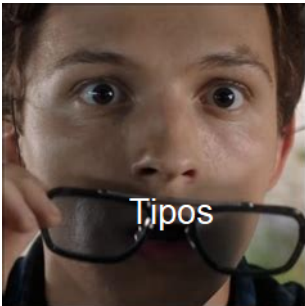


Tipos do Céu ao Chão

Hashimoto

22 de Junho de 2022



```
0x63 0x68
0x61 0x72
0x20 0x5B
0x5D 0x00
```



```
"char []"
```

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

① Tipos

② Tipos - Caso Recursivo

③ Tipos - Casos Base

④ Polimorfismo Paramétrico

⑤ Classes de Tipos

⑥ Outros Tipos

Tipos

Tipos - Caso
RecursivoProduto
Soma
ExponencialTipos -
Casos BaseVoid
Unity
Bool
Int
Tipos AlgébricosPolimorfismo
ParamétricoMaybe
Either
List
*SurpresaClasses de
TiposMonoid
Functor
Collection
Monad

Outros Tipos

Alto nível:

- Tamanho de um tipo: $\#(A)$
- Dois tipos são isomorficos (equivalentes): $A \simeq B$
- Função que recebe A , B , C , e retorna D :

$$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D$$

Baixo nível:

- Inteiro com sinal de n bits: i_n
- Inteiro com sinal de 32 bits: $i32$
- Inteiro sem sinal de n bits: u_n
- Inteiro sem sinal de 32 bits: $u32$
- Booleano de tamanho byte: $bool$

Nota: $bool \simeq u1$

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

O “caso recursivo” é para criar *tipos novos*.

Para *usar* os tipos novos, precisamos de formas (funções) para:

- definir/criar novos elementos (*construtores*)
- transformar os elementos já definidos: (*destrutores*)

Nota: *Em lógica, os construtores são chamados de regras de introdução e os destrutores de regras de eliminação*

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- Construtor

$$A \rightarrow B \rightarrow A \times B$$

- Destrutor (projeções)

$$\pi_A : A \times B \rightarrow A$$

$$\pi_B : A \times B \rightarrow B$$

- Valores

$$\#(A \times B) = \#(A) \times \#(B)$$

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo**Produto**

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- É associativo:

$$(A \times B) \times C \simeq A \times (B \times C)$$

- É comutativo:

$$(A \times B) \simeq (B \times A)$$

- C (*Struct*):

```
struct ProdutoIntDouble {  
    int a;  
    double b;  
};
```

- Java (*Class/Object*) (*):

```
class ProdutoIntDouble {  
    private int a;  
    private double b;  
}
```

- Haskell (*Record*):

```
data ProdutoIntDouble = PIntDouble  
    { a :: Int  
    , b :: Double  
    }
```

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Informações importantes de uma *struct*:

- Tamanho (*sizeof*): quantos bytes ocupa?
- Alinhamento (*alignment*): endereço é múltiplo de quanto?

Nota: *Nem sempre o tamanho final é a soma dos tamanhos!*

Alinhamento:

www.delftstack.com/howto/c/struct-alignment-in-c/

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -

Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo

Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de

Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

```
struct Exemplo1 {  
    u32 a;  
    u32 b;  
};
```

```
struct Exemplo2 {  
    u32 a;  
    bool b;  
};
```

```
struct Exemplo3 {  
    u64 a;  
    u32 b;  
    u32 c;  
};
```

```
struct Exemplo4 {  
    u32 b;  
    u64 a;  
    u32 c;  
};
```

```
struct Exemplo5 {  
    u32 b; u32 pad1;  
    u64 a;  
    u32 c; u32 pad2;  
};
```

Tipo	sizeof	alignment
bool	1	1
u32	4	4
u64	8	8

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de

Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Tipo	sizeof	alignment	waste
bool	1	1	0
u32	4	4	0
u64	8	8	0
Exemplo1	8	4	0
Exemplo2	8	4	3
Exemplo3	16	8	0
Exemplo4	24	8	8
Exemplo5	24	8	0

