



# hierarchical data structure Tree

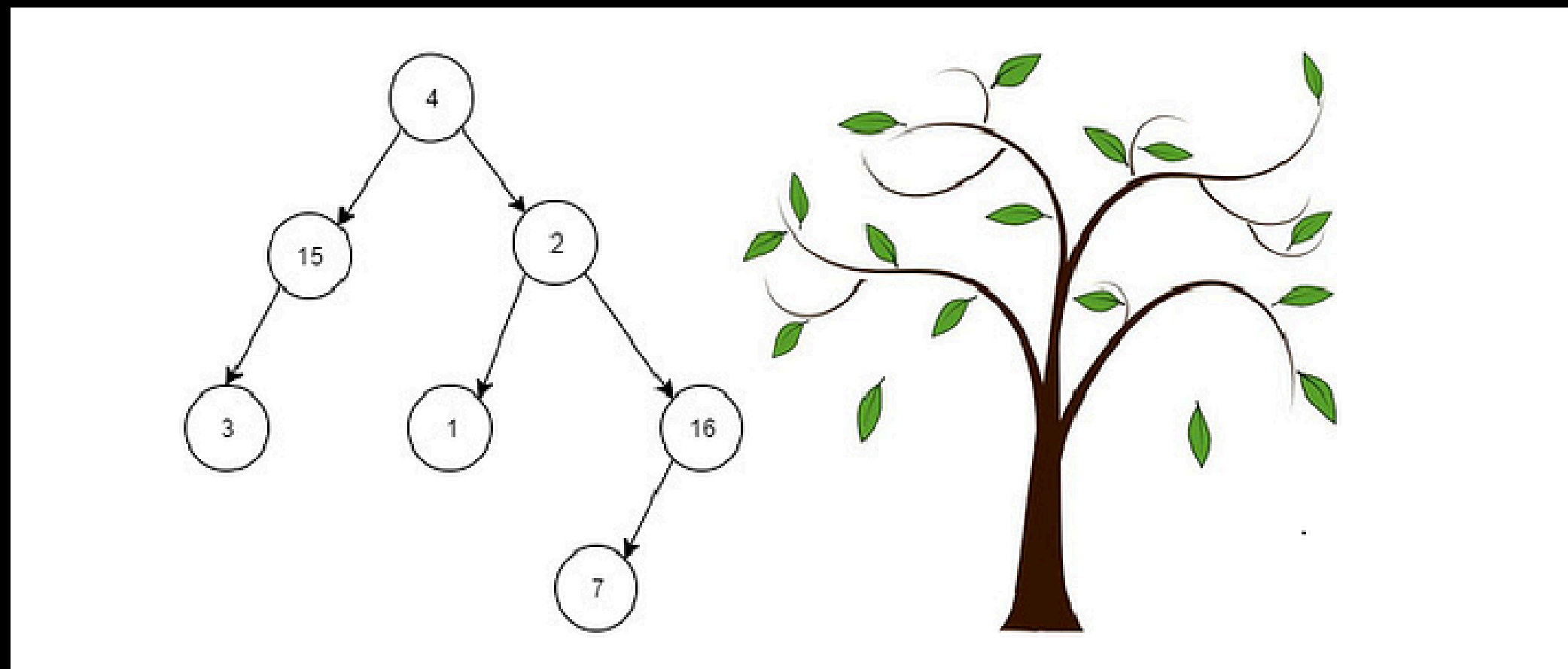
**P' ណ័ត**

AKA P'many / P'JadeS



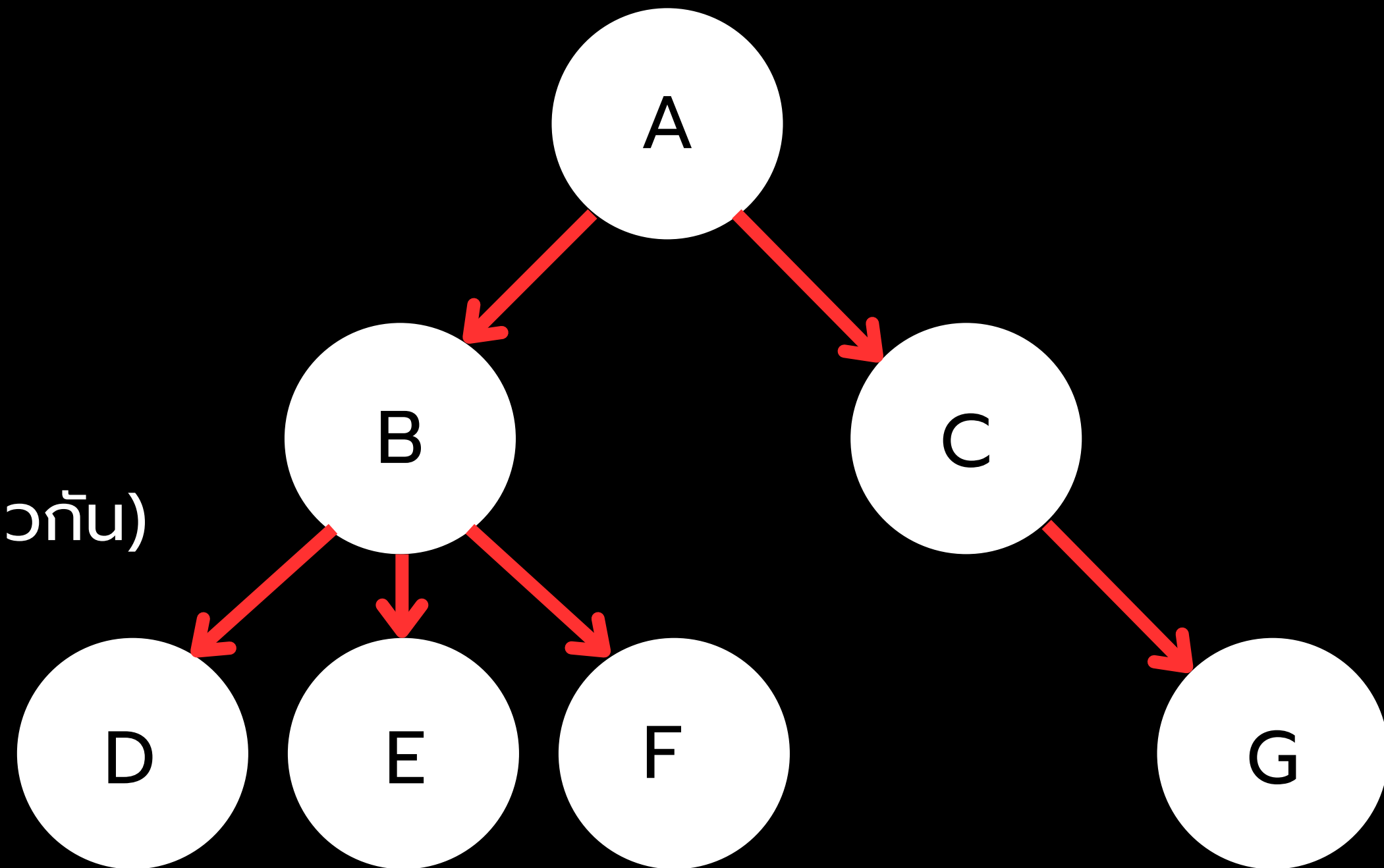
โครงสร้างแบบลำดับชั้น (hierarchical structure) ที่ใช้ในการแสดงและจัดระเบียบ  
ข้อมูลในลักษณะที่ง่ายต่อการค้นหา  
ข้อมูลถูกเก็บเป็น Node ที่เชื่อมต่อกันด้วย Edge แสดงความสัมพันธ์แบบลำดับชั้น  
ระหว่างโหนดต่างๆ

**เหมือนกับแผนผังต้นไม้ ที่มีความสัมพันธ์ด้านในเป็นลำดับชั้น**



# Tree Structure

- parent (โหนดแม่)
- child (โหนดลูก)
- edge (เส้นเชื่อม)
- sibling (โหนดลูกที่มาจากแม่เดียวกัน)

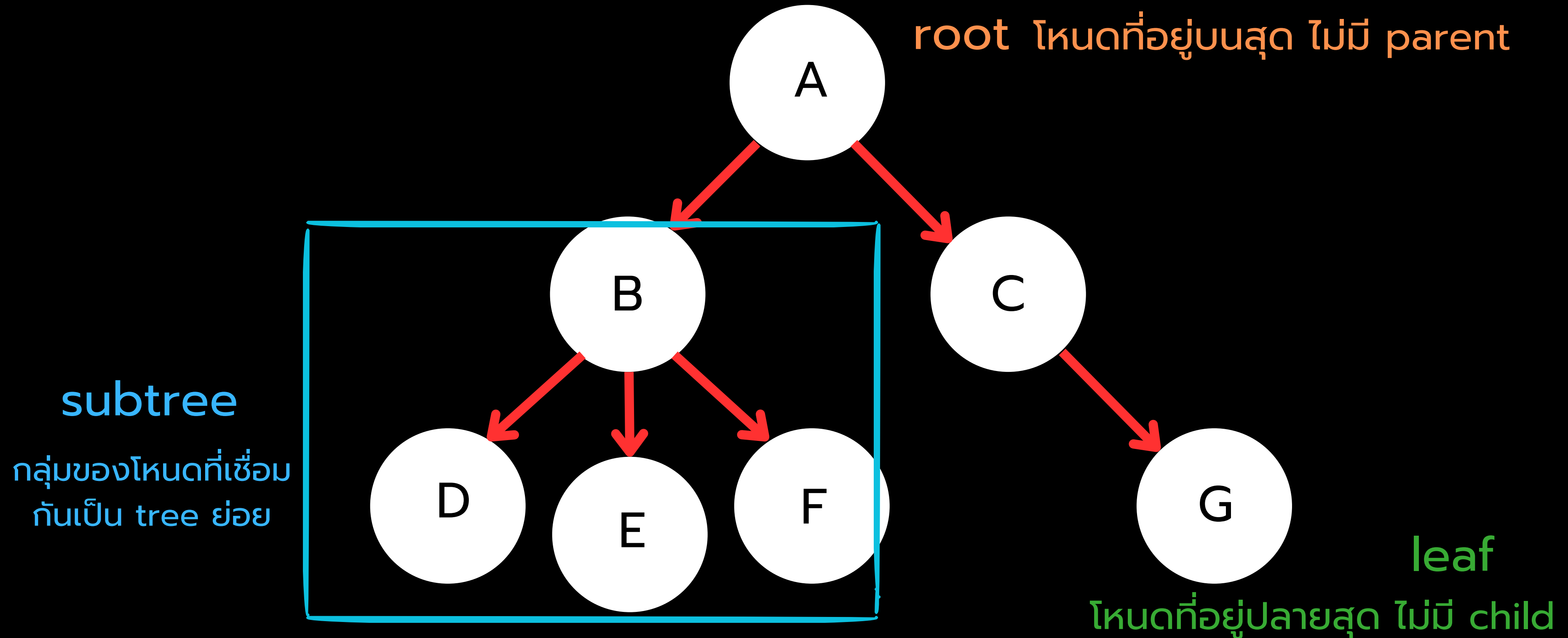


A เป็น Parent ของ B,C

G เป็น child ของ C

D,E,F เป็น sibling ของกันและกัน(มี B เป็น parent)

