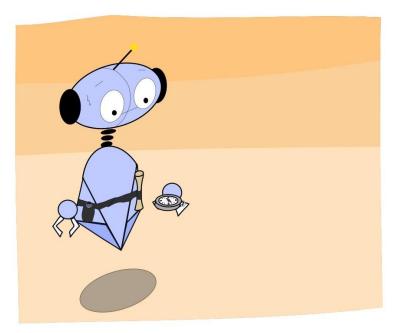
مبانی و کاربردهای هوش مصنوعی

جستجو آگاهانه (فصل 3.5 الى 3.6)



دکتر مهدی جوانمردی

دانشکده مهندسی کامپیوتر دانشگاه صنعتی امیرکبیر

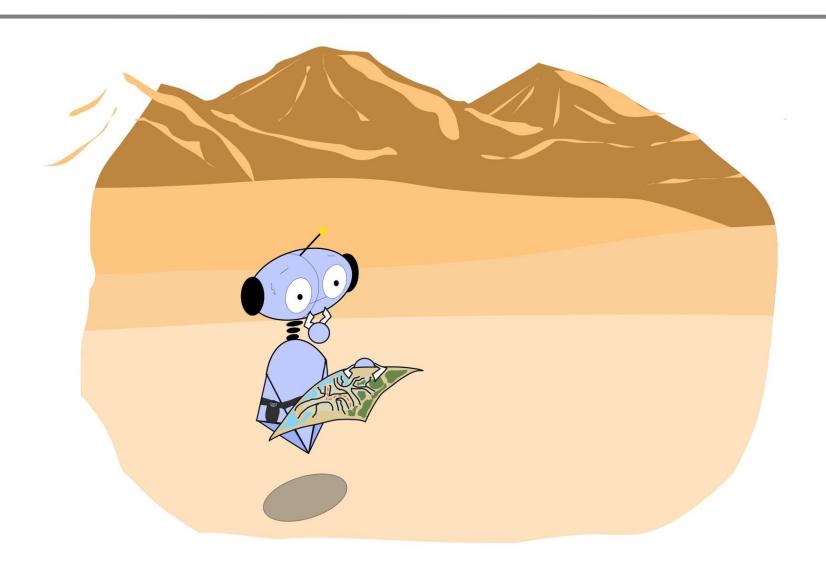
رئوس مطالب



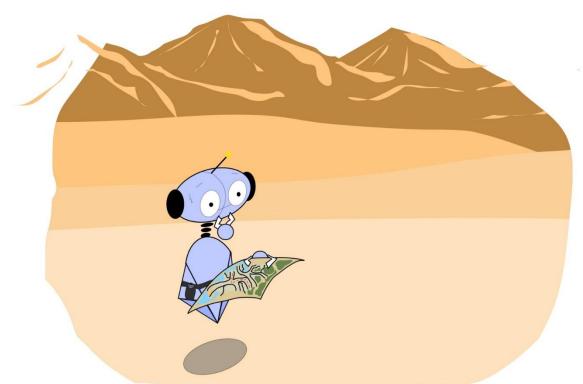
- جستجوی آگاهانه
- ھيوريستيکھا
- جستجوی حریصانه

• جستجوی گرافی

خلاصه: جستجو



خلاصه: جستجو



• مسائل جستجو

- حالتها (پیکربندی جهان) states
- اعمال و هزينهها actions and costs
 - تابع پسین successor function
- حالت شروع و حالت هدف start state and goal test

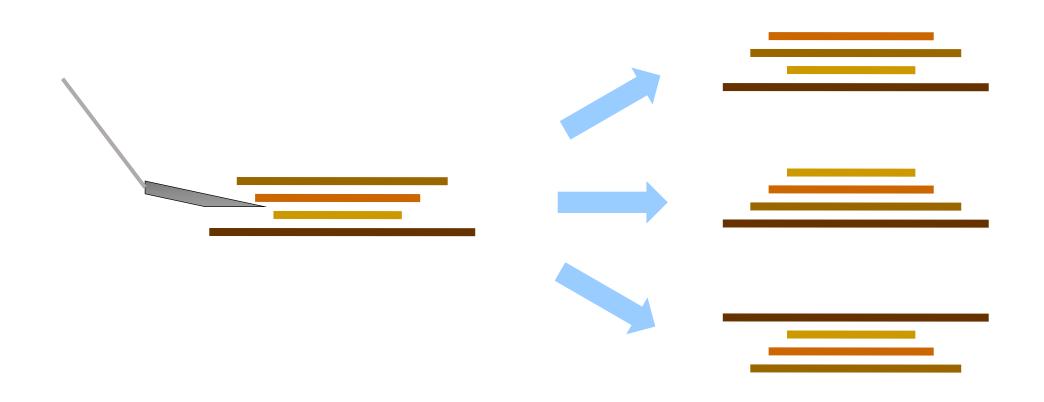
• درخت جستجو

- گرهها: نشان دهنده برنامه برای رسیدن به حالتها
- برنامهها دارای هزینه هستند (مجموع هزینههای اعمال)

• الگوريتم جستجو

- به طور سیستماتیک یک درخت جستجو میسازد
- تعیین اولویت انتخاب از لیست حاشیه (گرههای ناشناخته)
 - بهینه: پیدا کردن کمهزینهترین برنامهها

مثال: مسالهی پَنکیک



هزینه: تعداد پنکیکهای پشت و رو شده

مثال: مسالهی پَنکیک

BOUNDS FOR SORTING BY PREFIX REVERSAL

William H. GATES

Microsoft, Albuquerque, New Mexico

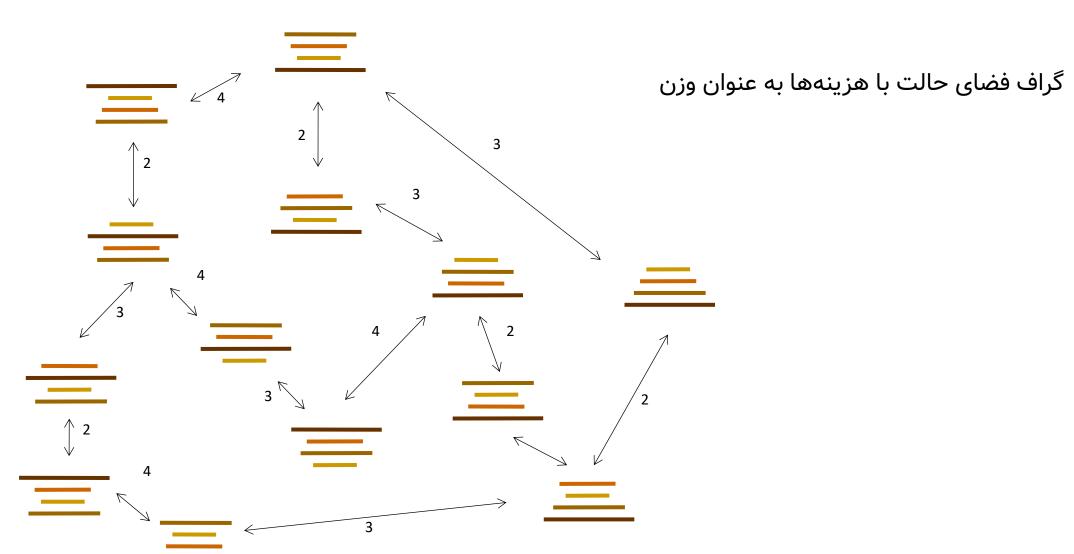
Christos H. PAPADIMITRIOU*†

Department of Electrical Engineering, University of California, Berkeley, CA 94720, U.S.A.

Received 18 January 1978 Revised 28 August 1978

For a permutation σ of the integers from 1 to n, let $f(\sigma)$ be the smallest number of prefix reversals that will transform σ to the identity permutation, and let f(n) be the largest such $f(\sigma)$ for all σ in (the symmetric group) S_n . We show that $f(n) \leq (5n+5)/3$, and that $f(n) \geq 17n/16$ for n a multiple of 16. If, furthermore, each integer is required to participate in an even number of reversed prefixes, the corresponding function g(n) is shown to obey $3n/2-1 \leq g(n) \leq 2n+3$.

مثال: مسالهی پَنکیک

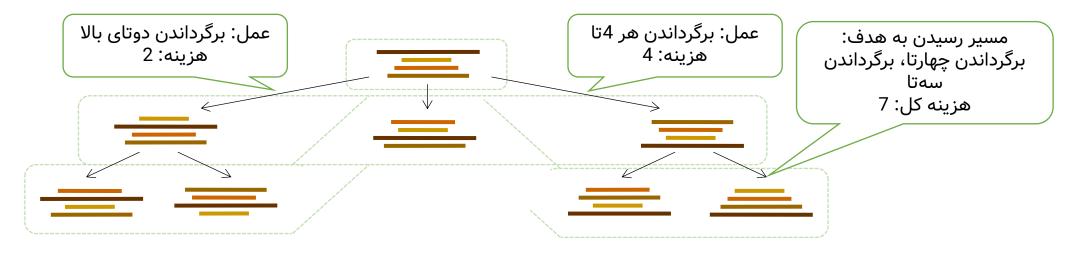


جستجوی درختی متداول

function TREE-SEARCH(problem, strategy) returns a solution, or failure initialize the search tree using the initial state of problem loop do

if there are no candidates for expansion then return failure choose a leaf node for expansion according to strategy

if the node contains a goal state then return the corresponding solution else expand the node and add the resulting nodes to the search tree end

