

Données du problème à notre livable:

- Soit un nombre de m villes: $V = \{1, 2, \dots, m\}$
- Coût entre deux villes i et j : $d_{ij} \in \mathbb{R}^+$
- On suppose que $d_{ii} = 0$ (pas de boucle sur elle-même).
- Variables binaires de décision: $x_{ij} \in \{0, 1\}$ vaut 1 si on va de i à j , sinon 0.
- Objectif: Trouver une combinaison x_{ij} qui fait une tournée complète, c-à-d un cycle visitant chaque sommet.

x_i = nombre de passage dans la ville

Fonction objectif: f : Minimiser la distance totale de la tournée:

$$\min \sum_{i=1}^m \sum_{j=1, j \neq i}^m d_{ij} x_{ij}$$

- On compose une double somme pour énumérer tous les couples de villes (i, j) où $i \neq j$.
- Ensuite pour chaque couple (i, j) , on multiplie la distance d_{ij} par la variable x_{ij} .
- Si $x_{ij} = 1$, cela signifie que la tournée passe de la ville i à la ville j , donc le coût d_{ij} est compté dans la somme totale. Sinon, si $x_{ij} = 0$ alors d_{ij} est multiplié par 0 et ignoré.

Enfin, notre objectif est de minimiser la distance parcourue en assurant que chaque ville est visitée une seule fois et qu'on revient au point de départ.

Contraintes:

- Chaque ville est quittée au moins 1 fois: $\sum_{j=1, j \neq i}^m x_{ij} \geq 1 \quad \forall i \in V$
- Chaque ville est atteinte au moins 1 fois: $\sum_{i=1, i \neq j}^m x_{ij} \geq 1 \quad \forall j \in V$
- Chaque ville quittée = atteinte: $\forall i: \sum_{j=1}^m x_{ij} = \sum_{j=1}^m x_{ji}$

- Élimination des sous-tours (MTZ, pour $i, j \in \{2, \dots, m\}$): $u_i - u_j + m x_{ij} \leq m - 1$ Avec $u_i \in [1, m]$, des variables qui permettent de conserver l'ordre de visite. (permet d'empêcher les cycles partiels, non connectés à la tournée principale. u_i représente un ordre de passage dans la tournée.)

- Conservation de flux (afin d'éviter de se T P)

Contraintes de flux: $\sum_{j=1}^m x_{ij} = \sum_{j=1}^m x_{ji} \quad \forall i \in V$

conservation de flux

l'un a éviter de se | P ✓

Contraintes supplémentaires :

Time windows

Voyageur + TW \rightarrow Voyageur de course
↑
(intensité infini)