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- Construtores

$$\text{left} : A \rightarrow A + B$$

$$\text{right} : B \rightarrow A + B$$

- (Família de) Destrutor(es)

$$\forall X .$$

$$A + B \rightarrow (A \rightarrow X) \rightarrow (B \rightarrow X) \rightarrow X$$

- Valores

$$\#(A + B) = \#(A) + \#(B)$$

- Outros nomes: Coproduto, Variante

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- É associativo:

$$(A + B) + C \simeq A + (B + C)$$

- É comutativo:

$$(A + B) \simeq (B + A)$$

Em C, temos *Unions*!

```
union quase_soma {  
    int a;  
    float b;  
    char c;  
};
```

Nota: *Depois que criamos um elemento da union perdemos a informação de qual caso ele representa!*

Isso aloca um espaço na memória que pode armazenar um `int` ou(-exclusivo) um `float` ou(-exclusivo) um `char`.

O *sizeof* é o $\max(\text{sizeof}(\text{int}), \text{sizeof}(\text{float}), \text{sizeof}(\text{char}))$.
O *alignment* é o $\max(\text{align}(\text{int}), \text{align}(\text{float}), \text{align}(\text{char}))$.

Em C, também temos *Enums*!

```
enum casos_soma {  
    CASO_SOMA_A, CASO_SOMA_B, CASO_SOMA_C,  
};
```

Isso dá “um nome” para alguns inteiros de 0 até $2^n - 1$ (em C $n := 32$, mas a princípio pode ser qualquer potência de 2)

O *sizeof* é o *sizeof(un)* (no caso do C é *sizeof(u32)*).

O *alignment* é o *align(un)* (no caso do C é *align(u32)*).

Agora podemos juntar as duas!

```
enum casos_soma {  
    CASO_SOMA_A, CASO_SOMA_B, CASO_SOMA_C,  
};
```

```
union quase_soma {  
    int a; float b; char c;  
};
```

```
struct soma {  
    union quase_soma as;  
    enum casos_soma tag;  
};
```

Equivalente!

```
struct soma {  
    union quase_soma {  
        int a; float b; char c;  
    } as;  
  
    enum casos_soma {  
        CASO_SOMA_A, CASO_SOMA_B,  
        CASO_SOMA_C,  
    } tag;  
};
```

No fim, uma Tagged Union é só uma struct de um enum e uma union.

Exemplos: Matemática de Tagged Union

Tipos do
Céu ao Chão

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de

Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

```
struct Exemplo1 {  
    union { u32 a; u64 b; } as;  
    enum { CASO_U32, CASO_U64, } tag; };  
  
struct Exemplo2 {  
    union { u32 a; u64 b; bool c; } as;  
    enum { C_U32, C_U64, C_BOOL, } tag; };  
  
struct Exemplo3 {  
    union { u32 a; u32 b; u32 c; u32 d;  
           u32 e; u32 f; u32 g; u32 h; } as;  
    enum { A, B, C, D, E, F, G, H, } tag; };
```

Tipo	sizeof	alignment	Tipo	sizeof	alignment
bool	1	1	u32	4	4
			u64	8	8

Respostas: Matemática de Tagged Union

Tipos do
Céu ao Chão

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Tipo	sizeof	alignment
bool	1	1
u32	4	4
u64	8	8
Exemplo1	16	8
Exemplo2	16	8
Exemplo3	8	4

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

***Surpresa**Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- Zig (*Tagged Union*):

```
const UnionIntDouble = union(enum) {  
    caso_int: u32,  
    caso_double: f64,  
};
```

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- Java (*Inheritance/Dynamic Dispatch*) (*):

```
abstract class UnionBase {}
```

```
class UnionInt extends UnionBase {  
    private int val;  
}
```

```
class UnionDouble extends UnionBase {  
    private double val;  
}
```