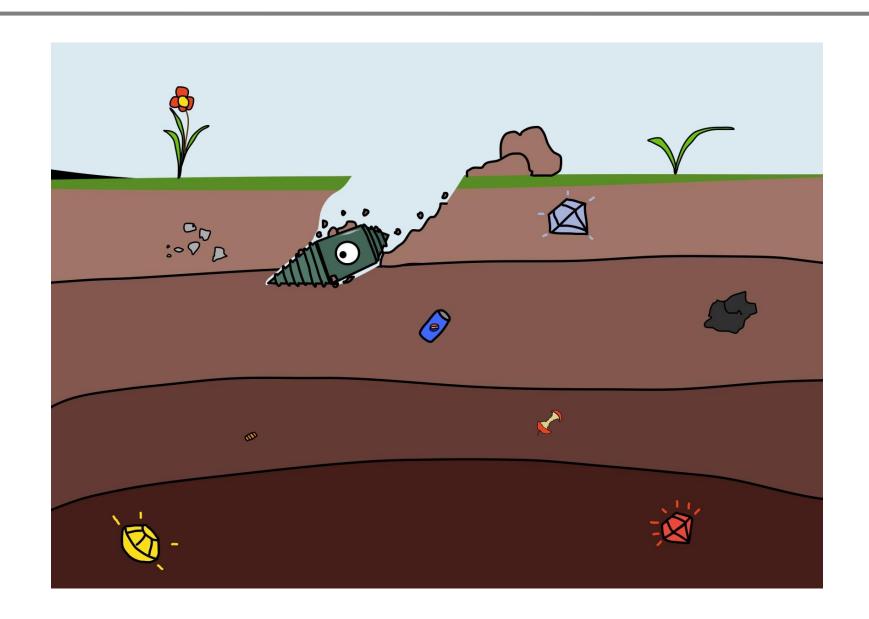


یک صف

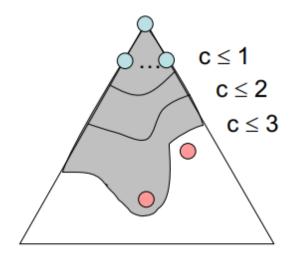
- همه این الگوریتمهای جستجو به جز در استراتژیهای لیست حاشیه یکسان هستند
- از نظر مفهومی، تمام لیستهای حاشیه صفهای اولویت هستند. (مثلا مجموعهای از گرهها با اولویتهای پیوست شده)
- عملاً، برای DFS و BFS، میتوانید با استفاده از پشتهها و صفها، از سربار (log(n از یک صف اولویت اجتناب کرد
 - حتی میتوان کد ثابتی برای یک پیادهسازی نوشت

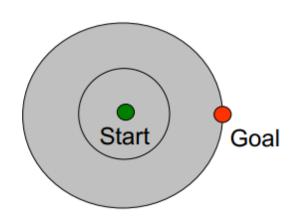


جستجوی ناآگاهانه



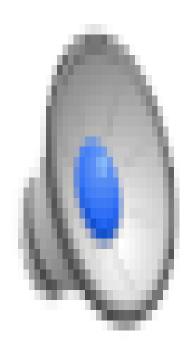
جستجوى هزينه يكنواخت



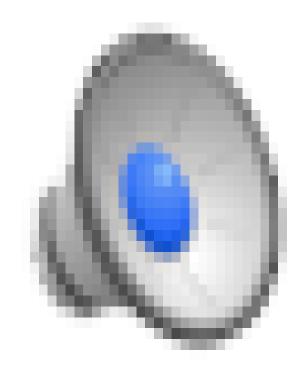


- استراتژی: مسیر با کمترین هزینه را بسط میدهد
 - خوبی: UCS کامل و بهینه است
 - موارد بد:
 - گزینهها را در همه جهت بررسی میکند
 - اطلاعاتی در مورد مکان هدف وجود ندارد

ویدیوی دموی کانتور UCS خالی

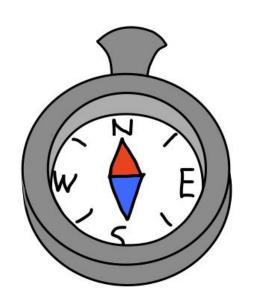


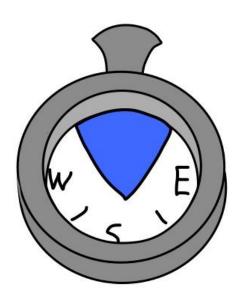
ویدیوی دموی کانتور UCSماز کوچک



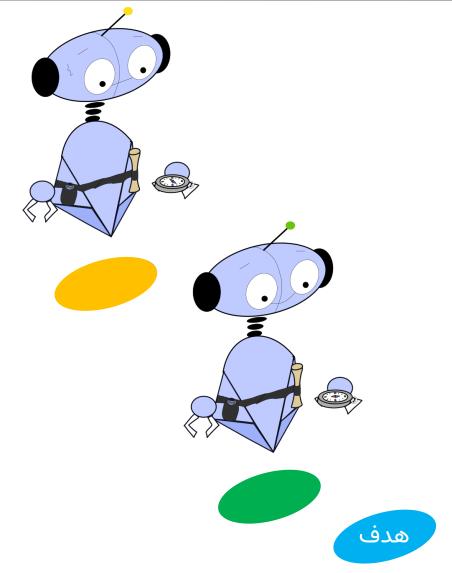
جستجوی آگاهانه





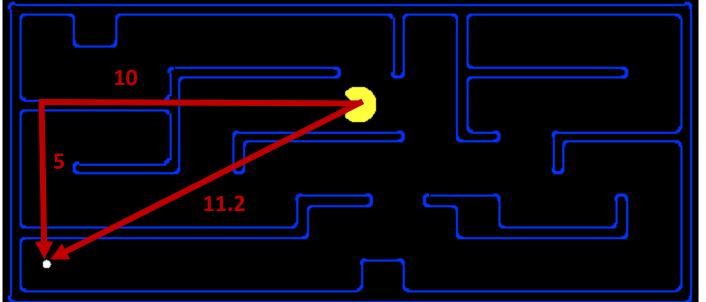


هیوریستیکهای جستجو

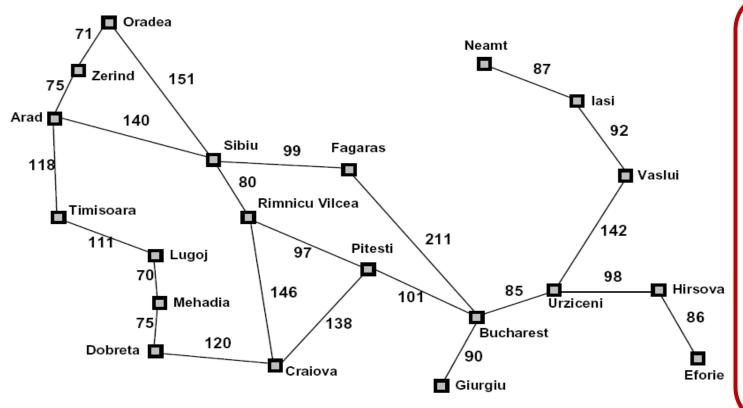


• یک هیوریستیک عبارت است از:

- تابعی که تخمین میزند که یک حالت چقدر به هدف نزدیک است
 - برای یک مساله جستجوی خاص طراحی شده است
 - مثال: فاصله منهتن و فاصله اقلیدسی برای مسئله مسیریابی



مثال: تابع هیوریستیک

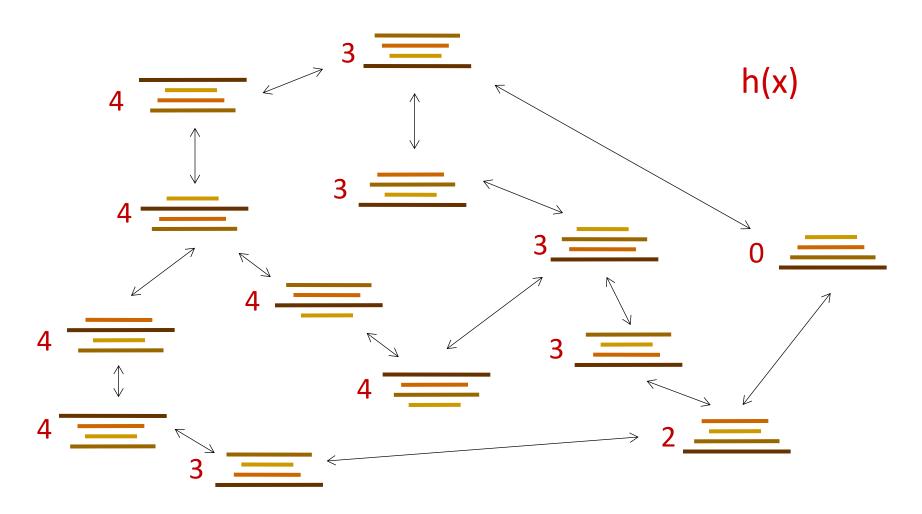


ce
366
0
160
242
161
178
77
151
226
244
241
234
380
98
193
253
329
80
199
374

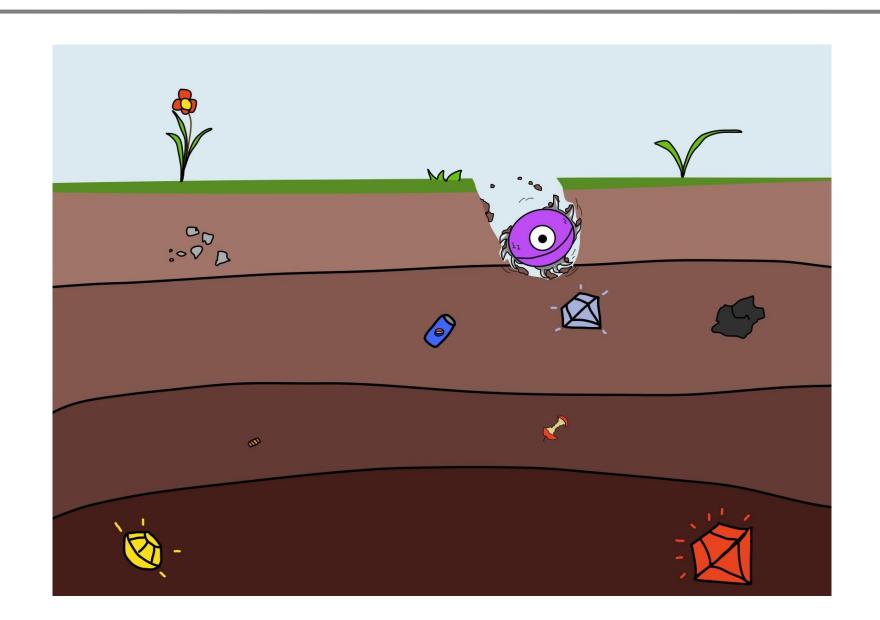
h(x)