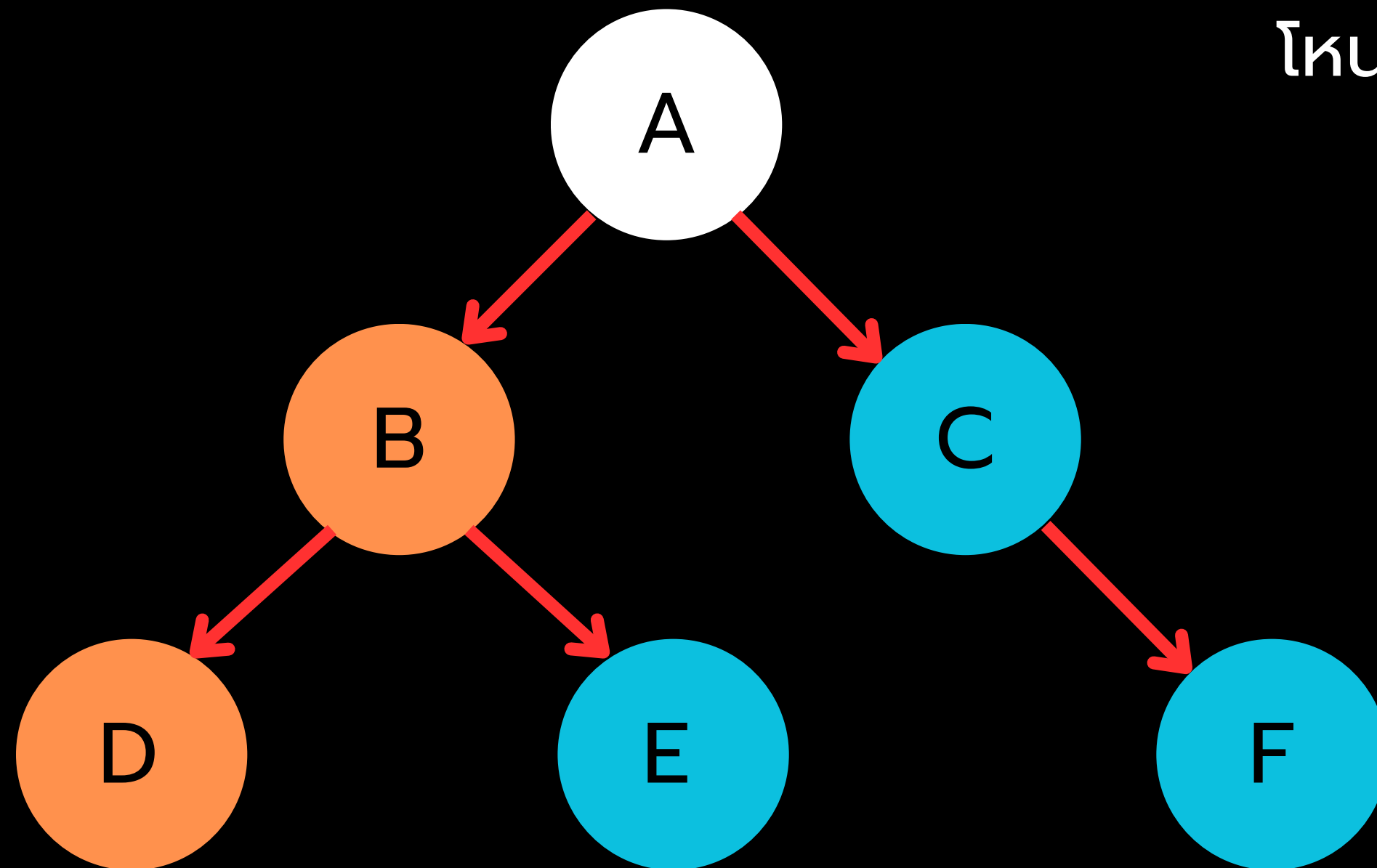
# Tree Structure



# Binary Tree

A มี B เป็น left Child และ C เป็น Right Child

โหนดแม่สามารถมีโหนดลูกได้ไม่เกิน 2 โหนด



Left ChildNode

Right ChildNode

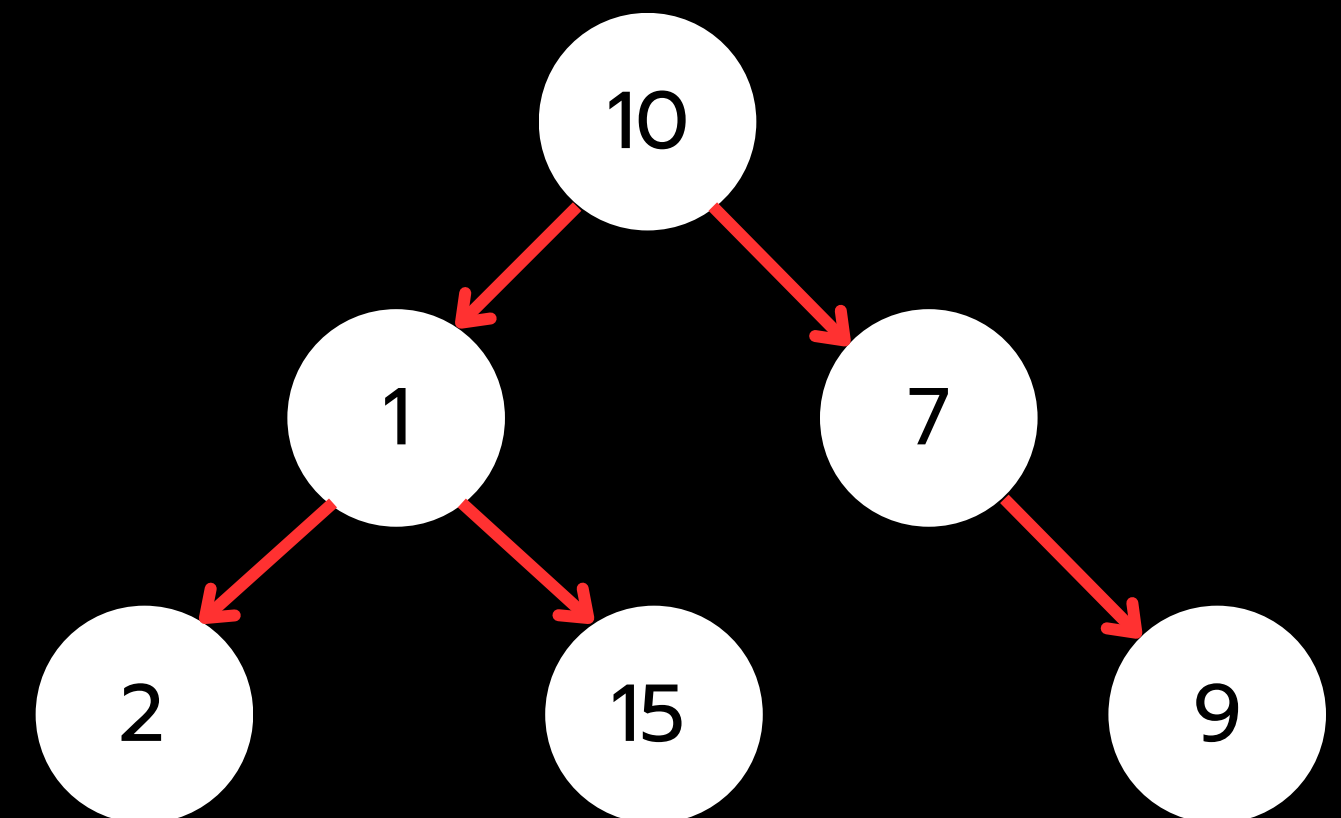
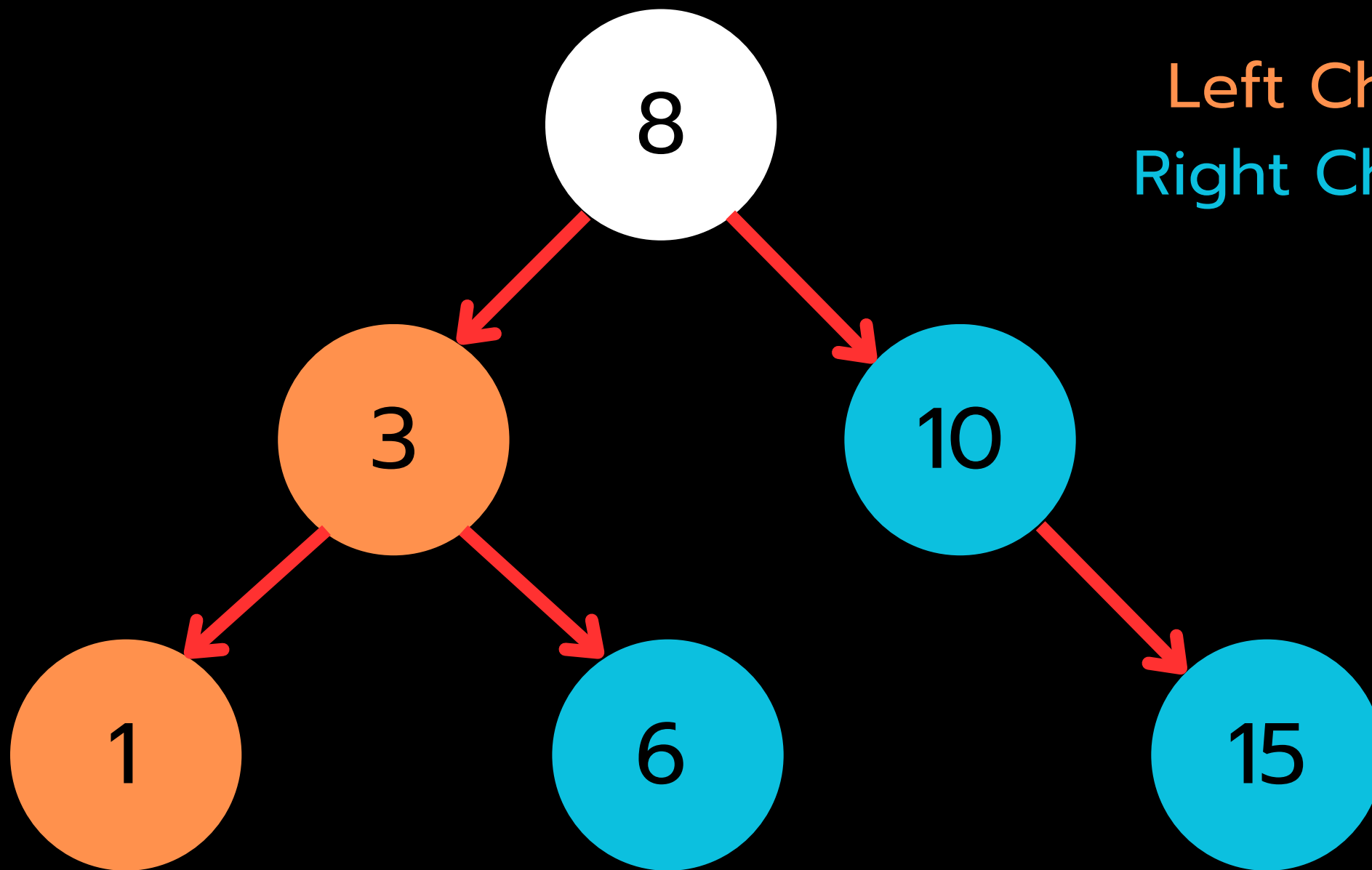
C มี left Child เป็น .....  
Right Child เป็น .....

B มี left Child เป็น .....  
Right Child เป็น .....

E มี left Child เป็น .....  
Right Child เป็น .....

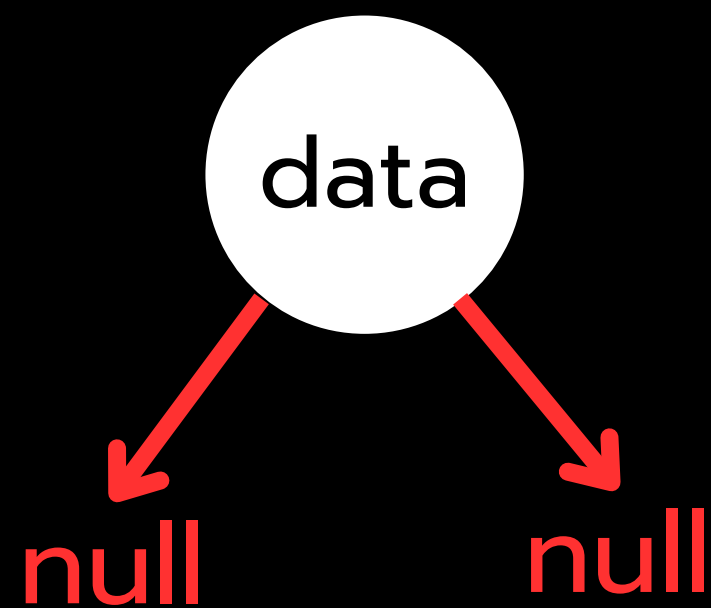
# Binary Search Tree

Left ChildNode มีค่า น้อยกว่า Parent Node และ  
Right ChildNode มีค่า มากกว่า Parent Node เสมอ



# TreeNode Class

```
1 public class Node{
2     int data;
3     Node left, right;
4     public Node(int d) {
5         data = d;
6         left = null;
7         right = null;
8     }
9 }
```



```
1 public String toString() {
2     if(left != null && right != null){//both children
3         return left.data + "<-" + data + "->" + right.data;
4     }
5     else{
6         if(left!=null){// left-child-only,
7             return left.data + "<-" + data + "->null";
8         }
9         else if(right!=null){// right-child-only,
10            return "null<-" + data + "->" + right.data;
11        }
12        else{// no child
13            return "null<-" + data + "->null";
14        }
15    }
16 }
```

แสดง Node เป็น String  
ค่าของ Node, ค่าของ Left Child และ Right Child

# Binary Search Tree Class

BST.java

```
1 public class BST {
2     Node root;
3     public BST() {      กำหนดค่าเริ่มต้นของ Tree เมื่อ
4         root = null;      ถูกสร้าง
5     }
6
7     public Node getRoot() {
8         return root;      method ให้ return root Node
9     }
10
11     public class Node{
12         int data;
13         Node left, right;
14         public Node(int d) {
15             data = d;
16             left = null;      สร้าง Node เป็น inner Class
17             right = null;
18         }
19
20         @Override
21         public String toString()      method แสดงค่าเป็น String ของ
                                         Class Node
```

BSTtest.java

```
1 public class BSTtest {
2     public static void main(String[] args) {
3         BST bst = new BST();
4
5         System.out.println(bst.getRoot());
6     }
7 }
```

null

**Root**

null



# Add tree node

```
2 public void insert(int d) {
3     if (root == null) {
4         root = new Node(d);
5     } else {
6         Node cur = root;
7         while (cur != null) {
8             if (d < cur.data) { //go left
9                 if (cur.left != null){
10                     cur = cur.left;
11                 }
12                 else {
13                     cur.left = new Node(d);
14                     return;
15                 }
16             } else { //go right
17                 if (cur.right != null){
18                     cur = cur.right;
19                 }
20                 else {
21                     cur.right = new Node(d);
22                     return;
23                 }
24             }
25         }
26     }
27 }
```