- Algo parecido em C (“*Struct Inheritance*”):

```
enum UnionTag { CASO_INT, CASO_DOUBLE };
```

```
struct UnionHeader {  
    enum UnionTag tag;  
}
```

```
struct UnionInt {  
    struct UnionHeader header;  
    int val;  
}
```

```
struct UnionDouble {  
    struct UnionHeader header;  
    double val;  
}
```


- Rust (*Enum*):

```
enum UnionIntDouble {  
    CasoInt(i32),  
    CasoDouble(f64)  
}
```

- Haskell (*Algebraic Data Type*):

```
data UnionIntDouble  
    = CasoInt Int  
    | CasoDouble Double
```

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

ExponencialTipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

• Construtor

$$(A \rightarrow B) \rightarrow B^A$$

• Destrutor

$$eval : B^A \rightarrow A \rightarrow B$$

• Valores

$$\#(B^A) = \#(B)^{\#(A)}$$

- Não é associativo:

$$(A^B)^C \neq A^{(B^C)}$$

- NÃO é comutativo:

$$(A^B) \neq (B^A)$$

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

ExponencialTipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

**Surpresa*Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Opções de implementação:

- Look-up Table (Arrays)
 - Memória: $\text{sizeof}(B) \times \#(A)$
Nota: *Precisa converter A para inteiro*

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

ExponencialTipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

**Surpresa*Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Opções de implementação:

- Look-up Table (Arrays)
 - Memória: $\text{sizeof}(B) \times \#(A)$
Nota: *Precisa converter A para inteiro*
- Ponteiros para função:
 - Memória: *código* (estático) + *ponteiro* (cada instância)

Opções de implementação:

- Look-up Table (Arrays)
 - Memória: $\text{sizeof}(B) \times \#(A)$
Nota: *Precisa converter A para inteiro*
- Ponteiros para função:
 - Memória: *código* (estático) + *ponteiro* (cada instância)
- (Código de uma) Máquina Virtual

Opções de implementação:

- Look-up Table (Arrays)
 - Memória: $\text{sizeof}(B) \times \#(A)$
Nota: *Precisa converter A para inteiro*
- Ponteiros para função:
 - Memória: *código* (estático) + *ponteiro* (cada instância)
- (Código de uma) Máquina Virtual
- ??? (Céu é o limite)

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Um grande motivo é *Programação Funcional*:

- Receber/Passar uma função
- Closures
- Aplicação Parcial
- Callbacks

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Um grande motivo é *Programação Funcional*:

- Receber/Passar uma função
- Closures
- Aplicação Parcial
- Callbacks

Também serve como base para *Virtual Tables (Vtables)*:

- Interfaces
- Dynamic Dispatch

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- Aqui ficam os *tipos primitivos/atômicos*
- Não dá para quebrar mais que isso!
- Também têm *contrutores e destrutores*

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base**Void**

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Pausa Dramática!

- Construtor

(não tem)

- Destrutor

$\forall X .$

$absurd : Void \rightarrow X$

- Valores

0

- Nota: Em lógica, é o \perp (*false*)

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- Construtor

 $() : ()$

- Destrutor

(não tem)

- Valores

1

- **Nota:** *Em lógica, é o \top (true)*

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Se “void == ()”, por que eu não posso fazer isso:

```
void func(void) {}
```

```
int main() {  
    void v;  
    v = func();  
}
```

```

> gcc a.c
a.c: In function 'main':
a.c:4:10: error: variable or field
'v' declared void
      4 |         void v;
        |         ^
a.c:5:7: error: void value not ignored
as it ought to be
      5 |         v = func();
        |

```

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Em Zig, pode!

```
fn func() void {}

pub fn main() u8 {
    var v: void = undefined;
    v = func();
    return 0;
}
```


- Construtor

$$\text{false} : \text{Bool}$$
$$\text{true} : \text{Bool}$$

- (Família de) Destrutor(es)

$$\forall X.$$
$$\text{Bool} \rightarrow X \rightarrow X \rightarrow X$$

- Valores

$$2$$

Se a gente usar a Soma $() + ()$:

- Construtores

$$left : () \rightarrow () + ()$$

$$right : () \rightarrow () + ()$$

- (Família de) Destrutor(es)

$$\forall X .$$

$$() + () \rightarrow (() \rightarrow X) \rightarrow (() \rightarrow X) \rightarrow X$$

- Valores

$$\#(() + ()) = \#(()) + \#(()) = 2$$

- Só chamar *left* de false e *right* de true (ou o oposto)!

