第二学期期末数学试题(样)

一、选择题

A. (2,1,3)

B. (-2, -1, 3)

C. (2, -1, -3)

D. (-2, 1, -3)

1、点
$$(2,-1,3)$$
 关于平面 $y=1$ 的对称点是 $($ $)$

A. (2,3,3)

B. (-2, -1, 3)

C. (2, -1, -3)

D. (-2, 1, -3)

2、过点
$$(1,2,3)$$
 且垂直于直线 $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{3}$ 的平面方程为 (

A. 1(x-1) + (y+1) + 3(z-3) = 0

B.
$$1(x-1) - 1(y-2) + 3(z-3) = 0$$

C. $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-3}{3}$

D.
$$\frac{x-1}{1} + \frac{y-2}{-1} + \frac{z-3}{3} = 0$$

2、过点
$$(1,2,3)$$
 且垂直于平面 $x-y+3z-11=0$ 的直线方程为

A.
$$1(x-1) - 1(y-2) + 3(z-3) = 0$$

B.
$$1(x-1) + 2(y-2) + 3(z-3) = 0$$

C.
$$\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-3}{3}$$

D.
$$\frac{x-1}{1} + \frac{y-2}{-1} + \frac{z-3}{3} = 0$$

3、空间曲面
$$z = x^2 + y^2$$
 和 $z = 2 - x^2 - y^2$ 的交线在 xoy 面的投影是

A.
$$x^2 + y^2 = 1$$

B.
$$z = 1$$

C.
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 1, \\ z = 0 \end{cases}$$

D. 以上都不正确

3、设
$$z=x^2y$$
,则 $dz|_{(1,1)}=$

$$B. 2dx + dy$$

C.
$$2xydx + x^2dy$$

A. dx + dy

D.
$$x^2dx + 2xydy$$

4、函数
$$z = x^2 + y^2 + 2x + 4y - 3$$
 的驻点为

B. (1,0)

A. (0,0)C. (1, -2)

D.
$$(2, -1)$$

5、交换积分 $\int_0^1 dx \int_x^1 f(x,y)dy$ 积分次序可得

A. $\int_0^1 dy \int_x^1 f(x, y) dx$

B.
$$\int_0^1 dy \int_0^y f(x, y) dx$$

C. $\int_{0}^{1} dy \int_{y}^{1} f(x, y) dx$

D.
$$\int_0^1 dy \int_0^1 f(x, y) dx$$

7、在下列级数中,收敛的是 A. $\sum_{n=1}^{\infty} ln(1+\frac{1}{n})$

$$B. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$$

C. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$

D.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (\frac{1}{n^2} - \frac{1}{n})$$

8、函数 $f(x) = e^{2x}$ 展成 x 的幂级数为 A. $2\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$ B. $\sum_{n=1}^{\infty}$

B. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$

$$C. \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n}{n!} x^n$$

D.
$$e^2 \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$$

8、若幂级数 $\sum_{n=0}^{\infty} a_n (x-2)^n$ 在 x = -3 处收敛,则它在 x = 4 处一定是 ()

A. 条件收敛

B. 绝对收敛

C. 一定发散

D. 不能确定

二、填空题

- 11、 若 $z = f(x,y) = x^3y + x^2 \ln(y+1) + 3$, 则 $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} =$ ______;

- 15、若积分区域 $D = \begin{cases} -1 \le x \le 1 \\ 0 \le y \le \sqrt{1 x^2} \end{cases}$ }, 则 $\iint_D (1 + xy) dx dy =$ ______;
- 16、 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{(n+1)^2} \frac{1}{n+2}^2 \right)$,通过前 n 项和的极限求级数的和 S =______;
- 三、计算题
- 17、已知 $\vec{a} = \vec{i} \vec{j} + \vec{k}, \vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$, 试求 $(1)2\vec{a} \vec{b}; (2)\vec{a} \cdot \vec{b}; (3)\vec{a} \times \vec{b};$
- 18、设 z = f(xy, x + y), 其中 f 可微, 求 $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}$
- 19、求函数 $f(x,y) = y^3 x^2 + 6x 12y + 5$ 的极值.
- 20、计算二重积分 $\iint\limits_D x^2 y dx dy$, 其中 D 是 y=x,y=2x 与 x=1 所围成的有界闭区域.
- 21、计算二重积分 $\iint\limits_{0\leq x\leq 1, 0\leq y\leq 1} |x+y-1| dx dy$.
- 22、用比值判别法判断级数 $\sum\limits_{n=1}^{\infty}\frac{n}{2^n}$ 的敛散性.
- 四、计算题
- 23、计算由曲面 $z = 4 x^2 y^2$ 与 $x^2 + y^2 = z$ 所围成的立方体的体积.
- 24、用 $\frac{1}{1-x} = \sum_{n=0}^{\infty} x^n x \in (-1,1)$ 将函数 $f(x) = \frac{1}{3-x}$ 展成 (x-1) 的幂的形式(写出收敛半径与收敛区间).