### แบบฝึกหัด

- 1. กำหนดแอทริบิวต์ดังต่อไปนี้ จงจำแนกประเภทของแอทริบิวต์ว่าเป็นแอทริบิวต์เชิงคุณภาพ (qualitative) ชนิดใด (nominal, ordinal) หรือเป็นแอทริบิวต์เชิงปริมาณ (quantitative) ชนิดใด (interval, ratio) นอกจากนี้ให้จำแนกด้วย ว่าแอทริบิวต์แต่ละตัวมีชนิดเป็น Binary, Discrete, หรือ Continuous
  - (ก) เวลาในรูปแบบ AM หรือ PM
  - (ข) ความสว่างที่วัดโดยมิเตอร์วัดแสง
  - (ค) ความสว่างที่วัดจากความรู้สึกของมนุษย์

- (ง) มุมที่วัดเป็นองศาระหว่าง 0 ถึง 360
- (จ) เหรียญทอง เหรียญเงิน เหรียญทองแดง ของกีฬาโอลิมปิก
- (ฉ) ความสูงจากระดับน้ำทะเล
- (ช) จำนวนผู้ป่วยในโรงพยาบาลแห่งหนึ่ง
- (ซ) เลข ISBN ของหนังสือ
- (ฌ) ความหนาแน่นของสสารหน่วยเป็น กรัมต่อลูกบาศก์เซนติเมตร
- (ญ) ระยะทางจากจุดศูนย์กลางของวิทยาเขตหน่วยเป็นเมตร
- (ฏ) ชั้นยศของกองทัพ
- (ฏ) ความสามารถในการส่งผ่านคลื่นแสง: opaque translucent transparent
- 2. จงยกตัวอย่างสถาณการณ์ที่ identification numbers (รหัสประจำตัว) น่าจะมีประโยชน์สำหรับการทำนาย
- 3. ปริมาณใดต่อไปนี้ที่มีคุณสมบัติ spatial autocorrelation : daily rainfall หรือ daily temperature และทำไมจึงเป็น เท่นนั้น
- 4. โปรแกรมเมอร์คนหนึ่งได้ออกแบบอัลกอริทึม k-nearest neighbors ดังนี้

### Algorithm 2.1 Algorithm for finding K nearest neighbors.

- 1: for i = 1 to number of data objects do
- 2: Find the distances of the  $i^{th}$  object to all other objects.
- 3: Sort these distances in decreasing order.
  (Keep track of which object is associated with each distance.)
- 4: **return** the objects associated with the first K distances of the sorted list
- 5: end for
- (ก) จงอภิปรายว่าจะมีปัญหาอะไรเกิดขึ้นได้บ้างกับอัลกอริทึมนี้ ถ้าดาต้าเซตมีข้อมูลซ้ำ (duplicates)
- (ข) จงเสนอวิธีการแก้ไขปัญหาที่เกิดจากการมีข้อมูลซ้ำซ้อนในดาต้าเซต
- 5. คำนวณค่า cosine, correlation, Jaccard และ Euclidean distance ของ ดาต้าอ็อบเจ็กต์ x และ y ดังต่อไปนี้
  - (a) x = (1, 1, 1, 1), y = (2, 2, 2, 2)
  - ( $\mathfrak{V}$ )  $\times = (0, 1, 0, 1), y = (1, 0, 1, 0)$
  - $(P) \times = (0, -1, 0, 1), y = (1, 0, -1, 0)$
- 6. คำนวณค่า Mutual information ของดาต้าอ็อบเจ็กต์ x และ y ดังต่อไปนี้
  - (a) x = (-7, -2, 1, 0, 1, 2), y = (9, 4, 1, 0, 4, 1)
  - (9)  $\times = (1,1,1,1), \vee = (2,2,2,2)$

#### เอกสารอ้างอิง

[1] Pang-Ning Tan, Michael Steinbach, Anuj Karpatne, Vipin Kumar. "Introduction to Data Mining". Pearson, 2nd edition, 2018.