مثال: تابع هیوریستیک

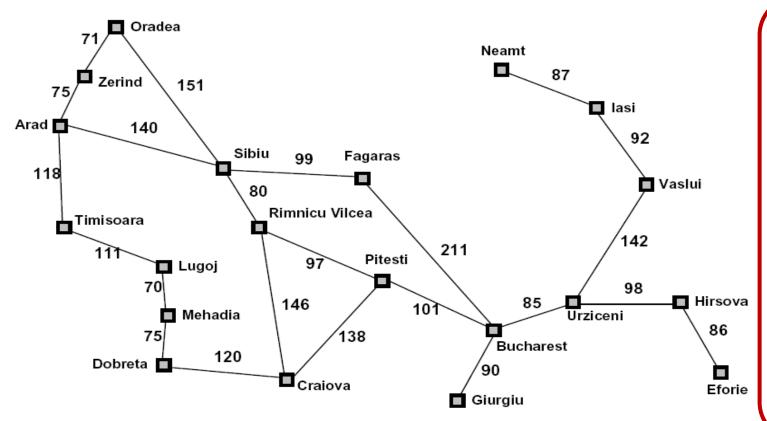
هیوریستیک: عدد بزرگترین پنکیک که هنوز در جای خود نیست.



جستجوى حريصانه

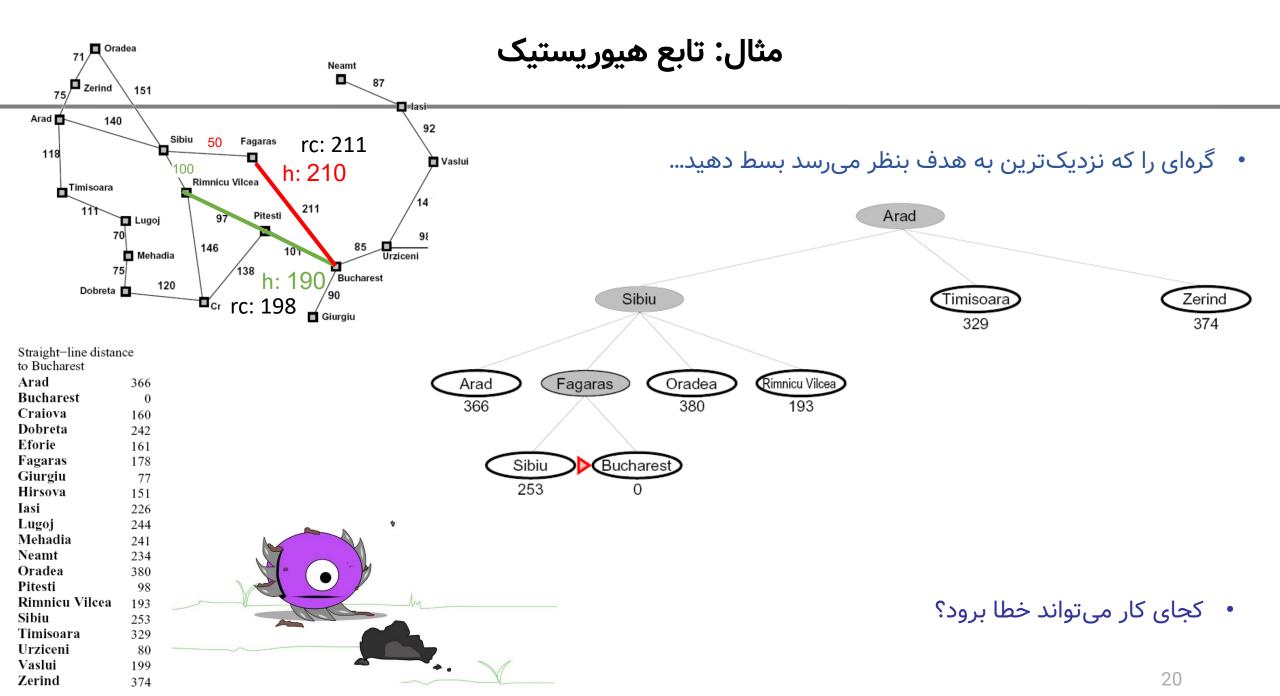


جستجوى حريصانه

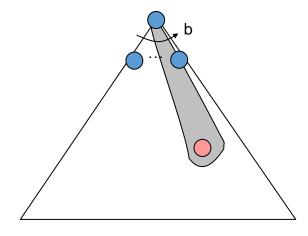


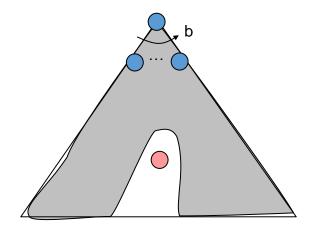
Straight-line distan	ce
to Bucharest	
Arad	366
Bucharest	0
Craiova	160
Dobreta	242
Eforie	161
Fagaras	178
Giurgiu	77
Hirsova	151
Iasi	226
Lugoj	244
Mehadia	241
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	98
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	253
Timisoara	329
Urziceni	80
Vaslui	199
Zerind	374





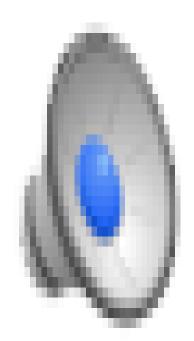
جستجوى حريصانه



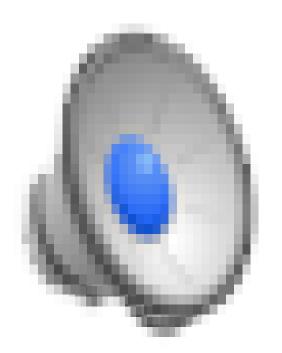


- استراتژی: گرهای را که حدس میزنیم به هدف نزدیکتر است، بسط دهید
- هیوریستیک: تخمین فاصله تا نزدیکترین هدف برای هر حالت
 - حالت رایج و مورد انتظار:
- بهترین/اولین حدس شما را مستقیماً به سمت هدف (اشتباه) میبرد
 - بدترین حالت: مثل یک DFS با هدایت خیلی بد

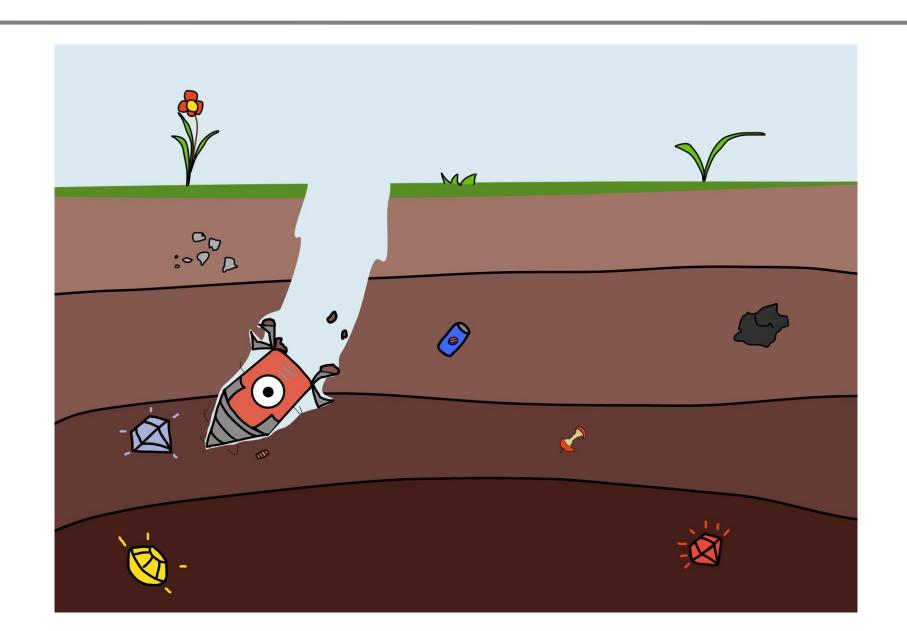
ویدیوی دموی کانتور حریصانه (صحنه خالی)



ویدیوی دموی کانتور حریصانه (مارپیچ کوچک pacman)



