



厦门大学《大学物理学 B》课程

期末试题·答案

考试日期：2012 年 6 月 信息学院自律督导部整理



1. (14 分)

火箭相对于地面以 $v = 0.6c$ (c 为真空中光速) 的匀速率竖直向上飞离地球。在火箭发射 $\Delta t' = 10$ 秒钟后 (火箭上的钟), 该火箭向地面发射一导弹, 其相对于地面的速率为 $u = 0.3c$, 问地球上的观察者测得火箭发射后多长时间, 导弹将到达地面?

解: 设: 地球—— S 系, 火箭—— S' 系, 则 $v = 0.6c$, $u = 0.3c$,

按地球的钟, 导弹发射的时间是在火箭发射后

$$\Delta t_1 = \frac{\Delta t'}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{10}{\sqrt{1 - (\frac{0.6c}{c})^2}} = 12.5s ;$$

这段时间火箭在地面上飞行距离: $S = v\Delta t_1$, 导弹飞行这段距离的时间是:

$$\Delta t_2 = \frac{S}{u} = \frac{v}{u} \Delta t_1 = 25s$$

那么从火箭发射后到导弹到达地面的时间是:

$$\Delta t = \Delta t_1 + \Delta t_2 = 12.5 + 25 = 37.5s$$

(5+5+4=14 分)

2. (14 分)

某快速运动的粒子, 其动能为 $4.8 \times 10^{-17} J$, 该粒子静止时的总能量为 $1.6 \times 10^{-17} J$, 若该粒子的固有寿命为 $2.6 \times 10^{-6} s$, 求:

(1) 粒子的运动速率 (用 c 表示);

(2) 粒子衰变前能通过的距离.

$$\text{解: (1) } \because E = mc^2 = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{E_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = E_k + E_0 ,$$

$$\therefore v = c \sqrt{1 - \left(\frac{E_0}{E_k + E_0} \right)^2} = c \sqrt{1 - \left(\frac{1.6 \times 10^{-17}}{4.8 \times 10^{-17} + 1.6 \times 10^{-17}} \right)^2} = 0.968c ;$$

(2) 粒子衰变前能通过的距离:

$$S = v\tau = \frac{v\tau_0}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} = \frac{0.9682 \times 3 \times 10^8 \times 2.6 \times 10^{-6}}{0.25} = 3.021 \times 10^3 m$$

式中: $\left(\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}} = \frac{E_0}{E_k + E_0} = 0.25; \right)$ (7+7=14 分)

3. (16 分)

容器内有某种刚性理想气体, 气体温度为 $273 K$, 压强为 $1 atm$ ($1 atm = 1.013 \times 10^5 Pa$), 密度为 $1.24 kg \cdot m^{-3}$ 。试求:

- (1) 气体分子的方均根速率;
- (2) 气体的摩尔质量, 并确定它是哪种单质的气体;
- (3) 气体分子的平均平动动能和平均转动动能各是多少?
- (4) 若气体物质的量为 $0.3 mol$, 其内能是多少?

(普适气体常数 $R = 8.31 J / mol \cdot K$, 玻尔兹曼常数 $k = 1.38 \times 10^{-23} J / K$)

解: (1) $\because P = \frac{1}{3} \rho \overline{v^2}$,

$$\therefore \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{\frac{3P}{\rho}} = \sqrt{\frac{3 \times 1.013 \times 10^5}{1.24}} = 495 m/s;$$

$$(2) M_{mol} = \frac{mRT}{PV} = \rho \frac{RT}{P} = \frac{1.24 \times 8.31 \times 273}{1.013 \times 10^5} = 2.8 \times 10^{-2} (kg/mol), \text{ 为氮气 } N_2;$$

$$(3) \overline{\xi_t} = \frac{3}{2} kT = \frac{3}{2} \times 1.38 \times 10^{-23} \times 273 = 5.65 \times 10^{-21} J,$$

$$\overline{\xi_r} = \frac{2}{2} kT = \frac{2}{2} \times 1.38 \times 10^{-23} \times 273 = 3.76 \times 10^{-21} J;$$

$$(4) E = \nu E_0 = \nu \frac{i}{2} RT = 0.3 \times \frac{5}{2} \times 8.31 \times 273 = 1.70 \times 10^3 J。$$

(4+4+4+4=16 分)

4. (14 分)

导体内自由电子的分布遵从费米分布律。若导体中有 N 个自由电子, 电子的最大速率为 v_F (叫费米速率), 电子分布在 $v \sim v + dv$ 速率之间的几率为:

$$\frac{dN}{N} = \begin{cases} \frac{4\pi A}{N} v^2 dv, & v_F > v > 0 \\ 0, & v > v_F \end{cases}, \text{ 其中 } A \text{ 为常量, 求:}$$

(1) 用 N 、 v_F 定出常数 A ;

(2) 电子气中得电子的平均平动动能 $\overline{\xi_k}$ (电子的质量为 m_e)。

解: (1) 根据归一化条件有:

$$\int_0^\infty f(v) dv = \int_0^{v_F} \frac{4\pi A}{N} v^2 dv = \frac{4\pi A v_F^3}{3N} = 1 \Rightarrow ;$$

(2) ,

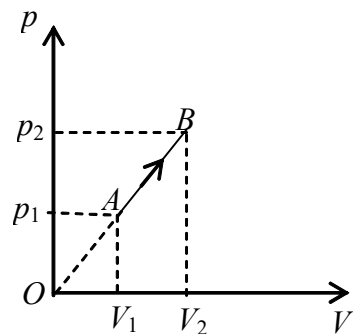
。

(7+7=14 分)

5. (16 分)

一刚性双原子分子理想气体系统从状态 $A(P_1, V_1)$ 沿 $P \square V$ 图所示的直线变化到状态 $B(P_2, V_2)$, 试求在该平衡态过程中:

- (1) 气体内能的增量;
- (2) 气体对外界所做的功;
- (3) 气体吸收的热量;
- (4) 此过程系统的摩尔热容量.