- 1. ก.) เชิงคุณภาพ ชนิด nominal แบบ binary
  - ข.) เชิงปริมาณ interval แบบ continuous
  - ค.) เชิงคุณภาพ ordinal แบบ discrete
  - ง.) เชิงปริมาณ ratio แบบ continuous
  - จ.) เชิงคุณภาพ ordinal แบบ discrete
  - ฉ.) เชิงปริมาณ interval แบบ continuous
  - ช.) เชิงปริมาณ interval แบบ discrete
  - ซ.) เชิงคุณภาพ nominal แบบ discrete
  - ฌ.) เชิงปริมาณ ratio แบบ continuous
  - ญ.) เชิงปริมาณ interval แบบ continuous
  - ฎ.) เชิงคุณภาพ ordinal แบบ discrete
  - ฎ.) เชิงปริมาณ ratio แบบ continuous
- 2. ต้องการรู้ช่วงอายุ
  - ต้องการรู้ช่วงปีจบ
  - ต้องการรู้วิชาที่น่าจะเรียนในปัจจุบัน
- 3. daily temperature เพราะ ข้อมูลจากพื้นที่หนึ่งที่ได้นั้นจะมีค่าใกล้เคียงกลับพื้นที่ ๆ อยู่ใกล้ ๆ
- ก. มีประสิทธิภาพต่ำจากการที่ต้องนำตัวซ้ำมาประมวลผลร่วมด้วย
  - ได้เพื่อนบ้านที่เป็นตัวซ้ำกับตัวต้น
  - หากมีตัวใกล้ ๆ เป็นตัวซ้ำอาจทำให้เพื่อนบ้านที่ได้มีแต่ตัวนั้น ๆ
  - ข. จัดรวมกลุ่มตัวซ้ำเป็นกลุ่มเดียวกันแล้วให้นับกลุ่มนั้นเป็น data object ตัวหนึ่ง

5.)

ก. cosine

$$< x,y> = 1*2 + 1*2 + 1*2 + 1*2 = 8$$

$$||x|| = (1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2)^{1/2} = 2$$
  $||y|| = (2^2 + 2^2 + 2^2 + 2^2)^{1/2} = 4$ 

Cosine = 8/2\*4 = 1

**Correlation** mean(x) = 
$$(1+1+1+1)/4 = 1$$
 mean(y) =  $(2+2+2+2)/4 = 2$ 

$$S_x = (1/4 - 1*((1-1)^2 + (1-1)^2 + (1-1)^2 + (1-1)^2))^{1/2} = 0 \qquad S_v = (1/4 - 1*((2-2)^2 + (2-2)^2 + (2-2)^2 + (2-2)^2))^{1/2} = 0$$

$$S_{xy} = (1/4 - 1*((1-1)(2-2) + (1-1)(2-2) + (1-1)(2-2) + (1-1)(2-2)))^{1/2} = 0$$

Correlation = 0/0\*0 = 0

Jaccard

$$f_{1,2} = 4$$

$$J = 0/4 = 0$$

Euclidean distance

$$d(x,y) = ((1-2)^2 + (1-2)^2 + (1-2)^2 + (1-2)^2)^{1/2} = 2$$

ข.) cosine

$$\langle x,y \rangle = 0*1 + 1*0 + 0*1 + 1*0 = 0$$

$$\|x\| = (0^2 + 1^2 + 0^2 + 1^2)^{1/2} = 2^{1/2} \qquad \qquad \|y\| = (1^2 + 0^2 + 1^2 + 0^2)^{1/2} = 2^{1/2}$$

$$||y|| = (1^2 + 0^2 + 1^2 + 0^2)^{1/2} = 2^{1/2}$$

Cosine =  $0/2^{1/2}*2^{1/2} = 0$ 

**Correlation** mean(x) = (1+0+1+0)/4 = 1/2 mean(y) = (0+1+0+1)/4 = 1/2

mean(y) = 
$$(0+1+0+1)/4 = 1/2$$

 $S_x = (1/4 - 1*((1 - 1/2)^2 + (0 - 1/2)^2 + (1 - 1/2)^2 + (0 - 1/2)^2))^{1/2} = 1/3^{1/2} \\ S_y = (1/4 - 1*((0 - 1/2)^2 + (1 - 1/2)^2 + (0 - 1/2)^2 + (1 - 1/2)^2))^{1/2} = 1/3^{1/2}$ 

 $S_{xy} = (1/4 - 1*((1 - 1/2)(0 - 1/2) + (0 - 1/2)(1 - 1/2) + (1 - 1/2)(0 - 1/2) + (0 - 1/2)(1 - 1/2)))^{1/2} = (-1/3)^{1/2}$ 