جستجوی *A



جستجوی *A



UCS

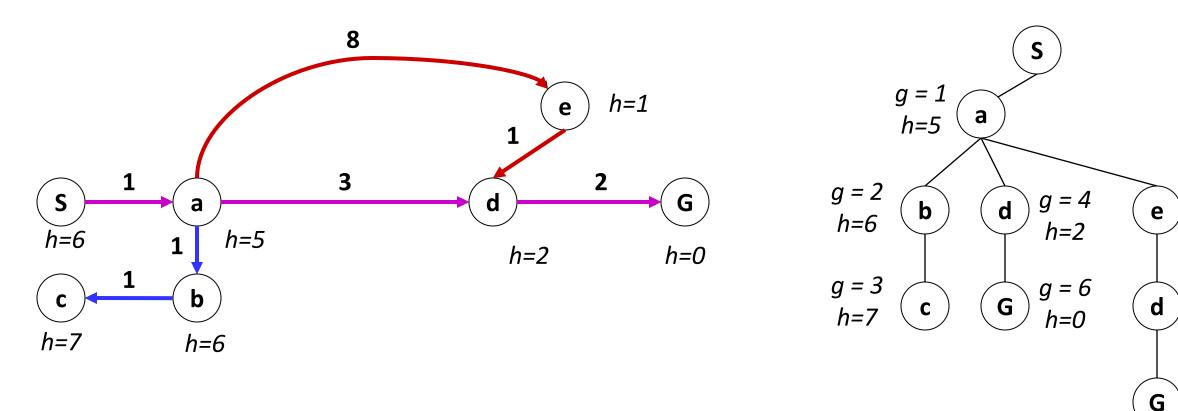


A*



ترکیب کردن UCS و حریصانه

- جستجوی هزنیه یکنواخت بر اساس هزینهی مسیر یا هزینه رو به عقب **g(n)** اولویتبندی میکند backward cost
 - جستجوی حریصانه بر اساس نزدیکی به هدف یا هزینه پیشرو (h(n اولویتبندی میکند) forward cost



• جستجو A^* بر اساس مجموع: f(n) = g(n) + h(n) اولویت بندی میکند

g = 9

h=1

g = 10

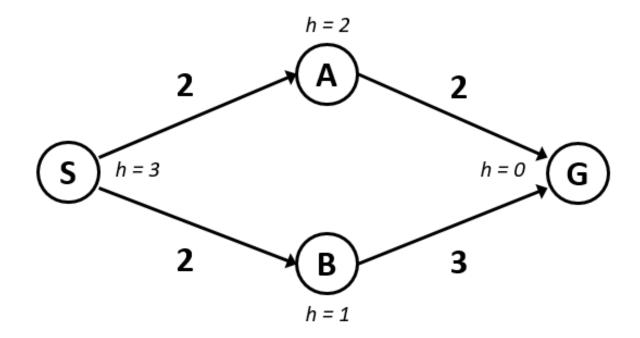
h=2

g = 12

h=0

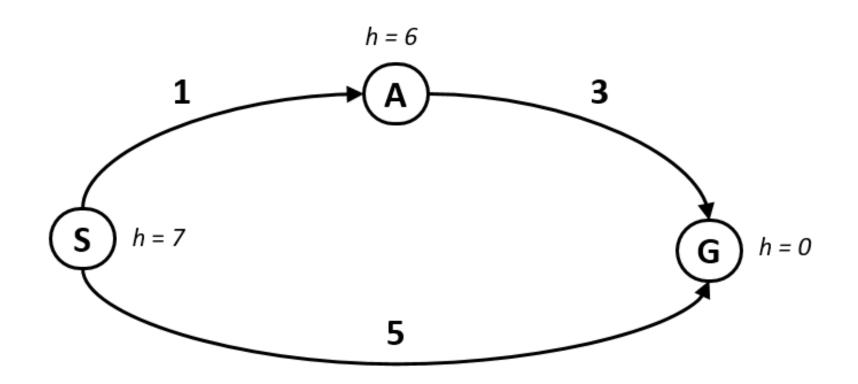
چه زمانی باید *A خاتمه یابد؟

• آیا وقتی هدفی را در صف قرار میدهیم باید توقف کنیم؟



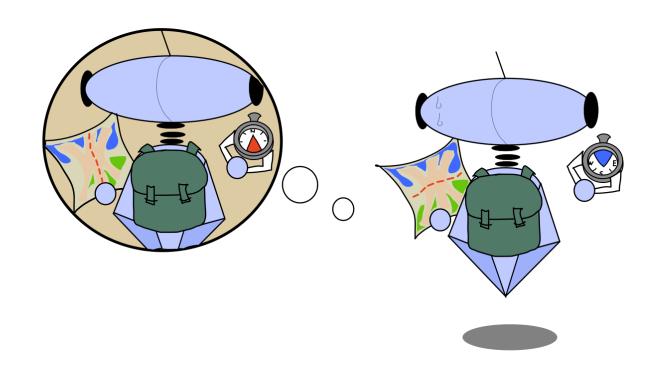
• خیر: فقط زمانی متوقف میشویم که هدفی را از صف خارج کنیم

آیا *A بهینه است؟

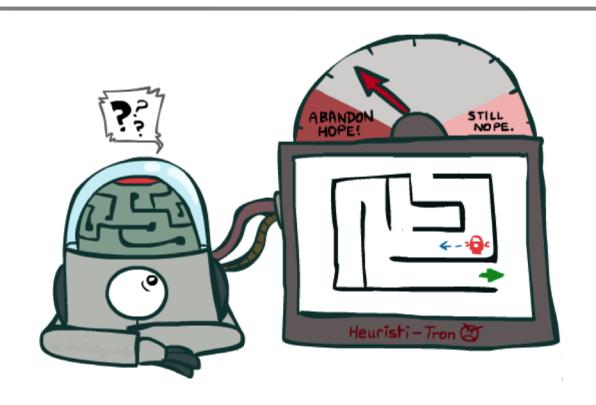


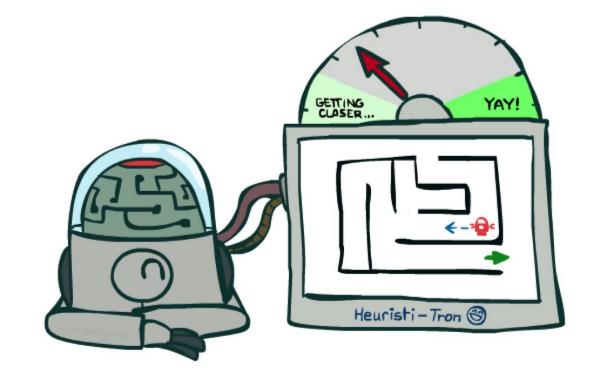
- کجای کار اشتباه پیش رفت؟
- هزینه واقعی هدف بد < برآورد هزینه هدف خوب
- ما به برآوردهایی نیاز داریم که کمتر از هزینههای واقعی باشد!

هیوریستیک قابل قبول Admissible heuristics



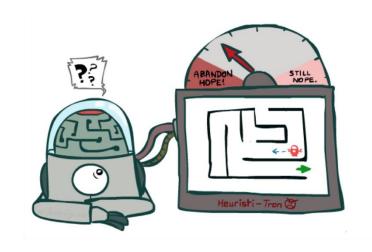
ایده: قابل قبول بودن Admissibility

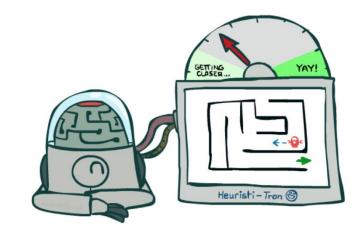




- هیوریستیکهای غیرقابل قبول (بدبینانه) با به دام انداختن برنامههای خوب در لیست حاشیه، بهینگی را از بین میبرد
- هیوریستیک قابل قبول (خوشبینانه) بررسی برنامههای بد را به تاخیر میاندازد اما هرگز تخمین بیش از هزینه واقعی نمیشود

ایده: قابل قبول بودن Admissibility





• هیوریستیکهای غیرقابل قبول (بدبینانه) با به دام انداختن

برنامههای خوب در لیست حاشیه، بهینگی را از بین میبرد

هیوریستیک قابل قبول (خوشبینانه) تخمین هزینه

برنامه خوب همواره کمتر از هزینه واقعی برنامههای بد

تفاوت حالت هدف با حالتهای غیر هدف در f(n)= g(n) + h(n) چیست؟

حالت غیر هدف: تخمینی از هزینه (اگر هیوریستیک خوشبینانه باشد: تخمین هزینه کمتر از هزینه واقعی)

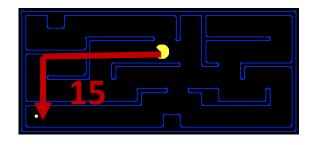
هیوریستیک قابل قبول

• هیوریستیک h قابل قبول (خوشبینانه) است، اگر:

$$0 \le h(n) \le h^*(n)$$

که در آن، $h^*(n)$ هزینه واقعی نزدیکترین هدف است

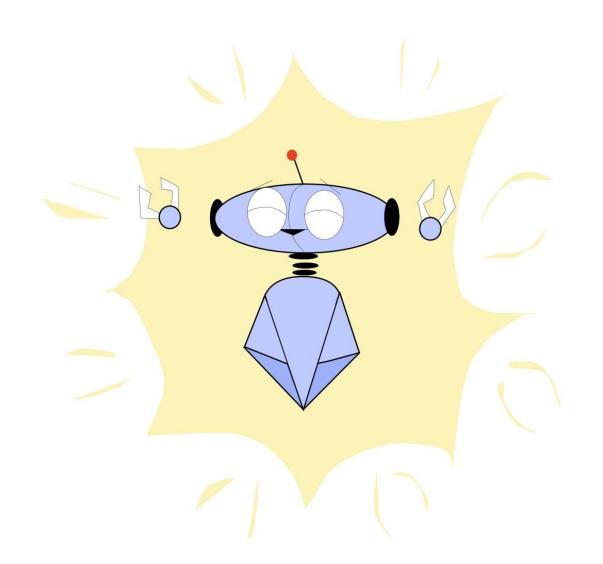
• مثالها:





• به دست آوردن یک هیوریستیک قابل قبول مهمترین کاری است که برای استفاده از *A در عمل نیاز داریم

