Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Пермский национальный исследовательский политехнический университет» Электротехнический факультет

Кафедра: Информационные технологии и автоматизированные системы

Дисциплина: «Математические методы теории систем» Лабораторная работа № 2 на тему: ««Описание потоков информации в системах»

Выполнил: студент группы АСУ4-22-1м Попов Кирилл Михайлович Проверил: ассистент кафедры ИТАС Тютюных Артём Александрович

ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Анализ графов потока информации, определение их свойств, построение алгоритма определения свойств.

ЗАДАНИЕ

Задача 1. Дано описание системы на рис. 1.

- 1. Формально выявить все свойства данного информационного графа.
- 2. Реализовать решение задачи на одном из языков программирования.
- 3. Привести результаты работы программы.

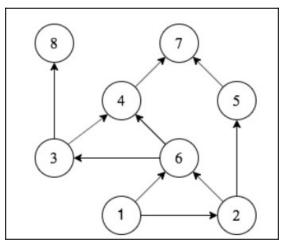


Рис. 1. Описание системы

Задача 2. Выбранный вариант системы приведён на рис. 2.

Выявить все свойства одного информационного графа из предложенных ниже вариантов, используя разработанную программу. Привести результаты работы программы

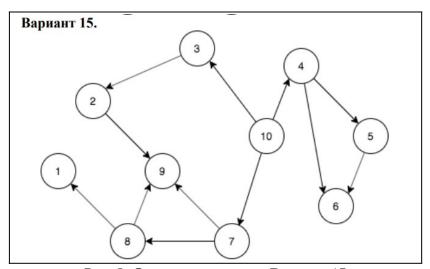


Рис. 2. Описание системы. Вариант 15

ВЫПОЛНЕНИЕ РАБОТЫ Задание 1

Получение матрицы:

Таблица 1. Матрица смежности

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8
1	0	1	0	0	0	1	0	0
2	0	0	0	0	1	1	0	0
3	0	0	0	1	0	0	0	1
4	0	0	0	0	0	0	1	0
5	0	0	1	1	0	0	1	0
6	0	0	1	1	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0

Определение длинны путей графа:

Далее матрица смежности возводится в степень для вычисления длинны путей графа. q_j и q_i есть сумма столбцов и строк соответственно. Для удобства анализа данные выделены различными цветами:

- жёлтый от узла до узла 1 путь длинной %lambda;
- синий от узла до узла имеются 2 различных пути длинной %lambda;
- ит. д.

Таблица 2. Элементы 0 порядка (А\0)

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8
1	1	1	1	1	1	1	1	1
q_i	1	1	1	1	1	1	1	1

Таблица 3. Элементы 1 порядка (А^1)

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8	q_i
1	0	1	0	0	0	1	0	0	2
2	0	0	0	0	1	1	0	0	2
3	0	0	0	1	0	0	0	1	2
4	0	0	0	0	0	0	1	0	1
5	0	0	0	0	0	0	1	0	1
6	0	0	1	1	0	0	0	0	2
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
q_j	0	1	1	2	1	2	2	1	

Таблица 4. Элементы 2 порядка (А^2)

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8	q_i
1	0	0	1	1	1	1	0	0	4
2	0	0	1	1	0	0	1	0	3
3	0	0	0	0	0	0	1	0	1
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	1	0	0	1	1	3
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
q_j	0	0	2	3	1	1	3	1	

Таблица 5. Элементы 3 порядка (А^3)

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8	q_i
1	0	0	1	2	0	0	2	1	0
2	0	0	0	1	0	0	1	1	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	1
4	0	0	0	0	0	0	0	0	3
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	1	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	4
8	0	0	0	0	0	0	0	0	2
q_j	0	0	1	3	0	0	4	2	

Таблица 6. Элементы 4 порядка (А^4)

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8	q_i
1	0	0	0	1	0	0	2	1	4
2	0	0	0	0	0	0	1	0	1
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
q_j	0	0	0	1	0	0	3	1	

Таблица 7. Элементы 5 порядка (А^5)

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8	q_i
1	0	0	0	0	0	0	1	0	1
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
q_j	0	0	0	0	0	0	1	0	

Следующие матрицы являются нулевыми, следовательно достигнута максимальная длинна графа, которая равна 5.

Далее приведена сумма всех матриц.

