данные: значение бита с номером  $n$

Алгоритм:

Возвращает значение бита с номером  $n$ .

#### `Operator!=`

Входные данные: константная ссылка на тип `TBitField`

Выходные данные: число: 0 или 1

Алгоритм:

1. Выполняет побитовое сравнение значений битовых полей.
2. Возвращает 0 – битовые поля не равны, или 1 – битовые поля равны

#### `Operator==`

Входные данные: константная ссылка на тип `TBitField`

Выходные данные: число 0 или 1

Алгоритм:

- 1.Выполняет побитовое сравнение значений битовых полей.
- 2 .Возвращает 0 – битовые поля не равны, или 1 – битовые поля равны

Operator=

Входные данные: константная ссылка на объект типа TBitField

Выходные данные: \*this – ссылка на объект себя

Алгоритм:

1. Проверка на самоприсваивание.
2. Проверка на равенство длин битовых полей. Иначе память перевыделяется.
3. Копирование значений элементов переданного объекта в текущий объект.
4. Возвращается \*this.

Operator&

Входные данные: константная ссылка на объект типа TBitField

Выходные данные: объект типа TBitField

Алгоритм:

- 1.Создаётся копия текущего объекта
2. Побитовое умножение битовых полей. Если оба значения бита равны 1,результат равен 1 . Иначе если хотя бы 1 ноль,то результирующий бит равен 0.
3. Возвращается объект типа TBitField как результат побитового умножения.

BF1	1	1	1	1	0	1	0
BF2	0	1	1	1	0	0	0
BF1&BF2	0	1	1	1	0	0	0

Operator~

Входные данные: отсутствуют

Выходные данные: объект типа TBitField

Алгоритм:

1. Проверка на равенство размерам. Иначе создаётся временный объект, выделяется память под нужный размер, значения старой памяти копируются в новую и старая память удаляется.
2. Указатель на старую память получает значение указателя на выделенную память и временный объект удаляется.

3. Выполняется побитовое сложение. Если при сложении значений битовых полей оба бита равны 0, то результирующее значение 0. Если хотя бы 1 единица, то результирующее значение 1.
4. Возвращается объект типа TBitField как результат инвертации.

BF1	1	1	0	1	0	1	0
~BF1	0	0	1	0	1	0	1

Operator|

Входные параметры: константная ссылка на объект типа TBitField

Выходные параметры: объект типа TBitField

Алгоритм:

1. Проверка на равенство размеров. Иначе создаётся временный объект, выделяется память под нужный размер, значения старой памяти копируются в новую и старая память удаляется.
2. Указатель на старую память получает значение указателя на выделенную память и временный объект удаляется.
3. Выполняется побитовое сложение. Если при сложении значений битовых полей оба бита равны 0, то результирующее значение 0. Если хотя бы 1 единица, то результирующее значение 1.
4. Возвращается объект типа TBitField как результат побитового сложения.

BF1	1	1	0	1	0	1	0
BF2	0	0	1	1	0	0	0
BF1 BF2	1	1	1	1	0	1	0

Operator>>

Входные параметры: istr - ссылка на стандартный поток ввода, неконстантная ссылка на объект типа TBitField.

Выходные параметры: istr – ссылка на стандартный поток ввода.

1. Вводится посл-ть из 0 и 1

2. Если значение 0, то вызывается метод `ClrBit` и соответствующее значение бита битового поля устанавливается в 0. В противном случае вызывается метод `SetBit`.
3. Возвращается ссылка на стандартный поток `istr`.

Operator<<

Входные данные: `ostr` – ссылка на стандартный поток вывода, константная ссылка на объект типа `TBitField`.

Выходные данные: `ostr` - ссылка на стандартный поток вывода

Алгоритм:

1. Открывается фигурная скобка {
2. Выполняется проверка на принадлежность  $i$ -того элемента множества. Если  $i$ -тый элемент принадлежит множеству, то выводится на консоль с помощью метода `GetBit`. Иначе счётчик увеличивается на 1 и итерация повторяется
3. Закрывается фигурная скобка }.
4. Возвращается ссылка на стандартный поток вывода.

### 3.1.2 Множества

Множества по идее наследуются от класса `TBitField`. Множество – это класс `TSet`, реализованный на основе класса `TBitField`. Работа `TSet` заключается в том, что он использует класс `TBitField` как инструмент для создания множеств и осуществления теоретико-множественных операций

Описания методов:

Конструктор инициализатор.

