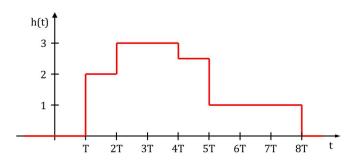
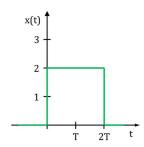
# **Grafische Faltung**



Ein System hat die folgende Übertragungsfunktion h(t):

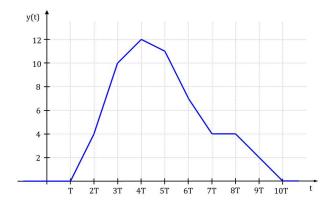


Das System wird mit einem Rechteck-Signal x(t) angeregt:



Das Ausgangssignal des Systems wird über die Faltung der beiden Signale bestimmt:

$$y(t) = h(t) * x(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} h(t - \tau) \cdot x(\tau) d\tau = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t - \tau) \cdot h(\tau) d\tau$$



Aus den Signalen ergeben sich die Integrationsgrenzen durch Addition der jeweiligen minimalen und maximalen Grenze der Signale:

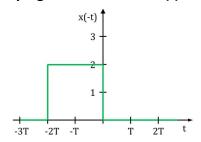
Beginn von y(t): t = 0 + T = T

Ende von y(t): t = 2T + 8T = 10T

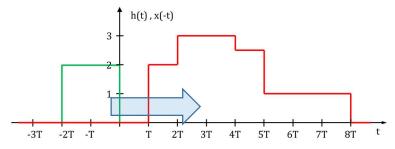
# **◆CM**E

# Faltung mit Hilfe der grafischen Darstellung:

# 1. Spiegeln der Funktion x(t):

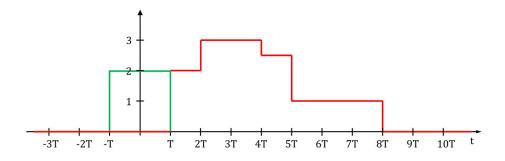


## 2. Verschieben der Funktion $x(t-\tau)$ über das Signal $h(\tau)$ und Berechnung der Faltung

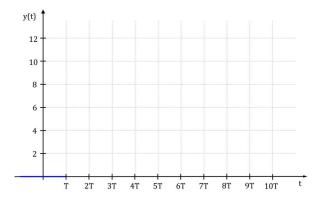


Die Berechnung der Amplitude des Ausgangssignals y(t) wird in Abschnitten von T berechnet. Dazu wird die Höhe des nicht verschobenen Signals h(t) mit der Höhe des verschobenen Signals x(t) multipliziert und anschließend über den Bereich des verschobenen Signals aufsummiert.

#### **2.1** Verschieben bis $\tau$ = T:

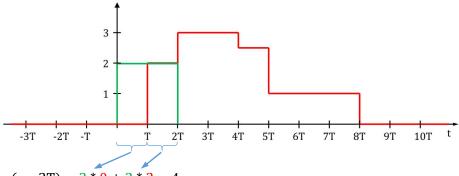


$$y(\tau = T) = 0$$

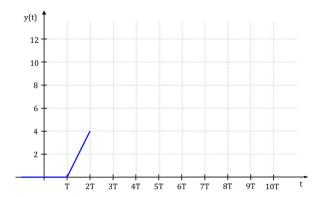




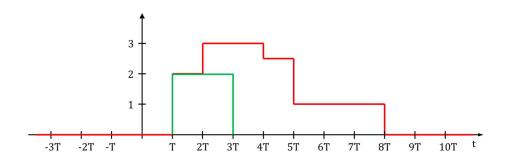
#### **2.2** Verschieben bis $\tau$ = 2T:



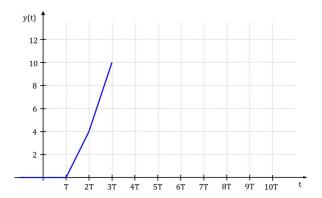
$$y(\tau = 2T) = 2 * 0 + 2 * 2 = 4$$



## **2.3** Verschieben bis $\tau$ = 3T:

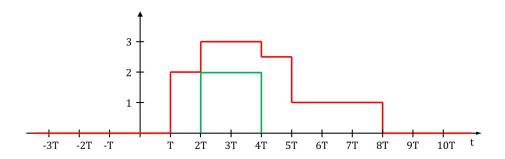


$$y(\tau = 2T) = 2 * 2 + 2 * 3 = 10$$

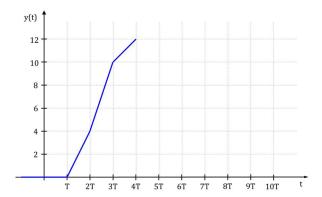




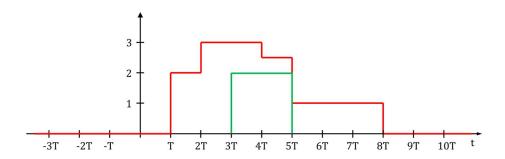
#### 2.4 Verschieben bis $\tau = 4T$ :



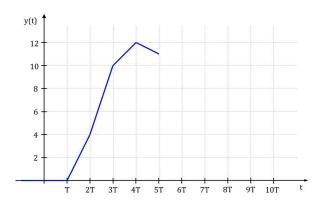
$$y(\tau = 3T) = 2 * 3 + 2 * 3 = 12$$



## 2.5 Verschieben bis $\tau$ = 5T:

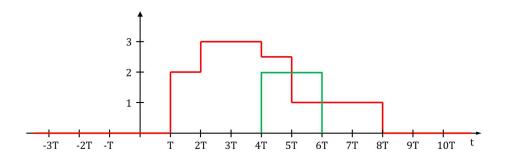


$$y(\tau = 4T) = 2 * 3 + 2 * 2,5 = 11$$

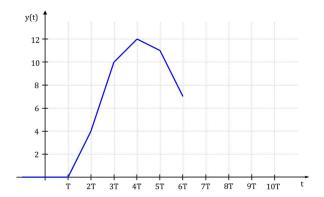




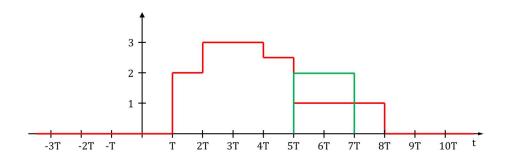
#### 2.6 Verschieben bis $\tau = 6T$ :



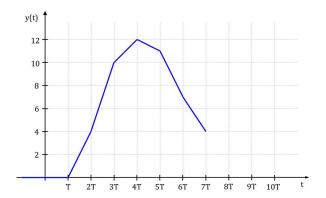
$$y(\tau = 6T) = 2 * 2,5 + 2 * 1 = 7$$



## 2.7 Verschieben bis $\tau$ = 7T:

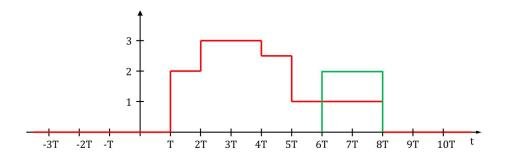


$$y(\tau = 7T) = 2 * 1 + 2 * 1 = 4$$

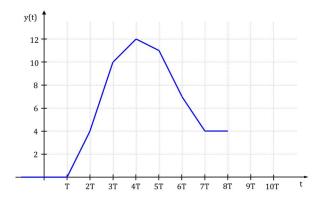




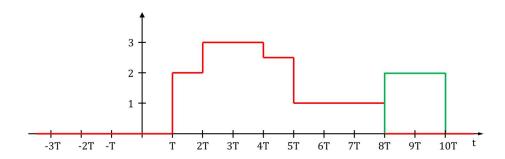
#### 2.8 Verschieben bis $\tau$ = 8T:



$$y(\tau = 8T) = 2 * 1 + 2 * 1 = 4$$



# 2.9 Verschieben bis $\tau = 10T$ :



$$y(\tau = 10T) = 2 * 0 + 2 * 0 = 0$$