Таблица 8. Матрица достижимости

i∖j	1	2	3	4	5	6	7	8	q_i
1	0	1	2	4	1	2	5	2	17
2	0	0	1	2	1	1	3	1	9
3	0	0	0	1	0	0	1	1	3
4	0	0	0	0	0	0	1	0	1
5	0	0	0	0	0	0	1	0	1
6	0	0	1	2	0	0	2	1	6
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
q_j	0	1	4	9	2	3	13	5	

Исходя из матрицы достижимости максимальная длинна пути графа от узла 1 до 7 равна 5.

Результаты работы программы приведены в приложении А.

Задание 2

Результаты работы программы приведены в приложении Б.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Получение матриц

```
m_smeg^0:
[1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
m_smeg^1:
[[0 1 0 0 0 1 0 0]
[00001100]
[00010001]
[00000010]
[00000010]
[00110000]
[00000000]
[000000000]]
Q_j = [0, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 1]
Q_i = [2, 2, 2, 1, 1, 2, 0, 0]
m_smeg^2:
[[00111100]
[00110010]
[00000010]
[00000000]
[00000000]
[00010011]
[0 0 0 0 0 0 0 0]
[000000000]]
Q_j = [0, 0, 2, 3, 1, 1, 3, 1]
Q_i = [4, 3, 1, 0, 0, 3, 0, 0]
m_smeg^3:
[[00120021]
[00010011]
[0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0]
[00000000]
[0 0 0 0 0 0 1 0]
[00000000]
[00000000]]
Q_j = [0, 0, 1, 3, 0, 0, 4, 2]
Q_i = [6, 3, 0, 0, 0, 1, 0, 0]
```

Получение матриц (продолжение)

```
m_smeg^5:
[[00000010]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[000000000]]
Q_j = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]
Q_i = [1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
m_smeg^6:
[[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]
[00000000]]
Q_j = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
Q_i = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
total:
[[0 1 2 4 1 2 5 2]
[0 0 1 2 1 1 3 1]
[00010011]
[00000010]
[00000010]
[00120021]
[00000000]
[00000000]]
Q_j = [0, 1, 4, 9, 2, 3, 13, 5]
Q_i = [17, 9, 3, 1, 1, 6, 0, 0]
```

Определение порядка элементов

```
Элементы 0 порядка
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
[1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
Элементы 1 порядка
[0, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
[1, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
Элементы 2 порядка
[0, 0, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
[1, 2, 0, 0, 5, 6, 0, 0]
Элементы 3 порядка
[0, 0, 3, 4, 0, 0, 7, 8]
[1, 2, 3, 0, 5, 6, 0, 0]
Элементы 4 порядка
[0, 0, 0, 4, 0, 0, 7, 8]
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 0, 8]
Элементы 5 порядка
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 7, 0]
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
      [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
узел:
порядок: [0, 1, 3, 4, 2, 2, 5, 4]
```

2. Опредедение тактности системы

```
print('Тактность = -', ·max(res)) ♥

[162]

... Тактность = 5
```

3. Определение контуров

4. Определение входных элементов потока

Выходной элемент: 8

6. Определение висящих вершин

```
def searsh_v():
        💡 flag = False
           for i in range(8):
              if Q_{i_1}[i] == 0:
                 if Q j 1[i] == 0:
                     flag = True
           if flag == True:
               print('Висящая вершина найдена')
               print('Висящих вершин нет')
       searsh_v()
                                                                      Python
    Висящих вершин нет
   7. Определение числа путей
   длиной Lambda
                                                         № 🗽 🗘 … 🛍
D \( def count_path(matr, str): \( \text{...} \)
    10 элементов длиной 1 с 1 путём
    11 элементов длиной 2 с 1 путём
    6 элементов длиной 3 с 1 путём
    2 элементов длиной 3 с 2 путями
    3 элементов длиной 4 с 1 путём
    1 элементов длиной 4 с 2 путями
    1 элементов длиной 5 с 1 путём
```