Входные параметры: `mp` - максимальная мощность множества

Выходные параметры: отсутствуют



Алгоритм:

1. Поле MaxPower инициализируется значением mp.
2. Присваивание полю BitField значения bf..

Конструктор копирования.

Входные значения: константная ссылка на объект типа TSet

Выходные значения: отсутствуют

Алгоритм:

Выполняется копирование значений полей переданного объекта в текущий объект.

Конструктор преобразования:

Входные данные: константная ссылка на объект типа TBitField

Выходные данные: отсутствуют

Алгоритм:

1. MaxPower инициализируется значением len.
2. Присваивание TBitField и bf.

Operator TBitField()

Входные параметры: отсутствуют

Выходные параметры: объект типа TBitField

Алгоритм:

1. Создаётся новый объект типа TBitField с вызовом конструктора копирования.
2. Возвращается новый объект типа TBitField.

GetMaxPower

Входные данные: отсутствуют

Выходные данные: MaxPower- максимальная мощность множества.

Алгоритм:

Возвращается максимальная мощность множества.

InsElem

Входные данные: elem- элемент включения во множество

Выходные данные: отсутствуют

Алгоритм:

Вызывает метод Setbit с переданным параметром elem.

### DelElem

Входные параметры: elem – элемент для исключения из множества

Выходные параметры: отсутствуют

Алгоритм:

Вызывается метод ClrBit с переданным параметром elem.

### IsMember

Входные параметры: elem- элемент для проверки на принадлежность множеству

Выходные параметры: число: 0 или 1

Алгоритм:

1. Вызывает метод GetBit с переданным параметром elem.
2. Возвращает результат вызова метода GetBit. 1 – элемент принадлежит множеству, 0 – не принадлежит.

### Operator==

Входные параметры: константная ссылка на объект типа TSet

Выходные параметры: число: 0 или 1

Алгоритм:

1. Выполняется сравнение битовых полей двух множеств.
2. Возвращается 0 – множества равны, 0 – не равны

### Operator!=

Входные параметры: константная ссылка на объект типа TSet

Выходные параметры: число: 0 или 1

Алгоритм:

1. Выполняется сравнение битовых полей двух множеств.
2. Возвращается 0 – множества не равны. 1 – не равны

Operator=

Входные параметры: константная ссылка на объект типа TSet

Выходные параметры: \*this – ссылка на объект себя.

Алгоритм:

1. Проверка на самоприсваивание.
2. Присваивание BitField и bf.
3. Возвращается \*this

Operator+

Входные параметры: elem – элемент для объединения с множеством

Выходные параметры: новый объект TSet с объединённым элементом

Алгоритм:

1. Создаётся новый объект TBitField – копия BitField Вызывается метод SetBit с переданным параметром elem.
2. Возвращается конструктор преобразования с результирующим объектом.

$A = \{1, 2, 3\}$  MaxPower = 6, elem = 5

$A' = \{1, 2, 3, 5\}$

A	0	1	1	3	0	0
A+elem	0	1	1	1	0	1

Operator-

Входные параметры: elem – элемент для вычитания из множества

Выходные параметры: новый объект TSet с удалённым элементом

Алгоритм:

1. Создаётся новый объект TBitField – копия BitField
2. Вызывается метод ClrBit с переданным параметром elem.
3. Возвращается конструктор преобразования TSet с результирующим объектом.

$A = \{0, 1, 2, 4, 5\}$  MaxPower = 6, elem = 5

$A' = \{0, 1, 2, 4\}$

A	1	1	1	0	1	1
A-	1	1	1	0	1	0

elem						
------	--	--	--	--	--	--

#### Operator+

Входные параметры: константная ссылка на объект типа TSet

Выходные данные: новый объект TSet с результатом объединения множеств.

Алгоритм:

1. Создаётся новый объект TBitField – копия BitField
2. Выполняется побитовое сложение двух битовых полей.
3. Возвращается конструктор преобразования TSet с результирующим объектом.

$A = \{1, 2, 4, 5\}, \text{MaxPower} = 6$

$B = \{0, 3\}, \text{MaxPower} = 6$

$A|B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$

A	0	1	1	0	1	1
B	1	0	0	1	0	0
A B	1	1	1	1	1	1

#### Operator~

Входные данные: отсутствуют

Выходные данные: новый объект типа TSet

Алгоритм:

1. Создаётся новый объект типа TBitField – копия BitField
2. Применяется операция ~ для битового поля.
3. Возвращается конструктор преобразования TSet с результирующим объектом.