بهینه بودن جستجوی درختی *A

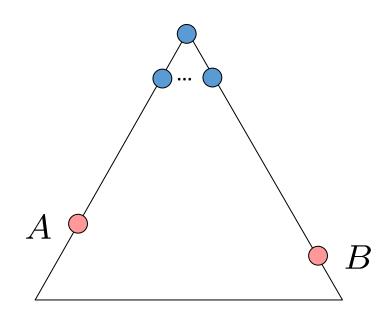


بهینه بودن جستجوی درختی *A

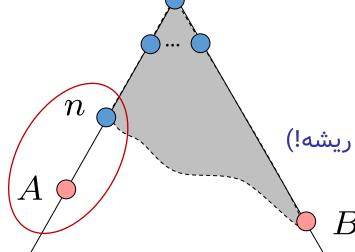
• فرض کنید:

- کاره هدف بهینه است
- B یک گره هدف غیربهینه است
 - h قابل قبول است





بهینه بودن جستجوی درختی :*A مسدود کردن



اثبات:

- تصور کنید B در لیست حاشیه است
- یکی از اجداد A بنام n نیز در لیست حاشیه هست (شاید خود A شاید ریشه!)
 - ادعا : n قبل از b بسط داده خواهد یافت (خروج از لیست حاشیه)
 - 1. f(n) کمتر یا مساویست با f(A) ∕

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

تعریف هزینهی f

$$f(n) \leq g(A)$$

قابل قبول بودن h

$$g(A) = f(A)$$

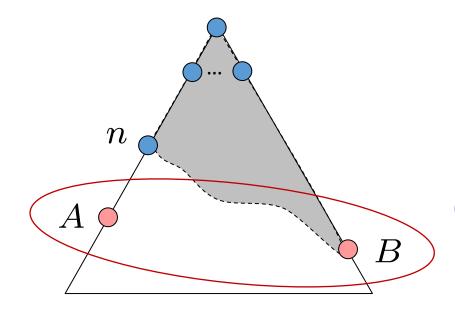
h = 0 در هدف

$$g(A) = g(n) + h(n)$$

$$0 \le h(n) \le h^*(n)$$

$$g(A) \ge g(n) + h(n)$$

بهینه بودن جستجوی درختی :*A مسدود کردن

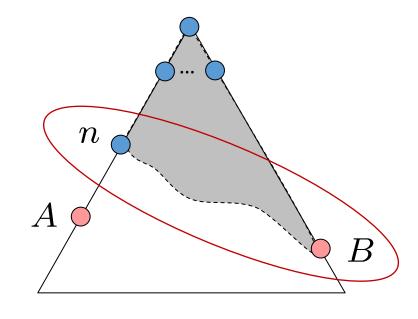


اثبات:

- تصور کنید B در لیست حاشیه است
- یکی از اجداد A بنام n نیز در لیست حاشیه هست (شاید خود A!)
- ادعا : n قبل از b بسط داده خواهد یافت (خروج از لیست حاشیه)
 - f(A) کمتر یا مساویست با f(n)
 - 2. f(B) كمتر است از f(B) ~

B هدف غیر بهینه است

بهینه بودن جستجوی درختی :*A مسدود کردن



اثبات:

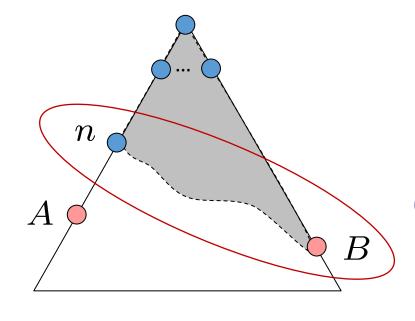
- تصور کنید B در لیست حاشیه است
- یکی از اجداد A بنام n نیز در لیست حاشیه هست (شاید خود A!)
- ادعا : n قبل از b بسط داده خواهد یافت (خروج از لیست حاشیه)
 - f(n) کمتر یا مساویست با f(A)
 - f(B) كمتر است از f(A) .2
 - a. 3 قبل از B بسط مییابد
 - همه اجداد A قبل از B بسط مییابد
 - A قبل از B بسط مییابد
 - جستجوی *A بهینه است



بهینه بودن جستجوی درختی :*A مسدود کردن

اثبات:

- تصور کنید B در لیست حاشیه است
- یکی از اجداد A بنام n نیز در لیست حاشیه هست (شاید خود A!)
- ادعا : n قبل از b بسط داده خواهد یافت (خروج از لیست حاشیه)
 - f(A) کمتر یا مساویست با f(n)
 - f(B) كمتر است از f(A) .2
 - a. قبل از B بسط مییابد
 - همه اجداد A قبل از B بسط مییابد
 - A قبل از B بسط مییابد
 - جستجوی *A بهینه است

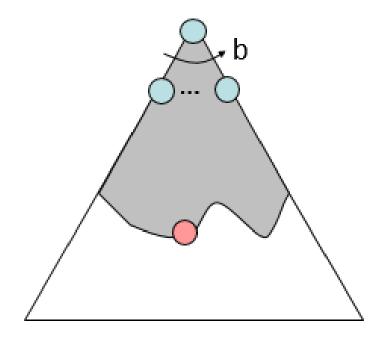


آیا UCS بهینه است؟

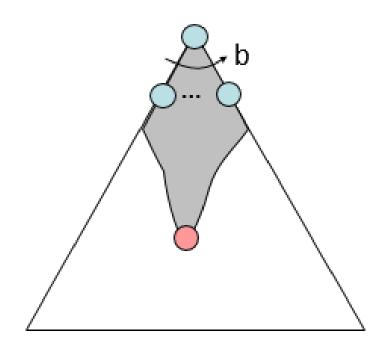
ویژگیهای *A

ویژگیهای *A

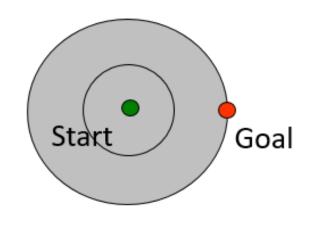
هزينه يكنواخت



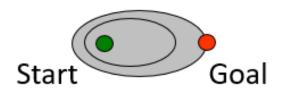




کانتورهای UCS در مقابل *A

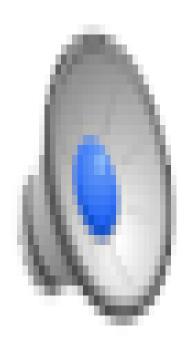


• هزینه یکنواخت به طور یکسان در همه "جهتها" بسط مییابد

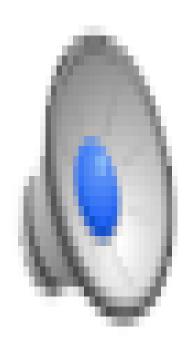


 *A عمدتاً به سمت هدف بسط مییابد، اما برای اطمینان از بهینه بودن، با احتیاط عمل میکند

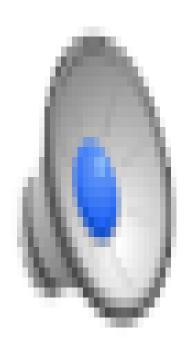
ویدیوی دموی کانتورها (خالی) – UCS



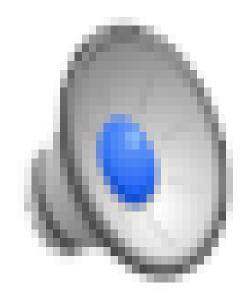
ویدیوی دموی کانتورها (خالی) - حریصانه



ویدیوی دموی کانتورها (خالی) - *A

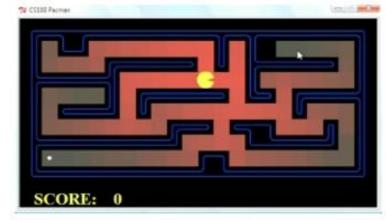


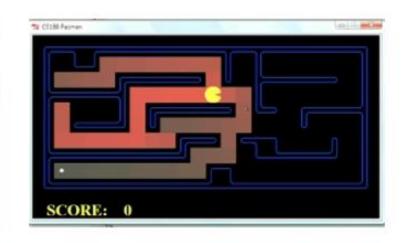
A* – (Pacman small maze) ویدیوی دموی کانتورها