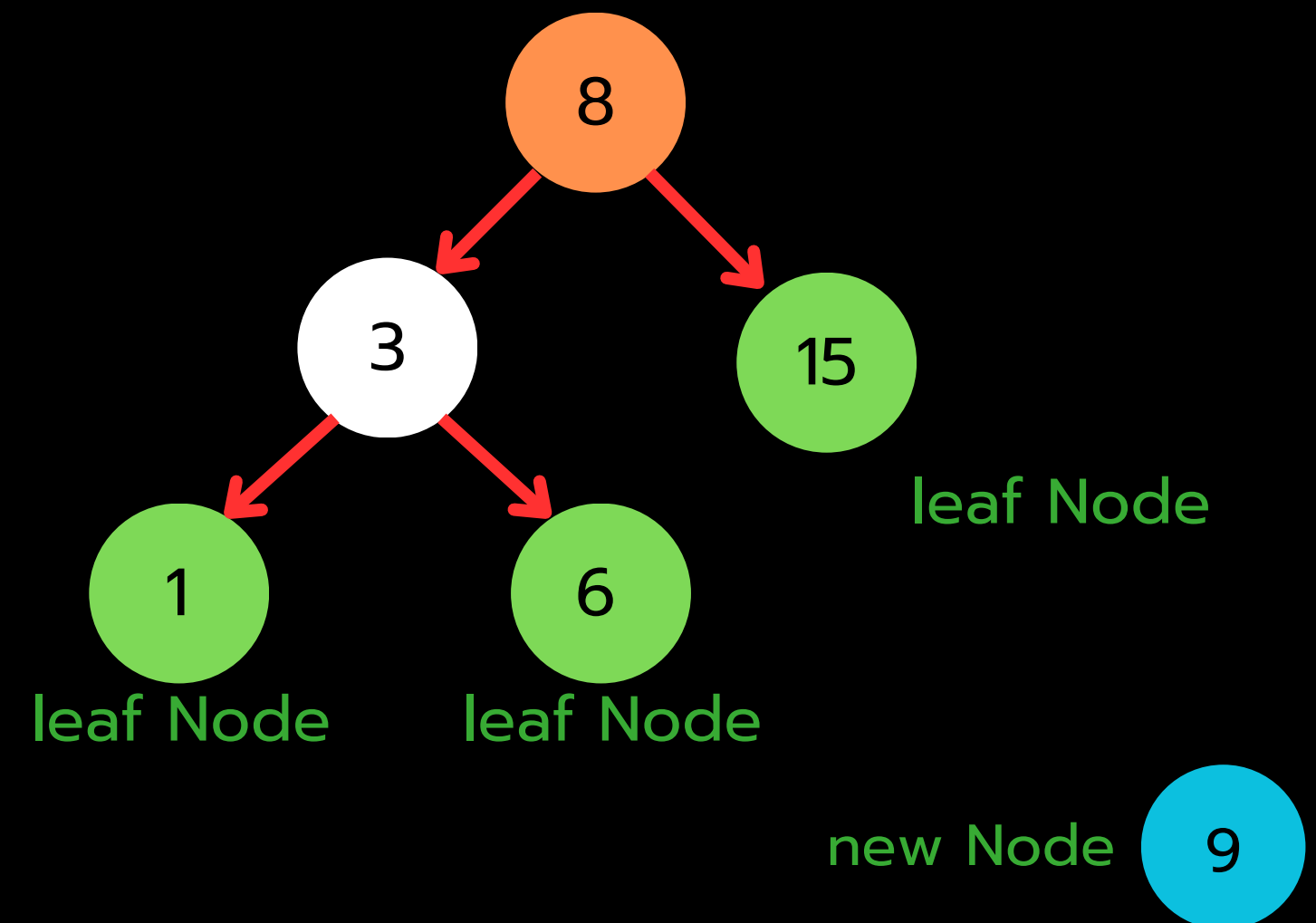
ค่าใหม่น้อยกว่า จะไปทาง left Child

ค่าใหม่มากกว่า จะไปทาง right Child

ในการเพิ่มค่า Node ใหม่จะถูก

ต่อ ณ leaf Node เสมอ

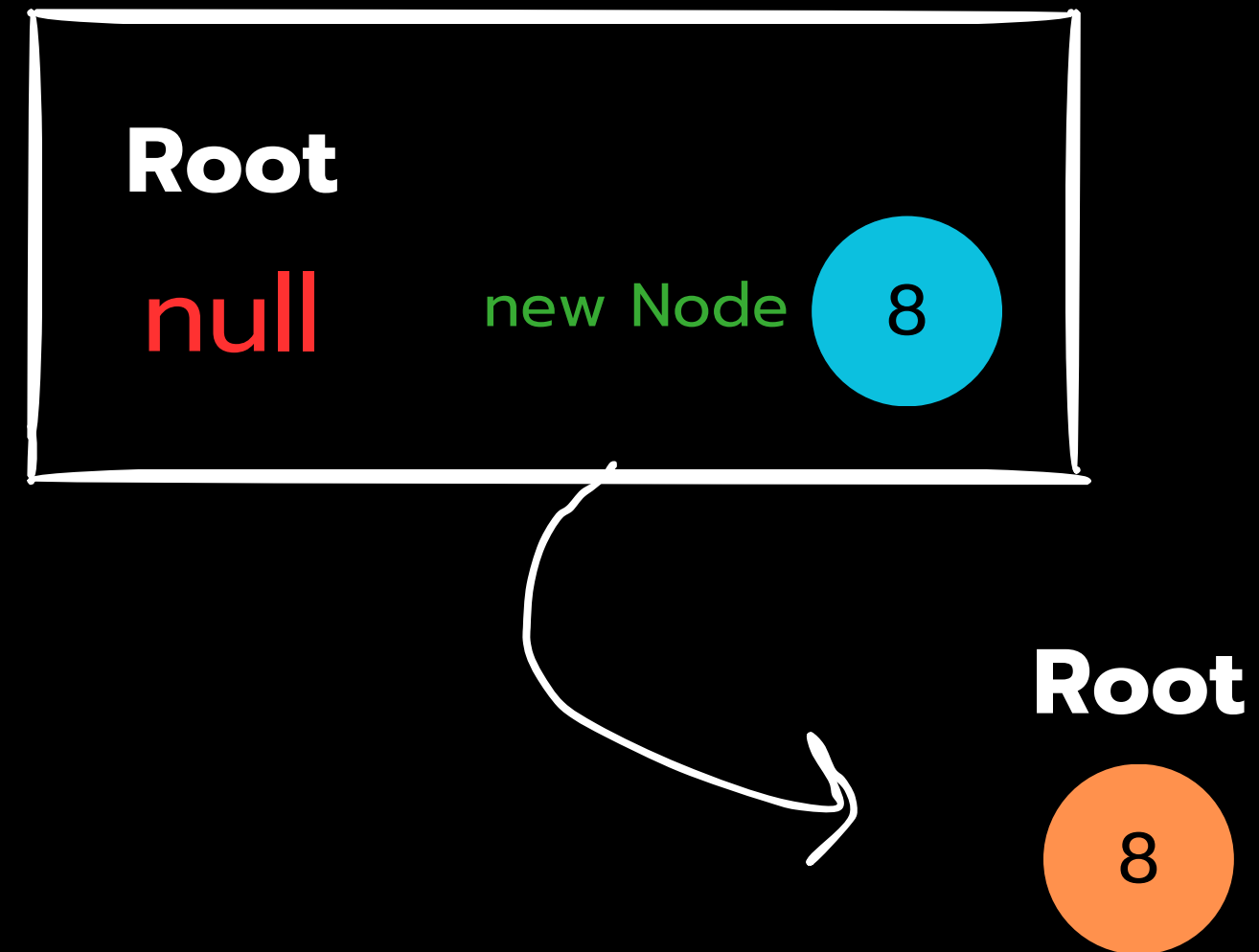
โดยมีเงื่อนไขว่า ถ้ามีค่าน้อยกว่าจะไป Node ซ้าย หากค่ามากกว่าจะไป Node ขวา



# Add tree node

```
2 public void insert(int d) {
3     if (root == null) {
4         root = new Node(d);
5     } else {
6         Node cur = root;
7         while (cur != null) {
8             if (d < cur.data) { //go left
9                 if (cur.left != null){
10                     cur = cur.left;
11                 }
12                 else {
13                     cur.left = new Node(d);
14                     return;
15                 }
16             } else { //go right
17                 if (cur.right != null){
18                     cur = cur.right;
19                 }
20                 else {
21                     cur.right = new Node(d);
22                     return;
23                 }
24             }
25         } //while
26     }
27 }
```

```
2 bst.insert(8);
```



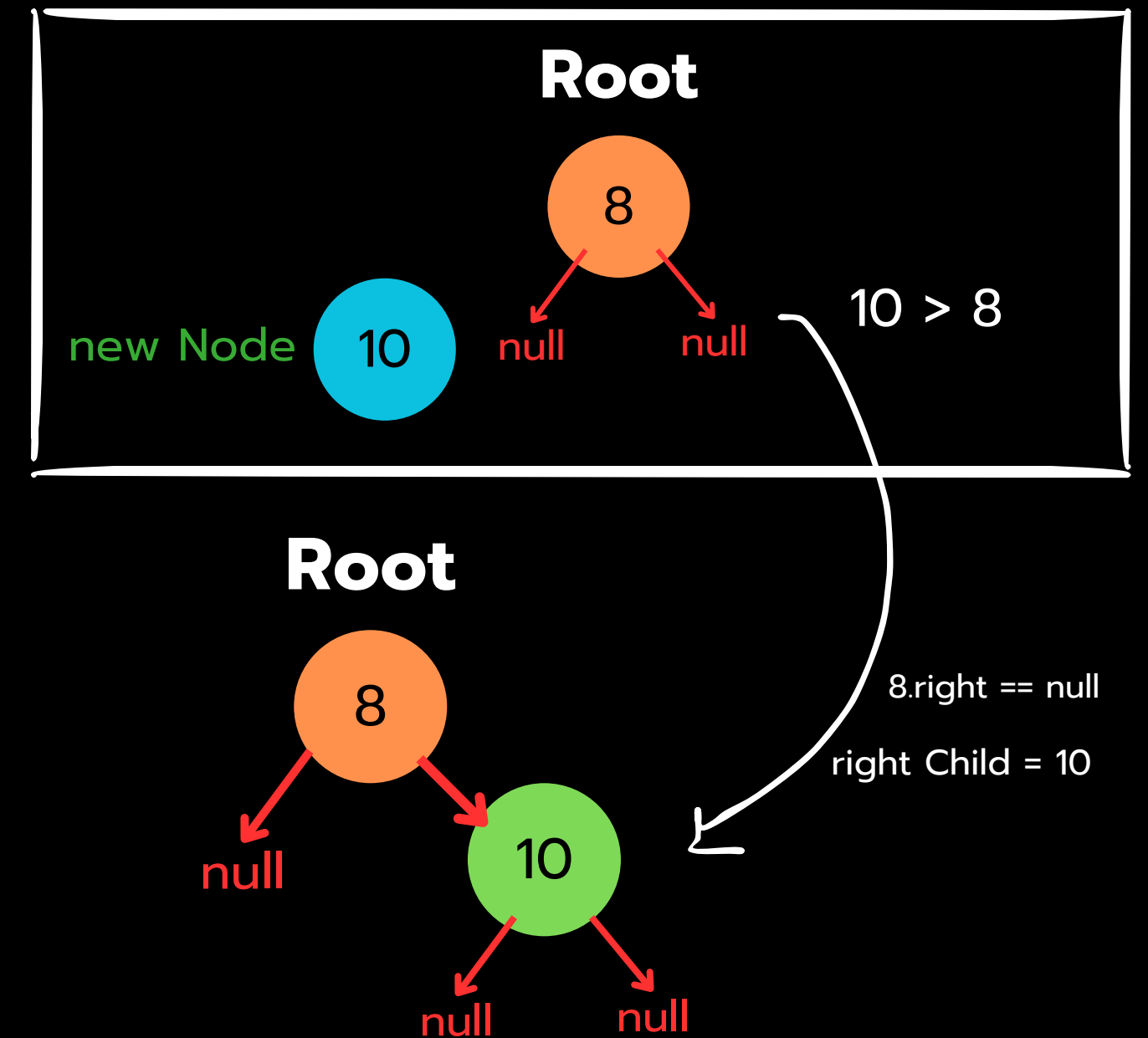
```
System.out.println(bst.getRoot()); //print root (8)
```

```
null<-8->null
```

# Add tree node

```
2 public void insert(int d) {
3     if (root == null) {
4         root = new Node(d);
5     } else {
6         Node cur = root;
7         while (cur != null) {
8             if (d < cur.data) { //go left
9                 if (cur.left != null){
10                     cur = cur.left;
11                 }
12                 else {
13                     cur.left = new Node(d);
14                     return;
15                 }
16             } else { //go right
17                 if (cur.right != null){
18                     cur = cur.right;
19                 }
20                 else {
21                     cur.right = new Node(d);
22                     return;
23                 }
24             }
25         } //while
26     }
27 }
```

```
3 bst.insert(10);
```