$A = \{1, 4, 5\}, \text{MaxPower} = 6$

$\sim A = \{0, 2, 3\}$

A	0	1	1	0	1	1
$\sim A$	1	0	0	1	0	0

#### Operator&

Входные параметры: константная ссылка на объект типа TSet

Выходные параметры: новый объект типа TBitField с объединением множеств.

Алгоритм:

1. Создаётся новый объект типа TBitField – копия BitField.
2. Выполняет побитовое умножение битовых полей.
3. Возвращается конструктор преобразования TSet с результирующим объектом.

$A = \{1, 2, 4, 5, 0\}, \text{MaxPower} = 6$

$B = \{0, 3, 1\} \text{MaxPower} = 6$

A	0	1	1	0	1	1
B	1	1	0	1	0	0
A B	0	1	0	0	0	0

Operator-

Входные данные: константная ссылка на объект типа TSet

Выходные параметры: новый объект типа TBitField с исключёнными элементами.

Алгоритм:

1. Создаётся новый объект 1 типа TBitField – копия BitField.
2. Создаётся новый объект 2 типа TBitField – копия переданного объекта.
3. Выполняется побитовое умножение объекта 1 и инвертированного объекта 2.
4. Возвращается конструктор преобразования TSet с результирующим объектом.

$A = \{1, 2, 3, 5\}, \text{MaxPower} = 6$

$B = \{2, 3, 4, 0\} \text{MaxPower} = 6$

A	0	1	1	1	0	1
B	1	0	1	1	1	0
~B	0	1	0	0	0	1
A-B	0	1	0	0	0	1

Operator>>

Входные данные: : istr - ссылка на стандартный поток ввода, неконстантная ссылка на объект типа TBitField.

Выходные данные: ссылка на стандартный поток ввода

Алгоритм:

1. Вводится кол-во элементов, которое необходимо добавить в множество.
2. Вводятся последовательно некоторые числа(элементы множества)
3. Вызывается метод InsElem.
4. Возвращается ссылка на стандартный поток ввода

Operator<<

Входные данные:

Выходные данные:

Алгоритм:

1. Открывается фигурная скобка {
2. Получаем размер множества.
3. В цикле делаем проверку на принадлежность i-того элемента множеству.
4. Если i-тый элемент принадлежит множеству, то выводится на экран i-тый элемент. Иначе следующая итерация.
5. Закрывается фигурная скобка.
6. Возвращается ссылка на стандартный поток вывода.

### 3.1.3 «Решето Эратосфена»

Решето Эратосфена – это алгоритм, позволяющий найти все простые числа до заданного числа n. Суть этого алгоритма заключается в следующем:

1. Выписать подряд все числа от 2 до n
2. Пусть у нас есть переменная p=2 – первое простое число
3. Зачёркиваем все числа, кратные 2p, 3p, 4p...
4. Находим первое простое число в списке, большее p. Присваиваем его p
5. Повторяем шаги 3 и 4.

Данный алгоритм позволяет легко и быстро найти все простые числа.

## 3.2 Описание программной реализации

### 3.2.1 Описание класса TBitField

```
class TBitField
{
private:
    int BitLen;
    TELEM *pMem;
    int MemLen;
```

```

// методы реализации
int GetMemIndex(const int n) const;
TELEM GetMemMask (const int n) const;

int BitsInMem = 16;
int shiftsize = 4;

public:
TBitField(int len);
TBitField(const TBitField &bf);
~TBitField();

// доступ к битам
int GetLength(void) const;
void SetBit(const int n);
void ClrBit(const int n);
int GetBit(const int n) const;
// битовые операции
int operator==(const TBitField &bf) const;
int operator!=(const TBitField &bf) const;
const TBitField& operator=(const TBitField &bf);
TBitField operator|(const TBitField &bf);
TBitField operator&(const TBitField &bf);
TBitField operator~(void);

friend istream& operator>>(istream& istr, TBitField& obj);
friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TBitField &bf);
};

```

Назначение: представление битового поля.