Correlation =  $(-1/3)^{1/2}/(1/3)^{1/2}*(1/3)^{1/2} = 1/(-1/3)^{1/2}$ 

Jaccard

$$f_{1,0} = 2$$
  $f_{0,1} = 2$ 

$$J = 0/2 + 2 = 0$$

Euclidean distance

$$d(x,y) = ((1-0)^2 + (0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-1)^2)^{1/2} = 2$$

ค. cosine

$$\langle x,y \rangle = 0*1 + -1*0 + 0*-1 + 1*0 = 0$$

$$\|x\| = (0^2 + 1^2 + 0^2 + (-1)^2)^{1/2} = 2^{1/2} \qquad \|y\| = (1^2 + 0^2 + (-1)^2 + 0^2)^{1/2} = 2^{1/2}$$

Cosine =  $0/2^{1/2}*2^{1/2} = 0$ 

**Correlation** mean(x) = (0+1+0-1)/4 = 0 mean(y) = (1+0-1+0)/4 = 0

 $S_x = (1/4 - 1*((0-0)^2 + (1-0)^2 + (0-0)^2 + (-1-0)^2))^{1/2} = 2/3^{1/2} \\ S_y = (1/4 - 1*((1-0)^2 + (0-0)^2 + (-1-0)^2 + (0-0)^2))^{1/2} = 1/3^{1/2}$ 

 $S_{xy} = (1/4 - 1*((0-0)(1-0) + (1-0)(0-0) + (0-0)(-1-0) + (1-0)(0-0)))^{1/2} = 0$ 

Correlation =  $0/1/3^{1/2}*1/3^{1/2} = 0$ 

Jaccard

$$\mathsf{F}_{0,1} = 1 \qquad \ \, \mathsf{f}_{\text{-}1,0} = 1 \qquad \ \, \mathsf{f}_{0,\text{-}1} = 1 \qquad \ \, \mathsf{f}_{\text{-}1,0} = 1$$

$$J = 0/(1+1+1+1) = 0$$

Euclidean distance

 $d(x,y) = ((0-1)^2 + (1-0)^2 + (0-(-1))^2 + (-1-0)^2)^{1/2} = 2$ 

#### 6. ก.

| X <sub>j</sub> | $P(X=x_j)$ | $-P(X=x_{j}log_{2}P(X=x_{j})$ |
|----------------|------------|-------------------------------|
| -7             | 1/6        | 0.43082                       |
| -2             | 1/6        | 0.43082                       |
| 0              | 1/6        | 0.43082                       |
| 1              | 2/6        | 0.52832                       |
| 2              | 1/6        | 0.43082                       |
| H(x)           |            | 2.2516                        |

| $Y_k$ | $P(Y=y_k)$ | $-P(Y=y_k)log_2P(Y=y_k)$ |  |
|-------|------------|--------------------------|--|
| 0     | 1/6        | 0.43082                  |  |
| 1     | 2/6        | 0.52832                  |  |
| 4     | 2/6        | 0.52832                  |  |
| 9 1/6 |            | 0.43082                  |  |
| H(y)  |            | 1.91828                  |  |

| x <sub>j</sub> | Y <sub>k</sub> | $P(X=x_j, Y=y_k)$ | $-P(X=x_j, Y=y_k) \log_2 P(X=x_j, Y=y_k)$ |
|----------------|----------------|-------------------|---|
| -7             | 9              | 1/6               | 0.43082                                   |
| -2             | 4              | 1/6               | 0.43082                                   |
| 1              | 1              | 1/6               | 0.43082                                   |
| 0              | 0              | 1/6               | 0.43082                                   |
| 1              | 4              | 1/6               | 0.43082                                   |
| 2              | 1              | 1/6               | 0.43082                                   |
| H(x,y)         |                |                   | 2.58492                                   |

### l(x,y) = 2.2516+1.91828-2.58492 = 1.58496

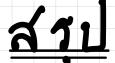
#### ข.