مقايسه





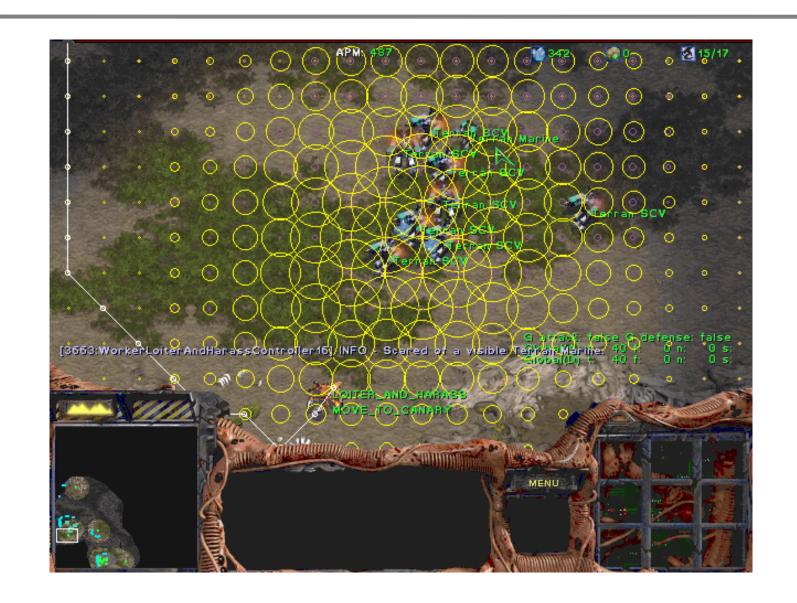


حريصانه

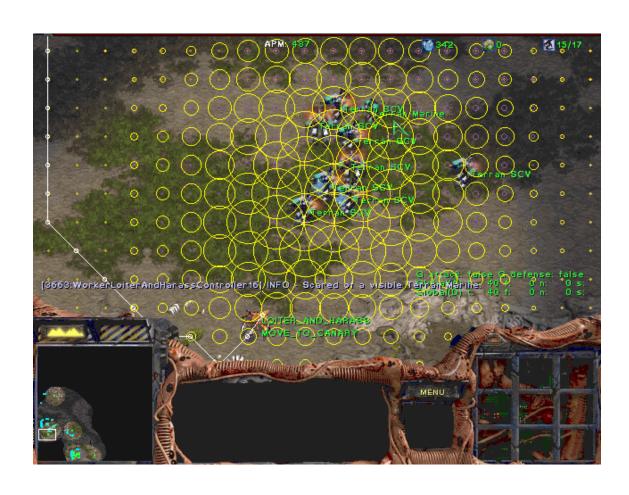
هزينه يكنواخت

A*

کاربردهای *A

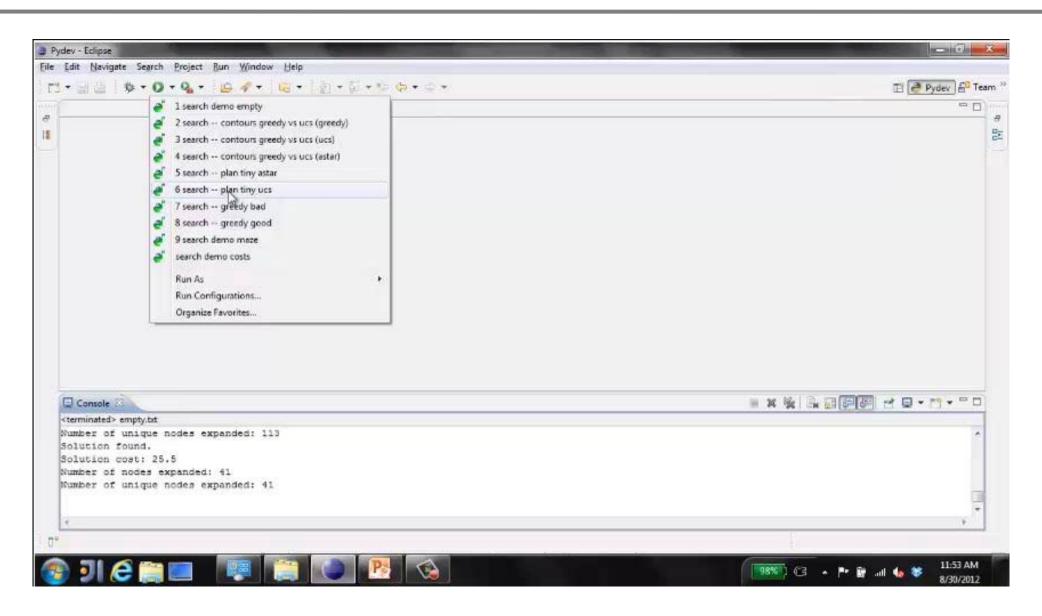


کاربردهای *A

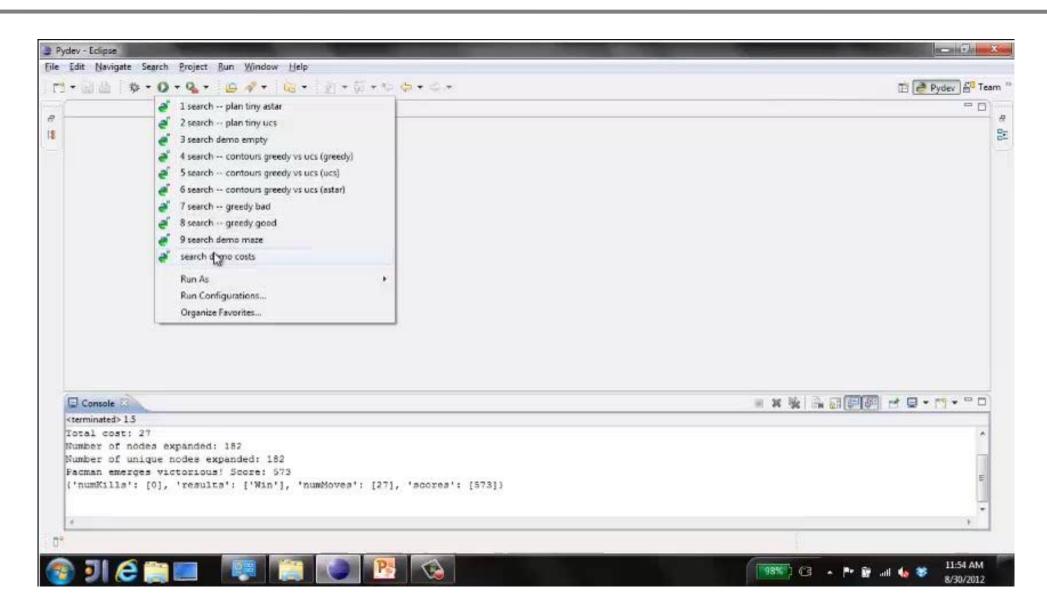


- بازیهای ویدیویی
- مسائل مسیریابی / مسیرگزینی
 - مسائل برنامهریزی منابع
 - برنامهریزی حرکت ربات
 - تحلیل زبان
 - • •

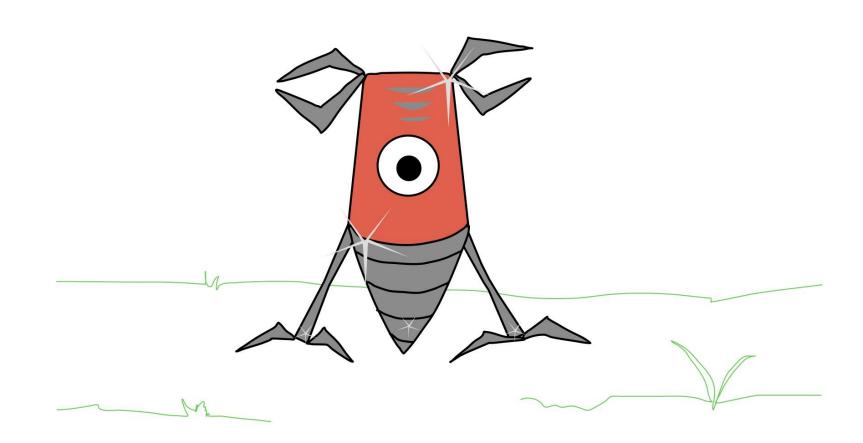
Pacman (Tiny Maze) – A*/UCS ویدیوی دموی



ویدیوی دمو آب خالی کم عمق/عمیق – الگوریتم را حدس بزنید

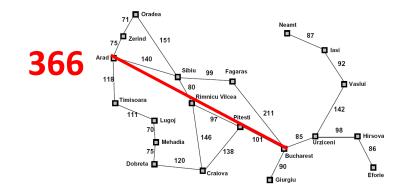


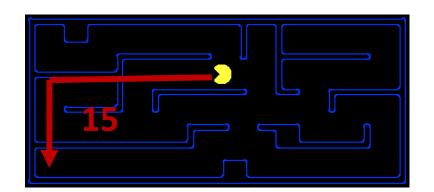
ساخت هیوریستیکها



ساخت هیوریستیکهای قابل قبول

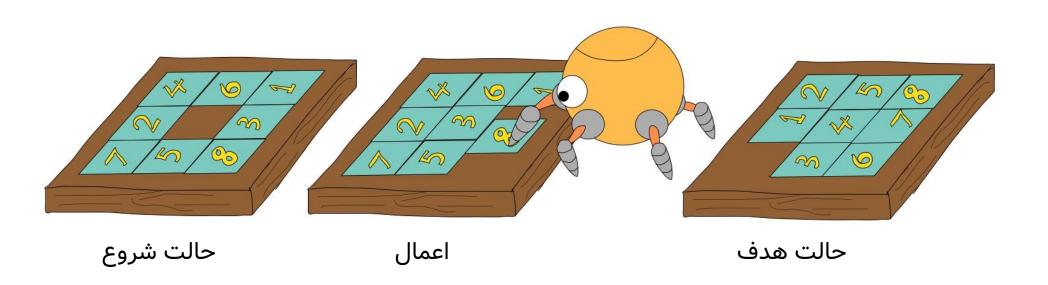
- اصلی ترین کار برای حل بهینه مسائل جستجوی سخت، دستیابی به هیوریستیک قابل قبول است
- اغلب وقتها، هیوریستیکهای قابل قبول راه حلی برای فرم سادهشده مسئله هستند، که در آن اعمال جدید در دسترس باشد





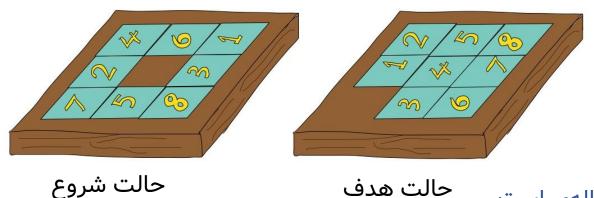
• هیوریستیکهای غیرقابل قبول نیز خیلی اوقات مفید خواهد بود

مثال: 8 پازل



- حالتها چیست؟
- چند حالت وجود دارد؟
 - اعمال چیست؟
- از حالت شروع چند حالت پسین وجود دارد؟
 - هزينه چه بايد باشد؟

۸ پازل - ۱

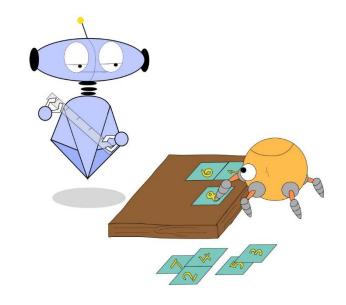


- هیوریستیک: تعداد کاشیهای نابجا
 - چرا قابل قبول است؟
 - h(start) = 8 •

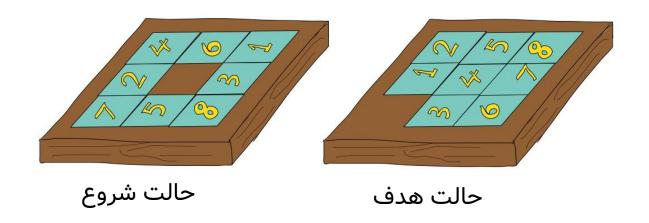
حالت هدف

• این یک هیوریستیک برای حالت سادهتر (relaxed) از مسالهی است.