8. Определение всевозможных путей между двумя элементами.

```
for k in range(8):
       for i in range(8):
           if total[k][i] > 0:
               print('От узла',k+1,'до узла',i+1,'колличество путей =', total
                                                                         Python
От узла 1 до узла 2 колличество путей = 1
От узла 1 до узла 3 колличество путей = 2
От узла 1 до узла 4 колличество путей = 4
От узла 1 до узла 5 колличество путей = 1
От узла 1 до узла 6 колличество путей = 2
От узла 1 до узла 7 колличество путей = 5
От узла 1 до узла 8 колличество путей = 2
От узла 2 до узла 3 колличество путей = 1
От узла 2 до узла 4 колличество путей = 2
От узла 2 до узла 5 колличество путей = 1
От узла 2 до узла 6 колличество путей = 1
От узла 2 до узла 7 колличество путей = 3
От узла 2 до узла 8 колличество путей = 1
От узла 3 до узла 4 колличество путей = 1
От узла 3 до узла 7 колличество путей = 1
От узла 3 до узла 8 колличество путей = 1
От узла 4 до узла 7 колличество путей = 1
От узла 5 до узла 7 колличество путей = 1
От узла 6 до узла 3 колличество путей = 1
От узла 6 до узла 4 колличество путей = 2
От узла 6 до узла 7 колличество путей = 2
От узла 6 до узла 8 колличество путей = 1
```

9. Определение всех элементов, участвующих в формировании данного

```
D ~
        s1 = set()
        s2 = set()
        s3 = set()
        s4 = set()
        s5 = set()
        s6 = set()
        s7 = set()
        s8 = set()
        s = [s1, s2, s3, s4, s5, s6, s7, s8]
        for k in range(8):
            for i in range(8):
                if total[i][k] > 0:
                    s[k].add(i+1)
        for i in range(8):
            print('Элементы формирующие узлел',i+1,':',s[i])
                                                                            Python
    Элементы формирующие узлел 1 : set()
    Элементы формирующие узлел 2 : {1}
    Элементы формирующие узлел 3 : {1, 2, 6}
    Элементы формирующие узлел 4 : {1, 2, 3, 6}
    Элементы формирующие узлел 5 : {1, 2}
    Элементы формирующие узлел 6 : {1, 2}
    Элементы формирующие узлел 7 : {1, 2, 3, 4, 5, 6}
    Элементы формирующие узлел 8 : {1, 2, 3, 6}
```

приложение Б

Листинг 1. Вывод программы

```
PS C:\Users\Кирилл\Desktop\yчебa\MMTS\lab_2> &
{\tt C:/Users/Kupunn/AppData/Local/Microsoft/WindowsApps/python 3.10.exe}
c:/Users/Кирилл/Desktop/учеба/MMTS/lab_2/work_2.py
ЗАДАНИЕ 2
m_smeg^0:
[1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
m smeg^1:
[[0000000000]
[1 0 1 0 0 0 0 0 0 1]
[0001000000]
[0000100001]
[0 0 0 0 0 1 1 0 0 0]
[0000000000]
[0 0 0 0 0 1 0 0 0 0]
[1000001000]
[0 1 0 0 0 0 0 1 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [2, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 0, 2]
Q_i = [0, 3, 1, 2, 2, 0, 1, 2, 2, 0]
m_smeg^2:
[[0000000000]
[0001000000]
[0000100001]
[0000011000]
[0000010000]
[0000000000]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 1 0 0 0 0]
[2 0 1 0 0 0 1 0 0 1]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [2, 0, 1, 1, 1, 3, 2, 0, 0, 2]
Q_i = [0, 1, 2, 2, 1, 0, 0, 1, 5, 0]
m_smeg^3:
[[0000000000]
[0 0 0 0 1 0 0 0 0 1]
[0 0 0 0 0 1 1 0 0 0]
[0000010000]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0000000000]
[0 0 0 1 0 1 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [0, 0, 0, 1, 1, 3, 1, 0, 0, 1]
Q_i = [0, 2, 2, 1, 0, 0, 0, 0, 2, 0]
m_smeg^4:
[[0000000000]
[0000011000]
[0000010000]
[00000000000]
[00000000000]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
```

```
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 1 0 0 0 0 1]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [0, 0, 0, 0, 1, 2, 1, 0, 0, 1]
Q_i = [0, 2, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0]
m_smeg^5:
[[0000000000]
 [0 0 0 0 0 1 0 0 0 0]
 [00000000000]
 [0000000000]
 [0000000000]
 [0000000000]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [00000000000]
 [0 0 0 0 0 1 1 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [0, 0, 0, 0, 0, 2, 1, 0, 0, 0]
Q_i = [0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0]
m_smeg^6:
[[0000000000]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [00000000000]
 [00000000000]
 [0000000000]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 1 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0]
Q_i = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]
m_smeg^7:
 [[0000000000]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [00000000000]
 [00000000000]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
Q_i = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
total:
 [[0000000000]
 [1 0 1 1 1 2 1 0 0 2]
 [0 0 0 1 1 2 1 0 0 1]
 [0 0 0 0 1 2 1 0 0 1]
 [0 0 0 0 0 2 1 0 0 0]
 [0000000000]
 [0000010000]
[1000011000]
[2 1 1 1 1 3 2 1 0 2]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
Q_j = [4, 1, 2, 3, 4, 13, 7, 1, 0, 6]
```