Nota: Acredita em mim que $A \simeq () \rightarrow A$

Vocês lembram da representação binária de um $I32$?

$$\begin{aligned} I32 &\simeq Bool \times Bool \times \cdots \times Bool \\ &\simeq (() + ()) \times \cdots \times (() + ()) \\ &\simeq () + () + () + \cdots + () + () \end{aligned}$$

Então dá para representar *muita coisa* usando só *Produto*, *Soma* e *Unity*.

Mas isso não quer dizer que a gente deva usar essas representações! O hardware sabe trabalhar muito bem com $I32$, então faz sentido ele ser um tipo primitivo.

Deveria estar em **Tipos - Caso Recursivo**, mas se encaixa melhor aqui!

Tipos Algébricos é uma forma para representar somas e produtos:

Bool = False | True

l32_1 = l32_1 Bool Bool Bool ... Bool

**l32_2 = Int32Min | ... | MenosUm
 | Zero | Um | ... | Int32Max**

- Do grego: *muitas formas*
- Em programação, geralmente é uma forma de permitir que várias coisas diferentes exerçam o mesmo papel.
- Exemplos:
 - Herança
 - Overloading
 - ...
- Isso é bem legal, pois evita que a gente escreva “duas coisas iguais”.

Algumas funções/tipos usam algum tipo já existente mas não precisam saber nada sobre esse tipo.

Outros nomes:

- Generics [Java]
- Macros (*) [C]
- Meta Programming (Comptime) [Zig]
- Templates (typename) [C++]

Tipos que guardam/organizam “coisas” (estruturas de dados) geralmente usam muito bem esse tipo de polimorfismo.

Exemplos: Lista, Fila, Árvore, Mapa, ...

Notação para tipos paramétricos:

$$[] : \forall x . List\ x$$

Notação para essas funções paramétricas:

$$id : \forall x . x \rightarrow x$$

Nota: Geralmente usam letra minúscula para variáveis de tipo

Esse polimorfismo simplifica alguns destrutores, onde tinha “família de destrutores” agora é só uma função genérica:

- $A \times B$

$$\forall x . A \times B \rightarrow (A \rightarrow B \rightarrow x) \rightarrow x$$

- $A + B$

$$\forall x . A + B \rightarrow (A \rightarrow x) \rightarrow (B \rightarrow x) \rightarrow x$$

- $Void$

$$absurd : \forall x . Void \rightarrow x$$

- $Bool$

$$\forall x . Bool \rightarrow x \rightarrow x \rightarrow x$$

Nota: *Dá para reconstruir π_A e π_B usando:*

$$K : \forall a . \forall b . a \rightarrow b \rightarrow a$$

$$KI : \forall a . \forall b . a \rightarrow b \rightarrow b$$

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico**Maybe**

Either

List

*Surpresa

Classes de

Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Outros nomes:

- Option
- Optional

```
data Maybe a
  = None
  | Some a
```

Destrutor

```
maybe :: Maybe a -> b -> (a -> b) -> b
maybe None      b _ = b
maybe (Some a) _ f = f a
```

Outros nomes:

- Result
- Error Union

```
data Either a b
  = Left a
  | Right b
```

Destrutor

```
either :: Either a b -> (a -> c)
      -> (b -> c) -> c
either (Left a) f _ = f a
either (Right b) _ g = g b
```

```
data List a
  = Nil
  | Cons a (List a)
```