解: (1) $\Delta E = \frac{i}{2} \nu R(T_B - T_A) = \frac{i}{2}(P_B V_B - P_A V_A) = \frac{5}{2}(P_2 V_2 - P_1 V_1) ;$

(2) $W = \frac{1}{2}(P_1 + P_2)(V_2 - V_1) ;$

(3) $Q = \Delta E + W = 3(P_2 V_2 - P_1 V_1) + \frac{1}{2}(P_1 V_2 - P_2 V_1) ;$

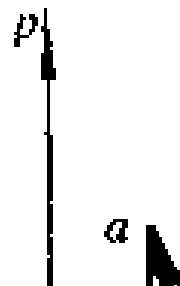
(4) $\because P_2 = \frac{V_2}{V_1} P_1, \quad Q = \Delta E + W = 3(P_2 V_2 - P_1 V_1) + \frac{1}{2}(P_1 V_2 - P_2 V_1) = 3(P_2 V_2 - P_1 V_1) ;$

$$\therefore C_m = \frac{QR}{P_2V_2 - P_1V_1} = 3R \quad .$$

(4+4+4+4=16 分)

6. (14 分)

某理想气体的循环过程如图所示, 其中 ab 为等温过程, bc 为等体过程. ca 为绝热过程, 已知 a 点的温度为 T_1 , 体积为 V_1 ; b 和 c 点的体积均为 V_2 , 气体的比热容比为 γ 。



试求: (1) 状态 c 的温度 T_c ;

(2) 该系统进行正循环的效率 η 。

解: (1) 绝热过程 $a \rightarrow c$: $\therefore T_1V_1^{\gamma-1} = T_cV_2^{\gamma-1} \Rightarrow \therefore T_c = \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{\gamma-1}T_1$; (6 分)

(2) $a \rightarrow b$: $Q_{ab} = \nu RT_1 \ln \frac{V_2}{V_1} = Q_1 > 0$;

$b \rightarrow c$: $Q_{bc} = \nu C_V(T_c - T_b) = \nu C_V(T_c - T_1) = -\nu C_V T_1 \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{\gamma-1}\right] = -Q_2 < 0$;

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{\nu C_V T_1 \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{\gamma}\right]}{\nu RT_1 \ln \frac{V_2}{V_1}} = 1 - \frac{C_V \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{\gamma}\right]}{R \ln \frac{V_2}{V_1}} = 1 - \frac{1}{\gamma - 1} \cdot \frac{\left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{\gamma-1}\right]}{\ln \frac{V_2}{V_1}}$$

(3+3+2=8 分)

7. (12 分)

问答:

(1) 说明下列各式的物理意义: $a. f(v)dv$; $b. \int_0^{\infty} f(v)dv = 1$; $c. \int_{v_1}^{v_2} Nf(v)dv$; $d. \int_0^{\infty} \nu f(v)dv$ 。

(2) 为什么在 $P-V$ 图中一条等温线与一条绝热线只有一个交点;

(3) 什么是卡诺循环? 一个可逆卡诺热机的效率取决于什么条件? 可如何提高卡诺热机的效率?

答: (1) $a. f(v)dv$ ——平衡态下分子速率分布在 $v \sim v+dv$ 速率之间的几率;

b. $\int_0^{\infty} f(v)dv = 1$ ——平衡态下速率分布在全速率区间的分子几率等于 1;

c. $\int_{v_1}^{v_2} Nf(v)dv$ ——平衡态下分子速率分布在 $v_1 \sim v_2$ 速率之间的分子数;

d. $\int_0^{\infty} vf(v)dv$ ——平衡态下分子速率的平均值。

(2) 若一条等温线与一条绝热线有两个交点, 则两个交点之间的过程曲线将构成一个循环过程, 其结果是: 工作于该循环过程的热机, 仅从单一热源吸收热量使之完全变为有用功而不产生其他影响。这违背了热力学第二定律的开尔文说法, 因而一条等温线与一条绝热线只能有一个交点。

(3) 卡诺循环是由两个等温过程和两个绝热过程构成的循环过程;

可逆卡诺热机的效率 ($\eta_c = 1 - \frac{T_2}{T_1}$) 取决于高、低温热源的温度 T_1 和 T_2 的温度差;

可通过提高高温热源的温度 T_1 , 或降低低温热源的温度 T_2 来提高卡诺热机的效率。但提高卡诺热机的效率主要的途径是提高高温热源的温度 T_1 , 因为降低低温热源的温度 T_2 的方法实际是行不通的。

(4+4+4=12 分)