Поля:

**BitLen** – длина битового поля – максимальное количество битов.

**pMem** – память для представления битового поля.

**MemLen** – количество элементов для представления битового поля.

<b>GetMemIndex</b>	<b>GetMemMask</b>	<b>GetLength</b>	<b>SetBit</b>
Назначение: Получение индекса элемента памяти	Назначение: Получение битовой маски по номеру бита	Назначение: Получение длины битового поля	Назначение: Установить бит в единицу
Входные Параметры: n- Номер бита	Входные Параметры: n- Номер бита	Входные Параметры: Отсутствуют	Входные Параметры: n- Номер бита
Выходные параметры: Номер элемента памяти	Выходные Параметры: Битовая маска	Выходные параметры: Длина битового поля	Выходные параметры: отсутствуют
<b>ClrBit</b>	<b>GetBit</b>		
Назначение: Установить бит в ноль	Назначение: Получение значения бита		
Входные Параметры: n- Номер бита	Входные Параметры: n- Номер бита		
Выходные параметры: отсутствуют	Выходные параметры: Получение значения бита (0 или 1)		



## Операции

**Вывод**  
**Operator<<**  
Назначение:

Вывод битового поля

**Ввод**  
**Operator>>**  
Назначение:

ввод битового поля

Входные

параметры:

ostream& ostr-ссылка на поток.

const TBitField& bf

Константная ссылка

на битовое поле

Входные

параметры:

Istream& istr-Ссылка на поток,

TBitFitField& bf-

неконстантная ссылка

на битовое поле

Выходные

параметры:

поток с

битовым полем формата

(1010101 и т.д)

Выходные

параметры:

поток с введённой

битовой строкой

## Конструкторы/деструктор

**Конструктор**  
**инициализатор**  
Назначение:

Создание

битового поля

**Конструктор**  
**копирования**  
Назначение:

Копирование

битовых полей

Входные

параметры:

Len-Длина

битового поля

Выходные

параметры:

Отсутствуют

Входные

Параметры:

Const TBitField& bf –

Константная ссылка на битовое поле

Выходные

параметры:

отсутствуют

Деструктор  
Назначение:  
Освобождение памяти

Входные  
параметры:  
отсутствуют

Выходные  
параметры:

### 3.2.2 Описание класса TSet

```
class TSet
{
private:
    int MaxPower;
    TBitField BitField;
public:
    TSet(int mp);
    TSet(const TSet &s);
    TSet(const TBitField &bf);
    operator TBitField();
    // доступ к битам
    int GetMaxPower(void) const;
    void InsElem(const int Elem);
    void DelElem(const int Elem);
    int IsMember(const int Elem) const;
    // теоретико-множественные операции
    int operator== (const TSet &s) const;
    int operator!= (const TSet &s) const;
    const TSet& operator=(const TSet &s);
    TSet operator+ (const int Elem);

    TSet operator- (const int Elem);

    TSet operator+ (const TSet &s);
    TSet operator* (const TSet &s);
    TSet operator~ (void);
    TSet operator- (const TSet& obj);

    friend istream &operator>>(istream &istr, TSet &bf);
    friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TSet &bf);
};
```

Битовые поля:

MaxPower – максимальная мощность множества  
TBitField – битовое поле

## Методы

<b>GetMaxPower</b>	<b>InsElem</b>	<b>DelElem</b>	<b>IsMember</b>
Назначение:	Назначение:	Назначение:	Назначение:
Получение	Добавление	Исключение	Проверка на
мощности	элемента в множество	элемента из множества	принадлежность
множества			
	Входные	Входные	Входные
Входные	параметры:	Параметры:	параметры:
параметры:		Elem– удаляемый	Elem – элемент
Отсутствуют	Elem-	элемент	для проверки
	добавляемый элемент		
Выходные		Выходные	Выходные
Параметры:	Выходные	параметры:	параметры:
Мощность	параметры:	отсутствуют	Значение бита
множества	отсутствуют		(0 или 1)

## Операции

<b>Равенство (==)</b> <b>Operator==</b> Назначение:  Проверка на  равенство двух  множеств	<b>Неравенство (!=)</b> <b>Operator!=</b> Назначение:  Проверка на  неравенство двух  множеств	<b>Присваивание (=)</b> Назначение:  Присвоение значений  полей одного объекта  классу другому
Входные  параметры:  s- множество	Входные  параметры:  s – множество	Входные  параметры:  s – множество
Выходные  параметры:  Целое число  (0 или 1)	Выходные  параметры:  Целое число  (0 или 1)	Выходные  параметры:  Ссылка на объект  своего класса TSet
<b>Объединение с элементом Operator+</b> Назначение:  Побитовое  сложение  элемента  множества с  элементом  Входные  параметры:  Elem-  добавляемый  элемент	<b>Пересечение с элементом operator&amp;</b> Назначение:  Побитовое  умножение  соответствующего  элемента множества с  элементом  Входные  параметры:  Elem—  добавляемый элемент	<b>Пересечение множеств Operator&amp;</b> Назначение:  Побитовое  умножение элементов  двух множеств  Входные  параметры:  s – множество