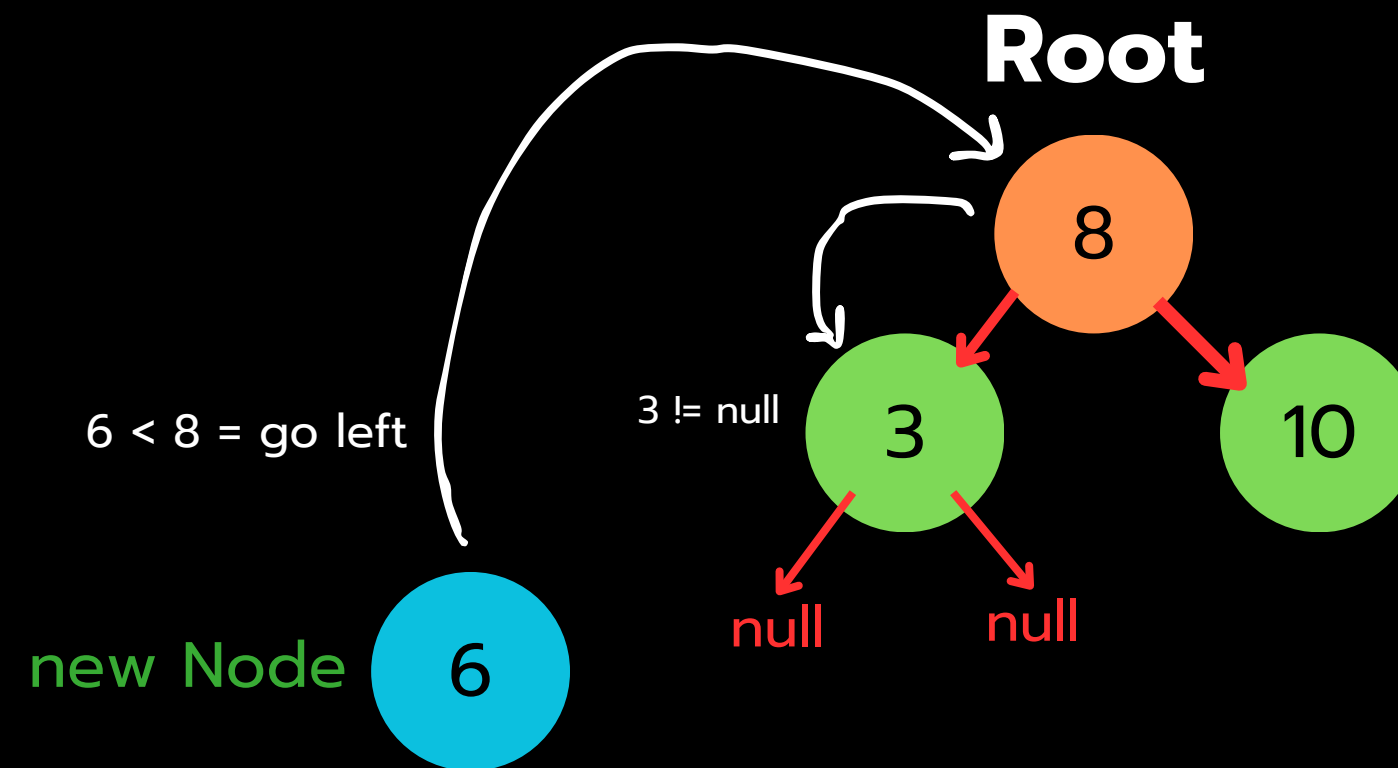
```
1 System.out.println(bst.getRoot()); //print root (8)
2 System.out.println(bst.getRoot().right); //print root.left (10)
```

```
null<-8->10
null<-10->null
```

# Add tree node

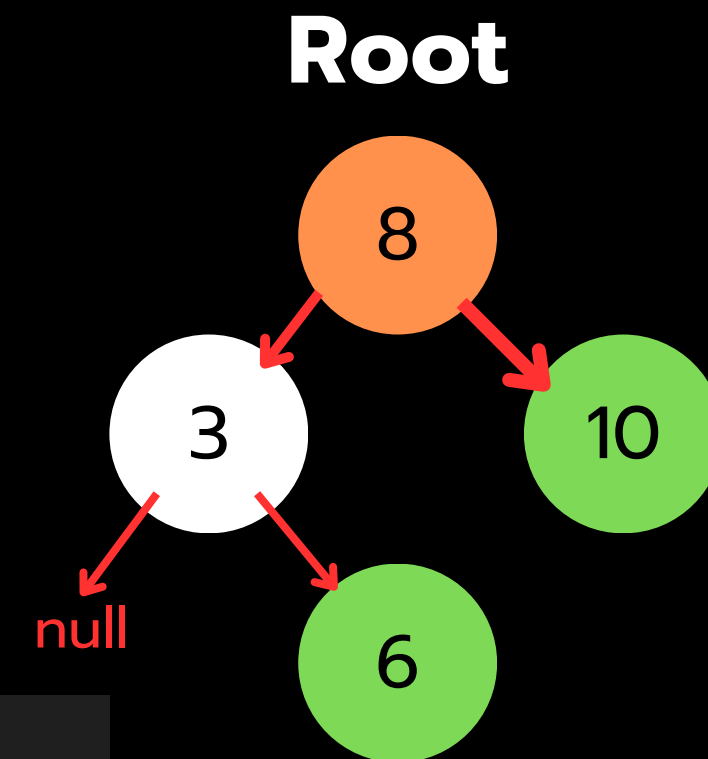
```
2 public void insert(int d) {
3     if (root == null) {
4         root = new Node(d);
5     } else {
6         Node cur = root;
7         while (cur != null) {
8             if (d < cur.data) { //go left
9                 if (cur.left != null){
10                     cur = cur.left;
11                 }
12             } else {
13                 cur.left = new Node(d);
14                 return;
15             }
16         } else { //go right
17             if (cur.right != null){
18                 cur = cur.right;
19             }
20             else {
21                 cur.right = new Node(d);
22                 return;
23             }
24         }
25     } //while
26 }
27 }
```

```
4 bst.insert(3);
5 bst.insert(6);
```



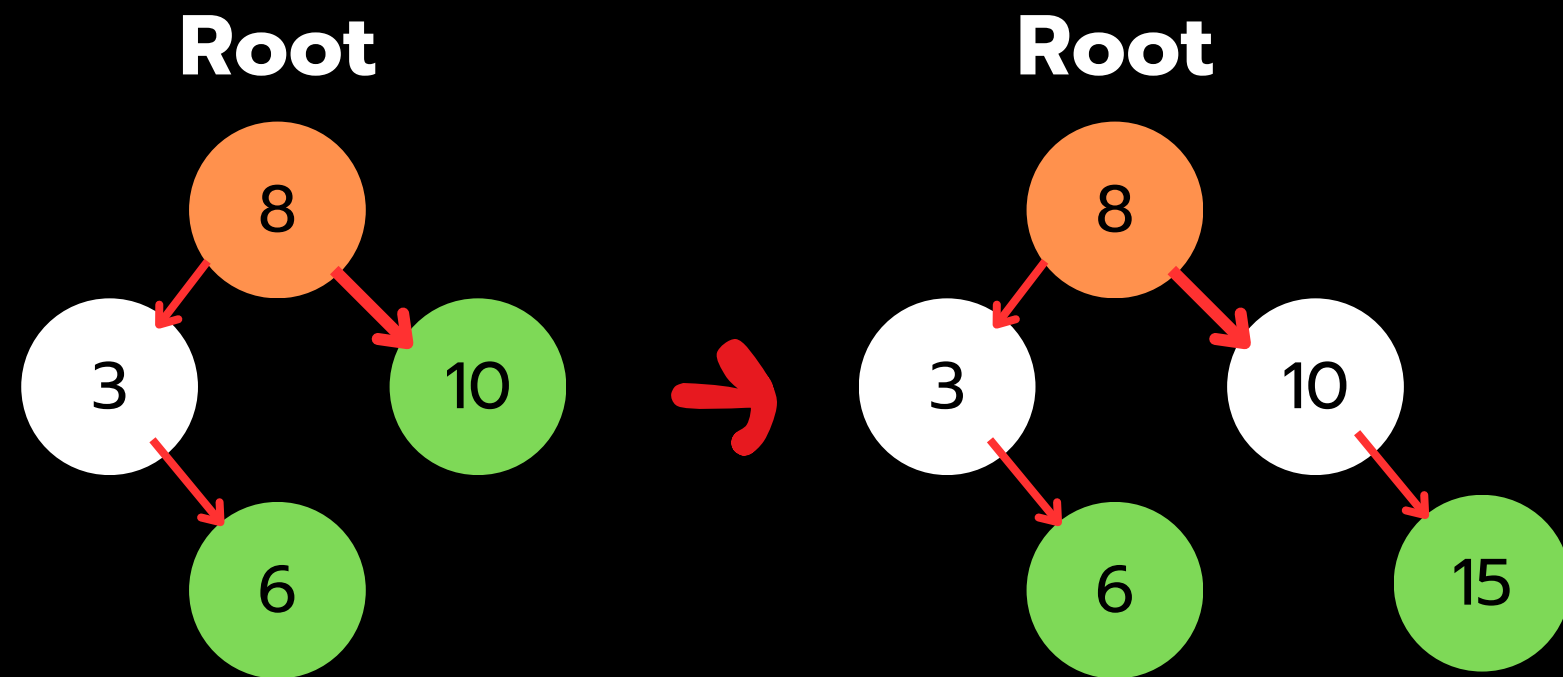
```
1 System.out.println(bst.getRoot()); //print (8)
2 System.out.println(bst.getRoot().left); //print (3)
3 System.out.println(bst.getRoot().left.right); //print root.left (6)
```

```
3<-8->10
null<-3->6
null<-6->null
```



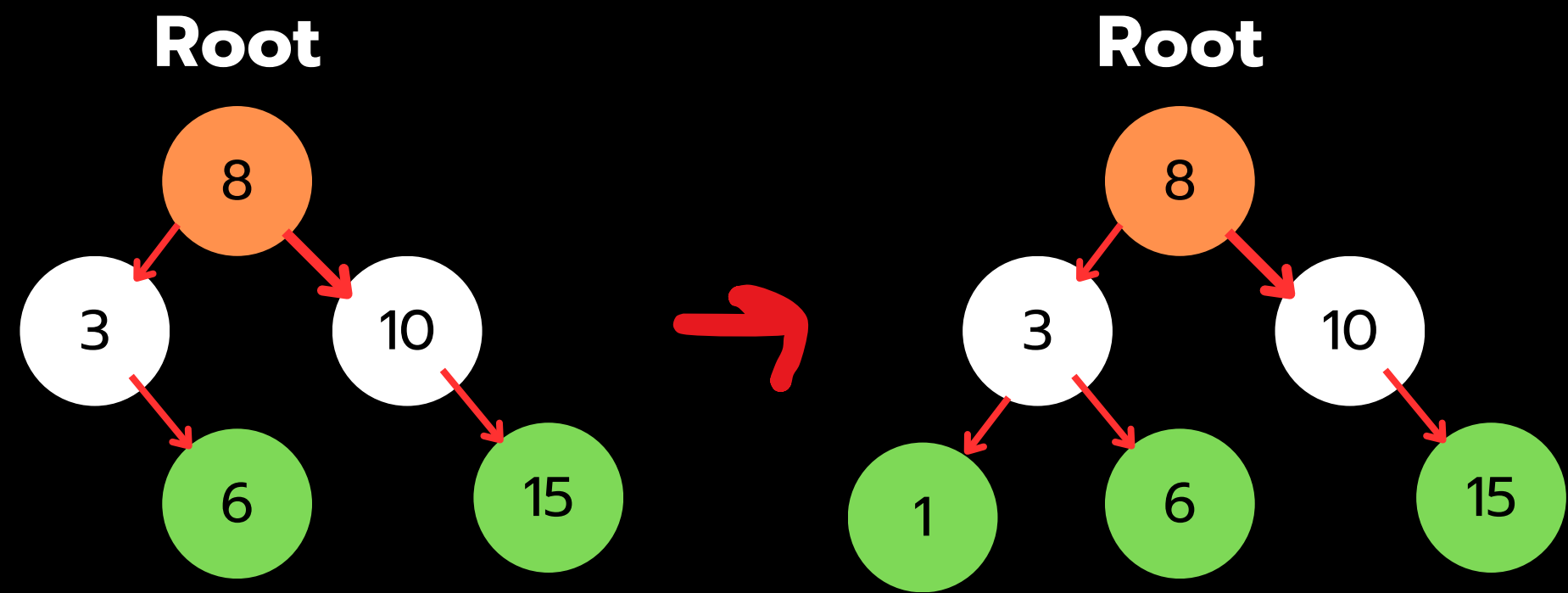
# Add tree node

```
6 bst.insert(15);
```