Destrutor

```
list :: List a -> b -> (a -> List a -> b)
      -> b
list Nil      b _ = b
list (Cons a as) _ f = f a as
```

```
data Pointer a = Null
    | Estrela  a
    | Colchete [a]
```

Problemas (teóricos) dessa representação:

- C não sabe diferenciar Estrela e Colchete
- Temos que checar se é Null o tempo todo
- **Invisível:** no caso Colchete, podemos não saber o tamanho da lista

Nota: *ainda podemos ter o “null terminator” ou guardar um tamanho externo*

- Na prática, só queremos usar Estrela ou Colchete
- **Nota:** *o “ou” é exclusivo*
- Mais alguns (específicos sobre implementação) ...

```
const OptionalInt = ?i32;
```

```
const PtrToOneInt = *i32;
```

```
const PtrToManyInt = [*]i32;
```

```
const NullablePtrToOneInt = ?*i32;
```

```
const PtrToOneOptionalInt = *?i32;
```

```
const NullablePtrToManyInt = ?[*]i32;
```

```
const PtrToManyOptionalInt = [*]?i32;
```

```
// struct { len : usize, data : [*]i32, };  
const Slice = []i32;
```

```
// Tem valores no array ate achar um A  
// A eh um valor de i32  
const Sentinel = [*:A]i32;
```

```
const CharStar = [*:0]u8;
```

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

***Surpresa**Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

- Especialização/*inline*:
 - Gerar várias funções (*name mangling*)
 - Tudo se resolve estaticamente
 - Tende a gerar binários maiores (uma função para cada tipo)
- `void *` e *meta-dados*
 - Gerar só uma função
 - Tudo se resolve dinamicamente
 - Tende a gerar funções mais lentas (tem que olhar os meta-dados)

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

***Surpresa**Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

```
struct<T> Pilha {  
    usize len;  
    usize size;  
    [*]T items;  
}
```

```
Pilha<T> new<T>() {  
    return  
        Pilha<T> {  
            .len = 0,  
            .size = 0,  
            .items = malloc(  
                0*sizeof(T)  
            ), };  
}
```

```
struct Pilha_i32 {  
    usize len;  
    usize size;  
    [*]i32 items;  
}
```

```
Pilha_i32 new_i32() {  
    return  
        Pilha_i32 {  
            .len = 0,  
            .size = 0,  
            .items = malloc(  
                0*sizeof(i32)  
            ), };  
}
```


Exemplo: Especialização i32

```
void push<T>(Pilha<T> *p, T item) {  
    if ( p.size + 1 >= p.len ) {  
        p.len *= 2;  
        realloc(&p.items, p.len*sizeof(T));  
    }  
    p.items[p.size] = item;  
    p.size += 1;  
}  
  
void push_i32(Pilha_i32 *p, i32 item) {  
    if ( p.size + 1 >= p.len ) {  
        p.len *= 2;  
        realloc(&p.items, p.len*sizeof i32);  
    }  
    p.items[p.size] = item;  
    p.size += 1;  
}
```

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

***Surpresa**Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

```
?T pop<T>(Pilha<T> *p) {  
    if ( p.size > 0 ) {  
        p.size -= 1;  
        return p.items[p.size];  
    } else return null;  
}
```

```
?i32 pop_i32(Pilha_i32 *p) {  
    if ( p.size > 0 ) {  
        p.size -= 1;  
        return p.items[p.size];  
    } else return null;  
}
```

```
struct<T> Pilha {  
    usize len;  
    usize size;  
    [*]T items;  
}
```

```
Pilha<T> new<T>() {  
    return Pilha<T> {  
        .len = 0,  
        .size = 0,  
        .items = malloc(  
            0*sizeof(T)  
        ), };  
}
```

```
struct Pilha {  
    usize len, size;  
    Info info;  
    [*]*void items;  
}
```

```
Pilha new(Info i) {  
    return Pilha {  
        .len = 0, .size=0,  
        .info = i,  
        .items = malloc(  
            0*sizeof(*void)  
        ), };  
}
```

```
void push<T>(Pilha<T> *p, T item) {  
    if ( p.size + 1 >= p.len ) {  
        p.len *= 2;  
        realloc(&p.items, p.len*sizeof(T));  
    } p.items[p.size] = item;  
    p.size += 1;  
}  
  
void push(Pilha *p, void *item) {  
    if ( p.size + 1 >= p.len ) {  
        p.len *= 2;  
        realloc(&p.items,  
            p.len*sizeof(*void));  
    }  
    p.items[p.size] = item;  
    p.size += 1;  
}
```