Выходные параметры: Результирующее множество	Выходные параметры: Результирующее множество	Выходные параметры: Результирующее множество
<b>Разность с элементом operator-</b> Назначение: Исключение соответствующего элемента множества Входные параметры: Elem – вычитаемый элемент Выходные параметры: Результирующее множество	<b>Дополнение к множеству operator~</b> Назначение: Инвертировать значения битового поля. Это и будет дополнение к множеству. Входные параметры: отсутствуют Выходные параметры: Результирующее множество	<b>Вывод Operator&lt;&lt;</b> <b>Назначение:</b> Вывод элементов множества в формате({e1,e2,...,en}) Входные параметры: Ostream& ostr- ссылка на поток, Const TSet& s- константная ссылка на объект класса TSet Выходные параметры: Поток с множеством формата(A={e1,e2,...,en} и т.д)

**Ввод  
Operator>>**  
Назначение:  
Заполнение  
множества  
элементами

Входные  
параметры:  
Istream& istr  
– ссылка на  
поток, TSet& s –  
ссылка на объект  
класса TSet

**Конструктор  
инициализатор**  
Назначение:  
Создание  
множеств

**Конструктор  
Копирования**  
Назначение:  
Копирование  
множеств

**Конструктор  
преобразования типа:**  
Назначение:  
Преобразование из  
TBitField в TSet

Входные  
параметры:  
Mr –  
мощность  
множества  
Выходные  
параметры:  
Отсутствуют

Входные  
параметры:  
s – множество  
Выходные  
параметры:  
Отсутствуют

Входные  
параметры:  
Bf – Битовое поле  
Выходные  
параметры:  
Отсутствуют

**Оператор  
преобразования**  
**operator**  
**TBitField()**  
Назначение:  
Преобразова  
ние из TSet в  
TBitField  
Входные  
параметры:  
Отсутствуют

Выходные  
параметры:  
Объект  
класса TBitField

## **Заключение**

По результатам лабораторной работы были реализованы классы TSet и TBitField, а также написаны приложения и тесты для проверки работоспособности реализации. К лабораторной работе был составлен полный отчёт по теме со всеми подробными описаниями.

## Литература

1. Битовые поля и операции над ними [с.33](#)
2. Битовые поля. [Урок 32](#)
3. Битовые поля [раздел Битовые поля](#)



# Приложения

## Приложение А. Реализация класса TSet

```
class TSet : BitField(mp)
{
    MaxPower = mp;
}

// конструктор копирования
TSet::TSet(const TSet &s) : BitField(s.GetMaxPower())
{
    MaxPower = s.GetMaxPower();
    BitField = s.BitField;
}

// конструктор преобразования типа
TSet::TSet(const TBitField &bf) : BitField(bf)
{
    MaxPower = bf.GetLength();
    BitField = bf;
}

TSet::operator TBitField()
{
    TBitField obj(BitField);
    return obj;
}

int TSet::GetMaxPower(void) const // получить макс. к-во эл-тов
{
    return MaxPower;
}

int TSet::IsMember(const int Elem) const // элемент множества?
{
    return BitField.GetBit(Elem);
}

void TSet::InsElem(const int Elem) // включение элемента множества
{
    if (Elem < 0 || Elem >= MaxPower) {
        throw "element not exist";
    }
    BitField.SetBit(Elem);
}

void TSet::DelElem(const int Elem) // исключение элемента множества
{
    if (Elem < 0 || Elem >= MaxPower) {
        throw "element not exist";
    }
    BitField.ClrBit(Elem);
}
```

```

const TSet& TSet::operator=(const TSet &s) // присваивание
{
    MaxPower = s.MaxPower;
    BitField = s.BitField;
    return *this;
}

int TSet::operator==(const TSet &s) const // сравнение
{
    return BitField == s.BitField;
}

int TSet::operator!=(const TSet &s) const // сравнение
{
    return !(BitField == s.BitField);
}

TSet TSet::operator+(const TSet &s) // объединение
{
    if (*this == s) {
        return *this;
    }
    TBitField res(1);
    res = BitField | s.BitField;
    return TSet(res);
}

TSet TSet::operator+(const int Elem) // объединение с элементом
{
    if (Elem < 0 || Elem >= MaxPower) {
        throw "element not exist";
    }
    if (IsMember(Elem)) {
        return TSet(*this);
    }
    TBitField res(BitField);
    res.SetBit(Elem);
    return TSet(res);
}

TSet TSet::operator-(const int Elem) // разность с элементом
{
    if (Elem < 0 || Elem >= MaxPower) {
        throw "element not exist";
    }
    if (!IsMember(Elem)) {
        return TSet(*this);
    }
    TBitField res(BitField);
    res.ClrBit(Elem);
    return TSet(res);
}