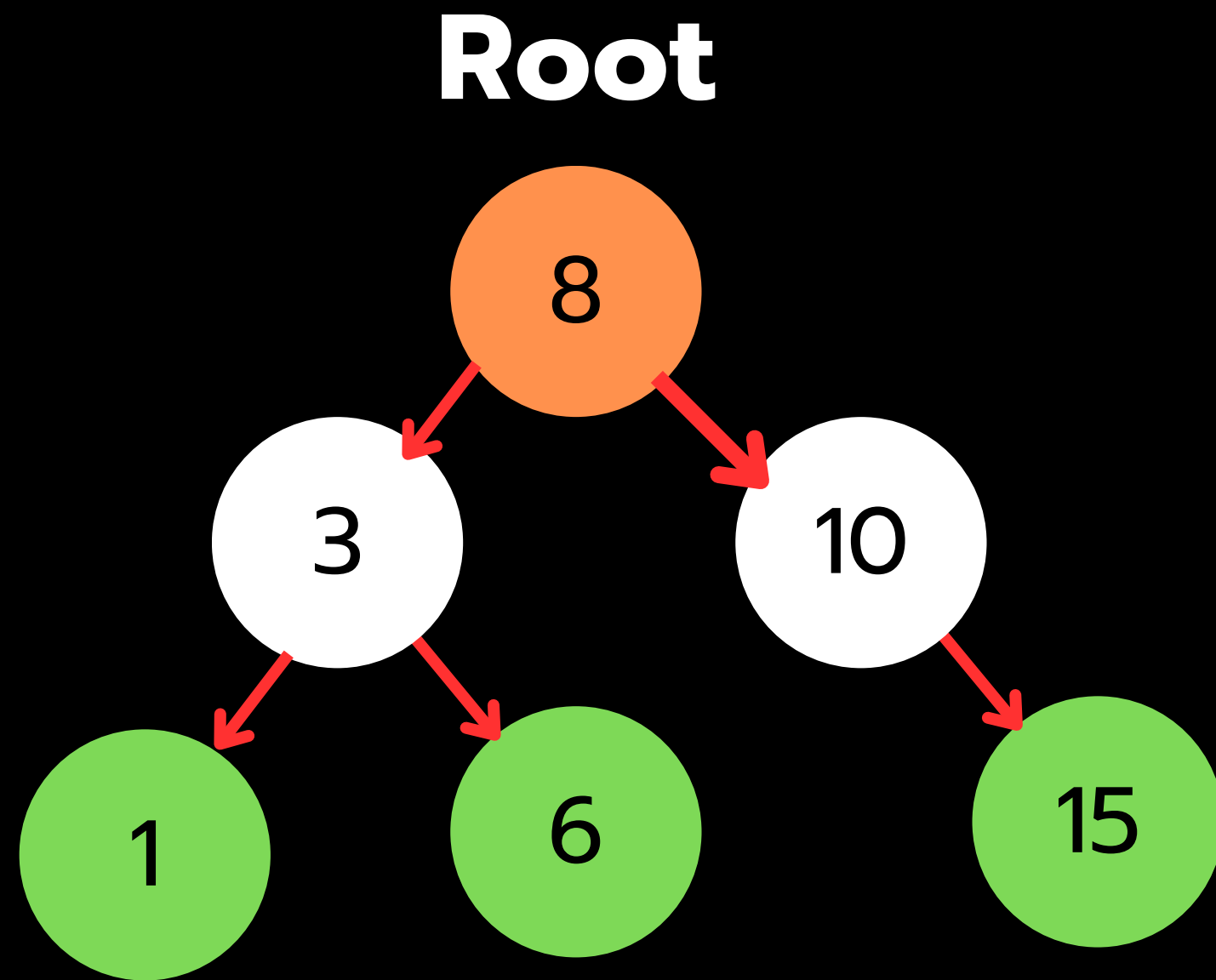
new Node 15

```
7 bst.insert(1);
```



new Node 1

# Tree traversal



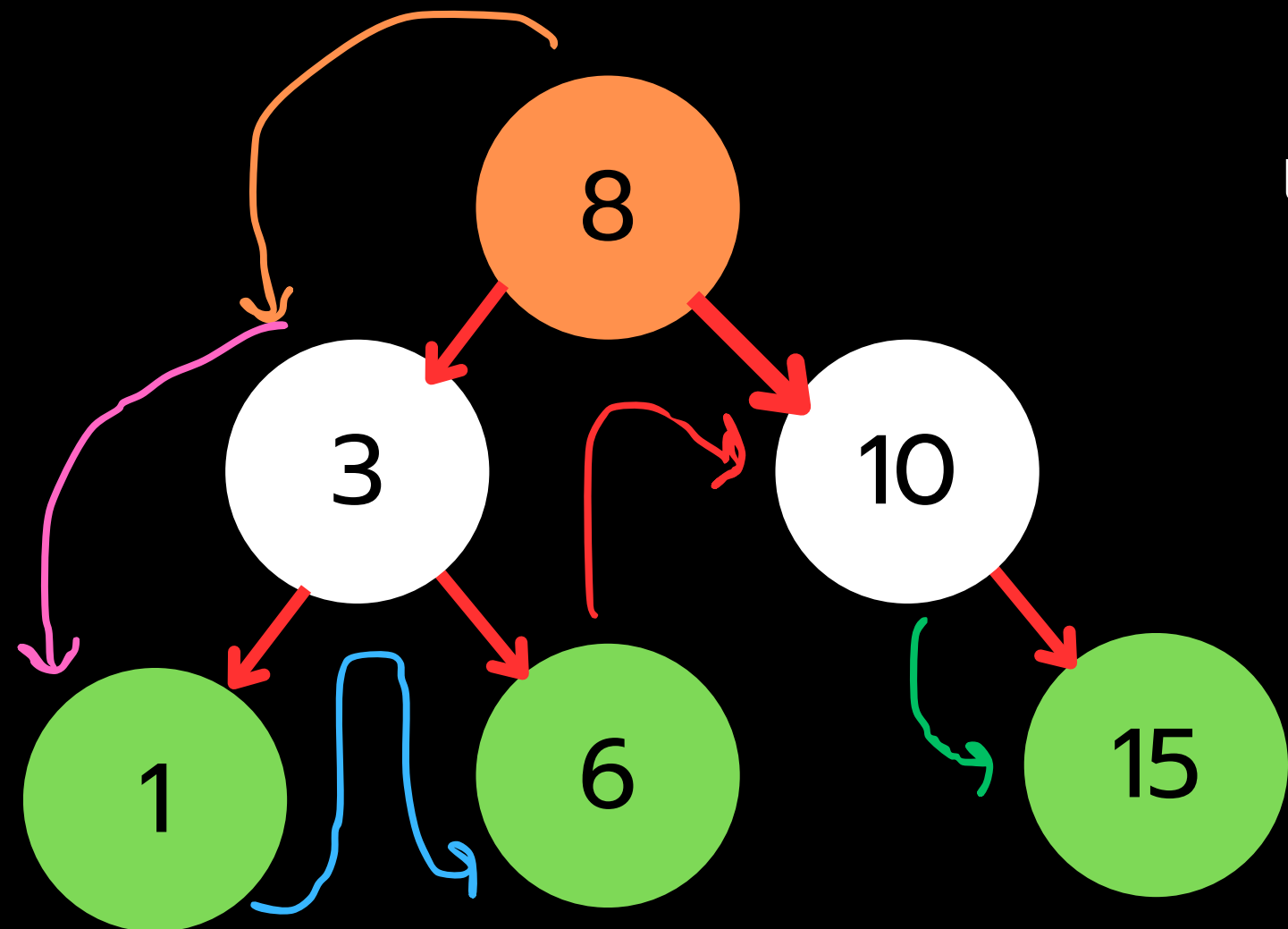
การเข้าถึงข้อมูลที่ถูกเก็บใน tree เนื่องจากข้อมูลถูกเก็บเป็น Node ต่อกัน ดังนั้นเวลาไล่ Node จะต้อง เริ่มต้นที่โหนดราก (root) ก่อนเสมอ

Tree traversal มี 3 รูปแบบได้แก่

- Pre-Order
- In-Order
- Post-Order

# pre-order

- Pre Order Traversal: จะเริ่มจาก Root, Left, Right



เวลาท่องจะแสดงค่าของ Node ที่เจอออกมาในทันที  
ก่อนที่จะวิ่งไปหา Node ถัดไป

8 3 1 6 10 15

# pre-order

ใช้การ recursive มาช่วยในการท่องแต่ละ child Node

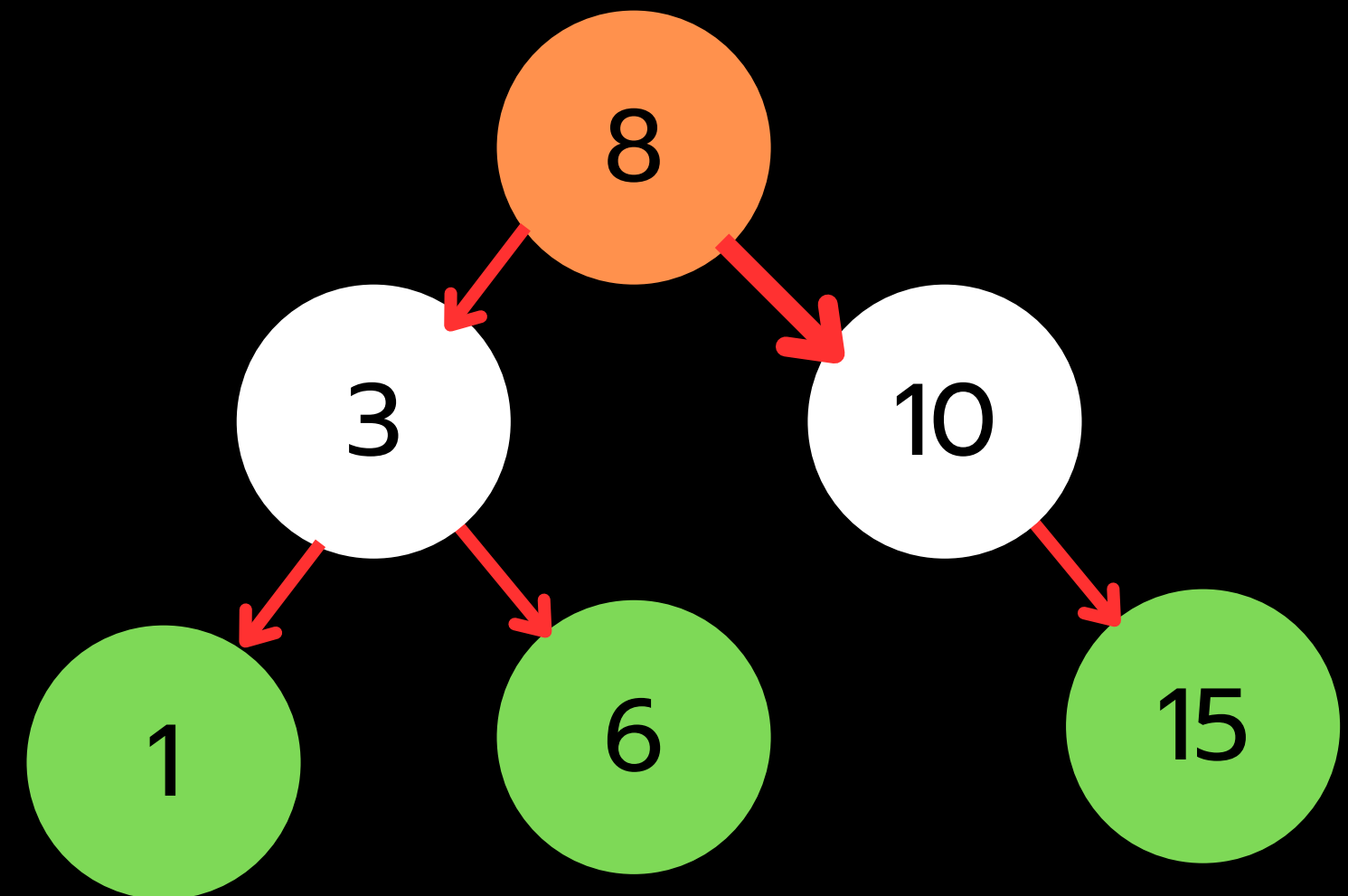
```
1 public void printPreOrderRecurse(Node node) {  
2     if (node == null)  
3         return;  
4     System.out.printf("%d ", node.data);  
5     printPreOrderRecurse(node.left);  
6     printPreOrderRecurse(node.right);  
7 }
```

```
1 bst.printPreOrderRecurse(bst.getRoot());
```

8 3 1 6 10 15

```
8  
go to left child of 8  
3  
go to left child of 3  
1  
go to left child of 1  
go to right child of 1  
go to right child of 3
```