Tipos

Tipos - Caso
Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

***Surpresa**Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

```
?T pop<T>(Pilha<T> *p) {  
    if ( p.size > 0 ) {  
        p.size -= 1;  
        return p.items[p.size];  
    } else return null;  
}
```

```
?*void pop(Pilha *p) {  
    if ( p.size > 0 ) {  
        p.size -= 1;  
        return p.items[p.size];  
    } else return null;  
}
```

Exemplo: Generalização (coisas extras)

Tipos do
Céu ao Chão

Hashimoto

Tipos

Tipos - Caso

Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -

Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo

Paramétrico

Maybe

Either

List

***Surpresa**

Classes de

Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

```
struct Info {  
    usize size;  
    u8 align;  
    ...  
};
```

```
struct InfoPack {  
    Info info;  
    *void ptr;  
};
```

```
InfoPack from_i32_to_Info(i32 val) { ... }
```

```
i32 from_Info_to_i32(void *ptr) { ... }
```

Outros nomes:

- Ad hoc Polymorphism
- Concepts [C++20]
- Interface [Go, Java, Kotlin, TypeScript]
- Module System [Standard ML]
- Mixin (?) [Ruby]
- Protocol [Erlang, Elixir, Swift]
- Typeclasses [Haskell]
- TypeTraits (?) [C++/Boost]
- Type Constrains [D]
- Traits [Rust]
- Vtable/Function Pointers [C, C++, Zig]

“Concepts vs Typeclasses vs Traits vs Protocols”

youtu.be/E-2y1qHQvTg

- Agrupa tipos com uma mesma propriedade(s)
- Define um conjunto de operações com alguma semântica (que não dependem de implementação)
- É um contrato!
- Em Orientação a Objeto: uma forma de “injetar dependência” (*dependency injection*)
- Notação usa “seta gorda”:

$$\forall x . \textit{Classe } x \Rightarrow x \rightarrow x \rightarrow x$$


```
class Semigroup a where  
  (<>) :: a -> a -> a
```

```
class Semigroup a => Monoid a where  
  mempty :: a -> a -> a  
  mconcat :: [a] -> a  
  mconcat = foldr (<>) mempty
```

- Associatividade (Semigroup):

$$(x \diamond y) \diamond z = x \diamond (y \diamond z)$$

- Identidades:

$$x \diamond \text{mempty} = x$$

$$\text{mempty} \diamond x = x$$

```
class Functor a where
```

```
    fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

```
    (<$) :: a -> f b -> f a
```

```
    (<$) = fmap . const
```

- Identidade:

```
fmap id == id
```

- Composição:

```
fmap (f . g) == fmap f . fmap g
```

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de

Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

```
interface Collection<E> extends Iterable<E>
{
    boolean add(E e);
    boolean addAll(Collection
        <? extends E> c);
    void clear();
    boolean contains(Object o);
    boolean containsAll(Collection<?> c);
    boolean equals(Object o);
    int hashCode();
    boolean isEmpty();
    Iterator<E> iterator();
    default Stream<E> parallelStream();
    boolean remove(Object o);
    ...
}
```

