第二学期期末数学试题(样)

(C)

一、选择题

1、点 (2,-1,3) 关于坐标面 xoy 的对称点是

 $C. \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n}{n!} x^n$

D. $e^2 \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$

8、若幂级数 $\sum_{n=0}^{\infty} a_n (x-2)^n$ 在 x = -3 处收敛,则它在 x = 4 处一定是

A. 条件收敛

B. 绝对收敛

C. 一定发散

D. 不能确定

二、填空题

- 10、点 (1,0,-1) 到平面 3x + 4y + 5z = 10 的距离为 ______;
- 11、 若 $z = f(x,y) = x^3y + x^2 \ln(y+1) + 3$, 则 $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} = \underline{\hspace{1cm}}$;

- 15、若积分区域 $D = \begin{cases} -1 \le x \le 1 \\ 0 \le y \le \sqrt{1 x^2} \end{cases}$ }, 则 $\iint_D (1 + xy) dx dy =$ _______;
- 16、 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{(n+1)^2} \frac{1}{(n+2)^2} \right)$,通过前 n 项和的极限求级数的和 S =______;
- 三、计算题
- 17、已知 $\vec{a} = \vec{i} \vec{j} + \vec{k}, \vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$, 试求
- $(1)2\vec{a} \vec{b};(2)\vec{a} \cdot \vec{b};(3)\vec{a}x\vec{b};$
- 18、设 z = f(xy, x + y), 其中 f 可微, 求 $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}$
- 19、求函数 $f(x,y) = y^3 x^2 + 6x 12y + 5$ 的极值.
- 20、计算二重积分 $\iint\limits_D x^2 y dx dy$, 其中 D 是 y=x,y=2x 与 x=1 所围成的有界闭区域.
- 21、计算二重积分 $\iint\limits_{0\leq x\leq 1, 0\leq y\leq 1} |x+y-1| dx dy$.
- 22、用比值判别法判断级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{2^n}$ 的敛散性.
- 四、计算题
- 23、计算由曲面 $z = 4 x^2 y^2$ 与 $x^2 + y^2 = z$ 所围成的立方体的体积.
- 24、用 $\frac{1}{1-x} = \sum_{n=0}^{\infty} x^n x \in (-1,1)$ 将函数 $f(x) = \frac{1}{3-x}$ 展成 (x-1) 的幂的形式(写出收敛半径与收敛区间).