```

```

TSet TSet::operator~(const TSet& obj) {
    TBitField res(1);
    TBitField inv(obj.BitField);
    res = BitField & (~inv);
    return TSet(res);
}

TSet TSet::operator*(const TSet& s) // пересечение
{
    if (*this == s) {
        return *this;
    }
    TBitField res(1);
    res = BitField & s.BitField;
    return TSet(res);
}

TSet TSet::operator|(void) // дополнение
{
    TBitField tmp(*this);
    tmp = ~tmp;
    return TSet(tmp);
}

// перегрузка ввода/вывода

istream& operator>>(istream& istr, TSet& bf) {
    unsigned int e = 1;
    size_t count;
    cout << "How many element do you want enter?" << endl;
    cin >> count;
    int i = 0;
    while (i < count) {
        istr >> e;
        bf.InsElem(e);
        i++;
    }
    return istr;
}

ostream& operator<<(ostream& stream, const TSet& obj) // вывод
{
    size_t i, n;
    stream << "{";
    n = obj.MaxPower;
    for (i = 0; i < n; i++) {
        if (obj.IsMember(i)) {
            stream << i << ", ";
        }
    }
    stream << "}";
    return stream;
}

```

## Приложение Б. Реализация класса TBitField

```
TBitField::TBitField(int len)
{
    if (len < 0) {
        throw "Negative length";
    }
    BitLen = len;
    MemLen = ((len + BitsInMem - 1) >> shiftsize); // количество участков памяти под хранение элементов 1-N
    pMem = new TELEM[MemLen]; // создать характеристический массив
    memset(pMem, 0, MemLen * sizeof(TELEM)); // заполнить MemLen кусков нулями
}

TBitField::TBitField(const TBitField &obj)
{
    BitLen = obj.BitLen;
    MemLen = obj.MemLen;
    pMem = new TELEM[MemLen];
    memcpy(pMem, obj.pMem, sizeof(TELEM) * MemLen);
}

TBitField::~TBitField()
{
    delete[] pMem;
    MemLen = 0;
    BitLen = 0;
}

int TBitField::GetMemIndex(const int n) const // индекс Mem для бита n
{
    return n >> shiftsize;
}

TELEM TBitField::GetMemMask(const int n) const // битовая маска для бита n
{
    return 1 << (n & (BitsInMem-1));
}

// доступ к битам битового поля

int TBitField::GetLength(void) const // получить длину (к-во битов)
{
    return BitLen;
}

void TBitField::SetBit(const int n) // установить бит
{
    if (n < 0 || n >= BitLen) {
        throw "Negative length";
    }
    pMem[GetMemIndex(n)] = pMem[GetMemIndex(n)] | GetMemMask(n);
}

void TBitField::ClrBit(const int pos) // очистить бит
```

```

void TBitField::ClrBit(const int pos) // очистить бит
{
    if (pos < 0 || pos >= BitLen) {
        throw "Negative length";
    }
    pMem[GetMemIndex(pos)] = pMem[GetMemIndex(pos)] & ~GetMemMask(pos);
}

int TBitField::GetBit(const int n) const // получить значение бита
{
    if (n < 0 || n >= BitLen) {
        throw "Negative length";
    }
    int test = pMem[GetMemIndex(n)] & GetMemMask(n);
    return (pMem[GetMemIndex(n)] & GetMemMask(n) );
}

// битовые операции

const TBitField& TBitField::operator=(const TBitField &b) // присваивание
{
    if (*this == b) {
        return *this;
    }

    BitLen = b.BitLen;
    if (MemLen != b.MemLen) {
        MemLen = b.MemLen;
        TELEM* p = new TELEM[MemLen];
        delete[] pMem;
        pMem = p;
    }
    memcpy(pMem, b.pMem, MemLen * sizeof(TELEM));
    return *this;
}

int TBitField::operator==(const TBitField &b) const // сравнение
{
    if (BitLen != b.BitLen) {
        return false;
    }
    for (size_t i = 0; i < MemLen; i++) {
        if (pMem[i] != b.pMem[i]) {
            return false;
        }
    }
    return true;
}