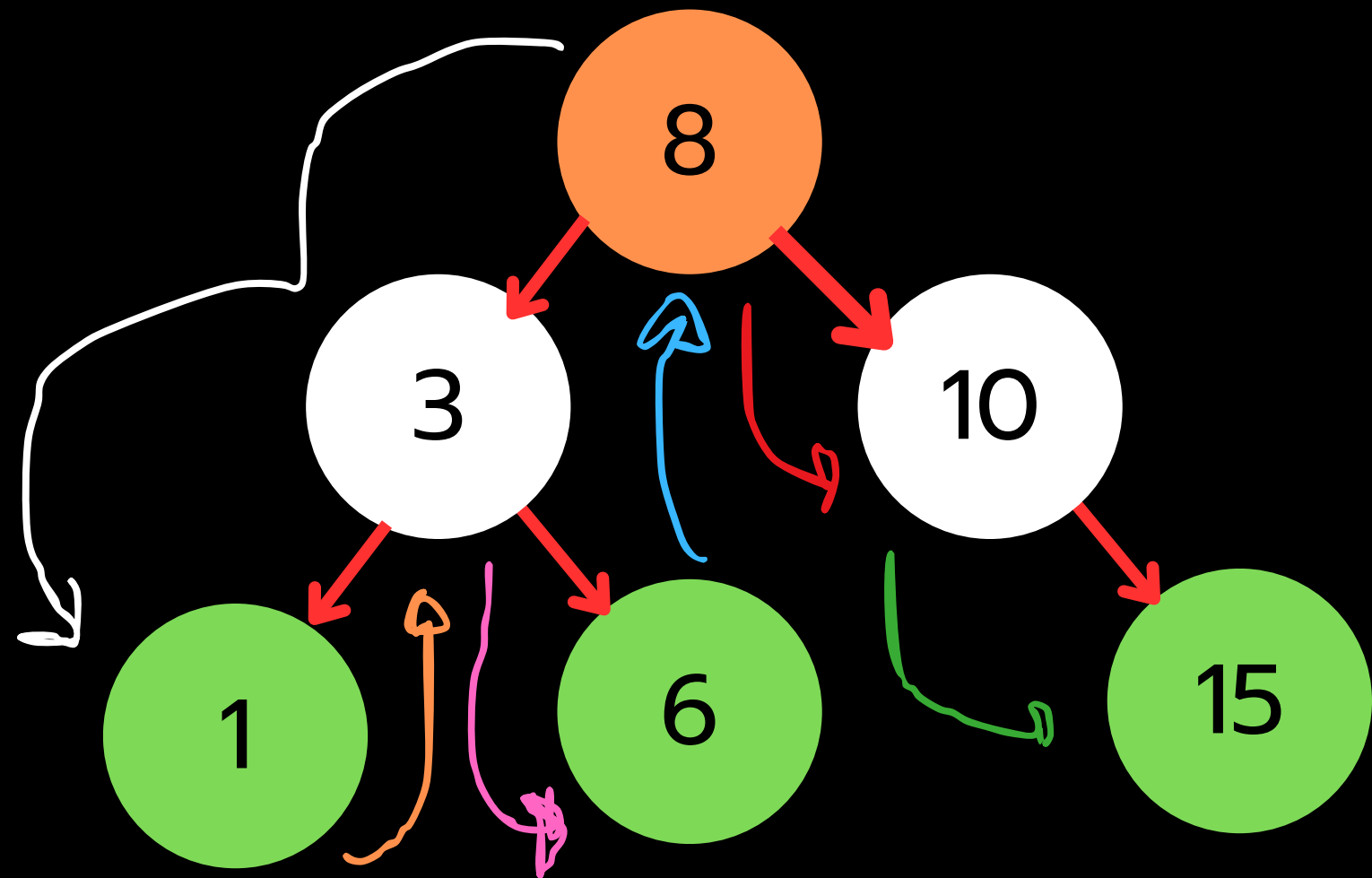
```
6  
go to left child of 6  
go to right child of 6  
go to right child of 8  
10  
go to left child of 10  
go to right child of 10  
15  
go to left child of 15  
go to right child of 15
```





# In-order

- In Order Traversal: จะเริ่มจาก Left, Root, Right



เวลาท่องเที่ยวจะวิ่งไปจนถึง Node สุดท้ายของซ้าย  
ก่อน ถึงจะแสดงค่าที่เจอออกมา แล้วค่อยไป  
Node ถัดไปทางขวา

1 3 6 8 10 15

# In-order

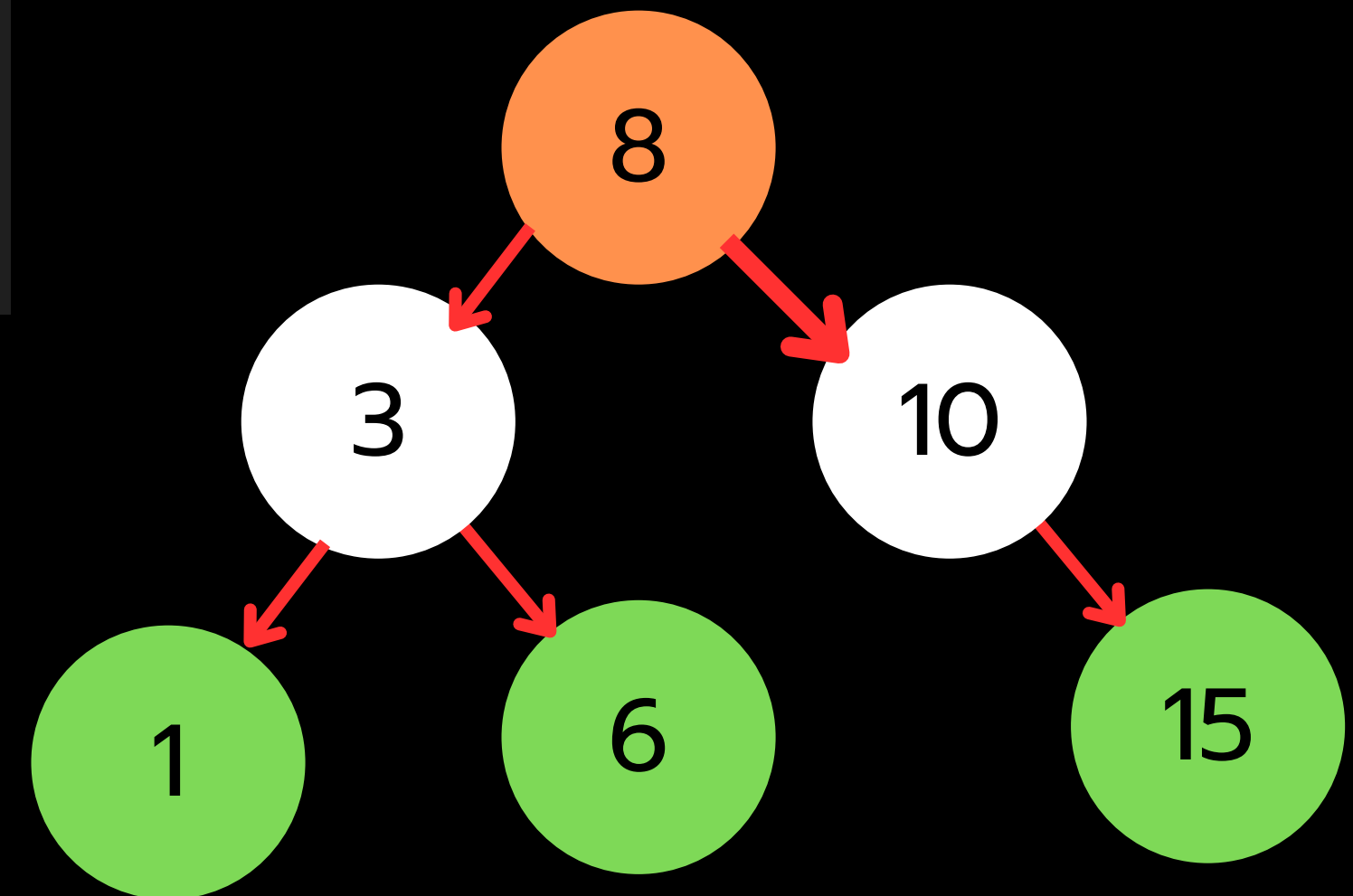
ใช้การ recursive มาช่วยในการท่องแต่ละ child Node

```
1 public void printInOrderRecurse(Node node) {  
2     if (node == null)  
3         return;  
4     printInOrderRecurse(node.left);  
5     System.out.printf("%d", node.data);  
6     printInOrderRecurse(node.right);  
7 }
```

```
1 bst.printInOrderRecurse(bst.getRoot());
```

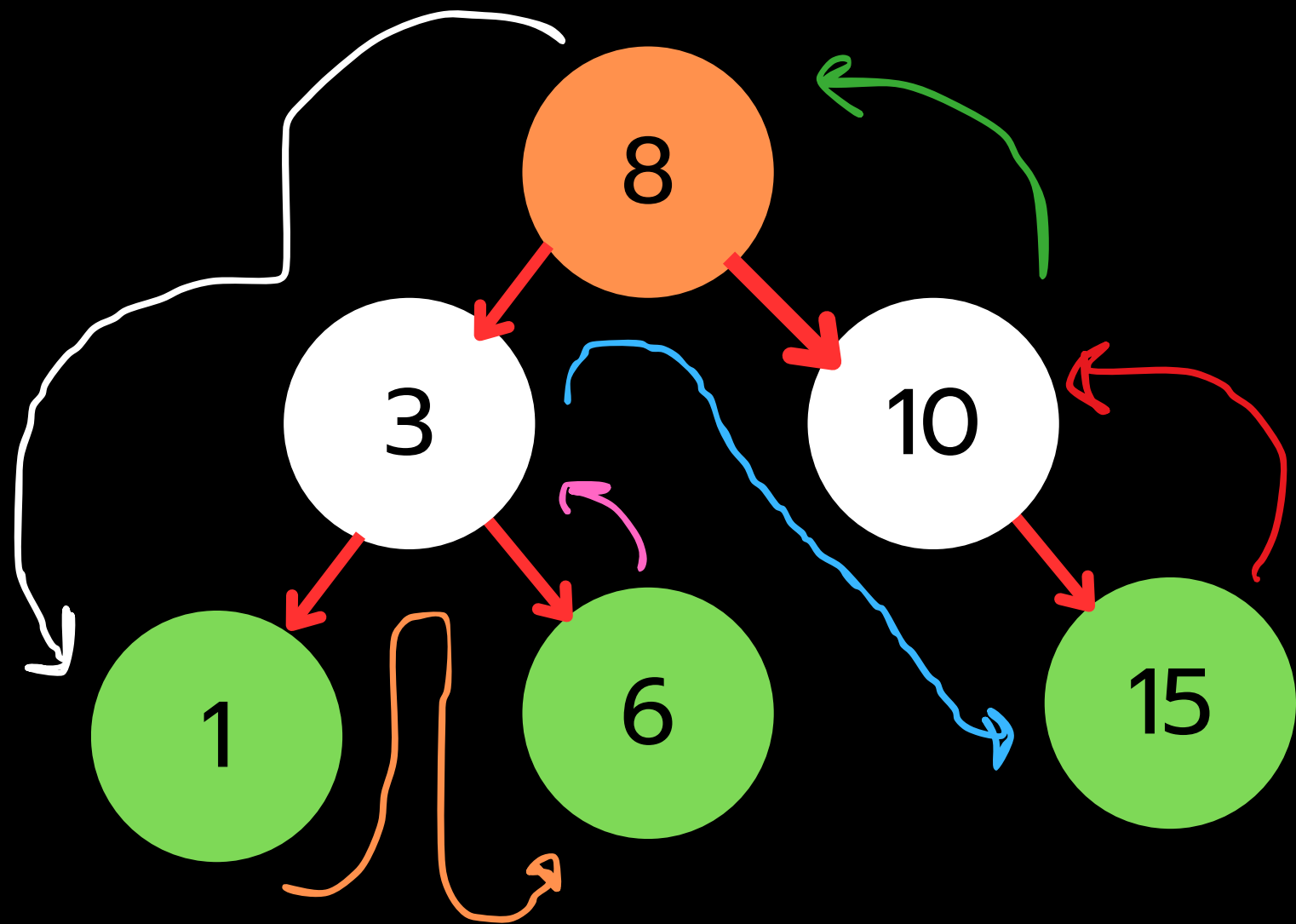
1 3 6 8 10 15

go to left child of 8	8
go to left child of 3	go to right child of 8
go to left child of 1	go to left child of 10
1	10
go to right child of 1	go to right child of 10
3	go to left child of 15
go to right child of 3	15
go to left child of 6	go to right child of 15
6	
go to right child of 6	



# Post-order

- Post Order Traversal: จะเริ่มจาก Left, Right, Root



เวลาต้องจะไปให้ครบทุก Node ที่เป็น child Node  
ก่อน ถึงจะแสดงค่าของ Node ปัจจุบัน