| $x_j$ $P(X=x_j)$ |      | $-P(X=x_j)log_2P(X=x_j)$ |  |
|------------------|------|--------------------------|--|
| 1 4/4            |      | 0                        |  |
|                  | H(x) | 0                        |  |

| Y <sub>k</sub> P(Y=y <sub>k</sub> ) 2 4/4 |  | $-P(Y=y_k)log_2P(Y=y_k)$ |  |
|---|--|--------------------------|--|
|   |  | 0                        |  |
| H(y)                                      |  | 0                        |  |

| X <sub>j</sub> | $Y_k$ | $P(X=x_j, Y=y_k)$ | $-P(X=x_j, Y=y_k) \log_2 P(X=x_j, Y=y_k)$ |  |  |
|----------------|-------|-------------------|---|--|--|
| 1              | 2     | 4/4               | 0   |  |  |
| H(x,y)         |       |                   | 0   |  |  |

I(x,y) = 0+0-0 = 0



Data objects

ชนิดของแอทริบิวต์

ประโภทของข้อมูล
• ชุดบ้อมูล ก็อ กลุ่มของ data objects ประกอบถ้าย Attributes กีบอกลึกษณะ

ตารางที่ 2.1. ชุดข้อมูลนิสิต (Student Information Data Set) Attributes

| $\sim$   |           |        |                |
|----------|-----------|--------|----------------|
| ลำดับที่ | รหัสนิสิต | ชั้นปี | เกรดเฉลี่ยสะสม |
| 1        | 1034261   | 2      | 2.75           |
| 2        | 1034262   | 3      | 3.24           |
| 3        | 1034263   | 2      | 3.51           |
| 4        | 1034265   | 1      | 2.99           |
| 5        | 1034266   | 3      | 3.12           |

คำอธิบาย

Attributes vol Data objects ธามาภาเปลี่บน เปลาไล้กาลอด เล่น อพ หน้าที่ผู้หญาใช้บ-ถูงแล