```
interface Collection<E> extends Iterable<E>
{
    ...
    boolean removeAll(Collection
        <? extends E> c);
    default boolean removeIf(Predicate
        <? super E> filter);
    boolean retainAll(Collection
        <? extends E> c);
    int size();
    default Spliterator<E> spliterator();
    default Stream<E> stream();
    Object[] toArray();
    <T> T[] toArray(T[] a);
}
```

docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/Collection.html

Tipos

Tipos - Caso Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos - Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Existem mais tipos!

Mas infelizmente não dá tempo de falar sobre todos eles :(

Vou passar rapidinho por eles.

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Permite criar *tipos* que dependem de *valores*

Útil para dar tipos para: arrays, *provas*, ...

Linguagens de programação:

- Agda
- C++ [Template]
- Idris
- Zig [Comptime, First Class Types]

Assistentes de Prova:

- ALF
- Coq
- Lean

Mais exemplos: [en.wikipedia.org/wiki/Category:
Dependently_typed_languages](https://en.wikipedia.org/wiki/Category:Dependently_typed_languages)

Como assim, você está usando um ovo duas vezes???
Você não pode fazer dois bolos e só usar um ovo!!!

Tipos

Tipos - Caso
RecursivoProduto
Soma
ExponencialTipos -
Casos BaseVoid
Unity
Bool
Int
Tipos AlgébricosPolimorfismo
ParamétricoMaybe
Either
List
*SurpresaClasses de
TiposMonoid
Functor
Collection
Monad

Outros Tipos

	Exchange	Weakening	Contraction
Ordered	Não	Não	Não
Linear	Sim	Não	Não
Affine	Sim	Sim	Não
Relevant	Sim	Não	Sim
Normal	Sim	Sim	Sim

Nota: *Existe uma lógica para cada linha da tabela.*

Usos:

- Ordered: Alocação em Stack
- Linear: Uso de recursos (exatamente uma vez)
- Affine: Uso de recursos (zero ou uma vez)
- Relevant: Uso de recursos (uma ou mais vezes)

Ref: en.wikipedia.org/wiki/Substructural_type_system

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

	Exchange	Weakening	Contraction
Ordered	Não	Não	Não
Linear	Sim	Não	Não
Affine	Sim	Sim	Não
Relevant	Sim	Não	Sim
Normal	Sim	Sim	Sim

Nota: *Existe uma lógica para cada linha da tabela.*

Linguagens de programação (Linear/Affine):

- Idris
- Linear ML
- Rust [Borrow-checker, Copy Trait]
- Nim

Ref: en.wikipedia.org/wiki/Substructural_type_system

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

São exceptions (exceções), porém mais *gerais* (lembra um pouquinho interfaces).

Os handlers (algo tipo os blocos catch) podem continuar a função que gerou a exceção e modificar a saída.

Linguagens de programação (de pesquisa):

- Eff (eff-lang.org)
- Effekt (effekt-lang.org)
- Koka (koka-lang.github.io)
- Unison (unison-lang.org/)

Ref: en.wikipedia.org/wiki/Effect_system

Tipos

Tipos - Caso
Recursivo

Produto

Soma

Exponencial

Tipos -
Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo
Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de
Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

A ideia é: se eu tenho uma função f que recebe uma *struct genérica*, mas só acessa o campo `.nome`; deveria ser possível passar as duas structs: `struct struct1 { nome : Str, num : Int }, struct struct2 { nome : Str, flag : Bool }`.

Isso lembra *duck typing* (“*If it walks like a duck, and it quacks like a duck, then it must be a duck!*”)

Nota: *Row Polymorphism* e *Variant Polymorphism* são duas coisas diferentes, mas duas.

Linguagens de programação:

- Roc (em desenvolvimento: roc-lang.org/)

Tipos

Tipos - Caso Recurso

Produto

Soma

Exponencial

Tipos - Casos Base

Void

Unity

Bool

Int

Tipos Algébricos

Polimorfismo Paramétrico

Maybe

Either

List

*Surpresa

Classes de Tipos

Monoid

Functor

Collection

Monad

Outros Tipos

Tipos “que existem” mas “que eu não sei muito bem o que são”:

- Variant/Contravariant/Invariant Types
- Subtypes/Supertypes
- ...

Fim!