1 6 3 15 10 8

# Post-order

ใช้การ recursive มาช่วยในการท่องแต่ละ child Node

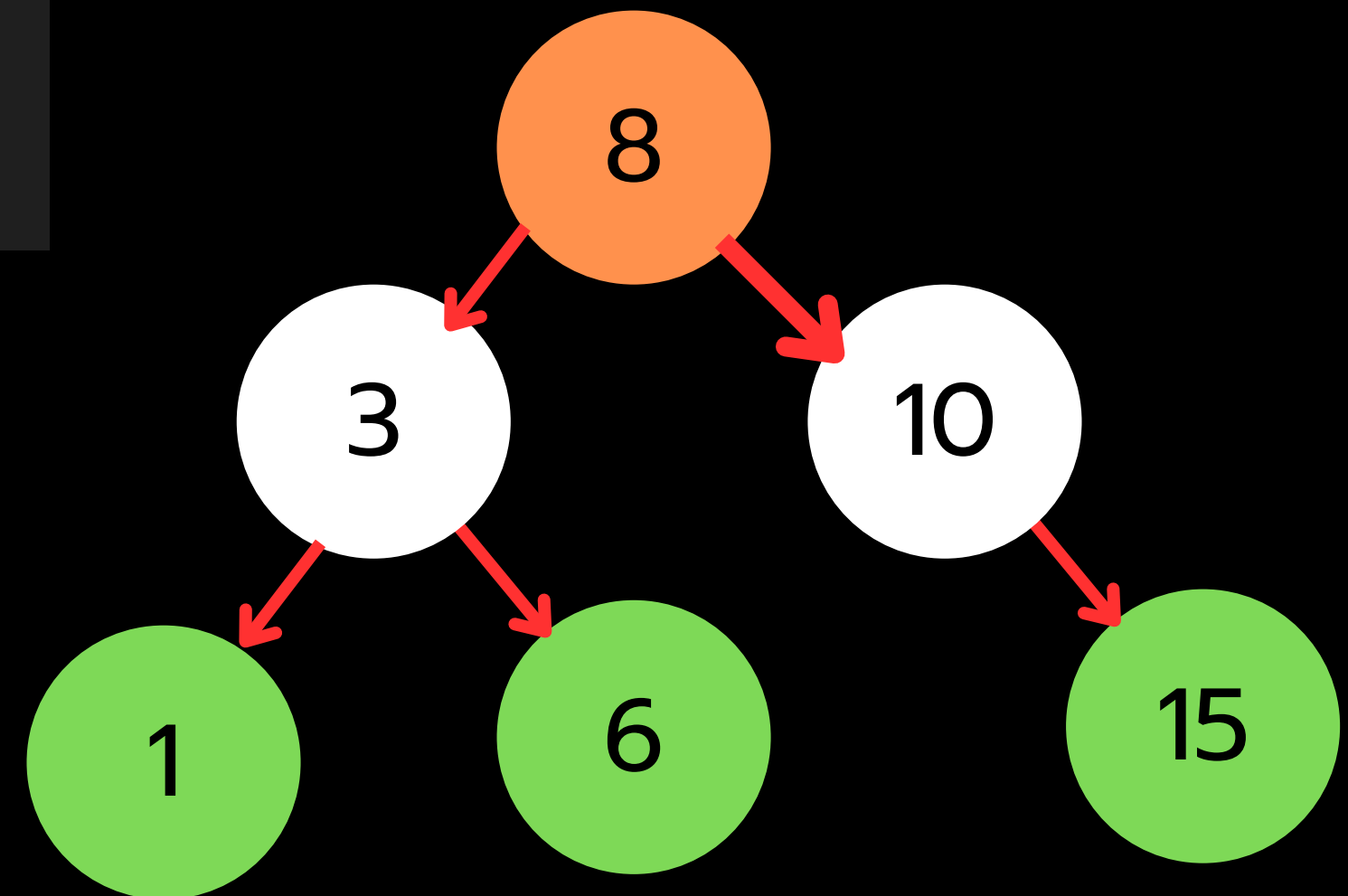
```
1 public void printPostOrderRecurse(Node node) {  
2     if (node == null)  
3         return;  
4     printPostOrderRecurse(node.left);  
5     printPostOrderRecurse(node.right);  
6     System.out.printf("%d ", node.data);  
7 }
```

```
1 bst.printPostOrderRecurse(bst.getRoot());
```

1 6 3 15 10 8

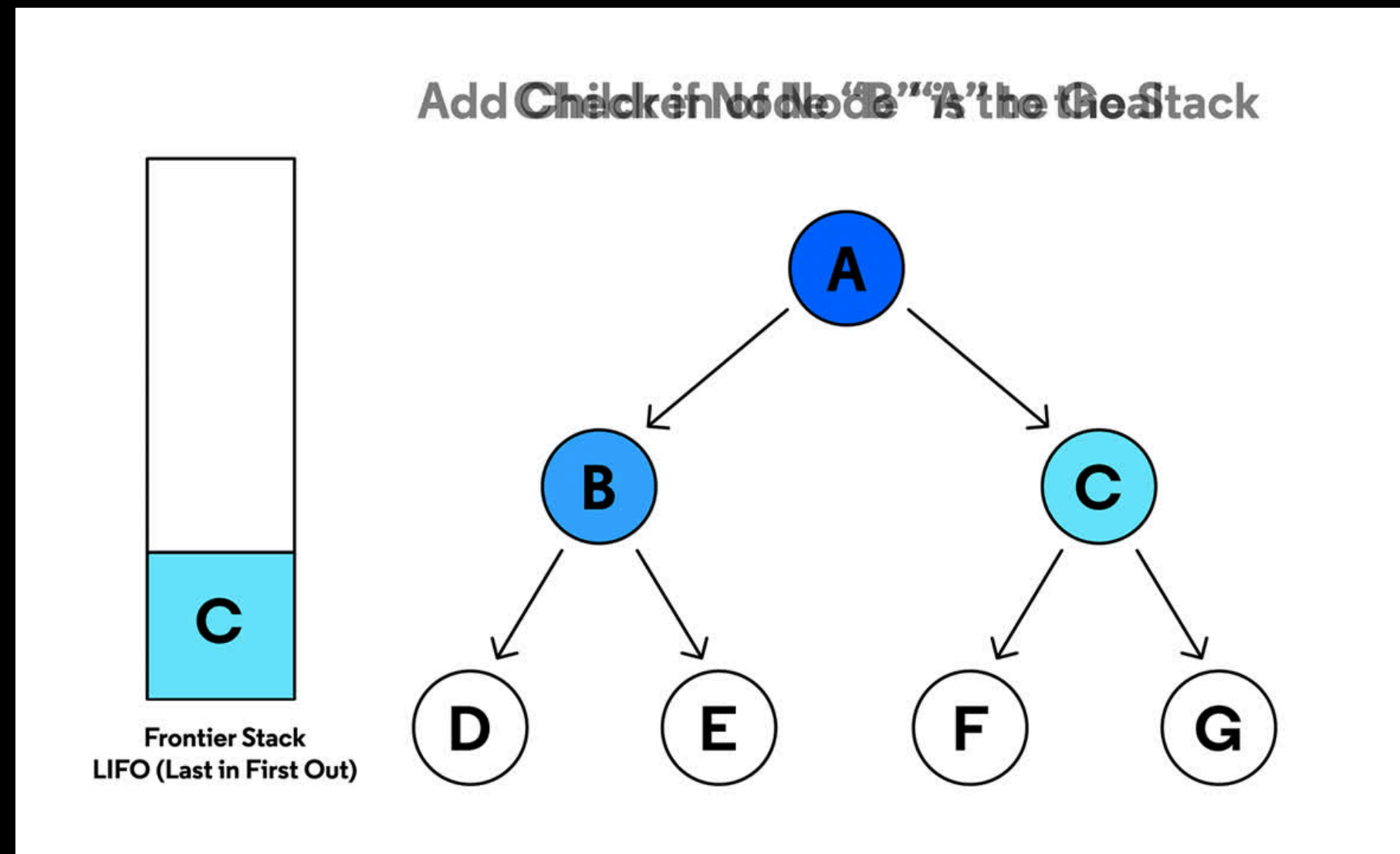
go to left child of 8  
go to left child of 3  
go to left child of 1  
go to right child of 1  
1  
go to right child of 3  
go to left child of 6  
go to right child of 6  
6  
3

go to right child of 8  
go to left child of 10  
go to right child of 10  
go to left child of 15  
go to right child of 15  
15  
10  
8



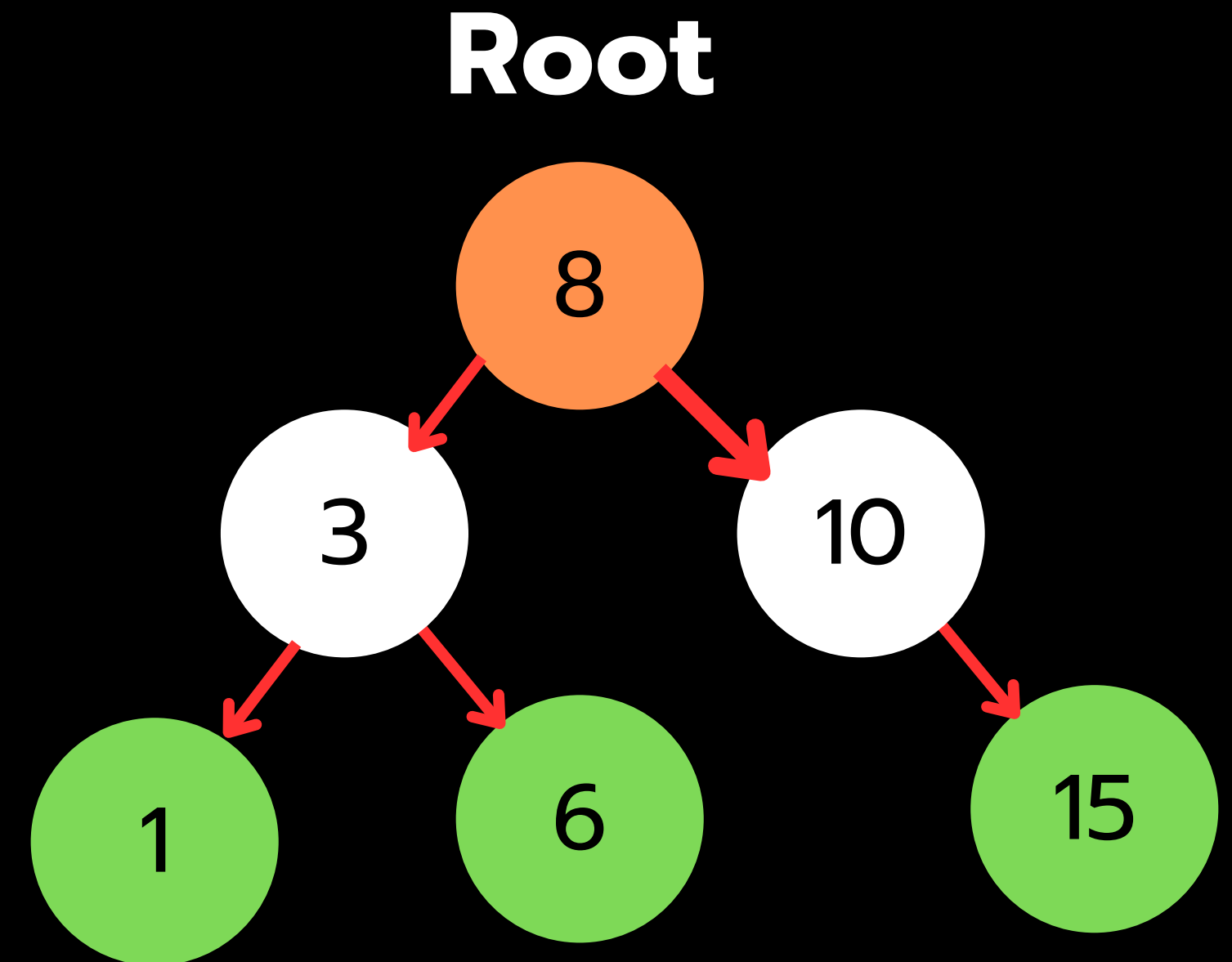
# Depth First search

คือการค้นหาเชิงลึก การท่องเที่ยวจะเป็นการไล่ในแนวลึกคือ วิ่งไปที่ child Node เป็นอันดับแรก จนกว่าจะถึง Node ที่อยู่ลึกที่สุด จากนั้นไปยัง sibling Node (ถ้ามี) เมื่อครบจึงจะย้อนกลับไปยัง parent Node



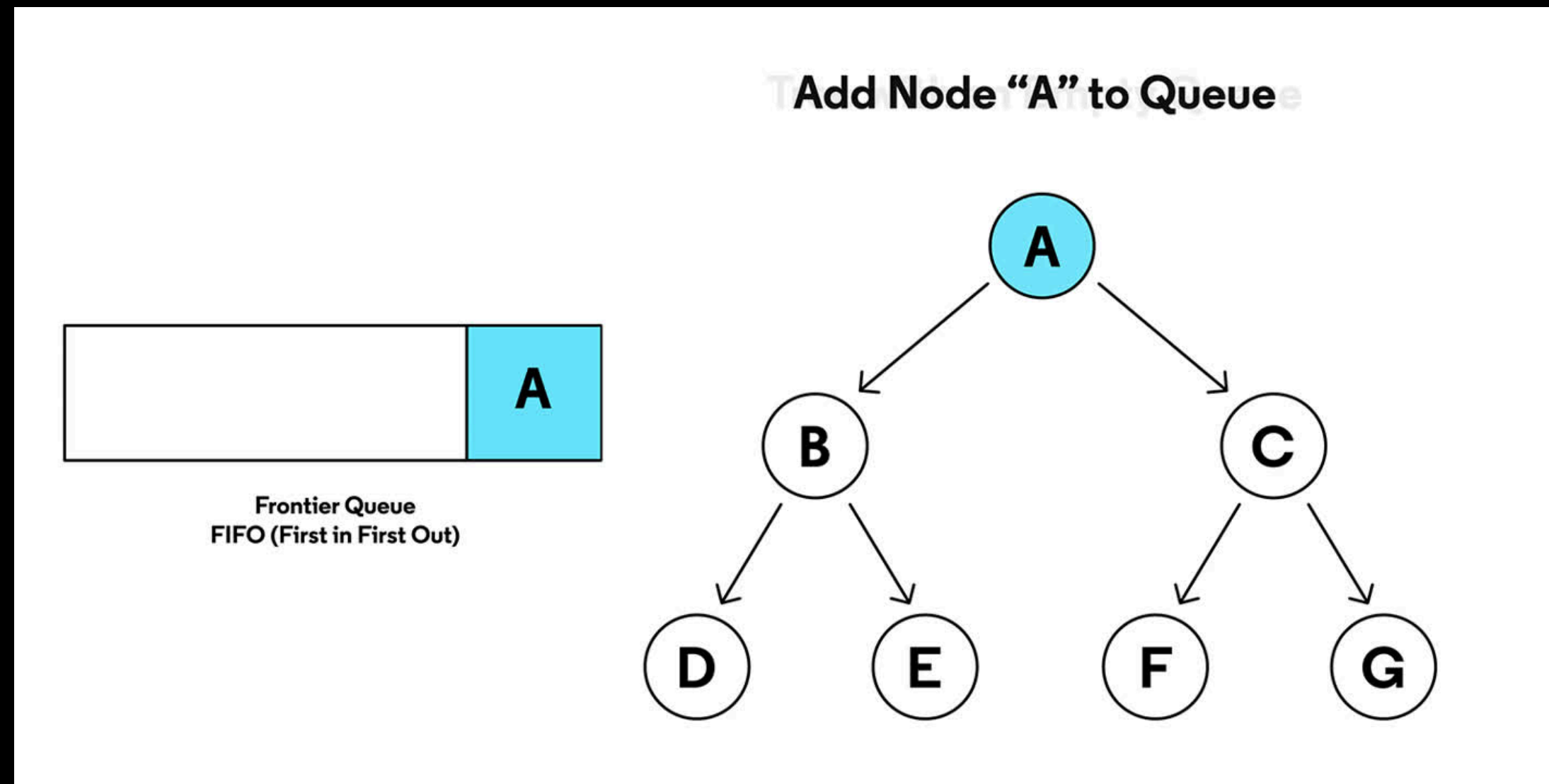
# DFS (Stack/LIFO)

```
push root to Stack
while (Stack is not Empty) :
    pop node
    process node
    push node.left, node.right
```