```

```

//создание множеств
TSet A(10 + 1);
TSet B(20 + 1);
TSet C(15 + 1);
TSet copy_B(B);
TSet res1(1), res2(1), res3(1),res4(1);
cout << endl;
cout << "Представление мощностей множеств:" << endl;
//мощности множеств
cout << "Мощность множества A = " << A.GetMaxPower() << endl;
cout << "Мощность множества B = " << B.GetMaxPower() << endl;
cout << "Мощность множества копии B = " << copy_B.GetMaxPower() << endl;
cout << "Мощность множества C = " << C.GetMaxPower() << endl;
cout << endl;
int choice = 1;

//заполнение множеств
cout << "Ввод элементов множества A:" << endl;
cout << "Введите элементы множества A" << endl;
while (choice == 1) {
    cin >> A;
    cout << "Continue?(1/0)";
    cin >> choice;
}
choice = 1;
cout << endl;
cout << "Ввод элементов множества B:" << endl;
cout << "Введите элементы множества B" << endl;
while (choice == 1) {
    cin >> B;
    cout << "Continue?(1/0)";
    cin >> choice;
}
choice = 1;
cout << endl;
cout << "Ввод элементов множества C:" << endl;
cout << "Введите элементы множества C" << endl;
while (choice == 1) {
    cin >> C;
    cout << "Continue?(1/0)";
    cin >> choice;
}
//проверка тройного присваивания
/*A = B = copy_B;*/
/*A = copy_B = B;*/

//проверка на равенство множеств
cout << endl;
cout << "Сравнение множеств A и B: " << endl;
cout << endl;
cout << "Проверка на равенство:" << endl;
if (A == B) {
    cout << "Множества A и B равной мощности" << endl;
}
else {

```

```

    cout << "Множества A и B разной мощности" << endl;
}
cout << endl;
//проверка на неравенство множеств
cout << "Проверка на неравенство:" << endl;
if (A != B) {
    cout << "Множества A и B разной мощности" << endl;
}
else {
    cout << "Множества A и B равной мощности" << endl;
}
cout << endl;
//теоретико-множественные операции над множествами
cout << "Выполнение теоретико-множественных операций над множествами: " << endl;
cout << endl;
cout << "Объединение множества A с элементом 9" << endl;
A = A + 9;
cout << "A= " << A << endl;
cout << endl;
cout << "Разность множества B с элементом 14" << endl;
B = B - 14;
cout << "B= " << B << endl;
cout << endl;

cout << "Объединение множества A с множеством B" << endl;
res1 = A + B;
cout << "res1= " << res1 << endl;
cout << endl;

cout << "Пересечение множества A с множеством C" << endl;
res2 = A * C;
cout << "res2= " << res2 << endl;
cout << endl;

cout << "Дополнение к множеству C" << endl;
res3 = ~C;
cout << "res3= " << res3 << endl;
cout << endl;

cout << "Разность множеств A и C" << endl;
res4 = A - C;
cout << "res4= " << res4 << endl;
cout << endl;

//Множества A,B,C
cout << "Множества A,B,C" << endl;
cout << "A= " << A << endl;
cout << "B= " << B << endl;
cout << "C= " << C << endl;

return 0;
}