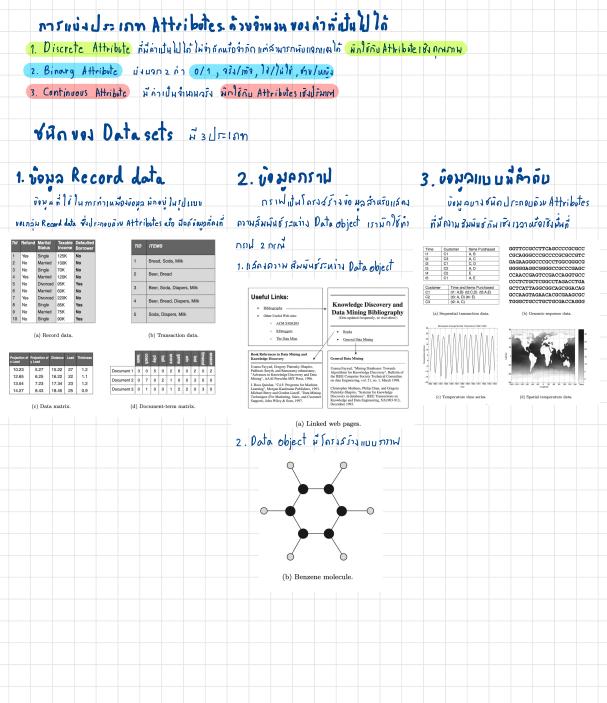
โอเปอเรชั่น

# การแน่งประเภทของ Attributes โดย Operation ของระบบจำนวห

### ตารางที่ 2.2. ชนิดของแอทริบิวต์

ตัวอย่าง

| อนทองเซอม รถ รพ                  |                    | M 1000 10                                    | NI GOR IA           | เอเบอเงชน                 |
|----------------------------------|--------------------|--|---------------------|---------------------------|
| Categorical Nominal (เชิงคุณภาพ) |                    | ค่าของ Nominal attribute สามารถใช้ใน         | รหัสไปรษณีย์        | ฐานนิยม,                  |
|                                  |                    | การแยกแยะดาต้าอ็อบเจ็กต์ได้                  | รหัสพนักงาน         | entropy,                  |
|                                  |                    | ด้วยโอเปอเรชั่น Distinctness (=, ≠)          | สีตา                | contingency correlation,  |
|                                  |                    |  | เพศ                 | Chi-squared test          |
|                                  | Ordinal            | มีคุณสมบัติและโอเปอเรชั่น Distinctness       | ความแข็งของแร่ธาตุ, | มัธยฐาน, เปอร์เซ็นต์ไทล์, |
|                                  | N. binary          | เช่นเดียวกันกับ Nominal attributes และ       | เกรด {A, B+, B, C+, | rank correlation, run     |
|                                  | a. Discote         | ค่าของ Ordinal attribute สามารถใช้ในการ      | C, D+, D, F},       | tests, sign tests         |
|                                  |                    | เรียงลำดับดาต้าอ็อบเจ็กต์ได้ ด้วยโอเปอเรชั่น |                     |                           |
|                                  |                    | Order (<, >)                                 |                     |                           |
| Numeric                          | Interval           | มีคุณสมบัติและโอเปอเรชั่น Distinctness       | อุณหภูมิในหน่วย     | ค่าเฉลี่ย,                |
| (เชิงปริมาณ)                     |                    | และ Order เช่นเดียวกันกับ Nominal            | องศาเซลเซียส หรือ   | ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน,     |
|                                  |                    | attributes และ Ordinal attributes            | องศาฟาเรนไฮด์,      | Pearson's correlation,    |
|                                  |                    | นอกจากนี้ ความแตกต่างระหว่าง interval        | วันที่ตามปฏิทิน     | t-test, F-test            |
|                                  |                    | attributes สองค่า คำนวณได้ด้วยโอเปอ          | 1000                |                           |
|                                  |                    | เรชั่น Addition (+, -) สามารถตีความได้       |                     |                           |
|                                  |                    | กล่าวคือ interval attributes จะมีหน่วยของ    |                     |                           |
|                                  |                    | การวัด                                       |                     |                           |
|                                  | Ratio              | มีคุณสมบัติและโอเปอเรชั่น Distinctness,      | อุณหภูมิในหน่วยเคล  | ค่าเฉลี่ยเรขาคณิต,        |
|                                  | v.<br>J.continuous | Order, และ Interval เช่นเดียวกันกับ          | วิน (Kelvin), อายุ, | ค่าเฉลี่ยฮาร์มอนิค,       |
|                                  | 1.5001.100002      | Nominal attributes, Ordinal attributes,      | มวล, ความยาว,       | เปอร์เซ็นต์ความผันแปร     |
|                                  |                    | และ Interval attributes                      | กระแสไฟฟ้า          |                           |
|                                  |                    | นอกจากนี้ อัตราส่วนของ ratio attributes      |                     |                           |
|                                  |                    | ซึ่งคำนวณได้โดยใช้โอเปอเรชั่น                |                     |                           |
|                                  |                    | Multiplication (x, /) สามารถตีความได้        |                     |                           |
|                                  |                    |  |                     |                           |



# กหภานของว การแล้งพุทากสภามของล โมอนายามอยู่บบบบาทางการบางหมาง เดิดหลาแก้ง ไข้ รับสุท 1. เกกหีกล้าแร้ง ภาร ครวจจับและการเป็งปัญญา ถณฑมบังมล 2. กา ใช้อิคกอกวัก็มาการกำเหมือง ข้อมูลกี่ทนากน ต่อข้อมูลกุฬ ภาน ต่ำ • ความผิจผลาถจากการโก อื่อ คือมู่ หูปังบาทซุก บุงกุรที่อนู่ เทกาะบุกมรฤษย์ ปู่ผู้มห ปังขบกกุรที่ขึ้นมหัก เส ยาปู่ง

กาน ผิกผลาก สมการ วิก และ กรเคีย บ่อนุล

บุง กาน นามหกอห์ ราบูบาย เมาการห พบคลบ กอง ทศ ค.ก. กอง ลูบบบ กอง อุโบง พ. ไช้น ข้อมล รบภาพ เจ๋อ มลเพื่อม , กามลำเอียง , กาม เที่ยง พรง และ กา ม แม่นยำ

• กาเพติก พลาก จากการเก็บบ้อมล

# โพสา ย์เพมหนุเบุกากองขุกมา การค้นผาใช้งาห

แพ่ปัญนาทั่วไป ของฤพภาพ คำไป ใช้งาพ พี 3 อย่าง

1. Timelines Iron 94 MITINU 2. Relevance ข้อผูล ทุกชั้น ก็จ้าเป็นกัญ ใช้การใกราะห์

3. Knowledge about the Data AMMINION SOS

### P-11HH Present

- ใน 8 กะแพนกรับ พี่เนื้อนา เมิ่นเตินใน มูกซิกเลน อร์บายน่าฝัง - ผ้า 2 กรมผน เพราะ ฝกศิกลิกผีกแม่จบ ผกเพื่อเยอะไป