	میانگین گرههای گسترش دادهشده زمانی که مسیر بهینه باشد:			
	4 مرحله	8 مرحله	12 مرحله	
UCS	112	6,300	3.6 x 10 ⁶	
TILES	13	39	227	



۸ یازل - ۲



چه میشود اگر یک 8 پازل سادهتر داشتیم که در آن
 هر کاشی میتوانست در هر زمانی در هر جهتی
 بلغزد، بدون توجه به کاشیهای دیگر؟

- مجموع مسافت منهتن
- چرا قابل قبول است؟
- h(start) = 3 + 2 + 1 + ... = 18 •

	میانگین گرههای گسترش دادهشده زمانی که مسیر بهینه باشد:			
	4 مرحله	8 مرحله	12 مرحله	
TILES	13	39	227	
MANHATTAN	12	25	73	

۸ یازل - ۳

- نظر شما در مورد استفاده از هزینه واقعی به عنوان هیوریستیک چیست؟
 - آیا قابل قبول خواهد بود؟
 - آیا در گرههای بسط یافته صرفه جویی میکنیم؟
 - مشكلش چيست؟





- 'A: یک مبادله بین کیفیت برآورد هیوریستیک و کار مورد نیاز در هر گره وجود دارد
- با نزدیکتر شدنِ هیوریستیک به هزینه واقعی، گرههای کمتری را بسط مییابد، اما معمولاً در هر گره کار بیشتری برای محاسبه خود هیوریستیک انجام میدهید

هیوریستیک بدیهی، غلبه

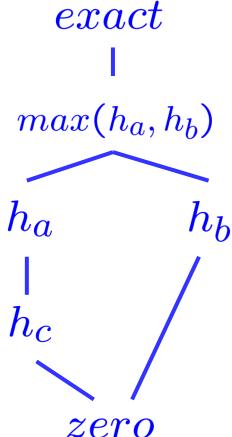
• غلبه: ha ≥ hc اگر:

$$\forall n: h_a(n) \geq h_c(n)$$

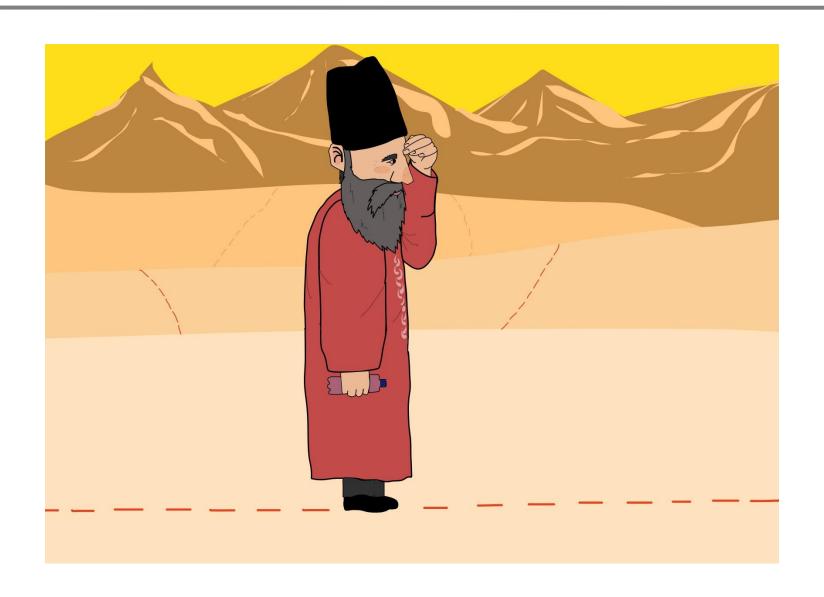
- دو هیوریستیک قابل قبول یک نیمه شبکه (semi-lattice) را تشکیل میدهد:
 - حداکثر مقدار دو یا چند هیوریستیک قابل قبول، قابل قبول است.

$$h(n) = max(h_a(n), h_b(n))$$

- هیوریستیکهای بدیهی:
- پایین شبکه، هیوریستیک صفر است (این به ما چه میدهد؟)
 - بالای شبکه، هیوریستیک دقیق است.

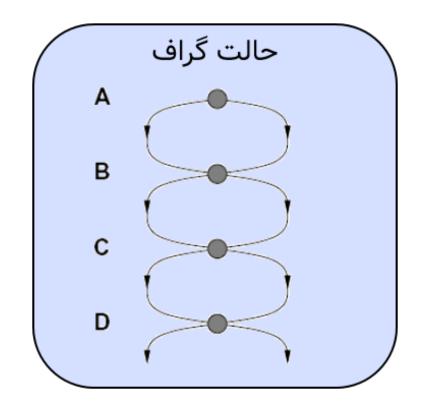


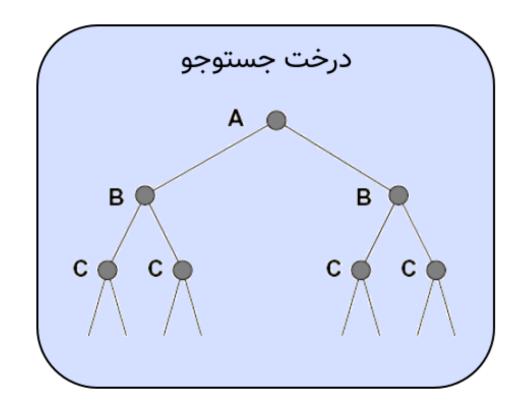
جستوجوی گرافی



جستجوی درختی: کار اضافی!

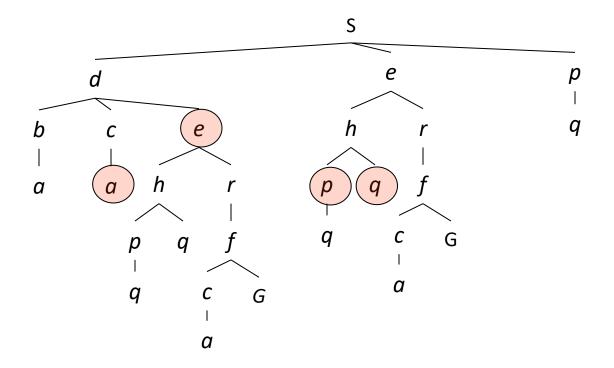
• عدم شناسایی حالتهای تکرار شده میتواند باعث افزایش تصاعدی محاسبات شود.





جستجوى گرافى

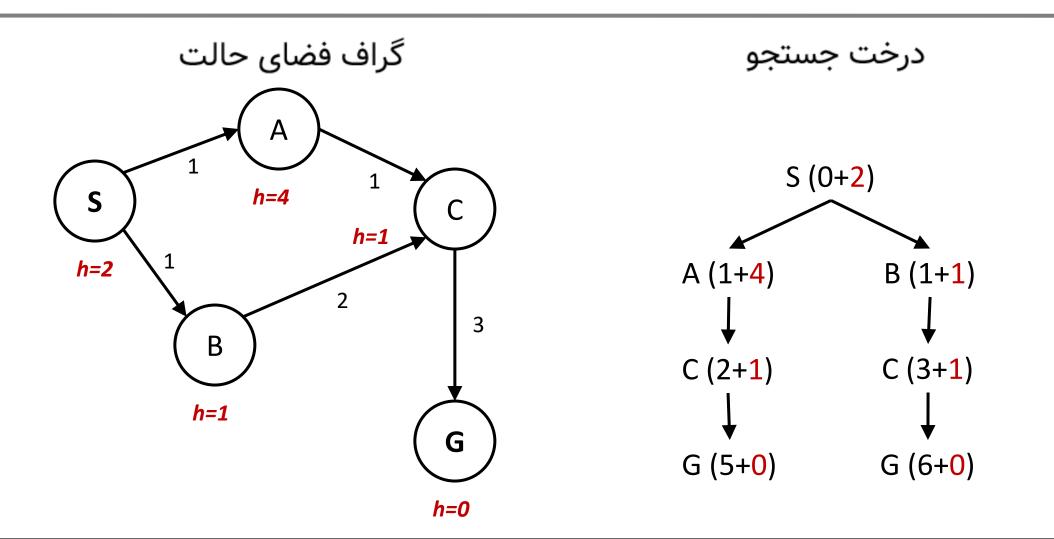
• به عنوان مثال، در BFS، ما لازم نیست خودمان را با بسط گرههای حلقه اذیت کنیم (چرا؟)