```

```

int TBitField::operator!=(const TBitField &b) const // сравнение
{
    if (BitLen != b.BitLen) {
        return true;
    }
    for (size_t i = 0; i < MemLen; i++) {
        if (pMem[i] != b.pMem[i]) {
            return false;
        }
    }
    return true;
}

TBitField TBitField::operator|(const TBitField &b) // операция "или"
{
    if (BitLen != b.BitLen) {
        TLEN* p = new TLEN[b.MemLen];
        memcpy(p, pMem, MemLen * sizeof(TLEN));
        delete[] pMem;
        BitLen = b.BitLen;
        MemLen = b.MemLen;
        pMem = p;
    }
    TBitField tmp(*this);
    for (size_t i = 0; i < b.MemLen; i++) {
        tmp.pMem[i] = tmp.pMem[i] | b.pMem[i];
    }
    return tmp;
}

TBitField TBitField::operator&(const TBitField &b) // операция "и"
{
    if (BitLen != b.BitLen) {
        TLEN* p = new TLEN[b.MemLen];
        memcpy(p, pMem, b.MemLen * sizeof(TLEN));
        delete[] pMem;
        BitLen = b.BitLen;
        MemLen = b.MemLen;
        pMem = p;
    }
    TBitField tmp(*this);
    for (size_t i = 0; i < b.MemLen; i++) {
        tmp.pMem[i] = tmp.pMem[i] & b.pMem[i];
    }
    return tmp;
}

TBitField TBitField::operator~() // отрицание
{
    TBitField tbf = (*this);
    for (int i = 0; i < BitLen; i++)
    {
        if (tbf.GetBit(i))
            tbf.ClrBit(i);
        else
            tbf.SetBit(i);
    }
    return tbf;
}

ostream& operator<<(ostream& ostr, const TBitField &b) // вывод
{
    for (int i = 0; i < b.BitLen; i++) {
        if (b.GetBit(i)) {
            ostr << "1";
        }
        else { ostr << "0"; }
    }
    return ostr;
}

//Ввод
istream& operator>>(istream& istr, TBitField& obj) {
    string BitField;
    istr >> BitField;

    for (int i = 0; i < BitField.length(); i++) {
        if (BitField[i] == '1') {
            obj.SetBit(i);
        }
        else {
            obj.ClrBit(i);
        }
    }
    return istr;
}

```



```

setlocale(LC_ALL, "rus");
cout << "Создание битовых полей..." << endl;
TBitField bf(20 + 1); //оригинал
TBitField copy_bf(bf); //копия
TBitField bf2(17 + 1);
TBitField res1(1), res2(2), res3(3);
cout << endl;
cout << "Битовое поле bf: " << bf << endl;
cout << "Битовое поле copy_bf: " << copy_bf << endl;
cout << "Битовое поле bf2: " << bf2 << endl;
cout << endl;

cout << "Длина битового поля bf = " << bf.GetLength() << endl;
cout << endl;

cout << "Заполните битовое поле bf: " << endl;
cin >> bf;
cout << "Установка битового поля bf..." << endl;
cout << "Битовое поле bf: " << bf << endl;
cout << endl;

//проверка бита на принадлежность
bool status_bit = bf.GetBit(16);
cout << endl;

cout << "Заполните битовое поле bf2: " << endl;
cin >> bf2;
cout << "Установка битового поля bf2..." << endl;
cout << "Битовое поле bf2: " << bf2 << endl;
cout << endl;

cout << "Очистка 4-ого бита битового поля bf..." << endl;
bf.ClearBit(4); //установить 4-ый бит в 0.
cout << "Состояние 4-ого бита bf: " << bf.GetBit(4) << endl;
cout << "Битовое поле bf: " << bf << endl;
cout << endl;

if (bf == bf2) {
    cout << "Битовые поля bf и bf2 одинаковы" << endl;
}
else {
    cout << "Битовые поля bf и bf2 различны" << endl;
}

if (bf != bf2) {
    cout << "Битовые поля bf и bf2 различны" << endl;
}
else {
    cout << "Битовые поля bf и bf2 одинаковы" << endl;
}
cout << endl;

////проверка на операции к себе
//bf = bf | bf;
//copy_bf = copy_bf & copy_bf;
//bf2 = -bf2;

cout << "Выполнение операций над битовыми полями: " << endl;
cout << endl;

cout << endl;
//проверка операций
cout << "operator &: bf и bf2" << endl;
res1 = bf & bf2;
cout << res1 << endl;
cout << endl;
cout << "operator | bf2 или bf" << endl;
res2 = bf2 | bf;
cout << res2 << endl;
cout << endl;
cout << "operator - не bf" << endl;
res3 = -bf;
cout << res3 << endl;

//проверка тройного присваивания
/*bf = bf2 = copy_bf;*/
cout << endl;
cout << "Результаты операций: " << endl;
//вывод на экран
cout << "Битовое поле res1: " << res1 << endl;
cout << "Битовое поле res2: " << res2 << endl;
cout << "Битовое поле res3: " << res3 << endl;

return 0;
}

```