 $Q_i = [0, 9, 6, 5, 3, 0, 1, 3, 14, 0]$

СВОЙСТВА:

1. Определение порядка элементов:

Элементы 0 порядка

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10] [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 9, 0]

Элементы 1 порядка

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 0, 10] [0, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 8, 9, 0]

Элементы 2 порядка

[1, 0, 3, 4, 5, 6, 7, 0, 0, 10] [1, 2, 3, 0, 0, 0, 0, 8, 9, 0]

Элементы 3 порядка

[0, 0, 0, 4, 5, 6, 7, 0, 0, 10] [1, 2, 3, 4, 0, 0, 0, 8, 9, 0]

Элементы 4 порядка

[0, 0, 0, 0, 5, 6, 7, 0, 0, 10] [1, 2, 3, 4, 5, 0, 0, 8, 9, 10]

Элементы 5 порядка

[0, 0, 0, 0, 0, 6, 7, 0, 0, 0] [1, 2, 3, 4, 5, 0, 7, 8, 9, 10]

Элементы 6 порядка

[0, 0, 0, 0, 0, 6, 0, 0, 0, 0] [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10]

узел: [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10] порядок: [2, 1, 2, 3, 4, 6, 5, 1, 0, 4]

2. Опредедение тактности системы:

Тактность = 6

3. Определение контуров

Контуры не найдены

4. Определение входных элементов потока

Входной элемент: 9

5. Определение выходных элементов потока

Выходной элемент: 1 Выходной элемент: 6 Выходной элемент: 10

6. Определение висящих вершин

Висящих вершин нет

- 7. Определение числа путей длиной Lambda
- 13 элементов длиной 1 с 1 путём
- 10 элементов длиной 2 с 1 путём
- От узла 9 до узла 10 колличество путей = 2

```
8. Определение всевозможных путей между двумя элементами
От узла 2 до узла 9 колличество путей = 1
От узла 3 до узла 2 колличество путей = 1
От узла 3 до узла 9 колличество путей = 1
От узла 4 до узла 5 колличество путей = 1
От узла 4 до узла 6 колличество путей = 2
От узла 5 до узла 6 колличество путей = 1
От узла 7 до узла 1 колличество путей = 1
От узла 7 до узла 8 колличество путей = 1
От узла 7 до узла 9 колличество путей = 2
От узла 8 до узла 1 колличество путей = 1
От узла 8 до узла 9 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 1 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 2 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 3 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 4 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 5 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 6 колличество путей = 2
От узла 10 до узла 7 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 8 колличество путей = 1
От узла 10 до узла 9 колличество путей = 3
9. Определение всех элементов, участвующих в формировании данного
Элементы формирующие узлел 1 : {8, 10, 7}
Элементы формирующие узлел 2 : {10, 3}
Элементы формирующие узлел 3: {10}
Элементы формирующие узлел 4 : {10}
Элементы формирующие узлел 5 : {10, 4}
Элементы формирующие узлел 6 : {10, 4, 5}
Элементы формирующие узлел 7 : {10}
Элементы формирующие узлел 8 : {10, 7}
Элементы формирующие узлел 9 : {2, 3, 7, 8, 10}
Элементы формирующие узлел 10 : set()
```

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Приведены результаты работы программ, написанных на python и в среде Jupiter. Т. к. при копировании кода из Jupiter слетает форматирование, приведены скриншоты. Программный код: https://github.com/Kirpo97/MMTS labs/tree/main/lab 2.