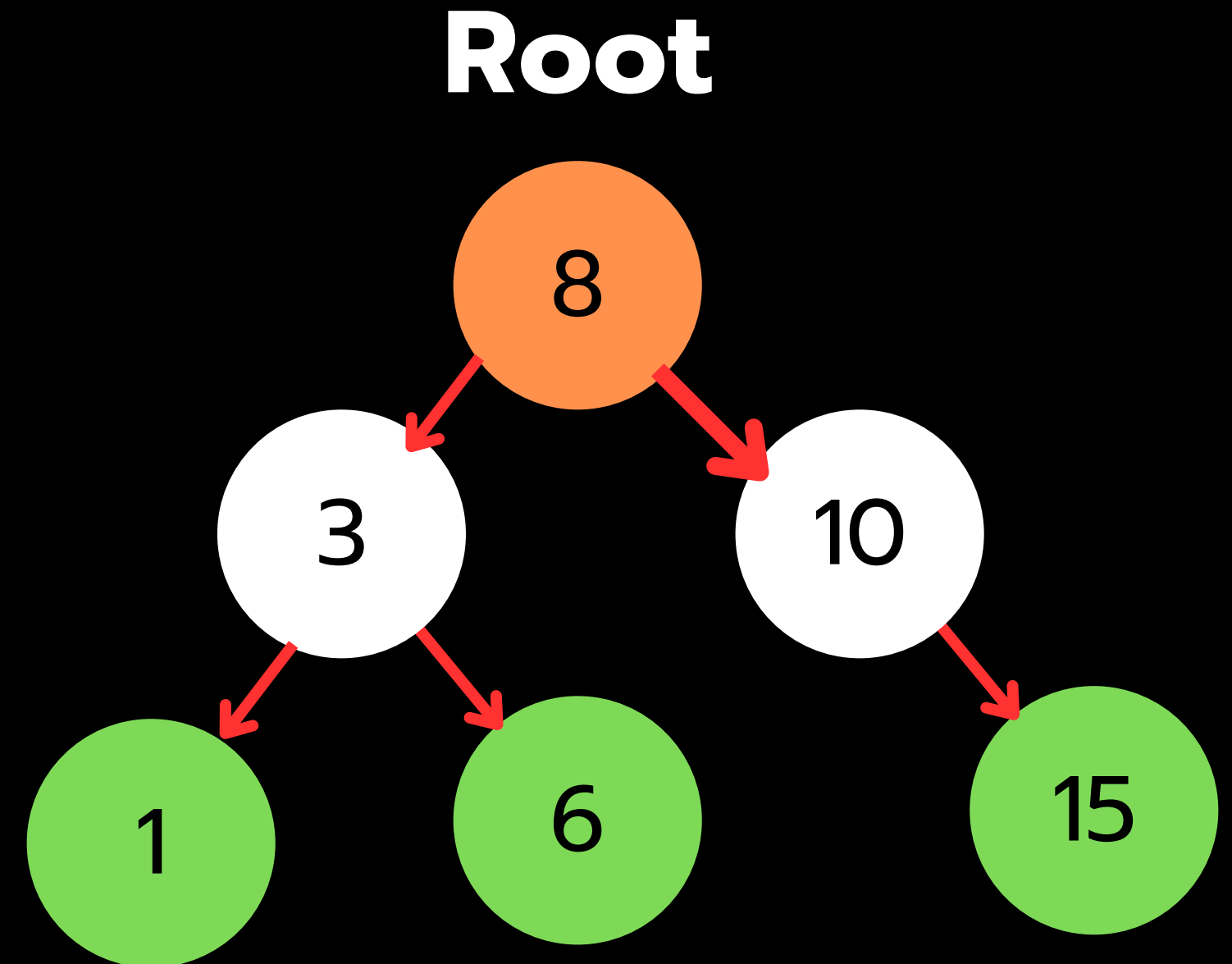
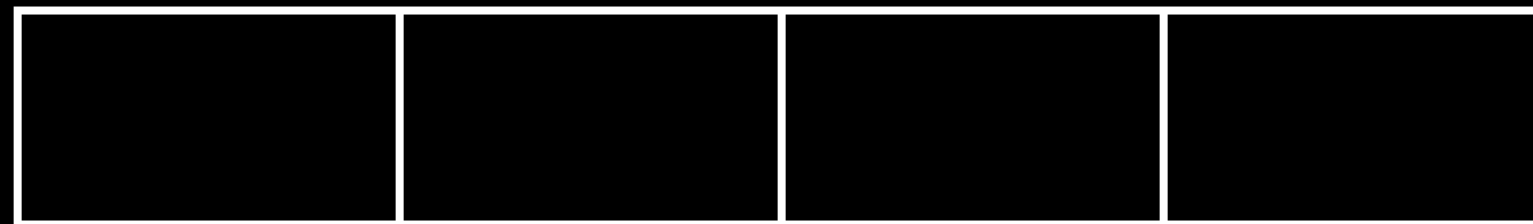
# Breadth First Search (BFS)

Level Order Traversal การท่องแนวกว้าง โดยจะให้ความสำคัญที่ sibling Node ก่อน child Node การไล่จะไล่ตามระดับความลึกของ tree จาก root ไปจนถึง leaf Node



# BFS (Queue/FIFO)

```
add root to Queue  
while (Queue is not Empty) :  
    dequeue node  
    process node  
    add node.left, node.right
```

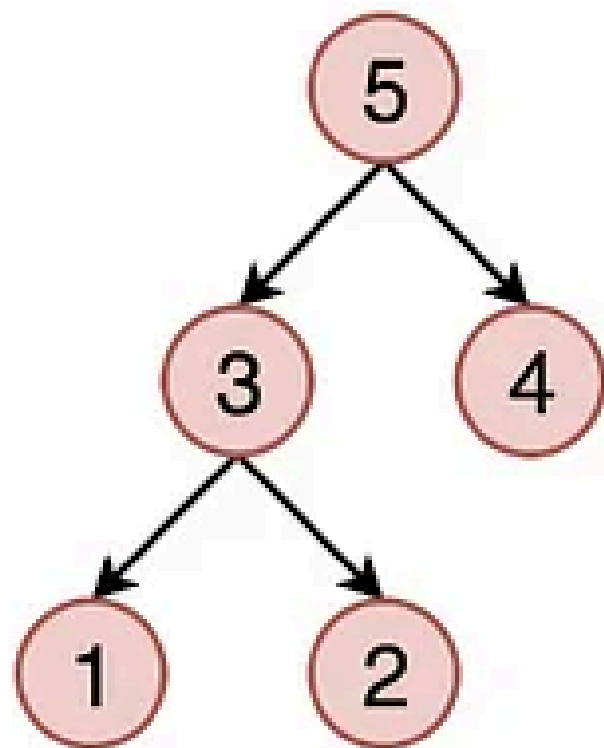




# Recap

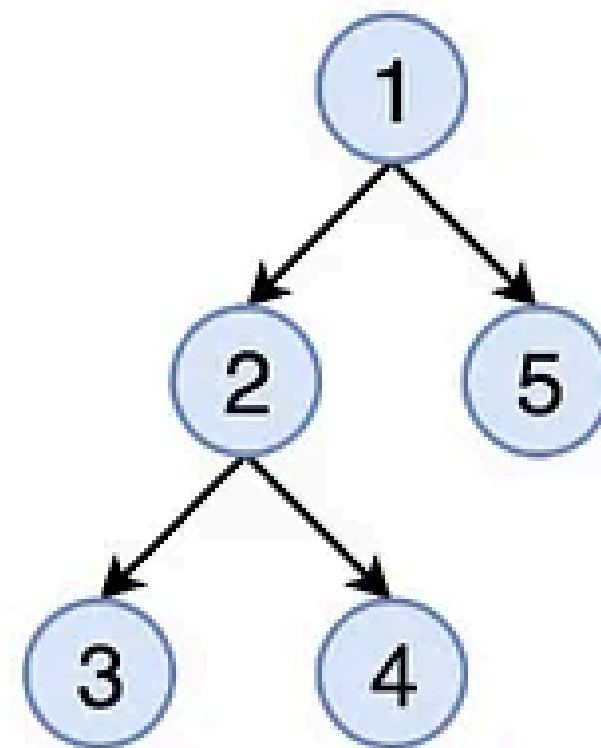
## DFS Postorder

Bottom -> Top  
Left -> Right



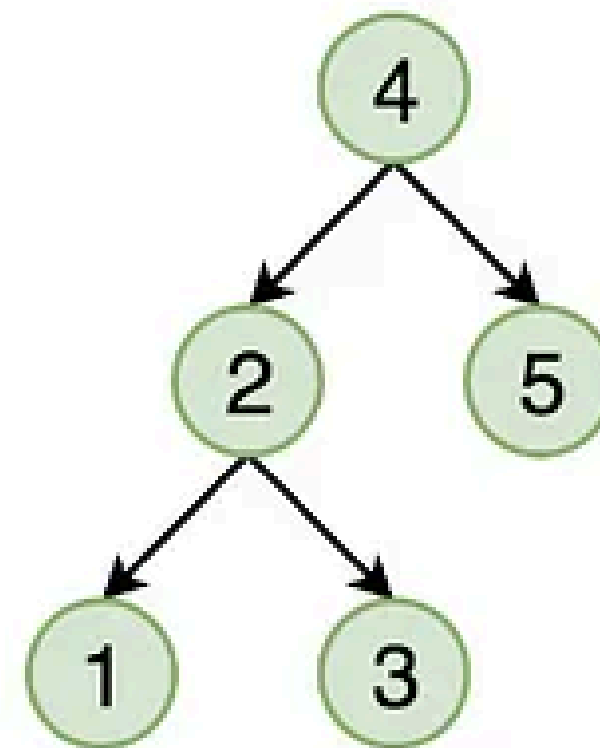
## DFS Preorder

Top -> Bottom  
Left -> Right



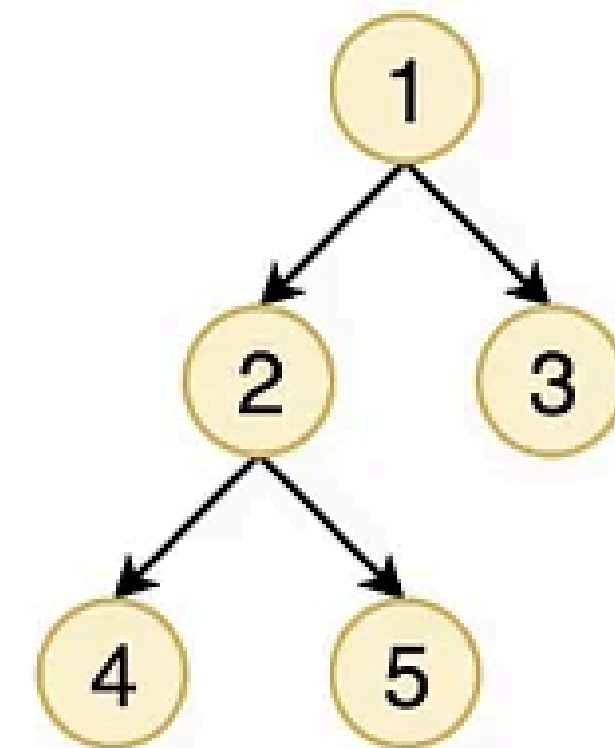
## DFS Inorder

Left -> Node -> Right



## BFS

Left -> Right  
Top -> Bottom



# Thank you