جستجوى گرافى

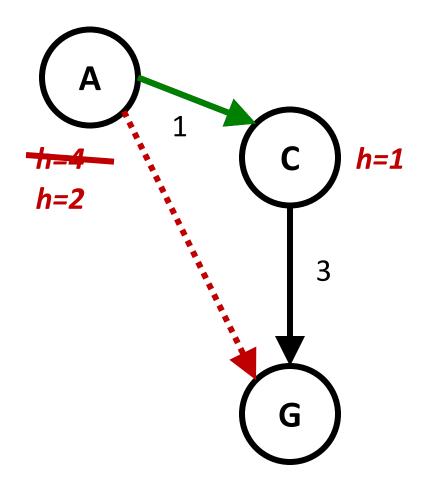
- ایده: هرگز یک حالت را دوبار بسط ندهید.
 - نحوه پیادهسازی:
- جستجوی درختی + مجموعه ای از حالتهای بسط یافته ("مجموعه بسته")
 - درخت جستجو را گره به گره بسط دهید، اما...
- قبل از بسط یک گره، بررسی کنید که حالت آن قبلاً هرگز بسط نیافته باشد
- اگر جدید نیست، آن را رد کنید، اگر جدید است به مجموعه بسته اضافه کنید
- مهم: مجموعه بسته را به عنوان یک مجموعه (set) ذخیره کنید، نه یک لیست (list)
 - آیا جستجوی گرافی میتواند کامل بودن را از بین ببرد؟ چرا؟/ چرا نه؟
 - بهینه بودن چطور؟
- اشکال احتمالی: اگر ابتداعا با یک برنامهریزی بد به یک حالت برسیم، دیگر با برنامهریزی خوب نمیتوان به آن رسید

جستجوی گرافی *A اشتباه است؟



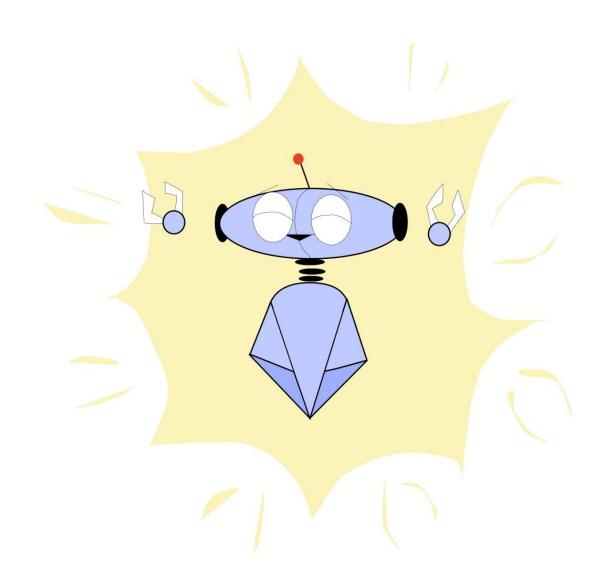
اولینباری که حالتی بسط مییابد میبایست از طریق برنامه بهینه باشد! خوشبینانگی برای همه حالتها و نه صرفا حالت هدف...

سازگاری (consistency) هیوریستیک



- ایده اصلی: هزینههای تخمینی هیوریستیک ≤ هزینههای واقعی
- قابل قبول بودن: هزینه هیوریستیک \leq هزینه واقعی برای هدف h(A) $\geq h(A)$
- سازگاری: هزینه "یالها" هیوریستیک \leq هزینه واقعی برای هر یال $h(A) h(C) \leq cost(A \text{ to } C)$
 - پیامدهای سازگاری:
 - مقدار f در طول مسیر هرگز کاهش نمی یابد $h(A) \le cost(A \text{ to } C) + h(C)$
 - جستجوی گرافی *A بهینه است

بهینه بودن جستجوی گرافی *A

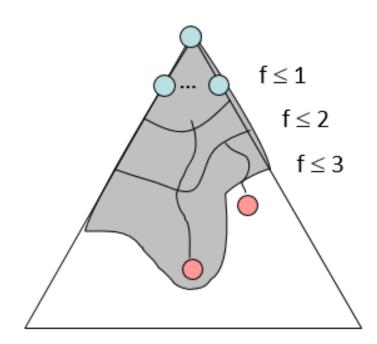


بهینه بودن جستجوی گرافی *A

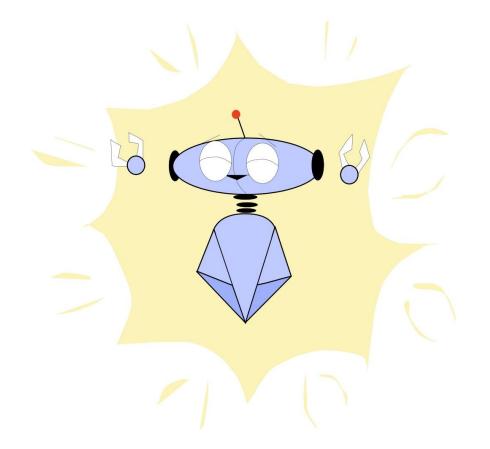
- شکل: در نظر بگیرید که *A با یک هیوریستیک سازگار چه میکند:
- واقعیت 1: در جستجوی درختی، *A گرهها را با افزایش مقدار f یا (f-contours) بسط خواهد داد
- واقعیت 2: برای هر حالت s، گرههایی که به s بصورت بهینه میرسند، قبل از گرههایی که به s بصورت غیربهنیه

مىرسد بسط مىيابند

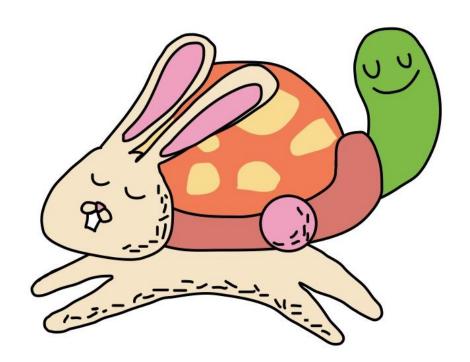
• نتیجه: جستجوی گرافی *A بهینه است



بهینه بودن

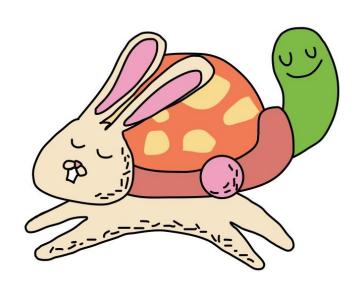


- جستجوی درختی
- اگر هیوریستیک قابل قبول باشد *A بهینه است
 - UCS یک مورد خاص از *A است (h = 0
 - جستجوی گرافی
 - اگر هیوریستیک سازگار باشد *A بهینه است
 - UCS بهینه است (h = 0 سازگار است)
 - سازگاری دلالت بر قابل قبول بودن دارد
- به طور کلی، بیشتر هیوریستیکهای قابل قبول طبیعی تمایل به سازگاری دارند، به خصوص اگر ناشی از مسائل سادهسازی شده



*A: خلاصه

- *Aهم از هزینههای پیشین و هم (برآورد) هزینههای آتی استفاده میکند
 - A* با هیوریستیک قابل قبول/سازگار بهینه است
- کلید کار طراحی هیوریستیک است: میتوانید از مسائل سادهسازی شده استفاده کنید



شبهکد جستجوی درختی

```
function Tree-Search(problem, fringe) return a solution, or failure fringe \leftarrow Insert(make-node(initial-state[problem]), fringe) loop do

if fringe is empty then return failure

node \leftarrow remove-front(fringe)

if Goal-test(problem, state[node]) then return node

for child-node in expand(state[node], problem) do

fringe \leftarrow insert(child-node, fringe)

end

end
```

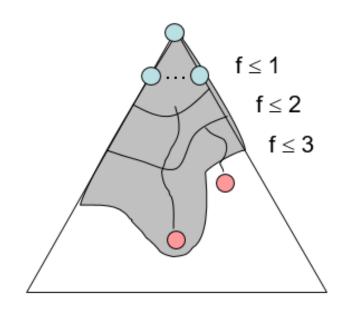
شبهکد جستجوی گرافی

```
function Graph-Search(problem, fringe) return a solution, or failure
   closed \leftarrow an empty set
   fringe \leftarrow Insert(Make-node(Initial-state[problem]), fringe)
   loop do
       if fringe is empty then return failure
       node \leftarrow \text{REMOVE-FRONT}(fringe)
       if GOAL-TEST(problem, STATE[node]) then return node
       if STATE [node] is not in closed then
          add STATE[node] to closed
          for child-node in EXPAND(STATE[node], problem) do
              fringe \leftarrow INSERT(child-node, fringe)
          end
   end
```

بهینه بودن جستجوی گرافی *A

- آنچه را که *A انجام میدهد در نظر بگیرید:
- گرهها را با افزایش مقدار f کل بسط میدهد
- f(n) = g(n) + h(n) = cost to n + heuristic . يادآورى:
- ایده اثبات: هدف(های) بهینه کمترین مقدار f را دارند، بنابراین ابتدا باید بسط داده شود

این استدلال اشکالی دارد. آیا آن چیزی که فرض کرده ایم صحیح است؟



بهینه بودن جستجوی گرافی *A

اثبات:

- مشکل احتمالی جدید: یک n ای در مسیر *G زمانی که به آن نیاز داریم در صف قرار ندارد، زیرا
 یک 'n بدتر برای همان حالت پیشتر از صف خارج شده و بسط یافته است. (فاجعه!)
 - بالاترین چنین n ای را در درخت در نظر بگیرید
 - فرض کنید p از اجداد n باشد که هنگامی که 'n از صف خارج شد، در صف قرار داشته
 - f(p) <f(n) به دلیل سازگاری
 - (n) < f(n) < غیربهینه است f(n) < f
 - باید قبل از 'n بسط یافته باشد
 - تناقض!

